



دانشگاه حکیم سبزواری

دانشکده علوم پایه

گروه فیزیک

پایان نامه جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد

رشته فیزیک گرایش ذرات بنیادی

عنوان:

محاسبه تقریب مرتبه اول توابع چهار نقطه‌ای ( $\bar{\lambda}\bar{\lambda}\bar{\varphi}\bar{\varphi}$ ) و تعدادی از توابع سه نقطه‌ای ( $A\bar{\varphi}\bar{\varphi}$ ) در

نظریه پیمانه‌ای جرمدار ابرتقارنی  $N = \frac{1}{\epsilon}$

استاد راهنمای:

دکتر احمد فرزانه کرد

استاد مشاور:

دکتر عبدالرحیم عسکری

پژوهشگر:

رسول گلستانه گلستانی

۱۳۹۲

# بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

سپاس بی کران پروردگار یکتا را که به ما هستی بخشد و به راه علم و دانش  
رهنمودمان کرد و به همنشینی با رهروان علم مفتخرمان نمود و خوش‌چینی از  
علم و معرفت را روزیمان قرار داد.

## «من لم يشكر المخلوق لم يشكر الخالق»

با تشکر و سپاس از همهی اساتید دانشمند و پرمایه‌ام که از محضر پروفیپشن، بهره‌ها برده‌ام.

با درود بی‌کران به روح پدرم‌حومم و تقدير و تشکراز مادر عزیز، و همسر دلسوز و فداکارم که همواره چراغ وجودشان روشنگر راه من در سختی‌ها و مشکلات بوده‌است.

و با تشکر خالصانه خدمت همهی کسانی که مرا در این راه یاری نموده‌اند.



دانشگاه  
جیم سبزواری

## فرم چکیده‌ی پایان‌نامه‌ی دوره‌ی تحصیلات تکمیلی

### مدیریت تحصیلات تکمیلی

|                                   |                        |                                      |
|-----------------------------------|------------------------|--------------------------------------|
| ش. دانشجویی: ۹۰۱۳۷۳۱۰۵۱           | نام: رسول              | نام خانوادگی دانشجو: گلستانه گلستانی |
| استاد مشاور: دکتر عبدالرحیم عسکری |                        | استاد راهنمای: دکتر احمد فرزانه کرد  |
| گرایش: ذرات بنیادی                | رشته: فیزیک            | دانشکده: علوم پایه                   |
| تعداد صفحات: ۸۵                   | تاریخ دفاع: ۱۳۹۲/۱۱/۲۰ | مقطع: کارشناسی ارشد                  |

عنوان پایان‌نامه: محاسبه تقریب مرتبه اول توابع چهار نقطه‌ای ( $\bar{\lambda}\bar{\lambda}\bar{\varphi}\bar{\varphi}$ ) و تعدادی از توابع سه نقطه‌ای  $N$  در نظریه پیمانه‌ای جرم دار ابرتقارنی

کلیدواژه‌ها: ابر تقارن جرم دار  $N$ ، ابر فضای ناجابجایی، نظریه پیمانه‌ای  $U(N)$ ، ابر میدان

### چکیده

امروزه کارهای زیادی در رابطه با نظریه‌های پیمانه‌ای در ابرفضای ناجابجایی انجام شده است. چنین نظریه‌هایی غیر هرمیتی بوده، و نیمی از ابرتقارن موجود در نظریه ابرتقارنی معمول را دارا هستند. به همین دلیل عبارت "ابر تقارن  $N$ " مطرح می‌شود. در این مقاله محاسبه نمودارهای تک حلقه‌ی کاهش ناپذیر، در چند مورد از برهم کنش‌های موجود در نظریه جرم دار ابر تقارن  $N$  بررسی شده است. در نهایت مشاهده می‌شود که رفتار واگرایی‌ها در تقریب مورد نظر عادی بوده است. نتایج این کار، برای بررسی باز بهنجارپذیری این نظریه‌ها لازم است.

امضاي استاد راهنمای

## فهرست مطالب

|    |  |   |
|----|--|---|
| ج  |  | فهرست جدول‌ها   |
| د  |  | فهرست شکل‌ها  |
| ۱  |  | مقدمه .....   |
| ۴  |  | فصل اول مدل استاندارد .....   |
| ۵  |  | ۱-۱ مقدمه‌ای بر نظریه مدل استاندارد .....                               |
| ۶  |  | ۲-۱ لاگرانژی مدل استاندارد .....  |
| ۸  |  | ۳-۱ ضعف‌های مدل استاندارد .....   |
| ۱۰ |  | فصل دوم ابرتقارن .....  |
| ۱۱ |  | ۱-۲ مفهوم تقارن .....   |
| ۱۱ |  | ۲-۲ انواع تقارن .....   |
| ۱۲ |  | ۳-۲ مقدمه‌ای بر ابرتقارنی .....   |
| ۱۶ |  | ۴-۲ جبر ابرتقارنی .....   |
| ۱۹ |  | ۵-۲ نمایش اسپینوری در ابرتقارن، اسپینورهای ویل، کایرال و مایورانا ..... |
| ۲۱ |  | ۶-۲ تبدیلات ابرتقارن .....  |
| ۲۲ |  | ۱-۶-۲ ابرفضا .....  |
| ۲۳ |  | ۲-۶-۲ ابرانتقال .....   |
| ۲۸ |  | ۳-۶-۲ ابرمیدان .....  |
| ۳۵ |  | ۷-۲ ابر تقارن در ابر فضای ناجابجایی .....                               |
| ۳۷ |  | ۸-۲ جبر ابر تقارن در ابر فضای ناجابجایی .....                           |
| ۳۸ |  | فصل سوم بررسی لاگرانژی .....  |
| ۳۹ |  | ۱-۳ مقدمه .....   |
| ۴۲ |  | ۲-۳ لاگرانژی پیمانه‌ای در فضای $\frac{1}{\epsilon} N =$ .....           |

الف

|    |       |   |
|----|-------|---|
| ۴۳ | ..... | ۳-۳<br>بررسی ابربتансیل                 |
| ۴۴ | ..... | ۴-۳<br>چند لاغرانژی مهم                 |
| ۴۴ | ..... | ۵-۳<br>ساده سازی لاغرانژی               |
| ۴۸ | ..... | ۱-۵-۲<br>قواعد فاینمن برای انتشارگرها   |
| ۵۲ | ..... | ۲-۵-۳<br>قواعد فاینمن برای رأس‌ها       |
| ۵۵ | ..... | <b>فصل چهارم محاسبات</b>                |
| ۵۶ | ..... | ۱-۴<br>نمودارهای فاینمن مرتبه اول نظریه |
| ۶۲ | ..... | ۲-۴<br>محاسبه نمودارها                  |
| ۶۲ | ..... | ۱-۲-۴<br>نمودارهای گروه اول             |
| ۶۷ | ..... | ۲-۲-۴<br>نمودارهای گروه سوم             |
| ۷۴ | ..... | ۳-۴<br>نتیجه‌گیری                       |
| ۷۶ | ..... | پیوست‌ها                                |
| ۸۲ | ..... | مقالات‌های استخراج شده                  |
| ۸۳ | ..... | مراجع                                   |

## فهرست جداول

|    |  |
|----|--|
| ۳۴ | ۱-۲ ابرمیدان‌های مختلف   |
| ۵۱ | ۱-۳ قواعد فاینمن برای انتشارگرها در نظریه $U(N)$ ابرتقارن جرم‌دار $\frac{1}{\epsilon}$ |
| ۵۴ | ۲-۳ قواعد فاینمن برای رأس‌ها در نظریه $U(N)$ ابرتقارن جرم‌دار $\frac{1}{\epsilon}$     |
| ۶۶ | ۱-۴ نتایج محاسبات نمودارهای گروه اول   |
| ۷۳ | ۲-۴ نتایج محاسبات نمودارهای گروه سوم   |

## فهرست شکل‌ها

|    |   |     |
|----|---|-----|
| ۱۳ | جدول ذرات مدل استاندارد .....                       | ۱-۲ |
| ۱۵ | تقارن بین ذرات مدل استاندارد و ذرات ابرتقارنی ..... | ۲-۲ |
| ۴۹ | نمایش فایمنن میدان برداری (گیج) .....               | ۱-۳ |
| ۴۹ | نمایش فایمنن گیجینو .....                           | ۲-۳ |
| ۴۹ | نمایش فایمنن $F$ و $D$ .....                        | ۳-۳ |
| ۴۹ | نمایش فایمنن $\psi$ .....                           | ۴-۳ |
| ۵۰ | نمایش فایمنن $\varphi$ .....                        | ۵-۳ |
| ۵۰ | انتشارگر جرمی $\langle F - \varphi \rangle$ .....   | ۶-۳ |
| ۵۰ | انتشارگر جرمی $\psi$ .....                          | ۷-۳ |
| ۵۲ | راس با چهار خط خروجی گیجینو .....                   | ۸-۳ |
| ۵۲ | راس با دو خط خروجی گیجینو و دو خط خروجی گیج .....   | ۹-۳ |
| ۵۷ | نمودارهای گروه اول .....                            | ۱-۴ |
| ۵۹ | نمودارهای گروه دوم .....                            | ۲-۴ |
| ۶۱ | نمودارهای گروه سوم .....                            | ۳-۴ |
| ۶۲ | نمودار $(1 - m)$ .....                              | ۴-۴ |
| ۶۷ | نمودار $(3 - aa)$ .....                             | ۵-۴ |

## مقدمه

نظریه میدان‌های کوانتومی<sup>۱</sup> چارچوبی نظری برای بازسازی مدل‌های مکانیک کوانتومی سیستم‌های مهیا می‌کند، که در فیزیک کلاسیک با میدان‌ها یا سیستم‌های بسیاری توصیف می‌شوند. در نظریه‌ی میدان‌های کوانتومی نیروهای میان ذرات توسط ذرات دیگر برقرار می‌شوند. برای نمونه، نیروی الکترومغناطیسی میان دو الکترون با رد و بدل فوتون‌ها امکان می‌یابد، با این حال نظریه فوق برای تمام نیروهای بنیادی به کار برد می‌شود. بوزون‌های برداری نیروی ضعیف، گلولئون‌ها نیروی قوی، و گراویتون‌ها نیروی گرانشی را برقرار می‌سازند. این ذرات حامل نیرو، ذراتی مجازی‌اند و زمانیکه حامل نیرو هستند امکان آشکارشدن‌شان وجود ندارد.

از سال ۱۹۳۰، فیزیکدانان خود را وقف حذف بی‌نهایت‌های نظریه‌ی میدان‌های کوانتومی کرده‌اند. تصویر کلاسیکی از «همه چیز به شکل ذره یا میدان است» در نظریه‌ی میدان‌های کوانتومی به صورت «همه چیز میدان است» در می‌آید. همچنین این نظریه که اولین اتحاد مکانیک کوانتومی و نسبیت شناخته می‌شود، در ابتدا دارای یک رشته نتایج بی‌معنا بود. به عنوان مثال، هرگاه فیزیکدانان سعی می‌کردند رویدادهایی را که در اثر برخورد الکترون‌هایی با سرعت بالا بوجود می‌آیند را بررسی کنند، استفاده از این نظریه، آن‌ها را به مقادیر بی‌نهایتی برای برخی کمیت‌ها مواجه می‌کرد. در سال ۱۹۴۹، فاینمن<sup>۲</sup> با استفاده از تقارن‌های ریاضی که نقش بسیار مهمی در از بین بردن بی‌نهایت‌ها در نظریه میدان کوانتومی دارند، توانست اولین اتحاد موفقیت آمیز نسبیت خاص و مکانیک کوانتومی را که به نظریه «الکترودینامیک کوانتومی»<sup>۳</sup> شهرت دارد، به وجود آورد و در سال ۱۹۶۵ جایزه نوبل فیزیک را به خود اختصاص دهد.

الکترودینامیک کوانتومی به طور موفقیت آمیزی توانست با حذف بی‌نهایت‌های موجود در نظریه میدان کوانتومی، برهم کنش‌های فوتون و الکترون را بررسی کند. در راستای تحقق این نظریه، فاینمن شروع به پیش‌بینی عددی رویداد برخورد ذراتی مانند الکترون یا اتم‌ها با یکدیگر کرد. در سال ۱۹۴۰، فاینمن با انجام محاسبات مربوط به نمودارهایی که رویدادهای برخورد ذرات بنیادی با

<sup>۱</sup> Quantum\_Field\_Theory

<sup>۲</sup> Feynman

<sup>۳</sup> Quantum electrodynamics

یکدیگر را به صورت سمبولیک نشان می‌داد (نمودارهای فاینمن<sup>۱</sup>) توانست بینهایتهای موجود در نظریه را حذف کند. تعداد این نمودارها، بینهایت است که هر کدام یک عبارت ریاضی را مشخص می‌کنند. راه حل فاینمن با وجود اینکه با عکس العمل‌های متضادی مواجه شد، کاملاً جدید بود. الکترودینامیک کوانتومی، نظریه‌ای دو پارامتری است: بار و جرم الکترون. علاوه بر نسبیت خاص، اکنون معادلات ماکسول تقارن دیگری به نام «تقارن پیمانه‌ای» را دارا می‌شدن که به فاینمن اجازه می‌داد تا مجموعه بزرگی از نمودارها را مجدداً گروه بندی کند. سرانجام او دریافت که می‌تواند به سادگی بار و جرم الکترون را به نحوی بازتعریف کند که بینهایتها جذب یا حذف شوند. (باز بهنجراش<sup>۲</sup>) از دیدگاه متقدین، استفاده از یک دسته از بینهایتها (که از حلقه‌ها بر می‌خیزند) برای حذف یک دسته دیگر از بینهایتها (که از بار و جرم ناشی می‌شوند) به نظر نامعقول و صرفاً یک ترفند به نظر می‌رسید. به نظر دیراک، نظریه بازبهنجراش برای اینکه نمایش یک جهش واقعی عمیق از درک ما از طبیعت باشد، ناهنجار بود، اما نتایج تجربی قابل نفی نبود. در سال ۱۹۵۰، نظریه جدید بازبهنجراش فاینمن به فیزیکدانان اجازه داد که با دقت غیر قابل باور، ترازهای انرژی اتم هیدروژن را محاسبه کنند. هیچ نظریه دیگری، به دقت حیرت انگیز محاسبه با الکترودینامیک کوانتومی حتی نزدیک نشد. با وجود اینکه این نظریه تنها برای الکترون و فوتون کاربرد دارد (نه برای نیروهای ضعیف و قوی)، موفقیت آن بدون شک چشمگیر بود. (این تاثیر متقابل بین تقارن و بازبهنجراش که همواره دیده می‌شود، یکی از اسرار بزرگ فیزیک است). [۲۰، ۱۷، ۱۹، ۲۱].

مطلوب بالا مقدمه‌ای در مورد پیدایش بازبهنجراش بود. در این پایاننامه سعی بر آن است تا اولین گام برای پیش روی به سوی بازبهنجراش نظریه پیمانه ای (N)U ابرتقارن جرم دار  $\frac{1}{2} = N$  با در نظر گرفتن میدان‌های فرمیونی، برداشته شود. برای این کار پس از باز کردن کامل لاغرانژی این نظریه، و آوردن روابط مورد نیاز، به محاسبه دو دسته از نمودارهای فاینمن مربوط به این نظریه پرداخته ایم.

---

<sup>۱</sup> Feynman diagrams

<sup>۲</sup> Renormalization

این پایاننامه شامل ۴ فصل می‌باشد. در فصل اول مختصری در مورد مدل استاندارد توضیح داده شده است. با همین بررسی جزئی، می‌توان به مشکلات موجود در مدل استاندارد پی‌برد، تا آماده پیش رفتن به سوی ابرتقارن شویم.

در فصل دوم به تشریح خلاصه‌ای از مفهوم تقارن و ابرتقارن پرداخته شده است، بخشی از روابط مورد نیاز را از جبر ابرتقارنی استخراج کرده‌ایم، مفاهیم مورد نیاز برای ادامه کار را تعریف کرده‌ایم، و در پایان اندکی درباره جبر ابرتقارن در ابرفضای ناجابجایی توضیح داده شده است.

در فصل سوم، ابتدا لاغرانژی نظریه به دقت باز و ساده سازی شده است، تا با استفاده از آن روابط مربوط به رأس‌ها و انشارگرهای برای محاسبه نمودارها لازم است، استخراج شود.

در فصل چهارم پس از دسته بندی نمودارهای مورد بررسی، مراحل مختلف محاسبه ۲ نمودار، به عنوان نمونه، آورده شده است. نتیجه محاسبه هر دسته از نمودارها در یک جدول قرار داده شده است.

در پایان بسیاری از روابط به کار رفته در محاسبات به عنوان ضمیمه آورده شده است، امید است این پایاننامه نیاز خوانندگان را به خوبی برطرف نماید، و پایه صحیحی برای کارهای بعدی باشد.

**فصل اول:**

**مدل استاندارد**

## ۱-۱ مقدمه ای بر نظریه مدل استاندارد

در طبیعت چهار نوع برهم کنش وجود دارد: الکترومغناطیسی، هسته ای ضعیف، هسته ای قوی و گرانش. مدل استاندارد سه برهم کنش اول را باهم اتحاد می‌بخشد. این مدل یکی از دستاوردهای بزرگ قرن بیستم محسوب می‌شود.

همه نیروهای طبیعت در مدل استاندارد حول یک اصل مرکزی به نام تقارن پیمانه ای موضعی، سازماندهی می‌شوند. این گروه تقارن در مدل استاندارد به صورت زیر توصیف می‌شود:

$$SU_c^{\circ}(3) \otimes SU_l^{\circ}(2) \otimes U_h^{\circ}(1)$$

گروه  $(1)U$  برهم کنش‌های الکترومغناطیسی را توصیف می‌کند و دارای یک مولد مستقل است (فوتون)

$(1 = 1 - 2)$ ، ناوردایی تحت این گروه به معنای بقای کمیت ابر بار است.

گروه  $(2)SU$  به گروه ایزواسپین معروف است، دارای سه مولد مستقل است  $(3 = 1 - 2)$  که یکی از این مولدها قطری است. ویژه حالت‌های این مولد، حالت‌های فرمیونی را مشخص می‌کند. این گروه توصیف کننده برهم کنش‌های ضعیف است.  $(Z^0, W^+, W^-)$

گروه  $(3)SU$  برهم کنش‌های قوی را توصیف می‌کند و دارای ۸ مولد مستقل است،  $(8 = 1 - 3)$  که ۲ تای آنها قطری هستند. ویژه مقادیر مولدهای قطری نشان دهنده عدد کوانتمی رنگ میدان‌ها است.

سه نوع میدان در این نظریه وجود دارد:

۱- میدان‌های پیمانه‌ای: این میدان‌ها شامل برهم کنش‌هایی بوده که اسپین ۱ دارند، و خود به سه

دسته تقسیم می‌شوند:

- میدان‌های گلوئونی که واسطه برهم کنش‌های قوی بین کوارک‌ها هستند.
- بوزون‌های پیمانه‌ای ضعیف که واسطه برهم کنش‌های ضعیف اند.
- میدان‌های فوتونی که واسطه برهم کنش‌های الکترومغناطیسی هستند.

<sup>۱</sup>c: colour

<sup>۲</sup>l: left

<sup>۳</sup>h: hypercharge

- میدان‌های فرمیونی(ماده)<sup>۱</sup>: این گروه خود به دو دسته کوارک‌ها و لپتون‌ها تقسیم می‌شوند، و همگی دارای اسپین نیمه صحیح هستند. فیزیکدان‌ها لپتون‌ها را به سه نسل تقسیم می‌کنند، هر سه نسل شامل یک لپتون باردار و یک نوتريینو هستند. نسل اول لپتون‌ها شامل الکترون و نوتريینو الکترون، نسل دوم شامل میون و نوتريینو میون؛ و نسل سوم شامل تاو و نوتريینو تاو است. ذرات بنیادی سازنده‌ی پروتون‌ها و نوترون‌ها، کوارک نامیده می‌شوند. همانند لپتون‌ها، کوارک‌ها نیز شش نوع‌اند که به سه نسل تقسیم می‌شوند. با این حال برخلاف لپتون‌ها، کوارک‌ها هرگز به تنها‌ی وجود ندارند، بلکه همیشه ترکیبی با دیگر کوارک‌ها هستند. اولین نسل کوارک‌ها، بالا (up یا u) و پایین (down یا d) نام دارند. دومین نسل افسون (charm یا c) و شگفت (strange یا s)؛ و سومین نسل به، سر (top یا t) و ته (bottom یا b) نام دارند. نام‌های اطلاقی به کوارک‌ها هیچ جنبه‌ای از این ذرات را توضیح نمی‌دهند بلکه آنها صرفاً نام‌گذاری هستند.

- میدان هیگز<sup>۲</sup>: طبق مدل گلاشو-سلام و واینبرگ<sup>۳</sup>، در مدل استاندارد حداقل یک جفت میدان اسکالر(با اسپین صفر) هیگز پیش‌بینی می‌شود. در فضای تهی میدان هیگز، انرژی خالصی وجود دارد که همواره در تمام جهان نفوذ می‌کند و با شکست خودبخودی تقارن الکتروضعیف، به لپتون‌ها، کوارک‌ها و بوزون‌های پیمانه‌ای ضعیف واسطه، جرم می‌دهد. در مدل استاندارد، میدان هیگز می‌تواند مقدار چشم داشتی خلاء غیر صفر داشته باشد. در نتیجه گروه تقارنی مدل استاندارد به گروه برهم کنش الکتروضعیف شکسته می‌شود. این شکست، به شکست خودبخودی تقارن<sup>۴</sup> موسوم است [۷، ۱۲، ۱۳، ۱۸].

## ۱-۲ لاغرانژی مدل استاندارد

تمام سیستم‌ها و نیروها از یک تابع لاغرانژی استخراج می‌شوند که از اصل تقارن پیمانه‌ای پیروی می‌کند. لاغرانژی مدل استاندارد دارای مجموعه‌ای از پارامتر‌های آزاد زیر است:

- سه ثابت جفت شدگی پیمانه‌ای  $g, g_s, \tilde{g}$
- سه ثابت جفت شدگی یوکاوا (ماتریس‌های یوکاوا<sup>۵</sup>)  $y_{\alpha\beta}$
- ثابت جفت شدگی<sup>۶</sup> هیگز

<sup>۱</sup> matter field

<sup>۲</sup> Higgs field

<sup>۳</sup> Glashow-salam and Weinberg model

<sup>۴</sup> Spontaneous Symmetry Breaking

<sup>۵</sup> Yukawa matrices

<sup>۶</sup> Coupling constant

## • پارامتر جرم هیگز $m_H^*$

در نظریه‌ی میدان کوانتوسی، لاگرانژی مدل استاندارد بصورت زیر توصیف می‌شود:

$$\mathcal{L} = \mathcal{L}_{\text{هیگز}} + \text{یوکاوا} + \mathcal{L}_{\text{پیمانه ای}}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{\text{هیگز}} &= -\frac{1}{\xi} G_{\mu\nu}^a G_{\mu\nu}^a - \frac{1}{\xi} W_{\mu\nu}^i W_{\mu\nu}^i - \frac{1}{\xi} B_{\mu\nu} B_{\mu\nu} + i \bar{L}_\alpha \gamma^\mu D_\mu L_\alpha + i \bar{Q}_\alpha \gamma^\mu D_\mu Q_\alpha \\ &+ i \bar{E}_\alpha \gamma^\mu D_\mu E_\alpha + i \bar{U}_\alpha \gamma^\mu D_\mu U_\alpha + i \bar{D}_\alpha \gamma^\mu D_\mu D_\alpha + (D_\mu H)^\dagger (D_\mu H) \end{aligned}$$

$$\mathcal{L}_{\text{یوکاوا}} = Y_{ij}^L \bar{L}_i E_j H + Y_{ij}^D \bar{Q}_i D_j H + Y_{ij}^U \bar{Q}_i U_j \tilde{H}$$

$$\mathcal{L}_{\text{پیمانه ای}} = m^* H^\dagger H - \frac{\lambda}{\chi} (H^\dagger H)^*$$

که  $\tilde{H} = i\tau_2 H^\dagger$  و  $i, j = 1, 2, 3$  فهرست نسل هستند و  $D_\mu$  مشتق هموردا است. میدان هیگز  $H$  باعث جرم‌دار شدن کوارک‌ها<sup>۱</sup> می‌شود و میدان هیگز  $\tilde{H}$  به کوارک بالا جرم می‌دهد. در مدل استاندارد، میدان هیگز می‌تواند مقدار چشم داشتی خلاً غیر صفر داشته باشد. در نتیجه گروه تقارنی مدل استاندارد به گروه برهم کنش الکتروضعیف شکسته می‌شود. همانطور که گفتیم، این شکست، به شکست خودبه خودی تقارن موسوم است. بعبارتی گروه پیمانه ای مدل استاندارد بطور خودبخودی بصورت زیر شکسته می‌شود:

$$SU_c(3) \otimes SU_l(2) \otimes U_h(1) \rightarrow SU_c(3) \otimes U_{EM}(1)$$

همه‌ی ذرات مدل استاندارد با شکست خودبخودی گروه تقارنی  $SU_l(2)$  از میدان هیگز، دارای جرم می‌شوند. بوزون‌های پیمانه‌ای برهم کنش‌های ضعیف، جرم دار می‌شوند و میدان فوتونی بدون جرم باقی می‌ماند. میدان فوتونی و بوزون‌های ضعیف پیمانه‌ای بصورت زیر بدست می‌آید:

$$\begin{aligned} W_\mu^\pm &= \frac{W_\mu^1 \mp i W_\mu^2}{\sqrt{2}} & Z_\mu &= -\sin\theta_w \beta_\mu + \cos\theta_w W_\mu^3 \\ \gamma_\mu &= \sin\theta_w W_\mu^3 + \cos\theta_w \beta_\mu \end{aligned}$$

جرم‌های این میدان‌های فیزیکی با روابط زیر محاسبه می‌شوند:

$$m_w = \frac{1}{\sqrt{2}} g v \quad \text{و} \quad m_z = \frac{m_w}{\cos\theta_w}$$

و میدان فوتونی  $\gamma^\mu$  بدون جرم است. در اینجا  $\tan\theta_w = \frac{g}{g}$  است. همچنین  $g$  و  $g$  به ترتیب جفت شدگی‌های مربوط به گروه  $U(1)$  و  $SU(2)$  هستند.

---

<sup>۱</sup> Leptons

### ۱-۳ ضعفهای مدل استاندارد

موفقیت مدل استاندارد قابل ملاحظه است. پیش بینی های مدل استاندارد در آزمایش های متعدد آزموده شده و صحبت آن بطور فوق العاده تایید گردیده است. با این همه مشکلاتی نیز در این مدل در فیزیک انرژی بالا دیده می شود.

اول اینکه تعداد بسیار زیادی پارامترهای آزاد وجود دارد. دوم اینکه مدل استاندارد نمی تواند برهم کنش های الکتروضعیف و قوی را در مقیاس انرژی بالا متحدد کند. توصیفی که مدل استاندارد برای پدیده شکست خودبخودی تقارن الکتروضعیف ارائه می دهد، راضی کننده نیست. مشکل بعدی وجود مسئله سلسله مراتب<sup>۱</sup> است، که از تصحیح تابشی جرم هیگر بوجود می آید.

دو مقیاس متفاوت در نظریه‌ی وحدت بزرگ<sup>۲</sup> (نظریه‌ی که نیروهای هسته‌ای قوی و الکتروضعیف را در یک نظریه‌ی یگانه متحدد می کند) و  $M_{GUT}$  و  $M_W$  (مقیاس جرمی که برهم کنش های قوی و الکتروضعیف را متحدد می کند) وجود دارد. در این نظریه منشاء جرم مبهم است.

جواب دادن به این سوال‌ها ماورای مدل استاندارد است. برای گذر به فراسوی مدل استاندارد دو راه حل وجود دارد:

۱. راه حل اول: در نظر گرفتن میدان‌های مشابه ولی با برهم کنش‌های جدید. این راه ما را به ابرتقارن<sup>۳</sup>، نظریه‌ی وحدت بزرگ (GUT) و نظریه ریسمان<sup>۴</sup> هدایت می کند. به نظر می‌رسد این نظریه‌ها با آزمایش‌های مدرن امروزی مطابقت دارند.

۲. راه حل دوم: در نظر گرفتن میدان‌های جدید و برهم کنش‌های جدید. این راه ما را به نظریه‌ی ترکیب‌شدگی<sup>۵</sup>، نظریه‌ی فرمیون-ضد فرمیون چگالی‌ده<sup>۶</sup>، پریان‌ها<sup>۷</sup> و... هدایت می کند. هنوز هیچ گواه تجربی برای این نظریه‌ها دیده نشده است.

<sup>۱</sup> Hierarchy problem

<sup>۲</sup> Grand unified theory

<sup>۳</sup> Supersymmetry

<sup>۴</sup> String Theory

<sup>۵</sup> Compositeness

<sup>۶</sup> Fermion-Anti fermion condensates

<sup>۷</sup> Preons

همچنین راه حل‌های دیگری نظیر گرانش در محدوده انرژی‌های  $Tev$ ، نظریه‌ی ابعاد اضافی<sup>۱</sup> بزرگ و ... وجود دارد، که در اینجا مورد بحث قرار نمی‌گیرند. در اینجا ما راه حل اول را پی‌گیری می‌کنیم که نزدیکترین گزینه به فیزیک جدید در محدوده  $Tev$  است.

پاسخ به این مشکلات ما را به سمت مدل ابر تقارن هدایت می‌کند [۱۴، ۲۰].

---

<sup>۱</sup> Extra Dimension

## فصل دوم:

تقارن و ابر تقارن

## ۱-۲ مفهوم تقارن

در فیزیک، تقارن شامل جنبه‌هایی از یک سامانه فیزیکی می‌شود که ویژگی تقارن را به نمایش بگذارند، یعنی تحت برخی تبدیل‌ها و در یک مشاهده خاص، بعضی ویژگی‌هایشان را حفظ کنند. یک تقارن در یک سامانه‌ی فیزیکی، یک خاصیت فیزیکی یا ریاضی سامانه‌است که تحت برخی تغییرات حفظ می‌شود.

تغییرناپذیری یا ناوردایی تحت یک تبدیل منجر به یک قانون پایستگی می‌شود. هر تقارن از طبیعت یک قانون پایستگی را نتیجه می‌دهد، و بر عکس هر قانون پایستگی نشان‌دهنده یک تقارن بنیادی طبیعت است<sup>۱</sup>، مثلاً اگر دستگاهی تحت انتقال در فضا ناوردا باشد، تکانه پایسته می‌ماند یا اگر دستگاهی تحت دوران حول یک محور ناوردا باشد، تکانه زاویه‌ای پایسته است.

برخی از تبدیلات، مانند چرخش یک دایره، پیوسته و برخی مانند تبدیل بازتاب یک شکل دوطرفه متقارن و یا چرخش یک چندوجهی گستته‌اند. هر کدام از این تبدیل‌ها به تقارن متناظر به خود منجر می‌شوند. (تقارن پیوسته و گستته).

تقارن‌های پیوسته توسط گروه لی و تقارن‌های گستته توسط گروه‌های متناهی توصیف می‌شوند. تقارن‌ها معمولاً<sup>۲</sup> به سادگی توسط روابط ریاضی قابل‌بیان هستند و روش‌های ریاضی، برای مثال نمایش توسط گروه‌ها می‌توانند برای ساده ساختن مسایل به کار گرفته شوند.

## ۲-۲ انواع تقارن

### ► تقارن‌های موضعی<sup>۳</sup> و تقارن‌های سراسری<sup>۳</sup> :

یک تقارن را جهانی می‌نامند اگر در تمام فضازمان برقرار باشد، در حالی که یک تقارن محلی تقارنی است که در نقاط مختلف فضازمان تبدیل‌های متقارن مختلفی داشته باشد. تقارن‌های محلی نقشی اساسی در نظریه‌های پیمانه‌ای بازی می‌کنند.

<sup>۱</sup> این قضیه به قضیه نودر مشهور است (در سال ۱۹۱۷م. امی نودر ارتباط تقارن‌ها و قوانین پایستگی را بیان کرد).

<sup>۲</sup> Local symmetry

<sup>۳</sup> Global symmetry

## ► تقارن‌های پیوسته:

مثالی که در بالا درمورد تقارن چرخشی بیان شد، نمونه‌ای از یک تقارن پیوسته است. این تقارن‌ها در ساختارهایی که پس از یک تغییر پیوسته ناوردا می‌مانند وجود دارند. از نظر ریاضی، تقارن‌های پیوسته توابع پیوسته توصیف می‌شوند. یک زیرمجموعه مهم تقارن‌های پیوسته در فیزیک، تقارن‌های فضازمان هستند.

## ► تقارن‌های گسسته:

یک تقارن گسسته تقارنی است که یک تغییر ناپیوسته را در سامانه توصیف می‌کند. برای مثال یک مربع دارای تقارن چرخشی‌گسسته است یعنی مربع تحت چرخش‌هایی که مضرب صحیحی از  $\frac{\pi}{2}$  باشد متقارن است. ابرتقارن (یک تقارن گسسته) بر این ایده استوار است که یک تقارن فیزیکی میان بوزون‌ها و فرمیون‌ها، وجود دارد. ابرتقارن بیان می‌کند که برای هر بوزون یک فرمیون به عنوان جفتی ابرمتقارن با نام ابرجفت وجود دارد. ابرتقارن هنوز از نظر آزمایشگاهی ثابت نشده است. هیچ ذره‌ی شناخته شده‌ای خواص لازم برای ابرجفت بودن برای ذره‌ای دیگر را دارا نیست. اگر ابرجفت‌ها وجود داشته باشند باید جرمی بیشتر از آنچه شتاب‌دهنده‌های ذرات کنونی قادر به تولید آن هستند داشته باشند.

### ۳-۲ مقدمه‌ای بر ابرتقارنی

تقارن یک مفهوم اساسی در ساختار یک نظریه است. به همین دلیل برای توسعه‌ی مدل استاندارد، باید تقارن‌های موجود در این مدل را توسعه داد. ابرتقارن، تقارن بین فرمیون‌ها و بوزون‌هاست. ایده اساسی پیدایش ابرتقارن به عنوان یک چارچوب جدید در فیزیک ذرات بنیادی مسئله وحدت میان تمام نیروهای طبیعت است. اما این وحدت در فواصلی به کوچکی  $l_{pl} \sim 10^{-33} cm$  که شامل آثار کوانتمی گرانشی است رخ می‌دهد. می‌دانیم اسپین بوزون واسطه نیروی گرانش (گراویتون<sup>۱</sup>) است در حالی که سایر بوزون‌های پیمانه‌ای (فوتون، گلئون و بوزون‌های ضعیف Z و W) اسپین ۱ دارند بنابراین تلاش برای وحدت تمامی نیروها تحت یک جبر، مسئله مشکلی است زیرا وحدت میان اسپین ۲ و اسپین ۱ (میدان‌های پیمانه‌ای) ممنوع است. تنها راه استفاده از جبر ابرتقارن است. جبری که ابرتقارن را توصیف می‌کند جبر لی تعیین یافته است که در توافق با نظریه‌ی میدان‌های کوانتم

<sup>۱</sup> Graviton