



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مکانیک

## حل جریان سیال حول دسته لوله‌ها

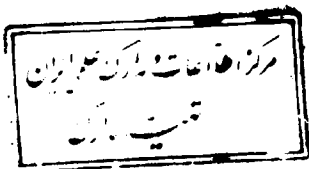
پایان نامه کارشناسی ارشد تبدیل انرژی

حسین نصیبی

استاد راهنما

دکتر ابراهیم شیرانی

۱۳۸۰ / ۱ / ۱۰



۱۳۷۹

۳۲۷۷۰



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مکانیک

پایان نامه کارشناسی ارشد رشته تبدیل انرژی آقای حسین نصیبی  
تحت عنوان

حل جریان سیال حول دسته لوله‌ها

10012

در تاریخ ۷۹/۶/۱۴ توسط کمیته تخصصی زیر مورد بررسی و تصویب نهایی قرار گرفت .

دکتر ابراهیم شیرانی

دکتر احمد رضا پیشه‌ور اصفهانی

دکتر محسن دوازده‌امامی

دکتر محمد سعید سعیدی

دکتر حسن خادمی زاده

۱- استاد راهنمای پایان نامه

۲- استاد مشاور پایان نامه

۳- استاد مشاور پایان نامه

۴- استاد داور پایان نامه

سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده

## تشکر و قدردانی

اینک که با تأییدات یزدان پاک، اثر حاضر در مقام یک پایان نامه کارشناسی ارشد قرار گرفت، این موفقیت را مرهون راهنمایی‌های ارزنده جناب آقای دکتر ابراهیم شیروانی استاد راهنمای پایان نامه می‌دانم. به حق ایشان از سرمایه‌های ارزشمند علمی این سرزمین هستند، مقام علمی و اخلاقی‌شان شایسته خالصانه‌ترین تقدیرهاست. از اینروست که لازم می‌دانم نهایت سپاس و تقدیر خود را از ایشان بعمل آورم.

از جناب آقای دکتر احمد رضا پیشه‌ور اصفهانی و جناب آقای دکتر محسن دوازده امامی به عنوان اساتید مشاور به خاطر بازخوانی و ویرایش پایان نامه بسیار سپاسگزارم. همچنین از جناب آقای دکتر محمد سعید سعیدی که به عنوان استاد داور حضور داشتند و زحمت ویرایش نهائی پایان نامه را به عهده گرفتند تشکر می‌نمایم. از آقایان حسین احمدی کیا و شهرام طالبی دانشجویان مقطع دکتری، سید برهان فهری و سایر دوستانی که در این مدت برای آنها بار زحمت بوده‌ام، سپاسگزارم.

در پایان از تمامی اعضای محترم هیئت علمی دانشکده مکانیک بخصوص آن دسته از اساتید گرامی که در زمان تحصیل از محضرشان استفاده کردم، سپاسگزاری می‌نمایم.

حسین نصیبی

تابستان ۷۹

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات ،  
ابتکارات و نوآوریهای ناشی از تحقیق موضوع  
این پایان نامه (رساله) متعلق به دانشگاه صنعتی  
اصفهان است .

تقدیر به :

دو شمع فروزان زندگیم

**پدر عزیز و مادر مهربانم**

به یاد سه فرشته پر کشیدهام

**رضا، زهره و امیر عزیزم**

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
شش	فهرست مطالب
۱	چکیده

### فصل اول: معرفی جریان سیال حول دسته لوله‌ها و مطالعات انجام شده در ارتباط با آن

۲-۱-۱	مقدمه
۳-۲-۱	تعریف مسئله
۴-۳-۱	جریان عبوری از یک لوله تنها
۴-۳-۱-۱	جریان ایده‌آل (کامل)
۵-۳-۱-۲	جریان سبال واقعی
۶-۴-۱	جریان در یک کانال محدود شده
۷-۵-۱	مدل عمومی جریان عبوری از یک دسته لوله
۱۰-۶-۱	مروری بر تحقیقات و مطالعات انجام شده

### فصل دوم: معادلات حاکم بر جریان و روش حل عددی

۱۳-۱-۲	مقدمه
۱۳-۲-۲	معادلات حاکم بر جریان
۱۵-۳-۲	بی‌بعدسازی معادلات
۱۷-۴-۲	انتقال به دستگاه منحنی الخط تعمیم یافته
۱۷-۴-۲-۱	روابط متریک‌ها
۱۸-۴-۲-۲	ناوردهای تبدیل

۲۰.....	۵-۲- تقریب لایه نازک
۲۰.....	۲-۵-۱- معادلات لایه نازک
۲۱.....	۲-۶- جریان مغشوش
۲۲.....	۲-۶-۱- مدلهای اغتشاش

### فصل سوم: روشهای حل محاسباتی و پردازش شبکه

۲۳.....	۳-۱- مقدمه
۲۳.....	۳-۲- روشهای حل عددی در مکانیک سیالات محاسباتی
۲۵.....	۳-۳- اختلاف محدود زمانی به روش ضمنی
۲۶.....	۳-۴- خطی سازی معادلات بر حسب زمان
۲۷.....	۳-۵- اختلاف محدود نسبت به متغیرهای مکانی
۲۸.....	۳-۶- شکل ماتریسی الگوریتم قبل از فاکتورگیری
۲۹.....	۳-۷- روش تقریبی فاکتورگیری
۳۰.....	۳-۸- شکل قطری معادلات
۳۲.....	۳-۹- میرایی مصنوعی
۳۳.....	۳-۹-۱- اتلاف مصنوعی صریح و ضمنی ثابت
۳۴.....	۳-۹-۲- مدل اتلاف مصنوعی غیر خطی
۳۵.....	۳-۱۰- دقت زمانی، همگرایی و پایداری در حالت دائم
۳۵.....	۳-۱۰-۱- اثر خطای ناشی از فاکتورگیری بر روی همگرایی
۳۷.....	۳-۱۰-۲- قدمهای زمانی تابع مکان
۳۷.....	۳-۱۰-۳- مجموعه شبکه
۳۷.....	۳-۱۱- پردازش شبکه
۳۷.....	۳-۱۱-۱- مقدمه
۳۸.....	۳-۱۱-۲- دستگاه منطبق بر مرز در دستگاه موضعی
۳۸.....	۳-۱۱-۳- روشهای پردازش شبکه
۳۹.....	۳-۱۱-۴- روشهای جبری



- ۳۹..... ۳-۱۱-۵- روشهای معادلات دیفرانسیل پاره‌ای
- ۴۰..... ۳-۱۱-۵- الف- شبکه‌سازی به روش بیضوی
- ۴۱..... ۳-۱۱-۵- ب- کنترل دستگاه مختصات

### فصل چهارم: برنامه‌های کامپیوتری

- ۴۳..... ۴-۱- مقدمه
- ۴۴..... ۴-۲- ورودی‌ها و خروجی‌های برنامه
- ۴۴..... ۴-۲-۱- فایل ورودی ARC.SEQ
- ۴۴..... ۴-۲-۲- فایل ورودی ARC.INP
- ۴۷..... ۴-۲-۳- فایل شبکه GRIDG.DAT
- ۴۷..... ۴-۳- شرایط مرزی
- ۴۸..... ۴-۳-۱- شرط مرزی روی خطوط تقارن
- ۴۸..... ۴-۳-۲- شرط مرزی روی لوله‌ها (شرط لزوج یا عدم لغزش)
- ۵۰..... ۴-۳-۳- شرایط اولیه
- ۵۰..... ۴-۳-۴- شرط مرزی ورودی
- ۵۰..... ۴-۳-۵- شرط مرزی خروجی
- ۵۰..... ۴-۴- ریر برنامه‌های کد ARC2D
- ۵۴..... ۴-۵- محاسبه برخی متغیرهای لازم
- ۵۴..... ۴-۵-۱- پارامترهای سیالانی
- ۵۵..... ۴-۵-۲- روش محاسبه پارامترهای انتقال حرارتی
- ۵۶..... ۴-۶- پردازش شبکه برای دامنه حل موجود
- ۵۶..... ۴-۶-۱- مقدمه
- ۵۶..... ۴-۶-۲- شبکه جبری
- ۵۷..... ۴-۶-۳- شبکه با روش دیفرانسیلی

فصل پنجم : نتایج

۶۰.....	۱-۵- مقدمه
۶۰.....	۲-۵- جریان حول یک استوانه تنها
۶۴.....	۳-۵- نتایج بدست آمده برای گام‌های طولی مختلف
۷۹.....	۴-۵- نتایج بدست آمده برای گام‌های عرضی مختلف
۹۳.....	۵-۵- نتایج بدست آمده برای اعداد رینولدز مختلف
۱۰۰.....	۶-۵- نتیجه‌گیری
۱۰۰.....	۷-۵- پیشنهادات
۱۰۱.....	پیوست ۱: فهرست منابع
۱۰۴.....	چکیده انگلیسی

## چکیده

جریان سیال و انتقال حرارت آرام از یک دسته لوله در جریان عمودی، بخاطر هندسه پیچیده‌اش، یک پدیده پیچیده بوده و در بسیاری از کاربردهای مهندسی اهمیت دارد. در این تحقیق جریان سیال حول دسته لوله‌های با آرایش مربعی، به صورت دو بعدی و به روش عددی بررسی شده است. معادلات ناور-استوکس و انرژی، پس از انتقال از دستگاه مختصات دکارتی به دستگاه منحنی‌الخط منطبق بر بدنه حل شده، برای این منظور از روش بیم-وارمینگ و اختلاف محدود مرکزی استفاده شده است. در این مطالعه، تأثیر گام طولی و عرضی و عدد رینولدز در محدوده  $25 < Re < 2500$  بر پارامترهای هیدرولیکی و انتقال حرارتی مانند: خطوط جریان، فشار، دما، ضرایب فشار  $C_p$ ، مقاومت  $C_D$ ، انتقال حرارت جابجایی  $h$ ، عدد نوسل  $Nu$  و افت فشار از دسته لوله بررسی شده و شکلهایی از خطوط جریان، کانتورهای دما و فشار و  $0.00$  برای شرط مرزی دما ثابت ترسیم شده است. نتایج بدست آمده نشان می‌دهد که با کاهش گام طولی و عرضی و فشردگی دسته لوله‌ها، میزان انتقال گرما به دسته لوله افزایش یافته در عوض افت فشار از دسته لوله نیز افزایش می‌یابد که در طراحی، باید بهینه‌ترین حالت انتخاب شود.

## فصل اول

### معرفی جریان سیال حول دسته لوله‌ها و مطالعات انجام شده در ارتباط با آن

#### ۱-۱- مقدمه:

در نیروگاهها، صنایع شیمیایی و اکثر صنایع دیگر بطور فزاینده‌ای از مبدل‌های حرارتی که شامل یک جریان عمودی روی دسته‌ای از لوله‌ها می‌باشد، استفاده می‌شود. به همین خاطر نیاز به مطالعات و تحقیقات بیشتر روی رفتار هیدرولیکی و انتقال حرارت یک لوله تنها و آرایشهای مختلف لوله‌ها در جریان عمودی یک گاز یا یک سیال لزج احساس می‌شود.

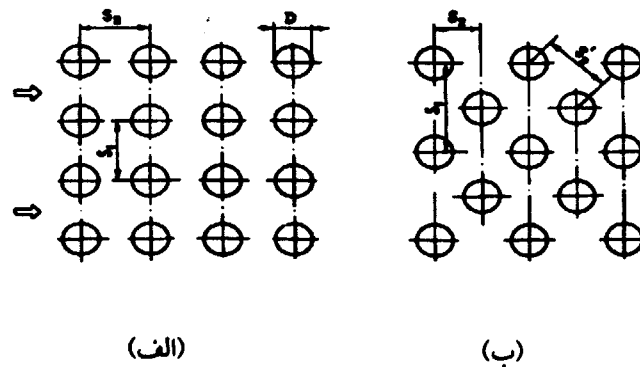
انتقال حرارت به طور محسوسی تحت تأثیر رژیم جریان اطراف لوله می‌باشد. ضمن اینکه جریان عبوری از دسته لوله‌ها یکی از مسائل مشکلی است که از لحاظ عملی اهمیت دارد، دانستن این فرایند ما را قادر به مطالعات گسترده‌تری روی انتقال حرارت مسئله می‌کند. بنابراین پیشنهاد بررسی انتقال حرارت، تحلیل سیالاتی و هیدرولیکی مسئله می‌باشد که در پروژه حاضر، بیشتر تأکید روی این قسمت مسئله است. همانطوریکه می‌دانیم اگر طول استوانه به حد کافی بزرگ باشد، می‌توان از اثرات انتهائی صرف‌نظر کرد و مسئله را به صورت دوبعدی حل نمود. این فرضی است که در پروژه حاضر از آن استفاده شده است. هر چند که در کارهای تجربی این اثرات به طور طبیعی لحاظ می‌شود و یکی از علل تفاوت کارهای عددی و تجربی به خاطر همین مسئله است. حل سه بعدی این جریان مستلزم وجود کامپیوتر با سرعت و قدرت زیاد

است. اگر چه امروزه علم کامپیوتر پیشرفتهای چشمگیری داشته است، اما باز هم زمان زیادی برای حل سه بعدی جریان در حل دائم (زمان - دقیق) لازم است.

در فصل اول این پایان نامه که شامل مقدمه است، سعی شده به طور مختصر مسئله معرفی شده، همچنین مروری بر تحقیقات و مطالعات انجام شده در زمینه دسته لوله‌ها انجام شود. در فصل دوم به معرفی معادلات حاکم بر جریان پرداخته شده است. فصل سوم اختصاص به تشریح روشهای عددی مرتبط با پروژه دارد. در پروژه حاضر برای حل مسئله از کد کامپیوتری<sup>۱</sup> ARC2D استفاده شده است که شرح کامل آن به همراه روش تولید شبکه برای مسئله‌مان در فصل چهارم بحث شده است. فصل پنجم نیز اختصاص به ارائه نتایج و نتیجه گیری دارد.

### ۱-۲- تعریف مسئله

موضوع پروژه حاضر حل جریان حول یک دسته لوله می باشد. در شکل زیر دو نوع رایج دسته لوله که آرایش مربعی<sup>۲</sup> و مثلثی<sup>۳</sup> می باشند، نشان داده شده است.



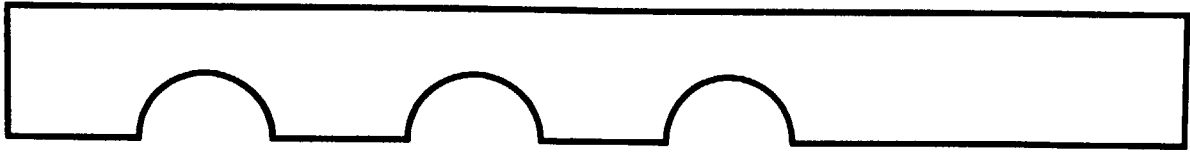
شکل ۱-۱: آرایش لوله‌ها در یک دسته لوله الف) آرایش مربعی، ب) آرایش مثلثی

که خطوط خط چین خطوط تقارن هستند. با در نظر گرفتن خطوط تقارن، دامنه حل برای یک آرایش مربعی بصورت زیر در خواهد آمد:

1-ARC2D : NASA Ames Research Center, Two-Dimensional, Navier-Stock (NS) Code .

2-In-Line Arrangement

3-Staggered Arrangement



شکل ۲-۱: دامنه حل برای آرایش مربعی

که باید شبکه‌ای مناسب برای آن ساخته شود و توسط یک روش عددی اختلاف محدود (روش بیم - وارمینگ) حل گردد.

قبل از بررسی دسته لوله‌ها ابتدا جریان عبوری از یک لوله تنها و یک لوله در یک دسته لوله را بطور مختصر مورد بررسی قرار می‌دهیم.

### ۳-۱- جریان عبوری از یک لوله تنها [۱]

#### ۱-۳-۱- جریان یک سیال ایده‌آل (کامل)

در سیال ایده‌آل فرض بر این است که بین سیال و دیواره‌ها امکان لغزش وجود دارد. به عبارت دیگر از نیروی اصطکاک صرف‌نظر می‌شود. توزیع سرعت در جریان یک سیال ایده‌آل عبوری از یک لوله به صورت زیر است:

$$u_x = u_0 (\sin\phi) \left[ 1 + \left( \frac{R_0}{R} \right)^2 \right] \tag{۱-۱}$$

که  $R_0$  و  $R$  به ترتیب فاصله از محور لوله به سطح لوله و نقطه مورد بررسی می‌باشد و  $u_0$  سرعت جریان آزاد می‌باشد. از معادله (۱-۱) مشاهده می‌شود که سرعت مماسی  $u_x$  با افزایش فاصله از دایره کاهش می‌یابد و در روی سطح لوله سرعت بیشترین مقدار را دارد.

$$u_x = 2u_0 \sin\phi \tag{۲-۱}$$

بر اساس معادله (۲-۱)، سرعت در نقاط تکین جلو و عقب استوانه صفر و در  $\phi = 90, 270^\circ$  ماکزیمم مقدار را داراست.

با استفاده از معادله (۲-۱) و معادله برنولی، توزیع فشار روی سطح لوله را می‌توان بدست آورد:

$$P = \frac{P_\phi - P_0}{\rho u^2 / 2} = 1 - 4 \sin^2 \phi$$

(۳-۱)

که  $P_0$  فشار استاتیکی در کانال می باشد .

فشار با سرعت رابطه عکس دارد یعنی در نقاط تکین فشار بیشترین مقدار بوده و در نقاط  $\phi = 90, 270^\circ$  دارای کمترین مقدار است . بخاطر همین توزیع فشار روی سطح لوله ، لوله در مقابل جریان ایده آل هیچ مقاومتی نشان نمی دهد .

### ۱-۳-۲- جریان سیال واقعی:

بخاطر لزجت سیالهای واقعی ، در قسمت جلوی لوله یک لایه مرزی آرام تشکیل می شود که ضخامت آن به سمت پایین دست ، افزایش می یابد . بسته به نسبت نیروهای اینرسی به نیروهای لزج در جریان که توسط عدد رینولدز مشخص می شود ، رژیمهای مختلف جریان تشخیص داده شده است . در  $Re(1)$  ، نیروهای اینرسی در مقایسه با نیروهای اصطکاک قابل صرف نظر بوده و جریان در نقطه سکون پشت استوانه ، از آن جدا می شود . با افزایش عدد رینولدز تأثیر نیروهای اینرسی افزایش می یابد و در  $Re(5)$  لایه مرزی آرام ، قبل از اینکه به نقطه سکون پشت استوانه برسد ، از آن جدا شده و در پشت استوانه یک جفت گردابه پایدار متقارن پدیدار می شود . با افزایش بیشتر عدد رینولدز گردابه ها به سمت پایین دست جریان گسترش می یابند و در  $Re(40)$  در ناحیه چرخش پایدار حرکت از بین می رود و گردابه ها به صورت تناوبی از پشت استوانه جدا شده و به دنباله جریان می پیوندند .

پدیده جدایش لایه مرزی ، تابع اصطکاک داخلی در لایه مرزی بوده و به توزیع فشار و سرعت اطراف استوانه بستگی دارد . در توضیح علت پدیده جدایش می توان گفت که در هر جریانی مقدار مشخصی از انرژی صرف غلبه بر اصطکاک داخلی در لایه مرزی شده و تلف می شود . با کاهش سرعت و افزایش فشار روی قسمت پشتی لوله  $(\frac{dp}{dx})_0$  ، انرژی باقیمانده برای غلبه بر افزایش فشار کافی نیست بنابراین ذرات سیال در لایه مرزی که سرعت کمی دارند ، به خاطر اصطکاک سرعتشان کمتر می شود تا اینکه تقریباً متوقف شده و شروع به حرکت در جهت مخالف می کنند ، لایه های سیال با حرکت مخالف شروع به چرخش کرده و از سطح لوله جدا می شوند . نقطه جدایش لایه مرزی تقریباً در  $\phi = 80^\circ$  اتفاق می افتد . این مدل جریان تا حدود عدد رینولدز بحرانی  $(Re = 2 \times 10^5)$  مشاهده می شود .