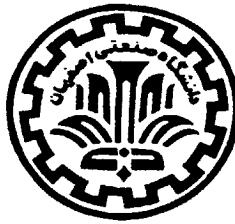


بِسْمِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

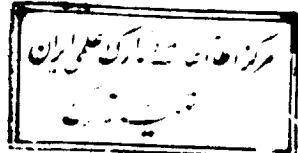
۳۳۴۱۱



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی مکانیک

## تحلیل سرعتها و نیروهای حدی بازوها در رباتهای موازی



پایان نامه کارشناسی ارشد طراحی کاربردی

۱۳۸۰ / ۱ / ۱۰

مجتبی باشی زاده مقدم

استاد راهنما

۱۰۱۰۸

دکتر عباس فتاح

بهار ۱۳۷۹

۳۳۳۱



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی مکانیک

پایان نامه کارشناسی ارشد رشته طراحی کاربردی آقای مجتبی باشی زاده مقدم

## تحلیل سرعتها و نیروهای حدی بازوها در رباتهای موازی

در تاریخ ۱۳۷۹/۲/۲۱ توسط کمیته تخصصی زیر مورد بررسی و تصویب نهایی قرار گرفت.

دکتر عباس فتاح

۱- استاد راهنمای پایان نامه

دکتر مسعود سبحانی

۲- استاد مشاور پایان نامه

دکتر مصطفی غیور

۳- استاد داور

دکتر محسن اصفهانیان

۴- استاد داور

دکتر حسن خادمی زاده

سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده

### **تشکر و قدرانی:**

این تز با راهنمایی و معنادعت جناب آقای دکتر فتاح به اتمام رسیده است. بدین وسیله تشکر خود را از  
زحمات ایشان در زمان انجام پروژه به عنوان استاد راهنما ابراز داشته و برای ایشان و خانواده محترم شان  
آرزوی موفقیت و سلامتی دارم.

همچنین از آقایان دکتر سیحانی و دکتر غیور که زحمت مطالعه و بازخوانی این پروژه را تقبل کردند،  
تشکر کرده و امید توفيقیات روزافزون را برای ایشان دارم.

از کلیه ایستادی که در زمان دانشجویی، بنده افتخار شاگردیشان را داشتم سپاسگزارم و امیدوارم که  
بتوانم برای جامعه خویش همچون ایشان ثمربخش باشم.

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات،  
ابتكارات و نوآوریهای ناشی از تحقیق موضوع این  
پایان نامه متعلق به دانشگاه صنعتی اصفهان است.

تقدیم به همه باغبانان مهربانی که بذر دانایی در زمین وجودم افشاندند

۹

نهال اندیشه ام را به مهر آبیاری نمودند

## فهرست مطالب

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
هشت	فهرست مطالب
۱	چکیده
۲	فصل اول : مقدمه
۱۷	فصل دوم : تحلیل سرعتهای حدی در ربات موازی استوارت
۱۷	۱-۱- معرفی مکانیزم ربات موازی استوارت
۲۰	۱-۲- نظری بر سینماتیک سیستم
۲۲	۱-۳- تعیین سرعتهای حدی بازوها در ربات استوارت
۲۳	۱-۳-۱- تعیین سرعتهای حدی در حالت یک بعدی
۲۵	۱-۳-۲- تعیین سرعتهای حدی در حالت دو بعدی
۲۹	۱-۳-۳- تعیین سرعتهای حدی در حالت سه بعدی
۳۵	۱-۴- ارائه یک مثال عددی
۳۷	۱-۴-۱- مثال عددی برای سرعتهای حدی در حالت یک بعدی
۳۸	۱-۴-۲- مثال عددی برای سرعتهای حدی در حالت دو بعدی
۳۹	۱-۴-۳- مثال عددی برای سرعتهای حدی در حالت سه بعدی
۴۱	فصل سوم : تحلیل سرعتهای حدی برای یک ربات موازی با سه درجه آزادی
۴۱	۳-۱- معرفی ربات موازی یا سه درجه آزادی
۴۵	۳-۲- نظری بر سینماتیک سیستم

۴۹	۳-۳-تعیین سرعتهای حدی بازوها در ریات موازی با سه درجه آزادی.
-۵۴	-۴-۱-ارائه یک مثال عددی
۵۴	۴-۱-تحلیل عددی سرعتهای حدی در حالت حرکت غیر مقید.
۵۵	۴-۲-تحلیل عددی سرعتهای حدی در حالت حرکت مقید.
-	
۵۸	فصل چهارم : تحلیل نیروهای حدی در ریات موازی استوارت
۵۸	۴-۱-روش عمومی برای تعیین نیروهای حدی بازوها در حالت کلی
۶۲	۴-۱-۱-تعیین نیروهای حدی در حالت یک بعدی
۶۳	۴-۱-۲-تعیین نیروهای حدی در حالت دو بعدی
۶۸	۴-۱-۳-تعیین نیروهای حدی در حالت سه بعدی
۷۴	۴-۲-۱-ارائه یک مثال عددی
۷۵	۴-۲-۲-۱-مثال عددی برای نیروهای حدی در حالت یک بعدی
- ۷۶	-۴-۲-۲-۲-مثال عددی برای نیروهای حدی در حالت دو بعدی
۷۷	۴-۲-۳-مثال عددی برای نیروهای حدی در حالت سه بعدی
-	
۷۹	فصل پنجم : تحلیل نیروهای حدی برای یک ریات موازی با سه درجه آزادی
۷۹	۵-۱-روش کلی برای تعیین نیروهای حدی بازوها
۸۶	۵-۲-ارائه یک مثال عددی
-	
۸۹	فصل ششم : نتیجه گیری و ارائه پیشنهادات
۸۹	۶-۱-نتیجه گیری
۹۲	۶-۲-ارائه پیشنهادات
۹۳	پیوست اول
۹۹	فهرست مراجع

## چکیده

رباتهای موازی از دیدگاههای مختلفی مورد بحث و بررسی قرار گرفته است. یکی از مسائل مهم در اینگونه رباتها، طراحی ربات با ساختار بهینه نسبت به معیار یا معیارهای معین میباشد. معیار مورد استفاده در این پروژه فضای کار معین است. منظور از فضای کار معین فضایی است که سکوی متحرک یا مجری نهایی تمام نقاط آن را پوشش میدهد.

با استفاده از این معیار دو هدف عده برای دو نوع ربات موازی، یکی ربات استوارت با شش درجه آزادی و دیگری یک ربات موازی با سه درجه آزادی دنبال میشود. در مرحله نخست تعیین سرعتهای حدی یا حداقل و حداکثر سرعت بازوها در یک فضای کار معین با توجه به ابعاد معلوم مکانیزم و همچنین سرعت معین مجری نهایی در آن فضا برای هر یک از رباتها، مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. در حالت دوم تعیین نیروهای حدی بازوها با توجه به همین معیار یعنی مشخص بودن محدوده فضای کار و با فرض معلوم بودن ابعاد مکانیزم و نیروهای واردہ بر سکوی متحرک مورد بررسی قرار گرفته است.

در ربات استوارت با توجه به فرضیات بیان شده و نوع فضای کار(پاره خط، صفحه و یا مکعب) تابع سرعت یا نیروی هر بازو بر حسب متغیرهای فضای کار که در اینجا مؤلفه های بردار موقعیت مرکز سکوی متحرک میباشند، بدست آمده و مقادیر حدی تابع تعیین میشوند. در ربات موازی با سه درجه آزادی نیز تابع سرعت یا نیرو با توجه به متغیرهای فضای کار معین شده و مقادیر حداکثر و حداقل تابع بدست میآیند.

نکته مهمی که باید در آخر توضیح داده شود این است که، مقادیر حدی تابع در یک محدوده مشخص مورد نظر است. با توجه به همین اصل علاوه بر بررسی تابع در فضای کار، مقدار تابع در شرایط مرزی یا به عبارتی در دو انتهای محدوده متغیرهای فضای کار نیز باید بررسی شود.

## فصل اول

### مقدمه

در این فصل ابتدا ضمن بیان تاریخچه مختصری از رباتها بطور عموم و رباتهای موازی بصورت خاص، مطالبی درباره مشخصات موارد کاربرد و مقایسه آنها با رباتهای سری آورده شده است. در ادامه توضیحاتی در مورد ساختار این دسته از رباتها و همچنین اهمیت موضوع و اهداف دنبال شده در پروژه و همچنین تحقیقات انجام شده در این مورد بحث قرارگرفته است.

انسان از بدو تولد در کره خاکی همواره سعی و تلاش خود را معطوف به ابداع و اختراع وسایلی نموده تا کارهای خوبیش را بوسیله آن ابزار آسان نماید. در طول سده های مختلف دستگاه ها و ابزار آلات مکانیکی که با انرژیهایی همچون باد و آب به حرکت در می آمدند اختراع و ساخته شدند. یکی از بزرگترین آرزوهای بشر ساختن ماشینی همچون خود او بود یعنی آدم ماشینی مصنوعی. در اولین قدمها در سال ۱۸۳۰ چارلز بابیج ایده یک ماشین حساب کاملاً مکانیکی را مطرح کرد که بعدها هولریخ آن را تکمیل نمود. در حقیقت این ماشین یک پردازشگر مکانیکی بود. در طول قرن بیستم و فرآیند پر شتاب رشد و توسعه تکنولوژی تلاشهایی در جهت هر چه کمتر استفاده کردن از نیروی انسان و انجام دادن کارهای سخت و دشوار و تکراری توسط ماشینهای خودکار انجام شد. اینگونه تلاشهای را میتوان در زمینه های مختلف دیگر که در حقیقت به نوعی بیان کننده آرزوها و ایده های بشری میباشند، جستجو کرد. اولین بار

کلمه ربات توسط کارل کپک یک نمایشنامه نویس اهل چک، به کاربرده شد. کلمه ای که از لفته در در زبان چک گرفته شده و به معنای کارهای اجباری و سخت میباشد. با پیشرفت علوم و همزمان با رشد ابزارهای کنترل از راه دور و ماشینهای کنترل عددی، رباتهای صنعتی به عرصه ظهور رسیدند. اولین بار رباتها در دهه ۱۹۶۰ میلادی به عنوان یکی از معیارهای شاخص در روند اتوماسیون صنعتی به کار برده شده اند. ابتدا از رباتها در کارهای نسبتاً ساده و تکراری که محتاج دقت زیاد نبودند، استفاده شد ولی با رشد سریع کامپیوترها و توسعه سریع و ارزان میکروپروسسورها، استفاده از رباتها در کارهایی که به دقت بیشتری نیاز داشتند، مورد توجه قرار گرفت. شرکتهای خودروسازی جزء اولین صنایعی بودند که از ربات بصورت صنعتی استفاده کردند. جوش نقطه ای وسیعترین کاربرد آن در این صنعت میباشد.

در تعریف ربات آن را وسیله ای مکانیکی میدانند که میتوان آن را برای انجام اعمال بسیار متنوعی برنامه ریزی کرد تا بتواند اشیاء را بطور خودکار در بین محلهای مختلف در فضا جابه جا کند، برخلاف ماشینهای کنترل عددی<sup>۱</sup> که برای انجام کارهای خاصی طراحی میشوند.

رباتها را از نقطه نظرهای خاص میتوان گروه بندی کرد. یکی از این دیدگاه‌ها، طبقه بندی پیکره و ساختار آنها از جنبه اصول طراحی مکانیزمها میباشد. سیستمهای رباتیکی در ابتدا بصورت زنجیره باز ارائه شدند. در این نوع مکانیزمها، عضوها بصورت متواالی توسط مفاصل کشویی مانند جکها و یا مفاصل دورانی به یکدیگر متصل شده اند. به همین دلیل به آنها رباتهای سری گفته میشود. با خاطر همین ماهیت، یعنی اتصال متواالی اعضاء به یکدیگر، این نوع مکانیزمها دارای ظرفیت انتقال بار کم و همچنین صلابت پایینتری نسبت به مکانیزمهای بسته هستند. بدلیل همین نواقص، سیستمهای رباتیکی با ساختار بسته معرفی شدند تا بتوانند ظرفیت بار بالاتری با عضوهای سبکتر داشته باشند. یکی از پیکره‌های مهم در این رباتها، مکانیزمهای سکودار میباشند که از یک سکوی ثابت<sup>۲</sup>، یک سکوی متحرک<sup>۳</sup> و تعدادی عملگر<sup>۴</sup> یا رابط که توسط مفاصلی به دو سکو متصل میشوند، تشکیل شده است. نکته مهمی که لازم به ذکر میباشد آن است که در رباتهای موازی<sup>۵</sup>، مفاصل غیرفعال وجود دارد یعنی بعضی از مفاصل به عنوان محرک عمل نمیکنند، به دلیل همین امر تحلیل آنها در مقایسه با رباتهای سری پیچیده تر و مشکلتر خواهد بود. دونمونه از این مکانیزمها با مفاصل مختلف در شکل‌های (۱-۱) و (۱-۲) نمایش داده شده است.

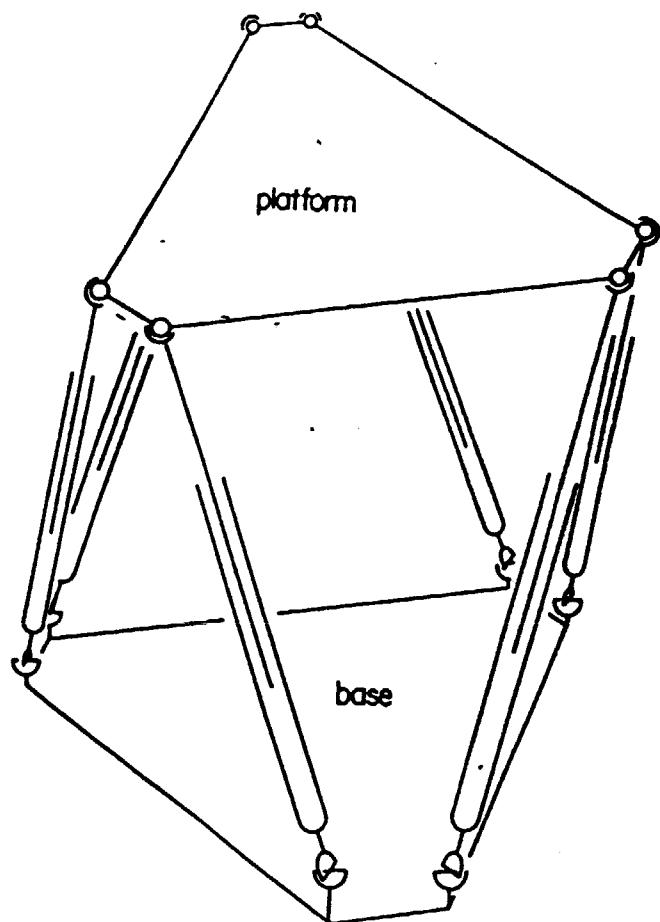
1-NC

2-base platform

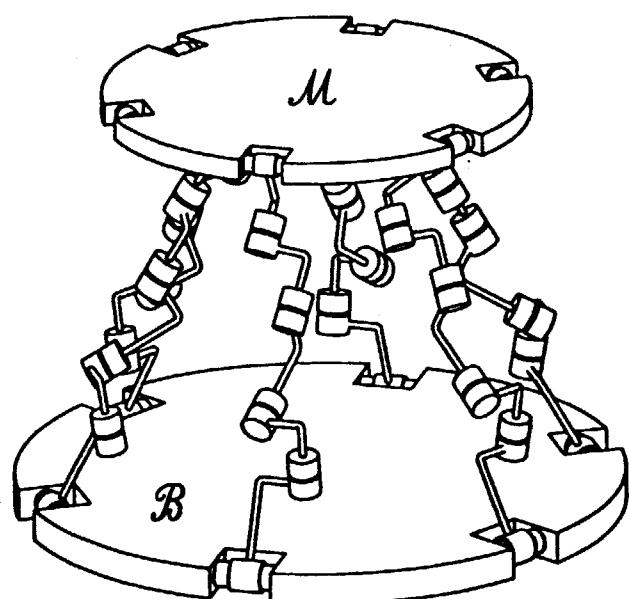
3-moving platform

4-actuator

5-parallel manipulators



شکل (۱-۱) ربات موازی با مفاصل کشویی



شکل (۱-۲) ربات موازی با مفاصل دورانی

نخستین ربات موازی سکودار توسط گاف و وايت هال<sup>۱</sup> در سال ۱۹۶۲ برای دستگاه تست تایر طراحی و ساخته شد[۱]. سپس در ۱۹۶۵ استوارت<sup>۲</sup> مهمترین کاربرد این نوع مکانیزم را به عنوان یک شبیه ساز پرواز معرفی کرد. بعدها در سال ۱۹۷۸، هانت<sup>۳</sup> آن را به عنوان یک ربات معرفی کرد. از آن به بعد مطالعات و تحقیقات بسیاری در مورد این نوع مکانیزمها انجام شده است. امروزه نقش مهم شبیه سازها را به عنوان ابزارهای قوی برای آموزش و توسعه و تحقیق در صنایع مختلف نمیتوان انکار کرد. از جمله این کاربردها میتوان به شبیه ساز پرواز هوایپماهای جنگی، مسافربری ... برای تعلیم و آموزش بیخطر. خلبانان اشاره کرد. علاوه بر شبیه ساز پرواز میتوان از این مکانیزم برای آموزش راننده قطار یا اتومبیل و یا کاپیتان کشتی نیز استفاده کرد. همچنین در سازه های فضایی و تعلیق خودرو و به عنوان تنظیم کننده موقعیت فیکسچرهای، این مکانیزم کاربرد دارد. علاوه بر آن در صنعت نیز استفاده شده که از آن جمله میتوان به عملیات فرزکاری، پرداختکاری سطوح، لبه تراشی و شیار زنی اشاره کرد[۲].

بطور کلی میتوان جنبه های مختلف کاربرد این نوع ربات را به موارد زیر تقسیم کرد:

۱. وسیله ای جهت نمایش نیروهای اعمالی بر یک جسم در فضا.

۲. وسیله ای برای شبیه سازی عملکرد مثلا یک هوایپما و یا یک هلیکوپتر.

۳. وسیله ای که توسط فرماتی از طرف انسان کنترل میشود.

۴. مکانیزمی برای شکل جدیدی از ماشین ابزار [۳].

در ادامه مقایسه ای بین رباتهای سری و موازی انجام داده و به مزایا و معایب هر کدام بطور مختصر اشاره میشود. از نقطه نظر فیزیکی رباتهای سری دارای مزایایی همچون فضای کار بیشتر، قابلیت همانور در فضاهای کار کوچک، و توانایی در دسترسی به اهداف با فاصله زیاد را دارند. شاخص مهم این نوع رباتها قابلیت ارجاعی بودن آنها و فضای کار بزرگ است. اما به علت وضعیت یک سر گیردار اعضاء و صلابت کم و اینرسی متغیر هر عضو، اینگونه رباتها عملکرد دینامیکی مناسبی ندارند. در واقع این مسئله هنگامی که ربات بخواهد بار سنگینی را با سرعت زیاد از نقطه ای به نقطه دیگر منتقل نماید، کاملاً نمایان خواهد شد. نقاط ضعف این رباتها را میتوان صلابت کم و فرکانس طبیعی پایین و عدم توانایی حمل بارهای سنگین دانست. نکته مهم دیگری که باید به آن اشاره کرد این است که هر یک از اعضاء و موتورها از طرف پایه به طرف مجری نهایی، باید بتوانند وزن قسمت قبلی را تحمل کنند که در واقع از ظرفیت حمل بار کاسته میشود و در نتیجه رفتار دینامیکی مکانیزم حساسیت بالایی نسبت به پارامترها و اندازه و جرم اعضاء پیدا

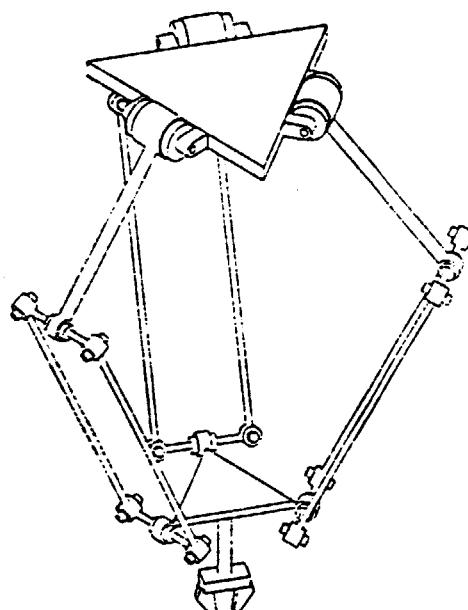
1-Gouff and Whitehall

2-Stewart

3-Hunt

خواهد کرد. علاوه بر آن جمع شدن خطای هر یک از عضوها بدلیل آرایش سری آنها سبب پایین آمدن دقت موقعیت مجری نهایی<sup>۱</sup> میشود. در واقع خطای عملگرها در طول زنجیره باز مکانیزم با یکدیگر جمع میشوند و خطای زیادی در موقعیت مجری نهایی بوجود میآید. از مطلب بالا میتوان فهمید که رباتهای سری برای کاربردهایی که در آن سرعت و دقت بالا و تحمل وزن زیاد مطرح است، مناسب نیستند. برای جلوگیری از معایب فوق رباتهای موازی جایگزین مناسبتری خواهند بود. از جمله این مزايا میتوان به سختی بالا و در نتیجه فرکنس طبیعی بالاتر، توزیع همگن اینرسی بهتر در حالت دینامیکی، دقت بیشتر در خروجی بدلیل حذف ساختار یک سر گیردار، حساسیت کمتر نسبت به تغییرات بار خارجی در یک موقعیت مشخص، حرکت دقیق با سرعت زیاد، ظرفیت نیرو-گشتاور بالا برای عملگرها بواسطه آرایش موازی آنها، مستله سینماتیک معکوس ساده تر و تحمل بار دینامیکی بالا اشاره کرد. بطور مثال نسبت نیرو به وزن در رباتهای سری حدوداً ۳٪ است در حالیکه این نسبت در رباتهای موازی به ۵٪ میرسد. در واقع یکی از دلایل استفاده از این رباتها در شبیه ساز های پرواز قدرت مانور سریع آنها میباشد. از نقاط ضعف این رباتها میتوان به فضای کار محدود و قابلیت مانور پایین نسبت به شرایط مشابه با رباتهای سری ذکر کرد، البته با طراحی مناسب رابطهای، بطور مثال با جایگزین نمودن مفاصل لولایی بجای مفاصل کشویی و تغییر عملگرها براساس آن مفاصل این نقیصه را میتوان تاحدی جبران کرد[۴][۵][۶][۷][۸]

اخیرا طرحهایی متشکل از یک ربات سری و یک ربات موازی ارائه شده است که مزايا هریک باعث پوشش معایب دیگری خواهد شد[۹]. نمونه ای از این ربات در شکل (۱-۳) معرفی شده است.



(۱-۳) ربات ترکیبی موازی - سری

پس از معرفی مختصر رباتهای موازی، به مسائل مورد بحث در تحلیل اینگونه رباتها از نقطه نظر تئوری میپردازیم. همانند رباتهای سری عموم مسائلی که به آنها پرداخته میشود عبارتند از: سینماتیک، دینامیک، کنترل، نقاط یا ساختارهای تکین<sup>۱</sup>، محدوده حرکت یا فضای کار، بهینه سازی و پارامترهای طراحی. سینماتیک و دینامیک نیز به حالت‌های مستقیم و معکوس تقسیم میشوند. در حالت مستقیم با استفاده از مقادیر معلوم ورودیها یا حرکت بازوها، خروجیها یا به عبارتی حرکت مجری نهایی یا سکوی متحرک بدست آورده میشود و در حالت معکوس، با استفاده از خروجیها، مقادیر ورودیها بدست می‌آید. در اینجا به مقایسه ای بین دو نوع ربات از دیدگاه تئوری میپردازیم. در رباتهای سری مسئله سینماتیک مستقیم موقعیت یعنی تعیین موقعیت مجری نهایی به ازای مقادیر معلوم از عملگرها، عموماً مسئله ای ساده بوده و شامل حل یک سیستم با معادلات خطی است، اما سینماتیک معکوس موقعیت این رباتها مسئله مشکلی است که در واقع شامل حل معادلات غیر خطی بر حسب چند مجهول است که دارای جوابهای مختلفی است. اما رباتهای موازی از این نقطه نظر در مقابل رباتهای سری قرار دارند، بدین معنی که سینماتیک معکوس موقعیت آنها عموماً یک مسئله ساده است، که شامل حل یک سیستم معادله همگن میباشد. مسئله سینماتیک مستقیم موقعیت این رباتها یک مسئله تحلیلی مشکل است، زیرا شامل حل سیستمی از معادلات چند متغیره خطی است که هرگونه قید هندسی تحلیل آنرا پیچیده تر میکند. در ضمن برخلاف سینماتیک مستقیم موقعیت، سینماتیک مستقیم سرعت و شتاب این رباتها عموماً دارای سیستم معادلات خطی است.

بدلیل اهمیت سینماتیک رباتها بطور اختصار به ذکر روش‌های مختلف جهت حل این مسئله میپردازیم که عبارتند از روش‌های تحلیلی، روش عددی، روش هندسی، و استفاده از سنسورها.

منظور از روش تحلیلی استخراج یک معادله چند جمله‌ای بر حسب یکی از متغیرهای فضای کار است یعنی به کمک سیستم معادلات چند متغیره غیر خطی که از قیود هندسی مکانیزم بدست آمده می‌آیند. در این زمینه میتوان به مقالات نانوا و والدرون<sup>۲</sup> [۱۰] و اینوستنی و کستلی<sup>۳</sup> [۱۱][۱۶] اشاره کرد. البته روش‌های دیگری در این زمینه وجود دارد که در مقالات متعددی به آنها اشاره شده است[۱۲][۱۳][۱۴][۱۵]. در حل این معادله ریشه‌های موهومی و حقیقی نیز بدست می‌آیند که باید ریشه‌های سازگار با پیکره حقیقی مورد نظر از مکانیزم تعیین شوند که این کار وقت زیادی خواهد گرفت.

1-singular configuration

2-Nanua and Waldron

3-Innocenti and Castelli