

١٧، ١، ١، ١٠٥

---

١٧، ١، ٧

بسم الله الرحمن الرحيم

١٠٨٠٢٩



دانشگاه اصفهان

دانشکده علوم

گروه فیزیک

پایان نامه ی کارشناسی ارشد رشته ی فیزیک گرایش اتمی مولکولی

حالت‌های درهم‌تنیده و اثرهای غیر کلاسیک تداخل کوانتومی در سامانه‌های دواتمی



استاد راهنما:

دکتر محمد حسین نادری

پژوهشگر:

سحر بصیری اصفهانی

۱۳۸۷ / ۹ / ۲۳

شهر یورماه ۱۳۸۷

۱۰۸۰۶۹

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات، ابتکارات  
و نوآوری های ناشی از تحقیق موضوع این پایان نامه  
متعلق به دانشگاه اصفهان است.

۱۳۸۷ / ۹ / ۲۴



دانشگاه اصفهان

دانشکده علوم

گروه فیزیک

پایان نامه ی کارشناسی ارشد رشته ی فیزیک گرایش اتمی مولکولی خانم سحر بصیری اصفهانی تحت  
عنوان

### حالت‌های درهم‌تنیده و اثرهای غیر کلاسیک تداخل کوانتومی در سامانه‌های دواتمی

در تاریخ ۸۷/۶/۲۵ توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه ..... عالی به تصویب نهایی رسید.

۱- استاد راهنمای پایان نامه دکتر محمدحسین نادری با مرتبه ی علمی استاد امضا

۲- استاد داور داخل گروه دکتر محمود سلطان‌الکتابی با مرتبه ی علمی استاد امضا

۳- استاد داور خارج از گروه دکتر منصور حقیقت با مرتبه ی علمی رئیس امضا

۱۳۸۷ / ۹ / ۲۳

امضای مدیر گروه



## سپاسگزاری

آفریدگار مهربانم را حمد و سپاس می گویم که به ما قدرت اندیشیدن و توان پویایی را عطا فرمود. خدای را سپاسگزارم که توانستم در محیطی مطلوب و در محضر اساتیدی فرزانه کسب علم کنم. از استاد گرانقدر و فرزانه‌ام جناب آقای دکتر نادری بسیار سپاسگزارم که راهنمایی این رساله را تقبل فرمودند و در طی مراحل انجام آن با صرف وقت و حوصله‌ی فراوان مرا از نظارت‌های سودمند و پیشنهادهای ارزشمند خود بهره‌مند ساختند و زندگی علمی‌ام را جهت بخشیدند. امید آن دارم که با استفاده از راهنمایی‌های ایشان بتوانم عضو کوچکی از جامعه‌ی علمی فیزیک شوم. از حمایت‌های بی‌دریغ و کمک‌های محبت‌آمیز استاد گرامی جناب آقای پروفیسور سلطان‌الکتابی نهایت تشکر را دارم و از ایشان و همچنین از جناب آقای دکتر حقیقت که زحمت مطالعه و داوری این پایان‌نامه را قبول فرمودند قدردانی می‌کنم. از تمام دوستان عزیز و دانشجویان گرامی که مرا در انجام این رساله همراهی کردند سپاسگزارم.

## تقدیم به

پدر و مادر بسیار عزیزم که در راه تعلیم و تعلم من از هیچ کوششی دریغ ننموده و همواره مشوق من بوده-  
اند و حضورشان گرمابخش و روشنی‌بخش زندگی‌ام است.

همسر بسیار مهربانم که طی دوران تحصیل صبر و بردباری پیشه کرد و همواره یار و همراهم بوده. و حضور  
پرافتخارش زندگی‌ام را قرین شادی و نشاط کرده‌است.

خواهران خوب و عزیزم که فرشتگان زیبای صداقتند و کلام و رفتار پرمهرشان بزم زندگی‌ام را لبریز از  
شور و دنیایم را عطرآگین نموده‌است.

## چکیده

در این رساله، با در نظر گرفتن سامانه‌های برهم‌کنشی متشکل از دو اتم دوترازی و میدان الکترومغناطیسی کوانتیده به مطالعه‌ی اثرهای غیرکلاسیک پادگروهه شدن فوتون‌ها و چلانگی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان تابشی می‌پردازیم. علاوه‌براین، اثر همبستگی کوانتومی میان دو اتم را در تولید ویژگی‌های غیرکلاسیک مزبور بررسی می‌کنیم و به مطالعه‌ی شرایط لازم برای وقوع تداخل کوانتومی در یک سامانه‌ی دو اتمی و نقش آن در کنترل آهنگ گسیل خود به خود سامانه‌ی مزبور می‌پردازیم. براین اساس، ضمن استخراج معادله‌ی حرکت عملگر چگالی سامانه‌ی برهم‌کنشی به توصیف شیوه‌های الگوسازی سامانه‌های دو اتمی در حضور تابش الکترومغناطیسی می‌پردازیم. با در نظر گرفتن سامانه‌ی دو اتمی به عنوان چشمه‌ی تابش غیرکلاسیک به مطالعه‌ی ارتباط میان درهم‌تنیدگی دو اتمی و حالت‌های غیرکلاسیک میدان تابشی حاصل از تداخل کوانتومی گذارها در تابش فلورسان اتمی می‌پردازیم و نشان می‌دهیم که امکان وقوع هر دو پدیده‌ی غیرکلاسیک پادگروهه شدن فوتون‌ها و چلانگی در تابش فلورسان دو اتمی وجود دارد. به‌علاوه، در مورد اثر برهم‌کنش دو قطبی-دوقطبی میان اتم‌ها بر هر دو پدیده‌ی غیرکلاسیک مزبور بحث می‌کنیم. نشان می‌دهیم در صورتی که میزان وادیدگی بسامد لیزر نسبت به بسامد گذار اتمی با انرژی برهم‌کنش دو قطبی-دوقطبی برابر باشد پادگروهه شدن فوتون‌ها و چلانگی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان تقویت می‌شوند. بیشینه‌ی مقدار چلانگی در وضعیت دو اتم برهم‌کنشی نسبت به اتم‌های غیر برهم‌کنشی کاهش می‌یابد و برهم‌کنش دو قطبی-دوقطبی بسیار قوی اثر چلانگی را به صفر کاهش می‌دهد. در ادامه، با توجه به اهمیت طرحواره‌های الکترودینامیک کوانتومی درون کاواک، که در آنها جفت‌شدگی قوی اتم‌ها با مد کاواک به کاهش واهمدوسی حاصل از گسیل خود به خود می‌انجامد، یک سامانه‌ی برهم‌کنشی متشکل از دو اتم دو تراز و میدان تک مد کوانتیده‌ی درون یک کاواک بدون اتلاف را در نظر می‌گیریم. در غیاب برهم‌کنش دو قطبی-دوقطبی تحول دینامیکی ویژگی‌های غیرکلاسیک میدان کاواک مانند وقوع آمار زیرپواسونی و کاهش نوفه‌ی کوانتومی مؤلفه‌های کوادراتوری را محاسبه می‌کنیم. نتایج به‌دست آمده نشان می‌دهد که هر دو ویژگی غیرکلاسیک مزبور به درجه و شکل درهم‌تنیدگی اولیه‌ی اتم‌ها و همچنین تعداد متوسط فوتون‌های میدان اولیه بستگی دارند. سرانجام با توجه به اهمیت فراوان حالت‌های درهم‌تنیده‌ی دو اتمی به مرور برخی شیوه‌های ممکن برای آشکارسازی درهم‌تنیدگی دو اتمی می‌پردازیم.

واژه‌های کلیدی: سامانه‌های دو اتمی، تداخل کوانتومی، درهم‌تنیدگی کوانتومی، اثرهای غیرکلاسیک جمعی

# فهرست مندرجات

۱	نگرش کلی بر مفاهیم اساسی در سامانه‌های دو اتمی	۱
۱	..... مقدمه	۱.۱
۲	..... تداخل کلاسیک تابش‌های اپتیکی و همدوسی	۲.۱
۲	..... ۱.۲.۱ تداخل مرتبه‌ی اول	
۵	..... ۲.۲.۱ تداخل مرتبه‌ی دوم	
۶	..... تداخل کوانتومی تابش‌های اپتیکی و همدوسی	۳.۱
۸	..... تداخل کوانتومی در سامانه‌های اتمی	۴.۱
۱۱	..... درهم‌تنیدگی کوانتومی حالت‌های خالص و ناخالص	۵.۱
۱۳	..... آنتروپی به‌عنوان سنج‌ی میزان آمیختگی یک حالت	۶.۱
۱۳	..... ۱.۶.۱ آنتروپی فون‌نویمن	
۱۴	..... ۲.۶.۱ خلوص یا آنتروپی خطی	
۱۵	..... تعیین میزان درهم‌تنیدگی یک حالت خالص با استفاده از آنتروپی خطی	۷.۱
۱۶	..... آنتروپی فون‌نویمن به‌عنوان سنج‌ی میزان درهم‌تنیدگی یک حالت خالص	۸.۱
۱۶	..... حالت‌های غیرکلاسیک میدان تابشی	۹.۱



۱۷	پادگروهه شدن فوتون‌ها	۱.۹.۱
۱۸	چلانندگی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان	۲.۹.۱

## ۲ بررسی تحول دینامیکی سامانه‌های دواتمی در حضور تابش الکترومغناطیس درون کاواک

۲۳		
۲۳	مقدمه	۱.۲
۲۴	تحول سامانه‌ی دواتمی در حضور میدان تک مد کاواک	۲.۲
۲۴	تحول دینامیکی حالت سامانه	۱.۲.۲
۲۶	دینامیک زیرسامانه‌ها	۲.۲.۲
۲۹	تحول سامانه‌ی دواتمی در حضور میدان خلاء الکترومغناطیسی	۳.۲
۳۰	رهیافت عملگر چگالی	۱.۳.۲

## ۳ شرایط لازم برای وقوع تداخل کوانتومی در یک سامانه‌ی دواتمی و نقش آن در کنترل گسیل خودبه‌خود

۴۱		
۴۱	مقدمه	۱.۳
۴۲	دو اتم برهم‌کنش کننده	۲.۳
۴۳	حالت‌های درهم‌تنیده‌ی دو اتم یکسان و کنترل گسیل خودبه‌خود	۳.۳
۵۰	حالت‌های درهم‌تنیده‌ی دو اتم نایکسان و کنترل گسیل خودبه‌خود	۴.۳
۵۱	وضعیت $\Gamma_1 = \Gamma_2$ و $\Delta \neq 0$	۱.۴.۳
۵۵	وضعیت $\Gamma_1 \neq \Gamma_2$ و $\Delta = 0$	۲.۴.۳
۶۰	زنش کوانتومی در شدت تابش گسیل شده از دو اتم نایکسان	۵.۳
۶۲	وضعیت $\Omega_{12} \gg \Delta$ و $\Gamma_1 = \Gamma_2 = \Gamma$ ، $\Delta \neq 0$	۱.۵.۳
۶۴	وضعیت $\Omega_{12} \gg \Gamma_1, \Gamma_2$ و $\Gamma_1 \neq \Gamma_2$ ، $\Delta = 0$	۲.۵.۳

	۴	بررسی ارتباط میان درهم‌تنیدگی دو اتمی و تحول دینامیکی ویژگی‌های غیرکلاسیک میدان
۶۷		
۶۷	۱.۴	مقدمه
۶۸	۲.۴	اثرهای غیرکلاسیک جمعی در تابش فلورسان حاصل از سامانه‌ی دو اتمی
۶۸	۱.۲.۴	پادگروهه شدن فوتون‌ها
۷۶	۲.۲.۴	چلانندگی مؤلفه‌های کوادراتوری
	۳.۴	ویژگی‌های غیرکلاسیک میدان تک مد کاواک در برهم‌کنش با دو اتم
۸۲		دوترازی درهم‌تنیده
۸۳	۱.۳.۴	توصیف الگوی برهم‌کنش
۸۶	۲.۳.۴	آمار شمارش فوتون‌های میدان درون کاواک
۹۲	۳.۳.۴	نوفه‌ی کوانتومی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان درون کاواک
	۵-	مطالعه‌ی نظری روش‌های آشکارسازی درهم‌تنیدگی اتمی در سامانه‌های دو اتمی
۹۵	۱.۵	مقدمه
۹۶	۲.۵	توزیع زاویه‌ای شدت میدان فلورسان تابشی
۹۷	۳.۵	الگوی تداخلی با نوار مرکزی تاریک
۱۰۳	۴.۵	گسیل خود به خود دو اتم دو ترازوی درهم‌تنیده
۱۰۳	۱.۴.۵	توصیف الگوی مبتنی بر گسیل خود به خود
۱۰۶	۲.۴.۵	ارتباط آهنگ گسیل خود به خود با درهم‌تنیدگی اتم‌ها
۱۱۲	۳.۴.۵	ویژگی‌های گسیل خود به خود حالت‌های دو اتمی بل
۱۱۶		جمع بندی
۱۱۸		مراجع

## پیشگفتار

فراهم‌سازی حالت‌هایی از میدان تابشی که از خود ویژگی‌های غیرکلاسیک به نمایش می‌گذارند در اپتیک کوانتومی همواره توجه بسیاری را به خود جلب کرده است. در واقع، استفاده از حالت‌های غیرکلاسیک می‌تواند به شکل مؤثری نوفه‌های کوانتومی را که اثر مخربی بر فرایند اندازه‌گیری دارند کاهش دهد. حالت‌های با آمار زیر پواسونی و حالت‌های چلانده برخی از مهم‌ترین انواع حالت‌های غیرکلاسیک هستند.

در سال ۱۹۵۶ هانبری-براون<sup>۱</sup> و توئیس<sup>۲</sup> برای نخستین بار پدیده‌ی کلاسیک گروه‌شدن<sup>۳</sup> فوتون‌های حاصل از دو چشمه‌ی نور را با به‌کارگیری یک تداخل‌سنج ستاره‌ای به نمایش گذاردند [۱]. از طرفی، پدیده‌ی غیر کلاسیک پادگروه‌شدن فوتون‌ها نخستین بار در تابش فلورسان‌اتم‌های سدیم در یک باریکه‌ی اتمی مشاهده شد [۲]. پس از آن، با پیشرفت شیوه‌های به‌دام‌اندازی تک‌اتم و تک‌یون امکان اندازه‌گیری همبستگی کوانتومی فوتون‌ها و تحقیق پادگروه‌شدن آنها در سامانه‌ی اتم به‌دام افتاده [۳] و سامانه‌های الکترودینامیک کوانتومی درون کاواک [۴] فراهم آمد. در سال‌های اخیر با توجه به کاربرد چشمه‌های تک فوتونی در رمزنگاری کوانتومی و همچنین کاربرد پادگروه‌شدن فوتون‌ها در حوزه‌ی مطالعات شیمی فیزیک [۵] بررسی‌های نظری و آزمایش‌های متعددی در زمینه‌ی تولید اثر غیرکلاسیک پادگروه‌شدن فوتون‌ها صورت گرفته است [۶، ۷، ۸، ۹]. موضوع چلانگی نوفه‌های کوانتومی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان نیز از زمان کارهای نظری والس<sup>۴</sup> و همکارانش در زمینه‌ی شیوه‌های کاهش نوفه و مطالعه‌ی آمار فوتونی در تابش فلورسان بازآواندیده‌ی یک اتم دوترازی [۱۰] و همچنین سامانه‌های جمعی دو یا چند اتمی [۱۱] مورد بررسی قرار گرفت. پس از آن، شیوه‌های تجربی موفقیت‌آمیزی در زمینه‌ی تولید حالت‌های چلانده‌ی میدان تابشی از طریق روش‌های اپتیک غیرخطی ابداع شد [۱۲، ۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶]. پدیده‌ی چلانگی در دو دهه‌ی اخیر توجه فراوانی را به خود جلب کرده است. دستیابی به میدان تابشی چلانده در

Hanbury-Brown<sup>۱</sup>

Twiss<sup>۲</sup>

bunching<sup>۳</sup>

Walls<sup>۴</sup>

زمینه‌های مختلف اپتیک کوانتومی نظیر ارتباطات نوری [۱۷، ۱۸]، بیناب‌نمایی و حسگرهای نوری [۱۹، ۲۰] و افزایش حساسیت آشکارسازهای تداخلی برای اندازه‌گیری امواج گرانشی [۲۱] از اهمیت قابل توجهی برخوردار است. آشکارسازی حالت‌های چلانده‌ی میدان تابشی با استفاده از روش بسامد آمیزی<sup>۵</sup> امکان‌پذیر است [۲۲]. به دنبال موفقیت‌های تجربی در زمینه‌ی تولید و آشکارسازی اثرهای غیر کلاسیک مزبور در سامانه‌های کوانتومی، به‌ویژه سامانه‌ی برهم‌کنشی اتم-میدان، موضوع تحقق فیزیکی حالت‌هایی که از خود تداخل کوانتومی و در هم‌تنیدگی به‌نمایش می‌گذارند توجه فزاینده‌ای را به‌خود جلب کرد. در واقع، معلوم شده است که بروز آثار غیر کلاسیک در سامانه‌های کوانتومی را باید به‌عنوان پیامد مستقیم تداخل کوانتومی در فضای فاز به‌حساب آورد [۲۳]. پدیده‌ی تداخل، ساده‌ترین پدیده‌ای است که طبیعت موجی تابش و همبستگی بین میدان‌های تابشی را آشکار می‌کند. تداخل اپتیکی یک روش قدیمی است که مطالعات مربوط به آن با آزمایش‌های یانگ و مایکلسون آغاز شد. در این دو آزمایش، با تکیه بر طبیعت موجی تابش، تشکیل نوارهای تداخلی به ترتیب به‌عنوان نمودی از همدوسی فضایی و همدوسی زمانی تعبیر می‌شود.

با تولد مکانیک کوانتومی، خواص ذره‌ای نور در بسیاری از آزمایش‌ها نشان داده شد و در پی آن شیوه‌ی تفسیر آزمایش‌های تداخل تغییر کرد. به‌علاوه معلوم شد تداخل پرتوهای نوری مستقل پیامد همبستگی‌های مرتبه‌های بالاتر بین میدان‌های تابشی است. در چارچوب برخی تعبیرهای مکانیک کوانتومی، که توسط دیراک ارائه شد [۲۴]، تشکیل گره‌ی تداخل با تکیه بر ماهیت ذره‌ای تابش، به‌عنوان پیامدی از برهم‌نهی دامنه‌های احتمال قلمداد می‌شود. علاوه بر این، معلوم شده است [۲۲] که پدیده‌ی تداخل نه تنها برای تابش‌های حاصل از چشمه‌های اپتیکی قابل مشاهده است بلکه میدان‌های تابشی حاصل از گذارهای کوانتومی در سامانه‌های چند اتمی و همچنین سامانه‌های تک اتمی چند باجه‌ای<sup>۶</sup> (مانند اتم‌های سه ترازوی پیکربندی‌های بینابی  $V$  و  $\Lambda$ ) نیز پدیده‌ی تداخل را از خود به‌نمایش می‌گذارند. جنبه‌ی اساسی این پدیده‌ی تداخل، که با عنوان تداخل کوانتومی از آن نام برده می‌شود، برهم‌نهی

homodyne detection<sup>۵</sup>  
multichannel<sup>۶</sup>

دامنه های احتمال گذار میان حالت های اتمی است و آن را می توان توسط میدان های داخلی یا خارجی و حتی جفت شدگی حالت های اتمی با محیط اطراف (میدان خلاء الکترومغناطیسی) ایجاد کرد.

مطالعات مربوط به تداخل کوانتومی در سامانه های اتمی از اوایل دهه های هفتاد قرن میلادی گذشته با مطالعات نظری آگاروال<sup>۷</sup> در زمینه ی تداخل کوانتومی در سامانه های اتمی [۲۵] آغاز شد. آگاروال نشان داد که آهنگ گسیل خود به خود از یک اتم برانگیخته ی سه ترازوی تبهگن با پیکربندی V را می توان با استفاده از تداخل کوانتومی میان دو گذار اتمی تغییر داد. پس از آن، بررسی به سامانه های چند اتمی و اتم های چند ترازوی گسترش داده شد و کاربردهای عملی متنوعی پیشنهاد شدند. مطالعات انجام یافته نشان دادند که تداخل کوانتومی در سامانه های اتمی می تواند به اثرهای فیزیکی جالب توجهی در زمینه ی کنترل ویژگی های اپتیکی سامانه های کوانتومی منجر شود که از آن میان، به ویژه می توان به پدیده هایی همچون شفافیت الکترومغناطیس القائیده [۲۶]، عمل لیزری بدون وارونی جمعیت [۲۷]، افزایش چشمگیر ضریب شکست محیط در غیاب جذب [۲۸]، و کاهش چشمگیر سرعت نور در محیط های اتمی [۲۹] اشاره کرد. علاوه بر این ها، تداخل کوانتومی به عنوان کارآمدترین ساز و کار فیزیکی در فرایند تغییر و به ویژه سرکوب آهنگ گسیل خود به خود در سامانه های اتمی شناسایی شده است [۲۵]. کنترل آهنگ گسیل خود به خود، که به عنوان یکی از مهم ترین چشمه های نوفه کوانتومی به شمار می آید، در زمینه هایی همچون محاسبات کوانتومی و پردازش اطلاعات کوانتومی از اهمیت بسزایی برخوردار است [۳۰]. نشان داده شده است [۳۱] که در سامانه های اتمی، حضور تداخل کوانتومی به تشکیل حالت های کوانتومی برهم نهیده منجر می شود، به طوری که این حالت ها را می توان از طریق تنظیم و کنترل گشتاورهای دو قطبی گذار یا دامنه و فاز میدان های تابشی خارجی اعمال شده بر سامانه ی اتمی دستکاری کرد و بدینسان آهنگ گسیل خود به خود حالت های برهم نهیده را به مقدار قابل ملاحظه ای کاهش داد.

از سوی دیگر، در سال های اخیر پژوهش های نظری و جستجوی شیوه های تحقق تجربی حالت های کوانتومی درهم تنیده به عنوان یکی از محورهای اصلی مطالعات مربوط به اثرهای

غیرکلاسیک جمعی در سامانه‌های چنداتمی درآمده است [۳۲]. درهم‌تنیدگی کوانتومی که بدون شک یکی از جنبه‌های شگفت‌انگیز مکانیک کوانتومی به حساب می‌آید، نخستین بار توسط شرودینگر ضمن مطالعات وی در زمینه‌ی مبانی نظری مکانیک کوانتومی مطرح گردید [۳۳]. سامانه‌های چند ذره‌ای درهم‌تنیده، دارای این ویژگی جالب توجه هستند که نتایج حاصل از اندازه‌گیری بر روی یک ذره را نمی‌توان مستقل از نتایج حاصل از اندازه‌گیری‌هایی که بر روی سایر ذرات سامانه انجام می‌شود، مشخص کرد. در سال‌های اخیر، موضوع درهم‌تنیدگی کوانتومی نه تنها در زمینه‌ی مطالعات بنیادی مکانیک کوانتومی از اهمیت اساسی برخوردار شده است بلکه در بسیاری از عرصه‌های کاربردی نوین همچون محاسبات کوانتومی [۳۴]، رمزنگاری کوانتومی [۳۵]، دوربری اطلاعات کوانتومی<sup>۸</sup> [۳۶]. و بیناب‌نمایی اتمی و مولکولی [۳۷، ۳۸] جایگاه ویژه‌ای را به خود اختصاص داده است. در واقع، فراهم آوردن امکان دستکاری سامانه‌های کوانتومی در مقیاس تک اتم و تک فوتون، به منظور ذخیره‌سازی و انتقال اطلاعات به شیوه‌ای کنترل پذیر، تحقق کاربردهای مزبور را میسر ساخته است. فرایندهای ایجاد درهم‌تنیدگی میان اتم‌ها بایستی یک جفت‌شدگی همدوس قوی میان اتم‌ها ایجاد کنند و بدینسان اثر واهمدوسی و اتلاف در اثر برهم‌کنش با محیط اطراف را کاهش دهند. مشکل منزوی کردن اتم‌ها از محیط اطراف یکی از موانع اساسی برای تحقق کاربردهای عملی حالت‌های درهم‌تنیده است. محیط شامل مدهای میدان الکترومغناطیسی است که اتم‌ها را احاطه می‌کنند. این امر به واهمدوسی و در نتیجه از دست دادن اطلاعات ذخیره شده در سامانه می‌انجامد. به هر حال همان‌گونه که در این پایان‌نامه نشان خواهیم داد ویژگی‌های جمعی سامانه‌های چند اتمی می‌تواند گسیل خودبه‌خود را در مقایسه با وضعیت تک‌اتم تغییر دهد. تاکنون طرحواره‌های فیزیکی متنوعی برای تحقق حالت‌های درهم‌تنیده‌ی اتمی، مبتنی بر به‌دام‌اندازی و سردسازی شمار اندکی از اتم‌های خنثی، پیشنهاد شده است [۳۹]. اتم‌ها یا یون‌های سرد به‌دام افتاده اساساً بدون حرکت هستند و در یک فاصله‌ی مشخص و قابل کنترل از یکدیگر قرار می‌گیرند. این امر امکان مطالعه‌ی برهم‌کنش‌های بین اتمی را فراهم می‌آورد. علاوه بر این، اتم‌های سرد به‌دام افتاده می‌توانند در حالت‌هایی با بیشینه‌ی درهم‌تنیدگی که از محیط اطراف منزوی هستند

<sup>۸</sup> quantum teleportation

فراهم شوند [۴۲، ۴۱، ۴۰]. در این میان، به ویژه سامانه‌های دواتمی توجه فراوانی را به خود جلب کرده‌اند زیرا نتایج الگوهای نظری مربوط به این سامانه‌ها در برخی برپایش‌های تجربی الکترودینامیک کوانتومی درون کاواک تأیید شده است [۴۴، ۴۳، ۳۹]. حالت‌های اَبَرتابنده<sup>۱</sup> و زیرتابنده<sup>۱۰</sup>، که به ترتیب متناظر با ترکیب متقارن و ترکیب پادمقارن گشتاورهای دوقطبی اتمی هستند [۴۵]، و حالت‌های اتمی جفت‌شده [۴۶] نمونه‌های جالب توجهی از حالت‌های درهم‌تنیده‌ی اتمی به حساب می‌آیند که در فرایند تشکیل و آشکارسازی آنها علاوه بر تداخل کوانتومی میان گذارهای دواتم، همبستگی کوانتومی میان آن دو نیز به طور مؤثر دخالت دارد. حالت‌های متقارن با آهنگ گسیل خودبه‌خود افزایش یافته و حالت‌های پادمقارن با آهنگ گسیل خودبه‌خود کاهش یافته فروافت می‌کنند. آهنگ گسیل خودبه‌خود کاهش یافته‌ی حالت پادمقارن بیانگر جفت‌شدگی ضعیف این حالت با محیط اطراف است. در وضعیتی که فاصله‌ی اتم‌ها بسیار کوچکتر از طول‌موج اپتیکی باشد (الگوی دیک)، رخداد تداخل کوانتومی، به واجفتیدگی این حالت از محیط اطراف می‌انجامد و می‌توان آن را یک حالت عاری از واهمدوسی در نظر گرفت. در فضای آزاد منشأ اثرهای جمعی، برهم‌کنش میان اتم‌ها از طریق میدان خلأ است. در واقع، میدان تابشی گسیل شده از یکی از اتم‌ها روی گشتاور دوقطبی اتم دیگر اثر می‌گذارد. این امر منجر به یک اتلاف اضافی و همچنین جابه‌جایی ترازهای اتمی می‌شود که هر دو اثر به فاصله‌ی جدایی میان اتم‌ها بستگی دارند. از سوی دیگر در طرحواره‌های الکترودینامیک کوانتومی درون کاواک، اتم‌ها از طریق مد کاواک برهم‌کنش می‌کنند و در حد یک کاواک خوب (کاواک با سازه‌ی کیفیت  $Q$ ی بزرگ) فوتون‌های تابش شده توسط یکی از اتم‌ها، تقریباً به طور سریع توسط اتم دیگر جذب می‌شوند. به علاوه جفت‌شدگی قوی اتم‌ها با مد کاواک مانع از این می‌شود که اتم‌ها به مدهای خلأ فوتون گسیل کنند و این به نوبه‌ی خود واهمدوسی را کاهش می‌دهد.

در این پایان‌نامه به بررسی سامانه‌های دواتمی می‌پردازیم. برهم‌کنش سامانه‌های دواتمی با میدان الکترومغناطیسی در اپتیک کوانتومی بسیار مورد توجه است. این موضوع برخاسته از این

---

superradiant<sup>۱</sup>  
subradiant<sup>۱۰</sup>

واقعیت است که سامانه‌ی مزبور علاوه بر اینکه در تجربه تحقق پذیر است [۳۹، ۴۳، ۴۴، ۴۷] از دیدگاه کوانتومی نیز در زمره‌ی الگوهای حل پذیر اپتیک کوانتومی به شمار می آید. اگرچه برهم کنش یک سامانه‌ی دواتمی با میدان تابشی ساده‌ترین تعمیمی است که می‌توان برای الگوی جینز-کامینگز<sup>۱۱</sup> [۴۸] در نظر گرفت اما از آنجا که مطالعه‌ی سامانه‌های N اتمی در حضور برهم کنش دوقطبی-دوقطبی و میدان رانشی دشوار است، لذا بررسی سامانه‌های دواتمی در بسیاری از موارد نسبت به سامانه‌های N اتمی دارای برتری است. زیرا در بیشتر موارد امکان حل تحلیلی دقیق و بررسی جزئیات مسئله وجود دارد. به علاوه، بسیاری از نتایج حاصل از بررسی سامانه‌های دواتمی به راحتی قابل تعمیم به سامانه‌های چنداتمی هستند. از سوی دیگر، بررسی حالت‌های درهم تنیده‌ی سامانه‌های دواتمی بسیار مورد توجه است زیرا سامانه‌های مزبور می‌توانند نشان دهنده‌ی دو بیت کوانتومی<sup>۱۲</sup> (واحدهای ساختاری اساسی درگاه‌های کوانتومی<sup>۱۳</sup>) باشند. بنابراین، بررسی درهم تنیدگی تنها دوسامانه‌ی کوانتومی میکروسکوپیک برای ایجاد پروتکل‌های کوانتومی<sup>۱۴</sup> در پردازش اطلاعات کوانتومی ضروری است.

در این پژوهش، هدف اساسی مطالعه‌ی اثرهای غیرکلاسیک جمعی و حالت‌های درهم تنیده‌ی اتمی در سامانه‌های برهم کنشی متشکل از دو اتم و تابش الکترومغناطیسی است. در واقع، آنچه در این میان از اهمیت قابل ملاحظه‌ای برخوردار است همبستگی کوانتومی میان دو اتم و اثر آن بر الگوی تداخل تابش‌های حاصل از گذارهای کوانتومی در دو اتم و همچنین درهم تنیدگی میان آن دو است. علاوه بر این، در این پژوهش نقش تداخل کوانتومی در فرایند گسیل خودبه‌خود سامانه‌های دواتمی و ارتباط میان درهم تنیدگی اتمی و پدیدار شدن ویژگی‌های غیرکلاسیک میدان تابشی مانند پادگروهه شدن فوتون‌ها و چلانگی مؤلفه‌های کوادراتوری میدان تابشی مورد توجه قرار می‌گیرد. به این منظور، ابتدا در فصل اول برخی مفاهیم و روابط اساسی را که در مطالعه‌ی سامانه‌های دواتمی به آنها نیاز داریم، به اختصار مرور می‌کنیم. از جمله‌ی این مفاهیم می‌توان به تداخل کوانتومی تابش‌های اتمی، حالت‌های درهم تنیده‌ی

<sup>۱۱</sup> Jaynes-Cummings

<sup>۱۲</sup> qubit

<sup>۱۳</sup> quantum gates

<sup>۱۴</sup> quantum protocols



دواتمی و حالت‌های غیرکلاسیک میدان تابشی اشاره کرد. پس از آن، به بررسی برخی ابزارهای نظری مورد نیاز برای توصیف برهم‌کنش اتم‌ها با میدان الکترومغناطیسی خواهیم پرداخت. از این‌رو در فصل دوم به‌منظور آشنایی با شیوه‌های الگوسازی این برهم‌کنش‌ها ابتدا یک سامانه‌ی برهم‌کنشی نوعی متشکل از دو اتم دوترازی و میدان تک‌مد را در حد یک کاواک خوب فرمول‌بندی و مطالعه می‌کنیم. سپس به منظور بررسی اثرهای تداخل کوانتومی در سامانه‌های اتمی، رهیافت عملگر چگالی را معرفی می‌کنیم و در بحث‌های بعدی با استفاده از نتایج حاصل از حل معادله‌ی تحول عملگر چگالی به تحلیل دینامیک سامانه‌ی مورد نظر می‌پردازیم. در فصل سوم، با در دست داشتن ابزارهای لازم، به مطالعه‌ی شرایط عمومی کنترل آهنگ گسیل خودبه‌خود در یک سامانه‌ی دواتمی می‌پردازیم. کنترل گسیل خودبه‌خود حالت‌های اتمی درهم‌تنیده در نظریه‌ی اطلاعات کوانتومی همواره مورد توجه قرار گرفته‌است. لذا با در نظر گرفتن دو اتم دوترازی یکسان و همچنین دو اتم دوترازی ناپکسان نشان می‌دهیم که توسط تداخل کوانتومی می‌توان گسیل خودبه‌خود را سرکوب و یا حتی متوقف کرد. در فصل چهارم با در نظر گرفتن سامانه‌ی دواتمی به عنوان چشمه‌ی میدان تابشی غیرکلاسیک، نقش برهم‌کنش‌های بین اتمی و همچنین درهم‌تنیدگی اتمی را در بروز آمار زیرپواسونی و چلاندرگی یکی از مؤلفه‌های کوادراتوری میدان در تابش فلورسان اتمی مورد بررسی قرار می‌دهیم. در ادامه، با در نظر گرفتن سامانه‌ی برهم‌کنشی متشکل از دو اتم دوترازی و میدان تک‌مد کاواک اثر درجه و شکل درهم‌تنیدگی اولیه‌ی اتم‌ها را بر تحول دینامیکی ویژگی‌های غیرکلاسیک میدان تک‌مد کاواک برای دو حالت اولیه‌ی متفاوت میدان عددی و میدان همدوس بررسی می‌کنیم. سرانجام در فصل پنجم با توجه به اهمیت و کاربردهای گسترده‌ی حالت‌های درهم‌تنیده‌ی دواتمی به معرفی برخی شیوه‌های ممکن برای آشکارسازی درهم‌تنیدگی دواتمی می‌پردازیم.

## فصل ۱

# نگرش کلی بر مفاهیم اساسی در سامانه‌های دو اتمی

### ۱.۱ مقدمه

هدف اصلی در این فصل، مرور مختصری بر برخی مفاهیم و پدیده‌های فیزیکی است که در مطالعه‌ی سامانه‌های دو اتمی جمعی با آن‌ها مواجه می‌شویم. از میان این پدیده‌ها می‌توان به تداخل کوانتومی و اثرهای غیر کلاسیک جمعی مانند حالت‌های درهم‌تنیده‌ی سامانه‌های دو اتمی و حالت‌های غیر کلاسیک میدان تابشی حاصل از یک سامانه‌ی دو اتمی اشاره کرد که در این فصل به معرفی آن‌ها می‌پردازیم.

برای این منظور، ابتدا مفاهیم اصلی نظریه‌ی کلاسیک تداخل نوری را بیان و نقش همدوسی اپتیکی را تشریح می‌کنیم. با تکیه بر کوانتتش دوم میدان الکترومغناطیسی، این مفاهیم را به نظریه‌ی کوانتومی گسترش می‌دهیم. سپس این مفاهیم را برای بررسی تداخل کوانتومی تابش در حالتی که چشمه‌های اپتیکی با چشمه‌های اتمی جایگزین شوند مورد استفاده قرار می‌دهیم. از سوی دیگر، اثرهای جمعی برای یک سامانه‌ی متشکل از دو یا چند اتم به تمام اثرهایی گفته می‌شود که برای توصیف آن‌ها نمی‌توان از خواص تک‌تک اتم‌های سامانه‌ی مرکب مورد بررسی به‌طور مجزا از هم استفاده کرد. این پدیده‌ها در بسیاری از جنبه‌های

مکانیک کوانتومی به چشم می‌خورند. به‌عنوان مثال، درهم‌تنیدگی یکی از جالبترین ویژگی‌های یک سامانه‌ی مرکب از دو یا تعداد بیشتری زیرسامانه است که اساس نظریه‌ی اطلاع‌رسانی کوانتومی را تشکیل می‌دهد و مشابه کلاسیک ندارد. در این فصل حالت‌های درهم‌تنیده در سامانه‌های دوتایی را معرفی می‌کنیم. سپس به‌طور مختصر به معرفی سنجه‌هایی که جهت تعیین میزان درهم‌تنیدگی یک حالت خالص معرفی شده‌اند می‌پردازیم. در پایان، دو اثر غیرکلاسیک پادگروه‌شدن فوتون‌ها و چلانندگی در میدان تابشی را مطالعه می‌کنیم.

## ۲.۱ تداخل کلاسیک تابش‌های اپتیکی و همدوسی

تداخل اپتیکی عموماً به‌عنوان یک پدیده‌ی موجی کلاسیک در نظر گرفته می‌شود. با وجود این که نظریه‌ی کلاسیک و کوانتومی تداخل اپتیکی هر دو به سادگی وجود یک طرح تداخلی را در مرتبه‌ی اول تداخل توضیح می‌دهند اما آثار تداخلی مربوط به مرتبه‌های بالاتر نیز وجود دارند که طبیعت کوانتومی نور را از طبیعت موجی آن متمایز می‌کنند.

در توصیف کلاسیک پدیده‌ی تداخل، میدان‌ها توسط امواج تخت نمایش داده می‌شوند و تداخل نوری را می‌توان به‌عنوان پیامدی از برهم‌نهی دو یا چند موج نوری دانست که به‌گونه‌ای با هم ترکیب می‌شوند که توزیع انرژی نور حاصل، در فضا یکنواخت نباشد. بدینسان پدیده‌ی تداخل براساس وابستگی شدت نور حاصل به اختلاف راه نوری یا اختلاف فاز پرتوهای اولیه توصیف می‌شود.

### ۱.۲.۱ تداخل مرتبه‌ی اول

ساده‌ترین مثال برای نمایش تداخل اپتیکی مرتبه‌ی اول، آزمایش دو شکافی یانگ است. در این آزمایش، دو پرتو با دامنه‌های  $\vec{E}_1(\vec{r}_1, t_1)$  و  $\vec{E}_2(\vec{r}_2, t_2)$  که به ترتیب در محل دو شکاف با بردارهای مکان  $\vec{r}_1$  و  $\vec{r}_2$  تولید می‌شوند، در نقطه‌ی مشاهده‌ی  $P$  با بردار مکان  $\vec{R}$  فرود می‌آیند. متوسط زمانی شدت حاصل از برهم‌نهی دو میدان را که در نقطه‌ی  $P$  آشکار می‌شود می‌توان

به صورت زیر نوشت [۴۹]

$$\langle I(\vec{R}, t) \rangle = |u_1|^2 \langle I_1(\vec{R}_1, t - t_1) \rangle + |u_2|^2 \langle I_2(\vec{R}_2, t - t_2) \rangle \quad (1-1)$$

$$+ 2 \operatorname{Re}\{u_1^* u_2 G^{(1)}(\vec{R}_1, t - t_1; \vec{R}_2, t - t_2)\},$$

که در آن،

$$G^{(1)}(\vec{R}_1, t - t_1; \vec{R}_2, t - t_2) = \langle \vec{E}_1^*(\vec{R}_1, t - t_1) \cdot \vec{E}_2(\vec{R}_2, t - t_2) \rangle, \quad (2-1)$$

تابع همبستگی مرتبه‌ی اول بین میدان در مکان  $\vec{R}_2$  و در لحظه‌ی  $t - t_2$  و همیوغ مختلط میدان در مکان  $\vec{R}_1$  و در لحظه‌ی  $t - t_1$  است. در واقع، این تابع نشان دهنده‌ی میزان همبستگی بین دامنه‌های میدان  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  است که از دو شکاف سرچشمه می‌گیرند. به علاوه،  $u_i = \frac{S_i}{R_i}$  یک مقدار ثابت و مختلط است که به هندسه و اندازه‌ی شکاف  $i$  ام بستگی دارد.

تابع همبستگی مرتبه‌ی اول بهنجار شده (تابع همدوسی مرتبه اول) به صورت زیر تعریف

می‌شود [۴۹]

$$g^{(1)}(\vec{R}_1, t_1; \vec{R}_2, t_2) = \frac{G^{(1)}(\vec{R}_1, t_1; \vec{R}_2, t_2)}{\sqrt{G^{(1)}(\vec{R}_1, t_1; \vec{R}_1, t_1) \cdot G^{(1)}(\vec{R}_2, t_2; \vec{R}_2, t_2)}} \quad (3-1)$$

$$= \frac{G^{(1)}(\vec{R}_1, t_1; \vec{R}_2, t_2)}{\sqrt{I_1(\vec{R}_1, t_1) I_2(\vec{R}_2, t_2)}}.$$

با توجه به نامساوی کوشی-شوارتز، این تابع شرط  $1 \geq |g^{(1)}| \geq 0$  را برآورده می‌کند. از آن جا که تابع همبستگی مرتبه اول بهنجار شده، معیاری از میزان همدوسی چشمه‌ها است، غالباً به آن درجه‌ی همدوسی گفته می‌شود به طوری که اگر دو میدان ناهمدوس باشند،  $g^{(1)} = 0$  است و اگر میدان‌ها کاملاً همدوس باشند،  $g^{(1)} = 1$  است. مقادیر میانی  $g^{(1)}$  ( $0 < |g^{(1)}| < 1$ ) نشان دهنده‌ی همدوسی جزئی است.

شدت میانگین  $\langle I(\vec{R}, t) \rangle$  به  $g^{(1)}$  بستگی دارد و در حالتی که شکاف‌ها یکسان باشند ( $u_1 = u_2$ )، برای میدان‌های کاملاً همدوس ( $|g^{(1)}| = 1$ )، مقدار شدت از  $(\sqrt{I_1} - \sqrt{I_2})^2$  به  $(\sqrt{I_1} + \sqrt{I_2})^2$  تغییر می‌کند و در نتیجه یک طرح تداخل به وجود می‌آید. حال اگر  $I_1 = I_2 = I$  باشد، شدت کل میانگین از مقدار  $\langle I \rangle_{\min} = 0$  به مقدار  $\langle I \rangle_{\max} = 4 \langle I \rangle$  تغییر می‌کند و در نتیجه بیشینه‌ی تداخل حاصل می‌شود. برای دو میدان ناهمدوس،  $g^{(1)} = 0$  و