



دانشکده علوم

پایان نامه دکتری در رشته فیزیک ذرات بنیادی

بررسی انواع واپاشی‌های نیمه‌لپتونی
مزون $B_c^{(B)}$ از طریق قانون جمع QCD
– سه نقطه –

توسط
غلامرضا خسروی

استاد راهنما:
دکتر نادر قهرمانی

دی ماه ۱۳۸۸

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

به نام خدا

اظهار نامه

اینچاپ غلامرضا خسروی (۸۴۳۲۹۵)، دانشجوی رشته‌ی فیزیک گرایش فیزیک ذرات بنیادی دانشکده علوم اظهار می‌نمایم که این پایان نامه حاصل پژوهش خودم بوده و در جاهایی که از منابع دیگران استفاده کرده‌ام، نشانی دقیق و مشخصات کامل آن را نوشته‌ام. همچنین اظهار می‌کنم که تحقیق و موضوع پایان نامه‌ام تکراری نیست و تعهد می‌نمایم که بدون مجوز دانشگاه دستاوردهای آن را منتشر ننموده و یا در اختیار غیر قرار ندهم.

کلیه‌ی حقوق این اثر مطابق با آئین نامه مالکیت فکری و معنوی متعلق به دانشگاه شیراز است.

غلامرضا خسروی
۱۴۰۶/۲۲/۵
خسرو

به نام خدا

بررسی انواع واپاشی‌های نیمه‌لپتونی مزون $B_c(B)$ از طریق قانون جمع QCD - سه نقطه

به وسیله‌ی:
غلامرضا خسروی

پایان نامه
ارائه شده به تحصیلات تکمیلی دانشگاه به عنوان بخشی از
فعالیتهای تحصیلی لازم برای اخذ درجه دکتری

در رشته‌ی:
فیزیک ذرات بنیادی
از دانشگاه شیراز
شیراز
جمهوری اسلامی ایران

..... ارزیابی شده توسط کمیته پایان نامه با درجه: عالی
..... دکتر نادر قهرمانی، استاد بخش فیزیک (رئیس کمیته)
..... دکتر محمد حسین دهقانی، استاد بخش فیزیک
..... دکتر نعمت الله ریاضی، استاد بخش فیزیک
..... دکتر سید محمد زبرجد، دانشیار بخش فیزیک
..... دکتر عزیز الله عزیزی، استادیار بخش فیزیک
..... دکتر محمد ابراهیم زمردیان، استاد بخش فیزیک دانشگاه فردوسی مشهد (استاد مدعو)

تقدیم به:

پدر، مادر و همسر مهربانم سرکار خانم دکتر فاطمه فلاحتی، همچنین دوست و

همکار بسیار عزیزم:

دکتر کاظم عزیزی

سپاسگزاری

الهی دانایی ده که در راه نیفتیم و بینایی ده که در چاه نیفتیم.

خداوند را می‌ستایم که حاصل دو سال واندی تلاش و کوشش علمی و پژوهشی ام با لطف و عنایت بیکرانش سرانجام به بارنشست. اینک شایسته است از کلیه سروزان و عزیزانی که در پیمودن این راه سخت مرا یاری کردند، تشکر نمایم.

لطف بی‌دریغ پدر و مادر دوست‌داشتنيم به همراه تشویق‌های دلگرم کننده و کمک‌های علمی همسر فرزانه‌ام و همکاری خانواده محترمش، فضایی آرام برایم فراهم ساخت تا آسوده خاطر و فارغ‌البال به کارم مشغول باشم. در این فضای مناسب، دکتر کاظم عزیزی و کمک‌های سخاوتمندانه و راهنمایی‌های ارزنده‌اش نقشی ممتاز و بی‌بدیل در پیشرفت کار من داشت. صادقانه اقرار می‌کنم که اگر صبوری، خرد و درایت ایشان نبود، انجام این کار، بسیار دشوار و ناممکن می‌نمود.

واجب است از استاد راهنمای گرانمایه و عزیزم جناب آفای دکتر نادر قهرمانی که با تدبیر و مساعی ایشان مشکلات یکی پس از دیگری مرتفع و هدف مطلوب محقق گشت، صمیمانه تشکر نمایم. وظیفه‌شناسی، مهربانی و تساهل اخلاقی را از صفات برجسته ایشان می‌دانم که مسلماً در رشد و شکوفایی علمی من بسیار موثر بود.

از اساتید محترم عضو کمیته دفاع، آقایان دکتر نعمت‌الله ریاضی، دکتر محمدحسین دهقانی، دکتر سید محمد زبرجد و دکتر عزیزاله عزیزی ممنون و سپاسگزارم.

از جناب آقای دکتر محمد ابراهیم زمردیان عضو هیات علمی دانشگاه فردوسی مشهد که به عنوان استاد مدعو در جلسه دفاع حضور داشتند، بسیار ممنونم. از نماینده محترم تحصیلات تکمیلی در جلسه دفاع، جناب آقای دکتر محمد مهدی گلشن کمال تشکر و سپاس را دارم.

در نهایت سلامت، سعادت و موفقیت همه این عزیزان را از درگاه خداوند متعال خواستارم.

چکیده

بررسی انواع واپاشی‌های نیمه‌لپتونی مزون B_c (B) از طریق قانون جمع – QCD سه نقطه

بوسیله‌ی:

غلامرضا خسروی

امروزه مطالعه مزون B_c (B) در کانون توجه فیزیکدانان ذرات بنیادی قرار دارد. مزون B_c با طول عمر طولانی که دارد، تنها از طریق برهم‌کنش ضعیف واپاشی می‌کند. بنابراین مطالعه واپاشی‌های این مزون بستره مناسب برای بررسی موارد فیزیکی مهمی همچون نقض بارالحقی – پاریته، نقض زمان معکوس و عدم تقارن قطبیدگی در واپاشی‌ها، فراهم می‌کند. همچنین بررسی واپاشی‌های مزون B برای تعیین مقدار دقیق عناصر ماتریس CKM که تنها در برهم‌کنش‌های ضعیف حضور دارند، بسیار مناسب هستند.

تلاشی که در این کار تحقیقی انجام می‌شود، بررسی انواع واپاشی‌های نیمه‌لپتونی و هادرونی مزون B_c (B) می‌باشد. برای این منظور عوامل ساخت گذار واپاشی‌های این مزون، از طریق قانون جمع – QCD سه نقطه که یک روش بسیار توانمند در مطالعات پدیده‌شناسی

مزونی است، تعیین می‌گردد. تحلیل عوامل ساخت گذار و سپس محاسبه نسبت انشعاب و مقایسه با مقدار پیش‌بینی شده توسط سایر روش‌ها و احیاناً مقادیر آزمایشگاهی، در مواردی که اندازه‌گیری انجام شده است، از دیگر اهداف این پایان‌نامه می‌باشد.

نتایج این کار تحقیقی می‌تواند شناخت ما را نسبت به محتوای کوارکی مزون‌های شبهماسکالر و شبهبرداری تولید شده از واپاشی‌های B_c و مقدار نسبت انشعاب بعضی از مدهای واپاشی مزون ($B_c(B)$) که در اینجا مورد بررسی قرار می‌گیرند، افزایش دهد. مقایسه مقدار نسبت انشعاب این مدها با نتایج اندازه‌گیری شده توسط آزمایشگاه در آینده، در ارزیابی اعتبار قانون جمع QCD – سه نقطه و جایگاه آن در علم ذرات بنیادی امروز، بسیار با اهمیت می‌باشد.

فهرست

صفحه	عنوان
۱	۱ مقدمه
۲	۱-۱ اهمیت بررسی مزون $(B)B_c$
۵	۲-۱ معرفی عامل ساخت
۸	۳-۱ قانون جمع QCD در یک نگاه
۹	۱-۳-۱ تابع همبستگی
۱۱	۱-۳-۲ نظریه بسط ضرب عملگر
۱۳	۱-۳-۳ رابطه پاشندگی
۱۴	۱-۳-۴ دو گانگی موضعی کوارک - هادرон
۱۵	۱-۳-۵ قانون کاتکسکی
۱۶	۱-۳-۶ تبدیلات بورل
۱۸	۲ مروری بر نظریه کرومودینامیک کواتنومی
۲۰	۲-۱ مروری بر ذرات بنیادی
۲۴	۲-۲ رنگ: عامل برهم‌کنش‌های قوی
۲۸	۲-۳ آزمایشگاه و اثبات حضور کوارک‌ها
۲۲	۲-۴ تغییر ثابت جفت‌شدگی در QCD
۳۶	۲-۵ تقارن‌های پیمانه‌ای
۴۰	۲-۶ قضیه نئودر: تقارن‌ها و قوانین بقاء

۴۱	ناوردایی پیمانه‌ای موضعی و QED	۷-۲
۴۴	ناوردایی پیمانه‌ای غیرآبلی و QCD	۸-۲
۳ معرفی قانون جمع QCD		۴۸
۵۰	معرفی	۱-۳
۵۲	نیاز به قانون جمع QCD	۲-۳
۵۴	نظریه پایه‌ای قانون جمع QCD منسوب به شیفمن	۳-۳
۵۴	۱-۳-۳ مفهوم تابع همبستگی QCD	
۵۸	۲-۳-۳ قضیه اپتیکی	
۶۲	۳-۳-۳ قضیه اپتیکی برای نمودارهای فایمن	
۷۰	۴-۳-۳ قوانین کاتکسکی	
۷۱	۵-۳-۳ تابع همبستگی در ناحیه زمان‌گونه	
۷۵	۴-۳ رابطه پاشندگی	
۷۶	۱-۴-۳ محاسبه رابطه پاشندگی	
۷۹	۵-۳ بکارگیری تبدیل بورل	
۸۰	۱-۵-۳ ساختار تبدیل بورل	
۸۳	۶-۳ چگالش‌های خلاء و بسط ضرب عملگر	
۸۵	۱-۶-۳ تحلیل چگالش خلاء و ارتباط با QCD غیراختلالی	
۸۸	۲-۶-۳ تحلیلی بر نظریه بسط ضرب عملگر	
۹۳	۷-۳ نظریه OPE، ناوردایی پیمانه‌ای و مشکلات مریبوطه	
۹۴	۱-۷-۳ نمادها	
۹۵	۲-۷-۳ روش میدان خارجی	
۱۰۱	۸-۳ محاسبه تابع همبستگی در QCD	
۱۰۱	۱-۸-۳ محاسبه قسمت اختلالی	
۱۰۶	۲-۸-۳ محاسبه خلاء‌ها و بسط ضرب عملگر	
۱۱۲	۹-۳ درباره چگالش خلاء چه می‌دانیم؟	
۱۱۵	۱۰-۳ استفاده از دوگانگی کوارک - هادرон	

۱۱۷.....	۱۱-۲ قانون جمع QCD در مکانیک کوانتومی	۱۱-۳
۱۱۸.....	۱۱-۱-۱ قوانین جمع برای پایین ترین حالت نوسانگر هماهنگ ساده	۱۱-۳
۱۲۳.....	۱۱-۲-۲ قانون جمع برای عامل ساخت حالت های نوسانی	۱۱-۳
 ۱۳۰	 قانون جمع QCD - سه نقطه	 ۴
۱۳۱.....	۱-۴ تابع همبستگی	۱۳۱.....
۱۳۳.....	۲-۴ محاسبه قسمت فیزیکی تابع همبستگی	۱۳۳.....
۱۳۹.....	۳-۴ محاسبه قسمت نظری تابع همبستگی	۱۳۹.....
۱۴۱.....	۱-۳-۴ محاسبه قسمت اختلالی تابع همبستگی	۱۴۱.....
۱۴۵.....	۲-۳-۴ بکارگیری قانون کاتکسکی	۱۴۵.....
۱۵۷.....	۴-۴ محاسبه قسمت غیراختلالی تابع همبستگی	۱۵۷.....
۱۵۸.....	۱-۴-۴ محاسبه سهم چگالش کوارک - کوارک	۱۵۸.....
۱۶۵.....	۲-۴-۴ محاسبه سهم چگالش کوارک - گلوان	۱۶۵.....
۱۶۸.....	۳-۴-۴ محاسبه سهم چگالش گلوان - گلوان	۱۶۸.....
۱۷۵.....	۵-۴ محاسبه عوامل ساخت	۱۷۵.....
 ۱۸۳	 محاسبات، بحث و نتایج	 ۵
۱۸۴.....	۱-۵ تقسیم‌بندی مزون‌ها	۱۸۴.....
۱۸۷.....	۲-۵ بخش اول: بررسی فرآیندهای نیمه‌لپتونی مزون B_c	۱۸۷.....
۱۸۸.....	۱-۲-۵ قانون جمع QCD - سه نقطه برای عوامل ساخت گذار	۱۸۸.....
۲۰۰.....	۳-۵ کوارک سنگین	۲۰۰.....
۲۰۰.....	۱-۳-۵ تصویر فیزیکی	۲۰۰.....
۲۰۴.....	۲-۳-۵ کوارک سنگین و قانون جمع QCD	۲۰۴.....
۲۱۳.....	۴-۵ بررسی سایر فرآیندها	۲۱۳.....
۲۱۵.....	۱-۴-۵ محاسبه چگالی طیف اختلالی واپاشی‌های B_c	۲۱۵.....
۲۲۰.....	۲-۴-۵ محاسبه عوامل ساخت گذارهای مزون B_c	۲۲۰.....

۲۲۲	۳-۴-۵ نتایج عددی، بحث و نمودارها
۲۳۲	۵-۵ بخش دوم: بررسی فرآیندهای نیمه‌لپتونی مزون <i>B</i>
۲۳۲	۱-۵-۵ محاسبه چگالی طیف اختلالی و عوامل ساخت واپاشی‌های <i>B</i>
۲۳۴	۲-۵-۵ نتایج عددی، بحث و نمودارها
۲۳۸	۶-۵ بررسی فرآیندهای هادرونی مزون <i>B</i>
۲۳۹	۱-۶-۵ حالت شاخه‌ای و پنگوئن در فرآیندهای کوارک <i>b</i>
۲۴۱	۷-۵ دامنه واپاشی و پهنانی واپاشی
۲۴۴	۱-۷-۵ محاسبه دامنه واپاشی
۲۴۷	۲-۷-۵ محاسبه پهنانی واپاشی
۲۵۰	۳-۷-۵ مقدار نسبت انشعاب برای هر واپاشی

۲۶۴

پیوست الف

۲۷۱

پیوست ب

۲۷۴

پیوست ج

۲۸۰

پیوست د

۲۸۷

پیوست ه

۲۳۱

پیوست و

۲۳۷

مراجع

فهرست جدولها

۱-۲	ذرات واسطه دربرهم‌کنش‌های بنیادی در مدل استاندارد. مقادیر عددی از مرجع [۱۲] گرفته شده‌اند. بار الکتریکی e بار یک الکترون یعنی 2×10^{-19} کولن، می‌باشد.	۲۱
۲-۲	ذرات پایه‌ای در مدل استاندارد. مقادیر عددی از مرجع [۱۲] گرفته شده‌اند. حد بالای جرم نوترینوها با اطمینان 90% نوشته شده‌اند.	۲۲
۱-۵	مقدار جرم کوارک‌ها بر حسب [۱۲] MeV	۲۰۷
۲-۵	مقدار عناصر ماتریس CKM [۱۲]	۲۰۷
۳-۵	پارامترها و ضرایب ویلسون استفاده شده در این تحقیق [۹, ۱۲, ۷۵]	۲۰۸
۴-۵	مقدار جرم، ثابت واپاشی f_M و آستانه برانگیختگی s برای مزون‌های استفاده شده در این تحقیق [۱۲, ۷۵-۹۱]	۲۰۸
۵-۵	مقدار عوامل ساخت واپاشی $q^2 = 0$ در $B_c \rightarrow D_{(s,d)} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$	۲۰۹
۶-۵	مقایسه مقدار عوامل ساخت گذار $D \rightarrow B_c$ از طریق قانون جمع و نظریه موثر کوارک سنگین به ترتیب در $M_1^2 = 8 \text{ GeV}^2$ ، $M_2^2 = 15 \text{ GeV}^2$ و $M_3^2 = 3 \text{ GeV}^2$ ، $T_1 = 1/6 \text{ GeV}$ و $T_2 = 3/2 \text{ GeV}$	۲۱۰
۷-۵	مقایسه مقدار عوامل ساخت گذار $D_s \rightarrow B_c$ از طریق قانون جمع و نظریه موثر کوارک سنگین به ترتیب در $M_1^2 = 15 \text{ GeV}^2$ ، $M_2^2 = 8 \text{ GeV}^2$ و $M_3^2 = 3 \text{ GeV}^2$ ، $T_1 = 1/6 \text{ GeV}$ و $T_2 = 3/2 \text{ GeV}$	۲۱۰
۸-۵	مقدار نسبت انشعاب واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{(s,d)} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ و مقایسه آن‌ها با پیش‌بینی‌های مدل RCQM	۲۱۲
۹-۵	جريان جانشین مزون.	۲۱۳

- ۱۰-۵ مقدار عوامل ساخت واپاشی $B_c \rightarrow D_{s0}^* l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ در $q^2 = 0$
 ۱۱-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{s0}^* l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
 ۱۲-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{s0}^* l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ با در نظر گرفتن
 اثر فاصله بلند.
 ۱۳-۵ مقدار عوامل ساخت واپاشی $B_c \rightarrow D_{s1} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ در $q^2 = 0$
 ۱۴-۵ مقدار پارامترهای تابع انطباق برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{s1} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
 ۱۵-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{s1} (2460) l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
 ۱۶-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D_{s1} (2536) l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
 ۱۷-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی $B_c \rightarrow D^0 l \bar{\nu}$ ، از طریق مدل‌های مختلف.
 قانون جمع مخروط نوری LCSR [۱۱۶]، قانون جمع - سه نقطه ۳PSR بدون
 در نظر گرفتن چگالش گلوان - گلوان [۱۱۷]، مدل کوارکی QM [۱۱۸]، مدل
 پتانسیلی PM [۱۱۹]، معادله بتی - سل پیتر BSE [۱۲۰]، مدل نسبیتی RM
 [۱۲۱].
 ۱۸-۵ مقدار عوامل ساخت واپاشی $B_c \rightarrow D^0 l \bar{\nu}$ در $q^2 = 0$ ، از طریق مدل‌های
 مختلف. قانون جمع - سه نقطه ۳PSR با در نظر گرفتن چگالش گلوان
 - گلوان، نظریه موثر کوارک سنگین HQET، قانون جمع مخروط نوری LCSR،
 قانون جمع - سه نقطه ۳PSR بدون در نظر گرفتن چگالش گلوان، مدل
 پتانسیلی PM، مدل کوارکی QM.
 ۱۹-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D^0 l \bar{\nu}$ از طریق قانون جمع
 - سه نقطه ۳PSR با در نظر گرفتن چگالش گلوان - گلوان و نظریه موثر
 کوارک سنگین HQET.
 ۲۰-۵ مقدار عوامل ساخت واپاشی $B_c \rightarrow D^{*0} l \bar{\nu}$ در $q^2 = 0$ از طریق مدل‌های
 مختلف. قانون جمع - سه نقطه ۳PSR با در نظر گرفتن چگالش گلوان
 - گلوان، نظریه موثر کوارک سنگین HQET، قانون جمع مخروط نوری
 LCSR [۱۱۶]، قانون جمع - سه نقطه ۳PSR بدون در نظر گرفتن چگالش
 گلوان [۱۱۷]، مدل پتانسیلی PM [۱۱۹]، مدل کوارکی QM [۱۱۸].
 ۲۱-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی‌های $B_c \rightarrow D^{*0} l \bar{\nu}$ از طریق قانون جمع
 - سه نقطه ۳PSR با در نظر گرفتن چگالش گلوان - گلوان و نظریه موثر
 کوارک سنگین HQET.

- ۲۲-۵ مقدار نسبت انشعاب برای واپاشی $B_c \rightarrow D^{*\circ} l\nu$ ، از طریق مدل‌های مختلف.
 قانون جمع مخروط نوری LCSR [۱۱۶]، قانون جمع - سه نقطه ۳PSR بدون در نظر گرفتن چگالش گلوان- گلوان [۱۱۷]، مدل کوارکی QM [۱۱۸]، مدل پتانسیلی PM [۱۱۹]، معادله بتی - سل پیتر BSE [۱۲۰]، مدل نسبیتی RM [۱۲۱]
- ۲۳۰
 ۲۳۰ : مقدار عوامل ساخت گذارهای نیمه لپتونی $B_c \rightarrow D_1$ در $q^2 = 0$
 ۲۳۱
 ۲۳۴
 ۲۳۵
 ۲۳۶
 ۲۳۶
 ۲۳۷
 ۲۳۷
 ۲۳۸
 ۲۵۱
 ۲۵۲
 ۲۵۳
 ۲۵۴
 ۲۵۵
 ۲۵۶
- ۲۴-۵ : مقدار نسبت انشعاب برای گذارهای نیمه لپتونی $B_c \rightarrow D_1$
- ۲۵-۵ : دسته‌بندی مزون‌های اسکالر سبک بر حسب مقدار ایزواسپین آن‌ها.
- ۲۶-۵ مقدار عوامل ساخت گذارهای نیمه لپتونی $B_s \rightarrow K_s^*$ و $B_s \rightarrow f_0$ در $q^2 = 0$
- ۲۷-۵ نتایج نسبت انشعاب برای واپاشی‌های نیمه لپتونی $B_s \rightarrow f_0 l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
- ۲۸-۵ نتایج نسبت انشعاب برای واپاشی‌های نیمه لپتونی $B_s \rightarrow K_s^* l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$
- ۲۹-۵ نتایج نسبت انشعاب برای واپاشی‌های نیمه لپتونی $B_s \rightarrow f_0 (98^\circ) l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ و $B_s \rightarrow K_s^* (143^\circ) l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$ با در نظر گرفتن اثر فاصله بلند.
- ۳۰-۵ مقدار عوامل ساخت فرآیند $D_s^* l\nu \rightarrow B$ در $q^2 = 0$
- ۳۱-۵ مقدار نسبت انشعاب فرآیند $D_s^* l\nu \rightarrow B$ همراه با نتیجه آزمایشگاهی آن
- ۳۲-۵ مقدار عوامل ساخت f_{\pm} به ازاء مقادیر مختلف q^2 ، از طریق قانون جمع QCD.
- ۳۳-۵ مقدار عوامل ساخت f_0 به ازاء مقادیر مختلف q^2 ، از طریق قانون جمع QCD.
- ۳۴-۵ مقدار نسبت انشعاب واپاشی‌های $B_q \rightarrow D_q P$ و مقایسه با مقادیر آزمایشگاهی [۱۲] و روش PQCD [۱۳۵]
- ۳۵-۵ مقدار نسبت انشعاب واپاشی‌های $B_q \rightarrow D_q^* P$ و مقایسه با مقادیر آزمایشگاهی [۱۲] و روش PQCD [۱۳۵]
- ۳۶-۵ مقدار نسبت انشعاب واپاشی‌های $B_q \rightarrow D_q V$ و مقایسه با مقادیر آزمایشگاهی [۱۲] و روش PQCD [۱۳۵]
- ۳۷-۵ مقدار نسبت انشعاب واپاشی‌های $B_q \rightarrow D_q^* V$ و مقایسه با مقادیر آزمایشگاهی [۱۲] و روش PQCD [۱۳۵]

فهرست شکلها

۱-۱	نمودار فاینمن واپاشی . $B_c \rightarrow D^{*+} \ell \nu$	۱۰
۱-۲	نمایش تصویری قانون کاتکسکی.	۱۵
۲-۱	پوشش بار الکتریکی (a) و بار رنگ (b) در نظریه میدان کوانتمی.	۲۶
۲-۲	فتون‌های مجازی با طول موج کوتاه(a). فتون‌های مجازی که بوسیله برخورد الکترون - پوزیtron ایجاد می‌شوند به جفت‌های کوارک - پادکوارک واپاشی می‌کنند(b).	۲۸
۲-۳	مسیرهای ذرات باردار ناشی از یک جت کوارک - پادکوارک.	۳۰
۴-۲	(a) میدان رنگ $q\bar{q}$ متناسب با پتانسیل r ، و (b) میدان کولمب e^+e^- متناسب با پتانسیل $\frac{1}{r}$.	۳۱
۵-۲	تولید جت وقتی یک کوارک و پادکوارک از هم جدا می‌شوند.	۳۱
۶-۲	ثابت واپاشی قوی به عنوان تابعی از انرژی [۱۵].	۳۵
۷-۲	نمایش تصویری جملات لاگرانژی QCD.	۴۷
۱-۳	ساختارهای نظریه عامل‌سازی برای عامل ساخت پایون.	۵۲
۲-۳	تولید و نابودی کوارک - پادکوارک به وسیله فتون مجازی در برخورد الکترون - الکترون.	۵۵
۳-۳	نمایش تصویری قضیه اپتیکی: قسمت موهومی دامنه پراکندگی رو به جلو، با جمع سهم‌های ناشی از همه ذرات میانی ممکن ایجاد می‌شود.	۶۱
۴-۳	نمودار برخورد و پراکندگی دو الکترون معروف به پراکندگی بابا	۶۳
۵-۳	نمودار تک حلقه برخورد دو ذره با جرم یکسان و اندازه حرکت متفاوت k_1 و k_2	۶۵

۶-۳	نمایش نمودارهای یک فرآیند دو ذره به دو ذره به سه روش. روش ^{۱۱} ، روش ^t و روش ^s	۶۵
۷-۳	نمایش پل‌های انتگرال (۲۰-۲) در صفحه مختلط، بر حسب متغیر q°	۶۷
۸-۳	نمایش پل‌های انتگرال (۲۳-۲) در صفحه مختلط، بر حسب متغیر E_q	۶۸
۹-۳	سهم‌های قضیه اپتیکی برای پراکندگی بابا.	۶۹
۱۰-۳	نمایش پربند در صفحه متغیر مختلط $z = q^\circ$. دایره - ضربدر وضعیت $<^0 q$ را نشان می‌دهد که به ناحیه محاسبات QCD مربوط می‌شود. موقعیت آستانه‌های هادرونی در $>^0 q$ به وسیله ضربدر نشان داده می‌شوند.	۷۷
۱۱-۳	- نمودارهای متناظر با شرکت چگالش گلوان (a, b, c) کوارک (d) کوارک - گلوان (e) و چهار کوارک (f) در تابع همبستگی.	۸۴
۱۲-۳	بسط ضرب عملگر برای نمودار تک حلقه اسکالر.	۸۹
۱۳-۳	بسط ضرب عملگر برای نمودارهای دو حلقه QCD	۹۲
۱۴-۳	جمع نموداری گلوان‌های برخورد کرده با انتشارگر کوارک سخت (پرانرژی).	۹۶
۱۵-۳	نمودارهای اختلالی تابع همبستگی. نمودار کوارک (a)، تصحیحات QCD اختلالی (b, c, d). خطوط بهم‌پیوسته کوارک‌ها را نشان می‌دهند. خط‌چین‌ها گلوان‌ها و خطوط موجی قتون‌ها هستند.	۱۰۱
۱۶-۳	توزیع کوارک مجازی در نمودار حلقه‌ای بعد از تبدیل بورل در $M^2 = 1 \text{ GeV}^2$ (خط بهم‌پیوسته) و $M^2 = 10 \text{ GeV}^2$ (خط چین).	۱۰۴
۱۷-۳	نمودار غیراختلالی چگالش کوارک - کوارک با بعد جرمی $d = 3$	۱۰۸
۱۸-۳	نمودار چگالش کوارک - گلوان با بعد جرمی $d = 5$	۱۱۱
۱-۴	نمودار فاینمن متناظر با تابع همبستگی رابطه (۱-۴) در پایین‌ترین درجه اختلال.	۱۳۳
۲-۴	نمودار فاینمن تابع همبستگی.	۱۴۴
۳-۴	نمودار فاینمن چگالش کوارک - کوارک روی خط q_3	۱۵۹
۴-۴	نمودارهای فاینمن چگالش کوارک - گلوان.	۱۶۵
۵-۴	نمودارهای فاینمن چگالش گلوان - گلوان.	۱۶۹
۶-۴	نمودار فاینمن چگالش دو گلوانی.	۱۷۰

- ۱-۵ نمودار حلقه‌ای واپاشی $B_c \rightarrow D_{(s,d)} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$. نمودار الکترووضعیف پنگوئنی و مربعی (چهار وجهی) به ترتیب در قسمت‌های (a) و (b) نشان داده شده‌اند. ۱۸۹
- ۲-۵ نمودارهای حلقه‌ای برای گذار $D_{q,l} l^+ l^- / q' = s, d$, $B_c \rightarrow D_{q,l} l^+ l^- / \nu \bar{\nu}$. نمودار حلقه‌ای ساده (a) متناظر با جریان‌های برهم‌کنشی J^V و J^T می‌باشد. نمودارهای (b) متناظر با چگالش کوارک - کوارک با بعد جرمی $d = 3$ و دو نمودار دیگر متناظر با سهم چگالش کوارک - گلوان با بعد جرمی $d = 5$ هستند. ۱۹۳
- ۳-۵ نمودارهای غیراختلالی متناظر با چگالش دو گلوان با بعد جرمی $d = 4$ از هر نمودار، دو سهم منتج می‌شود. یکی متناظر با جریان برهم‌کنشی J^V و دیگری متناظر با J^T می‌باشد، که جهت صرفه‌جویی یک جا نشان داده شده‌اند. ۱۹۴
- ۴-۵ وابستگی عوامل ساخت به M_1^2 و M_2^2 برای گذار $D \rightarrow B_c$. خط راست متناظر با f_1 , خط چین متناظر با f_2 و خط نقطه چین متناظر با f_T است. ۲۵۷
- ۵-۵ خط پیوسته وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $D \rightarrow B_c$ را نشان می‌دهد. خط چین وابستگی عوامل ساخت در حد کوارک سنگین را نمایش می‌دهد. ۲۵۷
- ۶-۵ وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $D_s^* \rightarrow B_c$.
- ۷-۵ وابستگی عدم تقارن لپتون‌های قطبیده طولی به q^2 در واپاشی $B_c \rightarrow D_s^*$.
- ۸-۵ وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $D \rightarrow B_c$.
- ۹-۵ خط پیوسته وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $D^* \rightarrow B_c$ را نشان می‌دهد. نقطه چین وابستگی عوامل ساخت در حد کوارک سنگین را نمایش می‌دهد. ۲۵۹
- ۱۰-۵ وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $D_1(2420, 2430) \rightarrow B_c$.
- ۱۱-۵ وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $f_0(980) \rightarrow B_s \rightarrow f_0$.
- ۱۲-۵ وابستگی عوامل ساخت به q^2 برای گذار $K_s^*(1430) \rightarrow B_s \rightarrow K_s^*$.
- ۱۳-۵ وابستگی عدم تقارن لپتون‌های قطبیده طولی به q^2 در واپاشی $B_s \rightarrow f_0(980)$.
- ۱۴-۵ وابستگی عدم تقارن لپتون‌های قطبیده طولی به q^2 در واپاشی $B_s \rightarrow K_s^*(1430)$.

۱۵-۸ نمودارهای چگالش کوارک-کوارک برای تابع همبستگی (۳-۲). ۲۷۵