



دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

دانشکده مهندسی مکانیک

پایان نامه دوره کارشناسی ارشد در رشته مهندسی مکانیک - ساخت و تولید

آنالیز و طراحی چیدمان نقاط گیره‌بندی فیکسچر برای قطعات منشوری شکل به کمک کامپیوتر

استاد راهنما :

دکتر محسن شاکری

استاد مشاور:

مهندس وحید عابدینی

نام دانشجو:

حسین حاجی میری

شهریورماه 92

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



دانشگاه صنعتی نوشیروانی بابل

دانشکده مهندسی مکانیک

پایان نامه دوره کارشناسی ارشد در رشته مهندسی مکانیک-ساخت و تولید

آنالیز و طراحی چیدمان نقاط گیره‌بندی فیکسچر برای قطعات منشوری شکل به کمک کامپیوتر

استاد راهنما:

دکتر محسن شاکری

استاد مشاور:

مهندس وحید عابدینی

اساتید داور:

دکتر محمد بخشی جویباری

دکتر عبدالحمید گرجی

نام دانشجو:

حسین حاجی میری

شهریور ماه 92

Small deeds done, are better than great deeds planned.

Peter Marshal

تشکر و قدرانی

مواجه شدن با مسائل و سختی‌ها، امری اجتناب‌ناپذیر است. نحوه مواجهه انسان‌ها با این مسائل، آنها را از یکدیگر متمایز می‌کند. در این مدت، هیچگاه بزرگ‌مردانی را از یاد نخواهم برد که همواره مرا تشویق به تلاش بیشتر می‌کردند. دکتر محسن شاکری که با جملات کوتاه و نافذ خود، تأثیر به‌سزایی در پیشبرد سریع‌تر کارها و ایجاد انگیزه بیشتر داشتند. مهندس وحید عابدینی که با حمایت‌های همیشگی خود، هر بار به من انرژی دوباره‌ای برای ادامه کار می‌دادند.

هر پایانی را آغازی لازم است که از یاد بردن آن، هیچ پایانی را در پی نخواهد داشت. پدر و مادرم که هر آنچه دارم، ثمره نفس گرم آنهاست و امیدوارم که سالیان درازی از حضور این گنج‌های گرانبها بهره‌مند باشم.

در نهایت از دوستان عزیزم آقایان صمد اسماعیلی، میرعماد حسینی، مهران قاسمپور، اصغر شمس، حسین قربانی، صالح ابراهیم زاده، مجید اوصیا، روح‌اله شکری، کمال داودی، میلاد صدیقی، روزبه سقطچی، حمید قربانی، بهزاد اسکندری، علی عباسی، بابک طور، سید مجتبی هاشمی، سید اسماعیل موسوی، سید مصطفی کاظمی، محمدحسن ترحمی، مجید احمدیان، سبحان نظری، سینا یارمحمدی، علی زحمتکش، آرمان حسن‌پور، سید عسکری مهدوی، مصطفی حبیب‌نیا، سعید احمدی، امیر خزائی و رضا نوری که به هر نحوی مرا در مسیر انجام پایان‌نامه یاری دادند، کمال سپاسگزاری را دارم.

حسین حاجی میری

شهریور 92

تقدیم به

پدر و مادرم،

یگانه کسانی که به من عشق می‌ورزند.

چکیده

هدف اصلی هر واحد تولیدی، کاهش هزینه‌های تولید، افزایش کیفیت محصول و نرخ تولید بالا است. یکی از نیازمندی‌های رسیدن به این هدف، موضوع طراحی فیکسچر است. کار اصلی فیکسچرها، موقعیت‌دهی و گیره‌بندی مناسب برای جلوگیری از جابجایی قطعه کار تحت نیروهای ماشینکاری و نیروهای خارجی است. از نکات مهم در طراحی فیکسچر کارآمد، تعیین بهترین چیدمان عناصر گیره‌بندی است. روشهای سنتی طراحی فیکسچر، عموماً مبتنی بر تجربه طراح یا استفاده از روش آزمون و خطا است و جوابگوی نیازمندیهای صنعت نیست. بنابراین، روشهای جدیدی بر مبنای اصول علمی در دهه های گذشته گسترش یافته‌اند.

خطاهای به وجود آمده در قطعه کار، رابطه مستقیمی با میزان تغییرشکل آن در نقاط تماس با عناصر فیکسچر بندی دارد. هدف محققین، یافتن بهترین چیدمان فیکسچر بندی، به منظور کاهش میزان تغییر شکل ایجاد شده در قطعه کار است. بنابراین، روش هایی بر پایه بدنه صلب، مکانیک تماس و المان محدود، توسط محققین ارائه شده‌اند. روش اول و دوم به دلیل ساده‌سازیهایی که برای حل مسئله اتخاذ می‌کنند، جواب‌های قابل اطمینانی را نمی‌دهند. جواب‌های بدست آمده توسط روش سوم نسبت به دو روش قبلی، دارای دقت بالاتری است. با این وجود، زمان حل مسئله در این روش، نسبت به دو روش قبلی، طولانی‌تر است.

هدف از این پایان‌نامه، دستیابی به بهترین چیدمان فیکسچر بندی است که منجر به تولید محصولی در محدوده تلورانسی طراحی می‌شود. این کار، با یکپارچه‌سازی نرم افزارهای آباکوس و متلب (که الگوریتم ژنتیک در آن نوشته شده بود) انجام شد. تابع هدف، کاهش میزان تغییر شکل قطعه کار (جابجایی گره‌ها در قطعه کار مش‌بندی شده) بر اثر نیروهای گیره‌بندی و ماشین کاری است. در گام اول، مدل مربوطه در آباکوس تحلیل گشته و فایل متنی ایجاد شده، به عنوان ورودی الگوریتم ژنتیک قرار می‌گیرد. الگوریتم ژنتیک، تغییرات مربوط به چیدمانها را در این فایل متنی اعمال نموده و آن را برای تحلیل مجدد در آباکوس آماده می‌کند. با اتمام تحلیل، یک فایل خروجی از جابجایی گره‌های قطعه کار (با فرمت .dat) ایجاد می‌گردد که برای محاسبه تغییر شکل قطعه کار استفاده می‌شود. خروجی نهایی الگوریتم ژنتیک، چیدمانی از عناصر فیکسچر بندی است که کمترین میزان تغییر شکل در قطعه کار را به همراه دارد. بدین ترتیب، قرار گرفتن قطعه کار در محدوده تلورانسی طراحی نیز تضمین می‌گردد.

واژه های کلیدی: طراحی و ساخت به کمک کامپیوتر، چیدمان گیره‌بندی، نیروهای گیره‌بندی، المان محدود،

الگوریتم ژنتیک

فهرست مطالب

| | |
|-----|---|
| 1 | فصل اول: پیشینه تحقیقات..... |
| 1-1 | 1-1-1 مقدمه ای بر اصول فیکسچربندی..... |
| 1-1 | 1-1-1-1 انواع فیکسچر..... |
| 2 | 1-1-1-2 نیازمندی های عمومی یک فیکسچر..... |
| 3 | 1-1-1-3 حالت فرم-بسته و حالت نیرو-بسته..... |
| 3 | 2-1 مروری بر تحقیقات گذشته..... |
| 3 | 1-2-1 مقدمه..... |
| 4 | 2-2-1 روش های بررسی بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی..... |
| 4 | 1-2-2-1 جابجایی بدنه صلب..... |
| 6 | 2-2-2-1 شاخص پایداری نقطه تماس..... |
| 8 | 3-2-1 روش مکانیک تماس..... |
| 9 | 1-3-2-1 تئوری هرتز..... |
| 10 | 1-1-3-2-1 تماس بین یک نفوذکننده استوانه ای و یک نیم فضای الاستیک..... |
| 12 | 2-3-2-1 تماس بین یک نفوذکننده کره ای و یک نیم فضای الاستیک..... |
| 17 | 4-2-1 روش المان محدود..... |
| 24 | فصل دوم: نحوه پیاده سازی الگوریتم ژنتیک..... |
| 24 | 1-2 مقدمه..... |
| 24 | 2-2 مبانی GA..... |
| 25 | 3-2 عملگرهای اصلی GA..... |
| 25 | 3-2-1 جمعیت اولیه..... |
| 26 | 3-2-2 تابع برازندگی..... |
| 26 | 3-2-3 انتخاب..... |
| 28 | 3-2-4 پیوند..... |
| 28 | 3-2-5 جهش..... |
| 30 | 3-2-6 معیار همگرایی..... |
| 30 | 4-2 تفاوت GA با روش های مرسوم بهینه سازی..... |

| | |
|----|--|
| 30 | 5-2 الگوریتم ژنتیک با نخبه سالاری ساده..... |
| 31 | 6-2 اعتبارسنجی الگوریتم نوشته شده..... |
| 31 | ۲-۶-۱ مسئله اعتبارسنجی اول..... |
| 32 | ۲-۶-۲ مسئله اعتبارسنجی دوم..... |
| 34 | 7-2 ساختار الگوریتم ژنتیک به کاررفته در این تحقیق..... |
| 36 | ۲-۷-۱۱ ایجاد جمعیت اولیه..... |
| 38 | ۲-۷-۱۲ انتخاب..... |
| 38 | ۲-۷-۳ عملگر پیوند..... |
| 39 | ۲-۷-۴ عملگر جهش..... |
| 39 | ۲-۷-۵ معیار و فاکتورهای تابع هدف..... |
| 41 | 3 فصل سوم: نتایج و بحث..... |
| 41 | 3-1 مقدمه..... |
| 41 | 3-2 معرفی قابلیت‌های نرم‌افزار آباکوس..... |
| 43 | 3-3 اجرای کامپیوتری یک تحلیل المان محدود..... |
| 43 | ۳-۳-۱ پیش پردازشگر..... |
| 43 | ۳-۳-۲ پردازشگر..... |
| 44 | ۳-۳-۳ پس پردازشگر..... |
| 44 | 3-4 نکات کلیدی در مدل‌سازی اجزای محدود..... |
| 45 | 3-5 شرح مسئله..... |
| 46 | ۳-۵-۱ مقدمه و توضیحات..... |
| 46 | ۳-۵-۲ فرمول‌بندی تابع هدف..... |
| 47 | ۳-۵-۳ فرضیات مسئله..... |
| 48 | ۳-۵-۴ قیود حاکم بر مدل‌سازی..... |
| 49 | ۳-۵-۵ روش حل..... |
| 50 | 3-6 مثال‌های مورد مطالعه..... |
| 50 | ۳-۶-۱ مثال اول..... |
| 51 | 3-6-1-1 رویکرد و نتایج حاصل از تحقیق کریشناکومار و ملکوته..... |
| 52 | 3-6-1-2 رویکرد و نتایج حاصل از تحقیق کایا..... |

| | |
|----|---|
| 53 |تحقیق در این گرفته شده در این تحقیق |
| 58 |4-1-6-3 بهینه سازی چیدمان عناصر فیکسچر بندی و نیروهای گیره بندی در مدل اول |
| 61 |۳-۶-۲ مثال دوم |
| 61 |1-2-6-3 رویکرد و نتایج حاصل از تحقیق کومار و پالراج [26] |
| 63 |2-6-6-3 روند به کار گرفته شده در این تحقیق برای حل مثال دوم |
| 71 |4 نتیجه گیری و پیشنهادها |
| 69 |1-4 نتیجه گیری |
| 71 |2-4 پیشنهادات |
| 72 |مراجع |

فهرست اشکال

- شکل 1-1 - عناصر تشکیل دهنده یک فیکسچر [1] 2
- شکل 2-1 - مخروط اصطکاک کولمب [5] 5
- شکل 3-1- شماتیکی از تماس استوانه سرتخت با نیم فضای الاستیک [14] 10
- شکل 4-1- شماتیکی منطقه‌ای از نیم فضای الاستیک (به حجم $3(2a)$) بیشترین تنش را تحمل می‌کند 10
- شکل 5-1- نمایی از میزان نفوذ استوانه نفوذکننده در نیم فضای الاستیک [14] 11
- شکل 6-1- شماتیکی از نفوذ یک جسم کروی به درون نیم فضای الاستیک [14] 12
- شکل 7-1- روابط بین شعاع کره نفوذکننده (R)، عمق نفوذ (d) و شعاع سطح تماس (a) در منطقه نفوذ 13
- شکل 8-1- مدل تماس فیکسچر - قطعه به صورت فتر [15] 15
- شکل 9-1- نوع مش‌بندی و محل قرارگیری موقعیت‌دهنده‌ها و گیره‌ها و مسیر اعمال نیروهای ماشین‌کاری در قطعه‌کار دوبعدی [22] 19
- شکل 10-1- شکل مورد مطالعه در تحقیق کومار و پالراج [26] 21
- شکل 11-1- تغییر شکل قطعه در چیدمان فیکسچر بهینه در تحقیق کومار و پالراج [26] 22
- شکل 1-2 - نمودار گردشی CGA و BEGA [30] 25
- شکل 2-2 - انتخاب چرخ گردان [30] 27
- شکل 3-2- پیوند یک نقطه‌ای [30] 28
- شکل 4-2 - جهش فرد a [30] 29
- شکل 5-2 - شکل مربوط به مسئله اعتبارسنجی اول 31
- شکل 6-2- نحوه همگرایی الگوریتم ژنتیک در مسئله اعتبارسنجی اول 32
- شکل 7-2 - شکل مربوط به مسئله اعتبارسنجی دوم 33
- شکل 8-2- نحوه همگرایی الگوریتم ژنتیک در مسئله اعتبارسنجی دوم 33
- شکل 9-2 - فلوجارت مربوط به الگوریتم توسعه داده‌شده در این پژوهش 35
- شکل 10-2 - یک چیدمان فیکسچر در قالب کروموزوم 36
- شکل 11-2 - گره‌های قرار گرفته در منطقه موقعیت‌دهی اول 37
- شکل 1-3- پارامترهای مربوط به ابعاد قطعه‌کار، نحوه فیکسچر بندی و محل اعمال نیروهای ماشین‌کاری مثال اول [22] و [24] 51
- شکل 2-3- روند همگرایی الگوریتم ژنتیک در مثال اول (روش به‌کاررفته در این تحقیق) 57
- شکل 3-3 - چیدمان بهینه برای قطعه‌کار مثال اول (بدون در نظر گرفتن نیروی گیره‌بندی) 58
- شکل 4-3 - چیدمان بهینه برای قطعه‌کار مثال اول (با در نظر گرفتن نیروی گیره‌بندی) 59
- شکل 5-3- روند همگرایی الگوریتم ژنتیک در مثال اول (با رویکرد بهینه‌سازی همزمان چیدمان فیکسچر بندی و نیروهای گیره‌بندی) 60
- شکل 6-3- نمایی از سطوح موقعیت‌دهی و گیره‌بندی قطعه‌کار مربوط به مثال دوم [26] 61
- شکل 7-3 - نمایی از نقاط مربوط به سطوح اول، دوم و سوم موقعیت‌دهی قطعه‌کار مربوط به مثال دوم [26] 62
- شکل 8-3- روند همگرایی الگوریتم ژنتیک در مدل بررسی‌شده دوم توسط کومار و پالراج [26] 63
- شکل 9-3 - تأثیر انتخاب نوع مش بندی بر زمان انجام تحلیل 66

- شکل 3-10 - تأثیر زمان گام بر زمان انجام تحلیل 66
- شکل 3-11 - تأثیر زمان گام بر زمان انجام تحلیل 67
- شکل 3-12 - نحوه همگرایی الگوریتم توسعه داده شده برای حل مثال دوم 67
- شکل 3-13 - محل قرارگیری موقعیت دهنده ها و گیره ها در حالت بهینه به دست آمده در این تحقیق 68

فهرست جداول

- جدول 1-1 - مروری بر تحقیقات انجام شده با فرض صلب بودن قطعه کار 8
- جدول 2-1 - مروری بر تحقیقات صورت گرفته در زمینه مکانیک تماس 17
- جدول 3-1 - مروری بر کارهای انجام شده در زمینه المان محدود 22
- جدول 1-2 - نتایج حاصل از 5 بار اجرای الگوریتم برای مسئله اعتبارسنجی اول 32
- جدول 2-2 - نتایج حاصل از 5 بار اجرای الگوریتم برای مسئله اعتبارسنجی دوم 33
- جدول 1-3 - محدوده پارامترهای تحت بررسی در مورد مطالعاتی اول [22 و 24] 51
- جدول 2-3 - نتایج حاصل از رویکرد ارائه شده در این پژوهش برای مثال اول (بهینه سازی چیدمان عناصر فیکسچر بندی) 57
- جدول 3-3 - نتایج حاصل از انتخاب تعداد گره های مختلف برای شبیه سازی مسیر حرکت ابزار 55
- جدول 4-3 - پارامترهای به کاررفته در الگوریتم ژنتیک برای حل مثال اول 58
- جدول 5-3 - نتایج حاصل از رویکرد ارائه شده در این پژوهش برای مثال اول (بهینه سازی چیدمان عناصر فیکسچر بندی و مقادیر نیروهای گیره بندی) 60
- جدول 6-3 - بازه های مربوط به مناطق موقعیت دهی و گیره بندی [26] 62
- جدول 7-3 - چیدمان اولیه و بهینه به دست آمده توسط کومار و پالراج [26] 62
- جدول 8-3 - متغیرهای بررسی شده در شبیه سازی مدل مربوط به مثال دوم 65
- جدول 9-3 - چیدمان اولیه و بهینه به دست آمده در این پژوهش برای مثال دوم 69

1 فصل اول: پیشینه تحقیقات

۱-۱ مقدمه ای بر اصول فیکسچر بندی

فیکسچر^۱ وسیله‌ای برای موقعیت‌دهی^۲، نگهداری^۳ و حمایت^۴ از قطعه کار در طول عملیات تولیدی است. فیکسچرها ضروری‌ترین عناصر یک فرایند تولیدی می‌باشند، چرا که نقش به‌سزایی در بسیاری از مراحل تولید، بازرسی و مونتاژ دارند. فیکسچر باید قطعه کار را به درستی در راستای تعیین‌شده نسبت به ابزار ماشین‌کاری، ابزار اندازه‌گیری، یا نسبت به یک قطعه دیگر در عملیات مونتاژ و جوشکاری موقعیت‌دهی کند. این موقعیت‌دهی باید در طول انجام عملیات، توسط گیره‌ها حفظ گردد. جیگ‌ها شبیه فیکسچرها هستند؛ با این تفاوت که نه تنها برای موقعیت‌دهی و نگهداری قطعه کار استفاده می‌شوند، بلکه به منظور هدایت ابزار سوراخ‌کاری و سوراخ تراشی نیز به کار می‌روند [1].

۱-۱-۱ انواع فیکسچر

انواع متنوعی از فیکسچرهای سنتی وجود دارد. بر طبق شکل قطعه کارها و کاربردشان، آن‌ها را می‌توان در چهار دسته مجزا طبقه‌بندی نمود که عبارت‌اند از: فیکسچرهای صفحه‌ای مدولار^۵، فیکسچرهایی با صفحات زاویه‌دار، گیره‌ها و سه‌نظام‌ها. یک فیکسچر شامل موقعیت‌دهنده، گیره، حمایت‌کننده و بدنه^۶ است. موقعیت‌دهنده معمولاً جزء ثابتی از یک فیکسچر است که با مقید کردن جابجایی قطعه کار، موقعیت آن را در داخل فیکسچر ایجاد و حفظ می‌کند. گیره یک عملگر فیکسچر است که اعمال نیرو می‌کند. نیروی اعمال‌شده توسط گیره سبب حفظ موقعیت ایجادشده در قطعه کار، در مقابل نیروهای خارجی می‌شود. حمایت‌کننده یک

1 - Fixture

2 - Locating

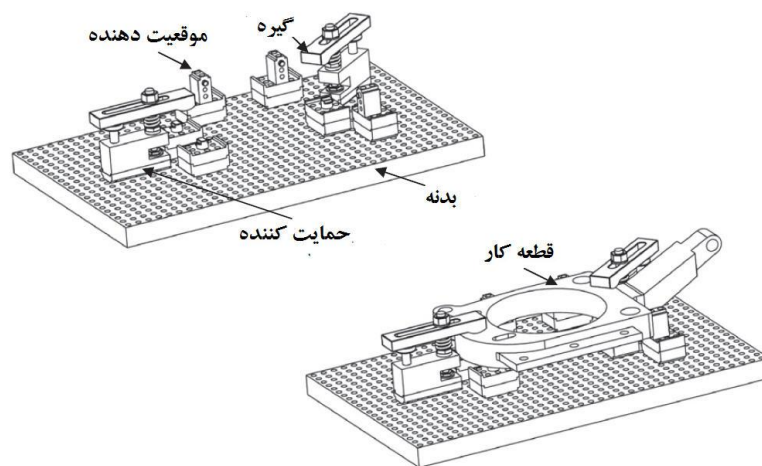
3 - Clamping

4 - Supporting

5 - Modular fixture

6 - Body

عضو ثابت یا قابل تنظیم در فیکسچر است. اگر بر اثر اعمال نیروهای گیره‌بندی و یا خارجی، احتمال بروز تغییرشکل‌های شدید در قطعه کار وجود داشته باشد، حمایت‌کننده‌ها در زیر قطعه کار به کار گرفته می‌شوند تا مانع بروز تغییرشکل احتمالی شوند و یا از شدت آن بکاهند. باید حمایت‌کننده‌ها با موقعیت‌دهنده‌ها و گیره‌ها انطباق داشته باشند. اصلی‌ترین عضو یک فیکسچر، بدنه آن است. عناصر مختلف فیکسچر بندی یعنی موقعیت‌دهنده‌ها، گیره‌ها و حمایت‌کننده‌ها بر روی بدنه فیکسچر سوار می‌شوند. ارتباط بین عناصر فیکسچر بندی اشاره شده در فوق توسط بدنه فیکسچر برقرار می‌گردد. در شکل 1-1، تمامی عناصر اشاره شده در فوق را مشاهده می‌کنید [1].



شکل 1-1 - عناصر تشکیل دهنده یک فیکسچر [1]

۲-۱-۱ نیازمندی‌های عمومی یک فیکسچر

به منظور حفظ تعادل قطعه کار در طول عملیات ماشین کاری، یک فیکسچر باید چندین نیازمندی را برآورده کند. این نیازمندیها شامل موقعیت‌دهی دقیق، ایجاد قید هندسی، مقیدسازی سرتاسری قطعه کار و ایجاد تغییرشکل‌های محدود (در محدوده تلورانسی) در قطعه کار است [1].

۳-۱-۱ حالت فرم-بسته⁷ و حالت نیرو-بسته⁸

به طور کلی، فرم-بسته بر آنالیز سینماتیک قطعه کار و نیرو- بسته بر تعادل استاتیکی قطعه کار تأکید دارند. هدف اصلی در فرم-بسته، محدود کردن حرکت قطعه کار، بدون اعمال نیرو است. از دید عملی، حالت فرم- بسته معادل سکون یا عدم لغزش است. به بیان دیگر، فرم- بسته بودن، خاصیتی هندسی است که در آن قطعه کار صلب، توسط نیروهای تماسی یکسویه مهار می گردد. این نیروهای یکسویه از سوی عناصر فیکسچربندی اعمال می شوند. هدف اصلی در حالت نیرو- بسته، حفظ تعادل قطعه کار در برابر نیروهای خارجی و ایجاد تعادل استاتیکی قطعه کار است. یعنی با اعمال نیروهای فیکسچربندی بر روی قطعه کار در نقاط دلخواه، تعادل نیرویی و گشتاوری را در سیستم فیکسچر-قطعه کار ایجاد می کنند. به طور کلی، گیره در حالت نیرو-بسته است اگر و فقط اگر در حالت فرم-بسته نیز باشد [2].

برنامه ریزی فیکسچر به انتخاب سطوح و نقاط موقعیت دهی و گیره بندی بر روی قطعه کار می پردازد [1]. به طوری که با انتخاب بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی، تعادل قطعه کار در طول فرایند ماشین کاری حفظ شود و دقت محصول تولید شده از محدوده تلورانسی مورد نظر طراح تجاوز نکند.

۲-۱ مروری بر تحقیقات گذشته

۱-۲-۱ مقدمه

با توجه به اهمیت طراحی فیکسچر در سال های اخیر، این موضوع مورد توجه بسیاری از محققین بوده است. دستیابی به قطعه کاری که دارای دقت بالایی باشد، به نوبه خود نیازمند طراحی یک فیکسچر مناسب است. چیدمان عناصر فیکسچربندی از قبیل موقعیت دهنده ها و گیره ها، نقش تعیین کننده ای را در این راستا ایفا می کند.

⁷ - Form Closure

⁸ - Force Closure

نیکسون [3] بیان کرد که تقریباً 40 درصد قطعات برگشتی در کارخانه‌ها به دلیل خطاهای ابعادی آن‌ها است که ناشی از فیکسچربندی نامناسب است. حمایت‌کننده‌ها و موقعیت‌دهنده‌ها به منظور کاهش خطای ایجادشده (بر اثر تغییرشکل الاستیک) در قطعه‌کار به کار می‌روند. بهینه‌سازی موقعیت‌های مربوط به حمایت‌کننده‌ها، موقعیت‌دهنده‌ها و گیره‌ها یک مسئله حیاتی در کمینه کردن خطای هندسی قطعه‌کار تحت ماشین‌کاری است. بنابراین، هدف محققین یافتن بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی است؛ به گونه‌ای که در ضمن مهار کامل قطعه‌کار در طول فرایند ماشین‌کاری، کمترین تغییرشکل را در مناطق تماسی به وجود آورد. لازم به ذکر است که در گیره‌بندی، شاهد دو نوع نیرو هستیم که عبارت‌اند از:

1- نیروهای کنشی: نیروهایی که از سوی گیره‌ها بر قطعه‌کار اعمال گشته و از نظر اندازه، معلوم می‌باشند.

2- نیروهای واکنشی: نیروهایی که از سوی موقعیت‌دهنده‌ها بر قطعه‌کار اعمال گشته و از نظر اندازه مجهول می‌باشند. بر حسب چیدمان عناصر گیره‌بندی، مقادیر نیروهای واکنشی تغییر می‌کند. در طول سالیان گذشته محققین، سه رویکرد را برای رسیدن به بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی در پیش گرفتند که شامل روش جابجایی بدنه صلب¹، روش مکانیک تماس² و روش تحلیل المان محدود³ می‌شود. می‌شود.

۲-۲-۱ روش‌های بررسی بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی

1-2-2-1 جابجایی بدنه صلب

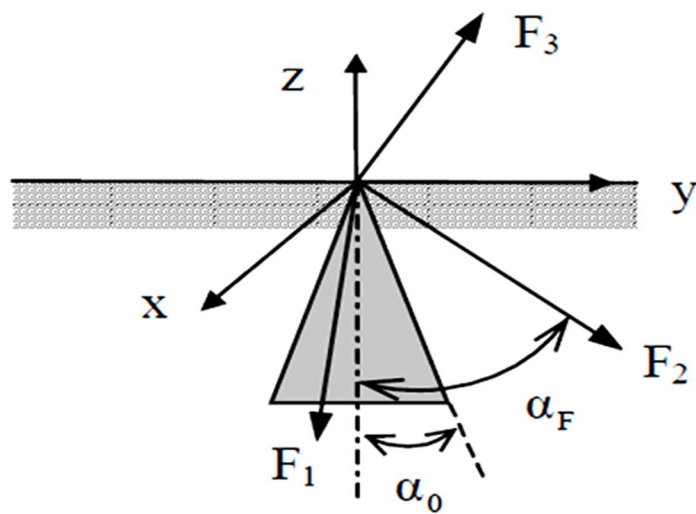
بیش از یک قرن پیش، رولیکس [4] نظریه‌ای را بیان کرد که شرایط مقید بودن قطعه‌کار را شرح می‌داد. این نظریه تحت عنوان فرم-بسته شناخته می‌شود. از آن زمان به بعد، بسیاری از تلاش‌های صورت‌گرفته در زمینه

¹ - Rigid-body displacement

² - Contact mechanics

³ - Finite element method (FEM)

طراحی فیکسچر، با رویکرد فرم-بسته بوده است. روش جابجایی بدنه صلب، با فرض صلب بودن قطعه کار و عناصر فیکسچربندی و همچنین با به‌کارگیری معادلات تعادل استاتیکی، سعی در یافتن نیروهای واکنشی در مناطق موقعیت‌دهی و به حداقل رساندن این نیروها دارد. از آنجایی که این روش دارای فاصله زیادی با شرایط واقعی است، بنابراین نمی‌تواند جواب مطمئنی را به طراح فیکسچر ارائه کند. زیرا اگرچه جواب‌های نامحدودی را برای تعیین نیروها دارد؛ اما قادر به بررسی حالات نامعین استاتیکی نیست. همچنین نمی‌تواند به تغییرشکل ایجادشده در نقاط موقعیت‌دهی و گیره‌بندی بپردازد. بنابراین، در مورد کیفیت سطوح گیره‌بندی شده نمی‌تواند نظری بدهد. برخی از محققین مبنای حل مسئله را نیروهای اصطکاکی قرار دادند. آن‌ها بر این باور بودند که اگر نیروهای تماسی در داخل محدوده مربوط به مخروط اصطکاکی کولمب (شکل 1-2) قرار داشته باشد، حفظ تعادل قطعه کار در اثر اعمال نیروهای خارجی، تضمین شده‌تر است.



شکل 1-2 - مخروط اصطکاک کولمب [5]

شکل 1-2، مخروط اصطکاک کولمب را نمایش می‌دهد. شرایطی که یک نقطه تماس باید داشته باشد تا تماس خود را حفظ کند، این است که نیروی تماسی در داخل مخروط اصطکاک قرار گیرد. در شکل، سه نیرو در نقطه تماس بر سطح اعمال شده‌اند. F_1 در داخل مخروط اصطکاک قرار دارد (منطقه سایه‌دار)، این نیرو در تماس با سطح باقی خواهد ماند؛ F_2 در خارج از مخروط واقع شده است، اما کماکان به سمت قطعه کار است، این

نیرو سبب لغزش خواهد شد، F_3 به سمت خارج سطح است، این نیرو سبب جدا شدن از سطح می‌شود. کانگ [5] در پایان‌نامه دکترای خود، مفهوم شاخص پایداری نقطه تماس را به صورت زیر بیان کرد.

2-2-2-1 شاخص پایداری نقطه تماس¹

برای تأیید پایداری در نقطه تماس، مطلوب است یک مقدار عددی داشته باشیم. همچنین بهتر است که این اندازه‌گیری، نرمال‌شده² باشد تا شاخص پایداری را از روی مقدار آن دانست. برای اندازه‌گیری پایداری تماس، شاخص پایداری نقطه تماس معرفی شد. این شاخص دارای ویژگی‌های زیر است [5]:

• خارج از مخروط اصطکاک کلمب، شرایط عدم تعادل:

$$-1 \leq CSI \leq 0 \quad \text{رابطه (1-1) [5]}$$

• بر روی مخروط اصطکاک کلمب، شرایط تعادل مرزی:

$$CSI = 0 \quad \text{رابطه (2-1) [5]}$$

• داخل مخروط اصطکاک کلمب، شرایط تعادل کامل:

$$0 \leq CSI \leq 1 \quad \text{رابطه (3-1) [5]}$$

با توجه به شکل 2-1، برای برآورده شدن شرایط فوق، CSI به صورت فرمول زیر بیان می‌گردد:

$$CSI = \left\{ \begin{array}{c} 1 - \frac{\alpha_F}{\alpha_0} \\ -\frac{\alpha_F - \alpha_0}{\pi - \alpha_0} \end{array} \right\} \quad \text{رابطه (4-1) [5]}$$

همان طور که در شکل 2-1 نشان داده شده است، α_0 زاویه (شعاع) مخروط اصطکاک است و α_F زاویه (شعاع) میان بردار نیرو و محور $-Z$ است. پس از به دست آمدن CSI ، بررسی پایداری فیکسچر راحت است.

¹ - Contact Stability Index (CSI)

² - Normalized

فقط لازم است که همه نقاط تماس در تماس با قطعه کار باقی بمانند. این بدین معنی است که در همه نقاط تماس $CSI > 0$ باشد.

لازم به ذکر است که در برخی از معادلات ارائه شده توسط کانگ [5]، به منظور دستیابی به بهترین چیدمان عناصر فیکسچربندی، پارامترهایی لحاظ شده اند که دلایل علمی برای آنها بیان نشده است و این امر موجب می شود که صحت روش ارائه شده توسط این محقق، در هاله ای از ابهام باقی بماند.

تائو و همکارانش [6] در تحقیقی که به منظور یافتن بهترین نقاط گیره بندی انجام دادند، مبنای کار خود را بر مبنای وجود اصطکاک میان عناصر گیره بندی و قطعه کار قرار دادند. روش آنها بر اساس ملاک نیرو- بسته، یک ابزار ساده و درعین حال کارآمدی را برای تعیین مجموعه بهترین نقاط گیره بندی از میان چیدمان های مختلف ارائه می داد. ترتیب گیره بندی نیز در درون روش ارائه داده شده نهفته بود. روش آنها قابلیت رویارویی با قطعه کار با هر شکل پیچیده را داشت. این روش برای حل مسائل مختلف فیکسچربندی، به اندازه کافی قدرت داشت. یکی دیگر از مزایای این روش، سهولت فرموله کردن و رسیدن به راه حل مناسب آن بود. عملکرد این الگوریتم توسط چند مثال کاربردی پیچیده مورد تأیید قرار گرفت. آنها کل مجموعه فیکسچر-قطعه کار را صلب فرض کرده و ماهیت الاستیک/پلاستیک قطعه کار را نادیده گرفته بودند. همچنین، تماس بین عناصر فیکسچربندی و قطعه کار را از نوع نقطه ای فرض کردند. هدف آنها یافتن مناطقی در داخل محدوده های اصطکاکی بود که بیشترین پایداری را در مقایسه با سایر نقاط ممکن، در قطعه کار ایجاد کند. چنین نقطه ای باید در مرکزی ترین بخش محدوده اصطکاکی واقع شده باشد. روش ارائه شده آنها تنها نقاط گیره بندی را تحت پوشش قرار می داد و هیچ گونه راه حلی را برای انتخاب نقاط موقعیت دهی ارائه نمی کرد. همچنین روش آنها برای حالت های نامعین استاتیکی جوابگو نبود.

روش جسم صلب دو محدودیت عمده دارد که عبارتند از:

- مهم ترین محدودیت روش جسم صلب این است که وقتی تعداد مجهولات نیروی تماسی بیش از 6 باشد، از نظر استاتیکی نامعین می گردد. در نتیجه جابجایی قطعه کار را با این روش نمی توان به

دست آورد. پس تنها برای حالات سه بعدی که دارای مجهولات بیشتر از 6 تا نیست، کارایی دارد. این محدودیت را ممکن است با در نظر گرفتن الاستیسیته در سیستم فیکسچر - قطعه کار رفع کرد.

• علاوه بر این، با فرض صلب بودن قطعه کار، تغییرشکل پلاستیک یا الاستیک قطعه کار در نظر گرفته نمی شود.

کارهای صورت گرفته به روش جسم صلب را می توان به اختصار در جدول 1-1 مشاهده نمود.

جدول 1-1 - مروری بر تحقیقات انجام شده با فرض صلب بودن قطعه کار

| سال | محققین | توضیح |
|------|---------------------|---|
| 1985 | آسادا و بای [7] | استفاده از مدل سینماتیکی برای تحلیل موقعیت دهی؛ قابلیت باز و بسته کردن قطعه کار بر روی فیکسچر و مقیدسازی سرتاسری قطعه کار |
| 1993 | دیمیتر [8] | استفاده از تحلیل بر پایه بدنه صلب برای تعیین چیدمان گیربندی بر اساس تماس صفحه ای |
| 1993 | کینگ و هاتر [9] | پیدا کردن بهترین چیدمان، با در نظر گرفتن سفتی نقاط تماس استفاده از بهینه سازی غیرخطی برای پیدا کردن پایداری قطعه کار |
| 1996 | وو و چان [10] | استفاده از الگوریتم ژنتیک برای پیدا کردن چیدمانی که از نظر استاتیکی پایداری بالاتری دارند |
| 1998 | دیمیتر [11] | بهینه سازی چیدمان بر اساس مقدار نیروی تماسی |
| 2003 | وانگ و پلینسکو [12] | یافتن بهترین چیدمان فیکسچر بندی که با پیش بینی مقادیر نیروی واکنشی، سعی در کمینه کردن نیروهای تماسی و کاهش خطای نهایی می شد |

۳-۲-۱ روش مکانیک تماس

پس از آن که محققین با مشکلات مربوط به استفاده از روش جابجایی بدنه صلب (که در بخش فوق نیز به آن ها اشاره گردید) مواجه شدند؛ نیاز به رویکرد دیگری بود تا بتوان تغییرشکل های حاصل از اعمال نیرو را نیز در تحلیل ها لحاظ کرد. بنابراین، روش بر پایه مکانیک تماس به کار گرفته شد. مدلهایی که از این روش به دست می آمدند، قادر به پیش بینی نیروهای واکنشی موقعیت دهنده ها و همچنین تغییرشکل های موضعی بودند. در روش مکانیک تماس، نیازمند دانش اولیه در مورد نوع و نحوه تماس عناصر فیکسچر بندی و قطعه کار هستیم. دانشی که

بتوان با کمک آن، تشخیص درستی در مورد حالات مختلف مربوط به تماس سطوح (از قبیل تماس کامل، تماس لغزنده و یا عدم وجود تماس) داشت [13]. بدین منظور، محققین با فرض صلب بودن عناصر گیره‌بندی و شکل‌پذیری قطعه‌کار، از تئوری هرتز³ بهره می‌گیرند. آن‌ها در این روش، عموماً عناصر فیکسچر بندی را یا به صورت سرتخت و یا به صورت نوک کروی فرض کرده و سپس با کمک روابط ریاضی، به تحلیل مناطق تماس می‌پردازند.

1-3-2-1 تئوری هرتز

از آنجایی که عناصر گیره‌بندی را در تحلیل‌ها از نوع سرتخت یا نوک کروی در نظر می‌گیرند؛ محققین از روابط مکانیک تماس هرتز برای محاسبه میزان تغییر شکل ایجاد شده در سطوح تماس بهره می‌گیرند [14]. در زیر به روابط ریاضی حاکم بر این دو نوع تماس اشاره‌ای می‌شود. فرضیاتی که در تئوری هرتز اعمال می‌گردد شامل موارد زیر است:

1- تنش‌ها کم بوده و در محدوده الاستیک قرار دارند؛

2- هر کدام از جسم‌های در حال تماس می‌توانند به عنوان نیم فضای الاستیک⁴ شناخته شوند.

یعنی سطوح تماسی در مقایسه با ابعاد قطعات در حال تماس، دارای ابعاد بسیار کوچکی می‌باشند؛

3- سطوح تماسی به صورت پیوسته می‌باشند؛

4- سطوح تماسی بدون اصطکاک هستند.

³ - Hertzian Theory

⁴ - Elastic half- space