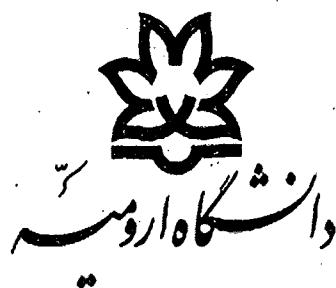


لورا



دانشکده علوم

گروه شیمی

پایاننامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته شیمی فیزیک

شیمی فیزیک دریاچه ارومیه (VII)  
تعیین ضریب فعالیت یون های اصلی در سورابه دریاچه ارومیه

استاد راهنمای:

دکتر نصرت حیدری

تهیه و تنظیم:

مریم رضائی

بهمن ۱۳۸۹

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری

پژوهشکاه علوم و فناوری اطلاعات ایران

IRANDOC

مرکز اطلاعات و مدارک علمی ایران

۱۵۷۵۲۱

۱۳۹۰/۳/۵

ان نامه آقای / خانم

مریم رضایی

۱۱۸۰

به تاریخ ۲۰/۱۱/۸۹ شماره

(رد پذیرش هیات محترم داوران با رتبه عالی و نمره ۱۷ (به حروف نفرده

ار گرفت.

استاد راهنمای و رئیس هیئت داوران: دکتر نصرت حیدری

- استاد مشاور: دکتر

- داور خارجی: دکتر صالحی

- داور داخلی: دکتر بانی سعید

- نماینده تحصیلات تکمیلی: دکترا کبری

تقدیم به:

روح استوار پدرم

اسوه فداکاری و دل پر مهربان

و خاطره پدارانه عمومی بی همتایم

و خواهر و برادرانم

فہرست مطالب

چکیدہ

۲۴	..... مدل گوگنهايم	۸-۳-۲
۲۵	..... مدل مايزنر و زمايتيس	۹-۳-۲
۲۵	..... مدل هيدراسيون استوكس و راينسون	۱۰-۳-۲
۲۵	..... مدل هاروي	۱۱-۳-۲
۲۶	..... مدل برهم کنش یونی پیترز	۱۲-۳-۲
۲۸	..... معادلات پیترز برای محلول الکتروليتی یک جزئی	۱۲-۳-۲
۳۰	..... معادلات پیترز برای الکتروليت محلول	۱۲-۳-۲
۳۳	..... روش‌های تجربی اندازه گیری ضرایب فعالیت	۴-۲
۳۴	..... بخش عملی	۳
۳۴	..... روش‌های اندازه گیری دانسيته	۱-۳
۳۴	..... مراحل آناليز یون‌ها	۲-۳
۳۵	..... مواد شیمیایی مورد نیاز	۱-۲-۳
۳۵	..... روش تهیه محلول‌های مورد نیاز	۲-۲-۳
۳۶	..... لوازم و دستگاه‌های به کار رفته	۳-۲-۳
۳۶	..... اندازه گیری غلظت یون‌های موجود در آب دریاچه	۳-۳
۳۶	..... تعیین غلظت یون $HCO_3^-$ به روش تیتراسیون	۳-۳-۱
۳۷	..... تعیین غلظت یون $Cl^-$ به روش تیتراسیون	۳-۳-۲
۳۸	..... تعیین غلظت یون سولفات $SO_4^{2-}$ به روش کدورت سنجی	۳-۳-۳
۳۹	..... تعیین غلظت یون‌های $Na^+, K^+$ به روش اسپکتروسکوپی نشری	۴-۳-۴
۴۰	..... تعیین غلظت یون‌های $Ca^{2+}, Mg^{2+}$ به روش تیتراسیون (شلاتومتری)	۳-۳-۵
۴۲	..... نتایج و بحث	۴

۴۲	..... ۱-۴ محاسبات
۴۴	..... ۲-۴ تعیین قدرت یونی نمونه ها
۴۵	..... ۳-۴ تعیین ضریب فعالیت یون های کاتیون و آنیون و ضریب اسمزی شورابه
۶۱	..... ۴-۴ تعیین فعالیت نمک های اصلی موجود در دریاچه ارومیه
۶۳	..... ۵-۴ تعیین فعالیت آب دریاچه ارومیه
۶۳	..... ۶-۴ محاسبه $K_{sp}^*$ و $\Omega_{satur}$ ژیبس
۶۵	..... ۵- نتیجه گیری و پیشنهادات
۶۵	..... ۱- تعیین ضریب فعالیت و فعالیت یون های غالب در شورابه
۶۵	..... ۲- بررسی توالی کریستالیزاسیون
۶۶	..... ۳- تعیین فعالیت آب شورابه
۶۷	..... منابع

چکیده انگلیسی

## فهرست جدول ها

۴۴	جدول ۱-۴- غلظت یون‌ها بر حسب مولالیته و قدرت یونی I محاسبه شده در نمونه‌های آب در یاچه ارومیه در $25^{\circ}C$
۴۹	جدول ۲-۴- پارامترهای $C_{i,j}^{\phi}$ برای نمکهای اصلی در یاچه ارومیه (الکترولیتهای ۱:۱، ۲:۱ و ۲:۲) در دمای $25^{\circ}C$
۵۰	جدول ۳-۴- پارامترهای برهمکش پیترز $\theta_{i,j,k}$ و $\Psi_i$ برای یونهای اصلی در یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۱	جدول ۴-۴- محاسبه ضرایب ویریال دوم و سوم $C_{MX}, B_{MX}(B_{MX}')$ برای قدرت یونی $I=6/4736$ با استفاده از معادلات (۱۸-۴) و (۱۹-۴) و (۲۰-۴) و (۲۱-۴) برای در یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۲	جدول ۴-۵- محاسبه ضرایب ویریال دوم و سوم $C_{MX}, B_{MX}(B_{MX}')$ برای قدرت یونی $I=7/3070$ با استفاده از معادلات (۱۸-۴) و (۱۹-۴) و (۲۰-۴) و (۲۱-۴) برای در یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۳	جدول ۴-۶- محاسبه ضرایب ویریال دوم و سوم $C_{MX}, B_{MX}(B_{MX}')$ برای قدرت یونی $I=7/8584$ با استفاده از معادلات (۱۸-۴) و (۱۹-۴) و (۲۰-۴) و (۲۱-۴) برای در یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۴	جدول ۴-۷- محاسبات $\Phi_{ij}^{\phi}$ در قدرت یونی I با استفاده از معادلات (۲۲-۴)(۲۳-۴)(۲۴-۴) در دمای $25^{\circ}C$
۵۵	جدول ۴-۸- محاسبات $\Phi_{ij}^{\phi}$ در قدرت یونی I با استفاده از معادلات (۲۲-۴)(۲۳-۴)(۲۴-۴) برای یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۶	جدول ۴-۹- محاسبات $\Phi_{ij}^{\phi}$ در قدرت یونی I با استفاده از معادلات (۲۲-۴)(۲۳-۴)(۲۴-۴) برای در یاچه ارومیه در دمای $25^{\circ}C$
۵۷	جدول ۴-۱۰- ضریب فعالیت یون‌های اصلی موجود در یاچه ارومیه با استفاده از معادلات (۱۱a-۴) و (۱۲a-۴) در دمای $25^{\circ}C$
۵۹	جدول ۴-۱۱- ضریب فعالیت یون‌های اصلی موجود در یاچه ارومیه با استفاده از معادلات (۱۱b-۴) و (۱۲b-۴) در دمای $25^{\circ}C$
۶۲	جدول ۴-۱۲- ضرایب فعالیت نمک‌های اصلی آب در یاچه ارومیه با استفاده از معادله (۳۰-۴) در دمای $25^{\circ}C$
۶۴	جدول ۴-۱۳- ضریب اسمزی، فعالیت شورابه در یاچه ارومیه، حلالت استکیومترک و میزان درجه اشباع شدگی ژیس در آب دریا در قدرت‌های یونی متفاوت در دمای $25^{\circ}C$

## فهرست شکل‌ها

۱۸	.....	شکل ۲-۱- اتمسفر یونی
۲۰	.....	شکل ۲-۲-تابع احتمال شعاعی و طول دبای
۲۳	.....	شکل ۲-۳- میزان انحراف محلولهای الکترولیت از قانون دبای- هوکل

## فهرست نمودارها

۵۸	.....	نمودار ۴-۱- روند تغییرات ضریب فعالیت کاتیون های اصلی بر حسب تغییرات قدرت یونی با توجه به جدول (۱۰-۴)
۵۸	.....	نمودار ۴-۲- روند تغییرات ضریب فعالیت آنیون های اصلی بر حسب تغییرات قدرت یونی با توجه به جدول (۱۰-۴)
۶۰	.....	نمودار ۴-۳- روند تغییرات ضریب فعالیت کاتیون های اصلی بر حسب تغییرات قدرت یونی با توجه به جدول (۱۱-۴)
۶۰	.....	نمودار ۴-۴- روند تغییرات ضریب فعالیت آنیون های اصلی بر حسب تغییرات قدرت یونی با توجه به جدول (۱۱-۴)

## چکیده

در این پژوهه کارشناسی ارشد که تحت عنوان مطالعات شیمی فیزیک دریاچه ارومیه قسمت VII می باشد سعی شده است که ضریب فعالیت یون های اصلی و فعالیت آب و فشار اسمزی در سه قدرت یونی در شورابه دریاچه ارومیه محاسبه گردد.

اساس محاسبات مدل محاسباتی پیتر Pitzer که برای محلول های الکترولیتی با تعداد یون های بیشتر کاربرد دارد، در این پژوهه نشان داده است که مدل Pitzer یک مدل کاملاً "کاربردی برای محاسبات ترمودینامیکی شورابه ها" می باشد.

در این راستا، ضریب فعالیت تک یون ها اصلی  $\gamma_{\pm}$ ، ضریب فعالیت نمک های دریاچه  $\gamma_{MX}$ ، فشار اسمزی  $\phi$ ، فشار محلول الکترولیت  $p$  بر حسب  $mmHg$ ، تعادل استیوکیومتری محلول  $K_{sp}^*$  و فعالیت آب  $\alpha_{H_2O}$  دریاچه ارومیه محاسبه شده است و همچنین برای مثال حلالت ژیپس به فرم ( $CaSO_4 \cdot 2H_2O$ ) در شورابه دریاچه ارومیه و میزان اشباع شدگی  $\Omega_{satur}$  آن در طی ۴ سال مورد بررسی گردید.

کلمات کلیدی: قدرت یونی، ضریب فعالیت یونی، فعالیت آب، ضریب اسمزی، ضرایب ویریال، معادلات Pitzer، درجه اشباع شدگی، ژیپس

کمتر کسی است که از اهمیت محلولها غافل باشد تمام مواد برای اینکه جذب بدن شوند باید بصورت محلول درآیند تا بتوانند از غشاء سلول عبور نمایند. همچنین طبیعت اطراف ما براساس اتحال و عدم اتحال مواد شکل گرفته است.

تاریخ گسترده شیمی بر اهمیت فوق العاده پدیده حلالیت گواهی می دهد. طبیعت اسرار آمیز محلولها، فلاسفه باستان را به تفکر و ادراست کیمیاگران قرون وسطی در جستجوی طلا و زندگانی ابدی بودند از اینtro علاقمند به تهیه آب حیات و حلال جهانی<sup>۱</sup> بودند.

با گذشت زمان و با افزایش علم بشر، اعتقادات خرافه ای جای خود را به دانش منطقی و بر مبنای واقعیت داد. اما با این وجود با توسعه علم شیمی از اهمیت موضوع کم نشد و شیمیدانان همیشه و در همه جا با مسائل مربوط به حلالیت مواجه می شوند. آنها از تفاوت حلالیت مواد، در فرآیندهای جداسازی و خالص سازی بهره می گیرند. اغلب واکنشهای شیمیایی در فاز محلول انجام می شود و تحت تاثیر حلالیت اجزاء درون محلول قرار دارد. نیروهای جاذبه و دافعه ای که حلالیت یک گونه در فاز مایع یا جامد را تعیین می کنند هر نوع تعادل فازی بین دو یا چند جزء را کنترل می کنند. محلولهای الکترولیت بدليل اهمیتی که دارند توجه شیمیدانان را به خود معطوف داشته اند.

فارادی<sup>۲</sup>، نخستین شخصی بود که واژه الکترولیت رادر مورد ترکیباتی که محلول یا مذاب آنها رسانای الکتریسیته است به کار برد و واژه های دیگری از قبیل یون، کاتیون، آنیون و غیره را در الکتروشیمی رایج ساخت و بعد از او آرنیوس<sup>۳</sup> به مطالعه و بررسی خواص محلولهای الکترولیت پرداخت و نظریه نسبتاً "دقیق و روشنی را در مورد رفتار الکتریکی محلولهای الکترولیت بیان نموده و به این ترتیب که واحدهای اجسام الکترولیت در موقع حل شدنشان در آب، به دو یا چند ذره دارای بار الکتریکی تقسیم می شوند و این ذرات باردار که یون نام دارند عهده دار رسانش الکتریسیته در محلول هستند. تا سال ۱۹۲۰ معلوم شد که رفتار الکترولیتها در غلظتها در غلظتها کم از محلول های غیر الکترولیت متفاوت است.

در سال ۱۹۲۰ میلر<sup>۴</sup> به صورت نظری توضیح داد، که علت این تفاوت نیروهای بلند برد می باشد. در سال ۱۹۲۳ دبای - هوکل[۱] توضیح ساده ای را ارائه دادند که با در نظر گرفتن نیروهای بلند برد بین یونها بدست آمده بود. سپس نظریه

<sup>1</sup>Universal solvent

<sup>2</sup>Faraday

<sup>3</sup>Arrhenius

<sup>4</sup>milner

پردازهای زیادی، مسئله یک الکتروولیت را با دقت زیاد مورد بررسی قراردادند و قانون حدی دبای-هوکل را تصحیح کردند.

حتی بعضی از این نظریه ها برای توضیح رفتار محلولهای الکتروولیت غلیظ به کار رفت. پیشرفتهای مهم در این زمینه در حدود

۵۰ سال گذشته بوده است، که حتی در مورد الکتروولیتها مخلوط، با غلظتها نسبتا بالا نیز نظریه هایی ارائه گردید.

گوگنهایم<sup>۱</sup> [۲]، معادله دبای- هوکل<sup>۲</sup> را برای غلظتها بالا اصلاح کرد و در سال ۱۹۷۳ پیترز<sup>۳</sup> [۴,۳] مدل جامعی را برای

پیش بینی ضرایب فعالیت الکتروولیتها ارائه داد . سپس دانشمندان زیادی این کار را برای پیش بینی نظری ضرایب فعالیت ادامه

دادند. علاوه بر این روشهای نظری، روشهای تجربی نیز برای اندازه گیری ضرایب فعالیت وجود دارد . مانند افزایش نقطه

جوش، کاهش نقطه انجماد محلول نسبت به حلال، کاهش فشار بخار حلال، فشار اسمزی. که میزان تغییر این خواص در

محلولهای الکتروولیت چند برابر محلولهای غیر الکتروولیت با مولالیته های یکسان است.

سوال اساسی در مورد انحراف از حالت ایده آل در محلولهای الکتروولیت بر پایه نیروهای بین ذرات است لذا در شروع بحث

در فصل دوم به معرفی نیروهای بین ذره ای و نحوه ای عملکردشان می پردازیم، سپس در مورد انواع محلولها و روابط

ترمودینامیکی حاکم بر آنها شرح مسوس طی خواهیم داد و در آخر مدلها ارائه شده برای تعیین ضریب فعالیت و روشهای

تجربی اندازه گیری ضریب فعالیت را می آوریم. و در فصل چهارم نحوه استفاده از روش نظری برای تعیین ضرایب فعالیت

برای مخلوط الکتروولیتها و فعالیت آب دریاچه ارومیه و تعیین پارامترهای بر هم کنش یونی دوتایی و سه تایی  $\theta_{ijk}$  برای

مخلوط الکتروولیت مورد نظر را شرح خواهیم داد . [۵]

<sup>1</sup> Guggenheim

<sup>2</sup> Debye-Hückel

<sup>3</sup> Pitzer

## کلیات و بررسی منابع

### ۱-۲ نیروهای بین ذره ای

اصولاً محلولها بر پایه تفاوت در برهم کنشهای بین ذره ای دسته بندی می شوند.

آگاهی از این برهم کنش های بین ذره ای در بسیاری از روشهای محاسباتی و روشهای نظری برای محاسبه ضرایب فعالیت ضروری است.

در این فصل در مورد برهم کنش های «بلنبدبر» و «کوتاه برد» و تاثیر آنها در خواص ترمودینامیکی محلولها توضیحاتی ارائه می گردد.

#### ۱-۱-۱ برهم کنش های بلنبدبر

اساساً نیروهای بلنبدبر، بین ذرات یونی وجود دارند. نیروهای بلنبدبر ماهیت الکتروستاتیکی دارند و متناسب با عکس مربع

$$\frac{1}{r^2} \text{ (فاصله بین ذرات می باشد.)}$$

از آن جانیکه این نیروها در فاصله های زیاد هم موثر هستند، به نیروهای بلنبدبر موسوم هستند. در محلول های رقیق می توان فقط نیروهای با برد بلند را در نظر گرفت و از تاثیر نیروهای دیگر صرفنظر کرد. نیروهای القایی و نیروهای پراکندگی و... از نوع نیروهای بلنبدبر هستند.

#### ۱-۱-۲ برهم کنشهای کوتاه برد

این نیروها مابین ذرات یونی و نیز ذرات مولکولی وجود دارد، نیروهای جاذبه لناردجونز معمولاً با معکوس توان ششم ( $\frac{1}{r^6}$ ) یا بالاتر رابطه دارند و نیروهای دافعه لناردجونز هم چون در فواصل کوتاه بین ذرات (یعنی با معکوس توان دوازدهم یا بیشتر

$$\frac{1}{r^{12}} \text{ عمل می کنند، بنابراین این نیروها هم در دسته نیروهای کوتاه برد قرار می گیرند.}$$

همچنین پیوندهای هیدروژنی نیز جزء نیروهای کوتاه برد هستند.

اهمیت نیروهای کوتاه برد به غلظت و بار حل شونده، بستگی دارد و در محلولهایی با غلظت بالا از نمک، نیروهای با برد کوتاه از اهمیت زیادی برخوردار می شوند. در صورتی که در غلظتهای پایین از وجود چنین نیروهایی در مقابل نیروهای بلنبدبر

می تواند صرفنظر کرد. مدل‌های مختلفی که برای بیان خواص ترمودینامیکی محلول‌های الکترولیت ارائه شدند، در بعضی موارد هر دو این نیروها (مانند مدل پیترز) و در مواردی نیز فقط نیروهای بلندبرد (مانند مدل دبای- هوکل) در نظر گرفته شده اند. اما بهترین نتایج از مقایسه با نتایج تجربی با در نظر گرفتن هر دو این نیروها بدست می آید.

## ۲-۲ محلول‌ها و روابط ترمودینامیکی آنها

یک محلول مخلوطی از دو یا چند جسم شیمیایی است که با هم یک فاز همگنی را ساخته اند. یک محلول می تواند به حالت گاز مایع یا جامد باشد. هوا یک محلول به حالت گاز است مخلوط آب و الکل یک محلول به حالت مایع است و آلیاژ مس و روی یک محلول جامد می باشد.

بررسی و مطالعه محلول‌های ایده آل بسیار آسان است با مطالعه محلول‌های ایده آل می توان راه را برای مطالعه محلول‌های غیر ایده آل هموار ساخت. توصیف محلول‌های ایده آل از راههای گوناگونی امکان پذیر است. یک تعریف برای محلول‌های ایده آل بر مبنای برهمنکش‌های بین مولکولی است و به طور کلی موادی با هم محلول ایده آل را تشکیل می دهند که ساختار شیمیایی تقریباً یکسانی داشته باشند هر اندازه این ساختار به هم نزدیکتر باشد محلول به دست آمده به حالت ایده آل نزدیکتر است.

### ۱-۲-۲ بحث ترمودینامیکی تشکیل محلول‌های مایع:

برای شروع این بحث،  $n_A$  مول از مایع A و  $n_B$  مول از مایع B را که در تشکیل محلول در دمای ثابت شرکت می کنند در نظر می گیریم همان گونه که می دانیم شرط تعادل میان دو فاز آن است که انرژی گیبس<sup>۱</sup> مولی هر سازنده مورد نظر در آن فاز یکسان باشد. پس همانا برای A داریم.

$$\Delta G = n_A RT \ln \frac{P_A}{P_A^0} \quad (1-2)$$

با تکرار استدلال بالا برای B به بدست خواهد آمد.

(۲-۲)

$$\Delta G = n_B RT \ln \frac{P_B}{P_B^0}$$

از جمع کردن دو تساوی بالا به عبارت  $\Delta G_{mix}$  برای تشکیل محلول می رسیم.

$$\Delta G_{mix} = RT(n_A \ln \frac{P_A}{P_A^0} + n_B \ln \frac{P_B}{P_B^0}) \quad (3-2)$$

همانگونه که می دانیم تغییر انرژی آزاد گیبس وابسته به تشکیل مخلوط در  $\Delta G_{mix}$  عبارت خواهد شد از:

$$\Delta G_{mix} = \Delta G_A + \Delta G_B = RT(n_A \ln X_A + n_B \ln X_B) \quad (4-2)$$

<sup>1</sup>Gibbs energy

حال هر گاه محلول بالا ایده آل باشد از مقایسه تساوی (۲-۳) با (۴-۲) به دست خواهد آمد.

$$X_A = \frac{P_A}{P_A^\circ}, X_B = \frac{P_B}{P_B^\circ} \quad (5-2)$$

تساویهای (۵-۲) همان قانون رائول در مورد محلول های ایده آل را بیان می کنند . بر اساس قانون رائول ، فشار بخار هر سازنده محلول ایده آل از روابطی به شرح زیر که به تساویهای (۵-۲) متکی است به دست می آید.

$$P_A = P_A^\circ X_A, P_B = P_B^\circ X_B$$

از این تساوی ها نتیجه می شود که فشار بخار هر سازنده بر بالای محلول ایده آل ، به طور خطی با کسر مولی آن سازنده در محلول تغییر می کند.

فشار بخار کل بر بالای محلول عبارت است از:

$$P_{total} = P_A + P_B = P_A^\circ X_A + P_B^\circ X_B = (P_B^\circ - P_A^\circ) X_B + P_A^\circ \quad (6-2)$$

به دینسان فشار کل بخار بالای محلول ایده آل نیز به طور خطی با کسر مولی تغییر می نماید. در موقعی که محلول ایده آل نباشد، یعنی از قانون رائول پیروی نکند ، تساوی های (۵-۲) دیگر در مورد آن درست نخواهد بود به محلول هایی که از قانون رائول پیروی نمی کنند محلول های حقیقی یا غیر ایده آل می گویند. این محلول ها نسبت به قانون رائول انحراف دارند و برای آنها نامساوی های زیر برقرار است.

$$\begin{aligned} P_A &\neq P_A^\circ X_A & P_B &\neq P_B^\circ X_B \\ X_A &\neq \frac{P_A}{P_A^\circ} & X_B &\neq \frac{P_B}{P_B^\circ} \end{aligned}$$

در دسته ای از محلول های حقیقی، نسبت  $\frac{P_i}{P_i^\circ}$  از  $X_i$  کوچکتر است و در دسته دیگری از آن بزرگتر می باشد به طور معمول گفته می شود که محلول ها حقیقی دسته اول نسبت به محلول های ایده آل انحراف منفی دارند و محلول های دسته دوم نسبت به آن انحراف مثبت دارند.

با تقریب می توان گفت که میزان جاذبه های بین مولکولی در محلول های با انحراف منفی، از محلول های ایده آل قویتر است برعکس ، جاذبه های یاد شده در محلول های دارای انحراف مثبت از محلول های ایده آل ضعیف تر است.

## ۲-۲-۲-گفتگوی بیشتری پیرامون تغییر انرژی آزاد گیبس در تشکیل محلول های غیر ایده آل

در بحث پیشین نتیجه گرفتیم که در مورد محلول های غیر ایده آل داریم.

$$X_A \neq \frac{P_A}{P_A^\circ}, X_B \neq \frac{P_B}{P_B^\circ}$$

اکنون تابع جدیدی به نام فعالیت<sup>۱</sup> هر سازنده در محلول و با نشانه  $\alpha$  را معرف می کیم ، به طوری که برای آن داشته باشیم

<sup>۱</sup>Activity

$$\alpha_A = \frac{P_A}{P_A^\circ} \quad , \quad \alpha_B = \frac{P_B}{P_B^\circ} \quad (V-2)$$

با توجه به تابع فعالیت و رابطه نشان دهنده آن ، می توان معادله (۳-۲) را در شکل ساده تری نوشت

$$\Delta G = RT(n_A \ln \alpha_A + n_B \ln \alpha_B) \quad (A-2)$$

به همین ترتیب برای  $\Delta G_{mix}^M$  هم می توان نوشت.

$$\Delta G = RT(X_A \ln \alpha_A + X_B \ln \alpha_B) \quad (9-2)$$

فعالیت هر سازنده در محلول ارتباط تنگاتنگی با کسر مولی آن سازنده در محلول دارد ، ارتباط میان آن دو به صورت زیر بیان می شود.

$$a_i = X_i \gamma_i \quad \frac{a_i}{X_i} = \gamma_i \quad (10-2)$$

$\gamma_i$  ضریب فعالیت<sup>۱</sup> سازنده i در محلول نام دارد . این ضریب می تواند بزرگتر یا کوچکتر از ۱ یا مساوی آن باشد در محلول های ایده آل این ضریب مساوی یک است و در نتیجه خواهیم داشت :  $\alpha_i = X_i$  یعنی در این حالت فعالیت سازنده مورد نظر با کسر مولی آن در محلول یکی است در موقعی که محلول دارای انحراف منفی است  $\gamma_i < 1$  از یک کوچکتر است از آنجا خواهیم داشت:

در محلول های دارای انحراف مثبت  $\gamma_i > 1$  بزرگتر است و از آنجا خواهیم داشت  $\alpha_i < X_i$  و بر عکس  $\alpha_i > X_i$  با در نظر گرفتن ضریب فعالیت می توان معادله (۹-۲) را برحسب کسر های مولی و ضرایب فعالیت نوشت.

$$\Delta G_{mix}^M = RT[X_A \ln(X_A \gamma_A) + X_B \ln(X_B \gamma_B)] \quad \text{و یا} \quad (11-2)$$

$$\Delta G_{mix}^M = RT[(X_A \ln X_A + X_B \ln X_B) + (X_A \ln \gamma_A + X_B \ln \gamma_B)] \quad \text{از} \quad (12-2)$$

از مقایسه معادله (۷-۲) برای محلول غیر ایده آل و معادله (۸-۲) برای محلول ایده آل نتیجه می شود

$$\Delta G_{mix}^M = RT(X_A \ln \gamma_A + X_B \ln \gamma_B) - (\Delta G_{mix}^M)_{\text{غیر ایده آل}} \quad (A-2)$$

به تفاوت به شرح بالا ، انرژی گیبس افزونی در تشکیل یک محلول دوتایی گفته می شود و با نماد  $\Delta G_{mix}^M$  معرفی می گردد.

$$\Delta G_{mix}^M = RT(X_A \ln \gamma_A + X_B \ln \gamma_B) \quad (13-2)$$

۲-۲-۲- چگونگی تغییر سایر توابع ترمودینامیکی در تشکیل محلول های غیره ایده آل:

<sup>2</sup>Activity coefficient

الف -  $\Delta S_{mix}$ : برای به دست آوردن  $\Delta S_{mix}$  در تشکیل محلول های غیره ایده ال ، از تساوی،

$$\Delta S_{mix} = -\left(\frac{\partial(\Delta G_{mix}^M)}{\partial T}\right)$$

استفاده می کنیم. عبارت  $\Delta G_{mix}$  در تساوی (۴-۲) داده شده است ، کافی است از آن نسبت به دما در فشار ثابت مشتق بگیریم.

ب -  $\Delta H_{mix}$ : برای به دست آوردن  $\Delta H_{mix}$  ، می توان از

$$\Delta H_{mix} = \Delta G_{mix} + T\Delta S_{mix}$$

کمک گرفت و یا از نتیجه رابطه گیبس - هلمهولتز<sup>۱</sup> به شرح زیر استفاده کرد.

$$\left[\frac{\partial\left(\frac{G_{mix}}{T}\right)}{\partial T}\right]_P = -\frac{\Delta H_{mix}}{T^2}$$

ج -  $\Delta V_{mix}$  : برای به دست آوردن  $\Delta V_{mix}$  از تساوی  $\Delta V_{mix} = \left[\frac{\partial G_{mix}}{\partial P}\right]_T$  کمک می گیریم.

#### ۴-۲-۲- بستگی پتانسیل شیمیایی با غلظت:

در بحث مربوطه به ترمودینامیک محلول های مایع در مورد  $\Delta G$  وابسته به انتقال یک مول مایع خالص A به درون محلول به غلظت معین به دست می آوریم.

$$\Delta G = RT \ln \frac{P_A}{P_A^\circ}$$

این  $\Delta G$  تفاوت انرژی گیبس یک مول A در محلول و در حالت خالص را می رساند.

$$\Delta G_A = \overline{G}_A - \overline{G}_A^\circ$$

$\overline{G}_A$  و  $\overline{G}_A^\circ$  به ترتیب انرژی گیبس مولی A در محلول و در حلال خالص را در دما و فشار داده شده را می رسانند از تساوی بالا به دست می آید.

$$\overline{G}_A = \overline{G}_A^\circ + RT \ln \frac{P_A}{P_A^\circ} \quad (14-2)$$

همان طور که گفتیم  $\overline{G}_A$  همان پتانسیل شیمیایی A<sup>۲</sup> یعنی  $\mu_A$  را می رساند  $\overline{G}_A^\circ$  هم ، انرژی گیبس یک مول A را در حالت مرجع آن نشان می دهد، و به آن پتانسیل شیمیایی استاندارد A نیز گفته می شود و با نماد  $\mu_A^\circ$  معرفی می گردد، با

<sup>1</sup>Gibbs- Helmholtz equation

<sup>2</sup>Chemical potential

توجه به آن می توان نوشت:

$$\mu_A = \mu_A^\circ + RT \ln \frac{p_A}{p_A^\circ}$$

چون نسبت  $\frac{P_A}{P_A^\circ}$ ، همان فعالیت A در محلول را می رساند، می توان تساوی بالا را به صورت زیر نوشت.

$$\mu_A = \mu_A^\circ + RT \ln \alpha_A \quad (15-2)$$

با در نظر گرفتن تساوی  $\alpha_A = x_A \gamma_A$  به دست خواهد آمد.

$$\mu_A = \mu_A^\circ + RT \ln x_A + RT \ln \gamma_A$$

در مورد محلول های ایده آل ضریب فعالیت مساوی با یک است و  $\alpha_i$  با  $x_i$  مساوی است از این رو، پتانسیل شیمیایی در یک محلول ایده آل برابر است با:

$$\mu_A = \mu_A^\circ + RT \ln x_A$$

پتانسیل شیمیایی افزونی سازنده را که با

$$\mu_A^{xx} = \mu_A^\circ - (\text{ایده آل}) - (\text{غیر ایده آل}) \quad (16-2)$$

رابطه هایی که برای سازنده A به دست آمد، برای سازنده B نیز به همان نحو قابل حصول است.  
برای محاسبه فعالیتها و ضرایب فعالیت می توان از داده های مربوط به فشار بخار اجزای محلول استفاده کرد نوشت:

$$a_i = \frac{p_i}{p_i^\circ}, \quad \gamma_i = \frac{a_i}{x_i}$$

در محلول های رقیق، همان طور که پیش از این گفتیم، حلال از قانون رائول و جسم حل شده از قانون هنری پیروی می کند  
قانون رائول همان قانون محلول های ایده آل است از این رو پتانسیل شیمیایی حلال در محلول های رقیق می تواند از تساوی.

$\mu_A = \mu_A^\circ + RT \ln x_A$  به دست آید. در مورد پتانسیل شیمیایی جسم حل شده B می توان نوشت.

$$\mu_B = \mu_B^\circ + RT \ln x_B$$

با توجه به آن:  $\mu_B = \mu_B^\circ + RT \ln \frac{kx_B}{P_B^\circ}$  تفاوت میان پتانسیل شیمیایی در دو غلظت مختلف برابر است با:

$$\mu_{(2)B} - \mu_{(1)B} = RT \ln \frac{x_{(2)B}}{x_{(1)B}}$$

چون نسبت  $\frac{X_{(2)}}{X_{(1)}}$  با نسبت مولالیته های جسم حل شده B یعنی  $\frac{m_2}{m_1}$  در غلظت های داده شده یکی است می توان

نوشت:

$$\mu_{(2)B} - \mu_{(1)B} = RT \ln \frac{m_{(2)}}{m_{(1)}}$$

اکنون بایستی برای جسم حل شده در محلول های رقیق را که از قانون هنری پیروی می کند حالت استاندارد را انتخاب کرد محلول با غلظت یک مولال (1m) که از قانون هنری پیروی می کند به عنوان حالت استاندارد انتخاب شده است با توجه به آن پتانسیل شیمیایی جسم حل شده در محلول های رقیق که از قانون هنری پیروی می کند از تساوی زیر به دست خواهد آمد.

$$\mu_B = \mu_B^\circ + RT \ln m$$

مولالیته جسم حل شده در محلول رقیق را می رساند و  $\mu_B^\circ$  پتانسیل شیمیایی B را در محلول یک مولال که از قانون

هنری پیروی می کند نشان می دهد.

فعالیت درست پتانسیل شیمیایی به انتخاب حالت استانداردی که طبق قرارداد تعیین می گردد بستگی دارد توجه داشته باشید در مطالعه تعادل تنها چیزی که لازم داریم مقادیر نسبی توابع ترمودینامیکی هستند بنابراین انتخاب حالت استاندارد اغلب توسط مفروضات تجربی و تمایل به حفظ نظریه به صورت ساده انجام می گیرد در بحث فوق قرارداد قانون رائول را برای فعالیت به کار بردهم طبق این قرارداد:

$$\gamma \rightarrow 1 \quad X \rightarrow 1$$

این انتخاب مناسبی برای حل شونده نیست چون برای محلول های رقیق در ناحیه  $1 \cong$  (حل شونده  $X$  داده ها هیچ وقت در دسترس نیستند برای این محلول می توان از قرارداد قانون هنری استفاده کرد طبق این قرارداد داریم:

$$\gamma \rightarrow 1 \quad X \rightarrow 0$$

#### ۲-۵-۱- کاربرد معادله گیبس - دوهم<sup>۱</sup> برای تعیین فعالیت جسم حل شده از روی خواص حلال

نشان دادیم که چگونه می توان از داده های فشار بخار فعالیت را محاسبه کرد فعالیت اجسام غیر فرار چگونه اندازه گیری می شوند؟ در اینجا فقط یک روش توضیح خواهیم داد اگر فعالیت یک جزئی (بر حسب کسر مولی) معلوم باشد فعالیت جزئی دیگر را به کمک معادله گیبس - دوهم می توان به دست آورد.  
برای سیستم دوجزئی در دما و فشار یکنواخت داریم.

$$DG = \mu_1 dn_1 + \mu_2 dn_2 \quad (17-2)$$

چون انرژی آزاد گیبس عبارت است از

$$G = \mu_1 n_1 + \mu_2 n_2$$

پس برای  $DG$  داریم:

$$DG = \mu_1 dn_1 + \mu_2 dn_2 + n_1 d\mu_1 + n_2 d\mu_2 \quad (18-2)$$

از معادلات (۱۷-۲) و (۱۸-۲) می توان نشان داد که

$$n_1 d\mu_1 = n_2 d\mu_2$$

معادله فوق شکلی از معادله گیبس - دوهم است (از این معادله در استخراج حجمهای مولی جزئی استفاده شده است) از جانشینی فعالیت برای پتانسیل شیمیایی داریم

$$n_1 d \ln \alpha_1 = n_2 d \ln \alpha_2 \quad (19-2)$$

ملحوظه می گردد فعالیت هر دو جزء به هم ارتباط دارند با این وصف از معادله (۱۵-۲) نمی توان برای محاسبه فعالیت ها استفاده کرد چون  $0 \rightarrow \alpha_2 \rightarrow -\infty$  و  $\ln \alpha_2 \rightarrow 0$  موقعی که  $n_2$  (or  $x_2$ ) بنابراین با روش زیر اصلاح می گردد برای  $\alpha_1 = \gamma_1 x_1$  و  $\alpha_2 = \gamma_2 x_2$  در معادله (۱۵-۲) جایگزین گردیده و هر دو طرف به  $(n_1 + n_2)$  تقسیم می گردد.

$$d \ln \gamma_2 + d \ln x_2 = \frac{x_1}{x_2} d \ln \gamma_1 - \frac{x_1}{x_2} d \ln x_1 \quad (20-2)$$

چون،

$$d \ln x_2 = -\frac{x_1}{x_2} d \ln x_1 \quad (21-2)$$

<sup>1</sup>Gibbs-Duhem equation

است از معادله (۲۱-۲) داریم

$$d \ln \gamma_2 = -\frac{x_1}{x_2} d \ln \gamma_1 \quad (22-2)$$

سپس از انتگرال گیری از این معادله داریم.

$$\ln \gamma_2 = - \int \frac{x_1}{x_2} d \ln \gamma_1$$

انتگرال سمت راست با رسم  $\frac{x_1}{x_2}$  بر حسب  $\ln \gamma_1$  و اندازه گیری سطح زیر شکل انتگرال محاسبه می گردد.

### ۳-۲- خواص الکتروولیتها:

در این قسمت به مطالعه خواص کلی الکتروولیتها می پردازیم. در این میان، درباره نظریه های مربوط به تفکیک الکتروولیت ها به یون و تقسیم بندی الکتروولیت ها به قوی و ضعیف مطالب لازم را بیان خواهیم کرد. خواص یونها در محلول و شرکت آنها در فرایند های مختلف، از قبیل رسانایی یونی، الکتروولیز، خواص کولیگاتیو<sup>۱</sup> و ... بخشی از مطالب جالب درباره الکتروولیت ها می باشد. مسئله فعالیت یون ها در محلول و ضریب فعالیت یونها در محلول و عوامل موثر بر آنها در ردیف بخش دیگری از مطالب مربوط به الکتروولیت ها است.

محلول های آبی از ترکیباتی مانند نمکها، اسیدها و بازها رسانای جریان برق هستند و از همین نظر به آنها الکتروولیت می گویند. رسانایی برقی این گونه محلولها زاییده وجود یونهای مثبت و منفی در آنها است توجه داشته باشید که یونها پیش از برقراری اختلاف پتانسیل الکتریکی در محلول (ایجاد یک قطب مثبت و یک قطب منفی در آن) در حال حرکت هستند، اما در این حالت حرکت آنها در شکل حرکت گرمایی نامنظم و به هر سوی است در واقع اختلاف پتانسیل الکتریکی برقرار شده در محلول، با وارد کردن نیروی لازم بر یونها، آنها را به حرکت منظم و جهت دار وادار می دارد. یعنی یونهای مثبت را دار به رفتن به سمت قطب منفی می کند و در همان حال، یونهای منفی را وادار به رفتن به سمت قطب مثبت می نماید. همین حرکت منظم یونها در محلول به معنای برقرار شدن جریان برق در محلول است.

### ۳-۳- نظریه تفکیک الکتروولیتها به یون:

نظریه تفکیک شدن الکتروولیت ها به یون، ابتدا در فاصله سالهای ۱۸۸۳ الی ۱۸۸۷ توسط سوانت آرینوس<sup>۲</sup> پیشنهاد شد پیش از آرینوس، مطالعات گسترده ای توسط همفری ذاوی<sup>۳</sup> و میکائیل فارادی<sup>۴</sup> در زمینه الکتروولیز محلول های آبی و مذاب های یونی چندی به عمل آمده بود فارادی نخستین شخصی بود که اصطلاح الکتروولیت برای ترکیباتی که محلول یا مذاب آنها رسانای جریان برق است به کاربرد. هم او بود که اصطلاحات دیگری چون الکتروولیز، یون، الکتروود، کاتد، آند، کاتیون، آنیون و ... زا در الکتروشیمی مرسوم ساخت.

از قوانینی که فارادی برای الکتروولیز تنظیم کرد ممکن است بتوان چنین استنباط نمود که الکتریسته هم مانند ماده از ذرات

<sup>1</sup>Colligative property

<sup>2</sup> Svante Arrhenius

<sup>3</sup> Humphry Davy

<sup>4</sup> Michael Faraday