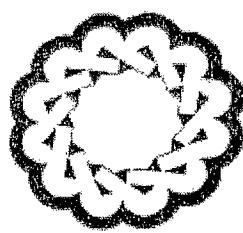


~~W.W. & W.O.~~
~~W.W. & P.P.~~



10VF77



دانشگاه ولی‌عصر(عج) رفسنجان

دانشکده علوم

گروه فیزیک

پایان‌نامه‌ی کارشناسی ارشد رشته‌ی فیزیک گرایش لیزر

عنوان پایان‌نامه

موجک بهینه برای نوافه زدایی سیگناال بازگشتی لیدار

بر مبنای لیزر TEA-CO_2 به روش ForWaRD



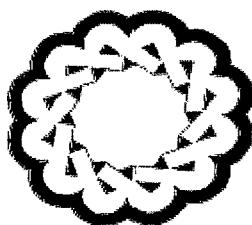
استاد راهنما:
دکتر علیرضا بهرامپور

۱۳۸۷ / ۱۰ / - ۵

دانشجو:
شهریور ۸۶
شراره ایزدندیا

شهریور ۸۶

۱۰۷۴۶۶



دانشگاه ولی‌عصر(عج) رفسنجان

دانشکده علوم

گروه فیزیک

پایان‌نامه‌ی کارشناسی ارشد رشته‌ی فیزیک گرایش لیزر خانم شراره ایزدنیا

تحت عنوان

موجک بینه برای نوفه زدایی سیگنال بازگشتی لیدار

بر مبنای لیزر TEA-CO₂ به روش ForWaRD

در تاریخ ۱۴۰۲/۰۷/۰۱، توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه **با امتیاز** به تصویب نهایی رسید.

- ۱- استاد/ استادان راهنمای پایان نامه دکتر علیرضا بهرامپور با مرتبه‌ی علمی استاد... امضاء
- دکتر سید مهدی بیضایی با مرتبه‌ی علمی استاد/دکتر... امضاء
- ۳- استاد/ استادان داور داخل گروه دکتر ناصر شاه طهماسبی با مرتبه‌ی علمی دانشی..... امضاء
- ۴- استاد/ استادان داور خارج از گروه دکتر محمد شفیعی با مرتبه‌ی علمی استاد/دکتر امضاء
- ۵- نماینده تحصیلات تکمیلی

حمد و سپاس بی کران، ایزد پاک را سزاست. آفریدگاری که عالم هستی، نشانه‌ای از قدرت بی‌انهای او و گرداش افلاک نمودی از حکمت اوست. سپاس خدای را که من را در انجام و نگارش این رساله یاری نمود.

بر خود واجب می‌دانم که صمیمانه‌ترین سپاس را به کسانی که من را در نگارش این رساله یاری نمودند تقدیم

نمایم:

اول از هر کسی پدر و مادر عزیزم که در تمام مراحل زندگی همیشه یار و یاور من بوده‌اند و همچنین استاد عزیزم جناب آقای دکتر بهرامپور به مانند پدری دلسوز در انجام این رساله من را همراهی کردند.

خواهران و برادر عزیزم (فریبا، فرزانه، فیروزه، علی و محمد رضا) همیشه قوت قلبم بودند و همچنین دوستان عزیزم خانم‌ها الهام و فایی نژاد، اعظم سامانی، نرجس رسیدی، زکیه قادری، ربابه فلاح نرگس، محبوبه رحمانی و لطیفه قرنجیک که بودنشان آرامش خاطر برای من بود و سایر عزیزانی که من را یاری دادند: آقایان علی‌اصغر عسکری، مهندس باقر مرعشی، مهندس علی اسکندری‌پور، دکتر علی‌محمد میرعلی، مجید اسفیداری، منصور فرهادی و خانواده‌های محترم محمدی، دره‌شیری و ... در نهایت باز هم از تمامی عزیزان کمال تشگر را دارم و از خداوند منان به خاطر تمام نعمت‌هاییش سپاسگزارم.

تقدیمه به:

مادرم به پاس نیکیها و مرارتهایی که تا آمودتم گشید

پدرم به خاطر رنجهای که تا شده قابل گرد

چکیده :

در لیدارهایی که با لیزر CO_2 -TEA استفاده از نیتروژن برای بالا بردن توان، یک دنباله در پالس اصلی ایجاد می‌شود که دقت اندازه‌گیری را کاهش می‌دهد. برای از بین بردن اثرات دنباله پالس از روش نرم‌افزاری دی‌کانولوشن که جساس به نوفه است، استفاده کرده‌ایم و به همین دلیل نوفه افزایش می‌یابد. این روش باعث شده که اطلاعات تا حد زیادی مختل شود. برای از بین بردن یا کاهش دادن نوفه روش ترکیبی *ForWARD* که در آن هم صافی فوریه و هم نظریه‌ی موجک می‌باشد، را به کار می‌بریم. در این پایان نامه اقدام به ساخت موجکی منطبق با سیگنالی که توسط گیرنده در لیدار به دست می‌آید، کرده‌ایم و از این موجک در روش *ForWARD* استفاده می‌کنیم. این کار باعث می‌شود که کاهش نوفه بهتر انجام شود و ما نتیجه دقیق‌تری را می‌توانیم به دست آوریم و به خواص دقیقی از منطقه مورد نظر دست یابیم. در نهایت نتایج به دست آمده از شبیه سازی‌های رایانه‌ای را با نتایجی که قبلاً با استفاده از موجک‌های ساخته شده به دست آمده مقایسه کرده و به بهتر بودن این روش پی برده می‌شود.

فهرست مطالب

صفحه عنوان

۱.....	پیشگفتار
فصل اول: سیستم ها و لیدار	
۳.....	۱-۱) سیستم ها و خواص آن ها
۳.....	۱-۱-۱) سیستم خطی
۴.....	۱-۱-۲) سیستم تغییر ناپذیر با زمان
۴.....	۱-۱-۳) سیستم وارون پذیر
۴.....	۱-۱-۴) سیستم علی
۴.....	۱-۱-۵) سیستم حافظه دار
۴.....	۱-۱-۶) سیستم بدون حافظه
۴.....	۱-۱-۷) سیستم خطی تغییر ناپذیر با زمان
۵.....	۲-۱) آشکار سازی از راه دور
۵.....	۲-۲) سیستم دو پایانه

۵ تک پایانه سیستم ۱-۲-۳
۶ لیدار ۱-۳
۷ اجزای لیدار ۱-۴
۷ فرستنده ۱-۴-۱
۷ گیرنده ۱-۴-۲
۸ آشکار ساز ۱-۴-۳
۸ پراکندگی و جذب ۱-۵
۹ انواع پراکندگی های کشسان ۱-۵-۱
۹ الف: پراکندگی تشیدیدی
۹ ب: پراکندگی رایی
۱۰ ج: پراکندگی مای
۱۱ انواع پراکندگی های نا کشسان ۱-۵-۲
۱۱ الف: پراکندگی فلورسانی
۱۱ ب: پراکندگی رامان
۱۳ جذب ۱-۵-۳
۱۳ الف: جذب و پراکندگی دیفرانسیلی
۱۴ انواع لیدار ۱-۶
۱۴ لیدار رایی ۱-۶-۱

۱۵.....	۱-۶-۲) لیدار رامان
۱۵.....	۱-۶-۳) لیدار تشدیدی
۱۵.....	۱-۶-۴) لیدار جذب دیفرانسیلی
۱۶.....	۱-۶-۵) لیدار داپلری
۱۷.....	۱-۷) معادلات لیدار
۲۰.....	۱-۸) لیزر CO_2
۲۱.....	۱-۹) روش های به دست آوردن پاسخ ضربه در لیدار
۲۱.....	۱-۹-۱) تغییر شکل ورودی به دلتای دیراک (ضربه)
۲۳.....	۱-۹-۲) حذف اثرات دنباله پالس لیزری به روش دی کانولوشن
۲۴.....	الف: روش تبدیل فوریه
۲۴.....	ب: روش ماتریسی
۲۵.....	ج: انتگرال ولترا
۲۶.....	۱-۱۰) نوفه در لیدار
۲۶.....	۱-۱۰-۱) نوفه کوانتمی
۲۶.....	۱-۱۰-۲) نوفه اجزای لیدار
۲۶.....	۱-۱۰-۳) نوفه جریان تاریک
۲۶.....	۱-۱۰-۴) نوفه پس زمینه
۲۷.....	۱-۱۱) ارتباط نوفه و دی کانولوشن

فصل دوم : موجک و روش های کاهش نویه

۲۸.....	(۱-۲) تبدیل فوریه
۲۹.....	(۲-۲) تبدیل فوریه پنجره
۳۰.....	(۳-۲) تبدیل موجک
۳۱.....	(۱-۳-۲) قاب (فریم)
۳۲.....	(۲-۳-۲) موجک
۳۴.....	الف: تبدیل موجک پیوسته
۳۵.....	ب: تبدیل موجک گسسته
۳۶.....	(۴-۳-۲) نمونه برداری
۳۷.....	(۵-۳-۲) رابطه موجک با فیلتر
۴۰.....	(۶-۳-۲) فیلتر بازک
۴۳.....	(۴-۲) کاهش نویه با استفاده از تبدیل فوریه (FoRD)
۴۵.....	(۵-۲) کاهش نویه به وسیله ای موجک (WVD)
۴۹.....	(۶-۲) کاهش نویه توسط ForWaRD
۵۰.....	(۷-۲) ساخت موجک منطبق با سیگنال
۵۱.....	(۱-۷-۲) انطباق جدأگانه دامنه و فاز طیف موجک با پهنای باند محدود بردامنه و فاز طیف سیگنال دلخواه

۲-۷-۲) انطباق دامنه طیف موجک بر دامنه طیف سیگنال..... ۵۷

۳-۷-۲) انطباق فاز طیف موجک بر فاز طیف سیگنال..... ۵۹

فصل سوم : روش جدید طراحی موجک منطبق بر سیگنال دلخواه

۱-۳) طراحی موجک..... ۶۳

۱-۱-۱) انطباق هم زمان دامنه و فاز طیف موجک با پهنهای باند محدود بر دامنه

وفاز طیف سیگنال دلخواه..... ۶۴

۱-۳) الگوریتم عددی..... ۷۵

فصل چهارم : نتایج و شبیه سازی های کامپیووتری

۱-۴) شبیه سازی ها..... ۷۹

۲-۴) نتیجه گیری..... ۱۰۲

پیوست ۱. مقاله ارائه شده در چهارمین سمینار جبر خطی به همراه کارگاه موجک... ۱۰۳

پیوست ۲. مقاله ارائه شده در کنفرانس فیزیک ایران ۱۳۸۶..... ۱۰۸

مراجع..... ۱۱۲

فهرست شکل ها

عنوان

صفحه

فصل اول

شکل ۱-۱ سیستم با ورودی $X(t)$ و خروجی $Y(t)$ ۴

شکل ۱-۲ اجزای تشکیل دهنده بیدار ۷

شکل ۱-۳ پراکندگی تشدیدی ۹

شکل ۱-۴ پراکندگی رایلی ۱۰

شکل ۱-۵ پراکندگی مای ۱۰

شکل ۱-۶ پراکندگی فلورسانی ۱۱

شکل ۱-۷ پراکندگی رامان ارتعاشی ۱۳

شکل ۱-۸ جذب ۱۳

شکل ۱-۹ جذب و پراکندگی دیفرانسیلی ۱۴

شکل ۱-۱۰ مدهای مختلف CO_2 ۲۰

شکل ۱-۱ سیستم قطع کننده پلاسما ۲۲

شکل ۱-۲ سیستم قطع کننده پلاسما ۲۲

شکل ۱-۳ کانولوشن پالس لیزر با پاسخ ضربه ۲۴

شکل ۱-۴ معکوس ماتریس ۲۴

فصل دوم

شکل ۲-۱ جعبه زمان- فرکانس هایزنبرگ برای دو پنجره $g_{u,\gamma}$ و $g_{u,\epsilon}$ ۳۰

شکل ۲-۲ نمایشی از زیر فضای تو در تو ۳۳

شکل ۲-۳ جعبه زمان- فرکانس هایزنبرگ برای دو موجک $\psi_{u,s}$ و ψ_{u_0,s_0} ۳۶

شکل ۴-۲ انواع فیلترها ۳۷

شکل ۵-۲ سیستم کاهنده نمونه ۴۰

شکل ۶-۲ سیستم افزاینده نمونه ۴۰

شکل ۷-۲ ساختار فیلتر بانک تجزیه ۴۱

شکل ۸-۲ ساختار فیلتر بانک ترکیب ۴۱

شکل ۹-۲ ساختار فیلتر بانک بازسازی کامل ۴۲

شکل ۱۰-۲ مربوط به اثبات قضیه ۱ ۵۲

شکل ۱۱-۲ ماتریس A ۵۹

فصل چهارم

شکل ۱-۴ موجک میر ۸۰

شکل ۲-۴ طیف دامنه سیگنال در باند مثبت..... ۸۰

شکل ۳-۴ فاز سیگنال در باند مثبت..... ۸۱

شکل ۴-۴ سیگنال اصلی و موجک منطبق با سیگنال به روش رائو..... ۸۱

شکل ۵-۴ دامنه سیگنال اصلی و دامنه موجک منطبق بر سیگنال..... ۸۲

شکل ۶-۴ تأخیر گروه سیگنال و تأخیر گروه موجک منطبق بر سیگنال..... ۸۲

شکل ۷-۴ سیگنال اصلی و موجک منطبق با روش کمینه‌سازی همزمان..... ۸۳

شکل ۸-۴ موجک منطبق بر سیگنال روش کمینه‌سازی هم زمان طیف و دامنه..... ۸۳

شکل ۹-۴ دامنه سیگنال و دامنه موجک منطبق بر سیگنال..... ۸۴

شکل ۱۰-۴ دامنه موجک منطبق بر سیگنال..... ۸۴

شکل ۱۱-۴ فاز موجک منطبق بر سیگنال..... ۸۵

شکل ۱۲-۴ فاز سیگنال و فاز موجک منطبق بر آن..... ۸۵

شکل ۱۳-۴ پالس لیزر..... ۸۷

شکل ۱۴-۴ پاسخ ضربه محیط..... ۸۷

شکل ۱۵-۴ پاسخ ضربه محیط و سیگنال دریافتی کانولو پاسخ ضربه با پالس..... ۸۸

شکل ۱۶-۴ پاسخ ضربه به دست آمده از روش دی کانولوشن تبدیل فوریه..... ۸۹

شکل ۱۷-۴ سیگنال دریافتی لیدار با نوفه..... ۸۹

شکل ۱۸-۴ پاسخ ضربه دی کانولوشن تبدیل فوریه با در نظر گرفتن نوفه..... ۹۰

شکل ۱۹-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی واینر با $\alpha = 2 \times 10^{13}$ ۹۱

شکل ۲۰-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی واینر با $\alpha = 250 \times 10^{13}$ ۹۱

شکل ۲۱-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی واینر با $\alpha = 300 \times 10^{13}$ ۹۲

شکل ۲۲-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی تیخونوف با $\tau = 2 \times 10^{12}$ ۹۲

شکل ۲۳-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی تیخونوف با $\tau = 130 \times 10^{12}$ ۹۳

شکل ۲۴-۴ کاهش نوفه با استفاده از صافی تیخونوف با $\tau = 300 \times 10^{12}$ ۹۳

شکل ۲۵-۴ میانگین مربع خطاب بر حسب α ۹۴

شکل ۲۶-۴ مربع میانگین خطاب بر حسب τ ۹۵

شکل ۲۷-۴ موجک منطبق با شکل (۱۸-۴) ۹۶

شکل ۲۸-۴ کاهش نوفه با روش WVD با استفاده از موجک Sym γ ۹۶

شکل ۲۹-۴ روش WVD با استفاده از موجک منطبق، شکل (۲۵-۴) ۹۷

شکل ۳۰-۴ استفاده از صافی تیخونوف با $\tau = 130 \times 10^{12}$ و موجک Sym γ ۹۸

شکل ۳۱-۴ استفاده از صافی واینر با $\alpha = 250 \times 10^{13}$ و موجک Sym γ ۹۹

شکل ۳۲-۴ موجک منطبق با شکل (۲۳-۴) ۱۰۰

شکل ۳۳-۴ روش ForWaRD با استفاده از صافی تیخونوف و موجک منطبق ۱۰۰

شکل ۳۴-۴ موجک منطبق با شکل (۲۰-۴) ۱۰۱

شکل ۳۵-۴ روش ForWaRD با استفاده از صافی واینر و موجک منطبق ۱۰۱

فهرست جداول ها

صفحه

عنوان

فصل چهارم

جدول ۱-۴ : مشخصات سیستم لیداری مورد استفاده در شبیه‌سازی‌ها..... ۸۶

پیشگفتار :

بشر همواره به دنبال روش‌هایی بوده که بتواند اطلاعات را از نقاط مختلف و معمولاً دور دست، به دست آورد. برای مثال به دنبال کشف مواد در زیر زمین یا نوع و غلظت مواد تشکیل دهنده دریا و جو... می‌باشد و همچنین از نظر نظامی شناسایی بسیاری مواد از راه دور لازم و ضروری است (مخصوصاً درجنگ). بداین ترتیب بشر بر حسب نیازش انواع آشکار سازها از راه دور را ساخت، که با آن‌ها می‌توانستند، اطلاعات فیزیکی و شیمیایی را از نقاط دور دست به دست آورند. برای مثال شناسایی سطح سیارات و اشکال گوناگون آن‌ها و شناسایی وجود جسم در نقاط دور و تعیین این که ساکن یا در حال حرکت است و حتی تعیین سرعت آن‌ها، در واقع اختراع آشکارسازها از راه دور از یک پدیده فیزیکی و بسیار طبیعی به نام انعکاس گرفته شده است. همه ما بارها و بارها بازگشت صدا را در مقابل صخره‌های عظیم تجربه کردی‌ایم، نور خورشید هم با استفاده از همین پدیده است که از سوی ماه و در هنگام شب به ما می‌رسد. به طور کلی کارایی آشکارسازها بیشتر در تعیین فاصله یا حدود هدف می‌باشد و همچنین در اهداف زمینی، هوایی، دریایی، فضایی و هواشناسی نیز کابرد دارد.

تفاوت اصلی انواع آشکارسازها از راه دور در نوع فرستنده می‌باشد، برای مثال اگر در فرستنده از امواج رادیویی استفاده شود، آشکارساز را آشکارساز رادیویی (رادار) می‌نامند، همچنین در برخی از آشکارسازها از امواج میکرو ویو که گستره طول موج آن‌ها نسبت به طیف مادون قرمز و مرئی می‌باشد، استفاده می‌کنند. اگر فرستنده یک منبع نور باشد آن گاه آشکارساز نوری داریم. برای به دست آوردن اطلاعات از اتمسفر، آشکارسازهای نوری به کار می‌برند. اما از سال ۱۹۶۰ که لیزر اختراع شد، لیزر را به عنوان فرستنده در آشکارساز از راه دور نوری قرار داده و به این ترتیب تحول عظیمی در آشکارسازهای نوری روی داد. لیدار^۱ که نوعی آشکارساز لیزری است، نتیجه همین تحول می‌باشد [۱]. با گذشت زمان و کشف انواع لیزر، به عنوان مثال لیزرهای با توان قابل تنظیم (رامان^۲ و رایلی^۳) و یا با طول موج های قابل تنظیم (رنگ^۴ و دی‌اکسیدکربن^۵) یا با طول موج های مشخص (فلورسانی^۶ و تشدیدی^۷) لیدارها پیشرفت کردند و با تجزیه و تحلیل سیگنال‌های که توسط گیرنده آشکارسازی می‌شوند، می‌توان اطلاعات زیادی را از هدف موردنظر به دست آورد.

لیدار همان طور که در فصل اول خواهید دید، شامل سه قسم است که در قسمت خروجی توسط آشکارساز، سیگنالی به دست می‌آید که اگر پاسخ ضربه آن را حساب کنیم، باز هم مطابق با مطالعی که در فصل اول آورده‌ایم، می‌توانیم اطلاعات را از محیط موردنظر^{کسبی} کنیم. ولی پهلو وجود نویه^۸ های مختلف، اطلاعات مختلط می‌شوند. به این ترتیب محققان به دنبال کشف روش‌های مختلفی برای حذف اثرات این نویه‌ها رفته‌اند، تا بتوانند اطلاعات مختلط نشده را از اطلاعات مختلط شده به دست آورند. تحقیقات آن‌ها نتایج خوبی را در بر داشت، توانستند تا حد زیادی این اختلالات را از بین ببرند. به این ترتیب محققان وقتی روش‌هایی به دست آمده

^۱: Lidar (Light Detection And Ranging)

^۲: Raman

^۳: Rayleigh

^۴: Dye

^۵: CO₂

^۶: Fluorescence

^۷: Resonance

^۸: Noise

برای از بین بردن اختلالات را به لیدارها اضافه کردند، توانستند نتایج بسیار خوبی را از آشکارسازی هدف مورده نظر به دست آورند.

شرحی از فصل‌های پایان‌نامه :

در فصل اول، ابتدا انواع سیستم‌ها و خواص آن‌ها را بیان کردیم. سپس برای آشنایی بیشتر و بهتر از لیدار انواع لیدارها و معادلات حاکم بر لیدار و نحوه کار آن‌ها را آوردیم. در ادامه چون لیداری که ما در نظر گرفتیم با لیزر $TEA-CO_2$ کار می‌کند. روش‌های حذف دنباله ناشی از نیتروژن که برای افزایش توان در لیزر $TEA-CO_2$ به کار رفته را بیان خواهیم کرد.

در فصل دوم تئوری موجک‌ها را توضیح داده و روش‌های کاهش نوفه با استفاده از صافی فوریه و با استفاده از تئوری موجک‌ها و روش *ForWARD* که ترکیبی از دو روش قابل است بیان شده است و در نهایت برخی از روش‌هایی که تا کنون برای ساخت موجک متنطبق بر سیگنال ارائه شده را خواهیم پرداخت.

در فصل سوم روشی را که خودمان برای ساخت موجک مطابق با سیگنال به دست آورده‌ایم، بیان خواهیم کرد. در فصل چهارم نتایجی که در فصل‌های قبل به دست آوردیم، به صورت شبیه‌سازی رایانه‌ای به صورت تعدادی نمودار یا شکل ارائه خواهیم داد.

فصل اول

سیستم‌ها و لیدار

۱-۱) سیستم‌ها و خواص آن‌ها

هر فرایندی که شامل یک ورودی و یک خروجی باشد را سیستم گویند. اگر سیگنال ورودی پیوسته باشد، آنگاه خروجی نیز پیوسته باشد، یک سیستم پیوسته در زمان است. اگر ورودی یک سیگنال گسسته باشد و خروجی آن نیز گسسته باشد، یک سیگنال گسسته در زمان است. سیستم‌های بیان شده، ویژگی‌های خاصی دارند. در اینجا به برخی از آن‌ها اشاره می‌کنیم [۲].

۱-۱-۱) سیستم خطی^۱:

اگر X_0 و X_1 ورودی‌ها و Y_0 و Y_1 به ترتیب خروجی‌های سیستم ما باشند در صورتی که شرایط زیر برقرار باشد، سیستم خطی است.

$$aX_0 + bX_1 \rightarrow aY_0 + bY_1 \quad (1-1)$$

$$X = 0 \Rightarrow Y = 0 \quad (2-1)$$

^۱: Liner system

۱-۲) سیستم تغییر ناپذیر با زمان :

رفتار و مشخصات سیستم با زمان تغییر نکند، به عبارتی یعنی جا به جایی زمانی در ورودی به جا به جایی مشابهی در خروجی منجر شود.

$$\begin{aligned} X(t) &\rightarrow Y(t) \\ X(t-t_0) &\rightarrow Y(t-t_0) \end{aligned} \quad (3-1)$$

۱-۳) سیستم وارون پذیر :

به ازای ورودی‌های متمایز، خروجی‌های متمایز بدهد.

۱-۴) سیستم حافظه‌دار :

خروجی در هر زمان به ورودی در لحظات دیگر یعنی گذشته، حال و آینده بستگی دارد.

۱-۵) سیستم بدون حافظه :

خروجی در هر زمان به ورودی در همان زمان رابطه دارد.

۱-۶) سیستم علی :

خروجی در هر زمان به مقادیر گذشته و حال ورودی بستگی دارد، در نتیجه هر سیستم علی حافظه‌دار می‌باشد، زیرا به گذشته و حال ورودی بستگی دارد. اما هر سیستم حافظه‌داری حتماً علی نیست، زیرا سیستم علی به ورودی در آینده بستگی ندارد و سیستم حافظه‌دار شاید به آینده هم وابسته باشد.

۱-۷) سیستم خطی تغییر ناپذیر با زمان (LTI) :

این سیستم ترکیبی از سیستم‌های خطی و تغییر ناپذیر با زمان می‌باشد و خواص هر دو را دارد. خروجی این نوع سیستم را می‌توان از کالولوشن ورودی در پاسخ ضربه به دست آورد. در اینجا $h(t)$ پاسخ ضربه سیستم می‌باشد.

$$X(t) \rightarrow \boxed{h(t)} \rightarrow Y(t)$$

شکل ۱-۱: سیستم با ورودی $X(t)$ و خروجی $Y(t)$.

^۱: Time in variant system

^۲: Invertible system

^۳: Memorial system

^۴: Un memorial system

^۵: Casual system