



٣٩١٧٨

۱۳۸۰ / ۱۱ / ۱۲

وزارت اطلاعات آذربایجان  
تیمبردران



دانشگاه مازندران

دانشکده علوم پایه

## زمانبندی ماشینهای اختصاص یافته موازی

### با تک سرور

016013

جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد

ریاضی کاربردی

استاد راهنما:

دکتر سید مهدی هاشمی تشکری

استاد مشاور:

دکتر حسن حسین زاده

مشاور:

منصور اسدی

آبان ماه ۱۳۸۰

«بسمه تعالی»

دانشگاه مازندران  
معاونت آموزشی  
تحصیلات تکمیلی

## «ارزشیابی پایان نامه در جلسه دفاعیه»

دانشکده علوم پایه

نام و نام خانوادگی: منصور اسدی شماره دانشجویی: ۷۸۵۲۴۷۷۰۱  
رشته تحصیلی: ریاضی کاربردی مقطع: کارشناسی ارشد سال تحصیلی: ۸۰-۸۱

عنوان پایان نامه: زمانبندی ماشینهای اختصاص یافته موازی باتک سرور

تاریخ دفاع: ۸۰/۸/۲۳

نمره پایان نامه (به عدد): ۱۸٫۹۴

نمره پایان نامه (به حروف): *هجده و نوزده و یک دهم*

هیأت داوران

استاد راهنما: آقای دکتر سید مهدی هاشمی تشکری

استاد مشاور: آقای دکتر حسن حسین زاده

استاد مدعو: آقای دکتر علیرضا ضایی

استاد مدعو: آقای دکتر دوستعلی مزده

استاد مدعو: آقای دکتر قاسم علیزاده افروزی

نماینده تحصیلات تکمیلی:

امضاء  
امضاء  
امضاء  
امضاء  
امضاء

# تَقْدِير و تَشْكُر

در اینجا بر خود واجب می دانم از کلیه افرادی که با مساعدت های بی دریغ خود مرا در انجام این پایان نامه کمک نموده اند، خصوصاً آقای دکتر سید مهدی هاشمی تشکری (استاد راهنما)، آقای دکتر حسن حسین زاده (استاد مشاور)، آقایان دکتر محمد رضا علیرضایی و دکتر دوستعلی مزده و دکتر قاسم علیزاده افروزی (اساتید مدعو)، کمال تشکر و قدر دانی را داشته باشم.

تعلیم

پدر و مادرم که با گرمای محبتشان و صداقت  
ایثارشان همواره مشوق راهم  
بوده اند.

## چکیده

مسائل ماشین های موازی با تک سرور تعمیمی از مسائل ماشین های موازی ابتدایی می باشند. هر عمل قبل از پردازش باید روی یک ماشین بار شود، که این کار زمان آماده سازی معینی را می گیرد.

این پایان نامه مسائل زمانبندی را در حالتی آزمایش می کند که مرحله آماده سازی هر عمل لازم است توسط تک سروری بررسی شود که برای همه کارها مشترک بوده و از ماشین های پردازشگر مجزا است. در هر حالت، هدف ما کمینه کردن زمان کل سرویس است. برای دستگاه پردازشی شامل دو ماشین اختصاص یافته موازی ثابت می کنیم که مسأله یافتن یک زمانبندی بهینه از دیدگاه قوی NP-سخت است، حتی اگر همه زمان های آماده سازی برابر بوده و یا اگر همه زمان های پردازش برابر باشند. برای حالت  $m$  ماشین اختصاص یافته موازی، یک الگوریتم ساده برای بوجود آوردن زمانبندی با زمان کل سرویس حداکثر دو برابر مقدار بهینه نشان داده شده است. برای حالت دو ماشینی، یک الگوریتم ابتکاری کران بهینگی  $3/2$  را در بدترین حالت تضمین می کند. ما همچنین حالات قابل حل به صورت چند جمله ای گوناگونی را از مسأله اخیر شرح می دهیم.

## مقدمه

زمانبندی اغلب برای تعیین برنامه زمانی در به کارگیری منابع به کار می‌رود، به گونه‌ای که حداکثر کارایی از این منابع حاصل شود. در این پایان‌نامه مسأله زمانبندی ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور را بررسی می‌کنیم. در مسائل زمانبندی با تک سرور هر کار شامل یک مرحله آماده سازی است که باید توسط تک سرور انجام شود. این تک سرور برای همه کارها مشترک بوده و از ماشینهای پردازشگر دیگر مجزا می‌باشد. به علاوه، در این پایان‌نامه ماشینها اختصاص یافته و موازی هستند. یعنی هر کار به ماشین خاصی اختصاص یافته و ماشینها به طور همزمان در دسترس می‌باشند. در این پایان‌نامه برای مسأله ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور الگوریتم‌هایی را ارائه می‌دهیم که زمان انجام کل کارها را کمینه می‌کنند.

در فصل ۱ ابتدا تعریف کلی مسأله زمانبندی را ارائه داده و سپس با توجه به فرضیات مختلف، یک طبقه‌بندی از مسائل زمانبندی را بیان می‌کنیم. همچنین در این فصل به مختصری از مسائل کارگاهی خاص نیز می‌پردازیم. ادامه فصل ۱ را به ارائه مدل زمانبندی ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور اختصاص می‌دهیم. در فصل ۲ مسائل P و NP را معرفی کرده و به بررسی کارایی الگوریتم‌ها بر اساس پیچیدگی زمانی می‌پردازیم. در فصل ۳ ابتدا یک الگوریتم تقریبی برای ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور ارائه داده و سپس به ارائه روشی ابتکاری برای دو ماشین اختصاص یافته موازی با تک سرور می‌پردازیم. در فصل ۴ ابتدا توسعه مسأله ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور را به صورت مسأله زمانبندی کارگاهی خاص بدون انتظار بررسی کرده و سپس به بررسی حالات قابل حل به صورت چند جمله‌ای می‌پردازیم. در ادامه فصل ۴ الگوریتم‌های ارائه شده در فصل‌های ۳ و ۴ را بهبود داده و به بررسی کارایی افزایش تعداد سرورها به عنوان توسعه‌ای از الگوریتم‌ها می‌پردازیم. در آخر نیز چند مسأله باز مربوطه را به عنوان پیشنهاداتی برای آینده معرفی کرده‌ایم.

## فهرست مطالب

۱۰	فصل ۱ مفاهیم اولیه در زمانبندی
۱۰	۱-۱ مقدمه
۱۱	۲-۱ ساختمان زمانبندی
۱۲	۳-۱ طبقه‌بندی مسائل زمانبندی
۱۴	۴-۱ مسائل کارگاهی خاص
۱۵	۵-۱ نمونه
۱۶	۶-۱ ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور
۱۶	۷-۱ طراحی مدل
۱۹	فصل ۲ بررسی پیچیدگی زمانی مدل
۱۹	۱-۲ پیچیدگی زمانی
۱۹	۲-۲ بررسی پیچیدگی زمانی الگوریتم در حالت میانگین و در بدترین حالت
۲۰	۳-۲ پیچیدگی زمانی چندجمله‌ای
۲۰	۴-۲ بررسی کارایی الگوریتمها بر اساس پیچیدگی زمانی
۲۲	۵-۲ نماد گذاری
۲۹	فصل ۳ ارائه الگوریتم
۲۹	۱-۳ الگوریتم تقریبی برای ماشینهای اختصاص یافته موازی با تک سرور
۳۲	۲-۳ روش ابتکاری برای دو ماشین اختصاص یافته موازی
۴۰	فصل ۴ توسعه مسأله و الگوریتم ها
۴۰	۱-۴ مسائل زمانبندی کارخانه
۴۵	۲-۴ حالات قابل حل به طور چندجمله‌ای



۵۰	توسعه الگوریتم
۵۰	۱-۶ بهبود الگوریتم ۱
۵۲	۲-۶ افزایش تعداد سرورها
۵۴	۳-۶ بهبود الگوریتم ۳
۵۸	پیشنهاداتی برای آینده
۵۹	پیوست الف: بررسی پیچیدگی زمانی الگوریتمهای یافتن مقدار کمینه
۶۵	منابع و مآخذ
۶۸	واژه نامه انگلیسی به فارسی
۷۱	واژه نامه فارسی به انگلیسی
۷۴	چکیده

## فهرست جدولها

- |    |     |   |
|----|-----|---|
| ۱۷ | ۱-۱ | مسأله‌ای با سه ماشین اختصاص یافته موازی |
| ۲۳ | ۱-۲ | نتایج پیچیدگی زمانی                     |

## فهرست نمودارها

۱۱	۱-۱ شکل کلی زمانبندی
۱۳	۲-۱ طبقه‌بندی سلسله مراتبی زمانبندی
۱۷	۳-۱ یک زمانبندی برای سه ماشین اختصاص یافته موازی
۲۵	۱-۲ زمانبندی $S_0$
۳۱	۱-۳ زمانبندی $S^*$
۵۴	۱-۴ بهبود الگوریتم ۳

# فصل اول

## مفاهیم اولیه در زمانبندی

### ۱-۱ مقدمه

تحقق یک پروژه مهندسی بزرگ مستلزم اجرای کارهای مقدماتی زیادی است که علاوه بر ارتباطی که با هم دارند به زمان نیز وابسته‌اند. در واقع، یک کار مقدماتی می‌تواند فقط پس از انجام کارهای معین دیگری انجام شود و تأخیر در تکمیل کارهای قبلی لزوماً به تأخیر در شروع کار داده شده می‌انجامد [۶].

حالتی مشابه در فرآیندهای صنعتی دیده می‌شود که یک مرحله معین از تولید نمی‌تواند قبل از انجام مراحل یا فرآیندهای مقدماتی دیگر انجام شود و تأخیر در تکمیل مراحل قبلی لزوماً به تأخیر در شروع مرحله مذکور می‌انجامد. لذا سودمند است به تصمیماتی پردازیم که هدفشان اصلاح یا کنترل زمان انجام مراحل پروژه باشد.

یکی از راههای مناسب برای پرداختن به این گونه تصمیمات عبارت است از زمانبندی یعنی تعیین برنامه زمانی جهت به کارگیری منابع تولید (نظیر تجهیزات، حمل و نقل، ماشین‌آلات و ... ) به گونه‌ای که حداکثر کارایی از این منابع حاصل شود [۱].

اکثر اوقات تا زمانی که در مورد مسائل اساسی تصمیم‌گیری نشده است به زمانبندی نمی‌پردازیم. مثلاً در فرآیند کارخانه‌داری مسأله اساسی مدیریتی شامل انتخاب نوع و میزان محصولی است که باید تولید شود. لذا پس از بررسی بازار و تحلیل اقتصادی که برای تصمیم‌گیری در مورد این مسأله به کار می‌رود طرح‌ریزی فنی روی این مسأله متمرکز می‌شود که این محصول چگونه باید تولید شود؟ تنها پس از این که به این سؤالات جواب داده شده و از فراهم بودن منابع مطمئن باشیم. مسأله زمانبندی را مدنظر قرار می‌دهیم [۲].

زمانبندی برای اولین بار (۱۹۳۶ م) در بررسی جدول زمانی راه‌آهن به کار رفت و از آن زمان به بعد مقوله زمانبندی توجه دانشمندان علوم مختلف را به خود جلب کرد تا آن جا که حتی در عرصه پزشکی، برای اتاق عمل مدل زمانبندی مطرح شد [۲۳].

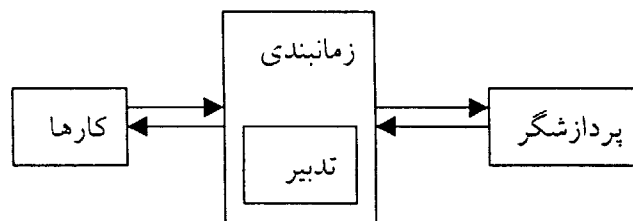
## ۲-۱ ساختمان زمانبندی

زمانبندی، یکی از راههای مدیریت فعاليتها برای اختصاص منابع به فعاليتها به بهترين صورت ممكن مي باشد و عبارت است از چگونگي اختصاص منابع براي انجام فعاليتها در طول زمان. [۸]

غالباً مجموعه‌اي از سرويس دهنده‌ها مجموعه‌اي از مصرف‌کننده‌ها، معيار عملکرد و زمانبندی توليد شده چهار مؤلفه اصلي يك زمانبندی را تشكيل مي دهند. هر سرويس دهنده مي تواند يك منبع، يك پردازشگر، يك ماشين يا يك انسان باشد و هر مصرف‌کننده مي تواند يك كار، يك برنامه كامپيوتری يا يك مشتری باشد. عناصر حياتي در مدلهاي زمانبندی ما عبارتند از پردازشگرها و كارها.

معيار عملکرد كه در واقع همان تابع هدف مسأله مي باشد، مي تواند به صورت آرمانهاي استفاده كارا از منابع، تحويل سريع تقاضا، انجام سررسيدها، حداقل كردن زمان كل سرويس

و... ظاهر شود. صورت كلي زمانبندی به شكل ۱-۱ است :



شكل ۱-۱: شكل كلي زمانبندی

يعنی پردازشگرها بايد با تدبیری به كارها اختصاص يابند كه معيار عملکرد بهينه شود. اين

تدبير، كه اجراي آن همان مسأله زمانبندی است، محدود به پاسخ دو سؤال مي باشد:

(الف) کدام پردازشگرها براي انجام هر كار اختصاص يابند؟ (تصميمات اختصاص)

(ب) هر كار چه موقع انجام شود؟ (تصميمات ترتيب‌گذاري)

### ۳-۱ طبقه‌بندی مسائل زمانبندی

تدبیر زمانبندی بر اساس فرضیات و اطلاعات اولیه مسأله مطرح می‌شود و با در نظر گرفتن فرضیات گوناگون، زمانبندی های مختلفی شکل می‌گیرند. در این جا به ارائه خلاصه‌ای از این فرضیات بسنده می‌کنیم:

ا. اگر فقط یک پردازشگر در دسترس باشد، مسأله را تک ماشینی و اگر چند پردازشگر به طور همزمان در دسترس باشند مسأله را چندماشینی می‌گوییم. در حالت تک ماشینی فقط ترتیب گذاری داریم در حالی که برای چندماشینی هم به تصمیمات اختصاص نیاز داریم و هم به تصمیمات ترتیب گذاری. در حالت چندماشینی اگر هر کار بتواند توسط هر یک از این پردازشگرها انجام شود، پردازشگرها را موازی می‌نامیم.

ب. نحوه اختصاص کارها به پردازشگرها در مقطع زمانی خاص، موضوع زمانبندی موضعی است. زمانبندی سراسری به تصمیم‌گیری در مورد نحوه اختصاص و ترتیب گذاری کارها در یک سیستم چندپردازشگری می‌پردازد.

ج. اگر کارها قبل از شروع اجرای عملیات به پردازشگرها اختصاص یافته باشند و بر حسب زمان تغییر نکنند، زمانبندی ایستاست ولی اگر کارها در حین اجرای عملیات به پردازشگرها اختصاص یابند، زمانبندی پویاست.

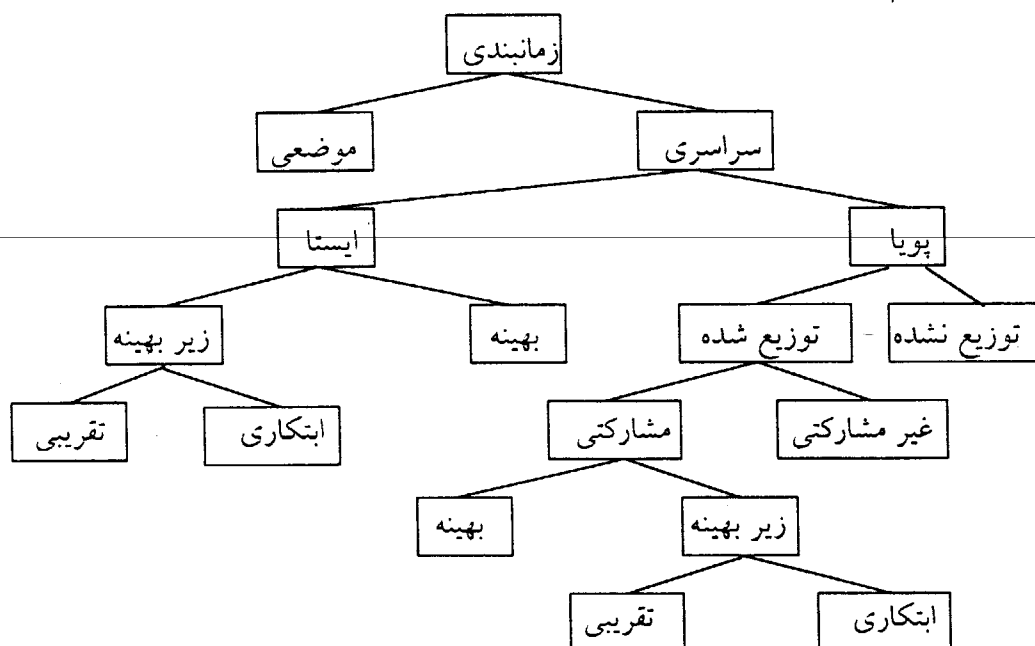
د. اگر همه اطلاعات راجع به وضعیت دستگاه معلوم باشند، به دنبال جواب بهینه هستیم و در صورتی که رسیدن به بهینگی معیار عملکرد به طور محاسباتی شدنی نباشد، به دنبال جواب زیر بهینه خواهیم بود.

ه. جوابهای زیر بهینه به دو دسته تقریبی و ابتکاری تقسیم می‌شوند. در روشهای تقریبی، با استفاده از یک مدل محاسباتی صوری، به جای جستجوی جواب بهینه در کل فضای جواب به دنبال یافتن یک جواب "خوب" تقریبی هستیم. روشهای ابتکاری مناسب ترین زمان مورد نیاز برای اجرای الگوریتم را دارند، به بیان دیگر برای یافتن جواب نزدیک به بهین. راه حلی با پیچیدگی زمانی چندجمله‌ای (در فصول آتی در این مورد بحث خواهد شد) ارائه می‌دهند.

و. در زمانبندی پویا، اگر کار مشمول در تصمیم‌گیری در بین پردازشگرها توزیع شده باشد. زمانبندی توزیع شده است و اگر پاسخ دهی به کار در یک پردازشگر قرار گرفته باشد ، زمانبندی توزیع نشده است.

ز. اگر بین مؤلفه‌های توزیع شده ارتباط و همکاری برقرار باشد زمانبندی مشارکتی است و اگر هر پردازشگر مستقل از عملیات پردازشگرهای دیگر تصمیم‌گیری کند زمانبندی غیرمشارکتی است.

(\*) نتایج دسته بندیهای فوق به صورت طبقه بندی سلسله مراتبی کازاوانت<sup>۱</sup> (۱۹۸۸م)، [۲۷] در شکل ۱-۲ نمایش داده شده است.



شکل ۱-۲: طبقه بندی سلسله مراتبی زمانبندی

<sup>۱</sup>casavant