





دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی معدن

## تعیین مدل ریاضی جریان آب زیرزمینی دشت کرون به روشهای عددی در رژیم‌های پایدار و گذران

پایان نامه کارشناسی ارشد مهندسی اکتشاف معدن

۱۳۸۲ / ۷ / ۲۰

سعید چراجی

اساتید راهنما

دکتر حمید هاشم‌الحسینی - دکتر قادر فتحیان پور

۴۸۸



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی معدن

پایان نامه کارشناسی ارشد رشته مهندسی اکتشاف معدن آقای سعید چراغی

تحت عنوان

تعیین مدل ریاضی جریان آب زیرزمینی دشت کرون به روشهای عددی در رژیم‌های  
پایدار و گذرا

در تاریخ ۱۳۸۱/۸/۴ توسط کمیته تخصصی زیر مورد بررسی و تصویب نهائی قرار گرفت.

۱- استاد راهنمای اول پایان نامه

دکتر حمید هاشم الحسینی

۲- استاد راهنمای دوم پایان نامه

دکتر نادر فتحیان پور

۳- استاد مشاور پایان نامه

دکتر فیروز صدقیانی اول

۴- استاد داور

دکتر مهدی زمانی

۵- استاد داور

دکتر کیوان اصغری

سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده

دکتر نادر فتحیان پور

کلیه حقوق مادی متربت بر نتایج مطالعات،  
ابتكارات و نوآوریهای ناشی از تحقیق موضوع  
این پایاننامه متعلق به دانشگاه صنعتی اصفهان است

تقدیم به پدر، مادر

خواهر و برادران عزیزم

به پاس محبتی که به من داشته‌اند

## فهرست مطالب

<u>عنوان</u>	<u>صفحه</u>
فهرست	فهرست
۱	چکیده
۲	فصل اول: مقدمه و اهداف پایان نامه
۴	۱-۱- مقدمه
۶	۱-۲- اهداف پایان نامه
۹	فصل دوم: معادلات اساسی و روش های حل عددی جریان آب زیرزمینی
۱۳	۲-۱- معادله عمومی جریان آب زیرزمینی در لایه آبدار تحت فشار در جریان پایدار
۱۵	۲-۲- معادله عمومی جریان آب زیرزمینی در لایه آبدار تحت فشار در حالت جریان ناپایدار
۱۷	۲-۳- فرضیات دوبوئی و فورشهایمر در لایه های آبدار آزاد
۱۹	۲-۴- معادله عمومی جریان آب زیرزمینی در لایه آبدار آزاد در حالت جریان پایدار
۲۰	۲-۵- معرفی شرایط مرزی در روش های حل عددی
۲۲	۲-۶- حل عددی به روش تفاضل محدود
۲۴	۲-۷- حل عددی معادله جریان پایدار در لایه آبدار تحت فشار به روش تفاضل های محدود
۲۵	۲-۸- استفاده از روش های تکرار در حل عددی معادلات تفاضل های محدود
۲۶	۲-۸-۱- روش تکرار گوس - سیدل
۲۷	۲-۸-۲- روش تکرار (SOR)
۲۸	۲-۹- حل عددی معادله آب زیرزمینی با جریان پایدار در لایه تحت فشار تغذیه شونده به روش تفاضل های محدود
۲۹	۲-۱۰- حل عددی معادله آب زیرزمینی با جریان پایدار در لایه آبدار آزاد به روش تفاضل های محدود

## فهرست مطالب

### صفحه

### عنوان

۲۴	- حل عددی معادله آب زیرزمینی با جریان ناپایدار در لایه آبدار تحت فشار به روش تفاضل‌های محدود
۲۵	-۱- حل عددی به روش ضمنی
۲۶	-۲- حل عددی به روش صریح
۲۷	-۳- حل عددی معادلات آب زیرزمینی به روش اجزای محدود
	فصل سوم: آشنایی با محدوده مورد مطالعه
۲۸	-۱- موقعیت جغرافیایی محدوده مورد مطالعه
۳۰	-۲- وضعیت زمین‌شناسی محدوده مورد مطالعه
۳۱	-۳- مشخصات آب و هوایی محدوده مورد مطالعه
۳۱	-۴- منابع آبی حوزه کرون
۳۱	-۱- منابع آب سطحی حوزه کرون
۳۲	-۲- منابع آب زیرزمینی حوزه کرون
	فصل چهارم: مدلسازی پیشرو آب زیرزمینی در حوزه کرون
۳۸	-۱- آشنایی با مدلسازی ریاضی در هیدرولوژی
۳۹	-۲- اهداف مدلسازی پیشرو در حوزه آبی کرون
۳۹	-۳- بررسی داده‌های آزمایش پمپاژ در حوزه آبی کرون
۴۰	-۴- ۱- روش حل کوپر - ژاکوب در تجزیه و تحلیل آزمایش‌های پمپاژ
۴۱	-۴- ۲- مدل بولتون برای چاه کامل در لایه آبدار آزاد
۴۳	-۴- ۳- انجام آزمایش پمپاژ در چاه ۱S-۱S
۴۵	-۴- ۴- انجام آزمایش پمپاژ در چاه ۱S-T-۱S
۴۷	-۴- محاسبه تخلیه سالانه چاه‌ها با استفاده از چاه‌های معرف

## فهرست مطالب

### صفحه

### عنوان

- ۵۰ -۴-۵- محاسبه تخلیه سالانه قنات‌ها در حوزه آبی کرون
- ۵۰ -۴-۶- محاسبه تخلیه سالانه چشممه مرغاب در حوزه آبی کرون
- ۵۱ -۴-۷- مدلسازی پیشو در حالت جریان پایدار در حوزه آبی کرون
- ۵۱ -۴-۷-۱- اطلاعات استفاده شده در مدلسازی جریان پایدار
- ۵۱ -۴-۷-۲- شبکه‌بندی منطقه مورد مطالعه برای مدلسازی جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۲ -۴-۷-۳- تعداد و نوع لایه آبدار در مدلسازی جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۲ -۴-۷-۴- مشخصات سطوح پایینی و بالایی لایه آبدار در مدلسازی جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۲ -۴-۷-۵- اعمال شرایط مرزی به مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۳ -۴-۷-۶- ضریب انتقال پذیری و ضریب هدایت هیدرولیکی در مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۳ -۴-۷-۷- مقدار بازدهی ویژه لایه آبدار در مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۶ -۴-۷-۸- اعمال منابع تخلیه به مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۵۶ -۴-۷-۹- اعمال منابع تغذیه به مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۳ - ۱۳۷۴
- ۶۱ -۴-۷-۱۰- تبادل آب زیرزمینی در مراتزهای فعال در مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۶۴ -۴-۷-۱۱- مدل بدست آمده برای جریان پایدار آب زیرزمینی در سال آبی ۱۳۷۴ - ۱۳۷۳
- ۶۴ -۴-۸- مدلسازی پیشو در حالت جریان ناپایدار در یک دوره ۱۰ ساله در حوزه آبی کرون
- ۶۴ -۴-۸-۱- اطلاعات استفاده شده در مدل جریان ناپایدار آب زیرزمینی در یک دوره ۱۰ ساله
- ۶۴ -۴-۸-۲- شبکه‌بندی منطقه مورد مطالعه برای مدلسازی جریان ناپایدار ۱۰ ساله

## فهرست مطالب

### صفحه

### عنوان

۶۴	۴-۳-۸- بازدهی ویژه لایه آبدار در مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله
۶۶	۴-۸-۴- تخلخل مؤثر در مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله
۶۶	۴-۸-۵- اعمال منابع تخلیه به مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله
۶۶	۴-۸-۶- اعمال منابع تغذیه به مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله
۶۶	۴-۷-۸- تبادل آب زیرزمینی در مرزهای شرقی و غربی در مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله
۶۹	۴-۸-۸- مدل بدست آمده برای جریان ناپایدار آب زیرزمینی در دوره ۱۰ ساله
۷۰	۴-۹- مدلسازی پیشرو در حالت جریان ناپایدار در یک دوره یکساله در حوزه آبی کرون
۷۰	۴-۹-۱- اطلاعات لازم در مدلسازی جریان ناپایدار یکساله در حوزه آبی کرون
۷۰	۴-۹-۲- شبکه‌بندی منطقه مورد مطالعه برای مدلسازی جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۱	۴-۹-۳- بازدهی ویژه لایه آبدار در مدل جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۱	۴-۹-۴- تخلخل مؤثر لایه آبدار در مدل جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۱	۴-۹-۵- اعمال منابع تخلیه به مدل جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۲	۴-۹-۶- اعمال منابع تغذیه به مدل جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۲	۴-۹-۷- تبادل آب زیرزمینی در مرزهای فعل شرقی و غربی حوزه در مدل جریان ناپایدار سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴
۷۶	۴-۹-۸- مدل جریان ناپایدار آب زیرزمینی سال آبی ۱۳۶۵ - ۱۳۶۴ با در نظر گرفتن تغییرات ماهانه
۷۸	فصل پنجم: مدلسازی معکوس در حوزه آبی کرون ۵-۱- استفاده از مدلسازی معکوس جهت کالیبراسیون مدل

## فهرست مطالب

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۷۹	۲-۰- مبانی مدلسازی معکوس خطی
۸۱	۱-۲-۵- وزن مشاهدات
۸۳	۳-۰- تخمین زنهای غیرخطی پارامترها
۸۵	۱-۳-۵- پارامتر مارکارت
۸۶	۲-۳-۵- مقیاس بندی
۸۷	۳-۳-۵- تعیین ضریب مارکارت
۸۷	۴-۳-۵- طول بهینه بردار تصحیح پارامترها
۸۸	۴- کالیراسیون مدل جریان آب زیرزمینی در حوزه کرون
۸۹	۵- کالیراسیون مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله حوزه کرون با استفاده از مدلسازی معکوس
۹۴	۶- کالیراسیون مدل جریان ناپایدار یکساله حوزه کرون با استفاده از مدلسازی معکوس
	فصل ششم: نتیجه‌گیری و پیشنهادات
۱۰۰	۶-۱- نتیجه‌گیری
۱۰۲	۶-۲- پیشنهادات
	پیوست‌ها
۱۰۵	پیوست ۱: مشخصات چاههای بهره‌برداری حوزه کرون با توجه به داده‌های آماری سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۳.
۱۱۱	پیوست ۲: چاههای هم‌رژیم با هر چاههای معرف در حوزه کرون
۱۱۹	پیوست ۳: ضرایب تخلیه چاههای معرف حوزه کرون نسبت به سال مبنای (۱۳۶۴-۱۳۶۳) در فاصله سالهای آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ تا ۱۳۷۳-۱۳۷۴
۱۲۳	پیوست ۴: تخلیه چاههای معادل حوزه کرون در سال آبی ۱۳۷۳-۱۳۷۴
۱۲۶	پیوست ۵: مدل جریان ناپایدار آب زیرزمینی در فاصله سالهای آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ تا ۱۳۷۳-۱۳۷۴

## فهرست مطالب

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۱۳۶	پیوست ۶: ضرایب تخلیه ماهانه چاههای معرف در حوزه کرون در سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵
۱۳۷	پیوست ۷: تخلیه چاههای معادل حوزه کرون در مهرماه سال ۱۳۶۴
۱۴۰	پیوست ۸: مدل تغیرات ماهانه جریان ناپایدار آب زیرزمینی در سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵
۱۵۲	پیوست ۹: نتایج کالیبراسیون جریان ناپایدار ۱۰ ساله در حوزه کرون با استفاده از نرم افزار PEST
۱۵۴	پیوست ۱۰: مدل کالیبره شده جریان ناپایدار آب زیرزمینی در فاصله سالهای آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ تا ۱۳۷۳-۱۳۷۴
۱۵۸	پیوست ۱۱: نتایج کالیبراسیون مدل جریان ناپایدار یکساله در حوزه کرون با استفاده از نرم افزار PEST
۱۶۰	پیوست ۱۲: مدل کالیبره شده تغیرات ماهانه جریان ناپایدار آب زیرزمینی در سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵
۱۶۴	منابع و مراجع

## چکیده

افزایش بهره‌برداری و خشکسال‌های متوالی چند ساله اخیر در دشت کرون باعث شده است که اعمال مدیریت بر مصرف بهینه اهمیت دو چندان نیافرود. از آنجاییکه تا کنون در این دشت مطالعات جامع علمی صورت نگرفته، لزوم مطالعه دقیق و تعیین مدل رفتاری سفره آبدار در دشت مذکور احساس می‌شود.

در این پایان‌نامه برای تعیین مدل رفتاری سفره آبدار در دشت کرون، ابتدا میزان برداشت از منابع تخلیه‌ای شامل چاه‌ها و قنات‌ها، میزان تغذیه (تغذیه مستقیم از بارندگی، تغذیه از آب بازگشته از کشاورزی و تغذیه از آب زهکشی شده از ارتفاعات) در یک دوره ۱۰ ساله شامل سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ تا سال آبی ۱۳۷۳-۱۳۷۴ برآورد شده و سپس صحت ضرایب هیدرودینامیکی نتیجه شده از آزمایش‌های پیماز بررسی می‌شود. بدلیل گستردگی حوزه دشت کرون و کمبود اطلاعات در مورد ضرایب هیدرودینامیکی سطح دشت به ۵ منطقه تقسیم شده و با اعمال ضرایب هیدرودینامیکی به این مناطق مدل جریان پایدار سال آبی ۱۳۷۳-۱۳۷۴، مدل جریان ناپایدار ۱۰ ساله (سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ تا سال آبی ۱۳۷۳-۱۳۷۴) و مدل جریان ناپایدار در سال آبی ۱۳۶۴-۱۳۶۵ طراحی می‌شود. برای صحت‌سنجی و تنظیم مدل از مدل‌سازی معکوس استفاده می‌شود و با مقایسه سطح آب زیرزمینی در چاه‌های مشاهده‌ای و سطح آب زیرزمینی محاسبه شده در مدل‌سازی با هدف کمینه کردن اختلاف بین داده‌های مشاهده‌ای و پاسخ مدل ضرایب هیدرودینامیکی در کل دشت تعیین می‌گردد و مدل سفره بر اساس مقادیر صحت‌سنجی شده مجدداً بازسازی می‌شود.

مدل بدست آمده در حوزه کرون جهت اعمال مدیریت بر مصرف بهینه و تصمیم‌گیری در طرح‌های توسعه آبی آینده در این دشت و مشخص کردن مناطق حساس از نظر بهره‌برداری در دوره‌های خشکسالی و تراسالی قابل کاربرد می‌باشد.

## ۱-۱ مقدمه

### فصل اول

#### مقدمه و اهداف پایان نامه

افزایش روزافرون جمعیت و پیشرفت‌های صنعتی باعث شده است انسان امروزی از منابع طبیعی در دسترس خود استفاده بیشتری کند. از آنجاییکه این منابع محدود هستند، روش‌های جهت حفظ و کنترل آنها از یکطرف و مصرف صحیح و کنترل شده آنها از طرف دیگر مطرح می‌شود. به این معنی که کشوری که دارای توانایی علمی و فنی بیشتری باشد، منابع مورد احتیاج خود را آسانتر و با هزینه‌های کمتر تأمین می‌کند و با اعمال مدیریت صحیح مصرف از هدر رفتن و استفاده نادرست منابع طبیعی جلوگیری می‌کند.

مطالعه منابع آب به عنوان نیاز اولیه هر تمدن بشری از حساسیت ویژه‌ای برخوردار است و توجه به آن در مناطق کم آب همانند کشور ما اهمیت زیادی دارد. مطالعه منابع آب سطحی همانند رودخانه‌ها، نهرها و چشمه‌ها به علت امکان مشاهده مستقیم، به مراتب آسانتر از مطالعه منابع آب زیرزمینی است که بر اساس مشاهده غیرمستقیم می‌باشد.

منابع آب زیرزمینی از دو جنبه قابل مطالعه هستند: یکی اکتشاف و پی‌جويی آب زیرزمینی بر اساس روش‌های ژئوفیزیکی و حفاری‌های اکتشافی و دیگری بررسی رفتار سفره‌های موجود تحت تأثیر برداشت‌ها

و تغذیه‌ها در دوره‌های زمانی مشخص و بدست آوردن مدل رفتاری سفره. اکتشاف و پی‌جويی منابع آب زیرزمینی یک مبحث مفصل علمی و فنی است و طرح آن خارج از حوصله این نوشتار است و در اینجا فقط در مورد مدل رفتاری سفره بحث می‌شود.

مدل رفتاری سفره باید ما را قادر سازد تا پارامترهای هیدرودینامیکی سفره مانند ضریب هدايت هیدرولیکی<sup>۱</sup>، ضریب ذخیره<sup>۲</sup>، آبداری ویژه<sup>۳</sup>، ضخامت لایه آبدار و ضریب انتقال پذیری<sup>۴</sup> را برای هر نقطه از سفره تخمین و تغییرات سطح آب زیرزمینی در هر نقطه از سفره را تحت تأثیر برداشت‌ها و تغذیه‌های هر دوره زمانی<sup>۵</sup> مشخص برآورد نمائیم.

یک راه بدست آوردن مدل رفتاری سفره آب زیرزمینی آن است که پارامترهای هیدرودینامیکی، ضخامت لایه آبدار و تغییرات سطح آب زیرزمینی در یک دوره زمانی طولانی (مثلاً ۱۰ سال) برای نقاط متعدد از سفره اندازه‌گیری و بر اساس آنها مدل تهیه شود. اینکار مستلزم صرف هزینه و زمان زیادی است و عملاً امکان‌پذیر نیست.

روش دیگر برای تهیه مدل رفتاری سفره آن است که با استفاده از داده‌های موجود در مورد تغییرات سطح آب زیرزمینی در دوره‌های زمانی مشخص برای نقاط محدودی از سفره و بدست آوردن ضخامت لایه آبدار و پارامترهای هیدرودینامیکی برای بعضی از نقاط سفره و استفاده از مدل‌های ریاضی، مدل رفتاری کل سفره را بدست آورد.

مدلهای ریاضی آب زیرزمینی به دو دسته تحلیلی<sup>۶</sup> و عددی<sup>۷</sup> تقسیم می‌شوند. در مدل‌های تحلیلی برای هر نقطه با معلوم بودن برداشت‌ها و تغذیه‌ها و پارامترهای هیدرودینامیکی برای نقطه موردنظر سطح آب زیرزمینی محاسبه می‌شود. سپس با معلوم بودن سطح آب زیرزمینی برای اینگونه نقاط، مدلی برای سفره آب زیرزمینی ارائه می‌شود. چون در اینگونه مدلها تأثیر نقاط مجاور بر یکدیگر در نظر گرفته نمی‌شود و به

1- Hydraulic Conductivity

2- Storage Coefficient

3- Specific Yield

4- Transmissivity

5- Stress Period

6- Analytic

7- Numeric

عبارت دیگر سطح آب زیرزمینی فقط با اطلاعات موجود در مورد هر نقطه محاسبه می‌شود، اینگونه مدلها در مورد سفره‌های واقعی دقت زیادی ندارند.

در مدل‌های عددی با تقسیم‌بندی دامنه مسئله به سطوح کوچک و استفاده از روابط ریاضی و معادلات حاکم بر جریان که به شکل مشتقات جزئی می‌باشند، می‌توان برای محاسبه سطح آب زیرزمینی در هر نقطه یک معادله بدست آورد. در این روش تأثیر نقاط مجاور و همچنین شرایط مرزی سفره در نظر گرفته می‌شود. با حل دستگاه معادلات مجموعه نقاط مورد مطالعه بطور همزمان، سطح آب زیرزمینی در نقاط مختلف با دقیقی به مراتب بسیار بالاتر از مدل‌های تحلیلی برآورده می‌شود. یکی از مزیت‌های مدل‌های عددی آن است که با استفاده از داده‌های مشاهده‌ای در بعضی از نقاط امکان مدل‌سازی معکوس و کالیبراسیون مدل در کلیه نقاط فضای مدل شبکه‌بندی شده وجود دارد. به عبارت دیگر مدل‌های عددی این امکان را دارند که جوابهای محاسبه شده را با تغییر پارامترهای مدل، طوری تغییر دهند که پاسخ محاسبه شده بوسیله مدل و داده‌های مشاهده‌ای با دقت دلخواه بهم نزدیک شوند.

منطقه مورد مطالعه در این پایان‌نامه حوزه آبی دشت کرون در شمال غرب اصفهان بوده و علیرغم اینکه حوزه کرون از سال ۱۳۵۹ منطقه ممنوعه بوده است و لیکن ممنوعیت بهره‌برداری مورد توجه قرار نگرفته است و در حال حاضر بدون مطالعه و شناخت کافی از ظرفیت آبی حوزه برداشت از چاه‌های بهره‌برداری صورت می‌گیرد ولذا ضروری است لایه آبدار در این حوزه با دقت مطالعه شده و با تهیه مدل ریاضی تغییرات سطح آب زیرزمینی بر استفاده بهینه از منابع آب زیرزمینی در این حوزه مدیریت نمود.

## ۱-۲- اهداف پایان‌نامه

هدف از انجام این پایان‌نامه تعیین مدل ریاضی سفره آب زیرزمینی در حوزه کرون به روش تفاضلهای محدود می‌باشد. اطلاعات موجود عبارتند از:

الف: تغییرات سطح آب چاه‌های مشاهده‌ای، میزان تخلیه چاه‌های بهره‌برداری و قنات‌ها و میزان بارندگی سالانه برای یک دوره ده‌ساله مشتمل بر سال آبی ۱۳۶۵-۱۳۶۴ تا سال آبی ۱۳۷۳-۱۳۷۴.

ب: اندازه ضرایب هیدرودینامیکی: آزمایش پمپاژ در دو نقطه مرکزی و شرقی حوزه انجام شده است و مقدار ضریب هدایت هیدرولیکی<sup>۱</sup> و آبدهی ویژه<sup>۱</sup> در این نقاط محاسبه شده است.