

اللهم لا تحرمنا



# مدلسازی و تحلیل غیر خطی ارتعاشات نانولوله کربنی حامل جریان سیال

ارائه دهنده:

پیام سلطانی

ارائه شده به دانشکده مهندسی دانشگاه فردوسی مشهد برای احراز  
درجه دکتری مهندسی مکانیک

استاد راهنما:

دکتر انوشیروان فرشیدیانفر

پاییز ۱۳۹۱

## تقدیم

تقدیم به مادرم که هر چه دارم از اوست

و

به یاد بود پدرم که استقامت و تلاش در رسیدن به هدف را به من آموخت

## تشکر و قدردانی

هم‌اکنون که این پایان نامه به یاری خداوند ارائه می‌گردد، از زحمات بی‌دریغ استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر فرشیدیانفر نهایت سپاس و تشکر را دارم که در تمام مدت انجام این کار پژوهشی با راهنمایی‌های ارزشمند، انتقادهای سازنده، پیشنهادهای و تشویق‌ها، بسیار یاریم کردند. بطور قطع بدون حمایت‌ها و پشتیبانی ایشان، انجام این کار پژوهشی غیرممکن می‌نمود.

در طول انجام این تحقیق و در تمام دوران تحصیل در مقطع دکتری تخصصی، علاوه بر بهره‌گیری علمی و تخصصی از دانش استاد بزرگوارم؛ منش و شخصیت ارزشمند ایشان، درس‌هایی بسیار گرانبها از اخلاق را به من آموخته‌است که در تمام طول زندگی همواره با من خواهد ماند.

از استادان ارجمندم جناب آقای دکتر موسوی مشهدی، جناب آقای دکتر احمدپور، جناب آقای دکتر رضایی پژند، و جناب آقای دکتر اختراعی طوسی که با پیشنهادات ارزشمند خود در جلسه دفاع از پیشنهاد این رساله، راه را برای ادامه پژوهش هموار نموده و در بررسی نهایی آن قبول زحمت نموده‌اند صمیمانه سپاسگزارم.

همه دانشم را مدیون زحمات بی‌دریغ همه استادان ارجمند و بزرگوار گروه مکانیک دانشکده مهندسی دانشگاه فردوسی مشهد، بخصوص جناب آقای دکتر رضایی پژند، جناب آقای دکتر اختراعی طوسی، جناب آقای دکتر طهانی، جناب آقای دکتر معاونیان، جناب آقای دکتر اکبرزاده، و جناب آقای دکتر سازگاران هستم. از همه بزرگواران بسیار سپاسگزارم.

در پایان، سپاس فراوان خود را تقدیم خانواده خود می‌نمایم که در طول این سال‌ها همواره مشوق من در انجام این مهم بوده‌اند.

## چکیده

نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال، بدلیل خواص منحصر بفرد مکانیکی، الکتریکی، و شیمیایی؛ با شکل کاملاً استوانه‌ای و سازگار با بافت‌های زنده؛ کاربردهای وسیعی در حوزه‌های مختلف نانوفن‌آوری پیدا نموده‌اند. استفاده از آنها به عنوان واحدهای نانومقیاس انتقال دهنده سیال و همچنین کاربرد آنها در دارورسانی هدفمند به ناحیه سلولی مشخص در بافت موجودات زنده، باعث گردیده‌است تا محققان زیادی از حوزه‌های مختلف علوم در پیشبرد تحقیقات مرتبط به تحقیق مشغول گردند. نانولوله‌های کربنی عضو اصلی بیشتر ابزار انتقال‌دهنده و جابجا کننده ماده در مقیاس نانو در آینده شناخته می‌شوند. ارتعاشات خطی نانولوله‌های کربنی ناشی از عبور جریان سیال در تحقیقات فراوانی مورد توجه قرار گرفته‌است. در حالیکه در این تحقیق رفتار غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال بررسی و شبیه سازی گردیده است. مدل غیرخطی ارائه شده بکمک تئوری غیرموضعی و تئوری لغزش مرزی جریان، اثر مقیاس نانو را در معادلات پیوسته حاکم بر ارتعاش نانولوله اعمال نموده‌است. جابجایی‌های بزرگ، کرنش *von Karman*، نقص هندسی اولیه نانولوله (انحراف هندسی نانولوله)، و پدیده چین خوردگی عواملی هستند که تاثیر آنها بطور مجزا روی رفتار ارتعاشی سیستم دیده شده‌است. در هر مرحله و برای بررسی هر عامل، مدل ریاضی سیستم ارائه گردیده و پاسخ سیستم بصورت تحلیلی تقریبی بدست آمده‌است. سپس بکمک پاسخ تحلیلی تقریبی، رفتار سیستم در برابر تغییر هر یک از پارامترهای موثر، مانند جریان سیال، دامنه ارتعاش، بستر پیرامون نانولوله، و اثر مقیاس نانو تشریح گردیده است. رفتار دینامیکی نانولوله حامل جریان سیال، بررسی نقاط تکین، تعادل دینامیکی، انواع پایداری و پدیده دوشاخگی، مفاهیم دیگری هستند که بطور کامل مورد توجه قرار گرفته‌اند و عوامل موثر روی هر یک توصیف گردیده‌است.

**کلید واژه:** نانولوله کربنی، جریان سیال، ارتعاش غیرخطی، تئوری غیرموضعی، تئوری لغزش مرزی، رفتار دینامیکی

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
ج	فهرست علایم و نشانه‌ها
و	نمایه کوتاه سازی
ز	فهرست جدول‌ها
ح	فهرست شکل‌ها
۱	<b>فصل ۱- پیشگفتار</b>
۱-۱	اهمیت کار پژوهشی و هدف پروژه
۲-۱	پژوهش‌های انجام شده
۳-۱	نوآوری کار پژوهشی
۴-۱	طرح کلی پایان نامه و ارتباط میان فصل‌ها
۵-۱	خلاصه فصل یکم
۶	
۷	<b>فصل ۲- نانولوله‌های کربنی و سیال</b>
۱-۲	پیشگفتار
۲-۲	فناوری نانو و نانولوله‌های کربنی
۳-۲	نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال
۱-۳-۲	نانولوله کربنی حامل جریان سیال - کاربردها
۲-۳-۲	جریان سیال درون نانولوله کربنی
۳-۳-۲	تئوری جریان سیال در مقیاس کوچک
۴-۳-۲	اصلاح معادلات حاکم بر جریان سیال در مقیاس نانو
۴-۲	ارتعاشات نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال، مروری بر تحقیقات انجام شده
۵-۲	خلاصه فصل دوم
۳۱	
۳۲	<b>فصل ۳- پایداری و ارتعاشات نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال</b>
۱-۳	پیشگفتار
۲-۳	مدلسازی غیرخطی نانولوله کربنی حامل جریان سیال
۳-۳	حل معادله غیرخطی نانولوله کربنی حامل جریان سیال
۱-۳-۳	روش تحلیل
۲-۳-۳	بحث و بررسی نتایج
۴-۳	پایداری نانولوله کربنی تک دیواره حامل جریان سیال:
۱-۴-۳	روش تحلیل
۲-۴-۳	بحث و بررسی نتایج

۶۲.....	۵-۳ خلاصه فصل سوم
<b>فصل ۴- بررسی اثر غیرخطی نقص هندسی (انحنای اولیه) روی ارتعاش نانولوله کربنی حامل</b>	
۶۳.....	جریان سیال
۶۳.....	۱-۴ پیشگفتار
۶۳.....	۲-۴ نانولوله های کربنی و شکل هندسی آنها
۶۵.....	۳-۴ مدل سازی غیرخطی نانولوله کربنی حامل جریان سیال دارای نقص هندسی اولیه
۷۰.....	۴-۴ روش تحلیل
۷۵.....	۵-۴ بحث و بررسی نتایج
۸۶.....	۶-۴ خلاصه فصل چهارم
<b>فصل ۵- بررسی اثر چین خوردگی روی ارتعاش نانولوله کربنی حامل جریان سیال</b>	
۸۷.....	۱-۵ پیشگفتار
۸۷.....	۲-۵ پدیده چین خوردگی و تاثیر آن روی رفتار مکانیکی نانولوله کربنی
۹۳.....	۳-۵ مدل سازی نانولوله کربنی حامل جریان سیال - با اعمال اثر چین خوردگی
۹۷.....	۴-۵ روش تحلیل
۹۸.....	۵-۵-۱ تحلیل عددی مدل نانولوله حامل جریان سیال با اثر چین خوردگی
۹۸.....	۵-۵-۲ اعتبار سنجی مدل
۱۰۱.....	۵-۵-۳ بررسی پارامتری رفتار غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال با اثر پدیده چین خوردگی
۱۰۷.....	۶-۵ خلاصه فصل پنجم
<b>فصل ۶- بررسی رفتار آشوبناک نانولوله های کربنی حامل جریان سیال</b>	
۱۰۸.....	۱-۶ پیشگفتار
۱۰۸.....	۲-۶ پایداری دینامیکی و رفتار آشوبناک سیستم های دینامیکی
۱۰۹.....	۳-۶ نانولوله حامل جریان سیال و پایداری دینامیکی
۱۱۰.....	۳-۶-۱ بررسی نقاط تعادل دینامیکی
۱۱۴.....	۴-۶ نمودار دوشاخگی و بررسی رفتار دینامیکی
۱۲۰.....	۵-۶ خلاصه فصل ششم
<b>فصل ۷- نتیجه گیری و پیشنهاد برای پژوهش های آینده</b>	
۱۲۱.....	۱-۷ رفتار غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال
۱۲۲.....	۲-۷ نقص هندسی در نانولوله حامل جریان سیال
۱۲۲.....	۳-۷ اثر پدیده چین خوردگی روی ارتعاش نانولوله کربنی حامل جریان سیال
۱۲۳.....	۴-۷ رفتار دینامیکی نانولوله حامل جریان سیال
۱۲۴.....	۵-۷ پیشنهاد برای پژوهش های آینده
۱۲۶.....	مراجع

## فهرست علائم و نشانه‌ها

عنوان	علامت اختصاری
مدول الاستیسیته نانولوله کربنی	$E$
پارامتر غیرموضعی	$e_0a$
پارامتر بدون بعد غیرموضعی	$e$
نیروی محوری خارجی کششی	$F_L$
تابع همیلتون	$H$
ممان اینرسی	$I$
ضریب سختی الاستیک وینکلر	$k_e$
ضریب بدون بعد وینکلر	$K_e$
ضریب سختی برشی پسترناک	$k_p$
ضریب بدون بعد پسترناک	$K_p$
عدد بدون بعد نودسن	$k_n$
طول لغزش	$L_s$
جرم واحد طول سیال	$m_f$
جرم واحد طول نانولوله کربنی	$m_c$
نسبت جرم در واحد طول	$m$
ممان خمشی درونی	$M$
نیروی محوری درونی	$N$
تابع باقیمانده	$R$



$r$	شعاع ژیراسیون
$\leftrightarrow$ $t$	تانسور تنش
$u$	جابجایی محوری
$v$	سرعت بدون بعد جریان سیال
$V$	سرعت جریان سیال
$w$	خیز دینامیکی نانولوله
$W$	خیز دینامیکی بدون بعد نانولوله
$w_o$	تابع نقص هندسی نانولوله
$W_o$	تابع نقص هندسی بدون بعد نانولوله
$W^{ext}$	کار نیروهای خارجی روی نانولوله
$x$	مختصات محوری نانولوله
$X$	مختصات محوری بدون بعد نانولوله
$\beta$	فرکانس ارتعاش مختلط
$\tau$	زمان بدون بعد
$\sigma_v$	پارامتر تطبیق ممان مماسی
$\sigma$	پارامتر تنظیم فرکانس
$\rho$	جرم حجمی
$\mu_o$	لزجت توده‌ای سیال
$\mu_e$	لزجت موثر سیال
$\varepsilon$	پارامتر اغتشاش

$\Re$

تابع انحراف هندسی بدون بعد نانولوله

$\Omega$

فرکانس غیرخطی بدون بعد

## نمایه کوتاه سازی

عنوان	علامت اختصاری
	<i>AFM Atomic Force Microscopy</i>
	<i>CCT Complex Conjugate Term</i>
	<i>CNT Carbon Nanotube</i>
	<i>DDS Drug Delivery System</i>
	<i>DQM Differential Quadrature Method</i>
	<i>EBM Euler- Bernoulli Beam Theory</i>
	<i>FDM Finite Difference Method</i>
	<i>FEM Finite Element Method</i>
	<i>MD Molecular Dynamics</i>
	<i>MMS Multiple Scaling Method</i>
	<i>MWCNT Multi-Walled Carbon Nanotube</i>
	<i>NEMS Nano Electro Mechanical System</i>
	<i>NST Non Secular Term</i>
	<i>RI Rotary Inertia</i>
	<i>SD Shear Deformation</i>
	<i>SEM Scanning Electron Microscopy</i>
	<i>SWCNT Single-Walled Carbon Nanotube</i>
	<i>TM Timoshenco elastic Model</i>
	<i>TEM Transmission Electron Microscopy</i>
	<i>VCF Velocity Correction Factor</i>

## فهرست جدول‌ها

صفحه

عنوان

---

جدول ۵-۱ فرکانس ارتعاش نانولوله کربنی تحت خمش با احتساب اثر چین خوردگی ..... ۹۸

## فهرست شکل‌ها

عنوان	صفحه
شکل ۱-۱ طرح کلی پایان نامه و ارتباط میان فصل‌ها.	۵
شکل ۱-۲ تصاویر SEM از نانوذرات سیلیکا [۱۰].	۹
شکل ۲-۲ نانوکپسول لیپیدی پر شده از ماده ضد سرطان سیسپلاتین. [۱۱].	۱۰
شکل ۳-۲ آلوتروپهای مختلف کربن. (الف) الماس، (ب) گرافیت (پ) لانس دالیت، (ت) فولرین C <sub>۶۰</sub> ، (ث) فولرین C <sub>۵۴</sub> ، (ج) فولرین C <sub>۷۰</sub> ، (چ) کربن بیشکل، (ح) نانولوله کربنی تک‌دیواره.	۱۱
شکل ۴-۲ پیکره بندی سازه‌های مدل‌های کایرال، زیگزاگ و آرمچیردر نانولوله تک‌دیواره [۱].	۱۳
شکل ۵-۲ نمایش بردار گرافیتی a <sub>۱</sub> و a <sub>۲</sub> و بردار کایرال C <sub>h</sub> [۱].	۱۳
شکل ۶-۲ طرحواره نانولوله های تک دیواره، و چند دیواره.	۱۴
شکل ۷-۲ تصویر نانولوله کربنی (الف) پیش از پرشدن از آب. (ب) هنگام پرشدن از سیال تحت تاثیر فشار منفی [۳۵].	۱۶
شکل ۸-۲ هیدرودینامیک جریان سیال تحت شرط لغزش مرزی و بدون بعد لغزش مرزی؛ معرفی پارامتر طول لغزش L <sub>s</sub> و سرعت لغزش.	۱۹
شکل ۹-۲ سه نوع متفاوت از جریان سیال بر حسب تئوری لایه لغزشی جریان [۴۳]. در این شکل طول لغزش L <sub>s</sub> با پارامتر b نمایش داده شده است.	۱۹
شکل ۱-۳ طرحواره نانولوله تک دیواره حامل جریان سیال روی بستر ویسکوالاستیک تعمیم یافته.	۳۳
شکل ۲-۳ مقایسه، رفتار دینامیکی نقطه میانی نانولوله تک‌دیواره حامل جریان سیال، براساس نتایج حاصل از تحلیل غیرخطی EBM، تحلیل خطی، و تحلیل عددی (الف) در سرعت بدون بعد جریان V = 2 و (ب) سرعت بدون بعد جریان V = 0.3.	۴۵
شکل ۳-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب دامنه ارتعاش؛ بررسی اثر پارامتر غیرموضعی e <sub>0</sub> a.	۴۷
شکل ۴-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب دامنه ارتعاش؛ بررسی اثر ضریب سختی وینکلر k <sub>w</sub> .	۴۸
شکل ۵-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب دامنه ارتعاش؛ بررسی اثر ضریب سختی برشی پسترناک k <sub>p</sub> .	۴۸
شکل ۶-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب دامنه ارتعاش؛ بررسی اثر نیروی محوری F.	۴۹
شکل ۷-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب سرعت بدون بعد V، بررسی اثر پارامتر غیرموضعی e <sub>0</sub> a.	۵۱
شکل ۸-۳ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی Δω% بر حسب سرعت بدون بعد V، بررسی اثر ضریب سختی وینکلر k <sub>w</sub> .	۵۲

- شکل ۳-۹ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی  $\Delta\omega$  بر حسب سرعت بدون بعد  $V$ ، بررسی اثر ضریب سختی برشی پسترناک  $k_p$  ..... ۵۲
- شکل ۳-۱۰ درصد تغییرات فرکانس غیرخطی  $\Delta\omega$  بر حسب سرعت بدون بعد  $V$ ، بررسی اثر نیروی محوری  $F_L$  ..... ۵۳
- شکل ۳-۱۱ تغییرات فرکانس مختلط ارتعاش  $\beta$  نانولوله تکدیواره حامل جریان سیال (هوا با  $k_n=0.04$ ) بر حسب مقادیر مختلف سرعت بدون بعد سیال  $V$  در سه مود ارتعاشی اول (الف) تغییرات بخش حقیقی فرکانس  $Re[\beta]$  (ب) تغییرات بخش موهومی فرکانس  $Im[\beta]$  ..... ۵۸
- شکل ۳-۱۲ تغییرات فرکانس بدون بعد ارتعاش نانولوله حامل جریان سیال بر حسب سرعت بدون بعد  $V$  در سه مود ارتعاش اول، بر حسب مقادیر مختلف پارامتر بدون بعد غیرموضعی  $e$  ..... ۵۹
- شکل ۳-۱۳ تغییرات فرکانس بدون بعد ارتعاش نانولوله حامل جریان سیال بر حسب سرعت بدون بعد  $V$  در سه مود ارتعاش اول، بر حسب مقادیر مختلف عدد نودسن  $K_n$  ..... ۶۰
- شکل ۳-۱۴ تغییرات سرعت‌های مرتبط با انواع ناپایداریها در نانولوله حامل جریان سیال بر حسب عدد  $k_n$  ..... ۶۱
- شکل ۴-۱ تصویر میکروسکوپ عبوری الکترونی  $TEM$  از نانولوله‌های کربنی در بستر پلی استیرن [۱۱۲]. ۶۴
- شکل ۴-۲ تصویر میکروسکوپ الکترونی روبشی  $SEM$  از صفحات نانولوله کربنی [۱۱۴]. ۶۴
- شکل ۴-۳ انحنا و خمیدگی یک نانولوله کربنی و شکل موجی آن [۱۱۳]. ۶۵
- شکل ۴-۴ طرحواره یک  $SWCNT$  حامل جریان سیال دارای نقص هندسی اولیه. ۶۵
- شکل ۴-۵ تغییرات پارامتر تنظیم فرکانس  $\sigma$  بر حسب حداکثر انحراف بدون بعد  $\mathfrak{R}$  برای دو سرعت متفاوت از جریان سیال؛ بررسی مقایسه‌های بین مدل ارائه شده و نتایج مدل [۱۰۵]. ۷۷
- شکل ۴-۶ پاسخ دینامیکی یک  $SWCNT$  نقص دار حامل جریان سیال، مقایسه نتایج حاصل از حل عددی با حل  $MMS$  ..... ۷۷
- شکل ۴-۷ تغییرات عبارات غیرخطی مدل ( $\alpha_2$  و  $\alpha_3$ ) بر حسب پارامتر بدون بعد حداکثر انحراف هندسی  $\mathfrak{R}$  در سرعت‌های متفاوت جریان سیال. ۷۸
- شکل ۴-۸ تغییرات عبارات غیرخطی مدل ( $\alpha_2$  و  $\alpha_3$ ) بر حسب پارامتر بدون بعد حداکثر انحراف هندسی  $\mathfrak{R}$ ، بر اساس پارامتر بدون بعد غیرموضعی  $e$ . ۸۰
- شکل ۴-۹ تغییرات عبارات غیرخطی مدل ( $\alpha_2$  و  $\alpha_3$ ) بر حسب عدد نودسن  $k_n$  در سرعت‌های متفاوت جریان سیال. ۸۱
- شکل ۴-۱۰ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathfrak{R}$ ، در مقادیر مختلف پارامتر غیرموضعی  $\mu$ . ۸۲
- شکل ۴-۱۱ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathfrak{R}$ ، در مقادیر عدد نودسن  $k_n$  ..... ۸۳
- شکل ۴-۱۲ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathfrak{R}$ ، در مقادیر مختلف سرعت بدون بعد سیال  $V$ . ۸۴

شکل ۴-۱۳ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathcal{R}$ ، در مقادیر مختلف ضریب سختی الاستیک وینکلر  $k_w$  ..... ۸۴

شکل ۴-۱۴ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathcal{R}$ ، در مقادیر مختلف ضریب سختی برشی پسترناک  $k_p$  ..... ۸۵

شکل ۴-۱۵ فرکانس غیرخطی بدون بعد  $\Omega$  بر حسب پارامتر بدون بعد انحراف هندسی  $\mathcal{R}$  و در شرایط مرزی متفاوت. .... ۸۶

شکل ۵-۱ تصویر  $AFM$  از شکل مود ارتعاشی نانولوله کربنی الف) تحت تحریک حرارتی. (ب) تحت تحریک میدان الکترواستاتیک با فرکانس  $530\text{KH}$ . (پ) تحت تحریک میدان الکترواستاتیک با فرکانس  $370.1\text{MHz}$  [۱۲۵]. ..... ۹۰

شکل ۵-۲ تصویر  $AFM$  از پدیده چین خوردگی در نانولوله های کربنی تحت خمش [۱۲۵]. ..... ۹۱

شکل ۵-۳ رابطه غیرخطی ممان خمشی  $M$ -انحناخمشی در طولهای متفاوت از نانولوله [۱۲۷]. ..... ۹۱

شکل ۵-۴ مدل المان محدود نانولوله کربنی و پدیده چین خوردگی (الف) مدل قبل از خمش (ب) مدل المان محدود تحت خمش و چین خوردگی در کمان داخلی (پ) تصویر  $TEM$  از نانولوله تحت خمش و چین خوردگی در کمان داخلی [۱۳۰]. ..... ۹۲

شکل ۵-۵ رابطه بین ممان خمشی  $M$  و انحنا نانولوله  $\kappa$  برای  $L/D=10$  و  $L/D=20$  [۱۳۰]. ..... ۹۳

شکل ۵-۶ مقایسه پاسخ زمانی نانولوله تک دیواره حامل جریان سیال با لحاظ اثر چین خوردگی و بدون اثر چین خوردگی در سرعت بدون بعد  $V=1$  و  $V=3$  و برای دو نانولوله با نسبت لاغری  $L/D=50$  و  $L/D=20$  ..... ۱۰۰

شکل ۵-۷ تغییرات پارامتر  $\Delta\omega_{Ripp}\%$  بر حسب سرعت بدون بعد سیال در دامنه های بدون بعد متفاوت  $a_0$  ..... ۱۰۲

شکل ۵-۸ تغییرات پارامتر  $\Delta\omega_{Ripp}\%$  بر حسب نسبت لاغری نانولوله (الف) در دامنه های بدون بعد متفاوت  $a_0$  (ب) در سرعت های بدون بعد  $V$ . ..... ۱۰۳

شکل ۵-۹ تغییرات پارامتر  $\Delta\omega_{Ripp}\%$  بر حسب دامنه بدون بعد  $a_0$ ، برای دو سرعت متفاوت سیال  $(V=1,3)$  و دو تئوری موضعی و غیرموضعی. .... ۱۰۴

شکل ۵-۱۰ تغییرات پارامتر انحراف فرکانس  $\Delta\omega_{Ripp}\%$  بر حسب عدد بدون بعد نودسن  $k_n$  در سرعت های متفاوت جریان سیال. .... ۱۰۵

شکل ۵-۱۱ تغییرات اثر سختی بستر الاستیک نانولوله (الف) ضریب بدون بعد وینکلر  $K_w$  و (ب) ضریب بدون بعد پسترناک  $K_p$  روی پارامتر  $\Delta\omega_{Ripp}\%$  در دامنه های بدون بعد متفاوت  $a_0$  در سرعت جریان  $V=3$  ..... ۱۰۶

شکل ۶-۱ تغییرات پارامتر  $\Delta$  بر حسب سرعت بدون بعد سیال  $V$ . ..... ۱۱۲

شکل ۶-۲ نمودار صفحه فاز برای نانولوله حامل جریان سیال در دو سرعت مختلف (الف) در سرعت بدون بعد جریان سیال  $V=2$  (ب) در سرعت بدون بعد جریان سیال  $V=3$ . ..... ۱۱۳

شکل ۶-۳ نمودار دوشاخگی نانولوله حامل جریان سیال با پارامتر کنترل سرعت بدون بعد جریان سیال  $V$ . ..... ۱۱۵

شکل ۴-۶ الف) نمودار صفحه فاز نانولوله تکدیواره در سه سرعت جریان سیال  $V=2, 3 \& 3/5$  (ب) پاسخ زمانی سیستم در  $V=2$ ، (پ) پاسخ زمانی سیستم در  $V=3$ ، (ت) پاسخ زمانی سیستم در  $V=3/5$ ..... ۱۱۶

شکل ۵-۶ نمودار دوشاخگی نانولوله حامل جریان سیال بر حسب پارامتر کنترل سرعت جریان سیال  $V$  برای سه جریان متفاوت سیال با سه عدد نودسن متفاوت..... ۱۱۸

شکل ۶-۶ الف) نمودار صفحه فاز نانولوله تکدیواره در سرعت سیال  $V=4$  برای سه سیال متفاوت، (ب) پاسخ زمانی سیستم برای سیال آب (پ) پاسخ زمانی سیستم برای سیال هوا با  $k_n=0/01$ ، (ت) پاسخ زمانی سیستم برای سیال هوا با  $k_n=0/04$ ..... ۱۱۹

شکل ۷-۶ نمودار دوشاخگی نانولوله بر حسب پارامتر کنترل سرعت جریان سیال  $V$ ، در سه مقدار متفاوت انحراف هندسی نانولوله  $\mathcal{R}$  برای جریان سیال هوا با  $k_n=0/04$ ..... ۱۲۰



## فصل ۱ – پیشگفتار

### ۱- اهمیت کار پژوهشی و هدف پروژه

کشف نانولوله‌های کربنی<sup>۱</sup> (CNTs) در سال ۱۹۹۱ و انقلاب نانو تکنولوژی بدنبال آن، با توجه به خواص منحصر بفرد مکانیکی، الکتریکی، و شیمیایی نانولوله‌ها؛ کاربردهای فراوانی را برای این ماده متصور گردید. از آنجا که بخش بزرگی از این کاربردها مانند انواع نانوحسگرها، نانو نوسانگرها، ردیاب‌های الکترونی و نمایشگرهای گسیل میدانی؛ بر مبنای ارتعاشات نانولوله‌ها کار می‌کنند؛ مدلسازی رفتار دینامیکی و ارتعاشی نانولوله همواره مورد توجه بسیاری از محققان بوده‌است.

بطور کلی مدلسازی ارتعاشی نانولوله‌های کربنی، با دو هدف اصلی صورت می‌پذیرد [۱]:

۱. پیش بینی رفتار دینامیکی و ارتعاشاتی نانو- ابزار هایی که بر مبنای ارتعاشات نانولوله‌ها کار می‌کنند .

۲. پیش بینی خواص مکانیکی نانولوله با استفاده از مدل‌های ارتعاشی.

برای بررسی رفتار ارتعاشی نانولوله‌های کربنی لازم است مدل ریاضی حاکم بر حرکت نانولوله بطور دقیق و در مقیاس نانو در دست باشد تا بکمک آن امکان پیش بینی رفتار و خواص مکانیکی نانولوله ممکن گردد. برای مدلسازی مواد در مقیاس نانو معمولاً از دو روش استفاده می‌شود: روش دینامیک مولکولی<sup>۲</sup> و روش معادلات محیط پیوسته.

روش  $MD$ ، اصلی‌ترین روش در محاسبات خواص مواد در مقیاس نانو و پیش بینی رفتار آنها می‌باشد. در این روش با تعیین توابع نیرو بین ذرات واتم‌ها در یک سیستم مقیاس نانو (مانند نانولوله کربنی) و محاسبه معادلات پایه آن بر اساس قانون دوم نیوتن و بر مبنای تئوری توابع میدان نیروی چند جرمی؛ بیان و توصیف نسبتاً دقیقی از رفتار حرکتی ماده معرفی می‌گردد. تحقیقات زیادی رفتار مکانیکی نانولوله‌های کربنی را از این روش مورد توجه قرار داده‌اند [۲-۴]. دقت بالای این روش در پیش‌بینی رفتار مواد در مقیاس نانو مهم‌ترین مزیت و ویژگی آن بوده و پیچیدگی محاسبات، نیاز به زمان زیاد برای انجام محاسبه و محدودیت در حداکثر تعداد اتم‌های هر مدل از مهمترین نقاط ضعف این روش ذکر می‌گردند [۵].

<sup>۱</sup> Carbon nanotubes

<sup>۲</sup> Molecular Dynamics

روش دیگر در مدل‌سازی رفتار مکانیکی نانولوله کربنی، روش محیط پیوسته می‌باشد. کاربرد معادلات محیط پیوسته در مقیاس نانو و استفاده از معادلات حاکم بر مکانیک محیط پیوسته<sup>۱</sup> جهت مدل‌سازی رفتار مکانیکی نانومواد، رویکردی است که در چند سال اخیر بشدت مورد توجه محققان قرار گرفته‌است. تایید نتایج تئوری حاصل از این روش توسط معهود آزمایشات انجام شده و تطابق بسیار مناسب این نتایج، به همراه عدم وجود محدودیت‌های روش دینامیک مولکولی در روش محیط پیوسته؛ این روش را به ابزاری موثر و کاربردی در مدل‌سازی نانو-مقیاس تبدیل نموده است. توسعه کاربرد روش محیط پیوسته و استفاده از تئوری محیط پیوسته غیر موضعی<sup>۲</sup> در مدل‌سازی رفتار مکانیکی مواد، نتایج کاربرد این روش را در مقیاس اتمی بسیار بهبود بخشیده است. به همین دلیل، از روش محیط پیوسته بصورت گسترده و وسیع در مدل‌سازی دینامیکی و استاتیکی نانولوله‌های کربنی استفاده گردیده است [۱، ۶].

نانولوله‌های کربنی دارای هندسه کاملاً استوانه‌ای، سطح داخلی کاملاً متراکم با اصطکاک مولکولی بسیار کم و خواص مکانیکی و مقاومتی فوق العاده بالا می‌باشند. بهمین دلیل استفاده از آنها جهت انتقال سیال در مقیاس نانو کاملاً ایده آل بنظر می‌رسند. ریزلوله‌های انتقال و ریزمخازن نگهداری سیالات در نانوماشین‌ها و سیستم‌های نانوالکترومکانیکی<sup>۳</sup> *NEMS* را می‌توان بر پایه استفاده از نانولوله کربنی طراحی نمود. به عنوان مثال، کاربرد این نانوسازه‌ها جهت انتقال هدفمند دارو در سیستم‌های دارورسانی<sup>۴</sup> *DDS*، به یکی از جالب‌ترین موضوعات در حوزه نانوفن‌آوری در سال‌های اخیر تبدیل شده است. از این رو مدل‌سازی ریاضی نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال و بررسی رفتاری آنها، در علم مهندسی نانو بسیار کاربردی و مورد توجه می‌باشد.

شبیه‌سازی رفتار نانولوله‌های حامل جریان سیال از روش دینامیک مولکولی *MD* و بررسی همزمان تاثیر متقابل اتم‌های سیال و نانولوله بسیار دشوار بوده و نیاز به ابزارهای محاسباتی قوی و پیچیده دارد. از سوی دیگر استفاده از معادلات محیط پیوسته در این زمینه ماهیت رفتاری سیستم را بسیار ساده‌تر و با دقت مناسب شبیه‌سازی می‌نماید. بهمین دلیل در سال‌های اخیر بطور گسترده از انواع مدل‌های مبتنی بر معادلات محیط پیوسته برای مدل‌سازی رفتار ارتعاشی، بررسی تغییر شکل، بررسی خواص انتقال حرارت و انتقال سیال در نانولوله‌های کربنی استفاده شده است. نتایج حاصل از مدل‌سازی بر مبنای معادلات محیط پیوسته انطباق بسیار مناسبی را با نتایج حاصل از روش *MD* نشان می‌دهند [۱] و این هم‌خوانی مناسب در نتایج، اعتبار معادلات محیط پیوسته در مقیاس نانو را تا حد زیادی تضمین می‌نماید.

<sup>۱</sup> *Continuum Mechanics.*

<sup>۲</sup> *Nonlocal Continuum Mechanics.*

<sup>۳</sup> *Nano-Electromechanical Systems.*

<sup>۴</sup> *Drug Delivery systems.*

از دیگر سو، بیشتر تحقیقات روی ارتعاشات نانولوله کربنی حامل جریان سیال، با استفاده از تئوری‌های محیط پیوسته و خطی انجام گردیده‌است. حال آنکه ماهیت رفتار مکانیکی نانوسازه‌ها تا حد زیادی غیرخطی بوده و عوامل غیرخطی موثر روی آن تاکنون بطور مجزا مورد توجه قرار نگرفته‌اند.

پارامترهایی مانند جابجایی‌های بزرگ، کشیدگی محوری، نقص در نانولوله کربنی، و پدیده چین‌خوردگی عواملی هستند که در تغییر شکل نانولوله کربنی بوجود آمده و عامل غیرخطی شدن رفتار سیستم می‌باشند. تاکنون تاثیر این عوامل روی ارتعاشات سیال-واداشته نانولوله‌های کربنی بررسی نشده‌است و از این منظر بررسی و مدلسازی غیرخطی این سیستم ضروری بنظر می‌رسد.

هدف اصلی این تحقیق، ارائه مدل غیرخطی پیوسته و غیرموضعی از نانولوله حامل جریان سیال می‌باشد. همچنین برای آشنایی با رفتار ارتعاشی چنین سیستم نانومقیاسی و بررسی تاثیر پارامترهای مختلف روی آن، حل تحلیلی تقریبی مدل در هر مرحله، با کمک روش مناسب ارائه خواهد گردید. ارائه حل تحلیلی در این تحقیق در بخش‌های مختلف از آنجاییکه در رفتار شناسی سیستم و مطالعه پارامتری آن بسیار موثر می‌باشد، از جمله نقاط قوت این پایان نامه می‌باشد. همچنین بررسی و شناخت انواع ناپایداری‌ها، اثر پارامترهایی مانند جابجایی‌های بزرگ، اثر کشیدگی محوری، نقص هندسی اولیه، و چین‌خوردگی مورد بحث قرار خواهد گرفت که در تحقیقات پیشین مورد توجه قرار نگرفته‌است. همچنین مطالعه رفتار دینامیکی نانولوله کربنی حامل جریان سیال و پدیده‌های غیرخطی مرتبط با آن مانند دوشاخگی و نقاط تعادل سیستم از جمله مباحثی است که برای اولین بار در این تحقیق مورد توجه قرار گرفته‌است.

### ۱ ۴ – پژوهش‌های انجام شده

در این تحقیق، ابتدا مروری بر تحقیقات مرتبط با ارتعاشات نانولوله کربنی و همچنین نانولوله‌های حامل جریان سیال، انجام پذیرفته‌است. سپس با بررسی انواع عوامل غیرخطی، مدل جامعی از ارتعاش عرضی غیرخطی نانولوله تک‌دیواره و حامل جریان سیال ارائه گردیده‌است. حل تحلیلی و بررسی رفتار سیستم در اثر عوامل مختلف در مرحله بعد مورد توجه قرار گرفته‌است و توصیف کاملی از ماهیت ارتعاش ناشی از جریان سیال بیان شده‌است. در ادامه، عوامل مهم دیگری همانند نقص هندسی نانولوله و پدیده چین‌خوردگی به مدل غیرخطی فوق اضافه گردیده‌است و تاثیر آن‌ها روی نتایج مطالعه شده‌است. در مرحله نهایی رفتار دینامیکی مدل غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال مورد بررسی و بحث قرار گرفته‌است.

### ۱ ۴ – نوآوری کار پژوهشی

همانطور که پیشتر در این فصل عنوان گردید، مدلسازی غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال و بررسی ارتعاش عرضی ناشی از عبور جریان سیال در تحقیقات کمتر مورد توجه قرار گرفته‌اند و بیشتر تحقیقات مرتبط، با تمرکز بر رفتار خطی نانولوله انجام پذیرفته‌است. در این پایان نامه، برای اولین بار، به بررسی عوامل مختلف موثر در مدل غیرخطی نانولوله کربنی حامل جریان سیال پرداخته شده‌است.

بنابراین ارائه مدل غیرخطی از ارتعاش نانولوله کربنی حامل جریان سیال، و اعمال اثر پارامترهای مختلف غیرخطی مختلف روی مدل، مهم ترین نوآوری در این تحقیق می‌باشد.

همچنین، در هر بخش، پاسخ سیستم بصورت تحلیلی تقریبی ارائه گردیده‌است. دستیابی به پاسخ تحلیلی امکان بررسی رفتار سیستم در اثر پارامترهای مختلف و تسهیل در رفتارشناسی پارامتری مدل را فراهم می‌آورد که مزیت مهمی در طراحی سیستم‌های پیچیده می‌باشد. ارائه پاسخ تحلیلی از رفتار ارتعاشی مدل غیرخطی نانولوله کربنی حامل جریان سیال نوآوری مهم دیگری است که در این پایان نامه به آن پرداخته شده‌است.

رفتار دینامیکی نانولوله کربنی حامل جریان سیال و بحث روی پدیده‌های دینامیکی مهمی مانند پایداری دینامیکی، نقاط تعادل و دوشاخگی سیستم نیز برای اولین بار در این بررسی مورد توجه قرار گرفته‌است.

به اختصار مهم ترین نوآوری‌های ارائه شده در این پایان نامه عبارتند از:

- ارائه مدل غیرخطی جامع از ارتعاش نانولوله کربنی حامل جریان سیال.
- ارائه پاسخ تحلیلی تقریبی برای مدل ارائه شده و رفتارشناسی پارامتری مدل.
- بررسی اثر نقص هندسی اولیه، روی ارتعاش غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال .
- بررسی اثر پدیده چین خوردگی، روی ارتعاش غیرخطی نانولوله حامل جریان سیال .
- بررسی رفتار دینامیکی نانولوله حامل جریان سیال، پایداری دینامیکی، دوشاخگی و آشوب.

### ۱ ۴ - طرح کلی پایان نامه و ارتباط میان فصل ها

این پایان نامه در هفت فصل تدوین شده‌است. فصل دوم، ابتدا به معرفی مختصری از نانولوله‌های کربنی، انواع و خواص آنها می‌پردازد و انواع کاربردهای این نانوسازه را معرفی می‌نماید. در ادامه، کاربرد-های نانولوله‌های کربنی حامل جریان سیال در زمینه‌های مختلف شرح داده شده و ماهیت جریان سیال در مقیاس نانو معرفی می‌گردد. در این قسمت تفاوت‌های جریان سیال در مقیاس نانو با مقیاس ماکرو بررسی شده و معادلات مرتبط معرفی می‌گردند. در ادامه نیز پیشینه تحقیقات مرتبط بررسی گردیده‌است و نقاط قوت و ضعف هر تحقیق به اختصار مورد بحث قرار گرفته‌است.

در فصل سوم، مدل غیرخطی نانولوله تک‌دیواره حامل جریان سیال با استفاده از تئوری غیرموضعی معرفی گردیده‌است و اثر پارامتر غیرخطی کشیدگی محوری بعنوان مهم‌ترین عامل غیرخطی در معادلات دیده شده‌است. حل تحلیلی مدل غیرخطی با روش جدید توازن انرژی ارائه گردیده و رفتارشناسی پارامتری مدل مورد توجه قرار گرفته‌است. در این فصل همچنین توضیحات کاملی روی انواع ناپایداری-های سیستم ارائه گردیده‌است.