

الله اعلم



دانشکده فنی مهندسی

گروه مهندسی عمران

## پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته‌ی عمران گرایش سازه

### عنوان پایان نامه

### بررسی رفتار تیرهای بتن مسلح دارای خاموت دورپیچ

دانشجو:

حکمت کوشکی

در تاریخ ۱۳۹۳/۱۲/۱۸ توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه عالی به تصویب نهایی رسید.

- |                              |                        |                                |
|------------------------------|------------------------|--------------------------------|
| ۱- استاد راهنمای پایان نامه: | دکتر ابراهیم خلیل زاده | با مرتبه‌ی علمی استادیار امضاء |
| ۲- استاد داور داخل گروه:     | دکتر حمیدرضا اشرفی     | با مرتبه‌ی علمی استادیار امضاء |
| ۳- استاد داور داخل گروه:     | دکتر مجتبی فتحی        | با مرتبه‌ی علمی استادیار امضاء |

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات، ابتکارات و  
نوآوری های ناشی از تحقیق موضوع این پایان نامه  
متعلق به دانشگاه رازی است.

با تشکر

از استاد گرامی

دکتر ابراهیم خلیل زاده

به پاس زحمات فراوان ایشان

با توجه به اینکه بر روی رفتار تیر های بتنی، با خاموت بسته تحت اثر برش و پیچش مطالعات زیادی چه به صورت تئوری چه به صورت آزمایشگاهی صورت گرفته است، اما بر روی تیر های بتنی با خاموت دورپیچ مطالعات زیادی صورت نگرفته است، هدف مطالعه حاضر بررسی اثر خاموت های دورپیچ بر روی رفتار تیرهای با سطح مقطع مستطیلی و مقایسه عملکرد این تیرها در مقابل نیروی برشی با تیرهای دارای خاموت معمولی می باشد. در بخش دیگر این مطالعه به بررسی رفتار تیرهای تحت اثر پیچش پرداخته شده است. که در آنها مقایسه لنگر نهایی، تغییر شکل و جذب انرژی خاموت های دورپیچ با خاموت های معمولی صورت گرفته است. در این تحقیق مشاهده شد که در تیرهای تحت اثر برش، خاموت های دورپیچ پیشرفته (SPA) نسبت به خاموت معمولی (ST) افزایش مقاومت نهایی و جذب انرژی به ترتیب در حدود ۲۳ درصد و ۴۹ درصد را از خود نشان می دهند. در تیرهای تحت اثر پیچش، در دورپیچ های موافق (SPL) نسبت به خاموت معمولی (ST) افزایش مقاومت نهایی و جذب انرژی به ترتیب در حدود ۱۲ درصد و ۲۷ درصد مشاهده شد. زاویه قرار گیری خاموت ها هم به عنوان متغیر دیگری که بر روی رفتار اینگونه تیر ها تاثیر گذار می باشد مورد مطالعه قرار گرفته است. بدین منظور انواع تیر های دارای دورپیچ و خاموت معمولی به صورت عددی با نرم افزار ABAQUS مدل شده و مورد بحث و بررسی قرار گرفته اند. برای صحت سنجی مدل سازی از نتایج آزمایشگاهی موجود و معتبر (۲۰۱۳) استفاده شده است.

**واژگان کلیدی:** تیر بتنی، خاموت دورپیچ، برش، پیچش، جذب انرژی.

## فهرست مطالب

عنوان

صفحه

٥	چکیده
٩	<b>فصل اول</b>
١٠	١-۱ مقدمه
١٠	۱-۲ رفتار اعضاء بتن آرمه تحت برش
۱۳	۱-۳ تیر با خاموتهاي قائم
۱۴	۱-۴ تیر با خاموتها يا ميلگردهاي مайл
۱۶	۱-۵ نکات و محدوديتهای آئيننامهاي
۱۶	۱-۵-۱ جزئيات فولاد گذاري برشی بر اساس ACI 318
۱۸	۱-۵-۲ جزئيات فولاد گذاري برشی بر اساس آبا
۱۹	۱-۶ پیچش
۲۱	۱-۷ تنش پیچشی در مقطع مستطیل
۲۲	۱-۸ سختی پیچشی مقاطع همگن
۲۲	۱-۹ پیچش اعضای بتنی غیر مسلح (تنوری خمش کج)
۲۶	۱-۱۰ پیچش اعضای بتن مسلح - تنوری خرپای فضایی
۲۷	۱-۱۱-۱ جزئيات فولاد گذاري پیچشی
۲۷	۱-۱۱-۲ جزئيات فولاد گذاري پیچشی بر اساس آيین نامه بتن ايران (آبا)
۳۰	<b>فصل دوم</b>
۳۱	۱-۲ مقدمه

۳۱	۲-۲ بررسی ظرفیت برشی تیرها با آرماتورهای عرضی ممتد
۳۲	۲-۳ تاثیر دورپیچ های مستطیلی بر قاب های بتن مسلح
۳۳	۲-۴ مطالعه رفتار تیرهای T شکل با سیم های فولادی ممتد
۳۵	۲-۵ بررسی تاثیر دورپیچ های مستطیلی بر دوران پلاستیک تیرها
۳۷	۲-۶ بررسی محصور شدگی تیرها با دورپیچ های مستطیلی
۳۷	۲-۷ مزایای استفاده از دورپیچ های مستطیلی در تیرها
۴۴	۲-۸ بررسی رفتار تیرهای بتن مسلح تحت برش
۴۴	۲-۹ بررسی رفتار تیرهای بتن مسلح تحت پیچش
۴۴	۲-۱۰ مطالعه نحوه پیدایش و گشترش ترک ها

### **فصل سوم**

۴۸	۳-۱ مقدمه
۴۹	۳-۲ مزایای ABAQUS
۵۰	۳-۳ نحوه مدلسازی بتن در ABAQUS

### **فصل چهارم**

۵۴	۴-۱ صحت سنجی مدلسازی
۵۸	۴-۲ پارامترهای بررسی شده در این مطالعه
۵۸	۴-۳ مشخصات نمونه های مدلسازی شده تحت پیچش
۵۸	۴-۴ مشخصات مکانیکی مصالح
۵۹	۴-۲-۳-۴ ابعاد نمونه ها
۶۲	۴-۴ بررسی عملکرد انواع مختلف خاموت در پیچش
۶۷	۴-۵ بررسی اثر فاصله در خاموت SPL تحت پیچش
۶۹	۴-۶ بررسی اثر فاصله در خاموت ST تحت پیچش

۴-۷ بررسی اثر فاصله در خاموت SPU تحت پیچش ۷۰

۴-۸ بررسی اثر زاویه خاموت در تیر تحت پیچش ۷۲

۴-۹ مشخصات نمونه های مدلسازی شده تحت برش ۷۷

۴-۱۰ مشخصات مکانیکی مصالح ۷۷

۴-۱۱ ابعاد نمونه ها ۷۸

۴-۱۲ بررسی اثر فاصله در خاموت گذاری تحت برش ۸۷

۴-۱۳ بررسی اثر فاصله در خاموت SPA تحت برش ۸۷

۴-۱۴ بررسی اثر فاصله در خاموت SP تحت برش ۸۹

۴-۱۵ بررسی اثر فاصله در خاموت ST تحت برش ۹۱

۴-۱۶ بررسی اثر زاویه خاموت در تیر تحت برش ۹۲

## فصل پنجم

۱۰۰ جمع بندی و نتیجه گیری

۱۰۱ منابع

۱۰۲ منابع و مأخذ

# فصل اول

مقدمه

## ۱-۱ مقدمه

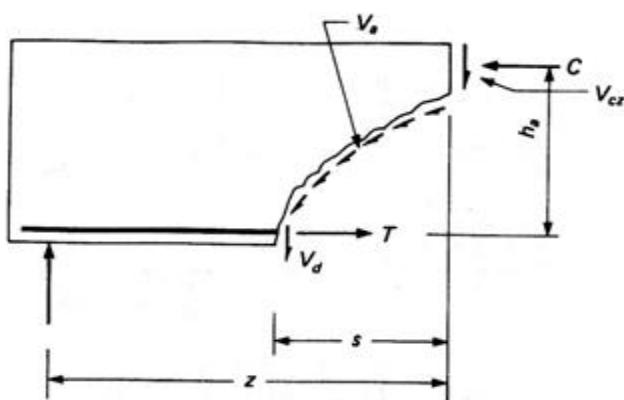
با توجه به اینکه بر روی رفتار تیرهای بتی، با خاموت بسته تحت اثر برش و پیچش مطالعات زیادی چه به صورت تئوری چه به صورت آزمایشگاهی صورت گرفته است؛ اما بر روی تیرهای بتی با خاموت دورپیچ مطالعات زیادی صورت نگرفته است؛ لذا هدف مطالعه حاضر بررسی اثر خاموت‌های دورپیچ بر روی رفتار تیرهای با سطح مقطع مستطیلی است و عملکرد این تیرها در مقابل لنگر پیچشی و نیروی برشی در مقایسه با تیر با خاموت بسته پرداخته شده است.

## ۱-۲ رفتار اعضاء بتن آرمه تحت برش

پس از ترک خوردن، انتقال برش در عضو بتی توسط ترکیبی از مکانیزم‌های زیر مطابق شکل (۱-۱) صورت می‌گیرد:

۱- مقاومت برشی بتن خورده  $V_{cz}$

۲- نیروی ناشی از درگیر بودن دانه‌های سنگی در محل ترک  $V_a$  (که مشابه نیروی اصطکاک ناشی از تماس سطوح ناصاف بتن در دو طرف ترک است)



شکل ۱-۱ مکانیزم انتقال برش پس از ایجاد ترک [۱ و ۲].

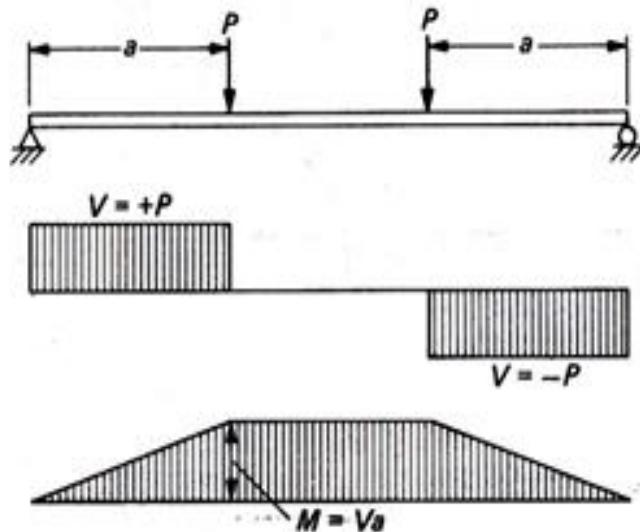
۳- عمل برشی آرماتور طولی  $V_d$  (یعنی مقاومت آرماتور طولی در مقابل نیروی عرضی)

برای تیرهای با مقطع مستطیل شکل، مکانیزم های فوق به ترتیب بین ۲۰ تا ۴۰ درصد، ۳۳ تا ۵۰ درصد و ۱۵ تا ۲۵ درصد برش را انتقال می دهند. اینکه آیا پس از ترک خوردن، عضو بتنی می تواند بار اضافی تحمل کند یا خیر بستگی به ابعاد مقطع و نسبت تنش های برشی و خمشی در مقطع دارد. از آنجا که حداکثر تنش کششی ناشی از خمش  $(f_t)$  متناسب با  $M/bd^2$  و حداکثر تنش برشی نیز متناسب با  $v/bd$  است نسبت این دو تنش در مقطع برابر است با رابطه (۱-۱) [۲].

$$\frac{f_t}{v} = k \frac{M}{Vd} \quad (1-1)$$

که در آن  $k$  یک ضریب تناسب است. برای یک تیر ساده که توسط دو بار متقارن به طور متقارن بارگذاری شده است. در شکل (۲-۱) نسبت  $v/m$  را می توان به فاصله  $a$ ، که در آن برش ثابت است، تعبیر کرد. فاصله  $a$  را اصطلاحاً دهانه برش می نامند. در حالت کلی، یعنی وقتی برش در طول تیر تغییر می کند، دهانه برش را می توان با عبارات زیر بیان کرد:

$$a = \frac{M}{V} \quad (2-1)$$



شکل ۲-۱ تعریف دهانه برش [۲].

که برای نقاط مختلف طول تیر مقادیر مختلفی دارد.

با قرار دادن رابطه (۱-۲) در رابطه (۱-۱)، نسبت تنش های خمشی و برشی برابر می شود با:

$$\frac{f_t}{v} = k \left( \frac{a}{d} \right) \quad (3-1)$$

نتایج آزمایش ها نشان داده اند که نسبت  $a/d$  تأثیر اساسی بر مقاومت برشی مقطع ترک خورده دارد. به طور کلی بسته به مقدار این نسبت، مکانیزم گسیختگی را می توان در چهار گروه دسته بندی کرد: [۱ و ۲ و ۳]

۱. تیرهای عمیق با نسبت  $a/d$  کوچکتر از ۱
۲. تیرهای کوتاه با نسبت  $a/d$  بین ۱ تا  $2/5$  که در این دو حالت مقدار مقاومت برشی بیشتر از مقاومت ترک خورده است.
۳. تیرهای معمولی با دهانه های متوسط و نسبت  $a/d$  بین  $2/5$  تا ۶، که در این حالت مقاومت برشی برابر مقاومت ترک خورده است.
۴. تیرهای بلند با نسبت  $a/d$  بزرگتر از ۶ که معمولاً در آنها مقاومت خمشی از مقاومت برشی کمتر است، به عبارت دیگر، قطعه به ندرت به مقاومت برشی خود می رسد.

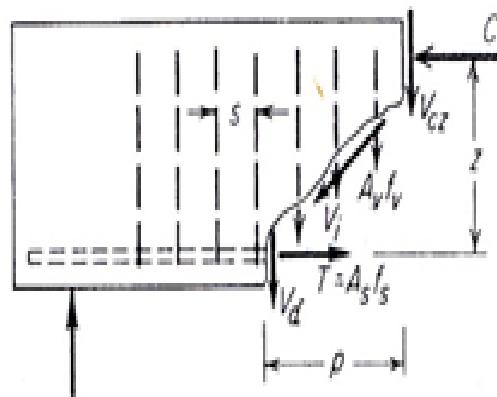
به طور خلاصه مطالعه حالات رفتاری فوق نتیجه می دهد که در اثر برش، ترکهای قطری به وجود می آیند؛ در اثر این ترک خورده، تیرهای معمولی با دهانه های متوسط فوراً به مقاومت برشی رسیده و گسیخته می شوند، در حالی که تیرهای کوتاه تر در اثر بازتوزیع تنش های مقطع ترک خورده، همچنان به مقاومت در مقابل برش ادامه می دهند؛ به عبارت دیگر دارای ذخیره مقاومت هستند. در شرایط حاضر نتایج تئوری و تجربی در مورد این ذخیره مقاومت و میزان بازتوزیع تنش ها بسیار محدود است و لذا در طراحی کلیه تیرها (به استثنای تیرهای عمیق) فرض می شود که با ایجاد ترک های قطری، قطعه به مقاومت برشی خود می رسد [۱ و ۲ و ۳].

رابطه (۴-۱) محاسبه برش ترک خورده تیرها را نشان می دهد: [۱]

$$V_c = \left[ 0/5\sqrt{f'_c} + 175 \frac{p_w V_u d}{M_u} \right] b_w d \leq .93 \sqrt{f'_c} b_w d \quad (4-1)$$

### ۳-۱ تیر با خاموت‌های قائم

چون آرماتورهای عرضی در تیر ترک نخورده مؤثر نمی‌باشند، مقدار نیرو و یا تنش برشی که باعث به وجود آمدن ترک می‌شود، مشابه تیر بدون آرماتور عرضی می‌باشد. اغلب آرماتورهای عرضی از خاموت‌های قائم تشکیل می‌شوند. نیروهای مؤثر بر چنین تیری در شکل (۱-۳) نشان داده شده است: [۴] و [۵].



شکل ۱-۳ نیروهای مؤثر بر تیر با خاموت‌های قائم [۵].

تعادل نیروها در امتداد قائم ایجاب می‌نماید که:

$$V_C + V_S + V_d + V_{iy} = V_r \quad (5-1)$$

که در آن  $V_S = \sum_n A_v f_v$  مجموع نیروهای قائم در خاموت‌ها و  $n$  تعداد خاموت‌های قطع شده توسط ترک می‌باشد. اگر  $S$  فاصله خاموت‌ها و  $p$  تصویر افقی ترک همانند شکل (۱-۳) باشد، خواهیم داشت [۵]

$$n = \frac{p}{s} \quad (6-1)$$

بر مبنای مشاهدات آزمایشگاهی محدود موجود در شرایط حاضر به طور محافظه کارانه فرض می‌شود که قبل از شکست یک تیر با آرماتور برشی، رابطه زیر برقرار است [۵]

$$V_c + V_d + V_{iy} = V_{cr} \quad (7-1)$$

همان طور که ملاحظه شد،  $n$  تعداد خاموت‌هایی که به فاصله  $s$  از یکدیگر قرار دارند، بستگی به طول  $p$  یعنی تصویر افقی ترک‌های قطری دارد. طول تصویر افقی مساوی ارتفاع مؤثر تیر در نظر گرفته می‌شود؛ بنابراین، مقاومت برشی نهایی برابر با  $V_r$  خواهد بود [۵] :

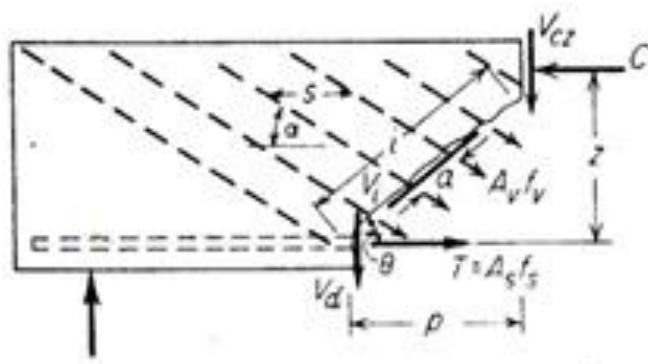
$$V_r = V_{cr} + \frac{A_v f_y d}{s} \quad (8-1)$$

با تقسیم طرفین رابطه بر  $bd$  می‌توان رابطه فوق را بر مبنای تنش بیان نمود [۵] :

$$V_r = \frac{V_r}{bd} = V_{cr} + \frac{A_v f_y}{bs} \quad (9-1)$$

#### ۱-۴ تیر با خاموت‌ها یا میلگردهای مایل

شکل (۱-۴) مجدداً نیروهای وارد بر یک ترک قطری را که نهایتاً باعث شکست می‌شود، نشان می‌دهد :



شکل ۱-۴ نیروهای مؤثر بر تیر با خاموت‌های مایل [۵]

ترک با تصویر افقی  $p$  و طول در امتداد شیب  $L=p/\cos\theta$  توسط میلگردهای مایل که در فواصل افقی  $s$  قرار گرفته‌اند، قطع می‌گردد. تمایل ترک با زاویه  $\theta$  و تمایل میلگردها با زاویه  $\alpha$  نشان داده شده است. فاصله بین میلگردها به موازات امتداد ترک طبق قوانین مثلثاتی به صورت زیر به دست می‌آید [۵] :

$$a = \frac{s}{\sin\theta(\cot\theta + \cot\alpha)} \quad (10-1)$$

تعداد میلگرد هایی که ترک را قطع می کنند  $n=L/a$  پس از مقداری عملیات جبری به صورت زیر بیان می شود [۵] :

$$n = \frac{p}{s} (1 + \cot \alpha \tan \theta) \quad (11-1)$$

مؤلفه قائم نیروی یک میلگرد یا خاموت مایل مساوی  $A_V f_y \sin \alpha$  می باشد؛ بنابراین، مجموع مؤلفه های قائم نیروی تمام میلگرد هایی که ترک را قطع می کنند برابر است با [۵] :

$$V_s = n A_V f_y \sin \alpha = A_V f_y \frac{p}{s} (\sin \alpha + \cos \alpha \tan \theta) \quad (12-1)$$

همچنین تمام فرضیات دیگر، مشابه خاموتهای قائم فرض می شوند؛ بدین معنی که تصویر افقی ترک قطری مساوی  $V_c + V_d + V_{iy,d}$  در نظر گرفته می شود. بالاخره زاویه تمایل ترک قطری  $\theta$ ، مساوی ۴۵ درجه در نظر گرفته می شود، هرچند که این زاویه متأثر از عوامل متعددی می باشد. بر این پایه، مقاومت نهایی وقتی که شکست توسط برش حادث می شود، به صورت زیر به دست می آید [۵] :

$$V_r = V_{cr} + \frac{A_V f_y (\sin \alpha + \cos \alpha)}{s} \quad (13-1)$$

رابطه (۱۳-۱) که برای خاموتهای قائم به دست آمده، حالت خاصی از رابطه عمومی (۸-۱) در حالت  $a=0$  می باشد، لازم به تذکر است که روابط (۸-۱) و (۱۳-۱) وقتی قابل استفاده هستند که هر ترک قطری دلخواه حداقل توسط یک خاموت یا میلگرد مایل قطع شده باشد. در غیر این صورت آرماتورهای عرضی در مقاومت برشی مشارکت نخواهند داشت و ترک قطری می تواند در حد فاصل دو خاموت تشکیل شده و تیر را همانند حالتی که در جان فولاد های برشی تعییه نشده است، از بین ببرد. این مسئله ایجاب می کند که یک حد فوکانی برای فاصله  $s$  در نظر گرفته شود تا اطمینان حاصل گردد که ترک قطری حتماً توسط آرماتورهای عرضی قطع می شود [۵-۶].

اگر بحث را خلاصه کنیم، در حال حاضر طیعت و مکانیسم شکست‌های کششی قطری تقریباً به طور واضح به صورت کیفی مشخص شده است؛ ولی، بعضی از فرضیات کمی که در روابط مورد استفاده قرار گرفته اند نمی‌توانند بر پایه کاملاً تحلیلی اثبات گردند، اما نتایج محاسبه شده قابل قبول هستند و عموماً به طور محافظه کارانه‌ای با داده‌های آزمایشگاهی مطابقت دارند و مهم‌تر اینکه عملکرد سازه‌هایی که بر این مبنای محاسبه گشته اند، رضایت‌بخش می‌باشند [۵۶].

## ۱-۵ نکات و محدودیت‌های آئین‌نامه‌ای

### ۱-۵-۱ جزئیات فولاد گذاری بر اساس ACI 318

#### حداکثر فاصله خاموت‌های برشی

بر اساس ACI 318 حداکثر فاصله خاموت‌های برشی که عمود بر محور تیر قرار می‌گیرند، باید بیش از  $d/2$  و یا  $600$  باشد. با این محدودیت فاصله، هر ترک مورب  $45^{\circ}$  حداقل یک خاموت برشی را در میانه ارتفاع تیر قطع می‌کند. حداکثر فاصله خاموت‌ها برای فولادهای برشی مایل به صورتی رعایت می‌شود که هر ترک مورب با زاویه  $45^{\circ}$  درجه، حاصل توسط یک خاموت برشی قطع شود. این محدودیت به صورت  $S_{max} = (d/2)(1 + \cot \theta)$  بیان می‌شود، که برای خاموت‌های مایل با زاویه  $45^{\circ}$  درجه برابر  $d$  خواهد بود. [۷]

محدودیت حداکثر فاصله خاموت‌ها برای فولاد برشی قائم را می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$V_s \leq 2 V_c \rightarrow S_{max} = \min [d/2, 600 \text{ mm}] \quad (14-1)$$

$$V_s > 2 V_c \rightarrow S_{max} = \min [d/2, 600 \text{ mm}] \quad (15-1)$$

در روابط بالا  $V$  باید بر اساس رابطه زیر منظور شود.

$$V_c = 1/6\sqrt{f_c} b_w d \quad (16-1)$$

## حداقل فولاد جان:

برای جلوگیری از شکست ناگهانی برشی به محض تشکیل اولین ترک مورب، لازم است حداقل فولاد برشی در مقطع تامین شود. این حداقل توسط ACI 318 به صورت زیر معرفی شده است:

$$\left(\frac{A_V}{S}\right)_{\min} = 1/16\sqrt{f_c} \frac{b_w}{f_y} \geq 1/3 \frac{b_w}{f_y} \quad (17-1)$$

در رابطه فوق اگر  $f_c < 28 \text{ MPa}$  باشد، قسمت دوم رابطه؛ و در غیر این صورت قسمت اول رابطه تعیین کننده خواهد بود. [۷]

## حداکثر فولاد جان

ACI 318 برای تامین اینمی کافی در مقابل باز شدن ییش از حد ترک‌های مورب تحت بارهای سرویس، و نیز اطمینان از عدم خورد شدن بتن تحت قشار بین دو ترک قطری، حداکثر فولاد جان را به صورت زیر محدود می‌کند

$$V_s \leq 2/3 \sqrt{f_c} b_w d \quad (18-1)$$

چنان‌چه در محاسبات برشی از رابطه ساده ۷-۲۱ برای تعیین  $V_c$  استفاده شود، محدودیت حداکثر فولاد جان را می‌توان با یکی از روابط زیر، کنترل نمود: [۷]

$$V_s \leq 4 V_c \quad (19-1)$$

$$V_n \leq 5 V_c \quad (20-1)$$

$$V_u \leq 5\phi V_c \quad (21-1)$$

حداکثر فولاد جان برای خاموت‌های قائم را می‌توان به صورت زیر کنترل کرد:

$$\left(\frac{A_V}{S}\right)_{\min} = 2/3 \frac{\sqrt{f_c}}{f_y} b_w \quad (22-1)$$

## ۱-۵-۲ جزئیات فولاد گذاری بر اساس آبا

حداکثر فاصله خاموت‌های برشی

براساس آئین نامه آبا حداکثر فاصله خاموت‌های قائم به صورت زیر محدود می‌شود:

$$V_s \leq 2v_c b_w d \rightarrow S_{max} = d/2 \quad (23-1)$$

$$V_s > 2v_c b_w d \rightarrow S_{max} = d/4 \quad (24-1)$$

در مورد خاموت‌های مایل فاصله بین میلگردها باید چنان باشد که هر خط ۴۵ درجه که از وسط مقطع می-گذرد، حداقل به وسیله یک ردیف از فولادهای برشی قطع گردد. این فاصله در صورتی که باشد، به نصف کاهش می‌یابد. [۸]

## حداکثر فولاد برشی

حداکثر فولاد برشی از رابطه زیر تعیین می‌شود:

$$A_V = 0.35 \frac{b_w S}{f_y} \quad (25-1)$$

این ضابطه در مورد دالها و شالوده‌ها، سقف‌های تیرچه و بلوک و تیرهای با ارتفاع کمتر از ۲۵۰ میلیمتر رعایت نمی‌شود [۸].

حداکثر فولاد برشی:

نیروی برشی مقاوم نهایی خاموت‌ها  $V_s$  در هیچ حالتی نباید بیشتر از  $47c$  در نظر گرفته شود، یعنی همواره باید  $V_s \leq 2v_c b_w d$  باشد. [۸]

## ۶- پیچش

به کرات اتفاق می افتد که اعضای بتن مسلح تحت تأثیر پیچش تنها و یا پیچش توأم با برش و خمش قرار می گیرند. تیر طره ای شکل (۱-۵) الف به مقدار زیادی تحت پیچش و به مقدار کمی تحت تأثیر برش و خمش ناشی از وزن خود قرار دارد. تیر دو سر گیر دار شکل (۱-۵) ب به طور همزمان تحت تأثیر برش و خمش و پیچش قابل توجه قرار دارد. در شکل های (۱-۵) پ و ت، تیرهای لبه ای کف ساختمانها که دال بتن آرمه فقط از یک طرف برآن متصل است، تحت تأثیر پیچش ناشی از لنگر انتهایی دال قرار دارند. [۵]

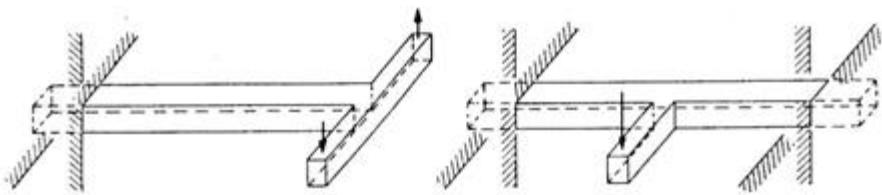
با توجه به مثالهای فوق، پیچش موجود در سازه ها را می توان به دو دسته تقسیم نمود:

۱- پیچش معین استاتیکی (یا پیچش تعادلی) که مقدار آن را می توان توسط معادلات استاتیکی تعیین نمود.

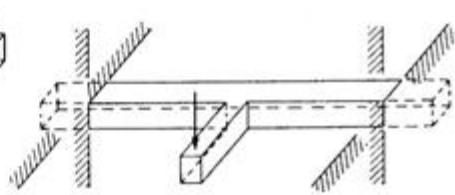
۲- پیچش نامعین استاتیکی (یا پیچش سازگاری) که تعیین مقدار آن نیاز به استفاده از معادلات سازگاری تغییر شکل ها دارد.

علت وجودی این نوع پیچش، دوران لازم برای ایجاد سازگاری تغییر شکل ها بین اجزای متصل به هم (نظیر تیر لبه ای، دال و ستون) می باشد.

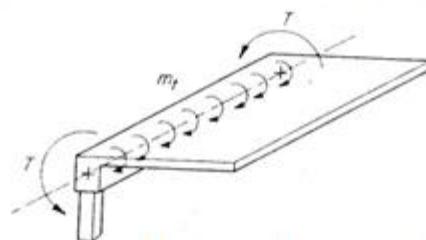
در شکل (۱-۵)، شکل های الف و ب و پ تحت پیچش تعادلی و شکل ت تحت پیچش سازگاری قرار دارد.



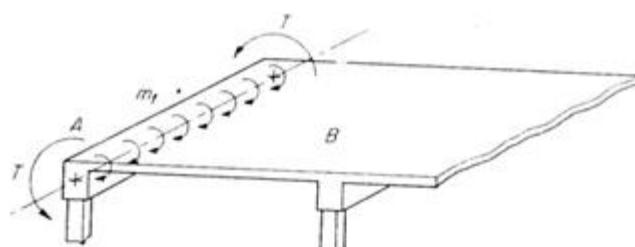
الف- پیچش تعادلی در تیر متعین



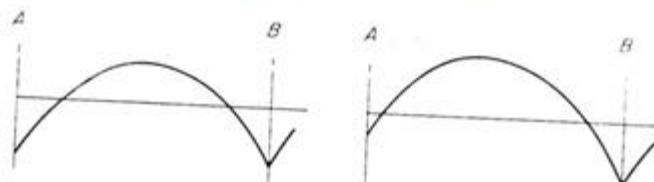
ب- پیچش تعادلی در تیر نامتعین



ب- پیچش تعادلی در تیر لبه ای



ت- پیچش سازگاری در تیر لبه ای



ت- نمودار لنگر خمته دال در امتداد AB از شکل ت

شکل (۱-۵) اعضای بتن مسلح تحت پیچش [۵]

در مثال‌های اشکال (۱-۶) الف و ب، مقدار پیچشی که لازم است اعضاء با آن مقابله نمایند، بر پایه احتیاجات استاتیکی است و مستقل از سختی اعضاء می‌باشد. پیچش نامعین استاتیکی، همانطور که در اشکال (۱-۶) پ و ت نشان داده شده است، در وضعیت‌هایی به وجود می‌آید که اگر عامل نامعین هندسی حذف گردد، پیچش از بین می‌رود برای نمونه، اگر در شکل (۱-۶) پ تکیه گاه A حذف گردد پیچش از بین می‌رود. به طور مشابه اگر در شکل (۱-۶) ت یک مفصل در نقطه B قرار داده شود، پیچش حذف می‌شود. برای چنین وضعیت‌هایی، مقدار لنگر پیچشی هر یک از اعضاء بستگی به مقدار سختی پیچشی و خمته نسبی اعضاء دارد.