

به نام خداوند جان و خرد

کزو برتر اندیشه بر نگذرد

خداوند کیوان و گردان سپهر

فروزنده ماه و ناهید و مهر

دانشگاه تهران

دانشکده علوم

”حل عددی معادلات آهنگ ناظر بر همجوشتی با موئون کاتالیز شده در مخلوط دوتریم- تریتیم و محاسبه بهره همجوشتی“

اجراء:

داریوش داودی مبارکه

استاد راهنما:

دکتر منیره رهبر

استاد مشاور:

دکتر هوشنگ رومانی نژاد

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

در

رشته فیزیک کاربردی ۱۶ / ۱۲ / ۱۳۸۸

مهره اخلاعات بزرگ صحنی بوز
تیم مرکز

بهمن ۱۳۷۹

۱۳۲۵۱۵

..... شماره :

..... تاریخ :

..... پیوست :

بسمه تعالی

جمهوری اسلامی ایران

دانشگاه تهران

الف / ۲۹



اداره تحصیلات تکمیلی دانشگاه

احتراماً باطلاع می رساند که جلسه دفاع از پایان نامه دوره کارشناسی ارشد آقای داریوش داودی مبارکه

تحت عنوان : " حل عددی معادلات آهنگ ناظر بر همجوشی با موئون کاتالیز شده در مخلوط دوتریم - تریتمیم و محاسبه بهره همجوشی " در محل دانشکده علوم دانشگاه تهران برگزار گردید.
در تاریخ ۸۰/۴/۴

هیات داوران براساس کیفیت پایان نامه ، استماع دفاعیه و نحوه پاسخ به سوالات ، پایانه نامه ایشان را برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته فیزیک معادل با شش واحد با نمره ۱۸/۵ با درجه بسیار مورد تایید قرار دارد.

هیات داوران

امضاء	مرتبه دانشگاهی - دانشگاه	نام و نام خانوادگی	سمت
	استادیار - دانشگاه تهران	خانم دکتر منیژه رهبر	۱ - استاد راهنما
	استاد - دانشگاه تهران	آقای دکتر هوشنگ روحانی نژاد	۲ - استاد مشاور
	استاد - سازمان انرژی اتمی	آقای دکتر محمد لامعی رشتی	۳ - استاد داور خارجی
	دانشیار - دانشگاه تهران	آقای دکتر محمد پیشه ور	۴ - استاد داور داخلی
	دانشیار - دانشگاه تهران	آقای دکتر محمد تقی توسلی	۵ - نماینده تحصیلات تکمیلی

دکتر رسول اخروی
سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده

دکتر عزت اله ارضی
مدیر گروه آموزشی فیزیک

دکتر محمد تقی توسلی
سرپرست تحصیلات تکمیلی فیزیک

چکیده

کار انجام گرفته ای که گزارش آن قسمتهایی از نوشته حاضر را تشکیل می دهد، در ابتدا به طور دقیق حل عددی یک دستگاه معادلات دیفرانسیل معمولی، مرتبه اول، خطی، همگن، و دارای ضرایب ثابت، با بهره گیری از روشهای ماتریسی می باشد. این دستگاه خود زیر مجموعه ای از یک مجموعه بزرگتر (موجود در مرجع [۷]) است که، به معادلات آهنگ موسوم بوده و در واقع، معادلات دینامیکی ناظر بر چگالی (عددی) برخی طرفهای درگیر، در زنجیره واکنشهای همجوشی با موئون کاتالیز شده در مخلوط دوتریم-تریتیم می باشند. در ادامه با استفاده از نتایج این حل، ابتدا برخی از نتایج به دست آمده در مرجع [۷]، مورد تحقیق قرار گرفته اند. سپس چندین نمودار سودمند برای درک کیفی و کمی برخی جنبه های زنجیره، به دست آورده شده اند. در نهایت نیز، تعدادی نقطه نموداری برای بهره همجوشی تحصیل گردیده و، با متناظرهای تجربی خود مورد مقایسه قرار گرفته اند. روشهای به کار رفته برای انجام حل یاد شده، در فصل چهارم توضیح داده شده اند. گزارش نتایج کار و برنامه های عددی منجر به این نتایج نیز، در فصل پنج و پیوست های الف تا ج آورده شده اند.

در مقدمه نوشتار، پس از گزارشی کلی از وضعیت کنونی (تا سال ۱۹۹۰) تولید انرژی از طریق

واکنش هسته‌ای شکافت، و برآورد کمی منابع آن، و نیز با رد واکنش هسته‌ای همجوشی خالص به عنوان راهی عملی جهت تولید انرژی با موازنه مثبت (البته در چشم‌انداز فعلی)، در نهایت فرآیند زایش پلوتونیم از اورانیم (و نیز توریم از اورانیم) توسط رآکتورهای دو رگه همجوشی-شکافت، به عنوان چاره مشکل تولید انرژی به روش هسته‌ای، و توسعه دهنده منابع آن معرفی گشته است. سپس ضمن مقایسه انواع روشهای موجود برای واکنش همجوشی که توسط بشر به کار گرفته شده‌اند، نقش ممتاز همجوشی به روش محبوس سازی شیمیایی، یا به بیان دیگر همجوشی با موئون کاتالیز شده مورد تأکید قرار گرفته است. در فصل یک سعی شده است تا خواننده، با تاریخچه همجوشی با موئون کاتالیز شده، و زنجیره واکنشهای رویدهنده در آن که نهایتاً منجر به همجوشی می‌شوند، آشنا شود. در فصل دوم، عوامل مؤثر بر بهره همجوشی، مورد بررسی قرار گرفته‌اند. دست آخر نیز در فصل سوم طرح مفهومی رآکتور قدرت دو رگه همجوشی-شکافت بر اساس همجوشی با موئون کاتالیز شده به عنوان چشم‌اندازی عملی و با مزیت برای تولید انرژی مورد بررسی قرار گرفته است.

تقدیر و تشکر

وظیفه خود می دانم تا از اشخاصی که بدون الطاف و کمکهای ایشان قادر به انجام و ارائه کار حاضر نبودم قدردانی و صمیمانه سپاسگذاری نمایم. در این میان به ویژه لازم می بینم از استاد راهنمای گرامی خانم دکتر منیژه رهبر برای پیشنهاد موضوع بسیار سودمند حاضر و نیز به خاطر راهنماییهای کاملاً مؤثرشان در اجرای آن و همچنین از شورای محترم تحصیلات تکمیلی گروه فیزیک، سرپرست محترم تحصیلات تکمیلی گروه آقای دکتر محمد تقی توسلی، و مدیریت محترم گروه آقای دکتر هوشنگ روحانی نژاد به خاطر تقبل زحمات متعدد جهت تأمین زمان لازم برای به ثمر رسیدن کار یاد کنم.

فهرست مطالب

۱	مقدمه
۱۱	فصل ۱ همجوشی با موئون کاتالیز شده
۱۱	۱-۱ تاریخچه ه.مو.ک
۱۵	۲-۱ موضوعهای تحقیق
۱۵	۳-۱ زنجیره ه.مو.ک
۱۹	۴-۱ تشکیل اتمهای موئونی
۱۹	۱-۴-۱ کندانساری موئون
۲۰	۲-۴-۱ موئون گیری
۲۲	۳-۴-۱ واانگیختگی اتمهای موئونی
۲۴	۴-۴-۱ گرمایی شدن اتمهای موئونی
۲۶	۵-۴-۱ انتقال موئون و ضریب q_{1s}
۲۷	۵-۱ تشکیل مولکولهای موئونی
۲۸	۱-۵-۱ تشکیل غیر تشدیدي (مستقیم)
۲۹	۲-۵-۱ تشکیل تشدیدي
۳۲	۳-۵-۱ تشکیل شبه تشدیدي
۳۳	۶-۱ همجوشی
۳۳	۷-۱ چسبیدگی و باز فعال شدگی موئون

۳۴	۸-۱ مفهوم محبوس سازی شیمیایی
۳۶	فصل ۲ جنبش شناسی زنجیره همجوشی با موئون کاتالیز شده
۳۶	۱-۲ کارآیی همجوشی
۳۸	۱-۱-۲ آهنگ چرخه موئونی
۴۳	۲-۱-۲ از کف دهیهای موئون
	فصل ۳ طرح مفهومی رآکتور قدرت از نوع دورگه همجوشی-شکافت
۴۹	با موئون کاتالیز شده
	۱-۳ بهره همجوشی لازم جهت برپایی یک رآکتور قدرت از نوع همجوشی خالص
۴۹	با موئون کاتالیز شده
	۲-۳ طرح مفهومی رآکتور قدرت از نوع دورگه همجوشی-شکافت با موئون
۵۱	کاتالیز شده
۵۳	۱-۲-۳ تولید پیوندهای منفی در ماده هدف
۵۵	۲-۲-۳ تولید موئونها در تبدیل کننده
۵۵	۳-۲-۳ تقویت انرژی و تولید نوترونهای سریع در ترکیب کننده
۵۶	۴-۲-۳ القای شکافت، زایش ایزوتوپهای شکافت پذیر، و تولید تریتم در پتو
	۵-۲-۳ بهره الکتریکی کل حاصل از طرح مفهومی ای.تی.آر و مقایسه آن با سایر
۵۸	طرحهای مفهومی دو رگه و نیز همجوشی خالص
۶۱	۶-۲-۳ باز چرخانی بخشی از باریکه که برهمکنش قوی نداشته است
۶۳	فصل ۴ معادلات آهنگ و روش حل آنها در کار حاضر
۶۳	۱-۴ منبع و تعریف معادلات آهنگ
۶۵	۲-۴ نوع معادلات آهنگ و روش حل آنها وقتی غلظتها ثابت باشند

- ۶۶ ۳-۴ روش حل معادلات آهنگ در کار حاضر
- ۶۷ ۱-۳-۴ بخش تحلیلی راه حل
- ۷۱ ۲-۳-۴ بخش عددی راه حل
- ۷۱ ۱-۲-۳-۴ روشهای عددی استفاده شده برای محاسبه ویژه مقادیرها
- ۷۴ ۲-۲-۳-۴ روش عددی استفاده شده برای محاسبه ویژه بردارها و ضرایب جواب

فصل ۵ نتایج به دست آمده از کار حاضر

- ۷۶ ۱-۵ مقایسه برخی نتایج به دست آمده از کار حاضر با نتایج متناظر در مرجع [۷]
- ۷۶ ۲-۵ نتایج نموداری به دست آمده برای توزیع زمانی چگالیهای موئون، و اتمها و مولکولهای موئونی
- ۸۱ ۳-۵ نتایج به دست آمده برای بهره همجوشی در هر سه شاخه
- ۹۲ ۴-۵ مقایسه نتایج به دست آمده برای بهره با نتایج تجربی متناظر در مرجع [۹]

نتیجه گیری و پیشنهاد

۹۷

پی نویس

۱۰۰

مراجع

۱۰۳

واژه نامه

۱۰۵

پیوست الف قسمتی از برنامه منجر به شکل ۲-۵

۱۰۹

پیوست ب قسمتی از برنامه منجر به شکل ۴-۵

۱۱۶

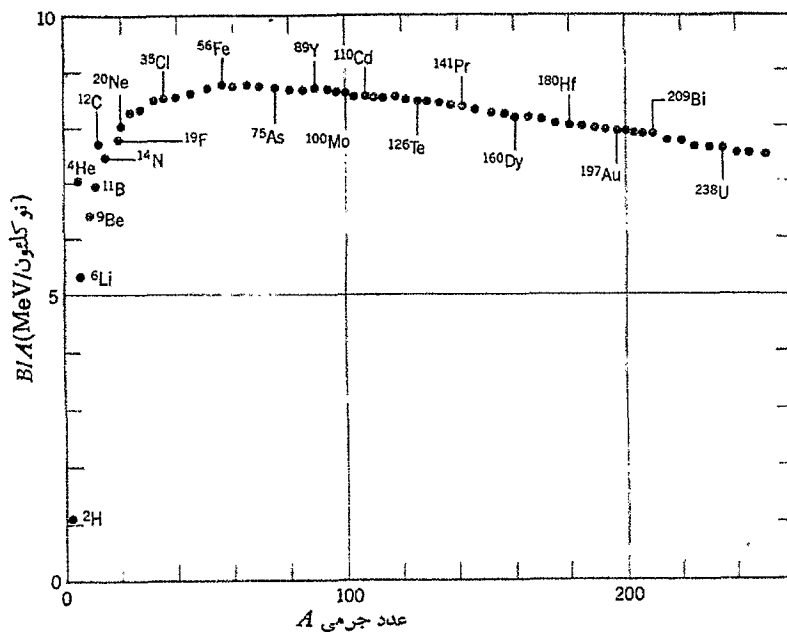
پیوست پ قسمتی از برنامه منجر به مجموعه شکل‌های ۵-۵

۱۲۴

۱۳۲	پیوست ت	قسمتی از برنامه منجر به شکل ۵-۶
۱۴۱	پیوست ث	قسمتی از برنامه منجر به شکل ۵-۷
۱۴۸	پیوست ج	زیربرنامه های مشترک بین برنامه های کار حاضر

مقدمه

برای تهیه این مقدمه از مطالب موجود در مراجع [۶] و [۱۳]، و همچنین فصل‌های سه و ۱۴ از مراجع [۱] و [۲] بهره برداری شده است در حالی که جدیدترین این منابع مربوط به سال ۱۹۹۲ می باشد. در سده اخیر پیشرفت، توسعه، و همچنین رشد چشمگیر جمعیتی حل مسأله تامین انرژی را با استفاده از منابعی جز سوخت‌های فسیلی به یکی از مهمترین چالش‌های جامعه بشری و بخصوص مجامع علمی و فنی مربوطه بدل ساخته است. با این انگیزه بشر طی هشتاد سال گذشته علاوه بر راه‌های کم بازده تر دیگر موفق به کشف و شناسایی دو روش عمده استخراج انرژی از منابع هسته ای گردیده است. این دو روش که آزادسازی انرژی توسط دو نوع واکنش هسته ای شکافت و همجوشی می باشند با توجه به نمودار انرژی بستگی به ازای هستک ایزوتوپها که بر حسب عدد جرمی آنها رسم شده است به سادگی قابل توجیه می باشند (شکل م-۱). از این نمودار استنباط می شود که اگر به طریقی بتوان ایزوتوپهای متناظر با نقاط دامنه نمودار را به ایزوتوپهای متناظر با نقاط نزدیکتر به قله تبدیل کرد مقداری انرژی که برابر است با اختلاف انرژی بستگی کل متعلق به ایزوتوپهای قبل و بعد از تبدیل، آزاد خواهد شد. این تبدیل بر روی یک ایزوتوپ مربوط به دامنه راست به معنای شکافته شدن یک هسته سنگینتر به هسته هایی سبکتر و برای دامنه چپ به معنای جوش خوردن دو هسته سبکتر و تولید محصولاتی حاوی یک هسته سنگینتر می باشد. تولید انرژی توسط روش همجوشی نسبت به روش دیگر دارای دو مزیت مهم است. یکی اینکه ذخایر سوختی همجوشی که هسته های سبک نظیر ایزوتوپهای هیدروژن می باشند نسبت به ذخایر سوختی واکنش شکافت که از مجموعه ای از ایزوتوپهای سنگین نظیر اورانیوم تشکیل میابند بسیار فراوانترند و دیگر آنکه محصولات یا اصطلاحاً پاره های همجوشی مانند پاره های شکافت عموماً پرتوزا نبوده و لذا سلامتی انسان و محیط زیست او را به مخاطره نمی اندازند.



شکل م-۱ انرژی بستگی هسته ای به ازای هستک ایزوتوپها بر حسب عدد جرمی آنها. از مرجع [۱]، ش. ۳-۱۶.

از دو نوع واکنش فوقا یادشده تنها شکافت می باشد که در دهه های اخیر برای تولید انرژی با بهره ای بزرگتر از واحد و به صورت مهار شده مورد بهره برداری قرار گرفته است. ولی دیگری به دلیل سختی شرایط علمی، فنی، و اقتصادی لازم جهت مهار آن برای تولید انرژی با موازنه مثبت هنوز در مرحله تحقیقاتی بسر می برد و این در حالی است که پیشنهاد این نوع واکنش بعنوان راهی ممکن برای تولید انرژی از نظر زمانی دارای پیشینه بیشتری نسبت به واکنش نوع اول می باشد.

ابتدا اجازه دهید تا نگاهی کوتاه به وضعیت تولید انرژی توسط شکافت داشته باشیم و از این رهگذر مقدمات و همچنین محدودیتهای آن را مد نظر قرار دهیم. مهمترین واکنش شکافت مربوط می شود به جذب یک نوترون کند توسط ایزوتوپ سبک اورانیم



این واکنش حدود ۵۰ میلیون برابر سوختن یک اتم کربن انرژی آزاد می کند



با وجود این مقدار کل این ایزوتوپ که فراوانی آن در اورانیم طبیعی تنها ۰,۷۲٪ است در کره ما محدود می باشد به طوری که اگر قرار شود تمام تولید انرژی کنونی جهان که شکافت مسؤول فقط ۱۷٪ آن می باشد توسط این نوع واکنش تحقق پذیرد منابع کشف شده و قابل دسترس آن پس از ۵۰ سال پایان می پذیرند و اگر رشد مصرف انرژی نیز به حساب آورده شود این زمان کوتاهتر هم خواهد بود.

یک راه شناخته شده برای افزایش منابع سوخت شکافت پذیر حرارتی در درجه اول کمک گرفتن

از واکنش



می باشد که طی آن یک ایزوتوپ اورانیم سنگین با جذب یک نوترون سریع تبدیل به یکی از ایزوتوپهای پلوتونیم که خود (در یک رآکتور با نوترون های گرمایی (کند)) قابل شکافت می باشد تبدیل می شود و به علاوه به ازای هر جذب با احتمال معینی شکافت نیز صورت می گیرد. به این ترتیب ملاحظه می شود اصولاً تقریباً تمام موجودی اورانیم طبیعی به خدمت شکافت درمی آید. البته علاوه بر این یک واکنش مشابه زاینده دیگر نیز تولید ${}^{233}\text{U}$ شکافت پذیر می باشد که با جذب یک نوترون سریع توسط یک ${}^{232}\text{Th}$ صورت می پذیرد.

تاکنون تنها ساز و کاری که در آن فرآیند تبدیل اورانیم به پلوتونیم به نحو مؤثری به تحقق رسیده است مورد رآکتورهای موسوم به زاینده می باشد که اساساً بر مبنای نوترونهای سریع کار می کنند. ولی متأسفانه اینها از کارآیی پایینی برخوردار بوده اند به طوری که برای تامین سوخت یک رآکتور گرمایی با سوخت پلوتونیم کارکرد سه رآکتور سریع زاینده الزامی می باشد. بنابراین جای تعجب نیست که هنوز جستجو برای یافتن راههایی دیگر جهت عملی شدن کارآتر این فرآیند در جریان می باشد. یکی از این راهها زایش الکتروسته ای است که در سال ۱۹۵۱ پیشنهاد شد. در این روش یک باریکه از پروتونهای با انرژی $1 \text{ GeV} \approx$ و خروجی از یک شتابدهنده با یک هدف جرممند از ${}^{238}\text{U}$ برخورد داده می شود که در نتیجه برخورد هر پرتابه اولاً $20 \approx$ هسته اورانیم شکافته می شوند و ثانیاً $60 \approx$ هسته ${}^{239}\text{Pu}$ توسط نوترونهای حاصل از شکافتها زاینده می شوند به طوری که نهایتاً به ازای هر پروتون روی هم رفته $25 \text{ GeV} \approx$ انرژی آزاد می گردد. ولی از سوی دیگر با به حساب آوردن بازده شتابدهنده، اندازه

محدود اورانیم هدف، هزینه نصب، و نیز از کف دهی نوترون به سبب جذب توسط مواد سازه ای دستگاه دست آخر تراز انرژی نامطلوب می باشد. لذا این روش تاکنون از حد مرحله تحقیقات آزمایشی و پروژه های ابتدایی فراتر نرفته است.

راه دیگر برای تولید پلوتونیم استفاده از نوترونهای سریعی می باشد که در نتیجه همجوشی هسته های دوترون و تریتون شکل می گیرند



اگر نوترون حاصل که 14,1 MeV انرژی دارد در یک هدف اورانیم جرممند وارد شود باعث القای شکافت در تقریباً یک ${}^{238}\text{U}$ می گردد که در نتیجه آن چهار نوترون جدید نیز ایجاد می شود. با ورود این چهار نوترون به هسته های ${}^{238}\text{U}$ چهار هسته ${}^{239}\text{Pu}$ تولید می شود. البته در واقع یکی از این نوترونها می بایست برای باز تولید یک تریتم (که عملاً در طبیعت بسیار کمیاب است) با لیتیم مطابق رابطه پایین واکنش داشته باشد



به دلیل مشخصات رآکتورهای گرما هسته ای ویژه واکنشهای همجوشی همچون واکنش (4-م) که امروزه طراحی شده اند به ازای هر نوترون ناشی از این واکنش از طرفی تنها 0,6 شکافت در هدف اورانیم انجام می گیرد و از طرف دیگر نیز فقط یک هسته پلوتونیم تولید می شود. البته حتی در این شرایط نیز کارکرد چنین روشی مجموعاً از نظر بازده انرژی در اثر شکافتهای القاء شده و همچنین بازده زایش هسته های شکافت پذیر پلوتونیم رضایت بخش می باشد. چنین رآکتورهایی را که اساس کار آنها بر پیوند واکنشهای همجوشی و شکافت استوار است دورگه می نامند. علاوه بر این نامگذاری مجموعه واکنشهای دوگانه همجوشی و شکافت که مبنای کار چنین رآکتورهایی است با اصطلاح ترکیب+شکافت نیز شناخته می گردد در جایی که منظور از ترکیب واکنش همجوشی منجر به نوترون سریع (واکنش (4-م)) می باشد. همچنین از اورانیم هدف موجود در چنین رآکتورهایی که مخلوط دوتریم و تریتم را احاطه کرده است به عنوان بتوی شکافت (یا برخی اوقات بتو) یاد می شود.

در اینجا بایستی به عامل محدود کننده این روش که تامین ${}^6\text{Li}$ می باشد اشاره کرد. منابع لیتیم در کره زمین کم و همچنین وسیعا پراکنده هستند به طوری که اگر بخواهیم نتیجه این محدودیت را خلاصه کنیم باید بگوییم استعداد ذخیره شده از نظر منابع انرژی همجوشی (که اساسا همانگونه که در ادامه بحث خواهیم دید در حال حاضر از طریق همان واکنش (م-۴) قابل آزادسازی هستند) در کره ما طی جریان آفرینش آن از مقدار متناظر آن برای مورد منابع انرژی شکافت تجاوز نمی کند. البته این بحث تمام منابع را شامل می شود که در واقع بیشتر آنها غیر قابل دسترسند.

اکنون نگاهی کوتاه خواهیم داشت به دستاوردها در زمینه تولید انرژی توسط همجوشی به روش گرمایسته ای تا از این طریق یک تصویر کلی از تواناییها و محدودیتهای این روش به دست آوریم. همجوشی دو هسته و ایجاد یک هسته سنگینتر و البته پایدارتر زمانی تحقق می پذیرد که ابتدا این دو بدون هیچ پوشش الکترونی به حد لازم به یکدیگر نزدیک شده و سپس با داشتن انرژی جنبشی کافی ضمن نفوذ به سد مشترک پتانسیل دافعه مابینشان در برد نیروهای قوی یکدیگر قرار گرفته و ضمن یک برخورد هسته ای غیر کشسان با هم پیوند هسته ای برقرار کنند. بنابراین می توان نتیجه گرفت برای وجود احتمال قابل ملاحظه جهت وقوع چنین رویدادی هسته ها می بایست علاوه بر دارا بودن انرژی جنبشی کافی در یک فضای به اندازه کفایت کوچک نیز محبوس گردند. تجربیات نشان می دهند که این انرژی در حدودی است که هر ظرف مادی حبس کننده هسته ها را در صورت تماس با آنها به صورت بخار در خواهد آورد. لذا در اینجا اندیشه محبوس سازی غیر مادی پیش می آید.

تاکنون چهار روش محبوس سازی شناسایی شده اند. اولین روش که مختص ستارگان است محبوس سازی گرانشی نام دارد (مرجع [۴] صفحه ۷۴) که در آن هسته ها که از تشکیل دهندگان یک پلاسمای خیلی داغ می باشند به واسطه نیروی گرانشی چنان به یکدیگر نزدیک شده اند که در یک نمونه افراطی آن مربوط به کوتوله های سفید چگالیهایی در حدود 10^8 برابر چگالی هیدروژن مایع (یا به اختصار چ.ه.م) را ایجاد کرده اند. چ.ه.م که یکایی برای سنجش چگالیهای عددی ذرات می باشد برابر است با

$$1 \text{ LHD} = 4,25 \times 10^{22} \text{ atom/cm}^3 \quad (\text{م} - ۶)$$

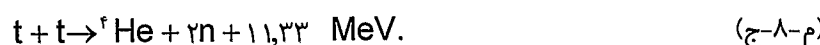
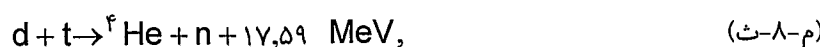
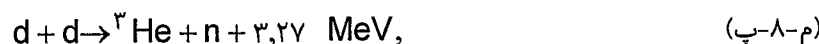
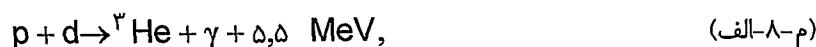
دمای مرکزی این ستاره ها نیز که به شکلی نمایانگر انرژی جنبشی- گرمایی هسته های محبوس می باشد

مقداری حدود 10^7 کلوین است^۱. البته در ستاره ها بر خلاف موارد همجوشی انجام گرفته توسط بشر ایزوتوپهای همجوشی کننده به سبکترین آنها یعنی ایزوتوپهای هیدروژن محدود نبوده بلکه در میان آنها ایزوتوپهای سنگینتر نیز مشاهده می شوند. در واقع همین روش همجوشی است که در خورشید هم صورت می پذیرد و لذا مسؤل تمام انواع انرژیهای نهان و آشکار در سیاره ما می باشد. اندیشه ایجاد همجوشی از طریق برپا داشتن و محبوس ساختن پلاسماهای خیلی داغ نیز از همینجا نشأت می گیرد.

روش دیگر همجوشی از طریق محبوس سازی مغناطیسی می باشد. در این روش که یکی از دو روش گرماسته ای ابداع شده توسط بشر می باشد پلاسماهای خیلی داغ در یک میدان مغناطیسی ویژه و در ناحیه فضایی کاملاً مشخص محبوس و محدود می گردد. تعداد کل همجوشیهای پایه که در واحد حجم چنین فضایی روی می دهد از رابطه زیرین به دست می آید

$$Y = n_1 n_2 f(T) \quad (م-۷)$$

که در آن n_1 و n_2 چگالیهای (عددی) دو نوع هسته همجوشی کننده در همجوشیهای پایه و $f(T)$ تابعی از دما می باشد. هسته های مورد توجه برای انجام همجوشی در رآکتورهای همجوشی چه به دلیل فراوانی و چه به دلیل ایجاد کمینه سد پتانسیل دافعه ایزوتوپهای هیدروژن یعنی پروتیم، دوتریم، و تریتیم میباشند. روابط مختلف همجوشی برای این هسته ها به قرار زیر هستند



هرچه زمان نگهداری پلاسما در حبس میدان مغناطیسی (زمان محبوس سازی) و تحت شرایط مطلوب و لازم بیشتر باشد وقوع همجوشیها محتملتر خواهد بود. یکی از این شرایط لازم چگالی هرچه بالاتر می باشد که در عمل خود با زمان محبوس سازی ضدیت متقابل دارند. بدین لحاظ بین چگالی پلاسما n و زمان محبوس سازی آن τ رابطه ای به دست آورده شده است به نام معیار لاؤسون که کمینه زمان لازم برای حبس پلاسمایی با چگالی ای معین جهت حصول بهره انرژی بیش از واحد را در دمای بحرانی مربوطه به دست می دهد

$$n\tau > c(T_c) \quad (9 - م)$$

در جایی که $c(T_c)$ برای پلاسمای دوتریم-تریتیم (یا به اختصار د-ت) برابر $10^{14} \text{ s} \cdot \text{cm}^{-3}$ و برای پلاسمای دوتریم-دوتریم (یا به اختصار د-د) مساوی $10^{15} \text{ s} \cdot \text{cm}^{-3}$ می باشد البته در دماهای بحرانی ای که به ترتیب برابرند با $K \approx 50 \times 10^6$ و $K \approx 300 \times 10^6$ ، یک مثال نمونه برای مقادیر به دست آمده در ازای دو کمیت چگالی پلاسما و زمان محبوس سازی آن مربوط به چنبره توکامک می باشد. چگالی ای که این دستگاه با استفاده از فشار مغناطیسی حاصل از به کارگیری آخرین فن آوری میتواند در پلاسما ایجاد کند مقدار پایین $10^{16} - 10^{14}$ ذره در cm^3 است که با استفاده از معیار لاؤسون زمان محبوس سازی متناظر با آن مقدار نسبتاً طولانی $10^{-2} - 1 \text{ s}$ می باشد.

برای ساختن رآکتورهای تحقیقاتی همجوشی از نوعی که توضیح داده شد تاکنون سرمایه گذاری گزافی صورت گرفته است ولی با وجود این هنوز برای رسیدن به بهره انرژی واحد نیاز به ماشینهای بزرگتری احساس می شود و علیرغم کوششهای به عمل آمده راه میانبری برای ساخت رآکتورهای همجوشی گرماهسته ای در مقیاس بزرگ پیدا نشده است. برای نمونه یک طرح ۲۰ میلیارد دلاری برای ساخت یک رآکتور گرماهسته ای آزمایشی بین المللی (آی.تی.ای.آر) در دست بررسی می باشد که طرف های شرکت کننده در آن عبارتند از ایالات متحده آمریکا، ایالات مستقل مشترک المنافع (سی.آی.اس)، ژاپن، و تمامی اروپا بعنوان شریک چهارم. همچنین پیش بینی می شود عرضه اولین رآکتور همجوشی تجارتي زودتر از سال ۲۰۴۰ امکان پذیر نباشد.

سومین روش همجوشی گرماهسته ای بر اساس محبوس سازی با استفاده از خاصیت لختی

می باشد. در این شیوه سوخت که مخلوط دوتریم-تریتیم در چگالی مایع بوده و به شکل ساچمه ای کوچک در رآکتور مربوطه قرار داده می شود به طور همزمان و از سمتهای مختلف مورد تابش ضربتی چندین باریکه همدوس و شدید لیزری قرار می گیرد. لذا سوخت به طور ناگهانی تا دماهای بسیار بالا گرم می شود که در نتیجه آن ذراتی (هسته هایی) بسیار پر انرژی که یک پلاسمای خیلی داغ را تشکیل می دهند شروع به خروج جمعی بسیار سریع از سطح ساچمه می کنند. در نتیجه یک فشار ضربتی بسیار بالا بنا به قانون سوم نیوتن که ناشی از خاصیت لختی این خروج سریع می باشد بر ساچمه سوخت تحمیل می شود. این فشار از یک سو سوخت را چنان گرم می کند که به صورت پلاسمایی بسیار داغ در می آید و از سوی دیگر چنان آن را متراکم می سازد که هسته های آن نزدیکی مطلوب برای شروع واکنشهای همجوشی را به دست می آورند. مجموع این شرایط باعث می شود که همجوشیها در مرکز ساچمه و سپس در لایه های بیرونتر به وقوع بپیوندند.

زمان مابین برخورد باریکه ها به سطح سوخت تا شروع همجوشیها نمی بایستی از حدود 5×10^{-12} تجاوز کند چرا که در غیر این صورت قبل از وقوع واکنشهای همجوشی ساچمه به صورت مکانیکی منفجر شده و ذرات آن پراکنده می گردند. برای داشتن بهره انرژی واحد (یا اصطلاحاً سر به سر شدن انرژی خروجی از رآکتور با مقدار ورودی به آن) در این مدت چگالی پلاسمای سوخت بایستی به مقداری حدود LHD ۱۰۰۰ بالغ گردد. همچنین یک شیوه جایگزین برای پرتودهی با باریکه های لیزری پرتودهی توسط باریکه های ذرات یونی تولیدی توسط شتابدهنده می باشد. علیرغم تمام کوششهای فراوان علمی و اقتصادی به عمل آمده در گستره جهانی بایستی یادآور شد که هنوز هم بمب هیدروژنی آزمایش شده در ۱۹۵۴ اولین وسیله ساخت بشر بر اساس همجوشی به روش محبوس سازی با استفاده از خاصیت لختی می باشد که از بهره انرژی بالاتر از یک برخوردار بوده است!

در هر دوی روشهایی که بشر برای تقلید فرآیند همجوشی در ستارگان جهت تولید انرژی با موازنه مثبت به آنها دست یازیده و مورد اشاره قرار گرفتند دو ویژگی مشترک به چشم می خورد که یکی نیاز به ایجاد و محبوس سازی پلاسما با چگالی لازم و دیگری گرم کردن به حد کفایت هسته ها جهت وقوع همجوشی بین آنها می باشد. از طرفی رسیدن به این دو ویژگی برقراری شرایط سختی را طلب می کند

(جدول م-۱) که با وجود وقف حدود چهار دهه وقت و همچنین اختصاص سرمایه‌هایی کلان جهت تحقیقات و آزمایش در این زمینه هنوز با نتیجه مطلوب فاصله زیادی باقی مانده است. در اینجا این سوالات پیش می‌آیند که آیا روش دیگری وجود ندارد که در آن احتیاج به خلق مشکل آفرین محیط پلاسما وجود نداشته باشد و نیز آیا روشی نمی‌توان یافت که در آن برای وقوع واکنشهای همجوشی نیازی به گرم کردن هسته‌ها نداشته باشیم. خوشبختانه این هر دو سوال در روش چهارم همجوشی که همجوشی از طریق محبوس سازی شیمیایی می‌باشد جواب مثبت یافته‌اند. در این روش ذرات بنیادی موئون که عامل این نوع محبوس سازی هستند بدون نیاز به گرم کردن افراطی هسته‌ها (و در دمایی حداکثر حدود 2000 K) باعث همجوشی آنها می‌شوند. در واقع این درست شبیه به کاری است که کاتالیزکننده‌ها در برقراری پیوندهای شیمیایی ای که در حالت عادی برای تحقق یا تسریعشان می‌بایست به طرفهای واکنش گرما داده شود انجام می‌دهند. بدین لحاظ این روش بیشتر با عبارت همجوشی با موئون کاتالیز شده (یا بطور مختصر ه.مو.ک) مورد اشاره قرار می‌گیرد.

قبل از ورود به بحث همجوشی به روش اخیر که موضوع فصل یک می‌باشد انجام یک جمع بندی از بحثهای انجام گرفته ضروری به نظر می‌رسد. با وجود آن که اندیشه یک رآکتور همجوشی خالص یعنی بدون آن که در آن شکافتی انجام بگیرد و همچنین بدون آن که در آن هسته‌های شکافت پذیری تولید شوند خیلی جذاب می‌باشد ولی با در نظر گرفتن کلیه تواناییهای فعلی اصلا اقتصادی نیست. برای نمونه انرژی حاصل از یک رآکتور همجوشی گرما هسته ای خالص فقط ۴٪ مقدار مربوط به نمونه دورگه متناظر با آن می‌باشد. البته چنان که خواهیم دید این مطلب در مورد رآکتورهای مبتنی بر همجوشی با

جدول م-۱ شرایط فیزیکی و نوعی لازم برای همجوشی گرما هسته ای در پلاسما. با استفاده از مرجع [۶].

محبوس سازی	مغناطیسی	توسط خاصیت لختی
دما	$\cong 10^8\text{ K}$	—————
فشار	—————	$\cong 10^9\text{ atm}$
زمان محبوس سازی	$\cong 1\text{ s}$	$\cong 10^{-12}\text{ s}$
چگالی	$\cong 10^{-8}\text{ LHD}$	$\cong 10^3\text{ LHD}$

مؤتون کاتالیز شده نیز (البته با تفاوت‌هایی) صادق می باشد. بنابراین تمامی بحث‌های راجع به مزیت‌های انرژی ناشی از همجوشی خالص را به سختی می توان جدی گرفت.

از تمام اینها نتیجه می شود که مسأله تأمین انرژی هسته ای برای آینده بدون حل مسأله زایش هسته های شکافت پذیر (فرآیند (م-۳)) قابل حل و فصل نمی باشد. حل مسأله اخیر نیز با استثناء کردن مورد زایش الکترو هسته ای که موردی است متفاوت ماکول می شود به تولید شاره هایی پر مایه از نوترونهای سریع توسط شیوه های مختلف. از سویی در میان شیوه های شناخته شده دو نوع مؤثر را سراغ داریم که واکنشهای همجوشی (م-۸-پ) و (م-۸-ث) می باشند در حالی که البته واکنش همجوشی (م-۸-ج) به دلیل نیاز به دو هسته تریتمیم مطلوب نمی باشد. از آنجایی که در ازای هر ۶۰۰۰ پروتون موجود در آب معمولی یک دوترون هم موجود می باشد و از طرفی استخراج دوترونها نیز فرآیندی است ساده لذا ادعاهای خوش بینانه ای صورت گرفته اند مبنی بر وجود اقیانوسی از انرژی که از طریق نوترونهای حاصل از واکنشهای ترکیبی مربوط به همجوشی دو دوترون (واکنش (م-۸-پ)) در دسترس می باشد. اما تمامی متخصصان تصدیق می کنند که در آینده نزدیک تنها واکنش ترکیبی مؤثر برای تولید نوترونهای سریع مربوط به همجوشی دوترون و تریتون (واکنش (م-۸-ث)) خواهد بود. لازم به تذکر است که در رآکتورهای گرما هسته ای سطح مقطع همجوشی د-ت حدودا ۱۰۰ برابر مقدار مربوط به همجوشی د-د می باشد. به علاوه همچنان که در فصل پنج خواهیم دید اکثریت قریب به اتفاق همجوشیهای روی داده به روش همجوشی با مؤتون کاتالیز شده در مخلوط دوتریم-تریتمیم (که به طور کل مناسبترین مخلوط سوخت برای تمام انواع رآکتورهای همجوشی که بر اساس روشهای مختلف محبوس سازی طراحی شده اند می باشد) نیز مربوط به واکنش همجوشی د-ت می باشد.