





## پردیس بین المللی ارس گروه سازه

رساله برای دریافت درجه کارشناسی ارشد  
رشته عمران گرایش سازه

عنوان:

بررسی رفتار و مقایسه اقتصادی قابهای خمی بتی متوسط و ویژه

استاد راهنما:

دکتر بهمن فرهمند آذر

استاد مشاور:

دکتر مسعود فرزام

نگارش:

حسین سجودی قراخانلو

آذر ۹۳

فهرست مطالب

عنوان

صفحه

۱..... چکیده ..... ۱

## فصل اول

۲..... مقدمه ..... ۲

## فصل دوم

۴..... بررسی رفتار اعضای قابهای خمشی در سازه‌های بتنی ..... ۴

۵..... رفتار بتن ..... ۵-۱-۲

۷..... ۱-۱-۲ تاثیر میلگرد عرضی ..... ۷

۸..... ۲-۱-۲ تاثیر پارامترهای مختلف بر روی منحنی تنش-کرنش ..... ۸

۹..... ۳-۱-۲ نسبت قطر آرماتور عرضی به طول آزاد آرماتور عرضی ..... ۹

۱۰..... ۴-۱-۲ درصد و اندازه‌ی میلگرد طولی ..... ۱۰

۱۰..... ۵-۱-۲ مقاومت بتن ..... ۱۰

۱۰..... ۶-۱-۲ سرعت بارگذاری ..... ۱۰

۱۱..... ۲-۲-۲ رفتار فولاد ..... ۱۱

۱۵..... ۳-۲-۲ اندرکنش میلگرد و بتن ..... ۱۵

۱۸..... ۴-۲-۲ رفتار تیرهای بتنی ..... ۱۸

۱۹..... ۱-۴-۲ شکل پذیری اعضا با رفتار خمشی ..... ۱۹

۲۰..... ب- عوامل موثر بر شکل پذیری اعضا خمشی ..... ۲۰

۲۰..... ۱- مقدار فولاد کششی ..... ۲۰

۲۱..... ۲- مقدار فولاد فشاری ..... ۲۱

۲۱..... ۳- مقاومت بتن ..... ۲۱

۲۱..... ۴- مقاومت فولاد ..... ۲۱

۲۱..... ۵- شکل مقطع عرضی تیر ..... ۲۱

۲۱..... ۶- بار محوری فشاری ..... ۲۱

۲۲..... ۷- فولادهای عرضی ..... ۲۲

۲۲..... ۸- برش ..... ۲۲

۲۲..... ۹- پیوستگی و مهار نمودن فولادها در بتن ..... ۲۲

۲۲..... ۵- رفتار ستونهای بتنی ..... ۲۲

۲۴..... ۱-۵-۲ شکل پذیری اعضا تحت اثر فشار و خمش ..... ۲۴

## فصل سوم

۲۶	تأثیر شکل پذیری بر کاهش بارهای طراحی در مقابل زلزله	۲۶
۱-۳	۱- مقدمه	۲۶
۲۶	۲- ضریب رفتار (R) و عوامل موثر بر آن	۲۶
۲۷	۱-۲-۳ ضریب کاهش ناشی از شکل پذیری	۲۷
۲۹	۲-۲-۳ ضریب کاهش در اثر اضافه مقاومت موجود در سازه	۲۹
۳۰	ضریب اضافه مقاومت برای قابهای خمی بتن آرمه	۳۰
۳۰	۳-۲-۳ ضریب کاهش ناشی از ضریب اطمینان طرح (Ry)	۳۰
۳۱	۳-۳ تعیین مقادیر $R_y, R\Omega, Ru$ و با استفاده از نمودار و فرمول	۳۱
۳۲	۴-۳ ضریب رفتار در آئین نامه ۲۸۰۰ ایران	۳۲
۳۴	۳-۵ ضوابط آئین نامه بتن ایران در مورد قابهای خمی متوسط و ویژه	۳۴
۳۴	۱-۵-۳ ضوابط سازهای با شکل پذیری زیاد	۳۴
۳۴	۱-۱-۳ اعضای تحت خمش در قابها	۳۴
۳۵	۲-۱-۵-۳ آرماتورهای طولی و عرضی	۳۵
۳۷	۱-۵-۳ اعضای تحت فشار و خمش در قابها	۳۷
۴۲	۲-۵-۳ ضوابط سازهای با شکل پذیری متوسط	۴۲
۴۲	۱-۲-۵-۳ اعضای تحت خمش در قابها	۴۲
۴۲	۲-۲-۵-۳ آرماتورهای طولی و عرضی	۴۲
۴۴	۱-۳-۲-۵-۳ اعضای تحت فشار و خمش در قابها	۴۴
۴۵	۴-۲-۵-۳ اتصالات تیر به ستونها در قابها	۴۵

## فصل چهارم

۴۷	تحلیل استاتیکی غیر خطی (آنالیز پوش آور)	۴۷
۱-۴	۱- طراحی براساس عملکرد	۴۷
۴۹	۲- انواع روش‌های تحلیل سازه	۴۹
۵۰	۱-۲-۴ خلاصه‌ای از مراحل انجام تحلیل بار افزون در نرم‌افزار	۵۰
۵۱	۳-۴ روند انجام تحلیل غیرخطی	۵۱
۵۱	۱-۳-۴ تعریف ترکیب بارهای نقلی	۵۱
۵۳	۲-۳-۴ تعریف الگوهای بار جانبی	۵۳
۵۴	۱-۲-۳-۴ معرفی الگوی بار یکنواخت	۵۴
۵۵	۱-۱-۲-۳-۴ محاسبه تغییر مکان هدف	۵۵
۶۱	۴-۴ اختصاص مفاصل به تیرها و ستونها	۶۱

..... ۶۳	..... ۴-۵- بررسی خروجیهای تحلیل
..... ۶۷	..... ۴-۶- اصلاح مشخصات مفاصل
..... ۶۷	..... ۴-۶-۱- اصلاح مفاصل ستونها
..... ۷۳	..... ۴-۷- تحلیل مجدد سازه و کتربل خروجی ها
..... ۷۴	..... ۴-۷-۱- کتربل بند ۱-۱۲-۳ از پیوست ۲ استاندارد ۲۸۰۰
..... ۷۵	..... ۴-۷-۲- کتربل بند ۳-۱۲-۲ از پیوست ۲ استاندارد ۲۸۰۰

## فصل پنجم

..... ۷۶	..... مقایسه اقتصادی قابهای خمشی بتن آرمه با شکل پذیریهای مختلف
..... ۷۶	..... ۵-۱- مقدمه
..... ۷۷	..... ۵-۲- مفروضات
..... ۷۸	..... ۵-۳- بارگذاری
..... ۷۹	..... ۵-۳-۱- بارهای ثقلی
..... ۸۰	..... ۵-۳-۲- بارهای جانبی
..... ۸۴	..... ۵- توزیع نیروی زلزله در طبقات
..... ۸۹	..... ۵-۴- طراحی مقدماتی
..... ۹۰	..... ۵-۵- تحلیل ساختمانها
..... ۹۰	..... ۵-۶- طراحی دقیق ساختمانها
..... ۹۲	..... ۵-۶-۱- طراحی قابهای ۴ طبقه
..... ۹۳	..... ۵-۶-۲- طراحی قابهای ۸ طبقه
..... ۹۴	..... ۵-۶-۳- طراحی قابهای ۱۲ طبقه
..... ۹۶	..... ۵-۶-۴- طراحی قابهای ۱۶ طبقه
..... ۹۷	..... ۵-۶-۹- مقایسه مقادیر مصالح مصرفی در سازه ها با شکل پذیریهای مختلف

## فصل ۶

..... ۱۰۱	..... ۶-۱- ارزیابی لرزه ای سازه های مورد مطالعه، با تحلیل PUSHOVER
..... ۱۰۱	..... ۶-۱- مقدمه
..... ۱۰۱	..... ۶-۲- معرفی ساختمانهای نمونه
..... ۱۰۴	..... ۶-۳- ارزیابی عملکرد لرزه ای نمونه I4

۱۰۶ .....	۴-۶ ارزیابی عملکرد لرزا های نمونه I8
۱۰۸ .....	۵-۶ ارزیابی عملکرد لرزا های نمونه I12
۱۱۱ .....	۶-۶ ارزیابی عملکرد لرزا های نمونه S4
۱۱۴ .....	۷-۶ ارزیابی عملکرد لرزا های نمونه S8
۱۱۶ .....	۸-۶ ارزیابی عملکرد لرزا های نمونه S12
۱۱۸ .....	نتایج این فصل
۱۲۱ .....	نتیجه گیری و پیشنهادات
۱۲۵ .....	منابع

## فهرست جداول

### صفحه

### عنوان

جدول ۳-۱- ضرایب رفتار در آئین نامه ۲۸۰۰ جدید ..... ۳۳	.....
جدول ۶-۸: پارامترهای مدل سازی و معیارهای پذیرش برای روشهای غیرخطی- ستونهای بتن مسلح ..... ۷۰	.....
جدول ۶-۷: پارامترهای مدلسازی و معیارهای پذیرش برای روشهای غیرخطی- تیرهای بتن مسلح ..... ۷۲	.....
جدول ۵-۱- خلاصه بارهای ثقلی مورد استفاده در طراحیها ..... ۸۰	.....
جدول ۵-۲: محاسبه ضریب B برای ساختمانها با تعداد طبقات مختلف ..... ۸۲	.....
جدول ۵-۳: محاسبه ضریب زلزله برای ساختمانهای مورد بررسی ..... ۸۳	.....
جدول ۵-۴: محاسبه نیروی برش پایه طراحی ساختمانها ..... ۸۴	.....
جدول ۵-۵: محاسبه نیروی شلاقی ساختمانها ..... ۸۵	.....
جدول ۵-۶: نتایج نهایی طراحی ستونها قابهای ۴ طبقه ..... ۹۲	.....
جدول ۵-۷: نتایج نهایی طراحی تیرهای قابهای ۴ طبقه ..... ۹۳	.....
جدول ۵-۸: نتایج طراحی ستونهای ساختمانهای ۸ طبقه ..... ۹۴	.....
جدول ۵-۹: نتایج طراحی تیرهای ساختمانهای ۸ طبقه ..... ۹۴	.....
جدول ۵-۱۰: نتایج طراحی ستونهای ساختمانهای ۱۲ طبقه ..... ۹۵	.....
جدول ۵-۱۱: نتایج طراحی تیرهای ساختمانهای ۱۲ طبقه ..... ۹۵	.....
جدول ۵-۱۲: نتایج طراحی ستونهای ساختمانهای ۱۶ طبقه ..... ۹۶	.....
جدول ۵-۱۳: نتایج طراحی تیرهای ساختمانهای ۱۶ طبقه ..... ۹۷	.....
جدول ۵-۴۱- مقایسه آرماتور مصرفی در سطح ساختمانهای ۴ طبقه با شکل پذیرهای مختلف ..... ۹۸	.....
جدول ۵-۴۲- مقایسه آرماتور مصرفی در واحد سطح ساختمانهای ۸ طبقه با شکل پذیرهای مختلف ..... ۹۸	.....
جدول ۵-۴۳- مقایسه آرماتور مصرفی در واحد سطح ساختمانهای ۱۲ طبقه با شکل پذیرهای مختلف ..... ۹۸	.....
جدول ۵-۴۴- مقایسه آرماتور مصرفی در واحد سطح ساختمانی ۱۶ طبقه با شکل پذیرهای مختلف ..... ۹۹	.....
جدول ۶-۱- ضریب بازتاب و ضریب برش پایه برای قابهای ۴، ۸ و ۱۲ طبقه ..... ۱۰۳	.....

## فهرست اشکال

### صفحه

### عنوان

..... ۴	شکل ۱-۱ منحنی تنش-کرنش با بتن با مقاومت‌های مختلف
..... ۵	شکل ۲-۲
..... ۵	شکل ۳-۲ مدل منحنی تنش - کرنش بتن در فشار تک محوری
..... ۶	شکل ۴-۲ منحنی تنش کرنش بتن تحت بار رفت و برگشتی
..... ۶	شکل ۵-۲ منحنی تنش - کرنش بتن تحت سرعت‌های بارگذاری مختلف
..... ۹	شکل ۷-۲
..... ۱۱	شکل ۸-۲ منحنی‌های پیشنهاد شده، برای درنظر گرفتن اثر خاموت مستطیلی، در منحنی تنش - کرنش
..... ۱۲	شکل ۹-۲ منحنی تنش - کرنش میلگرد فولادی
..... ۱۳	شکل (۱۰-۲)
..... ۱۴	شکل ۱۱ - ۲a
..... ۱۵	شکل ۱۱- ۲b
..... ۱۶	شکل ۱۲-۲ اثر محصور سازی تسلیح دور پیچ بر روی روابط تنش - کرنش
..... ۱۶	شکل ۱۳-۲ محصور سازی بتن توسط تنگهای مربعی
..... ۱۷	شکل ۱۴-۲ تاثیر مقدار تنگها بر روی منحنی‌های تنش - کرنش بتن در اعضا
..... ۱۹	شکل ۱۶-۲ رابطه‌ی لنگر - انحنا برای یک تیر تحت بارگذاری
..... ۲۳	شکل ۱۸-۲a
..... ۲۳	شکل ۱۸-۲b
..... ۲۵	شکل ۱۹-۲ رابطه‌ی بین زاویه‌ی دوران برای تیر ستونهایی که تحت بار محوری ثابت ولنگر خمی معکوس رفت و برگشتی در خمی گسیخته می‌شوند.
..... ۲۷	شکل ۲-۱: رابطه بین ضریب شکل‌پذیری و ضریب کاهش بار
..... ۲۸	شکل ۲-۲: رابطه ضریب شکل‌پذیری و زمان تناوب سازه با ضریب کاهش بار
..... ۳۰	شکل ۳-۳: منحنی تغییرات ضریب اضافه مقاومت در قابها
..... ۳۱	شکل ۴-۳: رفتار سازه در حالت الاستیک و غیرالاستیک
..... ۷۸	شکل ۱-۵: پلان مفروض مورد استفاده در این پایان نامه
..... ۷۹	شکل ۲-۵- جزئیات کفسازی در طبقات
..... ۷۹	شکل ۳-۵- جزئیات کفسازی در بام
..... ۹۱	شکل ۴-۵- نمایش هندسی نسبت ظرفیت نیمrix المان
..... ۱۰۲	شکل ۶-الف پلان ساختمانهای نمونه
..... ۱۰۴	شکل ۱-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب I4
..... ۱۰۵	شکل ۲-۶- جابجایی بام در تراز LS برای قاب I4
..... ۱۰۶	شکل ۳-۶- نسبت دریفت طبقات قاب I4 در نقطه عملکرد
..... ۱۰۷	شکل ۴-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب I8

..... ۱۰۸	..... شکل ۵-۶- جابجایی بام در تراز LS برای قاب I8
..... ۱۰۸	..... شکل ۶-۶- نسبت دریفت طبقات قاب I8 در نقطه عملکرد .....
..... ۱۰۹	..... شکل ۷-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب I12 .....
..... ۱۱۰	..... شکل ۸-۶ - جابجایی بام در تراز LS برای قاب I12 .....
..... ۱۱۱	..... شکل ۹-۶- نسبت دریفت طبقات قاب I12 در نقطه عملکرد .....
..... ۱۱۲	..... شکل ۱۰-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب S4 .....
..... ۱۱۳	..... شکل ۱۱-۶- جابجایی بام در تراز LS برای قاب S4 .....
..... ۱۱۳	..... شکل ۱۲-۶- نسبت دریفت طبقات قاب S4 در نقطه عملکرد.....
..... ۱۱۴	..... شکل ۱۳-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب S8 .....
..... ۱۱۵	..... شکل ۱۴-۶- جابجایی بام در تراز LS برای قاب S8 .....
..... ۱۱۶	..... شکل ۱۵-۶- نسبت دریفت طبقات قاب S8 در نقطه عملکرد.....
..... ۱۱۷	..... شکل ۱۶-۶- تشکیل مفاصل پلاستیک در نقطه عملکرد قاب S12 .....
..... ۱۱۸	..... شکل ۱۷-۶- جابجایی بام در تراز LS برای قاب S12 .....
..... ۱۱۸	..... شکل ۱۸-۶- نسبت دریفت طبقات قاب S12 در نقطه عملکرد.....

نام خانوادگی دانشجو: سجودی قراخانلو	نام: حسین
عنوان پایان نامه / رساله: بررسی رفتار و مقایسه اقتصادی قابهای خمثی بتنی متوسط و ویژه	استاد راهنمای: جناب آقای دکتر بهمن فرهمند آذر
	استاد مشاور: جناب آقای دکتر مسعود فرزام
	مقطع تحصیلی: کارشناسی ارشد رشته: عمران گرایش: سازه دانشگاه: تبریز
	دانشکده: پردیس بین المللی ارس تاریخ فارغ التحصیلی: آذر ۹۳ تعداد صفحه: ۱۳۰
	کلید واژه ها: قاب خمثی بتنی متوسط و ویژه، شکل پذیری، اقتصادی بودن طرح، ضریب رفتار، جذب انرژی، تحلیل pushover
<b>چکیده:</b>	
<p>امروزه مقاوم سازی ساختمانها در برابر زلزله از اهمیت ویژه ای بر خوردار بوده و برای این منظور انعطاف پذیری سازه در مقابل تغییر شکلها و طبیعتاً اتفاق از لزی زلزله مورد توجه خاص می باشد.</p> <p>به جز در موارد استثنایاً در طرح بسیاری از سازه ها بخصوص آنها می که به صورت قابی ساخته می شوند با قبول اینکه تنش حداکثر در بعضی از اعضا به حد تنش تسلیم می شود میتوان به یک طرح اقتصادی دست یافت و همچنین هر چه سازه در اثر نیروی زلزله تغییر شکل بیشتری می دهد و نرم تر باشد نیروی اینرسی کمتری به آن وارد می شود از این رو خاصیت شکل پذیری و رفتار غیر ارجاعی تمایل به کم کردن نیروهای ناشی از زلزله دارد.</p> <p>در نهایت با توجه به این دو پارامتر مهم ۱- مقاوم در برابر زلزله ۲- اقتصادی بودن طرح، اهمیت انعطاف پذیری در سازه بیش از پیش مورد توجه قرار گرفته و ضرورت تحقیق در این باره آشکار می گردد. در این پایاننامه سازه های بتنی با قابهای خمثی متوسط و قابهای خمثی ویژه با تحلیل غیر خطی (pushover) در نرم افزار etabs رفتار واقعی سازه ها با ورود به حوزه غیر خطی و تشکیل مفاصل پلاستیک مورد ارزیابی قرار گرفته و با هم مقایسه می گردند.</p>	

## فصل اول

### مقدمه

در بعضی از سازه‌ها از قبیل برجهای آزاد ایستاده و سیستمهای ساختمانی معلق که پایداری آنها مستگی به یک یک عناصر تشکیل دهنده‌ی سازه دارد و یا در سازه‌های راکتورهای اتمی که در آنها محافظه کاری بیش از حد مطلوب است تسلیم شدن عناصر اصلی سازه قابل قبول نمی‌باشد در چنین حالاتی طرح سازه برای زلزله‌های متوسط و شدید اساسا بر رفتار ارتجاعی تکیه دارد و تنشهای بحرانی در سازه باید کمتر از تنش تسلیم باشند. اما در طرح بسیاری از سازه‌ها بخصوص آنها بایی که به صورت قابی شکل و بطور کلی هیپر استاتیک ساخته می‌شوند با قبول کردن اینکه در زلزله‌های متوسط و شدید تنش حداکثر در بعضی از اعضا به حد تنش تسلیم میرسد می‌توان به یک طرح اقتصادی دست یافت.

در بسیاری از آیین نامه‌های زلزله معیارهایی که بطور ضمنی برای نحوه عملکرد در نظر گرفته شده لازم می‌دارد که :

الف) زلزله‌های با شدت کم را بدون خسارت تحمل نمایند در این حالت انتظار می‌رود که تنشهای ایجاد شده در سازه مکرر ولی کوچک و در حد ارتجاعی باقی بمانند  
ب) زلزله‌هایی با شدت متوسط را بدون صدمه به عناصر سازه‌ای تحمل نماید ولی عناصر غیرسازه‌ای می‌توانند دچار آسیب شوند .

ج) زلزله‌های با شدت زیاد را بدون انهدام تحمل نمایند که در واقع در این حالت هم عناصر سازه‌ای و هم عناصر غیر سازه‌ای می‌توانند آسیب بینند .

اصل‌اولا هدف از مقاوم سازی ساختمانها در مقابل زلزله‌های بزرگ فقط جلوگیری از تلفات جانی می‌باشد و حتی منهدم کردن ساختمان بعد از زلزله به علت صدمات زیاد قابل قبول می‌باشد. برای

این منظور انعطاف‌پذیری سازه در مقابل تغییر شکلها اهمیت ویژه‌ای می‌باشد بنابر این تعیین رفتار دقیق دینامیکی سازه‌ها نیازمند درک صحیحی از رفتار غیر ارتجاعی آنها می‌باشد زیرا به علت جذب انرژی، بواسطه‌ی تغییر شکلها ارتجاعی، ظرفیت سازه‌ها در تحمل بارها به حد قابل ملاحظه‌ای افزایش می‌یابد و در واقع همن امر سبب تفاوت بین پاسخهای ارتجاعی سازه و نیروهای جانبی طراحی توسط آین نامه‌های ساختمانی می‌باشد.

بنابراین استفاده از تحلیل ارتجاعی و خطی برای سازه‌هایی که در معرض تکانهای نسبتاً شدید زمین لرزه قرار می‌گیرند، منطبقاً قابل قبول نبوده و بررسی پاسخ آنها در محدوده‌ی غیر خطی، اجتناب ناپذیر است و به این دلیل باید تحلیل غیر خطی صورت گیرد و تغییر مکانها، محل تشکیل مفاصل پلاستیک و نحوه‌ی توزیع آنها مشخص شود.

بنابر این می‌توان نتیجه گرفت در پاسخ به یک زلزله خاص شکل‌پذیریهای مختلفی ممکن است برای اعضا بدست آیند و شکل‌پذیری یک عضو به عوامل مختلفی بستگی دارد که هر یک از آنها در میزان شکل‌پذیری و در نتیجه در تحمل بارهای لرزه‌ای و یا به عبارت دیگر میزان جذب انرژی اثر قابل توجهی دارد.

در این پایاننامه سعی شده است که برای شکل‌پذیریهای مختلف روی سازه‌های بتنی قابی شکل که بخصوص برای انعطاف‌پذیری بهترین بازده را دارند (قبهای خمشی متوسط و قبهای خمشی ویژه) و همچنین کاربرد فراوانی در ساختمان سازی دارند انجام شده و مقایسه‌های فنی و اقتصادی برای هر دو شکل‌پذیری بر روی چند نمونه ساختمان صورت گیرد.

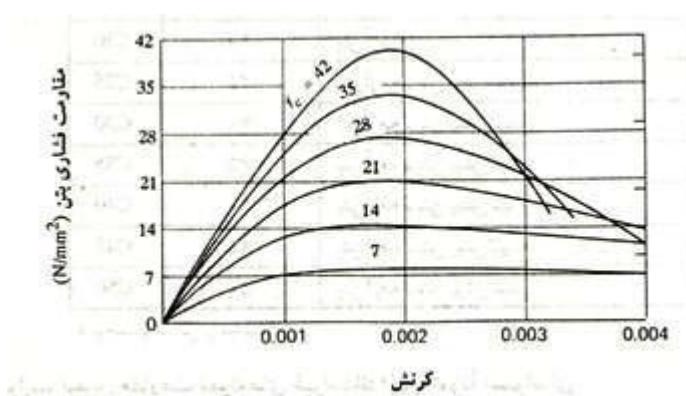
## فصل دوم

### بررسی رفتار اعضای قابهای خمشی در سازه‌های بتنی

#### ۱-۲- رفتار بتن

در بیشتر اوقات بتن تحت اثر مولفه‌های مختلف تنش بطور همزمان واقع می‌شود و بندرت تحت اثر تنش تک محوری قرار می‌گیرد. شناخت دقیق از رفتار بتن تحت تنش تک محوری می‌تواند برای حالات مختلف نسبتاً ساده مستقیماً به کار رفته و در حالات چند محوری به شناخت رفتار بتن کمک نماید.

مقاومت فشاری بتن معمولاً با آزمایش بر روی نمونه‌ی استوانه‌ای حاصل می‌شود. محدوده‌ی این مقاومت برای بتن معمولی از  $150\text{ kg/cm}^2$  تا  $550\text{ kg/cm}^2$  است شکل ۱-۲ منحنی تنش-کرنش حاصل از چند آزمایش بار گذاری فشاری را نشان می‌دهد. این منحنی تا رسیدن به نصف مقاومت فشاری خطی هستند و در قسمت حداکثر تنش، منحنی تنش-کرنش با مقاومت بالا دارای انحنای بیشتری نسبت به بتن با مقاومت پایین است. برای تمام نمونه‌ها کرنش نظیر مانع می‌شود. تقریباً یکسان و برابر ۰/۰۰۲ است شیب منحنی پس از کرنش نظیر تنش حداکثر منفی می‌باشد.

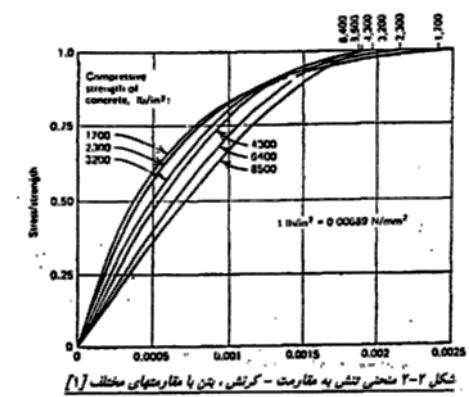


شکل ۱-۲ منحنی تنش-کرنش بتن با مقاومت‌های مختلف

مدول الاستیسیته بتن  $E_C$  با استفاده از روابط تجربی بدست می‌آید. براساس مطالعات انجام شده رابطه‌ی زیر توسط آین نامه‌ی بتن (ACI) پیشنهاد شده است

$$E_C = 15100\sqrt{f'_c} \quad (1-2)$$

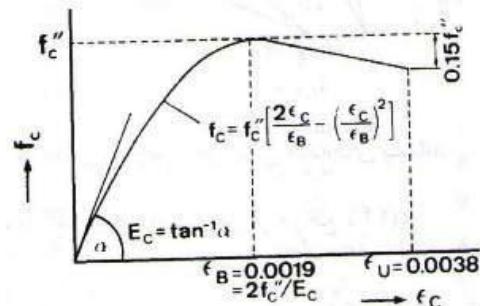
در این رابطه  $f'_c$  مقاومت فشاری بتن بر حسب  $kg/cm^2$  است قابل توجه است که مدول الاستیسیته بتن حاصل از این رابطه شبیه منحنی تنش-کرنش در نقطه  $0.5f_c$  میباشد بررسی نتایج آزمایشها مشخص می‌نماید که شکل منحنی تنش-کرنش قبل از رسیدن به تنش ماکزیمم وابسته به مقاومت بتن است شکل ۲-۲ این بررسی را نشان می‌دهد.



شکل ۲-۲ منحنی تنش به مقاومت - کرنش، بتن با مقادیرهای مختلف [۷]

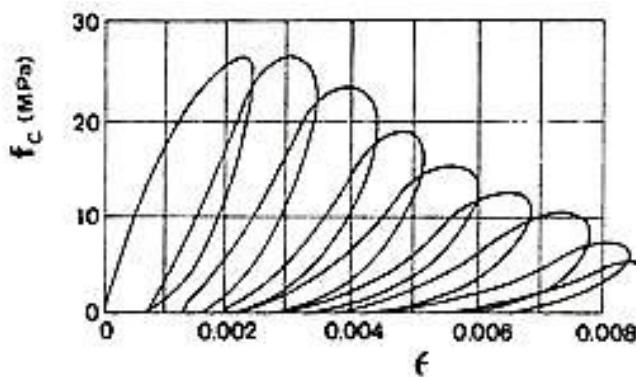
غالبا برای شکل منحنی تنش-کرنش از عبارت چند جمله‌ای درجه‌ی دوم استفاده می‌گردد بعنوان نمونه در شکل ۳-۲ یک منحنی درجه‌ی دو برای رابطه‌ی تنش-کرنش ارایه شده است

شکل ۳-۲ مدل منحنی تنش-کرنش بتن در فشار تک محوری



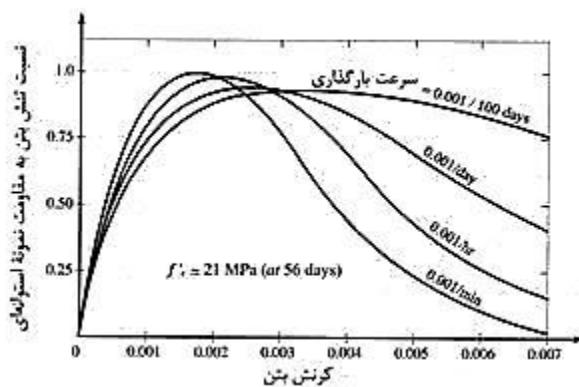
ناحیه کاهنده‌ی سختی تنش - کرنش وابسته به مقداری است که برای حد کرنش مفید بتن فرض می‌گردد.

تنش فشاری حداکثر در اعضای بتنی تحت خمش با ماکریمم تنش فشاری نمونه‌ی استوانه‌ای متفاوت است زیرا در اندازه و شکل متفاوت هستند تکرار بارگذاری فشاری نیز بر رفتار بتن تاثیر می‌گذارد شکل زیر این اثر را نشان می‌دهد.



شکل ۲-۴ منحنی تنش کرنش بتن تحت بار رفت و برگشتی

همچنین شکل زیر اثر سرعت‌های مختلف بارگذاری را روی نمودار تنش - کرنش نشان می‌دهد.



شکل ۲-۵ منحنی تنش - کرنش بتن تحت سرعت‌های بارگذاری مختلف

مقاومت کششی بتن کمتر از ۲۰ درصد مقاومت فشاری آن است. مقدار این مقاومت را میتوان بصورت مستقیم از آزمایش نمونه کششی بدست آورد. همچنین مقدار ضریب پواسون بین اعداد ۰/۱۵ تا ۰/۲ است. ضریب پواسون برای بتن با مقاومت بالا کمتر است.

مقاومت و شکل‌پذیری بتن تحت فشار سه محوری افزایش می‌یابد. تحقیقات نشان می‌دهد زمانیکه نمونه‌ی بتی تحت فشار هیدرواستاتیک قرار داده شود رابطه‌ی زیر برای تعیین مقاومت نمونه برقرار است :

$$f'_{cc} = f'_c + \alpha fc \quad 2-2$$

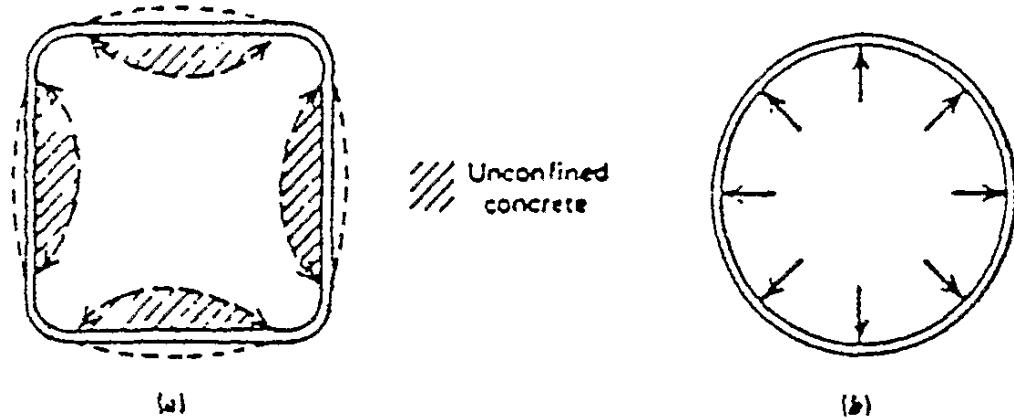
که در این رابطه  $f'_{cc}$  مقاومت فشاری نمونه در حالت محصور شده و  $f'_c$  مقاومت فشاری نمونه در حالتی که محصور نشده و  $fc$  فشار جانبی نمونه و  $\alpha$  ضریب می‌باشد.

ضریب  $\alpha$  بین ۴/۵ تا ۷ که بطور متوسط ۵/۶ است بدست آمده است که آقای pauly استفاده از مقدار متوسط ۴/۱ برای این ضریب را توصیه می‌نماید.

### ۲-۱-۱ تأثیر میلگرد عرضی

بتن تیرها و ستونها به وسیله‌ی میلگردهای عرضی محصور می‌شود، که عمدتاً به شکل خاموت مستطیلی و تنگ دایروی می‌باشند. در تنشهای پایین بتن، در میلگردهای عرضی مقدار کمی تنش ایجاد می‌شود زمانیکه تنش بتن به مقاومت فشاری آن نزدیک می‌شود در میلگردهای عرضی مقدار تنش قابل ملاحظه‌ای وجود خواهد داشت. آزمایشهای مختلف نشان می‌دهند که محصور شدگی بوسیله‌ی آرماتورهای عرضی بطور قابل ملاحظه‌ای خواص تنش-کرنش بتن را در کرنشهای بالا بهبود می‌دهد.

دلیل اختلاف قابل ملاحظه‌ی بین محصور شدگی بوسیله‌ی تنگ دایروی و محصور شدگی بوسیله‌ی خاموت در شکل (۶-۲) نشان داده شده است.



شکل ۶-۲ محصور شدگی بوسیله‌ی تنگ دایروی و خاموت مستطیلی (a) خاموت (b) تنگ دایروی

به دلیل شکل حلقوی تنگ دایروی فقط در آن تنش کششی ایجاد می‌گردد. این تنش کششی یک محصور شدگی یکنواخت پیرامون بتن ایجاد می‌نماید. در صورتیکه خاموت فقط گوشه‌ها را محصور می‌نماید. در نتیجه ناحیه‌ی قابل توجهی از بتن محصور نشده، باقی می‌ماند. محصور شدگی بتن در گوشه‌های خاموت به دلیل عملکرد قوسی خاموت در گوشه‌ها است. محصور شدگی بوسیله‌ی خاموت نیز تاثیر قابل توجهی بر روی شکل پذیری دارد و مقاومت را افزایش می‌دهد.

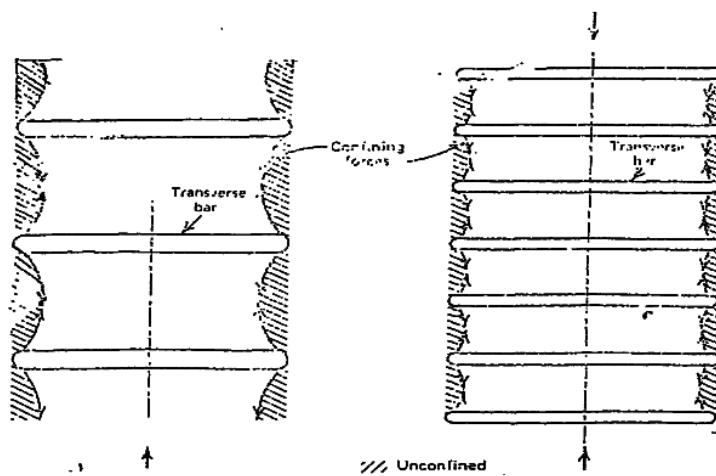
## ۲-۱-۲ تاثیر پارامترهای مختلف بر روی منحنی تنش-کرنش

شکل منحنی تنش - کرنش، بعد از مقاومت فشاری تابعی از پارامترهای مهم زیر است :

- ۱- نسبت حجم فولاد عرضی به حجم بتن هسته، مقدار زیاد فولاد عرضی، محصور شدگی بتن را افزایش می‌دهد.
- ۲- مقاومت تسلیم فولاد عرضی - مقدار مقاومت تسلیم فولاد عرضی، حد بالای تنش محصور کننده را بیان می‌کند

۳- نسبت فاصله‌ی بین فولادهای عرضی به ابعاد هسته‌ی بتن.

همانطوری که در شکل (۷-۲) نشان داده شده است کاهش فاصله‌ی بین فولادهای عرضی سبب افزایش محصور شدگی بتن می‌گردد. بتن بوسیله‌ی عملکرد قوسی خود بین دو فولاد عرضی محصور می‌شود. در صورت افزایش فاصله‌ی بین دو لایه‌ی فولاد عرضی محدوده‌ی زیادتری از بتن محصور نشده باقی می‌ماند.



شکل ۷-۲

### ۳-۱-۳- نسبت قطر آرماتور عرضی به طول آزاد آرماتور عرضی

با استفاده از آرماتور عرضی با قطر بالاتر می‌توان محصور شدگی آرماتور عرضی را بهبود بخشدید.

آرماتور عرضی با قطر کمتر فقط در گوشها عمل می‌نماید. زیرا سختی آرماتور عرضی در دهانه‌ی

آزاد کم است. در فاصله‌ی میانی بین دو گوشه ایجاد محصور کنندگی نمی‌نماید. شکل (۷-۲)

بالا بردن نسبت قطر آرماتور عرضی به طول آزاد آن سطح موثر بتن محصور شده را افزایش می‌دهد.

این امر به دلیل افزایش منحنی آرماتور عرضی در طول آزاد آن می‌باشد. در تنگ دایروی این پارامتر

مهم نمی‌باشد، زیرا محصور کنندگی یکنواخت ایجاد شده توسط تنگ دایروی در آرماتور تنگ

دایروی در آرماتور تنگ فقط ایجاد کشش می‌نماید.

## **۴-۱-۴- درصد و اندازه‌ی میلگرد طولی**

میلگردهای طولی نیز در محصور کردن بتن دخیل هستند. آرماتورهای طولی غالباً دارای قطر زیاد می‌باشند. نسبت قطر به طول آزاد یعنی فاصله‌ی بین آرماتورهای عرضی، در محصور کردن بتن موثر است میلگردهای طولی باید به فولادهای عرضی محکم شوند و تکیه گاه مناسبی برای آنها باشند تا آرماتور عرضی بتواند محصورکنندگی عکس العملی خود را ایجاد نمایند. در صورت تکان آرماتور طولی مقدار محصور کنندگی آرماتورهای عرضی کاهش می‌یابد.

## **۴-۱-۵- مقاومت بتن**

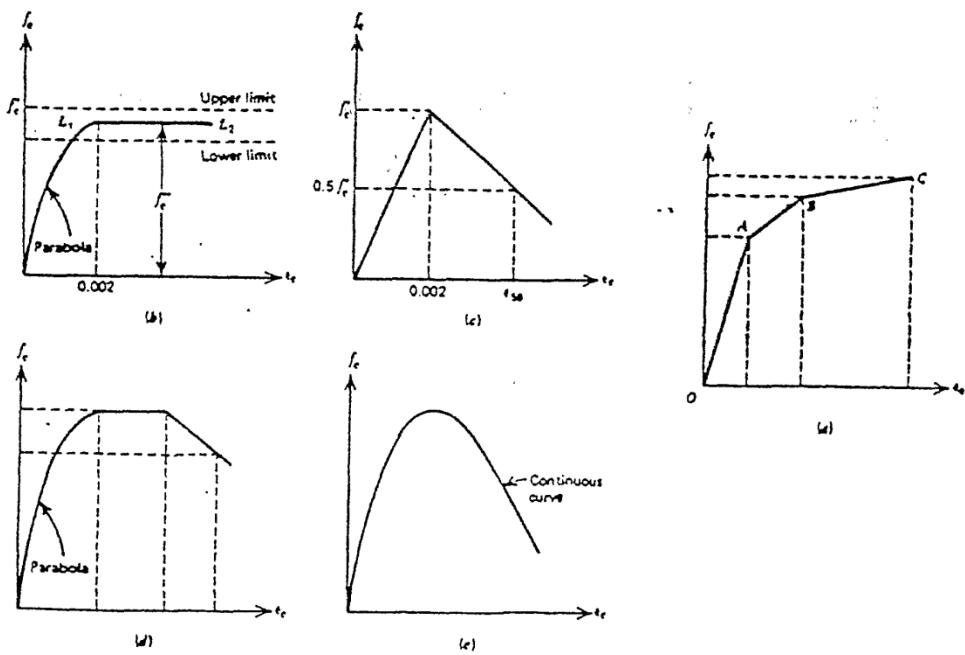
بتن با مقاومت کمتر در مقابل بتن با مقاومت بالاتر رفتار شکل پذیر تری دارد.

## **۴-۱-۶- سرعت بارگذاری**

مشخصات منحنی تنش - کرنش بتن به مدت زمان بارگذاری وابسته است. بتن قرار گرفته در بیرون حلقه آرماتور عرضی محصور نمی‌باشد. منحنی تنش - کرنش این قسمت با منحنی تنش - کرنش قسمت محصور شده تفاوت دارد و مقاومت بتن پوسته برابر با مقاومت بتن محصور نشده می‌باشد. وجود تعداد بالای میلگرد عرضی لایه‌ای ضعیف بین بتن هسته و بتن پوسته مقطع ایجاد می‌نماید. با وجود آمدن این لایه اختلاف رفتار بین این دو قسمت از مقطع مشهودتر است.

در ادامه تعدادی روش پیشنهادی پیرامون اثر میلگردهای عرضی بر مقدار مقاومت و شکل پذیری بتن ارایه می‌گردد.

شکل (۸-۲) انواع مختلفی از منحنی‌های پیشنهادشده برای رابطه‌ی تنش - کرنش بتن محصور شده با خاموت را نشان می‌دهد.



شکل ۲-۲ منحنی‌های پیشنهاد شده، برای درنظر گرفتن اثر خاموت مستطیلی، در منحنی تنش - کرنش

قسمت  $OAB$  از منحنی سه خطی شکل (۲-۲a) برای بتن محصور نشده می‌باشد. قسمت  $BC$  از این منحنی وابسته به آرماتور عرضی است.  $BAKER$  برای کرنشهای قبل از تنش ماکزیمم از چند جمله‌ای استفاده نمود که وابسته به شبکه کرنش است.  $Roy \& Sozen$  (۲-۲b) از عرض مقطع است که از مدل دوخطی کاهنده استفاده نمودند که از نقطهٔ نظیر تنش  $OSRC$  در قسمت کاهنده می‌گذرد.

## ۲-۲- رفتار فولاد

برای بررسی رفتار فولاد آن را تحت آزمایش با بار کششی قرار می‌دهند شکل (۲-۹) منحنی متعارف تنش - کرنش فولاد را نشان می‌دهد.