

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

دانشکده فنی  
گروه مکانیک  
گرایش طراحی کاربردی

# بهینه‌سازی چندهدفی مکانیزم چهارمیله‌ای برای تولید مسیر معین با نامعینی پارامتری

از:

وحید نورائی فر

استاد راهنما:

دکتر نادر نریمان‌زاده

استاد مشاور:

مهندس محمد ابراهیم فلزی

## تقدیم به

پدر بزرگوارم که همواره پشتیبانم بوده و به من آموفت که آزاد زندگی کنم، که زبان در بیان خدمات او عالیز است.

## و تقدیم به

مهر سپهر و بودم، پراغ پرخروغ عمرم، به قلب مهربان مادرم که هر تپش از قلبش برایم آهنگ زندگی می نوازد.

## تقدیر

ما همچنان در اول وصف تو مانده ایم ...

از استاد، اهتمایی ارجمند<sup>۳</sup>، جناب آقای پروفسور نادر نریمان‌زاده که در تمامی مراحل انجام این پایان‌نامه دلسویزی و با سعه‌صدر، یاریم نمودند و راهنمایی‌هایشان را هاشاییم بوده و همچنین در شکل‌گیری شخصیت آکادمیک و علمی اینجانب نقش بسزایی داشته‌اند، کمال تشکر را دارم.

از استاد مشاور بزرگوار<sup>۳</sup>، جناب آقای مهندس محمد ابراهیم خلزی به خاطر زحمات و راهنمایی‌های بی‌دریغشان سپاسگزارم. به راهنمایی‌ها و کمک‌های شایان برادر و استاد عزیز<sup>۳</sup>، آقای مهندس علی چمالی ارج می‌نمودم و همواره فود را، رهین الطاف این بزرگوار می‌دانم.

ضمیمانه از دوست گرانقدر، فود، آقای مهندس چواد رضایپور که در مراحل مختلف این تحقیق هامی و مدرس‌انم بوده قدردانی می‌نمایم و موقعیت لحظه‌افزون ایشان را از درگاه فراوندمنان فواستارم.

قدربانی از تمامی اساتید دوران کارشناسی و کارشناسی ارشدم به ویژه جناب آقیان دکتر ابوالفضل درویزه، دکتر علی چمالی، دکتر غلامرضا زارع پور، دکتر احمد باقری، دکتر علی انصاری، دکتر علی باستی، و مهندس اسدی، که همایت‌های دلسویزه و بی‌دریغشان همواره مایه پشتگرمی و قوت قلبم بوده را وظیفه فود دانسته و همواره از این بزرگواران سپاسگزارم.

از دوستان ارجمند<sup>۳</sup>

آقیان مهندس راهب غلامی، مهندس سامان وهابی و مهندس مهدی گنی  
و فواهر عزیز<sup>۳</sup> فانم مهندس طیبه نورائی فر  
که در تقویه و تدوین این پایان‌نامه مرا یاری نمودند، ضمیمانه تشکر می‌نمایم.

## فهرست مطالب

.....	<b>چکیده فارسی</b>
.....	<b>چکیده انگلیسی</b>
۱	<b>۱ فصل یکم: پیشگفتار</b>
۲	۱-۱ مقدمه
۳	۲-۱ مروری بر آثار گذشته
۵	۳-۱ چکیده کار انجام شده در این تحقیق
۷	۴-۱ روند پیش رو در این پایان نامه
۹	<b>۲ فصل دوم: ترکیب بندی مکانیزم ها</b>
۹	۱-۲ پیش درآمد
۱۰	۲-۲ ترکیب نوعی، عددی و ابعادی
۱۰	۱-۲-۱ ترکیب نوعی
۱۱	۲-۲-۲ ترکیب عددی
۱۱	۳-۲-۲ ترکیب ابعادی
۱۲	۳-۲ طراحی برای موقعیت میله رابط
۱۵	۵-۲ زاویه انتقال
۱۷	۶-۲ منحنی های مربوط به نقاط واقع بر روی میله رابط
۱۹	۱-۶-۲ اطلس منحنی های رابط چهار میله ای هرونوس و نلسون
۲۰	۲-۶-۲ جمع بندی
۲۲	<b>۳ فصل سوم: الگوریتم ژنتیک</b>
۲۳	۱-۳ پیش درآمد
ث	۲-۳ اصول محاسبات الگوریتم های تکاملی
۲۵	۳-۳ الگوریتم های ژنتیکی
۲۶	۴-۳ رمزگذاری، جهش و پیوند

۲۶ .....	۱-۴-۳ فضای جستجوی عددی و رشته‌های باینری.
۲۶ .....	۱-۱-۴-۳ رشته‌های باینری.
۲۷ .....	۲-۴-۳ عملگر پیوند.
۲۸ .....	۳-۴-۳ عملگر جهش
۲۹ .....	۵-۳ تولید جمعیت اولیه
۲۹ .....	۳-۶ الگوریتم‌های انتخاب.
۲۹ .....	۳-۶-۱ انتخاب براساس مکانیزم چرخ گردان
۳۳ .....	۴ فصل چهارم: بهینه‌سازی
۳۳ .....	۱-۴ پیش درآمد.
۳۴ .....	۴-۲ ویژگی‌های مسائل بهینه‌سازی
۳۴ .....	۴-۳ روش‌های بهگزینی.
۳۶ .....	۴-۳-۱ راهبردهای کاهشی.
۳۶ .....	۴-۳-۲ الگوریتم‌های تکاملی.
۳۷ .....	۴-۴ ویژگی‌های مسئله مورد بررسی در این پایان‌نامه.
۳۸ .....	۴-۵ بهینه‌سازی چندهدفی به کمک الگوریتم ژنتیک
۳۸ .....	۴-۵-۱ مفاهیم بهینه‌سازی چندهدفی.
۴۰ .....	۴-۵-۲ الگوریتم ژنتیک.
۴۳ .....	۴-۵-۳ پیاده‌سازی بهینه‌سازی چندهدفی در الگوریتم ژنتیک.
۴۵ .....	۴-۵-۴ روند بهینه‌سازی در Modified NSGAII
۴۹ .....	۵ فصل پنجم: تحلیل احتمالاتی
۴۹ .....	۵-۱ پیش درآمد.
۵۰ .....	۵-۲ نامعینی احتمالاتی.
۵۱ .....	۵-۲-۱ توزیع احتمالاتی وتابع چگالی احتمالی.
ج .....	۵-۲-۲ تابع توزیع جمعیت.
۵۳ .....	۵-۳ نمایش سیستم‌های نامعین.
۵۳ .....	۵-۴ تحلیل احتمالاتی.

۵۳ .....	۱-۴-۵ متغیرهای تصادفی.....
۵۹ .....	۲-۴-۵ فرآیندهای تصادفی.....
۵۹ .....	۵-۵ نمونه برداری و شبیه‌سازی مونت کارلو.....
۶۳ .....	۱-۵-۵ روش نمونه برداری همرسلی.....
۶۴ .....	۶-۵ میانگین و واریانس.....
۶۵ .....	۷-۵ بهینه‌سازی مقاوم.....
۶۹ .....	<b>۶ فصل ششم: بحث و نتایج</b>
۶۹ .....	۱-۶ پیش درآمد.....
۷۰ .....	۲-۶ مکانیزم چهارلینکی مورد بررسی در این پایان‌نامه.....
۷۱ .....	۳-۶ اثرات لقی لولا در مکانیزم چهارلینکی و تعیین مسیر پیموده شده.....
۷۱ .....	۴-۶ لقی لولا و روابط حاکم بر آن.....
۷۶ .....	۴-۶ بهینه سازی مکانیزم چهارلینکی با در نظر گرفتن میزان لقی مشخص .....
۷۶ .....	۱-۴-۶ بررسی توابع هدف.....
۷۷ .....	۲-۴-۶ نتایج مربوط به بهینه سازی با لقی لولای معین.....
۸۴ .....	۳-۴-۶ اعتبار سنجی.....
۸۵ .....	۵-۶ بهینه سازی مکانیزم چهارلینکی با در نظر گرفتن نامعینی برای لقی لولا .....
۸۵ .....	۱-۵-۶ بررسی احتمالاتی و توابع هدف .....
۸۶ .....	۲-۵-۶ نتایج بهینه سازی تحلیل نامعین .....
۸۷ .....	۳-۵-۶ بررسی اعتبار مقاوم بودن نتایج.....
۹۷ .....	<b>۷ فصل هفتم: نتیجه‌گیری</b>
۹۷ .....	۱-۷ نتیجه‌گیری.....
۹۸ .....	۲-۷ پیشنهاد برای ادامه کار.....
۱۰۰ .....	<b>مراجع</b>

## فهرست جدول ها

جدول ۱-۳ پنج جمعیت نمونه و برازنده‌گی مربوط به آنها	۳۲
جدول ۱-۴ الگوریتم زیر برنامه FNDF	۴۶
جدول ۲-۴ الگوریتم زیر برنامه FNDS	۴۷
جدول ۳-۴ الگوریتم زیر برنامه $\epsilon$ -elimination (حذف بردارهای با متغیرهای طراحی و مقدار تابع هدف یکسان)	۴۷
جدول ۱-۶ مقادیر پارامترهای هندسی و دینامیکی مکانیزم پایه	۷۰
جدول ۲-۶ مؤلفه‌های الگوریتم ژنتیک در تعیین زاویه لینک مجازی	۷۵
جدول ۳-۶ مؤلفه‌های الگوریتم ژنتیک در بهینه سازی مکانیزم بالقی مشخص	۷۹
جدول ۴-۰ ابعاد هندسی و مقادیر توابع هدف تحلیل معین مکانیزم های بهینه	۷۹
جدول ۵-۰ ابعاد هندسی و مقادیر توابع هدف تحلیل معین مکانیزم های مرجع [۵۴]	۷۹
جدول ۶-۶ مقایسه نتایج با مرجع [۵۴]	۸۴
جدول ۷-۶ مؤلفه‌های الگوریتم ژنتیک در بهینه سازی با در نظر گرفتن نامعینی	۸۶
جدول ۸-۰ مقادیر پارامترهای هندسی مکانیزمهای بهینه و مکانیزمهای حاصله مرجع [۵۴]	۸۷

## فهرست شکل ها

شکل ۱-۲ موقعیت‌های عضورابط یک مکانیزم چهارلینکی.....	۱۲
شکل ۲-۲ تعیین سرعت عضورابط مکانیزم چهارلینکی.....	۱۳
شکل ۲-۳ طرح مکانیزم چهارلینکی با میله‌رابط در سه موقعیت مشخص.....	۱۴
شکل ۴-۲ طرح یک مکانیزم چهارلینکی(لنگ-آونگ).....	۱۵
شکل ۵-۲ دیاگرام آزاد میله‌ها در یک مکانیزم چهارلینکی.....	۱۶
شکل ۶-۲ زاویه انتقال $\alpha$ در یک مکانیزم چهارلینکی.....	۱۸
شکل ۷-۲ نامگذاری های مورد استفاده در اطلس منحنی رابط مکانیزم چهارمیله‌ای هرونوس و نلسون.....	۱۹
شکل ۸-۲ شبکه مستطیل شکل متصل به میله‌رابط مکانیزم چهارمیله‌ای اطلس هرونوس و نلسون.....	۲۰
شکل ۹-۲ تعیین بندگارهای مورد بررسی در بخش ۶-۲.....	۲۱
شکل ۱۰-۲ $A = 2$ (طول کوپلر)، $B = 2$ (طول پیرو) و $C = 2$ (طول پایه).....	۲۱
شکل ۱۱-۳ ژنومی دارای سه پارامتر که شامل ۸ بیت برای هر پارامتر می‌باشد.....	۲۸
شکل ۱۲-۳ عملگر پیوند یک نقطه‌ای.....	۲۹
شکل ۱۳-۳ عملیات جهش روی یک کروموزوم.....	۳۰
شکل ۱۴-۱ دوتابع هدف $f_1$ و $f_2$ برای بهینه‌سازی چندهدفی.....	۴۱
شکل ۱۴-۲ روند اجرای الگوریتم ژنتیک.....	۴۴
شکل ۱۵-۱ نامعینی کراندار و نامعینی احتمالاتی.....	۵۲
شکل ۱۶-۲ احتمال بدست‌آمده با استفاده از مساحت زیر تابع $f(x)$ .....	۵۲
شکل ۱۷-۳ منحنی PDF و CDF .....	۵۳
شکل ۱۸-۴ سیستم جرم- فنر- دمپر.....	۵۵
شکل ۱۹-۵ میزان فراوانی ماکزیمم فراجهش.....	۵۵
شکل ۲۰-۵ منحنی CDF ماکزیمم فراجهش.....	۵۶
شکل ۲۱-۵ منحنی تابع توزیع احتمالاتی و نواحی شکست.....	۵۷
شکل ۲۲-۵ پاسخ احتمالاتی سیستم جرم- فنر- دمپر.....	۵۸
شکل ۲۳-۵ نمایی از فرآیند تصادفی $x(h)$ .....	۶۰

..... ۶۱	شكل ۱۰-۵ فرآیند شبیه سازی به روش مونت کارلو.....
..... ۶۳	شكل ۱۱-۵ اعداد تصادفی تولید شده بین صفر و یک برای ۱۰۰ و ۵۰۰ نمونه.....
..... ۶۵	..... شکل ۱۲-۵ (الف) نقاط و نمونه های تولید شده توسط روش مونت کارلو      (ب) نقاط و نمونه های تولید شده توسط روش همرسلی.....
..... ۷۰	..... شکل ۱-۶ مکانیزم چهار لینکی در دستگاه مختصات مرجع.....
..... ۷۱	..... شکل ۲-۶ مدل لقی لولا و لینک مجازی شبیه سازی شده .....
..... ۷۲	..... شکل ۳-۶ مدل مکانیزم چهار لینکی با در نظر گرفتن لقی در لولا دوم و مدل برداری آن.....
..... ۷۵	..... شکل ۴-۶ نمودار زاویه لینک مجازی بر حسب زاویه لینک ورودی .....
..... ۷۶	..... شکل ۵-۶ مسیر پیموده شده توسط مکانیزم پایه بدون در نظر گرفتن لقی و با در نظر گرفتن ۱ میلیمتر لقی.....
..... ۷۷	..... شکل ۶-۶ مسیر پیموده شده توسط مکانیزم پایه بدون در نظر گرفتن لقی و با در نظر گرفتن ۲ میلیمتر لقی.....
..... ۷۸	..... شکل ۷-۶ نمودار پارتو مربوط به بهینه سازی مکانیزم با مقدار لقی لولا ۱ میلیمتر.....
..... ۷۸	..... شکل ۸-۶ نمودار پارتو مربوط به بهینه سازی مکانیزم با مقدار لقی لولا ۲ میلیمتر.....
..... ۸۰	..... شکل ۹-۶ مسیر پیموده شده توسط مکانیزم پایه بدون لقی و مکانیزم بهینه و پایه با لقی لولا ۱ میلیمتر.....
..... ۸۱	..... شکل ۱۰-۶ مسیر پیموده شده توسط مکانیزم پایه بدون لقی و مکانیزم بهینه و پایه با لقی لولا ۲ میلیمتر .....
..... ۸۲	..... شکل ۱۱-۶ خطای مسیر پیموده شده توسط مکانیزم بهینه و پایه با مسیر هدف در راستای X و Y برای لقی ۱ میلیمتر.....
..... ۸۲	..... شکل ۱۲-۶ خطای مسیر پیموده شده توسط مکانیزم بهینه و پایه با مسیر هدف در راستای X و Y برای لقی ۲ میلیمتر.....
..... ۸۳	..... شکل ۱۳-۶ زاویه انتقال حاصله از مکانیزم پایه بدون لقی و مکانیزم های بهینه A و پایه با لقی لولا ۱ میلیمتر.....
..... ۸۴	..... شکل ۱۴-۶ زاویه انتقال حاصله از مکانیزم پایه بدون لقی و مکانیزم های بهینه B و پایه با لقی لولا ۲ میلیمتر .....
..... ۸۶	..... شکل ۱۵-۶ نمودار پارتو مربوط به بهینه سازی مکانیزم با در نظر گرفتن نامعینی در میزان لقی.....
..... ۸۸	..... شکل ۱۶-۶ مقایسه مسیرهای طی شده نقطه A تحلیل معین با نقطه C تحلیل نامعین.....
..... ۸۹	..... شکل ۱۷-۶ مقایسه مسیرهای طی شده نقطه B تحلیل معین با نقطه C تحلیل نامعین.....
..... ۹۰	..... شکل ۱۸-۶ میزان فراوانی خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی C.....
..... ۹۰	..... شکل ۱۹-۶ منحنی PDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی C.....
..... ۹۱	..... شکل ۲۰-۶ منحنی CDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی C.....
..... ۹۱	..... شکل ۲۱-۶ میزان فراوانی خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی A.....
..... ۹۲	..... شکل ۲۲-۶ منحنی PDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی A.....

- شکل ۶-۲۳ منحنی CDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی A ..... ۹۲
- شکل ۶-۲۴ میزان فراوانی خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی B ..... ۹۳
- شکل ۶-۲۵ منحنی PDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی B ..... ۹۳
- شکل ۶-۲۶ منحنی CDF خطای پیمایش مکانیزم های تولید شده حول بردار طراحی B ..... ۹۴

## بھینه سازی چند هدفی مکانیزم چهار میله ای با لقی لولا برای تولید مسیر معین با نامعینی پارامتری

وحید نورائی فر

### چکیده

مکانیزم‌ها به اعضای صلب متصل به همی گفته می‌شوند که به طور وسیع در فضای مهندسی مکانیک برای انتقال سرعت و انرژی از یک یا چند عضو ورودی به یک یا چند عضو خروجی استفاده می‌شوند. تحلیل و تلفیق از جمله مفاهیم مورد بحث در طراحی مکانیزم‌ها هستند. سه نوع تلفیق، در بحث تلفیق ابعادی برای مکانیزم‌ها معروف شده است: تلفیق تولید تابع، تلفیق تولید حرکت و تلفیق تولید مسیر. برای تلفیق ابعادی از دو روش تحلیلی و گرافیکی استفاده می‌شود. هر چند، این روشها به خاطر نرخ دقت کمshan نسبتاً محدود‌کننده هستند به طوریکه نمی‌توانند در طراحی وسیع انواع متنوع مکانیزم‌ها، به ویژه وقتی تعداد نقاط دقت و پیچیدگی مسائل افزایش می‌یابد، مورد استفاده قرار گیرند. به منظور از بین بردن این کمبودها، روش‌های بھینه سازی به طور فرایندهای در سال‌های آتی برای تلفیق ابعادی مکانیزم‌ها (به ویژه برای تولید مسیر) مورد استفاده قرار گرفته‌اند. در مسئله تلفیق مسیر که موضوع این پایان‌نامه است، با استفاده از تعدادی نقاط هدف که توسط رابط مکانیزم چهارمیله‌ای باید طی شوند، تلفیق مسیر انجام گرفته است، بنابراین روش بھینه سازی برای یافتن اندازه‌های هندسی و ابعادی مکانیزم مانند طولها و زاویه‌ها، به کار رفته است به طوریکه خطای میان مسیر هدف و مسیر واقعی طی شده بوسیله‌ی رابط مکانیزم چهارمیله‌ای را کمینه نماید.

امروزه یکی از مشکلات اساسی در زمینه طراحی بھینه مکانیزم‌ها وجود نامعینی در مکانیزم‌هاست. نامعینی در مکانیزم‌ها به صورت کلی ناشی از تغییر طول ابعاد و همچنین وجود لقی لولا می‌باشد. که لقی لولا موضوع مورد بررسی در این تحقیق است. با گنجاندن تحلیل احتمالاتی در بھینه سازی چندهدفی به کمک الگوریتم ژنتیک سعی شده است به حالت بھینه و مقاوم در مقابل نامعینی‌هایی که در واقعیت وجود دارند برسیم. در این پایان‌نامه از روش شبیه سازی شبه مونت کارلو در بھینه سازی چندهدفی استفاده شده است. استفاده از روش شبیه مونت کارلو به خاطر در نظر گرفتن تابع توزیع احتمالاتی به واقعیت نزدیکتر است. همچنین با استفاده از الگوریتم ژنتیک اصلاح شده، تمامی نقاط بھینه طراحی از دید توابع هدف در اختیار طراح قرار گرفته‌اند و طراح با توجه به نیاز خود یکی از این نقاط را انتخاب می‌کند و در پایان کار، مقایسه‌ای بین نتایج بدست آمده در حالت نامعین با حالت معین صورت گرفته است. این مقایسه نیرومندی مقاوم بودن پاسخ در این تحقیق را تایید می‌کند.

**کلید واژه‌ها:** مکانیزم، لقی لولا، الگوریتم ژنتیک، پارتو، نامعینی، روش شبیه مونت کارلو، طراحی مقاوم.

## **Multi-objective optimum design of four-bar linkage with joint clearance for path generation with parametric uncertainty**

Vahid Nooraeefar

### **Abstract**

Mechanisms which compose some connected rigid members are exclusively used in the area of mechanical engineering for motion and energy transfer from one or more input members to one or more output members. The concepts involved within the design of mechanisms are analysis and synthesis. In the case of dimensional synthesis, there are three categories, namely, motion generation, function generation and path or trajectory generation. Both graphical and analytical methods have been used for dimensional synthesis. However, such methods are relatively restrictive because of their low precision rates and that they cannot be used in the design of wide variety kinds of mechanisms, particularly when the number of precision points and the complexity of problems increase. In order to circumvent these shortcomings, optimization methods have been increasingly used in recent years for the dimensional synthesis of mechanisms especially for path or trajectory generation. In path generation problem, which is the problem of this dissertation, synthesis is accomplished by using some number of precision points to be traced by the coupler point of the mechanism. Thus, an optimization method is employed to find the set of dimensional or geometrical sizes of a mechanism, e.g. lengths, angles, so that the error among the desired path and the actual path by the coupler point is minimized.

However, nowadays, one of the major problems in the design of mechanisms is uncertainty. Uncertainties in mechanisms can be in the form of dimensional tolerances in the links, clearance in the joints and so on. Joint clearance is the topic that has been considered in this dissertation. It is desired to achieve an optimum yet robust design against uncertainties existing in reality with the use of probabilistic analysis in a multiobjective optimization approach. A multi-objective genetic algorithm (GA) is used for the Pareto optimization of four-bar linkages. Finally, the comparison between the results of deterministic and probabilistic design approach are presented.

**Keywords:** Mechanism, Joint Clearance, Genetic Algorithm, Pareto, Uncertainty, Quasi-Monte Carlo method, Robust Design.

فصل

یکم

پیشگفتار

# ۱ فصل یکم: پیشگفتار

## ۱-۱ مقدمه

مکانیزم، یک ابزار مکانیکی است که به منظور انتقال حرکت و یا نیرو از یک منبع به یک خروجی بکار می‌رود. طراحی و ترکیب‌بندی مکانیزم‌ها در انجام کارهای پیچیده، حرکتهای غیرخطی کنترل شده و انتقال نیرو، از جمله مسائل مورد توجه مهندسان می‌باشد. بطور کلی در طراحی یک مکانیزم و تعیین پارامترهای سینماتیکی آن برای سه کاربرد تلفیق<sup>۱</sup> تولید تابع، تلفیق تولیدحرکت و تلفیق تولیدمسیر [۱]، روش تحلیلی و عددی منحصر بفردي وجود ندارد. تاکنون روش‌های مختلفی برای تلفیق مکانیزم‌ها بکار گرفته شده است [۲-۵]. در روش‌های نگاره‌ای روش استفاده از اطلس منحنی‌های رابط<sup>۲</sup> قابل ذکر می‌باشد، که توسط هروننس (Hrones) و نلسون (Nelson) انجام شده است [۲]. آنها این اطلس را برای مکانیزم‌های چهارمیله‌ای تا حدود ۱۰۰۰۰ منحنی گسترش دادند. همچنین شایان ذکر است که، روشی نیز توسط ژانگ (Zhang) برای مکانیزم‌های پنجمیله‌ای ارائه شده است [۶]. با این که این روش‌ها ساده و سریع هستند اما از دقت پایینی برخوردارند بطوریکه نمی‌توانند در طراحی وسیع انواع متنوع مکانیزم‌ها، به ویژه وقتی تعداد نقاط دقت و پیچیدگی مسائل افزایش می‌یابد، مورد استفاده قرار گیرند. به منظور از بین بردن این کمبودهای روش‌های بهینه‌سازی به طور فرایندهای در سال‌های بعدتر برای تلفیق ابعادی مکانیزم‌ها مورد استفاده قرار گرفتند [۷-۹]. منابعی نیز در دست است که با استفاده از روش‌های تحلیلی به حل این مسائل پرداخته‌اند، اما این روش‌ها نیز در مورد تعداد محدودی از نقاط دقت کاربرد دارند و دارای مشکلاتی در زمینه ترتیب نقاط دقت پیموده شده توسط منحنی رابط نیز می‌باشند.

<sup>1</sup> Synthesis

<sup>2</sup> Coupler curves

## ۲-۱ مروری بر آثار گذشته

افزایش چشم‌گیر قدرت رایانه‌ها باعث توسعه روندهای جدیدی شده است که با روش‌های عددی برای کمینه‌کردن یک تابع هدف به کار می‌روند. یکی از نخستین کسانی که به مطالعه‌ی این‌گونه از روش‌ها پرداخته است، شخصی به نام هان (Han) می‌باشد [۱۰]، که دستاوردهایش در سالهای بعد توسط کارمر (Karmer)، سندر (Sandor)، سوهونی (Sohoni) و هاوگ (Haug) توسعه یافت [۱۱-۱۲]. آنها به بهینه‌سازی یکی از رایج‌ترین توابع هدف پرداخته‌اند که عبارتست از خطای که میان نقاط طی شده توسط رابط و منحنی مورد نظر وجود دارد و در طی طراحی مکانیزم و بهینه‌سازی این تابع هدف، قیودی مانند شرایط گراش، ترتیب زوایای ورودی و محدوده متغیرهای طراحی موجود بوده که باید ارضا شوند [۹]. روش‌های بهینه‌سازی متفاوتی که برای تولید مکانیزم‌ها بکار می‌روند وجود دارند، که در مراجع و مقالات مختلف گزارش شده‌اند [۹، ۱۳-۱۵]. اما تمامی این روش‌ها نیاز به محاسبات زیادی دارند. همچنین ممکن است که بعضی از این روش‌ها با پیداکردن یک نقطه‌ی کمینه‌ی محلی پایان یابند، بدون اینکه به نقطه‌ی بهینه‌ی واقعی برسند. در بین این روش‌ها، انواع گوناگون الگوریتم‌های ژنتیکی بخاطر کارایی و احتمال بالایشان در پیداکردن نقطه‌ی بهینه واقعی به‌طور موفقیت آمیزی مورد استفاده قرار گرفته‌اند [۹، ۱۴-۱۸]. اگرچه تمامی روش‌های بهینه‌سازی موجود در مراجع قبلی که به آنها اشاره شده است براساس بهینه‌کردن یک تابع هدف (خطای مسیر) می‌باشند [۹] ولی در طراحی مکانیزم‌ها علاوه بر کمینه‌بودن خطای مسیر، توابع هدف دیگری نیز وجود دارند که دارای اهمیت‌اند. معمولاً کمینه‌شدن خطای مسیر باعث بدتر شدن این توابع هدف می‌شود. بنابراین لزوم بهینه‌سازی چنددهدی در طراحی مکانیزم‌ها کاملاً احساس می‌شود. در مرجع [۱۹] نریمان‌زاده و همکارانش به بهینه‌سازی چنددهدی هدفی مکانیزم‌ها از دید دو تابع هدف خطای پیمایش و زاویه‌انحراف پرداخته‌اند و از الگوریتم ژنتیک برای بهینه‌سازی چنددهدی استفاده کرده‌اند. در این‌گونه مسائل، چند تابع هدف مختلف تعریف می‌شوند، که تمایل به کمینه یا بیشینه‌کردن آن‌ها بطور همزمان وجود دارد. اغلب، این توابع هدف در نقطه مقابله یکدیگر قرار دارند. بطوریکه بهبود در یکی از آنها به بدتر شدن تابع یا توابع هدف دیگر منجر می‌شود. بنابراین یک جواب بهینه که همه توابع هدف را به طور همزمان بهینه نماید وجود ندارد، بلکه بجای آن، یک سری جواب بهینه وجود دارند که به جواب‌های بهینه پارتو [۲۰] و یا منحنی پارتو (Pareto Front) معروف هستند که این ویژگی، تفاوت اصلی در ماهیت کلی مسائل چنددهدی با مسائل تک‌هدفی می‌باشد [۲۱-۲۷] و این مجموعه پاسخ‌ها که پاسخ‌های تک‌هدفی را نیز شامل می‌شوند، روند طراحی و برگزیدن طرحی بهینه را روشن‌تر می‌سازند. روش‌های بهینه‌یابی بر پایه الگوریتم تکاملی با روش‌های بهینه‌یابی بر پایه ریاضیات، تفاوت دارند. تفاوت اصلی در این است که الگوریتم ژنتیک (GA) با جمعیتی از جواب‌ها سروکار دارد نه با یک جواب. و اگر گستردگی و پخش جمعیت‌ها مناسب باشد، از گرفتارشدن الگوریتم در نقاط بهینه محلی جلوگیری می‌نماید. این مزیت الگوریتم تکاملی جهت حل مسائل چنددهدی (MOPs) بسیار مفید است. اولین استفاده از جستجوی تکاملی در سال ۱۹۶۰ توسط رزنبرگ (Rosenberg) گزارش داده شده

[۲۸] و تاکنون جهت بهینه‌یابی مسائل چندتابع هدفی، در بسیاری از زمینه‌ها، الگوریتم‌های تکاملی مختلفی به وجود آمده‌اند [۳۲-۳۹]. دو موضوع مهم و قابل بحث در روش‌های بهینه‌یابی چند هدفی تکاملی وجوددارد [۳۲]:

۱- هدایت جستجو به سمت مجموعه جواب بهینه پارتوا اصلی.

۲- جلوگیری از همگرایی زودرس یا نگهداری گستردنگی جمعیت.

یکی از محبوب‌ترین الگوریتم‌های بهینه‌سازی، الگوریتم NSGAII می‌باشد که در سال ۲۰۰۲ توسط Deb ( Deb) معرفی شده است [۳۳]. این الگوریتم در حفظ تنوع جواب‌های بهینه، دارای اشکالاتی می‌باشد.

به همین منظور زیر برنامه ۴-e-elimination [۳۴-۳۵] در این تحقیق برای حفظ گوناگونی و پخش جواب‌ها در تمامی حوزه حل پیشنهاد می‌گردد، که در این پایان‌نامه به طور کامل تشریح شده‌است، در این تحقیق الگوریتم اصلاح شده‌ی NSGAII برای بهینه‌سازی چندهدفی مکانیزم‌ها مورد استفاده قرار گرفته شده‌است.

گستردنگی روزافزون کاربرد مکانیزم‌های مختلف از جمله مکانیزم‌های چهار لینکی در دستگاه‌ها و ماشین‌آلات صنعتی و کشاورزی گوناگون، توجه ویژه به طراحی بهینه آنها را برای تولید مکانیزم‌هایی با کارایی بهتر و مقاوم‌تر با هزینه‌های کمتر رهنمون می‌نماید. در روش‌های سنتی بهینه‌سازی، اختلاف بین عملکرد مطلوب و عملکرد واقعی یک مکانیزم، کمینه شده‌است [۳۶-۳۹]. تلفیق سنتی مکانیزم قطعی و معین، هیچ‌گونه‌ای از موارد نامعین (شامل اتفاقی بودن ابعاد و تغییرات در نیروهای خارجی) [۴۰-۴۴] را در مکانیزم و محیط پیرامونش در نظر نمی‌گیرد. اما در حقیقت، موارد نامعین و غیرقطعی وجوددارند.

کمیته‌ای فیزیکی که در مراحل مختلف طراحی در محاسبات وارد می‌شوند، به دلایل مختلفی مانند خطاهای اندازه‌گیری و یا خطا در اجرا و ساخت (تولرانس‌ها) و یا تغییرات ناشی از تغییر دما و شرایط محیطی و یا عمر قطعه، مقادیر دقیقی نخواهند بود. بلکه بسته به میزان دقت در اندازه‌گیری و اجرا در بازه‌ای به دور مقادیر نامی خویش توزیع شده‌اند. از این خطای بین مقادیر نامی و واقعی، بعنوان نامعینی یاد می‌شود و با خاطر وجود این نامعینی‌ها، عملکرد واقعی مکانیزم در معرض تغییراتی در محدوده عملکرد طراحی شده قرار می‌گیرد، طراحی با درنظر گرفتن نامعینی‌ها، طراحی مقاوم<sup>۱</sup> نام دارد. طراحی مقاوم که توسط Taguchi [۴۵-۴۶] معرفی شد، یک روش طراحی قدرتمند برای رسیدن به کیفیت بالا و بهره‌وری می‌باشد که با کنترل کردن متغیرهای طراحی، بدون محدود کردن عوامل نامعینی، به حداقل تغییرات در عملکرد می‌رسد [۴۷-۵۷].

هدف طراحی مقاوم، بهینه‌ساختن عملکرد میانگین و کمینه ساختن تغییرات و پراکندگی عملکرد بواسطه‌ی نامعینی‌های است که سازنده می‌تواند با یافتن رابطه‌ی بین عملکرد میانگین و متغیرهای طراحی به این مقصود دست یابد. برقراری توازن و مصالحه بین پایداری و عملکرد سیستم در حضور نامعینی‌ها، یکی از چالشهای مهمی است که نظر مهندسین را به خود جلب کرده است.

<sup>۱</sup> Robust Design

مصالحه باید بگونه‌ای باشد که یک مخصوص، سطح قابل قبولی از پایداری و عملکرد مطلوب خود را با در نظر گرفتن نیرومندی<sup>۱</sup> مناسب با توجه به نامعینی‌های موجود برای سیستم‌های نامعین ایجاد کند [۵۳].

هر مکانیزمی در معرض نامعینی‌هاست. نامعینی‌ها می‌توانند به فرم تولرانس‌های ابعادی در لینکها، لقی‌ها [۵۴] در اتصالات و غیره باشند. خروجی مکانیزم بخاطر نامعینی‌ها تحت تاثیر قرار گرفته است. روش‌های احتمالاتی، فازی و فاصله‌ای عموماً برای مدلسازی نامعینی‌ها در یک سیستم مهندسی استفاده می‌شوند. روش احتمالاتی یک پارامتر نامعین را مانند یک متغیر تصادفی که از یک توزیع احتمالی پیروی می‌کند، توصیف می‌کند [۶۲-۵۸]. اگر اطلاعات برای ایجاد یک توزیع احتمالی کافی نباشد، دیدگاه فاصله‌ای یا تئوری فازی می‌تواند استفاده شود. در دیدگاه فاصله‌ای، نامعینی پارامتر توسط یک بازه ساده معلوم شده است [۶۳-۶۴]. در تئوری فازی، مطلوبیت استفاده از مقادیر مختلف در بازه توسط یکتابع عضویت در بازه توصیف شده است [۶۵-۶۸]. دیدگاه فاصله‌ای وقتی که اطلاعات کافی در باره‌ی توزیع احتمالی متغیر نامعین وجود ندارد می‌تواند براحتی مورد استفاده قرار گیرد. اخیراً یک روش تلفیق مکانیزم مقاوم که نامعینی‌ها به صورت هر دو متغیر تصادفی و فاصله‌ای در نظر گرفته شده‌اند، پیشنهاد شده است [۶۹].

### ۳-۱ چکیده کار انجام شده در این تحقیق

عملکرد مکانیزمها در حالت تئوری و عملی متفاوت است. یکی از عوامل ایجاد این اختلاف وجود لقی در لولا می‌باشد. همانطوری که می‌دانیم هر لولا برای چرخش حول محور خود به مقدار کمی لقی نیاز دارد. که این مقدار لقی با توجه به طول عمر، گشتاورهای وارده، تلورانس ساخت و محل قرار گیری لولا به مرور زمان افزایش می‌یابد. که این امر باعث افزایش میزان خطأ و نامطلوب شدن عملکرد مکانیزم می‌گردد. در نظر گرفتن نامعینی برای لقی لولا در بهینه سازی مکانیزم چهارلینکی یا به عبارت دیگر یrrرسی احتمالاتی، باعث نزدیکتر شدن عملکرد واقعی مکانیزم حاصل از بهینه سازی به مکانیزم پایه بدون لقی در حالت تئوری خواهد شد. و مکانیزم را در برابر تغییرات مقاومتر می‌گردد.

برای یافتن مسیر طی شده توسط مکانیزم با در نظر گرفتن لقی لولا می‌توان لقی لولا را با یک لینک مجازی که طولش برابر با مقدار لقی است مدلسازی کرد [۸۳]. با این کار درجه آزادی مکانیزم افزایش می‌یابد. و تنها با استفاده از معادلات سینماتیکی نمی‌توان مسیر پیموده شده توسط مکانیزم را تعیین کرد. از معادله لاگرانژ برای بدست آوردن مسیر کمک گرفته می‌شود. با حل معادله لاگرانژ حاکم بر مکانیزم می‌توان مسیر تولید شده توسط مکانیزم با لقی را تعیین کرد [۸۴]. در قسمت اول این

---

<sup>۱</sup> Robustness

پژوهش با استفاده از الگوریتم ژنتیک دو هدفی اصلاح شده مکانیزم بهینه با وجود لقی لولای معین برای پیمایش مسیر هدف بررسی شده و نتایج با جواب حاصله مرجع [۵۴] مورد مقایسه قرار گرفته است.

بدون درنظر گرفتن نامعینی، نقاطی که بعنوان نقاط بهینه بدست می‌آیند ممکن است نسبت به وجود نامعینی در کمیتهای مرتبط، حساس بوده و به ازای تغییرات کمی در این کمیتها، تغییرات شدیدی در توابع هدف رخداده، این نقاط را از حالت بهینه خارج سازد. با درنظر گرفتن نامعینی نقاط بهینه بدست آمده، نسبت به کمیتهایی که نامعینی را در آنها درنظر گرفته ایم حساسیت کمتری خواهد داشت و به اصطلاح نسبت به تغییرات مقاومترند. هر چند ممکن است بهینه بودن توابع هدف، کمتر از حالت اول باشد.

کاربردی که در این پایان نامه برای بهینه سازی مکانیزم چهار لینکی مدنظر است، تولید مسیر معین با در نظر گرفتن نامعینی ناشی از لقی در اتصالات است، که در واقعیت وجود دارد. در این پایان نامه از روش شبیه سازی شبه مونت کارلو [۷۰] در بهینه سازی چند هدفی استفاده شده است. استفاده از این روش برای مدل کردن نامعینی، بسیاری از محافظه کاریهای روشهای قبل (که در فصل پنجم این تحقیق به آنها اشاره شده است) را ندارد و به خاطر در نظر گرفتنتابع توزیع احتمالاتی به واقعیت نزدیکتر است. همچنین با استفاده از الگوریتم اصلاح شده NSGA-II [۳۵-۳۶] تمامی نقاط بهینه طراحی از دید توابع هدف در اختیار طراح قرار گرفته اند و طراح با توجه به نیاز خود یکی از این نقاط را انتخاب می کند. لازم به ذکر است که در این تحقیق برای رسیدن به پاسخ های بهتر و دقیق تر، علاوه بر استفاده از الگوریتم ژنتیک، از ترکیب آن با روش سیمپلکس، که روشی بر اساس گرادیان می باشد، نیز استفاده شده است.

انتظاری که از مکانیزم می رود این است که مکانیزم، در برابر وجود نامعینی ها بهینه و مقاوم باشد. بهینه بودن از دید این پایان نامه بدین معنی است که مکانیزم با در نظر گرفتن نامعینی های موجود، انحراف کمی از مسیر مطلوب داشته باشد. یعنی در مقایسه ۲ مکانیزم، آنکه در برابر نامعینی های ناشی از لقی در اتصالات، خطای پیمایش کمتری از خود نشان داده و در عین حال دارای پراکندگی کمتر نیز باشد، برتر و کارآثر است. این مطلب در بخش نتایج به کمک ایجاد نمونه های احتمالاتی حول مکانیزم بهینه مرجع [۷۱] و مکانیزم بهینه با در نظر گرفتن نامعینی در لقی لولا و مقایسه با یکدیگر می توان مشاهده نمود. همانطور که در این فصل به پیشینه مکانیزم ها پرداخته شد، دیدیم که پژوهش های گوناگونی در زمینه بهینه سازی مکانیزم ها انجام پذیرفته و می پذیرد که هر یک بر بهبود کارایی مکانیزم در کاربردهای خاصی توجه دارند. دست آوردهای هر یک از این پژوهشها می توانند بعنوان راهنمایی برای طراحان در ساخت مکانیزمی کارا، در کاربرد مورد نظر باشد. بر این اساس ما نیز در این پایان نامه، به بهینه سازی کارایی مکانیزم برای تولید مسیر معین با در نظر گرفتن نامعینی پرداخته ایم.

## ۱-۴ روند پیش‌رو در این پایان‌نامه

این پایان‌نامه در ۷ فصل تنظیم شده که بخش حاضر، فصل اول پایان‌نامه، با عنوان پیشگفتار است.

در فصل دوم به تعریف ترکیب‌بندی مکانیزم‌ها پرداخته شده است. پس از بیان مقدمه‌ای راجع به روش‌های مختلف ترکیب‌بندی، به طراحی برای موقعیت میله رابط اشاره شده است. در ادامه منحنی‌های مربوط به نقاط واقع بر روی میله رابط مطرح خواهد شد، چون همانطور که در این پایان‌نامه نیز مطرح است، اغلب این خواسته مورد نظر است که مکانیزمی داشته باشیم که نقطه‌ای را در امتداد مسیری مشخص هدایت کند.

در فصل سوم الگوریتم‌های تکاملی، تعریف شده و اصول محاسبات آنها بیان شده است، در ادامه در مورد الگوریتم‌های ژنتیکی که دسته‌ای از الگوریتم‌های تکامل تدریجی می‌باشند به تفصیل بحث شده است.

در فصل ۴ به بحث‌های مربوط به بهینه‌سازی وارد می‌شویم. بهینه‌سازی تک‌هدفی و چند‌هدفی و ویژگی‌های هر یک و برتری‌های بهینه‌سازی چند‌هدفی بر تک‌هدفی مورد بحث قرار می‌گیرند، با انواع روش‌های بهگزینی آشنایی شویم و الگوریتم‌های تکاملی را معرفی می‌نماییم. در نهایت به بیان چرایی به کارگیری الگوریتم ژنتیک و چگونگی بهینه‌سازی چند‌هدفی بكمک اين الگوريتم پرداخته شده است. در ادامه روند انجام کار و جزئیات مرتبط مسئله‌ی بهینه‌سازی با درنظرگرفتن نامعینی، بیان خواهد شد.

در فصل ۵ اهمیت درنظرگرفتن نامعینی و بررسی احتمالاتی مورد بررسی قرار گرفته شده است. در این فصل به چیستی نامعینی و چرایی بررسی احتمالاتی پرداخته شده و فواید بررسی احتمالاتی در بهینه‌سازی بیان شده است.

در فصل ۶ نتایج بدست آمده از اجرای برنامه‌های الگوریتم ژنتیک و بحث بر روی نتایج با درنظرگرفتن نامعینی آورده شده است. در پایان نیز مقایسه‌ای بین نتایج این پایان‌نامه و مرجع [۵۴] انجام شده است.

فصل ۷، نتیجه‌گیری و پیشنهادها برای ادامه‌ی کار را دربردارد و مراجع نیز در ادامه آمده‌اند.