



# بنام آنکه دل پروانه اوست

دانشگاه تربیت معلم

دانشکده علوم

گروه آموزشی فنریک

عنوان پایان نامه:

بررسی تعادل یادار و ناپایدار در پلاسما

تهیه کننده:

نادر علی نژاد

تیر ۱۳۸۵

۳۹۱۵۷ ✓

کتابخانه تخصصی  
پایان نامه ها  
تاریخچه

دانشگاه تربیت معلم تهران  
دانشکده علوم (گروه فیزیک)  
پایان نامه کارشناسی ارشد  
موضوع: بررسی تعادل پایدار و ناپایداری در  
پلازما

استاد راهنما: دکتر حسن مهدیان  
استاد مشاور: دکتر محمد حسین مجلس آرا  
نگارش: قادر علی نژاد  
تیرماه هشتاد

015982

...  
تقلیم به : پدر و مادرم که اولین آموزگارانم بوده اند

همسر و فرزندانم که با صبوری در طول تحصیل مرا یاری کردند

...  
...  
...

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۱	فصل اول - مقدمه‌ای از فیزیک پلاسما
۲	۱-۱- تعریف فیزیک پلاسما
۲	۱-۲- حدوث در پلاسما
۴	۱-۳- خشتی وار بودن پلاسماها
۹	۱-۴- تعادل و فوق تعادل در پلاسما
۱۰	۱-۵- تعادل نسبی در پلاسما
۱۱	خلاصه مطالب فصل اول
	فصل دوم - پایداریها در پلاسما
۱۳	۲-۱- شیوه های محصور سازی پلاسما
۱۴	۲-۲- پایداری در پلاسماهای سیال
۱۵	۲-۳- مسئله تعادل
۱۶	۲-۴- متدهای آنالیز پایداری
۱۸	۲-۵- تعادل هیدرو مغناطیسی
۲۰	۲-۶- تعریف ضریب ثابت $\beta$ و $T$
۲۳	۲-۷- پایداری در سیال پلاسما که توسط میدان مغناطیسی بر ضد گرانش تقویت شده
۲۷	۲-۸- پایداری مغناطیسی محدود شده ، ملاحظات ترمودینامیکی (معاوضه ناپایداری)
	۲-۹- معادلات ماکروسکوپی برای مطالعه در پایداری در پایداری هیدرو دینامیکی در
۳۵	پلاسماهای محور شده مغناطیسی

وزارت آموزش عالی  
جمهوری اسلامی ایران

۱۳۸۰ / ۱۱ / ۲۵

	۱۰-۲- پایداری در یک سیال پلاسمای تقویت شده بر ضد نیروی گرانش توسط یک
۴۱	میدان مغناطیسی، تجزیه و تحلیل یک مد نرمال
۴۶	۱۱-۲- خلاصه مطالب فصل
	فصل سوم ناپایداریها در پلاسما:
۴۸	مقدمه - ناپایداریها
۴۸	۱-۳- طبقه‌بندی ناپایداریها در پلاسما
۴۹	۲-۳- ناپایداری ساختار فضایی
۴۹	۳-۳- ناپایداری سرعت فضایی
۵۰	۴-۳- ناپایداری الکترواستاتیک
۵۰	۵-۳- ناپایداری الکترومغناطیسی
۵۰	۶-۳- دو جریان ناپایداری در فضای باردار شده موجها
۵۶	۷-۳- ناپایداری گرانشی
۶۱	۸-۳- ناپایداری فری - هوز در امواج آلفون
۶۷	۹-۳- ناپایداری نوع پیچشی
۶۹	۱۰-۳- ناپایداری حلزونی
۷۱	۱۱-۳- مطالعه مدهای پیچشی و پارگی
	۱۲-۳- خلاصه فصل
	فصل چهارم توکامک ( Tokamak ) :
۷۲	۱-۴- مقدمه
۷۳	۲-۴- تعادل در توکامک

۷۷	۳-۴- پایداری و ناپایداری هیدرومغناطیسی توکامک
۷۸	۴-۴- مروری بر مدهای مختلف موجود در توکامک
۷۹	۵-۴- بررسی گسیختگی های کوچک در آزمایشات توکامک
۸۲	۶-۴- معرفی توکامک IR - TI
۸۲	الف - نوع گاز و سیستم خلاء
۸۳	ب - مرحله پیش یونش
۸۳	ج - پیچه های مغناطیسی چنبره ای
۸۴	د - پیچه های سیستم گرمایش اهمی
۸۴	ه - مرحله انفجار گاز و پیچه های میدان مغناطیسی عمودی
۸۵	پ - سیستمهای تشخیص الکترومغناطیسی در توکامک
۸۵	۷-۴- پروب دوگانه لانگمور
۸۶	۸-۴- پرتوهای ایکس در توکامک
۸۷	مراجع
۸۸	چکیده انگلیسی

## تقدیر و تشکر:

چمن عقل را فرزانی اگر      گلشن عشق را بهار توئی  
عشق را گر پیمبری      مسن را آفریدگار توئی

بر خود لازم و واجب می‌دانم در مقابل خدمات بی‌شائبه کلیه عوامل آموزشی و اداری دانشگاه تربیت معلم تهران سر تعظیم فرود آورم و خداوند متعال بسیار شاکرم که توفیق درک خدمت استادان ارجمند و بزرگوار را بر من ارزانی داشت و از زحمات دکتر حسن مهدیان به‌عنوان استاد راهنما که روزها و ماههای متوالی کمک کرد و استاد ارجمندم آقای مجلس‌آرا به‌عنوان استاد مشاور که راهنمائیهای ارزنده ایشان چراغ راهنما بود و از زحمات دکتر ارژنگ ناجی به‌عنوان داور نهایت تشکر و قدردانی را دارم و از خداوند سلامتی و صحت وجود برای خود و خانواده محترمشان آرزو می‌نمایم.



## خلاصه پایان نامه:

پلازما را که معمولاً حالت چهارم ماده در نظر گرفته می‌شود قسمت اعظم از جهان آفرینش را در بر می‌گیرد. در این پایان‌نامه ضمن معرفی پلازما و پارامترهای آن به مهمترین مسئله پلازما یعنی محصورسازی پرداخته می‌شود.

دور روش اساسی برای محصورسازی پلازما وجود دارد. روش مغناطیسی و روش لختی. در اکثر دستگاههای فیوژن از جمله توکامک از روش مغناطیسی استفاده می‌شود.

مسئله محصورسازی با دو قسمت تعادل و پایداری تقسیم می‌شود. تعادل، حالتی است که تمام نیروها در حال موازین باشند. این تعادل را بسته به اینکه اختلال کوچک در پلازما از بین برود یا تقویت شود پایدار یا ناپایدار می‌خوانند. فرم عمومی اختلال بصورت  $\exp[(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})]$  نوشته می‌شود که در آن هر فرکانس ویژه  $\omega$ ، رشدنمایی داشته باشد و  $I_{\text{tot}}(\omega) > 0$  سیستم بطور نمایی ناپایدار است.

مهمترین روش نظری برای تعیین پایداری سیستم اصل انرژی است که در آن تغییر انرژی پتانسیل در اثر جابجایی‌های کوچک پلازما تعیین علامت خواهد شد. اگر  $\delta W$  کوچکترین مقدار مثبت خود را داشته باشد سیستم پایدار است، اگر ناحیه خارجی پلازما خلأ باشد هیچ قیدی وجود ندارد. وقتی ناحیه خارجی با پلاسمای بدون مقاومت جانشین شود قیود مرزی محیط و پلازما مجدداً حذف و حالت شبیه حالت خلأ - پلازما بشوند یا خیر، به ترتیب خارجی یا داخلی می‌نامند.

از بین ناپایداریهای پلازما، شاید اکثر آنها که گاه منجر به نوسانات دندان اره‌ای و گسیختگی‌ها می‌شوند، ناپایداری پیچشی و ناپایداری پارگی می‌باشند.

ناپایداری پیچشی به هر دو حالت داخلی و خارجی وجود دارد و از ناپایداریهای ناشی از جریان است. پیچش خارجی با کاهش جریان موازی پایدار می‌شود و برای جریان‌های ثابت با ساختمان چنبره‌ای با سطح مقطع کوچک و دایره‌ای می‌توان به پایداری رسید. پیچش داخلی کلاً ضعیف‌تر است و در حقیقت برای

توکامک فقط مد  $m=1$  داخلی وجود دارد که در آن نیز کاهش جریان و میزان کردن نسبت ظاهری پایدار می‌گردد.

ناپایداری پارگی نیز به مقاومت محدود پلاسما مربوط می‌شود و در جریان وقوع آن خطوط میدان مغناطیسی پاره شده و مجدداً به هم می‌پیوندند.

در این پایان‌نامه، مدهای پیچشی و پارگی به تفصیل در دستگاههای محصورسازی پلاسما بویژه توکامک مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین چون این مدها در واقع مقدمه‌ای برای گسیختگی‌ها کوچک می‌باشد. با بررسی گسیختگی کوچک در توکامک نتیجه این ناپایداریها را بررسی کرده‌ایم، اما چون گسیختگی کوچک با تغییر اساسی در پارامترهای پلاسما همراه نیست و تنها روی منحنی شدت اشعه ایکس خروجی قابل مشاهده است تنها روش دقیق بررسی آن. روش توموگرافی است که این روش را برای داده‌های تجربی توکامک IR-T<sub>1</sub> بکار برده و نتایج را مورد تحلیل قرار داده‌ایم.

# فصل اول

## مقدمه‌ای از فیزیک پلاسما

فیزیک پلاسما مطالعه جمع تعداد زیاد ذرات باردار شده است، بطوریکه نیروهای کلمبی با برد بلند فاکتوری برای تعیین خواص استاتیکی است ولی در دانسیته به قدر کافی پایین، بطوریکه نیروی مربوط به ذرات خیلی بهم چسبیده، خیلی کمتر از نیروهای کلمبی با برد بلند اعمال شده توسط ذرات بسیار دور می‌باشد و در اصل مطالعه گازهای یونیزه با دانسیته کم می‌باشد.

بخشی از فیزیک پلاسما استفاده در فیوژن گرما هسته‌ای است که دارای واکنشهای حرارت‌زا با پتانسیل بسیار بالا می‌باشد. برخلاف بمب هیدروژنی در این فرآیند انرژی با آهنگی کاملاً کنترل شده و آهسته آزاد می‌شود. در مطالعات مربوط به فیوژن، فیزیک هسته‌ای و فیزیک پلاسما مکمل هم می‌شوند گرچه پس از سپری شدن مدت زیاد از مطالعات بسیار فشرده در کشورهای مختلف هنوز از اهداف علمی فاصله زیادی داریم یعنی هنوز ایستگاههای قدرت با راکتورهای فیوژنی در حد آزمایشگاهی باقی مانده ولی دورنمایی مطالعات در این زمینه‌ها بسیار روشن است.

به نظر می‌رسد مطالعات موفق در آینده ایجاد جریان الکتریکی بوسیله عبور دادن پلاسما داغ در میدان مغناطیسی است که این عمل مشابه با جایگزین کردن میله‌های مسی دوران کننده در ژنراتورهای معمولی بوسیله عبور دادن گاز با توان رسانایی بسیار بالا باشد.

فیزیک پلاسما شامل جنبه‌های عمومی معروف از فیزیک، مکانیک کلاسیک، الکترومغناطیس، مکانیک آماری غیر نسبیتی است، بسیاری از خواص ذرات پلاسما نتیجه اندرکنش نیروهای کلمبی با برد بلند است. بنابراین خواص کلی بسیاری از ذرات، اندرکنش همزمان ذرات می‌باشد.

## ۱-۱- پلاسما چیست؟

پلاسما گاز شبه خنثی متشکل از ذرات باردار و خنثی است که رفتار دسته جمعی دارند. واژه مبهم پلاسما نخستین بار در سال ۱۹۲۷ بوسیله لانگمیر<sup>۱</sup> ارائه شد. واژه پلاسما در اصل واژه یونانی Plasso به معنی قالب و سرشت و یا ترکیب می باشد. لانگمیر طی تحقیقات خود در رابطه با تخلیه الکتریکی بخار جیوه در فشار پایین متوجه خصوصیات یکنواخت الکتریکی و اپتیکی شد که بیانگر حالت خاص و جدیدی از ماده نوین که ذرات تشکیل دهنده آن بصورت خاص با هم ترکیب شده اند بود.

گرچه حدود ۹۹ درصد از جهان بطور طبیعی پلاسماست. بعلاوه بالا بودن دانسیته و پایین بودن درجه حرارت پلاسما طبیعی روی زمین بسیار کم است. در طبقات بالای جو پلاسما در دماهای خیلی بالا رخ می دهد. رعد و برق آسمان - شفق قطبی - جرقه های طویل میان ابرها و زمین و پرتوهای پخش نور حتی در آسمان بدون ابر نمونه هایی از پلاسماهای طبیعی پر شدت و ضعیف می باشند.

پلاسما در اصل گاز یونیزه است اما هر گاز یونیزه پلاسما نیست.

اگر یک محیط پلاسما را در نظر بگیریم و نیرویی را به ذرات پلاسما اعمال کنیم، خود پلاسماست که با پذیرش آن نیرو اثری جدید را برای کل پلاسما بوجود می آورد یعنی خود پلاسما برای خود تعیین کننده و تصمیم گیرنده است، پس هر جایی از پلاسما روی بقیه جاهای دیگر اثر می گذارد. پس اگر اثری روی اتم  $i$  اعمال شود این اثر به همه جاهای پلاسما منتقل می شود. (رفتار دسته جمعی)

## ۱-۲- چگونگی پیدایش پلاسما

می دانیم که اجسام جامد با گرفتن گرما تبدیل به مایع و مایع بر اثر گرما به گاز تبدیل می شوند که سه حالت معمولی اجسام است، حال اگر گازی را حرارت دهیم تا الکترونیایی از اتم جدا شوند در آن صورت

---

1- Lngmuir

به محیط یونیزه می‌رسیم که در حالت خاصی که در تعریف پلاسما بیان کردیم همان پلاسما می‌شود. در یک درجه حرارت مطلق و غیرصفر هر گازی دارای تعدادی اتم یونیزه شده بصورت یونهای مثبت و منفی و خنثی است. اگر غلظت یونها به حدی رسیده باشد که حرکت یونها را محدود نماید، باافزایش غلظت یونها این محدودیت‌ها طبق فرمول ساها:

$$\frac{n_i}{n_n} = 2/4 \times 10^{21} \frac{T^{\frac{3}{2}}}{n_i} e^{-\frac{u_i}{kT}}$$

افزایش می‌یابد که در غلظتهای به حد کافی بالا بخاطر برخوردها و ترکیب مجدد، حجمهای ماکروسکوپیک خنثی پدید می‌آیند، یعنی الکترونهاى آزاد شده از اتم توسط اتمهای دیگر جذب شده و خنثی می‌شوند یعنی  $\frac{n_i}{n_n}$  با افزایش  $n_i$  کاهش می‌یابد.

$n_i$ : چگالی ذرات یونیزه

$n_n$ : چگالی ذرات خنثی

$u_i$ : مقدار انرژی که برای آزاد شدن یک الکترون از مدار آخر لازم است.

$T$ : درجه حرارت بر حسب کلوین

$K$ : ثابت بولتزمن

اگر مقادیر فوق را برای شرایط دمای ۲۷ درجه سانتیگراد یک اطاق قرار دهیم نسبت  $\frac{n_i}{n_n} = 10^{-122}$

خواهد بود و این نشانگر اینست که در دماهای معمولی ظاهر شدن پلاسما تقریباً محال است. وجود پلاسما بستگی به دما و عکس چگالی ذرات یونیزه دارد.

طبیعی‌ترین روش برای تولید پلاسما، حرارت دادن به گاز تا حدی که میانگین انرژی ذرات با انرژی

یونیزاسیون اتمها و مولکولها گاز قابل مقایسه باشند. در چنین شرایطی گاز به پلاسما تبدیل می‌شود.

پلاسما می‌تواند در دمای کمتر از ۱۰۰۰۰۰ درجه کلوین ایجاد شود به شرطی که دانسیته به قدر کافی

پایین و ترکیب مجدد تکرار نشود.

## چگونگی پیدایش پلاسما

حالت پلاسما در وضعیت تعادل با دانستن غلظتها و دما کاملاً مشخص می‌شود. درجه حرارت چنین پلاسمایی نه تنها انرژی میانگین بلکه چگونگی توزیع سرعت‌های ذرات را نیز مشخص می‌کند. با دانستن غلظت و دمای پلاسما می‌توان درجه یونیراسیون غلظت یونها، اتم‌های تحریک شده، نوترونها و غیره را بدست آورد، البته همواره می‌توان پلاسما را در وضعیت تعادل در نظر گرفت. در موارد خاص پلاسمای موجود در آزمایشگاه که از تخلیه گازی بوجود آمده است از حالت تعادل فاصله زیادی دارد. در چنین وضعیتهایی معمولاً به تعادل نسبی، تعادلی که در آن توزیع سرعت‌های ذرات باردار و اتم‌ها ماکسوئلی است اشاره می‌شود که در آخر این فصل به تفصیل بحث شده است ولی توجه به این نکته ضروری است، دمایی که توزیع ماکسوئلی سرعت را بیان می‌دارد برای الکترونها و ذرات سنگین‌تر متفاوت است. برای این پلاسما غیرهمدم، دمای الکترون  $T_e$  و دمای یون  $T_i$  بصورت مجزا تعریف می‌شوند. در حالت کلی برای پلاسمایی که در وضعیت تعادل قرار ندارد توزیع سرعت‌های ذرات باردار ممکن است ضرورتاً غیر ماکسوئلی باشد. انرژی میانگین ذرات کاتوره‌ای طبق رابطه  $w = \frac{3}{2}KT$  است، صحبت می‌شود.

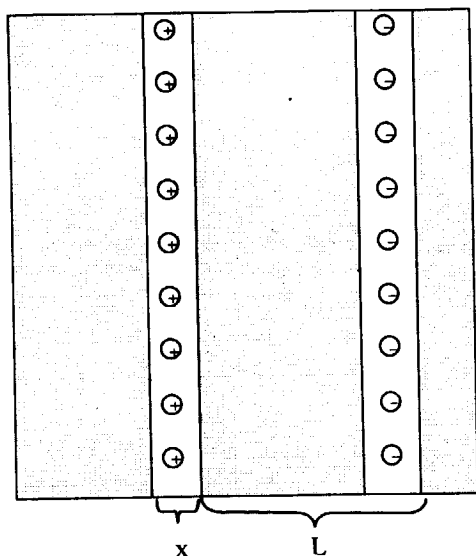
طبیعتاً برای دستیابی به اطلاعات جامعی از چگونگی رفتار پلاسما در وضعیت غیرتعادل صرفاً داشتن انرژی میانگین (درجه حرارت) اجزاء کافی نیست بلکه باید چگونگی توزیع سرعت‌های ذرات نیز معلوم باشند.

## ۱-۳- خنثی وار بودن پلاسماها

در حجم‌های ماکروسپیک پلاسما در حالت خنثی است، چون بار فضایی مثبت الکترونها در حال توازنند که حالت میانگین در حجم‌های به قدر کافی بزرگ و در زمان‌های بسیار طولانی است. ابعاد مکانی و فواصل زمانی باعث توازن در پلاسما در نتیجه خنثی بودن آنست. برای تعیین مقیاس فضایی تفکیک بارها

لایه‌ای صفحه‌ای شکل از الکترون‌ها در حجم خنثی پلاسما در نظر می‌گیریم و تغییر مکان جزئی می‌دهیم تا

لایه‌هایی از بارهای مثبت و منفی ایجاد شود.



شکل (۱-۳-۱) محیط پلاسمایی را که یونهای (+) و الکترون‌ها به اندازه  $L$  جابجا شده‌اند را نشان می‌دهد

میدان الکتریکی این لایه  $E = \frac{\delta}{\epsilon_0}$  و  $\delta$  دانسیته ذرات است:

$$E = \frac{n_e e X}{\epsilon_0} \quad (1-3-1)$$

$X$  جابجایی بارها،  $e$  بار الکترون،  $n_e$  غلظت الکترون‌ها و  $\Phi$  پتانسیل الکتریکی ایجاد شده و  $L$

ضخامت لایه موردنظر می‌باشد. (۲-۳-۱)

$$\phi = El = \frac{n_e e X L}{\epsilon_0} \quad (2-3-1)$$

در صورتی وضعیت خنثی ایجاد می‌شود که  $e\phi < T_e, T_i$  باشد، در غیر اینصورت حرکت ذرات تحت

اثر میدان الکتریکی، به سرعت وضعیت خنثی را برقرار می‌سازد. ( $x=L$ ) با گذاشتن مقدر  $e\phi$  در این نامساوی

و با فرض  $X=L$ ، بدست می‌آوریم که  $\frac{n_e e^2 L^2}{\epsilon_0}$  و یا

$$L < \sqrt{\frac{T_e \epsilon_0}{n_e e^2}} \quad (3-3-1)$$

از اطلاعات در این زمینه  
تستی