

١٠٢٠٤١



٢٠٢٠١٠٣

١٨٧٦

## دانشگاه تهران

پردیس دانشکده‌های فنی

اثر میدان مغناطیسی در تعویق پدیده جدایی در جریان سیالات  
غیر نیوتونی در کانالی واگرا با دیواره متخلل

نگارش

مهدی کیانی

استاد راهنما

دکتر کیوان صادقی

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

در

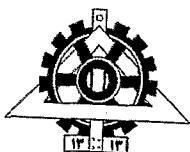
رشته مهندسی مکانیک گرایش تبدیل انرژی

۱۳۸۸/۰۳/۱۷

بهمن ۱۳۸۷

موزه اعلاءت مارک سمنی بزرگ  
شنبه مارک

۱۶۵۷۱۸



بسم الله تعالى

دانشگاه تهران  
پردیس دانشکده‌های فنی  
دانشکده مهندسی مکانیک

گواهی دفاع از پایان‌نامه کارشناسی ارشد

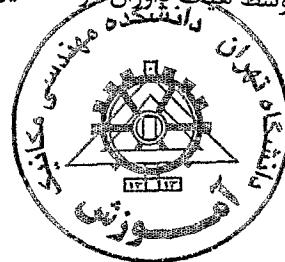
هیأت داوران پایان‌نامه کارشناسی ارشد آقای مهدی کیانی به شماره دانشجویی ۸۱۰۶۸۵۰۶۸ در رشته مکانیک گرایش تبدیل انرژی را در تاریخ ۷/۱۲/۸۷ با عنوان: اثر میدان مغناطیسی در تعویق پدیده جدائی در جریان سیالات غیر نیوتونی در کانال‌های واگرا با دیواره متخلخل

به حروف  
به عدد  
هزار و هشتاد و هشت  
با نمره نهایی  
ارزیابی کرد.  
و درجه

ردیف	مشخصات هیئت داوران	نام و نام خانوادگی	مرتبه دانشگاهی	دانشگاه یا مؤسسه	اهضاء
۱	استاد راهنما استاد راهنما دوم (حسب مورد)	دکتر کیوان صادقی	دانشیار	دانشگاه تهران	
۲	استاد مشاور	دکتر امیر نجات	استادیار	دانشگاه تهران	
۳	استاد داور داخلی	دکتر فرهاد شریف	دانشیار	دانشگاه صنعتی امیرکبیر	
۴	استاد مدعو	دکتر حسین شکوهمند	استاد	دانشگاه تهران	
۵	نماینده کمیته تحصیلات تکمیلی دانشکده مکانیک				

این برگه پس از تکمیل توسط هیئت داوران در نخستین صفحه پایان‌نامه درج می‌شود.

فرم (۹)





بسم الله تعالى

## تعهد نامه اصالت اثر

اینجانب مهدی کیانی تایید می‌کنم که مطالب مندرج در پایان‌نامه کارشناسی ارشد من تحت عنوان: اثر میدان مغناطیسی در تعویق پدیده جدائی در جریان سیالات غیر نیوتونی در کانال‌های واگرا با دیواره متخلخل حاصل کار پژوهشی اینجانب است و به دستاوردهای پژوهشی دیگران که در این نوشته از آنها استفاده شده است مطابق مقررات ارجاع گردیده است. این (پایان‌نامه / رساله) قبل از احراز هیچ مدرک هم سطح یا بالاتر ارائه نشده است.

کلیه حقوق مادی و معنوی این اثر متعلق به پردیس دانشکده‌های فنی دانشگاه تهران می‌باشد.

نام و نام خانوادگی دانشجو: مهدی کیانی

امضاء:

تاریخ: ۱۳۹۵/۰۷/۲۷

کار حاضر را تقدیم می کنم به خانواده مهریانم

## قدردانی

لازم می‌دانم مراتب سپاس‌گذاری خود را نسبت به زحمات آقای دکتر کیوان صادقی بیان کنم، همراهی دوستانه و کمک‌های فکری ایشان کمک بسیار بزرگی در پیش‌رفت کار حاضر بوده است.

## چکیده

پدیده جدایی پدیده‌ای رایج ولی نامطلوب در کانال‌های واگرا محسوب می‌گردد. در اثر وقوع این پدیده نسبت فشار دیفیوزر کاهش یافته و هم‌مان تلفات انرژی نیز افزایش می‌یابد. برای جلوگیری از این پدیده (که در اثر گرادیان فشار مثبت در یک دیفیوزر ایجاد می‌گردد) می‌توان در صورت امکان از کانالی با زاویه بازشدنی کمتر و یا طول بیشتر استفاده نمود. در صورتیکه چنین امری امکان‌پذیر نباشد چاره‌ای جز کاهش دبی حجمی سیال عبوری (به تعبیر دیگر کاهش عدد رینولدز) نداریم. روش دیگری که برای این منظور وجود دارد روش مکش ذرات کم ممنتوم به خارج از لایه مرزی است. در همین رابطه می‌توان از روش تزریق ذرات پر ممنتوم به داخل لایه مرزی نیز برای این منظور استفاده نمود. روش دیگری که در سال‌های اخیر برای این منظور پیشنهاد شده است القای خواص الاستیک در سیال موردنظر با استفاده از مواد افزودنی پلیمری است. ایده اصلی در روش مزبور در حقیقت اصلاح میدان سرعت و میدان فشار در اثر خواص الاستیک ذرات سیال است که البته ایده‌ای شناخته شده محسوب می‌گردد. در مواردیکه سیال موردنظر هادی جریان الکتریسیته باشد، در این صورت ممکن است بتوان با اعمال یک میدان مغناطیسی قوی و یکنواخت از خارج کanal میدان سرعت و تنفس را بنحو مطلوب تحت تاثیر قرار داد و جدایی جریان را به تعویق انداخت.

در این تحقیق به بررسی تاثیر خواص ویسکوالاستیک، اعمال میدان مغناطیسی، تزریق ذرات پر ممنتوم به لایه‌های مرزی و مکش ذرات کم ممنتوم از لایه‌های مرزی در تعویق انداختن جدایی جریان، در کانال‌های واگرا با فرض غیر شعاعی بودن جریان، برای دو سیال غیرنیوتونی ویسکوالاستیک (مدل‌های گزیکس و فن‌تین‌تر) پرداخته شده است. این دو مدل رئولوژیک، در زمرة سیالات ویسکوالاستیک می‌باشند که اثرات الاستیسیته و ویسکوزیته، هر دو با هم، در آن‌ها قابل مشاهده‌اند. در این رساله نشان داده شد که در هر دو مدل، با افزایش خواص الاستیک یا اعمال میدان مغناطیسی یا تزریق ذرات پر ممنتوم به لایه‌های مرزی و یا مکش ذرات کم ممنتوم از لایه‌های مرزی جدایی جریان به تعویق می‌افتد.

## فهرست مطالب

.....	فهرست شکل‌ها
.....	علائم و اختصارات
۱.....	۱. فصل اول: مقدمه
۱.....	۱-۱- جریان در کانال‌های واگرا و پدیده جدایی
۲.....	۲-۱- اهداف پژوهش
۳.....	۳-۱- تعریف مسئله
۴.....	۲. فصل دوم: مروری بر کارهای گذشته
۴.....	۲-۱- مروری بر کارهای گذشته
۹.....	۳. فصل سوم: مروری بر سیالات غیرنیوتی و مدل‌های انتخابی در این رساله
۹.....	۹-۱- مقدمه
۹.....	۹-۲- سیالات غیرنیوتی
۱۰.....	۱۰-۳- سیالات غیرنیوتی مستقل از زمان
۱۰.....	۱۰-۳-۱- سیالات ویسکوپلاستیک
۱۱.....	۱۰-۳-۲- سیالات شبه پلاستیک
۱۲.....	۱۰-۳-۳- سیالات متسع شونده
۱۳.....	۱۰-۴- سیالات غیرنیوتی وابسته به زمان
۱۴.....	۱۰-۴-۱- سیالات تیکسوتروپیک
۱۵.....	۱۰-۴-۲- سیالات رئوپیکتیک
۱۶.....	۱۰-۴-۳- سیالات ویسکوالاستیک
۱۷.....	۱۰-۵-۱- مدل گزیکس
۱۸.....	۱۰-۵-۲- مدل فنتین-تنر
۲۰.....	۴. فصل چهارم: روش حل معادلات حاکم بر جریان سیال ویسکوالاستیک در کانال‌های واگرا
۲۰.....	۲۰-۱- مقدمه
۲۰.....	۲۰-۲- معادلات حاکم بر جریان سیال ویسکوالاستیک در کانال همگرا-واگرا

۱-۲-۱- معادله بقای جرم	۴
۱-۲-۲- معادلات حرکت کوشی	۴
۱-۳- تاثیر میدان مغناطیسی بر معادلات حاکم بر جریان	۴
۱-۴- بی بعد سازی	۴
۲-۱- روش حل بسط سری ها با کمک تابع جریان	۴
۲-۲- شرایط مرزی	۴
۲-۳- شرایط مرزی در حالت دیواره نفوذناپذیر	۴
۲-۴- شرایط مرزی در حالت دیواره متخلخل	۳
۲-۵- حل معادلات دیفرانسیل معمولی تابع جریان در حالت جریان خزشی	۴
۲-۶- حل معادلات دیفرانسیل معمولی تابع جریان در حالت جریان خزشی با دیواره نفوذناپذیر	۴
۲-۷- حل معادلات دیفرانسیل معمولی تابع جریان در حالت جریان خزشی با دیواره متخلخل	۴
۲-۸- روش جعبه ای کلر	۴
۲-۹- خطی سازی و فرمولاسیون عددی	۴
۲-۱۰- اعمال شرایط مرزی	۴
۲-۱۱- حدس اولیه برای حل معادله	۴
۲-۱۲- نحوه ایجاد شبکه	۴
۳. فصل پنجم: ارائه نتایج حل معادلات حاکم بر جریان در کanal واگرا	۴۲
۳-۱- مقدمه	۱-۵
۳-۲- سنجش اعتبار برنامه	۱-۵
۳-۳- نتایج حاصل از حل معادلات حاکم بر جریان خزشی مدل گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۴
۳-۴- نتایج حاصل از حل معادلات حاکم بر جریان خزشی مدل فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۴۹
۳-۵- نتایج حاصل از تاثیر پارامتر کششی بر جدایی در حالت جریان غیرخزشی مدل گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۵۳

۵-۶- نتایج حاصل از تاثیر پارامتر کششی بر جدایی در حالت جریان غیرخزشی مدل فنتین-تنر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۵۸
۷-۵- نتایج حاصل از تاثیر تزریق سیال به دیواره کanal بر پدیده جدایی در حالت جریان غیر خزشی مدل گزیکس در کanal واگرا با دیواره متخلخل	۶۳
۸-۵- نتایج حاصل از تاثیر مکش سیال از دیواره کanal بر پدیده جدایی در حالت جریان غیر خزشی مدل گزیکس در کanal واگرا با دیواره متخلخل	۶۹
۹-۵- نتایج حاصل از تاثیر تزریق سیال به دیواره کanal بر پدیده جدایی در حالت جریان غیر خزشی مدل فنتین-تنر در کanal واگرا با دیواره متخلخل	۷۴
۱۰-۵- نتایج حاصل از تاثیر مکش سیال از دیواره کanal بر پدیده جدایی در حالت جریان غیر خزشی مدل فنتین-تنر در کanal واگرا با دیواره متخلخل	۸۰
۱۱-۵- نتایج حاصل از تاثیر عدد هارتمن بر جدایی در حالت جریان غیرخزشی مدل گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۸۵
۱۲-۵- نتایج حاصل از تاثیر عدد هارتمن بر جدایی در حالت جریان غیرخزشی مدل فنتین-تنر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر	۹۱
۶ فصل ششم	۹۷
۱-۶- مقدمه	۹۷
۲-۶- نتایج	۹۷
۳-۶- پیشنهادات	۹۸
فهرست مراجع	۹۹

## فهرست شکل‌ها

- شکل ۱-۱: منحنی جریان (رابطه تنش برشی و نرخ برش) برای سیالات لزج مستقل از زمان..... ۱۱
- شکل ۲-۲: منحنی ویسکوزیته بر حسب نرخ برش برای سیالات شبه پلاستیک..... ۱۲
- شکل ۳-۳: منحنی جریان برای سیالات تیکسوتروپیک..... ۱۴
- شکل ۳-۴: منحنی جریان برای سیالات رئوپلتیک..... ۱۵
- شکل ۴-۱: نمای شماتیکی از هندسه کanal واگرا و میدان مغناطیسی اعمالی..... ۲۱
- شکل ۴-۲: شکل شماتیک کanal واگرا با دیواره مخلخل در حالت مکش سیال..... ۳۰
- شکل ۴-۳: شبکه ایجاد شده در حالت  $N = 100$  و  $r = 0.03$  ..... ۴۱
- شکل ۴-۴: خطوط جریان سیال گزیکس و سیال فنتین-تner در کanal همگرا در  $\alpha = 30$  و  $Re = 11/46$  ..... ۴۲
- شکل ۴-۵: خطوط جریان سیال گزیکس و سیال فنتین-تner در کanal همگرا در  $\alpha = 30$  و  $Re = 19/62$  ..... ۴۳
- شکل ۵-۱: خطوط جریان سیال گزیکس و سیال فنتین-تner در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۴
- شکل ۵-۲: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۵
- شکل ۵-۳: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر تنش قائم شعاعی،  $\tau_{rr}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۶
- شکل ۵-۴: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۷
- شکل ۵-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر تنش قائم مماسی،  $\tau_{\theta\theta}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۸
- شکل ۵-۶: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۴۹
- شکل ۵-۷: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۰
- شکل ۵-۸: خطوط جریان سیال فنتین-تner در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 0$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۱
- شکل ۱۱-۱: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر تنش قائم شعاعی،  $\tau_{rr}$ ، سیال فنتین-تner در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۲
- شکل ۱۲-۱: تاثیر پارامتر کششی،  $\epsilon$ ، بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال فنتین-تner در کanal واگرا با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۳

- شکل ۱۳-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش قائم مماسی،  $\theta\theta$ ، سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۱
- شکل ۱۴-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $r = 1$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۲
- شکل ۱۵-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در حالت جریان خزشی در  $r = 3$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۲
- شکل ۱۶-۵: خطوط جریان سیال گزیکس و فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۳
- شکل ۱۷-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۴
- شکل ۱۸-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۴
- شکل ۱۹-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش قائم شعاعی،  $rr\theta$ ، سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۶
- شکل ۲۰-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش برشی،  $rr\theta$ ، سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۶
- شکل ۲۱-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش قائم مماسی،  $\theta\theta$ ، سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۷
- شکل ۲۲-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۸
- شکل ۲۳-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۹
- شکل ۲۴-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۵۹
- شکل ۲۵-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $Re = 25$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۶۰
- شکل ۲۶-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش قائم شعاعی،  $rr\theta$ ، سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۶۱
- شکل ۲۷-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش برشی،  $rr\theta$ ، سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۶۱
- شکل ۲۸-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\tau$ ، بر تنش قائم مماسی،  $\theta\theta$ ، سیال فنتین-تتر در کanal و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  ..... ۶۲

- شکل ۲۹-۵: تاثیر پارامتر کششی،  $\alpha$  بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تنر در کانال و اگر با دیواره نفوذ ناپذیر در  $r = 63$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 25$  ،  
شکل ۳۰-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت  $\epsilon = 0.25$  در  $r = 70.2$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۱-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70.2$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۲-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70.2$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۳-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70.2$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۴-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش قائم مماسی،  $\tau_{rr}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۵-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۶-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش قائم،  $\tau_{\theta\theta}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۷-۵: تاثیر تزریق سیال بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۸-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۳۹-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۴۰-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 0.25$  در  $r = 70$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۴۱-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش قائم شعاعی،  $\tau_{rr}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۴۲-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۴۳-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش قائم مماسی،  $\tau_{\theta\theta}$ ، سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،  
شکل ۴۴-۵: تاثیر مکش سیال بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کانال و اگر با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  ،

شکل ۴۵-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$   
 $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 2$  ..... ۷۵

شکل ۴۶-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 1$  ..... ۷۶

شکل ۴۷-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 2$  ..... ۷۶

شکل ۴۸-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت تزریق سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 3$  ..... ۷۷

شکل ۴۹-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش قائم شعاعی،  $\tau rr$ ، سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $r = 5$  ..... ۷۸

شکل ۵۰-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش  $\tau r\theta$  سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۷۸

شکل ۵۱-۵: تاثیر تزریق سیال بر تنش  $\tau \theta\theta$  سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۷۹

شکل ۵۲-۵: تاثیر تزریق سیال بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۸۰

شکل ۵۳-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 1$  ..... ۸۱

شکل ۵۴-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 3$  ..... ۸۱

شکل ۵۵-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در حالت مکش سیال با  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  در  $r = 4$  ..... ۸۲

شکل ۵۶-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش قائم شعاعی،  $\tau rr$ ، سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۸۳

شکل ۵۷-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش برشی،  $\tau r\theta$  سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۸۳

شکل ۵۸-۵: تاثیر مکش سیال بر تنش قائم،  $\tau \theta\theta$  سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۸۴

شکل ۵۹-۵: تاثیر مکش سیال بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره متخلخل در  $r = 5$  .....  $\alpha = 22/5$  و  $Re = 20$  .....  $\varepsilon = 0/25$  ..... ۸۵

شکل ۶۰-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 5/5$  در  $r = 1$  .....  $\alpha = 22/5$  ..... ۸۶

شکل ۶۱-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 3$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۸۶

شکل ۶۲-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 5$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۸۷

شکل ۶۳-۵: خطوط جریان سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 10$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۸۷

شکل ۶۴-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش قائم شعاعی،  $\tau_{rr}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره  
نفوذناپذیر در  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$   
۸۸

شکل ۶۵-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر در  
۸۹  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$

شکل ۶۶-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش برشی،  $\tau_{\theta\theta}$ ، سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر در  
۸۹  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$

شکل ۶۷-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر پروفیل سرعت سیال گزیکس در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر در  
۹۰  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$

شکل ۶۸-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 1$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۹۱

شکل ۶۹-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 3$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۹۲

شکل ۷۰-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 5$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۹۲

شکل ۷۱-۵: خطوط جریان سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر با  $H = 10$  در  $Re = 25$ ،  $\varepsilon = 0/5$  و  $\alpha = 22/5$   
۹۳

شکل ۷۲-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش قائم شعاعی،  $\tau_{rr}$ ، سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره  
نفوذناپذیر در  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$   
۹۴

شکل ۷۳-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش برشی،  $\tau_{r\theta}$ ، سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر  
در  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$   
۹۴

شکل ۷۴-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر تنش قائم مماسی،  $\tau_{\theta\theta}$ ، سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره  
نفوذناپذیر در  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$  و  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$   
۹۵

شکل ۷۵-۵: تاثیر اعمال میدان مغناطیسی بر پروفیل سرعت سیال فنتین-تر در کanal واگرا با دیواره نفوذناپذیر در  
۹۶  $\alpha = 22/5$  و  $\varepsilon = 0/5$ ،  $Re = 25$ ،  $r = 5$

## علائم و اختصارات

### حروف انگلیسی

$a_n$	ضرایب بسط تنش قائم شعاعی
<b>B</b>	میدان مغناطیسی
$B.$	شدت میدان مغناطیسی
$b_n$	ضرایب بسط تنش برشی
$c_n$	ضرایب بسط تنش قائم مماسی
<b>E</b>	میدان القای الکتریکی
<i>EPTT (Exponential Phan-Thein-Tanner model)</i>	مدل فنتین-تنر نمایی
$e_r$	بردار یکه در راستای $r$
$e_\theta$	بردار یکه در راستای $\theta$
<b>f</b>	بردار نیروهای خارجی
$H$ ( <i>Hartman no.</i> )	عدد هارتمن
<i>LPTT (Linear Phan-Thein-Tanner model)</i>	مدل فنتین-تنر خطی
$r$	شعاع
$r$	شعاع بی بعد
$Re$ ( <i>Reynolds no.</i> )	عدد رینولدز
$u$	سرعت شعاعی (در راستای $r$ )
$u, \bar{u}$	سرعت شعاعی بی بعد (در راستای $r$ )
<b>V</b>	بردار سرعت
$v$	سرعت مماسی (در راستای $\theta$ )
$v, \bar{v}$	سرعت مماسی بی بعد (در راستای $\theta$ )
$v.$	سرعت مماسی بی بعد در نقطه $r.$
$p$	فشار
$Q$	دبی حجمی

## حروف یونانی

$\alpha$	نیمزاویه کانال
$\dot{\gamma}$	تansور نرخ برش
$\delta$	خطا
$\vec{\delta}_j^n$	بردار خطای زمان $n$ و نقطه $j$
$\varepsilon$	پارامتر الاستیک
$\eta$	ویسکوزیته در نرخ برش صفر
$\theta$	متغیر زاویه
$\lambda$	زمان تخفیف
$\mu$	ویسکوزیته
$\rho$	چگالی
$\sigma$	ثابت هدایت الکتریکی
$\sigma_{ij}$	تansور تنش با ترم فشار
$\tau$	تansورتنش
$\tau_{rr}$	تنش قائم شعاعی
$\tau_{r\theta}$	تنش برشی
$\tau_{\theta\theta}$	تنش قائم مماسی
$\tau_{ij}$	تansور تنش
$\tau_{(1)}$	تansور تنش انتقالی
$\psi$	تابع جریان
$\psi_n$	ضرایب بسط تابع جریان
$\nabla$	عملگر گرادیان

---

فصل اول :

مقدمة

---

## ۱. فصل اول: مقدمه

### ۱-۱- جریان در کانال‌های واگرا و پدیده جدایی<sup>۱</sup>

در صنعت، جریان در کانال‌های همگرا-واگرا از اهمیت ویژه‌ای هم برای سیالات نیوتونی و هم برای سیالات غیرنیوتونی برخوردار می‌باشد. به همین دلیل این نوع جریان تا به امروز بصورت گسترده مورد مطالعه و بررسی قرار گرفته است. به عنوان مثال می‌توان در این رابطه از جریان داخل نازل‌ها، دیفیوزرها و کاهنده‌ها که بطور گسترده در صنعت هواپما، صنعت نفت، پالایشگاه‌ها و شکل‌دهی مواد مذاب پلیمری مورد استفاده قرار می‌گیرند، نام برد. از جریان داخل کانال‌های همگرا-واگرا می‌توان به خوبی برای شبیه‌سازی حرکت محلول‌های پلیمری رقیق‌شده داخل محیط‌های متخلخل نیز استفاده کرد.

یکی از مشکلات رایج که در جریان در کانال‌های واگرا وجود دارد وقوع پدیده‌ای بنام پدیده جدایی در مجاورت دیواره کانال می‌باشد. دلیل وقوع پدیده جدایی در چنین کانال‌هایی وجود گرادیان فشار مثبت در آن‌ها می‌باشد بنحویکه احتمال وقوع جدایی در هر عدد رینولدزی<sup>۲</sup> (بسته به طول یا زاویه کانال) وجود دارد. جدایی سبب بوجود آمدن جریان معکوس در مجاورت دیواره‌ها و کندتر شدن سرعت جریان می‌شود. این پدیده بدلیل کاهش نسبت فشار دیفیوزر و همچنین افزایش افت هد (تلفات انرژی) یک پدیده نامطلوب به حساب می‌آید.

برای جلوگیری از وقوع پدیده جدایی راههای مختلفی وجود دارد که در اینجا بذکر برخی از این روش‌ها می‌پردازیم. بدیهی است با افزایش طول دیفیوزر و کاهش زاویه واگرایی می‌توان گرادیان فشار مثبت که دلیل جدایی در اولین نقطه می‌باشد را تضعیف نمود [۱]. در مواقعي که این امکان وجود نداشته باشد می‌توان از کانالی با دیواره‌های متخلخل استفاده نمود و با تزریق جریان از طریق دیواره‌ها

<sup>۱</sup> - Separation

<sup>۲</sup> - Reynolds Number

به لایه مرزی یا با مکش جریان از لایه‌های مرزی، جدایی را به تأخیر انداخت [۲]. در صورت مسیر نبودن این روش‌ها در بعضی موارد ناچاراً با کاهش دبی می‌توان از بروز جدایی جلوگیری کرد [۱].

روش دیگری که در سال‌های اخیر برای این منظور پیشنهاد شده است القای خواص الاستیک در سیال مورد نظر با استفاده از مواد افزودنی پلیمری است. ایده اصلی در این روش در حقیقت اصلاح میدان سرعت و میدان فشار در اثر خواص الاستیک مولکول‌های بزرگ و قابل انعطاف پلیمرها است که البته ایده‌ای شناخته شده محسوب می‌گردد. در روش مذبور از این نظر که جداسازی مواد افزودنی پلیمری از محلول نهایی معمولاً امری پرهزینه است، ممکن است در برخی از کاربردها چندان مطلوب نباشد. در ضمن القای خواص الاستیک در یک سیال اگرچه ممکن است موجب تعویق جدایی گردد اما در عمل ممکن است منجر به بروز ناپایداری شده و مشکلات جدیدی را موجب گردد.

اخیراً نشان داده شده است که میدان مغناطیسی نیز، همانند افزودنی‌های پلیمری، توانایی تاثیر بر سینماتیک جریان در بسیاری از سیالات را دارد و با کمک میدان مغناطیسی نیز می‌توان از بروز پدیده جدایی جلوگیری کرد. امروزه سیستم‌های هیدرودینامیک مغناطیسی<sup>۱</sup> به صورت گسترده در صنعت مورد استفاده قرار می‌گیرند. برای مثال می‌توان از کاربرد این سیستم‌ها در ژنراتورهای قدرت، پمپ‌ها، شتاب دهنده‌ها، فیلترهای الکتروستاتیک و پالاینده‌ها و غیره نام برد [۳].

## ۱-۲-۱- اهداف پروژه

اهداف کلی که در این رساله دنبال می‌شوند بصورت زیر می‌باشند:

- بررسی جریان در کانال‌های واگرا
- استخراج و حل معادلات حاکم بر جریان دو مدل مختلف از سیالات ویسکوالاستیک در حالت جریان خزشی در کانال‌های واگرا با دیواره نفوذناپذیر و دیواره متخلخل
- استخراج و حل معادلات حاکم بر جریان مدل‌های انتخابی در حالت جریان غیرخزشی در کانال‌های واگرا با دیواره نفوذناپذیر و دیواره متخلخل
- بررسی تاثیر خاصیت الاستیک سیالات ویسکوالاستیک انتخابی بر پدیده جدایی در کانال‌های واگرا

<sup>۱</sup> - Magnetohydrodynamic (MHD) Systems