

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد در رشته‌ی مهندسی کامپیوتر - هوش مصنوعی

# شناسایی تشکل‌های همپوشان در شبکه‌های اجتماعی

به وسیله‌ی  
حمیدرضا الواری

استادان راهنما  
دکتر ستار هاشمی  
دکتر علی حمزه

شهریور ماه ۱۳۹۱

به نام خدا

اظهار نامه

اینجانب حمیدرضا الواری دانشجوی رشته ی مهندسی کامپیوتر گرایش هوش مصنوعی، اظهار می کنم که این پایان نامه حاصل پژوهش خودم بوده و در جاهایی که از منابع دیگران استفاده کرده ام، نشانی دقیق و مشخصات کامل آنرا نوشته ام. همچنین اظهار می کنم که تحقیق و موضوع پایان نامه ام تکراری نیست و تعهد می نمایم که بدون مجوز دانشگاه دستاورد های آنرا منتشر ننموده و در اختیار غیر قرار ندهم. کلیه حقوق این اثر مطابق با آیین نامه مالکیت فردی و معنوی متعلق به دانشگاه شیراز است.

نام و نام خانوادگی: حمیدرضا الواری

تاریخ و امضا: ۱۳۹۱/۶/۱۸

تقدیم به

پدر و مادر عزیزم که بی شک بزرگترین هدیه های  
الهی به من هستند.

## سپاسگزاری

برخود لازم می دانم از زحمات اساتید ارجمند جناب آقای دکتر هاشمی و آقای دکتر حمزه که در تمام مدت انجام پایان نامه مرا از راهنمایی ها و مساعدت های بی دریغ شان بهره مند نمودند تشکر کنم. همچنین از استادان مشاور خود که با نظرات و راهنمایی های مفیدشان مرا در پیشبرد این پایان نامه یاری نموده اند کمال تشکر را دارم. در انتها از تمام عزیزانی که مرا در انجام این پروژه تحقیقاتی یاری نمودند کمال تشکر و قدردانی را دارم.

## چکیده

### شناسایی تشکل های همپوشان در شبکه های اجتماعی

به وسیله

#### حمیدرضا الواری

امروزه شبکه های اجتماعی نظیر فیسبوک از محبوبیت زیادی برخوردار شده اند، چرا که به مردم سرتاسر جهان این اجازه را می دهند که بدون تماس فیزیکی، با دوستان خود ارتباط برقرار کرده، برای آن ها پیغام گذاشته و نظرات خود را در مورد موضوعات گوناگون بیان کنند. شناسایی تشکل ها در شبکه های اجتماعی بسیار مورد توجه قرار گرفته است اما به مبحث همپوشانی اگرچه در اغلب شبکه های اجتماعی دیده می شود کمتر پرداخته شده است. مفهوم تشکل، یک مفهوم اجتماعی است. مردم اغلب سعی در ایجاد گروه هایی در خانواده، دوستان و محیط کار دارند. تشکل های شبکه های اجتماعی می تواند دایره های دوستی یا گروه هایی از مردمی باشد که علائق مشترکی دارند. به علاوه، بسیاری از سیستم های پیچیده ی دیگر نظیر شبکه های زیستی و علوم کامپیوتر نیز دارای تشکل هستند. این ویژگی شبکه ها، به علت کاربرد زیاد، توجه محققان زیادی را از رشته های مختلف به خود معطوف کرده است. در این مطالعه، بر اساس وجود انگیزه در انسان ها برای برقراری ارتباط و دوستی با یکدیگر، مسئله ی تشخیص تشکل های شبکه های اجتماعی را به عنوان یک رویکرد مبتنی بر تئوری بازی ها در یک محیط چند عامله در نظر گرفته ایم که در آن هر رأس از گراف شبکه عاملی است که سعی در بیشینه کردن تابع سودمندی خود از طریق ایجاد دوستی با عامل های مشابه خود در دو مرحله دارد: اولاً به عامل های مشابه خود درخواست دوستی می دهد و ثانياً از سیستم، پیشنهاد های دوستی دریافت می کند. در اینجا، شباهت های بین عامل ها از طریق رابطه ی پیرسون و رابطه ی همسایگی محاسبه می شود. هر چه عامل ها به هم شبیه تر باشند، تابع سودمندی آن ها بیشتر خواهد بود. ساختار نهایی شبکه زمانی معلوم می شود که بازی مورد نظر به تعادل نش برسد که در آن هیچ عاملی سعی در تغییر استراتژی خود ندارد. اثبات وجود تعادل نش آورده شده که نشان می دهد روش موجود همواره به جواب نهایی می رسد. نتایج حکایت از برتری روش پیشنهادی در مقایسه با سایر روش های مطرح موجود دارد.

واژگان کلیدی: شبکه های اجتماعی، تشکل همپوشان، تئوری بازی، محیط چندعامله، تطابق ساختاری

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
<b>فصل اول: مقدمه</b>	
۱۹	۱-۱- انگیزه از انجام این پایان نامه.....
۲۲	۲-۱- نگاه کلی به فصول رساله.....
<b>فصل دوم: پیشینه ی تحقیق</b>	
۲۴	۱-۲- مقدمه.....
۲۵	۲-۲- تعریف مسئله.....
۲۷	۳-۲- روش های ارائه شده.....
۲۷	۱-۳-۲- دسته ی اول.....
۲۸	۳-۲-۱-۱- روش های خوشه بندی سلسله مراتبی توده ای.....
۳۰	۳-۲-۱-۲- روش های خوشه بندی سلسله مراتبی تقسیم شونده.....
۳۰	۲-۳-۲- دسته ی دوم.....
۳۰	۳-۳-۲- دسته ی سوم.....
۳۱	۴-۲- جمع بندی.....
<b>فصل سوم: ارائه راه حل و روش های پیشنهادی</b>	
۳۳	۱-۳- مقدمه.....
۳۴	۲-۳- مروری بر نظریه بازی ها.....
۳۵	۳-۲-۱- تاریخچه.....
۳۶	۳-۲-۲- کاربردها.....
۳۷	۳-۲-۳- انواع بازی.....
۳۷	۳-۲-۱- متقارن - نامتقارن.....
۳۸	۳-۲-۲- مجموع صفر - مجموع غیر صفر.....
۳۸	۳-۲-۳- تصادفی - غیر تصادفی.....

۳۸	..... با آگاهی کامل - بدون آگاهی کامل
۳۸	..... عناصر یک بازی
۳۸	..... بازیکن ها
۳۹	..... استراتژی
۴۰	..... تعادل
۴۲	..... تعریف غیر رسمی
۴۳	..... تعریف رسمی
۴۴	..... مقدمات ریاضی
۴۵	..... فضای استراتژی و تعادل نش
۴۷	..... توابع منفعت و زیان
۴۸	..... معیار شباهت اول
۴۹	..... معیار شباهت دوم
۵۰	..... الگوریتم های پیشنهادی
۵۰	..... الگوریتم PSGAME و NGGAME
۵۳	..... الگوریتم EPSGAME
۵۶	..... محاسبه تعادل نش و اثبات وجود آن
۶۱	..... جمع بندی

## فصل چهارم

۶۳	..... مقدمه
۶۳	..... مجموعه داده ها
۶۳	..... مجموعه داده های مصنوعی
۶۴	..... شبکه های LFR
۶۴	..... شبکه های Erdős-Rényi
۶۵	..... مجموعه داده های واقعی
۶۵	..... شبکه ی Flickr
۶۵	..... شبکه ی DBLP
۶۶	..... شبکه ی Dolphin
۶۶	..... شبکه ی Zachary Karate Club
۶۷	..... شبکه ی American College Football
۶۷	..... معیارهای ارزیابی
۶۷	..... معیار Normalized Mutual Information



۶۹	..... Fraction of Correctly Classified Nodes معیار ۲-۳-۴
۶۹	..... Modularity معیار ۳-۳-۴
۷۰	..... نتایج و تحلیل ها ۴-۴
۷۰	..... PSGAME و NGGAME روش های ۱-۴-۴
۷۰	..... مجموعه داده های مصنوعی ۱-۱-۴-۴
۷۱	..... مجموعه داده های واقعی ۲-۱-۴-۴
۷۲	..... EPSGAME روش ۲-۴-۴
۷۲	..... مجموعه داده های مصنوعی ۱-۲-۴-۴
۷۵	..... مجموعه داده های واقعی ۲-۲-۴-۴
۷۹	..... تحلیل پیچیدگی زمانی ۳-۴-۴
۷۹	..... PSGAME و NGGMAE روش ۱-۳-۴-۴
۸۰	..... EPSGAME روش ۲-۳-۴-۴

### فصل پنجم: بحث و نتیجه گیری

۸۳	..... نتیجه گیری ۵-۱
۸۸	..... پیشنهادات برای کار های آتی ۵-۲
۸۸	..... منابع و مأخذ

## فهرست جدول ها

صفحه	عنوان
۴۴	جدول ۱-۳ علائم و تعاریف به کار رفته
۵۰	جدول ۲-۳ اعمال و تعاریف آن ها
۶۵	جدول ۱-۴ ویژگی های آماری مجموعه داده Flickr
۷۵	جدول ۲-۴ زمان اجرا و تعداد تشکل های تشخیص داده شده بر روی Flickr
۷۶	جدول ۳-۴ تشکل های تشخیص داده شده توسط روش EPSGAME برای نام خانوادگی Lee
۷۶	جدول ۴-۴ تشکل های تشخیص داده شده توسط روش Game برای Wei Chen
۷۷	جدول ۵-۴ میانگین بر روی مجموعه داده های واقعی
۷۷	جدول ۶-۴ میانگین بر روی مجموعه داده های واقعی
۷۷	جدول ۷-۴ Modularity میانگین بر روی مجموعه داده های واقعی

## فهرست شکل‌ها

عنوان	صفحه
شکل ۱-۱- ویژگی ساختار تشکل. مجموعه هایی از رأس‌ها (به رنگ خاکستری) که تعداد زیادی یال دارند اما تعداد یال‌های ما بین آن‌ها کم است	۱۷
شکل ۱-۲- ساختار تشکل یک شبکه به صورت (الف) تشکل‌های جدا (ب) تشکل‌های دارای همپوشانی	۱۹
شکل ۱-۲- افزایش گراف. خط نقطه چین نشان دهنده حل مسأله است که در آن رأس‌ها به دو گروه با اندازه‌های یکسان تقسیم شده و یال‌های بین دو گروه، کمینه است	۲۴
شکل ۲-۲- درخت سلسله مراتبی یا دندروگرام. نشان دهنده خروجی الگوریتم‌های خوشه بندی سلسله مراتبی	۲۹
شکل ۳-۲- روش‌های توده‌ای اغلب تمایل به شناسایی هسته تشکل‌ها دارند (نقاط و خطوط پررنگ در این شکل)	۲۹
شکل ۱-۳- رابطه‌ی پیرسون. (الف) +۱ (ب) ۰ (پ) -۱	۴۹
شکل ۲-۳- فلوچارت مربوط به دو روش PSGAME و NGGAME	۵۳
شکل ۳-۳- فلوچارت مربوط به روش EPSGAME	۵۶
شکل ۱-۴- ساختار تشکل واقعی شبکه‌ی Karate	۶۶
شکل ۲-۴- مقایسه‌ی نتایج NGGAME و PSGAME با سایر روش‌ها بر روی گراف‌هایی با اندازه‌ی ۱۰۰۰ رأس	۷۱
شکل ۳-۴- تشکل‌های تشخیص داده شده بر روی گراف ساده‌ی نشان داده شده در (الف).	۷۱
(ب) روش NGGAME (پ) روش Game	۷۱
شکل ۴-۴- گراف Karate. (الف) تشکل‌های تشخیص داده شده توسط NGGAME. رئوس با حاشیه‌های ضخیم همزمان به چند تشکل تعلق دارند. (ب) تشکل‌های تشخیص داده شده توسط Game	۷۲
شکل ۵-۴- مقایسه‌ی نتایج EPSGAME با سایر روش‌ها بر روی گراف‌هایی با اندازه‌ی ۱۰۰۰ رأس	۷۳

- شکل ۴-۶- مقایسه ی نتایج EPSGAME با سایر روش ها بر روی گراف هایی با اندازه ی  
 ۱۰۰۰۰ رأس ..... ۷۴
- شکل ۴-۷- نتایج در غالب FCCN بر روی گراف های با (الف) ۱۰۰۰ (ب) ۱۰۰۰۰ رأس ..... ۷۴
- شکل ۴-۸- بهترین ساختار تشکل یافت شده با بیشینه ی NMI. (الف) روش Game بر روی  
 گراف Dolphin. (ب) روش Game بر روی گراف Karate. (پ) روش EPSGAME بر روی  
 گراف Dolphin. (ت) روش EPSGAME بر روی گراف Karate. .... ۷۸
- شکل ۴-۹- بهترین ساختار تشکل بر روی گراف Football با بیشینه ی NMI. (الف) روش  
 EPSGAME (ب) روش Game ..... ۷۹
- شکل ۴-۱۰- مقایسه بین میانگین تعداد عملیات انجام شده بر روی گراف های با اندازه های  
 مختلف توسط روش های EPSGAME و Game ..... ۸۰
- شکل ۴-۱۱- مقایسه بین میانگین زمان اجرای روش های EPSGAME و Game بر روی  
 گراف های با اندازه های مختلف ..... ۸۱

# فصل اول

## مقدمه

تعامل انسان با کامپیوتر<sup>۱</sup> از زمان ایجاد اولین کامپیوترها همواره مورد توجه بوده است و شامل مطالعه، برنامه ریزی و طراحی رابطه بین مردم (کاربران) و کامپیوترها است. معمولاً از *HCI* به عنوان نقطه تقاطع علوم کامپیوتر، علوم رفتاری<sup>۲</sup>، علم طراحی<sup>۳</sup> و چند زمینه‌ی دیگر یاد می‌شود. این اصطلاح برای اولین بار توسط کارد، موران و نیوول در کتاب "روانشناسی تعامل انسان با کامپیوتر" مطرح شده است و دلالت ضمنی بر این مطلب دارد که بر خلاف ابزارهایی که کاربرد محدود دارند، کامپیوتر دارای مزایا و کاربردهای بیشماری بوده که در یک دیالوگ بدون انتها بین آن و کاربر انجام می‌شوند [۱].

متخصصان این حوزه در ابتدا به دنبال تولید سخت افزارهایی با ارگونومی مناسب برای راحتی انسان بودند. طی دهه‌ی ۱۹۸۰، این حوزه با تحولی پارادایمیک مواجه شد و تمرکز اصلی آن به جنبه‌های ادراکی رفتار کاربر و ایجاد نرم افزارهای کاربر پسند سوق یافت. اما طولی نکشید که در دهه ۱۹۹۰، موج جدیدی گفتمان غالب متخصصان این حوزه را متحول ساخت. در این گفتمان جدید، افزایش کیفیت ارتباط میان انسان‌ها با کامپیوترها هدف نبود، بلکه در این دیدگاه کامپیوتر به عنوان ابزاری برای ایجاد تعاملات انسانی نگاه می‌شد. با توجه به این رویکرد، شبکه‌های اجتماعی اینترنتی به عنوان عامل ایجاد تعامل میان انسان‌ها در فضای مجازی از اهمیت خاصی برخوردار گشت. یکی از این تاثیرات ظهور مفاهیم جدیدی چون وب اجتماعی<sup>۲</sup> بود [۲].

امروزه فراگیری اینترنت و فن آوری‌های جدید ارتباطی و اطلاعاتی، موجب ظهور فضای مجازی در کنار جهان واقعی شده که این امر، معادلات و الگوهای ارتباطات سنتی، تولید، انتقال و مصرف اطلاعات را به هم زده و موجب تغییر در آن شده است. چنین فضایی که به عنوان واقعیت مجازی یک پارچه، در نظر گرفته می‌شود، از ویژگی‌هایی چون بی مکانی، فرا زمان بودن، صنعتی بودن محض، عدم محدودیت به قوانین مدنی متکی بر دولت-ملت‌ها، از معرفت‌شناسی تغییر شکل یافته پسامدرن برخوردار بودن، قابل دسترسی بودن همزمان، روی فضا

<sup>1</sup> Human-Computer Interaction (HCI)

<sup>2</sup> Behavioral Science

<sup>3</sup> Design Science

بودن و برخورداری از فضاهای فرهنگی، اعتقادی، اقتصادی، سیاسی و نیز آزادی از هویت بدنی و جنسی جدید برخوردار است. شبکه های اجتماعی مجازی، امروزه نقش بسیار مهمی در خلق این فضای مجازی دارند. از خلال همین واقعیت های مجازی است که آسیب های روانی و سیاسی بسیار گسترده ای را می توانند برای یک جامعه به وجود آورند.

شبکه های اجتماعی، به مجموعه ای از افراد که به صورت گروهی با یکدیگر ارتباط داشته و مواردی مانند اطلاعات، نیازمندی ها، فعالیت ها و افکار خود را به اشتراک بگذارند، شبکه های اجتماعی گویند. شبکه های اجتماعی را می توان به دو دسته شبکه های مجازی و شبکه های غیرمجازی تقسیم کرد. شبکه های غیرمجازی در واقع شبکه هایی هستند که توسط مجموعه ای از افراد و گروه های به هم پیوسته، در محیط اجتماعی عمل می کنند. شبکه اجتماعی مجازی یا شبکه اجتماعی اینترنتی، وب سایت یا مجموعه ای از وب سایت هایی است که به کاربران امکان می دهد، علاقه مندی ها، افکار و فعالیت های خود را با یکدیگر به اشتراک بگذارند؛ به عبارت دیگر، شبکه های اجتماعی سایت هایی هستند که با استفاده از یک موتور جست و جوگر و افزودن امکاناتی مانند چت، پیام رسانی الکترونیک، انتقال تصویر و صدا و...، امکان ارتباط بیشتر کاربران را در قالب شبکه ای از روابط فردی و گروهی فراهم می آورند. وبلاگ ها، فیس بوک<sup>۱</sup>، توییتر<sup>۲</sup>، یوتیوب<sup>۳</sup> از جمله شبکه های اجتماعی مجازی هستند.

شبکه های اجتماعی مجازی در جوامع جهانی مورد استقبال بیشتری قرار گرفته است. شبکه اجتماعی مجازی ابزار متنوعی است که به صورت آزاد و مجانی به آن دسترسی می توان داشت. یک فرد می تواند مطالب مورد نظر خود یا یک سری اطلاعات خاص را در یک ثانیه با صدها و حتی هزاران فرد در سراسر جهان به اشتراک بگذارد. این شبکه مزایا و معایب خاص خود را دارد، برای مثال عده ای از محققان معتقدند شبکه های مجازی باعث افزایش معاشرت پذیری می شود و در سوی دیگر نیز افرادی مقابل این تعریف قرار دارند و معتقدند شبکه های اجتماعی فعلی باعث کاهش ارتباط با خانواده می شود.

با گسترش وب اجتماعی، نیاز به تحلیل ساختارها و رفتارهای شبکه های اجتماعی، به عنوان یکی از نیازمندی های اساسی شرکت های تجاری مبدل گشت. تحلیل شبکه های اجتماعی در بسیاری از کاربردها از جمله مدیریت شبکه اجتماعی، تحلیل گرایش بازار، شناسایی افراد تاثیرگذار و حامیان، ارتقاء کارایی سامانه های توصیه گر و... قابل استفاده است. نیازمندی های تجاری باعث شده است در سال های اخیر در بعد آکادمیک توجه زیادی به تحلیل شبکه های اجتماعی گردد. امروزه این ابزار قدرتمند نه تنها مورد توجه متخصصان فناوری اطلاعات می

---

<sup>1</sup> www.facebook.com

<sup>2</sup> www.twitter.com

<sup>3</sup> www.youtube.com

باشد، بلکه پژوهشگران سایر رشته‌هایی چون علوم تربیتی، زیست‌شناسی، علوم ارتباطات، اقتصاد، ...، به عنوان یک تکنیک کلیدی از تحلیل شبکه اجتماعی بهره می‌برند. برای تحلیل شبکه‌ها، از معیارها و نرم‌افزارهای متفاوتی استفاده می‌شود. نرم‌افزارهای تجزیه و تحلیل شبکه اجتماعی جهت شناسایی، تجزیه و تحلیل، تجسم و شبیه‌سازی رأس‌ها و یال‌ها از انواع مختلف داده‌های ورودی (رابطه‌ای و غیر رابطه‌ای)، از جمله مدل‌های ریاضی شبکه‌های اجتماعی است. ابزار تجزیه و تحلیل شبکه به محققان اجازه می‌دهد تا شبکه‌هایی با اندازه‌های مختلف (شبکه‌های کوچک مانند خانواده و شبکه‌های بزرگ مانند اینترنت) را بررسی کنند این نرم‌افزارها با فراهم آوردن ابزارهای مختلف اجازه اعمال رویه‌های ریاضی و آماری را روی مدل شبکه می‌دهند. این نرم‌افزارها با نمایش‌های بصری شبکه‌های اجتماعی به درک و تحلیل نتایج کمک زیادی می‌کنند. معیارهای زیر در تحلیل شبکه‌های اجتماعی کاربرد وسیعی دارند:

**Betweenness:** تعداد افرادی در شبکه که یک شخص بطور غیر مستقیم از طریق خطوط مستقیم آنها متصل شده‌است.

**Closeness:** تنوع مجموعه کوتاهترین مسیرها بین هر فرد و دیگر افراد در شبکه.

**Centrality degree:** محاسبه میزان پیوندهایی که فرد با دیگر افراد در شبکه دارد.

**Centralization:** تفاوت بین تعداد پیوندها برای هر نود تقسیم شده توسط بیشترین مجموع تفاوتها. یعنی در یک شبکه همیشه نودهایی وجود دارند که نسبت به دیگر نودها تعداد پیوندهای بیشتری دارند. در شبکه‌ای که دچار عدم تمرکز است تفاوت کمی بین پیوندهای هر نود وجود دارد.

**Cohesion:** اشاره به درجه‌ای دارد که افراد بطور مستقیم با همدیگر ارتباط دارند.

**Path length:** مسافت بین هر دو نود در یک شبکه را می‌گویند، میانگین **Path length** در واقع میانگین مسافتهای بین تمامی جفت نودها است.

**Structural hole:** تعداد کمی از افراد که اگر از گروه خارج شوند گروه از همدیگر جدا می‌شوند و اتصالات قطع می‌شود.



شبکه‌ی اجتماعی ساختاری اجتماعی است که از گره‌هایی (که عموماً فردی یا سازمانی هستند) تشکیل شده‌است که توسط یک یا چند نوع خاص از وابستگی به هم متصل‌اند، برای مثال: قیمت‌ها، الهامات، ایده‌ها و تبادلات مالی، دوست‌ها، خویشاوندی، تجارت، لینک‌های وب، سرایت بیماری‌ها (اپیدمولوژی) یا مسیرهای هواپیمایی. ساختارهای حاصل اغلب بسیار پیچیده هستند. تحلیل شبکه‌های اجتماعی روابط اجتماعی را با اصطلاحات رأس و یال می‌نگرد. رأس‌ها بازیگران فردی درون شبکه‌ها هستند و یال‌ها روابط میان این بازیگران هستند. انواع زیادی از یال‌ها می‌تواند میان رأس‌ها وجود داشته باشد. تحقیق در تعدادی از زمینه‌های آکادمیک نشان داده‌است که شبکه‌های اجتماعی در بسیاری از سطوح به کار گرفته می‌شوند از خانواده‌ها گرفته تا ملت‌ها و نقش مهمی در تعیین راه حل مسائل، اداره کردن تشکیلات و میزان موفقیت افراد در رسیدن به اهدافشان ایفا می‌کند. در ساده‌ترین شکل یک شبکه‌ی اجتماعی نگاشتی از تمام یال‌های مربوط، میان رأس‌های مورد مطالعه است. شبکه‌ی اجتماعی هم چنین می‌تواند برای تشخیص موقعیت اجتماعی هر یک از بازیگران مورد استفاده قرار گیرد. این مفاهیم غالباً در یک نمودار شبکه‌ی اجتماعی نشان داده می‌شوند که در آن، نقطه‌ها رأس‌ها هستند و خط‌ها نشانگر یال‌ها [۳]. اما آنچه که در این تحلیل، پایه و اساس محسوب می‌شود، نظریه‌ی گراف‌ها است که در کنار کاربرد های بیشمار آن، در تحلیل شبکه‌های اجتماعی نیز نقشی مهم ایفا می‌کنند. در ادامه به شرح خلاصه‌ای از تاریخچه گراف و مواردی از کاربرد آن خواهیم پرداخت.

نظریه گراف شاخه‌ای از ریاضیات بوده که درباره‌ی گراف‌ها بحث می‌کند و در واقع شاخه‌ای از توپولوژی است که با جبر و نظریه ماتریس‌ها پیوند مستحکم و تنگاتنگی دارد. نظریه‌ی گراف برخلاف شاخه‌های دیگر ریاضیات خاستگاه مشخصی دارد و آن، حل معمای پل‌های کونیگزبرگ<sup>۱</sup> در سال ۱۷۳۶ و توسط اویلر ریاضیدان سوئیسی است [۴]. از آن زمان تاکنون تحقیقات زیادی بر روی گراف‌ها انجام شده که این امر منجر به جمع‌آوری مطالب بسیاری در مورد آن‌ها شده است. از جمله‌ی این تحقیقات می‌توان به موارد زیر اشاره کرد.

در سال ۱۸۴۷، گوستاو کیرش‌هف نوع خاصی از گراف‌ها به نام درخت را مورد بررسی قرار داد. کیرش‌هف این مفهوم را هنگام تعمیم قوانین اهم برای جریان الکتریکی در کاربردهایی که حاوی شبکه‌های الکتریکی بودند به کار گرفت. ده سال بعد، آرتور کیلی همین نوع گراف را برای شمارش ایزومرهای متمایز هیدروکربنهای اشباع شده‌ی  $C_nH_{2n+2}$  به کار برد. در همین دوران شاهد حضور دو ایده‌ی مهم دیگر در صحنه هستیم. ایده‌ی اول حدس چهار رنگ بود که نخستین بار توسط فرانسویس گوثری در حدود سال ۱۸۵۰ مورد تحقیق قرار گرفت. این مسئله سرانجام در سال ۱۹۷۶، توسط کنث ایپل و ولفگانگ هیکن و با استفاده از یک تحلیل

<sup>1</sup> Puzzle of Königsberg's bridges

رایانه‌ای پیچیده حل شد. ایده‌ی مهم دوم، دور همیلتونی بود. این دور به افتخار سر ویلیام روان همیلتون نامگذاری شده است. او این ایده را در سال ۱۸۵۹ برای حل معمای جالبی حاوی یال‌های یک دوازده وجهی منتظم به کار گرفت. یافتن جوابی برای این معما چندان دشوار نیست، ولی ریاضیدانان هنوز در پی یافتن شرایطی لازم و کافی هستند که گراف‌های بیسوی حاوی مسیر یا دوره‌های همیلتونی را مشخص کنند. پس از این کارها تا بعد از سال ۱۹۲۰ فعالیت اندکی در این زمینه صورت گرفت. مسئله‌ی مشخص کردن گراف‌های مسطح را کازیمیر کوراتوفسکی، ریاضیدان لهستانی، در سال ۱۹۳۰ حل کرد. نخستین کتاب درباره‌ی نظریه‌ی گراف در سال ۱۹۳۶ منتشر شد. این کتاب را ریاضیدان مجارستانی، دنش کونیگ، که خود محقق برجسته‌ای در این زمینه بود، نوشت. از آن پس فعالیت‌های بسیاری در این زمینه صورت گرفته و کامپیوتر نیز در چهار دهه‌ی اخیر به یاری این فعالیت‌ها آمده است [۵].

پیشرفت‌های اخیر در ریاضیات، به ویژه در کاربردهای آن موجب گسترش چشمگیر نظریه‌ی گراف شده است به گونه‌ای که هم‌اکنون نظریه‌ی گراف ابزار بسیار مناسبی برای تحقیق در زمینه‌های گوناگون مانند نظریه‌ی کدگذاری، تحقیق در عملیات، آمار، شبکه‌های الکتریکی، علوم رایانه، شیمی، زیست‌شناسی، علوم اجتماعی و سایر زمینه‌ها گردیده است.

از گراف‌ها برای حل مسایل زیادی در ریاضیات و علوم کامپیوتر استفاده می‌شود. ساختارهای زیادی را می‌توان به کمک گراف‌ها به نمایش در آورد. برای مثال برای نمایش چگونگی رابطه وب سایت‌ها به یکدیگر می‌توان از گراف جهت دار استفاده کرد. به این صورت که هر وب سایت را به یک رأس در گراف تبدیل می‌کنیم و در صورتیکه در این وب سایت لینکی به وب سایت دیگری بود، یک یال جهت دار از این رأس به رأسی که وب سایت دیگر را نمایش می‌دهد وصل می‌کنیم. از گراف‌ها همچنین در شبکه‌ها، طراحی مدارهای الکتریکی، اصلاح هندسی خیابان‌ها برای حل مشکل ترافیک، و... استفاده می‌شود. مهم‌ترین کاربرد گراف مدل‌سازی پدیده‌های گوناگون و بررسی بر روی آنهاست. با گراف می‌توان به راحتی یک نقشه بسیار بزرگ یا شبکه‌ای عظیم را در درون یک ماتریس به نام ماتریس وقوع گراف ذخیره کرد و یا الگوریتم‌های مناسب مانند الگوریتم دایکسترا یا الگوریتم کروسکال و... را بر روی آن اعمال نمود. در این جا به بررسی گراف‌هایی می‌پردازد که می‌توان آن‌ها را به نحوی روی صفحه کشید که یال‌ها جز در محل رأس‌ها یکدیگر را قطع نکنند. این نوع گراف در ساخت جاده‌ها و حل مساله کلاسیک و قدیمی سه خانه و سه چاه آب به کار می‌رود. کاربرد گراف بازه‌ها از گراف‌ها برای حل مسایل زیادی در ریاضیات و علوم کامپیوتر استفاده می‌شود. ساختارهای زیادی را می‌توان به کمک گراف‌ها به نمایش در آورد. درخت و ماتریس درخت در رشته‌های مختلفی مانند شیمی مهندسی برق و علم محاسبه کاربرد دارد. کیرشهف در سال ۱۸۴۷ میلادی هنگام حل دستگاه‌های معادلات خطی مربوط به شبکه‌های الکتریکی درختها را کشف و نظریه درختها را بارور کرد. کیلی در سال ۱۸۵۷ میلادی درختها را در ارتباط با شمارش ایزومرهای مختلف

هیدروکربنها کشف کرد وقتی مثلاً می‌گوییم در ایزومر مختلف  $C_4H_{10}$  وجود دارد منظورمان این است که دو درخت متفاوت با ۱۴ رأس وجود دارند که درجه ۴ رأس از این ۱۴ رأس چهار و درجه هر یک از ۱۰ رأس باقیمانده یک است. اگر هزینه کشیدن مثلاً راه آهن بین هر دو شهر از  $p$  شهر مفروض مشخص باشد ارزانترین شبکه‌ای که این  $p$  شهر را به هم وصل می‌کند با مفهوم یک درخت از مرتبه  $p$  ارتباط نزدیک دارد. به جای مساله مربوط به راه آهن می‌توان وضعیت مربوط به شبکه‌های برق رسانی و لوله کشی نفت و لوکشی گاز و ایجاد کانالهای آبرسانی را در نظر گرفت. برای تعیین یک شبکه با نازلترین هزینه از قاعده‌ای به نام الگوریتم صرفه جویی استفاده می‌شود که کاربردهای فراوان دارد. از گرافها می‌توان به عنوان کدهای کمکی نام برد که به  $DVB Player$ <sup>۱</sup> ها در بالا بردن قابلیت‌های آنها کمک می‌کنند. گرافها دارای مزایای مختلفی هستند که شفاف تر کردن و واضحتر کردن تصویر و کاهش مصرف  $CPU$  به عنوان یکی از اصلی‌ترین مزایای آنها بشمار می‌رود [۵].

یکی دیگر از کاربرد های مهم گراف ها در نمایش سیستم های پیچیده طبیعی و اجتماعی و در قالب یک شبکه<sup>۲</sup> است؛ مجموعه ای از رأس ها و یال هایی که این رأس ها را به هم متصل می کنند [۶]. سیستم های پیچیده نگاهی نو به پدیده های است که به علت ارتباط بین اجزای آن و همچنین ارتباط با دیگر پدیده ها، از پیچیدگی بالایی برخوردارند و رفتار جمعی متفاوتی بروز می دهند. بدین معنی که با مطالعه تک تک اجزای یک سیستم پیچیده نمی توان به رفتار جمعی آن دست یافت. به عبارت دیگر، سیستم پیچیده معرف پارادایم پیچیدگی است که عناصر سازنده آن تشکیل شبکه ای را می دهند که اجزاء شبکه دارای برهم کنش هستند و از اندیشه کل نگر بهره می گیرند. پارادایم کلاسیک که بخشی نگر است، بر این فرض استوار است که اگر اجزاء سیستمی را دقیقاً شناسایی کنیم و از عمل کرد آن اطلاع یابیم، قادر خواهیم بود به خواص کلی پدیده و سیستم دست یابیم. مطالعات کیهان شناسی، ساختارهای بی نظم در مواد، زیست شناسی، جامعه شناسی و اقتصاد محدودیت کاربرد این مسئله در مقالات و کتب متعدد را به نمایش گذاشته اند.

اغلب پدیده‌های طبیعی و بسیاری از ساخته‌ها و آفرینش‌های امروزی انسان را باید تحت رده ی عام سامانه‌های پیچیده به بررسی و مطالعه نشست. هر چند انسان صدها سال است که بررسی سیستمهای پیچیده را آغاز کرده است. اما بررسی این سیستمها در شاخه های مختلفی برداشت مدرن از آن را ایجاد کرده‌است. در ریاضیات با کشف آشوب در سیستمهای تعیینی و همچنین بررسی دینامیکی شبکه های عصبی، بررسی این سیستمها در زمینه کلید خورد. در شیمی و فیزیک، بررسی سیستمهای خود سامانده در غالب مباحث فیزیک آماری و ترمودینامیک غیرتعادلی آغاز شد. مدل سازی تلاطم، سیستمهای فرو مغناطیسی و همچنین

<sup>1</sup> Digital Video Broadcasting

<sup>2</sup> Network

پدیده های بحرانی، گامهای مهم بعدی در بسط این مباحث شد. با مطرح شدن مسایل زیست شناختی و انسان شناختی در حوزه ی مدل سازی ریاضیاتی و فیزیکی، تکنیکهای سیستمهای پیچیده رشد روزافزونی پیدا کرده اند. امروزه سیستمهای پیچیده نگاهی کلی نگر بر پدیده دارد و برپایه تئوریهای شبکه های پیچیده، آشوب، پدیده های بحرانی، هندسه فرکتالی، تئوری مقیاسی، تئوری اطلاعات و دینامیک غیر خطی بنا شده است.

در دهه های گذشته پس از گذر از نگاه ساده انگارانه و غیر تخصصی به مسائل و حوزه های علمی در دوره های قبل از آن، نوعی نگاه جدید مبتنی بر تخصصی انگاری علمی در اکثر حوزه های علمی ایجاد گردید. این نگاه، در بطن خود، وجود رفتار وابسته بین بسیاری از پدیده ها را نادیده می انگارد. بسیاری از پدیده های طبیعی و نیز اجتماعی، در ذات خود وابستگی بسیاری به حوزه های متنوعی از علوم دارند که نمی توان با نگاه موجود در یک رشته علمی آن ها را تحلیل نمود. بنابراین با رشد پیچیدگی موجود در پدیده ها، نیاز به سطحی از تحلیل فراتر از علوم تک نگر می باشد. در این سطح، در دو دهه گذشته، بنا به اقتضائات موجود جهت تحلیل سیستم های پیچیده، نیاز به تکنیک هایی جدید و مطالعات مبسوطی در این حوزه احساس گردیده است. تشکیل مراکز مطالعاتی متمرکز با رویکرد میان رشته ای از جمله اقدامات پژوهشگاهها در راستای توسعه نگاه علمی تر بر پدیده های وابسته و تحلیل آن ها برای درک بهتر پدیده ها می باشد.

سیستم های پیچیده یک شاخه بین رشته ای است که امروزه دامنه وسیعی از مقولات علمی تئوری و کاربردی علم فیزیک و ریاضیات را با دیگر رشته ها از جمله شیمی، علوم زیستی، شاخه های مهندسی و زمین شناسی، اقتصاد، جامعه شناسی و رشته های دیگر مرتبط ساخته است. این گرایش در دو دهه گذشته در تمام مراکز تحقیقاتی و دانشگاه های معتبر دنیا (آمریکا، ایتالیا، فرانسه، آلمان، انگلیس ... حتی برخی از کشورهای آسیایی ژاپن، کره، هند...) مورد توجه وسیع قرار گرفته است و در حال حاضر از مهمترین شاخه های علوم نوین هم از دیدگاه شناخت طبیعت و هم از رهیافت کاربردهای وسیع آن در حوزه های دیگر دانش و فناوری به شمار می رود.

هدف این گرایش توسعه ابزارهای ریاضی، محاسباتی و یا شبیه سازی با تکیه بر فهم رفتارهای فیزیکی حاکم بر آنها، به منظور توصیف و پیش بینی این گونه پدیده هاست. قدرت روش های سیستم های پیچیده در تحلیل سیستم های بس عاملی و همچنین امکان دسترسی آسان به حجم روز افزون داده ها در امروز این امکان را ایجاد کرده است که هر روز شاهد تولد روشی نوین در زمینه های گوناگون بر پایه ی تفکر سیستم های پیچیده باشیم. کشورهای صاحب قدرت با سرمایه گذاری روی چنین روش هایی تعریف ابزار قدرت را در دنیای چند بعدی امروز تغییر داده اند و برای عقب نماندن از قافله ی جهانی و همچنین دسترسی به منابع انسانی،