

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



دانشگاه سمنان

دانشکده فیزیک

پایان نامه کارشناسی ارشد

عنوان

کیهان شناسی برانز- دیکی در حضور پتانسیل کوانتومی دوبروی - بوهم

دانشجو

فرشته ساده

استاد راهنما

دکتر حسین غفارنژاد

۱۳۹۱ مهر



دانشگاه سمنان

دانشکده فیزیک

پایان نامه کارشناسی ارشد

تحت عنوان

کیهان شناسی برانز- دیکی در حضور پتانسیل کوانتومی دوبروی- بوهم

ارائه شده توسط

فرشته ساده

در تاریخ ۹۱/۷/۱۰ توسط کمیته تخصصی زیر مورد تصویب نهایی قرار گرفت:

- | | |
|-----------------------|---------------------|
| دکتر حسین غفارنژاد | ۱- استاد راهنما |
| دکتر حسین مهریان | ۲- استاد داور داخلی |
| دکتر گوهر رستگار زاده | ۳- استاد داور داخلی |

تقدیر و تشکر

با سپاس فراوان از استاد ارجمند، دکتر حسین غفارنژاد که آنچه پیش روی شماست نتیجه زحمات و راهنمایی های ارزشمندانه است. همچنین فرصت خوبی است تا مراتب ارادت و احترام خود را حضور مهندس مجید آرام و دیگر استاد بزرگوارم پیشکش نمایم و برای آنچه از علم و اخلاق به من آموختند، قدردانشان باشم.

چکیده

نقش اصل ماخ در فیزیک در رابطه با اصل همارزی مورد بحث قرار گرفته است. مشکلات پیش رو برای وارد کردن اصل ماخ در نسبیت عام بحث شده است. نظریه اصلاح شده نسبیت عام گرانش، ظاهراً سازگار با اصل ماخ، توسعه داده شده است. گرانش کوانتمی بوهمی معرفی شده است. نظریه برانز – دیکی در چارچوب همدیس تخت و بدون حضور میدان‌های مادی مطالعه شده است و سپس رفتار گرانش کوانتمی – بوهمی برای متريک كيهان‌شناسي تخت روبرتسون – والکر بررسی شده است. با درنظر گرفتن میدان‌های نرده‌ای مادی در یک چارچوب همدیس و نه لزوماً چهارچوب همدیس تخت رفتار گرانش کوانتمی بوهمی برای متريک روبرتسون – والکر تخت کيهان‌شناسي بررسی شده است. سپس با ترکیب اصل ماخ در نظریه نسبیت عام، نظریه برانز – دیکی معرفی شده است. همچنین ثابت شده است که می‌توان اثر انحنای فضا – زمان (گرانش) را با پتانسیل کوانتمی تصویر کرد. با استفاده از رهیافت گرانش کوانتمی دوبروی – بوهم اهمیت نقش پتانسیل کوانتمی نشان داده شده است.

کلمات کلیدی: اصل ماخ، اصل همارزی، نسبیت عام، گرانش کوانتمی بوهمی موجبیتی، میدان نرده‌ای، چهارچوب همدیس تخت، برانز – دیکی، کلاین – گوردن، پتانسیل کوانتمی، قانون فوق تورم.

فهرست مندرجات

۱	مقدمه
۴	۱ اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش
۴	۱.۱ اصول فلسفی
۱۵	۲.۱ نظریه گرانش بر پایه میدان نرده‌ای در هندسه ریمانی
۲۰	۳.۱ تقریب میدان ضعیف
۲۴	۲ نظریه کوانتومی بوهم
۲۴	۱.۲ نظریه موجبیتی بوهم

۲۶	۲.۲	مکانیک کوانتومی بوهم .
۳۱	دوبروی – بوهم	۳	کیهان‌شناسی برانز – دیکی در چارچوب همدیس تخت و رهیافت کوانتومی
۳۲	۱.۳	فرمول‌بندی هامیلتون – ژاکوبی نظریه همدیس تخت برانز – دیکی .
۳۳	۲.۳	اصلاح نظریه همدیس تخت برانز – دیکی و پتانسیل کوانتومی .
۳۶	کیهان‌شناسی کوانتومی دوبروی – بوهم در نظریه برانز – دیکی در حضور پتانسیل هیگز	۴	
۳۷	۱.۴	مدل گرانشی ..
۳۸	۲.۴	معادلات گرانشی نظریه برانز – دیکی برای مدل گرانشی با پتانسیل هیگز .
۴۲	۵	نتیجه‌گیری
۴۵	مراجع	

مقدمه

اصل ماخ بیان می‌کند که مقدار دقیق ثابت‌های بُعددار طبیعت وابسته به مقدار دقیق سایر کمیت‌های فیزیکی هستند و برای تعیین آن‌ها باید مقدار دقیق هر کدام از کمیت‌هایی که مستقیم یا غیرمستقیم به آن‌ها وابسته‌اند را بدانیم. از طرفی از فرضیه اعداد بزرگ دیراک می‌توان ثابت‌های فیزیکی را متغیر اختیار کرد. با در نظر گرفتن این دو موضوع ثابت گرانشی نیوتون، G را متغیر فرض کرده و آن را متناسب با ϕ^{-1} در نظر می‌گیریم که ϕ میدان نرده‌ای در هندسه ریمانی است و منشأ تولید انرژی جنبشی در لاگرانژی ماده می‌باشد. با وردش از کنش ماده، نسبیت عام تعمیم یافته به دست خواهد آمد.

مکانیک کوانتمی بوهمی یک نظریه موجبیتی^۱ مبتنی بر متغیرهای نهانی غیرموضعی است. موج شرودینگر موجودی ناموضعی و متشکل از دامنه R که حقیقی است و فاز S که موهومنی است، می‌باشد. دامنه R منشأ پتانسیل کوانتمی است.

مطالعه پدیده‌ها در نسبیت عام با معادله اینشتین و یا با نظریه دقیق‌تر برانز – دیکی صورت می‌گیرد. یکی از رهیافت‌های گرانش کوانتمی برای مطالعه ساختارهای گرانشی واقع در مقیاس‌های ریز کوانتمی نظریه تعیینی^۲ دوبروی – بوهم است. نظریه دوبروی – بوهم در سطح آماری رفتاری مانند مکانیک کوانتمی کپنهاگی دارند. مزیت دیگر این نظریه از گرانش کوانتمی آن است که اثرات هندسی یا گرانشی و کوانتمی تصاویر متقابل از هم‌دیگر در دو چارچوب متفاوت هستند. با به

^۱ Causal

^۲ Deterministic

کار بردن تبدیلات مناسب بین میدان‌های دینامیکی (میدان نرده‌ای برانز – دیکی و میدان تبدیل همدیس متريک) با موج راهبر کلاین – گوردون (هم‌دامنه و هم‌فاز)، کنش برانز – دیکی به همراه ثابت کيهان‌شناسي مثبت Δ ، به کنش کلاین – گوردون تبدیل می‌شود. اين تبدیلات را برای مجموعه متريک‌های همدیس – تخت به‌دست می‌آوريم هرچند که اين ساختار کلی است و انتخاب اين دسته متريک‌ها به پشتوانه اصل همارزی ضعيف تنها شكل معادلات دینامیکی را ساده‌تر می‌کند. با به‌كار بردن تبدیلات کانونيكی از معادلات هاميلتون ژاكوبی موج راهبر دوبروی را برای نظریه همدیس تخت برانز – دیکی به‌دست می‌آوريم. سپس تأثیر پتانسیل کوانتمی را در متريک مختلط شده بررسی می‌کنيم.

سپس سعی می‌کنيم تصویر گرانش کوانتمی دوبروی – بوهم را برای نظریه گرانشی نرده‌ای – تانسوری برانز – دیکی با حضور پتانسیل هيگز مورد تحلیل قرار دهیم. در حقیقت انگیزه ما از تعییر دوبروی که نظریه کوانتمی حرکت برای ذره نسبیتی می‌باشد به اين دلیل است که در آن عامل همدیس فضا – زمان با پتانسیل کوانتمی مرتبط می‌شوند [۱]. در اين نگرش در واقع اثرات گرانشی و کوانتمی ماده در تصویر متقابلی از اثرات هندسه فضا – زمان قرار می‌گيرد. به عنوان نمونه تصویر کوانتمی دوبروی – بوهم برای نظریه گرانشی نرده‌ای – تانسوری برانز – دیکی را مطالعه می‌کنيم. دقیق‌تر اين که تأثیر پتانسیل کوانتمی حاصل از نظریه کوانتمی دوبروی – بوهم را بر روی هندسه فضا – زمان تخت فريدمان – روبرتسون – والکر بررسی خواهيم نمود که از نظریه گرانشی برانز – دیکی پيروی می‌کند. در اين نظریه گرانشی دو میدان دینامیکی نرده‌ای يعني عامل مقیاس فضا زمان و میدان برانز – دیکی که در واقع نقش افت و خیزهای ثابت جفت شدگی موهمی در گرانش را بازی می‌کند با هميگرا جزء يك موج کوانتمی دوبروی – بوهم را تشکيل می‌دهند. با انتباط معادلات

هامیلتون – ژاکوبی از سوی نظریه کوانتموی دوبروی – بوهم با معادلات گرانشی برانز – دیکی همواره می‌توان نشان داد که پتانسیل کوانتموی در معادلات هامیلتون – ژاکوبی در ارتباط با میدان متریک در نظریه گرانشی قرار می‌گیرد. لذا اثرات کوانتموی ماده مستقیماً همارز با هندسه فضا زمان می‌شود که برای اولین بار دوبروی این ایده را پیشنهاد نمود. در واقع به نظر می‌رسد که در فیزیک برای هندسه دو نقش متقابل می‌توان اختیار کرد: هندسه فضا زمان در تصویر گرانشی و یا به جای آن اثرات کوانتموی ماده در تصویر دوبروی – بوهم [۲]. از آن‌جا که معادلات حاکم بر هندسه غیرخطی هستند، لذا پتانسیل کوانتموی ممکن است تأثیر قابل توجهی روی سهم کلاسیکی انحنای فضا زمان داشته باشد [۳]. برای این‌که فرض‌های فوق را روی مسئله انرژی تاریک سهیم کنیم، فرض می‌کنیم که یک پتانسیل شبیه کوانتموی مرتبط با میدان نرده‌ای χ شبیه $\chi/\lambda^2 = Q$ برای میدان نرده‌ای وابسته به زمان وجود دارد که این‌جا شکل پتانسیل در آحاد $1 = c = \hbar$ بیان شده است و در آن λ عامل مقیاس است و فرض می‌شود که باید از مرتبه وارون ثابت هابل، H^{-1} باشد. گام بعدی نوشتند لاگرانژی نظریه با قرار دادن عامل همدیس به عنوان میدان نرده‌ای اول و معرفی میدان نرده‌ای دوم که در حقیقت اثرات پتانسیل کوانتموی است، می‌باشد. از آنجایی که هر دو میدان با هم جفت شده هستند، پس انتظار داریم که رابطه‌ای بین پتانسیل کوانتموی و عامل همدیس فضا – زمان ظاهر شود.

فصل اول

اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانشی

۱.۱ اصول فلسفی

جالب توجه است که از زمان دکارت در رابطه با ماهیت فضا، تنها دو ایده بر افکار ما حاکم بوده است. از یک دیدگاه فضا یک ساختار مطلق فیزیکی با خواص خودش است. برای هر نظریه قرن نوزدهم، این نگرش می‌تواند از گرداب‌های^۱ [۴] دکارت از فضای مطلق نیوتون^۲ [۵] مطرح شده باشد. در دیدگاه مخالف که توسط ماخ بیان شده است خصوصیات لختی و هندسی فضا برای یک فضای خالی بی معنی هستند و منشا خصوصیات فیزیکی فضا، ماده درون آن‌ها است، و تنها حرکت ذره نسبت به مواد دیگر جهان معنادار است که البته هیچ نظریه فیزیکی کاملی برای بیان آن وجود ندارد. این نگرش نیز قدیمی

^۱ vorties

^۲ I.Newton

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

۵

است و می‌تواند از نوشه‌های برکلی^۳ [۶] از آن‌چه ارنست ماخ^۴ [۷] نوشته است، منشاً بگیرد. این ایده‌ها در نسبیت عام بیان محدودی دارند، اما باید تصدیق شود که اگرچه در نسبیت عام توزیع جرم روی هندسه فضایی تأثیر می‌گذارد، اما هندسه تعیین شده با این توزیع یکتا نیست. هنوز امکان تعیین شرایط مرزی روی معادله‌های میدان نسبیت عام برای آوردن نظریه‌ای مطابق اصل ماخ وجود ندارد. از جمله موارد این‌که چنین شرایط مرزی‌ای همه حل‌های بدون حضور جرم را حذف می‌کند.

ضروری است یادآوری شود که مطابق ایده‌های ماخ ممکن است نیروی مشاهده شده محلی در یک آزمایشگاه شتاب‌دار با اثرات گرانشی تعییر شود که منشاً آن ماده شتاب‌دار دور نسبت به آزمایشگاه است. نقص این ایده در نسبیت عام می‌تواند با توجه به فضای خالی البته با یک آزمایشگر تنها در آزمایشگاهش دیده می‌شود. با همان کاربرد قدیمی، دستگاه مختصات مینوکوفسکی ثابت نسبت به آزمایشگاه به طور مجانب‌وار و با فرض یک آزمایشگاه معمولی با جرم کوچک، که اثر آن روی متریک ناچیز است و این که اثر می‌تواند در تقریب میدان ضعیف مورد توجه قرار گیرد. مطابق نسبیت عام، طبق قوانین معمول مشاهده‌گر رفتار عادی را برای دستگاه مشاهده می‌کند. همچنین مطابق نسبیت عام، آزمایشگر می‌تواند با خروج از پنجره و شلیک گلوله به طور مماس، آزمایشگاهش را در حال چرخش تنظیم کند. پس از آن ژیروسکوپ حساس آزمایشگاه جهتی را در مسیر تقریباً ثابت نسبت به مسیر حرکت گلوله به سمت عقب و به سرعت ادامه می‌دهد. ژیروسکوپ نسبت به دیواره‌های آزمایشگاه خواهد چرخید. بنابراین از دیدگاه اصل ماخ، گلوله خیلی ریز و تقریباً بدون جرم دور نسبت به جرم‌های بزرگ نزدیک دیواره‌های آزمایشگاه در تعیین چارچوب مختصات لخت و تعیین موقعیت

^۳ G. Berkeley

^۴ E. Mach

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

ژیروسکوپ مهمتر به نظر می‌آید [۸]. واضح است که آنچه در اینجا توصیف شد بیشتر نزدیک به یک فضای مطلق از مفهوم نیوتینی است تا یک فضای فیزیکی در مفهوم برکلی و ماخ.

مثال بالا مسئله‌ای را برای ما طرح می‌کند. ممکن است یکی از سه مورد زیر را پیذیریم:

۱) فضای فیزیکی هندسه ذاتی دارد و خصوصیات لختی اطراف آن‌ها از ماده تشکیل دهنده

درون آن‌ها سرچشممه می‌گیرد.

۲) ممکن است مثال بالا توسط شرایط مرزی ناشناخته روی معادله نسبیت عام به عنوان مورد

غیرفیزیکی رد شود.

۳) موقعیت فیزیکی بالا به طور صحیح توسط معادلات نسبیت عام توصیف نمی‌شود.

این موارد پیشتر مورد بحث قرار گرفته‌اند. اولین ایرادات وارد بر آن‌ها اساساً فلسفی هستند و قبلًاً بیان شده‌اند و به زمان بیشوب برکلی^۵ برمی‌گردد. تمام فیزیکدانان گذشته تا عصر حاضر برای مفهوم نسبیت در حرکت قدردان اینشتین هستند.

چنانچه جهان مشاهده شده نایکنواخت باشد، به نظر می‌رسد تعیین شرایط مرزی برای جلوگیری از توزیع جرم نامناسب نسبت به آزمایشگاه واقع در مکان دلخواه مشکل باشد. چرا یک آزمایشگاه نمی‌تواند نزدیک ستاره‌ای با جرم بزرگ ساخته شود؟، چرا نباید حضور این ستاره با جرم بزرگ در اثر لختی سهم داشته باشد؟.

با توجه به قوانین فیزیک، با دقت زیرکانه‌ای اشکالی شامل جنبه‌های کمی درون یک پوسته کروی با جرم بزرگ ساکن، آورده می‌شود. آن‌چه که به خوبی می‌دانیم این است که حل داخلی سوراژنشیلد

^۵B. Berkeley

تحت است و می‌تواند در دستگاه مختصات مینوکوفسکی بیان شود. همچنین مطابق نسبیت عام، همه دستگاه‌های مختصات مینوکوفسکی هم ارز هستند و چنان‌که در منطقه داخلی مشاهده شده است جرم و شعاع پوسته کروی روی قوانین فیزیک اثرات قابل تشخیص ندارند. ظاهراً از هیچ روش قابل تشخیصی پوسته کروی روی اثر لختی در منطقه داخلی سهم ندارد. اگر جرم پوسته کروی کاهش یابد چه اتفاقی می‌افتد؟، یا شعاع بدون محدودیت افزایش یابد؟. ممکن است همچون تلاش‌های ناموفق کومار^۶ [۹] اظهار کنیم که برای پیدا کردن شرایط مرزی و مقدار اولیه مناسب برای نسبیت عام، شواهد اصل ماخ را بیاوریم.

مورد مطرح سوم «اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش» است. در حقیقت هدف این است که برای محدودیت بیشتر فرمول‌بندی، نظریه را مطابق اصل ماخ تکمیل کنیم. همچنین کار شامل دو بخش است، فرمول‌بندی نظریه میدان مناسب و فرمول‌بندی شرایط مرزی و مقدار اولیه مناسب برای نظریه که هندسه فضا را به طور یکتا به توزیع ماده وابسته می‌سازد. در اینجا تنها بخشی از مسئله به طور جزئی مورد بحث قرار گرفته است.

یک اصل به همان جامعیت اصل ماخ، منشأ در فلسفه ماده دارد که بدون وجود نظریه تنها به صورت کیفی توصیف می‌شود. یک مدل برای نظریه، ترکیب اجزای اصل ماخ است که توسط شیاما^۷ مطرح شده است. برای ساده‌سازی ابعادی مسئله [۱۰، ۱۱] به همان خوبی بحث شیاما، با فرض اعتبار اصل ماخ، ثابت گرانشی G در یک جهان با انساط یکنواخت با توزیع جرم در ارتباط است:

$$\frac{GM}{Rc^2} \sim 1 \quad (1.1)$$

^۶A. Komar

^۷D. W. Sciama

در اینجا M نماد جرم معین جهان قابل مشاهده و R نماد شعاع مرزی جهان قابل مشاهده است.

به طور خلاصه ایده‌های فیزیکی حاصل از معادله (۱.۱) را که در مرجع ۹ تا ۱۲ داده شده‌اند،

می‌توان چنین بیان نمود:

مطابق اصل ماخ فقط حرکتی معنی‌دار است که مربوط به ماده ساکن در جهان باشد و ممکن است

اثر لختی مورد آزمایش در آزمایشگاه شتاب‌دار نسبت به ماده دور جهان به طور همارز تفسیر شود، به

طوری که عامل نیروی گرانشی روی یک آزمایشگاه ثابت به واسطه حضور ماده شتاب‌دار دور است

. [۱۲]

این تفسیر از اثر لختی مفهوم جالبی همراه دارد. آزمون جسم سقوط آزاد به سمت خورشید را

در نظر بگیرید. با انتخاب دستگاه مختصاتی که مهم نیست شتاب داشته باشد، ممکن است فرض شود

که کشش گرانشی خورشید با کشش گرانشی دیگر یا اثر لختی به تعادل رسیده است [۱۰].

یادآوری می‌شود که به واسطه‌ی یک دوتایی از همه نیروهای گرانشی تعادل از بین نمی‌رود.

بنابراین شتاب به وسیله توزیع جرم در جهان تعیین می‌شود، اما مستقل از نیروی برهم‌کنش‌های داخلی

گرانشی است. با معرفی جرم خورشید با m_s و فاصل با r قادر خواهیم بود شتاب را مطابق قانون نیوتن،

$$\frac{m R c^2}{M r^2} = \frac{G m_s}{r^2} \sim a. \text{ ترکیب این دو عبارت}$$

معادله (۱.۱) را می‌دهد.

این رابطه تنها در حالت ناهمگنی در مقیاس بزرگ اهمیت دارد، اما پیشنهاد شده است که در این

نظریه هر نسبت M به R ثابت باشد، یا این که ثابت گرانشی مشاهده شده محلی متغیر باشد و با

توزیع جرم اطراف نقطه موردنظر تعیین شود. حالت اول از این دو مورد بدیهی است، در این قسمت به

سادگی ممکن است محدودیت توزیع جرم در نتیجه برخی از شرایط مرزی روی معادله‌های میدان

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

نسبیت عام رخ داده باشد. مورد دوم با «اصل همارزی قوی» [۱۲] و نسبیت عام سازگار نیست. در زیر دلایلی برای این موضوع مورد بحث قرار گرفته است.

اگر اثر لختی که ممکن است به واسطه ماده شتاب دار دور به عنوان یک نیروی گرانشی تعبیر شود، ممکن است انتظار داشته باشیم که مقادیر مشاهده شده محلی جرم‌های لختی ذرات به توزیع ماده در اطراف نقطه موردنظر بستگی داشته باشد. اگرچه باید یادآوری شود که ابهام اساسی در یک حالت از این نوع وجود دارد، چون هیچ روش مستقیمی وجود ندارد که بتوان جرم هر ذره همچون الکترون را در یک نقطه از فضا – زمان متفاوت دیگر تطبیق داد. در این وضعیت فقط نسبت‌های جرم در نقاط متفاوت می‌تواند تطبیق داده شود. از طرف دیگر گرانش برای هر جرم پیش‌بینی می‌کند:

$$\left(\frac{\hbar c}{G}\right)^{\frac{1}{7}} = 2/16 \times 10^{-5} g \quad (2.1)$$

و نسبت جرم، عدد بی بعد

$$m \left(\frac{G}{\hbar c}\right)^{\frac{1}{7}} \cong 5 \times 10^{-22} \quad (3.1)$$

یک اندازه‌گیری دقیق برای جرم الکترون پیش‌بینی می‌کند که می‌تواند در نقاط فضا – زمان‌های متفاوت تطبیق داده شود.

همچنین باید متذکر شویم که کمیت‌هایی مثل « \hbar » و « c » برای همه نقاط فضا – زمان یکسان هستند.» مگر تا وقتی که یک روش اندازه‌گیری برای محلی بودن آن‌ها داده شود. در حقیقت، باید یادآور شد که ممکن است \hbar و c ثابت تعریف شده باشند. یک سری از «ثابت‌های» فیزیکی می‌توانند ثابت تعریف شوند به شرط آن که آن‌ها نتوانند به شکل یک یا چند عدد بی بعد ترکیب شوند. برای یک عدد بی بعد که تحت تبدیل آحاد ناوردا است و موضوع ثابت بودن چنین اعداد بی بعدی نه با تعریف

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

۱۰

که با اندازه‌گیری تعیین شده است، لزوم این محدودیت واضح است. اگر وجود هر مولد اعداد بی‌بعد غیرممکن باشد، یک سری از چنین ثابت‌های فیزیکی مستقل که ثابت هستند با تعریف «تکمیل» می‌شود.

باید یادآوری شود که اگر مقدار کمیت در مولد با مکان تغییر کند و \hbar و c ثابت تعریف شوند، آن‌گاه m یا هر دو، می‌توانند با مکان تغییر کنند. هیچ اختلاف اساسی بین جرم ثابت و G بزرگ ثابت وجود ندارد. اگرچه ممکن است یکی یا دیگری مناسب‌تر باشد، برای ساختار فرمولی نظریه یک روش تقریبی، اختلاف نسبی بین دو مورد می‌باشد.

با بارگشت به معادله (۳.۱)، اندازه تقریبی این عدد بی‌بعد ذکر شده است و هم از رابطه موجود اعداد بزرگ بی‌بعد اخترفیزیکی به دست می‌آید. رابطه حاضر مربع معکوس این اعداد [معادله (۳.۱)] سن جهان را با عدد بی‌بعد در واحد زمان اتمی بیان می‌کند. دیراک یک ارتباط موجبیتی پیشنهاد کرد که منجر به مقدار متغیر با زمان معادله (۳.۱) شد. در ادامه اهمیت فرضیه دیراک^۸ [۱۴] از نظر اصل ماخ مورد بحث قرار گرفته است [۱۰].

دیراک مدل کیهان‌شناسی دقیق بر پایه انطباق عددی را به عنوان اصل موضوع پذیرفت. در این زمینه انتقاداتی وجود دارد که خیلی خوب از داده‌های تجربی که نظریه بر اساس آن‌ها پایه‌گذاری شده است، تبعیت می‌کند [۱۰]. همچنین نشان داده شده است که نتایج بدست آمده با مشاهدات اخترفیزیکی بررسی شده از لحاظ نظریه تکاملی جدید ستاره‌ای، منطبق نیستند.

از طرف دیگر باید یادآوری شود که یک ثابت فیزیکی بی‌بعد بزرگ مانند معکوس معادله (۳.۱) در روشهای نامعتبر یک تعیین شده توسط طبیعت لحاظ می‌گردد یا مربوط به بعضی دیگر از اعداد بزرگ

^۸ P. A. M. Dirac

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

۱۱

بدست آمده از طبیعت در نظر گرفته می‌شود. در هر صورت تلاش برای بدست آوردن عددی شبیه

۲۳ از نظریه به عنوان یک عددی ریاضی محض شامل عامل $\frac{4\pi}{3}$ معقول به نظر می‌رسد.

نتیجه آن که اگرچه ساختار دقیق کیهان‌شناسی دیراک که بر اساس شواهد تجربی ضعیف است،

تصدیق نشده است، نتیجه عمومی‌تر که عدد [معادله (۳.۱)] با زمان تغییر می‌کند، پایه محکم‌تری دارد.

با فرض این‌که a و c ثابت باشند، در این راستا تعبیر اصل ماخ توسعه می‌یابد، یعنی نسبت بی‌بعد

جرم که توسط معادله (۳.۱) داده می‌شود به توزیع ماده جهان وابسته است، آن‌گاه هر جرم m یا ثابت

گرانشی یا هر دو باید متغیر باشند. بنابراین توصیف این موارد همان توصیف موقعیت فیزیکی است که

ساختار فرمولی نظریه با دو مورد تغییر خواهد کرد. برای مثال، به آسانی می‌توان نشان داد که ذرات

بدون بار بدون اسپین که جرم‌های آن‌ها وابسته به مکان است روی ژئودزیک متریک حرکت نمی‌کنند.

بنابراین تعریف تانسور متریک برای دو مورد اختلاف دارد. دو تانسور متریک با یک تبدیل همدیس به

هم مربوط می‌شوند.

دلخواه بودن تانسور متریک به این دلیل است که برای دستگاه اندازه‌گیری می‌توان بی‌نهایت

انتخاب داشت و این به دلیل اهمیت فیزیکی هندسه ریمانی در نسبیت عام است [۱۵]، که مشخص

می‌کند که فضا به طور عام تحت یک تبدیل همدیس (به عنوان باز تعریف تانسور متریک در یک

فضای یکسان به کار می‌رود) ناوردانمی‌ماند [۱۶]. موضوع حتی از این هم پیچیده‌تر می‌شود وقتی

این چهارده ناوردان با یک تبدیل به صفر تقلیل می‌یابد. البته چنین هندسه‌ای نمایش ویژه‌ای برای

نظریه می‌باشد و باید گفت که این اظهارات نشان نمی‌دهند که هندسه ریمانی در نسبیت بی‌فایده و

نادرست است بلکه هریک از آن‌ها یک نمایش خاص نظریه است. باید آشکار شود که مفهوم فیزیکی

نظریه شامل ناورداهای گروه تبدیلات وابسته به مکان آحاد و تبدیلات مختصه‌ای می‌باشد. ناورداهای

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

۱۲

معمول در هندسه ریمانی تحت این گروه گسترده ثابت باقی نمی‌ماند [۱۷].

یک نمایش در نسبیت عام که فرض می‌کنیم امکان‌پذیر باشد، انتخاب دستگاه‌هایی است که در آن اتم‌ها با خصوصیات فیزیکی وابسته به مکان توصیف می‌شوند.

طبق آن‌چه در بالا آمد، یک انتخاب ویژه دستگاه‌ها هنگامی است که انتخاب دلخواه و ناوردایی بی‌اهمیت باشد. اگر جرم‌های لختی ذرات بنیادی ثابت تعریف شود و ثابت گرانشی متغیر باشد، ساختار نظری ساده‌تر به نظر می‌آید.

باید یادآوری شود که این تنها وقتی امکان‌پذیر است که نسبت جرم‌های ذرات بنیادی ثابت باشد، که البته تردید معقولی وجود دارد [۱۱، ۱۲]. از طرف دیگر انتظار داریم کمیت‌هایی همچون نسبت‌های جرم یا ثابت ساختار ریز^۹ اگر به توزیع جرم جهان وابسته باشند، پس کمترین حساسیت در وابستگی آن‌ها به عدد داده شده از معادله (۳.۱) وجود خواهد داشت و در یک نظریه اولیه ناکامل می‌توان از تغییرات آن‌ها چشم‌پوشی کرد. همچنین یادآوری می‌کنیم که برای بازسازی رضایت‌بخش نظریه یک ثابت ساختار ریز متغیر شرط پایداری تقریبی نسبت لختی برای جرم گرانشی منفرد [۱۸] و لازمه همسانگردی فضایی بی‌نهایت شدید [۱۹]، شرایط سختی را تحمیل می‌کند که یافتن آن اگر غیرممکن نباشد، دشوار است.

باید تأکید شود که بحث بالا شامل اعداد بی‌بعد بزرگ، معادله (۳.۱)، مستقیماً مشکلی در اصل ماخ ایجاد نمی‌کند، اما اصل ماخ و فرض یک «ثابت» گرانشی وابسته به توزیع جرم توضیح قابل قبولی برای تغییر «ثابت‌ها» می‌دهد.

انتظار می‌رود هر دو ماده دور و نزدیک در اثر لختی آزمایش شده محلی سهیم باشند. اگر نظریه

^۹ fine-structure

فصل ۱. اصل ماخ و نظریه نسبیت عام گرانش

خطی بود این انتظار را نداشتیم.

معادله (۱.۱) پیشنهاد می‌دهد که معکوس ثابت گرانشی که به طور محلی تعیین شده است به عنوان برهم‌نھی خطی سهم‌ها از ماده جهان است که به طور موجبیتی به ازای هر نقطه در فضا – زمان مرتبط هستند. در یک معادله نمادین می‌توان بیان کرد

$$G^{-1} \sim \sum_i (m_i / r_i c^2) \quad (4.1)$$

در اینجا جمع روی همه مواد است که می‌تواند در اثر لختی سهم داشته باشد. این معادله تنها بعد از نظریه بازسازی شده معنی دقیق می‌دهد. همچنین معادله (۴.۱) یک رابطه نظریه شیاما است.

ضروری است در مورد اصل همارزی به عنوان اصلی مفید در نسبیت عام و همچنین اصلی که با اصل ماخ در ارتباط است چند کلمه‌ای بگوییم. همان‌طور که آن در نسبیت عام آمد، اصل همارزی بیشتر فرض همارزی محلی نیرو و شتاب گرانشی است. در واقع، در نسبیت عام فرض می‌شود قوانین فیزیک شامل ثابت‌های عددی هستند (یعنی ثابت‌های فیزیکی بی‌بعد)، که به طور محلی از یک آزمایشگاه سقوط آزاد مشاهده شده‌اند. این اعداد از وقت محلی یا فضای آزمایشگاه مستقل هستند. این یک بیان از «اصل همارزی قوی» است. در اینجا تعبیر اصل ماخ توسعه یافته با اصل همارزی قوی به وضوح ناسازگار است. برابری محلی همه شتاب‌های گرانشی (برای صحت آزمایش‌های موجود) «اصل همارزی ضعیف» است. باید یادآوری شود که «اصل همارزی ضعیف» با پایه تجربی قوی از آزمایش‌های اتوش^{۱۰} به دست می‌آید.

قبل از تلاش برای فرمول‌بندی نظریه گرانشی که از دیدگاه اصل ماخ نسبت به نسبیت عام

^{۱۰} R. Eötvös