

١٤١٢٣١

دانشگاه گیلان

دانشکده علوم پایه

گروه فیزیک

(گرایش فتوئیک)

## بررسی دینامیک واهلش حامل در لیزرهای نقطه کوانتموی

از:

میثم کشیری

دانشگاه گیلان  
دانشکده علوم پایه  
گروه فیزیک

استاد راهنمای:

دکتر اسفندیار رجایی ۳ / ۷ / ۱۳۸۹



تیر ۸۸

۱۴۱۶۳۱

**با کمال احترام :**

**تقدیم به خانواده‌ام**

## تشکر و قدردانی

حمد و سپاس خداوند بزرگ را که همواره مرا مورد الطاف خود قرار داده و در راه کسب دانش به من گامی استوار و پشتونهای محکم همچون خانواده ام عطا فرمود.

از استاد گرانقدوم جناب آقای دکتر رجایی که مرا با شیوه صحیح تحقیقات علمی آشنا نمودند و همواره مرا در انجام این پایان نامه یاری رساندند، صمیمانه سپاسگزاری می نمایم. همچنین از جناب آقای دکتر فرجامی و جناب آقای دکتر باطیی که با سعه صدر، زحمت داوری این پایان نامه را متقبل شدند و جناب آقای دکتر پناهی نماینده محترم تحصیلات تکمیلی دانشگاه، صمیمانه تشکر می کنم. همچنین از کلیه دوستان عزیزم به خاطر یاری بی دریغشان در طی دوران تحصیل، صمیمانه سپاسگزاری می کنم..

## ۵۰۲ فهرست مطالب

| صفحه | عنوان  |
|------|--|
| ذ    | چکیده فارسی  |
| ر    | چکیده انگلیسی  |
| ۱    | مقدمه  |
| ۳    | فصل اول: بررسی ساختار و عملکرد لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی |
| ۴    | ۱-۱- مقدمه   |
| ۴    | ۱-۲- ساختارهای نیمه‌رسانای نانوکوانتومی                          |
| ۶    | ۱-۳- ساختار نوار انرژی نیمه‌رساناهای                             |
| ۸    | ۱-۳-۱- ساختار نوار انرژی لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی       |
| ۱۰   | ۱-۴- ساختار لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی                    |
| ۱۱   | ۱-۵- اثر محدودیت کوانتومی  |
| ۱۲   | ۱-۶- ساخت  |
| ۱۳   | ۱-۶-۱- روش‌های ساخت لیزرهای نقطه کوانتومی خودسامانی              |
| ۱۵   | ۱-۶-۲- تشکیل نقاط کوانتومی در روش استرانسکی - کراستانو (SK)      |
| ۱۷   | ۱-۶-۳- فاکتورهای محدود کننده عملکرد لیزرهای نقطه کوانتومی        |
| ۱۸   | ۱-۷- تکنیک‌های طراحی لیزرهای نقطه کوانتومی                       |
| ۱۸   | ۱-۸-۱- لیزر سطح گسیلی کاواک قائم نقطه کوانتومی                   |
| ۱۹   | ۱-۸-۲- لیزرهای نقطه کوانتومی ستونی                               |
| ۲۳   | ۱-۸-۳- لیزر نقطه کوانتومی تنگ چیده شده                           |
| ۲۶   | فصل دوم: فیزیک و عملکرد لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی        |
| ۲۷   | ۲-۱- گذارهای تشعشعی  |
| ۲۸   | ۲-۲- واژگونی جمعیت   |
| ۲۸   | ۲-۳- اصول عملکرد لیزرهای نیمه رسانا                              |
| ۲۹   | ۲-۴- کاواک لیزر و محدودیت نوری                                   |
| ۲۹   | ۲-۵- مشخصه‌های قطعه لیزر دیود                                    |
| ۳۱   | ۲-۶- بهره اپتیکی و رابطه آن با آستانه لیزر                       |
| ۳۴   | ۲-۷- فرآیندهای بازترکیب  |
| ۳۵   | ۲-۸-۱- بازترکیب‌های غیرتابشی                                     |
| ۳۶   | ۲-۸-۲- بهره و آستانه   |
| ۳۹   | ۲-۹- تابع توزیع حامل   |
| ۴۱   | ۲-۱۰- دمای مشخصه   |
| ۴۲   | ۲-۱۱- مشخصه‌های آستانه یک نقطه کوانتومی ایده‌آل                  |
| ۴۵   | ۲-۱۲- ۱- جنبه‌های ویژه آرایه QD حقیقی تشکیل شده توسط خودسامانی   |
| ۴۵   | ۲-۱۲- ۲- چگالی حالت‌های آرایه‌های QD خودسامانی                   |

|     |  |
|-----|--|
| ۴۷  | ۱۳-۲- حالت‌های برانگیخته شده   |
| ۴۷  | ۱۳-۱- گذار لیزری حالت پایه به برانگیخته                                    |
| ۴۹  | ۱۴-۲- مشخصه بهره - جریان   |
| ۵۰  | ۱۵-۲- بیان‌های تحلیل برای رایطه بهره - جریان در لیزرهای QD خودسامانی       |
| ۵۰  | ۱۵-۱- اثر پهن‌شدگی غیرهمگن   |
| ۵۳  | ۱۵-۲- اثر لایه ترکتنه ( <i>WL</i> ) و ماتریس                               |
| ۵۶  | ۱۵-۳- اثر حالت‌های برانگیخته   |
| ۵۸  | ۱۶-۲- گذار لیزردی حالت پایه به برانگیخته                                   |
| ۶۰  | ۱۷-۲- مزیت‌های لیزرهای نقطه کوانتومی                                       |
| ۶۰  | ۱۸-۲- واهلش حامل در نقطه‌های کوانتومی                                      |
| ۶۰  | ۱۸-۱- اثر تنگتای فوتون   |
| ۶۲  | ۱۹-۲- مدل واهلش حامل در نقطه‌های کوانتومی                                  |
| ۶۳  | ۲۰-۲- غیرهمسانی نقاط کوانتومی  |
| ۶۵  | ۲۱-۲- اثر پهن‌شدگی ناهمگن روی بهره   |
| ۶۸  | فصل سوم: اثر دینامیک واهلش حامل بر عملکرد لیزر                             |
| ۷۹  | ۱-۳- مقدمه   |
| ۷۹  | ۲-۳- معادلات آهنگ  |
| ۷۱  | ۳-۳- تولید و بازترکیب حامل‌ها در ناحیه فعال                                |
| ۷۳  | ۳-۴- تولید فوتون‌های خودبخودی  |
| ۷۳  | ۳-۵- تولید فوتون و اتلاف در کاواک‌های لیزری                                |
| ۷۶  | ۳-۶- بهره حالت ایستا یا آستانه   |
| ۸۰  | ۳-۷- ویژگی‌های اساسی مشخصه‌های توان - جریان                                |
| ۸۲  | ۳-۸- اثر دینامیک واهلش حامل روی عملکرد لیزر                                |
| ۸۸  | ۳-۹- پدیده لیزردی دوحالته در لیزرهای نقطه کوانتومی                         |
| ۸۹  | ۳-۱۰- مدل معادله آهنگ  |
| ۹۳  | فصل چهارم: شبیه سازی مشخصه‌های لیزرهای نقطه کوانتومی خودسامانی InGaAs/GaAs |
| ۹۴  | ۴-۱- شبیه سازی عملکرد لیزرهای نقطه کوانتومی خودسامانی InGaAs/GaAs          |
| ۹۴  | ۴-۲- بررسی اثر دینامیک واهلش حامل‌ها                                       |
| ۹۶  | ۴-۳- بررسی اثر پوشش نقاط کوانتومی  |
| ۱۰۲ | ۴-۲-۲- ماکریسم توان خروجی بر حسب زمان واهلش به نقاط کوانتومی               |
| ۱۰۷ | ۴-۳- لیزردی دوحالته در لیزرهای نقطه کوانتومی خودسامانی                     |
| ۱۱۰ | ۴-۳-۲- مقایسه لیزردی در حالت پایا و رفتار گذرا                             |
| ۱۱۶ | ۴-۳-۴- اثر طول عمر واهلش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترونی لایه ویتنگ     |
| ۱۱۷ | ۴-۳-۵- اثر طول عمر واهلش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترونی حالت پایه      |
| ۱۱۸ | ۴-۳-۶- اثر طول عمر واهلش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترونی حالت برانگیخته |

|     |  |
|-----|--|
| ۱۱۹ | ۴-۳-۷- اثر طول عمر و اهلش بین ترازی بر کارآبی کوانتمی دیفرانسیلی خارجی تراز پایه |
| ۱۲۱ | ۴-۴- نتیجه‌گیری  |
| ۱۲۳ | ۴-۵- پیشنهادات برای ادامه کار  |
| ۱۲۴ | مراجع  |
| ۱۲۶ | پیوست (الف)  |
| ۱۳۸ | پیوست (ب)  |

## ۵۰۲ فهرست شکل‌ها

### عنوان

### صفحه

- ۷ شکل (۱-۱): نمودار انرژی بر حسب بردار موج برای یک نیمه‌رسانی با گاف مستقیم برای نوارهای رسانش و ظرفیت.
- ۸ شکل (۲-۱): طرحواره (الف) سطح مقطع و (ب) نوار انرژی لیزر نقطه کوانتمی نوعی.
- ۹ شکل (۳-۱): نمای کلی سطح مقطع.
- ۱۰ شکل (۴-۱): نمای لیزر نقطه کوانتمی با کاواک لبه گسیل شامل ساختار نقطه کوانتمی سدچیتایی.
- ۱۲ شکل (۵-۱): طرحواره نانوساختارهای کوانتمی و چگالی حالت‌های آنها.
- ۱۶ شکل (۶-۱): (الف) نمای سطحی، (ب) سطح مقطع تصاویر گرفته شده با میکروسکوپ.
- ۱۹ شکل (۷-۱): حالت‌های الکترونی و مد های فوتونی در میکروکاواک  $VCSEL$  های نقطه کوانتمی.
- ۲۰ شکل (۸-۱): نمای ساختار  $VCSEL$  نقطه کوانتمی با لایه فغال شامل ۱۰ دوره لایه‌های نقطه کوانتمی  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$ .
- ۲۰ شکل (۹-۱): تصویر سطح مقطعی  $TEM$  ساختار نقطه کوانتمی ستونی.
- ۲۱ شکل (۱۰-۱): مشخصه‌های توان خروجی - جریان لیزر نقطه کوانتمی ستونی.
- ۲۲ شکل (۱۱-۱): طیف  $PL$  اندازه‌گیری شده نقاط کوانتمی ستونی و طیف  $PL$  نقاط کوانتمی تک لایه رشد یافته در روش  $SK$ .
- ۲۴ شکل (۱۲-۱): (الف) تصویر سطح مقطعی  $TEM$ ، (ب) طرحواره ساختار نقطه کوانتمی تنگ چیده شده.
- ۲۵ شکل (۱۳-۱): طیف فوتولمینیتس (PL) ساختار نقطه کوانتمی تنگ چیده شده در  $K_{4/2^0}$  (منحنی جامد) و طیف  $PL$  نقطه کوانتمی معمولی بدون جفت‌شدگی الکترونی (منحنی خط چین).
- ۲۷ شکل (۱-۲): ترازهای انرژی (الف) حالت برانگیخته و ناپایدار یک اتم، (ب) گسیل خودبینودی، (ج) گسیل القای.
- ۳۲ شکل (۲-۲): انتشار نور و شدت آن در فازهای مختلف پرخود رفت و برگشت در کاواک‌های فابری-پیرو.
- ۳۴ شکل (۳-۲): واستگی بهره به چگالی جریان.
- ۳۹ شکل (۴-۲): پیش‌بینی تئوری تابع توزیع حامل برای سه دمای متفاوت.
- ۴۰ شکل (۵-۲): توزیع حامل برای جریان‌های تزریقی متفاوت  $\tau = 0.05 - 0.25 e^{-\frac{E}{kT}}$  بر نقطه کوانتمی مشابه شکل (۱-۲).
- ۴۱ شکل (۶-۲): طیف بهره (در واحدهای ماکریسم بهره مددی)،  $g^{\max}$ .
- ۴۴ شکل (۷-۲): واستگی بهره اپتیکی به چگالی جریان.
- ۴۷ شکل (۸-۲): چگالی حالت‌های آرایه  $QD$  خودسامانی.
- ۴۸ شکل (۹-۲): واستگی بهره و جریان برای تراز پایه آرایه  $QD$  ایده‌آل و همچنین برای (دو زیر نوار پایه و برانگیخته اولی) یک آرایه خودسامانی.
- ۴۸ شکل (۱۰-۲): واستگی تجربی چگالی جریان آستانه و طول موج لیزردی بهره آستانه برای لیزرهای  $InAs/InGaAs QD$ .
- ۵۰ شکل (۱۱-۲): رابطه تجربی بین بهره مددی و چگالی جریان.
- ۵۱ شکل (۱۲-۲): چگالی حالت‌های پهن شدگی ناهمگن آرایه‌های  $QD$  خودسامانی.
- ۵۶ شکل (۱۳-۲): واستگی چگالی جریان آستانه به اتلاف اپتیکی.
- ۵۸ شکل (۱۴-۲): تحول چگالی جریان واسته به بهره با افزایش اثر حالت‌های انرژی بالاتر.
- ۵۹ شکل (۱۵-۲): جمعیت تمام حالت‌های درگیر در سیستم الکترونی آرایه  $QD$  خودسامانی.
- ۶۱ شکل (۱۶-۲): نمای تنگنا فوتون. زیر ترازهای مجزا در نقاط کوانتمی.
- ۶۲ شکل (۱۷-۲): دو مرحله واهلش حامل در نقاط کوانتمی.
- ۶۳ شکل (۱۸-۲): نمای دو فرآیند واهلش حامل از تراز پیوسته.

- شکل (۱۹-۲): پهن شدگی ناهمگن انرژی گذار اپتیکی و پهن شدن طیف بهره به خاطر اندازه های متفاوت نقاط کوانتمی.
- شکل (۲۰-۲): طیف بهره مدلی برای پر شدن تعادلی نقاط کوانتمی.
- شکل (۱-۳): نمایش طرحوار لیزر های مسطح و کاوک عمودی.
- شکل (۲-۳): سطح مقطع کاوک لیزر نوعی.
- شکل (۳-۳): نمایش توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای یک دیود لیزر.
- شکل (۴-۴): نمودار انرژی نوار هدایت ناحیه فعال لیزر، نقطه کوانتمی و فرآیند واهلش حامل ها درون حالت پایه نقاط کوانتمی.
- شکل (۵-۳): برهمنکش بین فوتون های مد کاوک و حامل ها در نقاط کوانتمی از طریق پخش شدگی همگن بهره اپتیکی.
- شکل (۷-۳): نمودار انرژی ناحیه فعال لیزر نقطه کوانتومی و فرآیند گیراندازی، گریز و واهلش بین ترازی.
- شکل (۷-۳): نمودار انرژی ناحیه فعال لیزر نقطه کوانتومی و گیراندازی حامل، گریز، واهلش بین ترازی و فرآیند بازترکیب.
- شکل (۱-۴): توان خروجی حسب جریان تزریقی برای مقادیر مختلف زمان های واهلش در زمان های بازترکیب.
- شکل (۲-۴): مشخصه توان خروجی لیزر بر حسب جریان تزریقی برای پوشش های مختلف نقاط کوانتومی در زمان های بازترکیب  $\tau_r = 2/8ns$ ،  $\tau_{qr} = 3ns$  در زمان های واهلش مختلف.
- شکل (۳-۴): مشخصه توان خروجی لیزر بر حسب جریان تزریقی برای پوشش های مختلف نقاط کوانتومی در زمان های بازترکیب  $\tau_r = 2/8ns$ ،  $\tau_{qr} = 0/5ns$  در زمان های واهلش مختلف.
- شکل (۴-۴): مشخصه توان خروجی لیزر بر حسب جریان تزریقی برای پوشش های مختلف نقاط کوانتومی در زمان های بازترکیب  $\tau_r = 0/5ns$ ،  $\tau_{qr} = 0/5ns$  در زمان های واهلش مختلف.
- شکل (۵-۴): بیشینه توان خروجی بر حسب زمان واهلش برای پوشش های مختلف نقاط کوانتومی در  $\Gamma_0 = 10meV$ .
- شکل (۶-۴): بیشینه توان خروجی بر حسب زمان واهلش برای مقادیر پوشش های مختلف در  $\Gamma_0 = 20MeV$ .
- شکل (۷-۴): بیشینه توان خروجی بر حسب زمان واهلش برای مقادیر پوشش های مختلف در  $\Gamma_0 = 30MeV$ .
- شکل (۸-۴): بیشینه توان خروجی بر حسب زمان واهلش برای طول کاوک های مختلف.
- شکل (۹-۴): بیشینه توان خروجی بر حسب زمان واهلش برای زمان های بازترکیب در چاه کوانتومی متفاوت.
- شکل (۱۰-۴): پهنه ای باند  $3dB$  به صورت تابعی از زمان واهلش  $\tau_0$  برای مقادیر مختلف پوشش نقاط کوانتومی.
- شکل (۱۱-۴): نتایج محاسبه شده در حالت پایا برای قطعه به طول  $2mm$  در زمان واهلش بین ترازی  $\tau_0 = 8ps$ .
- شکل (۱۲-۴): توان خروجی لیزردی  $ES$  و  $GS$  به صورت تابعی از چگالی جریان تزریقی برای طول کاوک  $3mm$ .
- شکل (۱۳-۴): رفتار گذراي محاسبه شده در  $j_{th} = 1/5j$ .
- شکل (۱۴-۴): رفتار گذراي محاسبه شده در  $j_{th} = 2j$ .
- شکل (۱۵-۴): رفتار گذراي محاسبه شده در  $j_{th} = 2/5j$ .
- شکل (۱۶-۴): اثر طول عمر واهلش بین ترازی بر چگالی جریان لیزردی حالت پایه برای دو طول کاوک مختلف لیزر  $L = 5mm$  و  $L = 3mm$ .
- شکل (۱۷-۴): تأثیر طول عمر واهلش بین ترازی بر نسبت چگالی جریان آستانه لیزردی تراز برانگیخته روی چگالی جریان آستانه لیزردی تراز پایه.
- شکل (۱۸-۴): نسبت جریان آستانه لیزردی حالت برانگیخته و حالت پایه به طول کاوک لیزر برای زمان واهلش بین ترازی  $.10ps$ .
- شکل (۱۹-۴): نسبت چگالی جریان آستانه لیزردی  $ES$  به چگالی جریان آستانه لیزردی  $GS$  به طول کاوک برای زمان های واهلش بین ترازی مختلف.

شکل (۲۰\_۴): اثر طول عمر واهش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترون در لایه وینگ  $I = 3\text{mm}$  برای ۱۱۶  
 $\tau_{relaxn}^{E \rightarrow G} = 2,10,30,50\text{ ps}$

شکل (۲۱\_۴): اثر طول عمر واهش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترون حالت پایه برای طول کاواک  $I = 3\text{mm}$  و ۱۱۷  
 $\tau_{relaxn}^{E \rightarrow G} = 2,10,30,50\text{ ps}$

شکل (۲۲\_۴): اثر طول عمر واهش بین ترازی بر احتمال اشغال الکترونی حالت برانگیخته برای  $I = 3\text{mm}$  و ۱۱۸  
 $\tau_{relaxn}^{E \rightarrow G} = 2,10,30,50\text{ ps}$

شکل (۲۳\_۴): کارآیی کوانتمی دیفرانسیلی خارجی لیزردهی حالت پایه به صورت تابعی از طول عمر واهش بین ترازی. ۱۱۹

## ۵۰۴ فهرست جدول‌ها

| صفحه | عنوان   |
|------|---|
| ۹۴   | جدول (۱_۴): پارامترهای مورد استفاده در شبیه‌سازی بخش (۲_۴). |
| ۱۲۰  | جدول (۲_۴): پارامترهای مورد استفاده در شبیه‌سازی بخش (۳_۴). |

## چکیده

بررسی دینامیک واهلش حامل در لیزرهای نقطه کوانتومی.

میثم کشیری

در این تحقیق، ساختار لیزرهای نقطه کوانتومی، فیزیک، روش‌های ساخت و مشخصه‌های این نوع لیزرها، همچنین فاکتورهای محدودکننده عملکرد این نوع لیزرها و تکنولوژی‌های کلیدی برای بهبود عملکرد آنها بیان می‌شوند. با حل معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی InGaAs/GaAs مشخصه‌های نور‌جربان آن شبیه‌سازی شده و اثر پارامترهای مختلف بر عملکرد این نوع لیزرها در جهت بهینه‌سازی عملکرد این نوع لیزرها بررسی شده‌اند. ما نشان می‌دهیم که افزایش زمان واهلش حامل‌ها به نقاط کوانتومی باعث افت مشخصه‌های استاتیکی از قبیل توان خروجی و کارآیی کوانتومی دیفرانسیلی خارجی می‌شود. همچنین جربان آستانه مورد نیاز برای لیزرهای افزایش می‌یابد. همچنین کاهش طول عمر بازترکیب در چاه کوانتومی جربان آستانه لیزرهای افزایش می‌دهد.

ملاحظه می‌کنیم که پوشش آستانه‌ای برای شروع لیزرهای ضروری است. همچنین با حل معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی InGaAs/GaAs پدیده لیزرهای دو حالت در این نوع لیزرها هم در حالت پایا و هم در گذرا مورد بررسی قرار گرفته است و اثر طول عمر واهلش بین ترازی بر کارآیی لیزرهای نقطه کوانتومی مورد بحث قرار گرفته است. نشان می‌دهیم که افزایش زمان واهلش بین ترازی، موجب افزایش جربان آستانه لیزرهایی حالت پایه می‌شود. همچنین نشان می‌دهیم واهلش بین ترازی کندتر به چگالی جربان آستانه لیزرهایی حالت برانگیخته پایین‌تر و توان خروجی اشباع شده لیزرهایی حالت پایه رهمنون می‌کند. نشان می‌دهیم که واهلش بین ترازی سریع به احتمال اشغال پایین‌تر در تراز برانگیخته و لایه ویتنگ و احتمال اشغال بالاتر در تراز پایه منجر می‌شود. همچنین نشان می‌دهیم که برای زمان واهلش بین ترازی بزرگ در جربان‌های بالاتر از چگالی جربان اشباع، احتمال اشغال الکترون در لایه ویتنگ، تراز پایه و تراز برانگیخته، تقریباً از طول عمر واهلش بین ترازی مستقل می‌شود.

کلید واژه: لیزرهای نقطه کوانتومی، زمان واهلش، معادلات آهنگ، لیزرهای دو حالت، شبیه سازی.

## **Abstract**

Study of carrier relaxation dynamics in quantum dot laser.  
Meysam kashiri

In this study, quantum dots (QD) laser structures, physics, fabrication methods, and characteristics of these lasers, limiting factors and key technologies for improvements of their performance are also presented. We solve the rate equations of self-assembled InGaAs/GaAs QD laser and simulate the light-current characteristics. We show the increase in relaxation time result in degradation of the static-characteristics of mentioned QD laser such as output power, external quantum efficiency.

The threshold current increase as the relaxation lifetime increases and recombination lifetimes decrease. We consider threshold coverage of dots is necessary to start lasing. We consider the optimal cavity length and optimal coverage of dots is necessary for improvements the performance of QD laser. We investigated the double-state lasing performance of quantum dot lasers. Calculated result show that the GS threshold current increases with the increase of intraband relaxation life time. We show that slower intraband relaxation leads to lower ES lasing threshold density and Gs lasing saturated output power. We show fast relaxation rate between the discrete states in QD laser results in lower WL and ES occupation probability and higher GS occupation probability. We show that the WL,ES and GS occupation probability will become nearly independent of intraband relaxation lifetime above the saturated current density.

**Key Word:** quantum dot laser, relaxation time, rate equation, double-state lasing, simulation.

## مقدمه

ظهور ادوات مبتنی بر اجزای فعال اندازه نانومتری، عصر نانوالکترونیک و نانوفوتونیک را حائز اهمیت ساخته است. در بین چنین اجزایی، ساختارهای چندگانه با بعد پایین همانند چاههای کوانتومی، سیم‌های کوانتومی و نقاط کوانتومی به طور قابل ملاحظه‌ای اهمیت یافته‌اند. محدودیت کوانتومی در ساختارهای چندگانه با بعد پایین، ویژگی‌های اساسی یک بلور نیمه‌رسانا را شدیداً بهبود می‌بخشد. در یک چاه کوانتومی حامل‌ها به طور فضایی در جهت عرضی محدود می‌شوند و آزادانه در طول آن در صفحه آن حرکت می‌کنند. در یک سیم کوانتومی حامل‌ها در دو جهت عرضی محدود می‌شوند و آزادانه در طول آن حرکت می‌کنند. بنابراین طیف انرژی حامل‌ها در هر دو مورد چاه و سیم کوانتومی، درون زیرنوارهای پهن حالت‌های مجاز پیوسته است و بدین لحاظ از نظر کیفی فرق چندان زیادی با بلور حجمی ندارند.

در نقاط کوانتومی حامل‌ها به صورت سه بعدی محدود می‌شوند و بهبود ویژگی‌های الکترونی بسیار اساسی‌تر و شدیدتر است و ترازهای انرژی مجزا هستند به همین علت نقاط کوانتومی به عنوان ابراتم <sup>۱</sup> یا اتم‌های مصنوعی <sup>۲</sup> خوانده می‌شوند. یک نقطه کوانتومی با اندازه معمولی (چند نانومتر یا چند ده نانومتر) دربرگیرنده چندهزار یا چندده هزار اتم است. لیزر نیمه‌رسانا یکی از ابزارهای اساسی اپتوالکترونیک پیشرفته است. سال‌ها پیش پیشنهاد شد که با کاهش ابعاد ناحیه فعال می‌توان به طور چشمگیری عملکرد لیزری را به سبب اثر اندازه کوانتومی بهبود بخشد. این ایده کلی ابتدا در لیزرهای چاه کوانتومی به کار رفت و امروزه لیزرهای چاه کوانتومی به جای لیزرهای حجمی در اکثر کاربردهای تجاری جایگزین شده‌اند. در مورد لیزرهای دارای بعد پایین‌تر همانند سیم کوانتومی و نقطه کوانتومی توسعه و پیشرفت بیشتری مورد انتظار است. با باریک شدن چگالی حالت‌ها در این نوع لیزرها، تعداد حالت‌های کمتری برای رسیدن به شفافیت ناحیه فعال و لیزرهای، نیاز به پر شدن دارند. در نتیجه هم جریان شفافیت و هم جریان آستانه کاهش می‌یابند و نیز وایستگی دمایی‌شان کمتر می‌شود.

لیزرهای نقطه کوانتومی طبقه جدیدی از لیزر دایودها را تشکیل می‌دهند که به طور اساسی مشخصه‌های کاربردی وسیعی را نوید می‌دهند. استفاده از نقاط کوانتومی به عنوان محیط فعال در لیزرها یک نمونه برجسته از نانوتکنولوژی مورد استفاده در ادوات با ویژگی تجاری بالا می‌باشد. [۱ و ۲ و ۳]

هدف این پایان‌نامه مطالعه و بررسی نقش پارامترهای مؤثر در عملکرد لیزرهای نقطه کوانتومی، از جمله بررسی دینامیک واهلش حامل‌ها در این نوع لیزرها بوده است. بدین منظور در فصل اول ساختار لیزرهای نقطه کوانتومی، عوامل محدود کننده

<sup>1</sup> Super atoms

<sup>2</sup> Artificial atoms

عملکرد این نوع لیزرها، روش ساخت و بعضی از تکنیک‌های طراحی این نوع لیزرها بیان می‌شود. در فصل دوم فیزیک و مشخصه‌های عملکرد لیزرهای نقطه کوانتومی بیان می‌شوند. سپس در فصل سوم با توصیف معادلات آهنگ حاکم بر عملکرد لیزر نقطه کوانتومی، اثر دینامیک واهلش حامل‌ها بر روی عملکرد لیزر مورد بررسی قرار گرفته همچنین پدیده لیزردی دوحالته در این نوع لیزرها بیان می‌شود. سرانجام در فصل چهارم، با حل معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی *InGaAs / GaAs* و شیوه سازی مشخصه‌های دینامیکی و استاتیکی آن، تأثیر عوامل مختلف در بهینه‌سازی عملکرد آن مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین با حل معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی *InGaAs / GaAs* با استفاده از روش‌های عددی، پدیده لیزردی دوحالته و اثر واهلش بین ترازی بر کارآیی لیزردی دوحالته در این نوع لیزرها مورد بررسی قرار گرفته است و در پایان خلاصه نتایج ارائه می‌شود.

## فصل اول:

بررسی ساختار  
لیزرهای نیمه‌رسانای  
 نقطه کوانتمی

## ۱-۱- مقدمه

یکی از بزرگترین دستاوردهای مهم در عصر جدید، ظهور لیزر نیمه‌رسانا بوده است. مزیت‌های عالی در ساختار لیزرها نیمه‌رسانا منجر به کاربردهای وسیعی در اپتوالکترونیک گردیده است و مواد جدید در حال گشایش نواحی طول موجی جدیدی هستند. زمینه تحقیق در لیزرها نیمه‌رسانای با بعد پایین بسیار زیاد و پر تکاپو است و در آینده ممکن است شگفتی‌های بیشتری به وجود آید.

لیزرها نیمه‌رسانا، منابع فوتونی مناسبی برای کاربردهای گوناگون همچون ارتباطات فیبر نوری، پردازش سیگنالی، ذخیره اطلاعات نوری، ارتباطات سیار، سی‌دی پلیرها، چاپگرها و تشخیص‌های پزشکی و غیره می‌باشد. کاهش ابعاد ایجاد شده توسط محصور شدن حامل‌ها در نیمه‌رساناهای منجر به تغییر اساسی در رفتار حامل‌ها می‌شود. این رفتار می‌تواند با کاهش ابعاد محیطی حامل‌ها از یک چاه کوانتومی دو بعدی به یک سیم کوانتومی یک بعدی و در نهایت به یک نقطه کوانتومی صفر بعدی توسعه یابد که منجر به ساختارهای نیمه‌رسانای مقیاس نانومتری با کیفیت بالا می‌شود. به خاطر اثرهای اندازه کوانتومی که شدیداً طیف انرژی حامل‌های مقید را در ابعاد کاهش یافته تغییر می‌دهد وارونگی جمعیت مورد نیاز برای عمل لیزردهی هنگامی که محیط بهره نیمه رسانا از حجمی به مقیاس نانومتری تغییر می‌کند به طور مؤثرتری اتفاق می‌افتد. در نتیجه لیزرها نیمه‌رسانای ساخته شده با محیط فعال نانومتری همانند لیزرها سیم کوانتومی و نقطه کوانتومی ویژگی‌های بالایی مانند گستره طیفی بزرگ، بهره اپتیکی بالا، جریان آستانه پایین، طیف گسیلی باریک‌تر و حساسیت دمایی پایین‌تر را نشان می‌دهد که به طور قابل توجهی عملکرد لیزر را توسعه می‌دهد [۱].

## ۱-۲- ساختارهای نیمه‌رسانای نانوکوانتومی

تحقیقات بر روی ساختارهای نیمه‌رسانای نانوکوانتومی با کشف ابرشبکه‌ها<sup>۱</sup> به وسیله‌ی اسکی<sup>۲</sup> و تو<sup>۳</sup> (۱۹۷۰ و ۱۹۷۹ م) با مشاهده اثرات کوانتومی در ساختارهای دوره‌ای یک‌بعدی با لایه‌های متناوب مختلف آغاز شد. ضخامت این لایه‌ها خیلی کمتر از مسافت آزاد میانگین الکترون بود. این ساختار دوره‌ای ابرشبکه نیمه‌رسانا نامیده شد و از آن پس تولید و طراحی نیمه‌رساناهای چند لایه‌ای با خواص الکترونیکی و اپتیکی مطلوب گسترش یافت و ساختارهای غیرهمجنس با بعد پایین

<sup>1</sup> Super lattice<sup>2</sup> Esaki<sup>3</sup> Tsu

همانند چاههای کوانتمی، سیم‌های کوانتمی و نقاط کوانتمی به طور قابل ملاحظه‌ای اهمیت یافتند. محصورشدنگی کوانتمی در ساختارهای غیرهمجنس با بعد پایین ویژگی‌های اساسی یک بلور نیمه‌رسانا را شدیداً بهبود می‌بخشد. در نیمه‌رساناهای چاههای کوانتمی یک لایه نیمه‌رسانای نازک در بین مواد مختلف، از طریق پیوندگاههای غیرهمجنس احاطه می‌شود و حرکت الکترون به صفحه لایه نازک دو بعدی محصور می‌شود. این محدودیت سبب ایجاد خواص اپتیکی جدیدی می‌شود که آن را از ساختار کپهای ممتاز می‌کند. از جمله این خواص می‌توان به نوسان اکسیتونی قوی قابل مشاهده حتی در دمای اتاق، طیف بهره مختص چگالی حالت‌های شیمی‌پله‌ای، جذب اپتیکی، غیرخطیت اپتیکی بزرگ، و جایگایی انرژی القا شده توسط نوسان میدان الکتریکی (اثر اشتارک محصور شده کوانتمی) اشاره کرد. بهبود ویژگی‌های بلور نیمه‌رسانا منجر به ساخت وسایل اپتیکی جدید همانند لیزرهای چاه کوانتومی و مدولاتورهای نوری سرعت بالا شد. این ادوات در سیستم‌های مخابرات نوری و ذخیره نوری اطلاعات به طور گسترشده‌ای به کار گرفته شده‌اند. برای بهبود بیشتر ادوات اپتیکی ساختارهای چند بعدی محصورشده کوانتمی از قبیل سیم‌های کوانتمی و نقطه‌های کوانتمی مورد انتظار هستند.

نقاط کوانتمی (QD) از چندین دهه پیش به منظور مطالعه اثرهای محدودیت‌های حامل‌ها مورد توجه فیزیکدانان، شیمیدان‌ها و مهندسان مواد بوده است. کار تئوری درباره کاربرد نقاط کوانتمی در لیزرهای نیمه‌رسانا از اوایل دهه ۱۹۸۰ آغاز شد. در ابتدا برتری‌هایی همچون عملکرد آستانه پایین، پایداری دمایی بالا و فرکانس مدولاسیون بالا در مقایسه با لیزرهای چاه کوانتمی انتظار می‌رفت. به عنوان یک نتیجه از محدودیت کوانتمی در هر سه بعد، طیف انرژی الکترون‌ها و حفره‌ها در نقاط کوانتمی مجزا می‌باشد. گذارهای بین ترازهای الکترون و حفره در نقاط کوانتمی با گذارهای بین ترازهای مجزا دقیقاً مجزا هستند. به همین دلیل QD‌ها به عنوان یک طبقه جدید از موادی با انرژی‌های حالت‌های شبه‌اتمی تنظیم‌پذیر (از طریق تغییر دادن ترکیب و اندازه) به طور مصنوعی ساخته شده‌اند که موجب توجه و علاقه زیادی گردیده‌اند. لیزر نقطه کوانتمی برای اولین بار توسط آرآکاوا و ساکاکی در سال ۱۹۸۲ پیشنهاد شد. آنها نشان دادند که چگالی جریان آستانه چنین لیزری باید مستقل از دما باشد. این ویژگی مستقیماً به حضور حالت‌های انرژی بالاتر که می‌توانند به طریق گرمایی جمعیت‌دار شوند مربوط می‌شود. همچنین کاهش بعد مواد موجب تغییر چگالی حالت‌ها می‌شود و در نتیجه طیف گذار اپتیکی باریک‌تر شده و برهم‌کش ماده – نور بسیار مؤثر می‌شود.

پس از پیشنهاد آرآکاوا و ساکاکی، تلاش‌های زیادی برای رشد کریستالی روی زیرلایه‌های ماسک شده یا حک شده انجام شد. به هر حال، کریستال‌های ساخته شده به وسیله این فرآیندهای مصنوعی، مشکلات ساختاری از قبیل اندازه بزرگ برای تولید اثرات کوانتمی قابل مشاهده و کیفیت کریستالی پایین در سطوح داخلی دارند.

در حدود سال ۱۹۴۰ م با تشکیل نقطه‌های کوانتمی خودسامانی در طی فرآیندهای رشد به شدت کرنش یافته روآرایی پرتو مولکولی و روآرایی فاز بخار فلز آلی پیشرفت بزرگی ایجاد شد و نقطه‌های کوانتمی با چگالی حالت‌های شبیه اتمی و کیفیت بالای مناسب برای ابزارهای اپتیکی و عملکرد لیزر نقطه کوانتمی در دمای اتاق به دست آمد.<sup>[۴]</sup>

### ۱-۳- ساختار نوار انرژی نیمه‌رساناهای

در ساختارهای نیمه‌رسانا به جای تابع موج الکترون اتم، از تابع موج الکترون در بلور صحبت می‌شود، بنابراین از ترازهای انرژی تک‌اتم‌ها نیز نمی‌توان حرفری زد. در نیمه‌رساناهای به جای تراز انرژی از نوار انرژی که مجموعه‌ای از ترازهای انرژی خیلی نزدیک به هم است، صحبت می‌شود. توصیف دقیق ساختار نواری به محاسبات عددی پیچیده‌ای احتیاج دارد. برای محاسبه ساختار نواری باید معادله شرودینگر را برای الکترون‌ها و حفره‌ها در دو نوار رسانش و ظرفیت حل کرد. یک تقریب مرسوم که برای ساختار نواری نیمه‌رساناهای با گاف نواری مستقیم به کار می‌رود مدل نوار سهموی است. در این مدل رابطه پاشندگی، که رابطه بین انرژی ( $E$ ) و بردار موج ( $K$ ) الکترون و حفره است، به صورت یک سهمی فرض می‌شود. شکل (۱-۱)، نمودار انرژی بر حسب موج برای نیمه‌رسانای با گاف نواری مستقیم را نشان می‌دهد.

انرژی الکترون و حفره در این نوارها با روابط زیر به دست می‌آیند:

$$\begin{aligned} E_c &= \frac{\hbar^2 K^2}{2m_c^*} \\ E_v &= \frac{\hbar^2 K^2}{2m_v^*} \end{aligned} \quad (1-1)$$

همان‌طور که در شکل (۱-۱) مشاهده می‌شود، مدل نواری واقعی، برای نیمه‌رسانای ترکیبات III-V با گاف نواری مستقیم،

مدل چهار نواری است. در این مدل نوار ظرفیت با سه زیر نوار توصیف می‌شود که عبارتند از [۵]:

نوار حفره‌های سنگین<sup>۱</sup>

نوار حفره‌های سبک<sup>۲</sup>

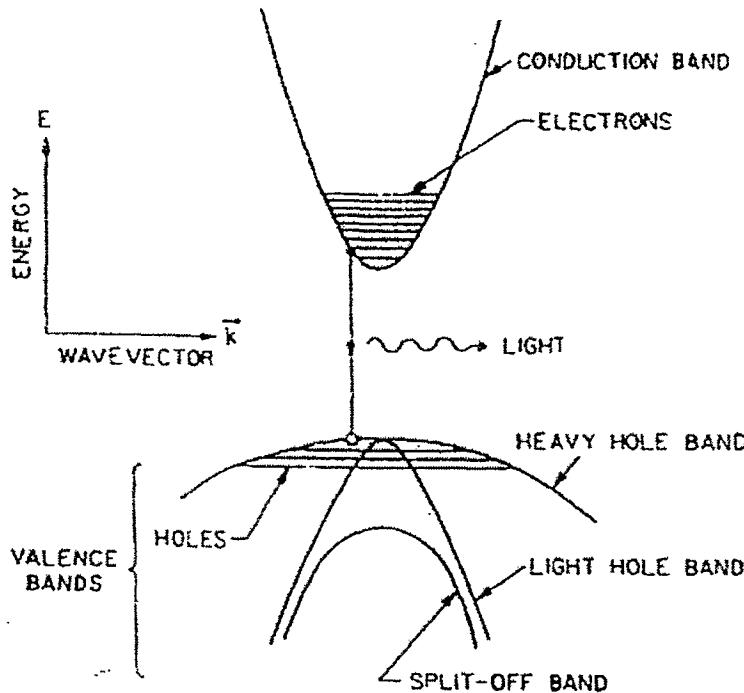
نوار شکافتی اسپین<sup>۳</sup>

<sup>1</sup> Heavy hole band [hh]

<sup>2</sup> Light hole band [lh]

<sup>3</sup> Spin-split-off band [so]

علت وجود این سه نوار به واسطه جرم‌های مؤثر مختلف حفره‌ها است. با توجه به شکل (۱-۱) مشاهده می‌شود که نوارهای حفره‌های سنگین و سبک در  $K = 0$  تبیه‌گن هستند در صورتی که نوار شکافتگی اسپین به اندازه انرژی شکافتگی<sup>۱</sup>  $\Delta$  از آنها فاصله دارد.



شکل (۱-۱): نمودار انرژی بر حسب بردار موج برای یک نیمه‌رسانای با گاف مستقیم برای نوارهای رسانش و ظرفیت [۵].

از آنجایی که انرژی  $\Delta$  در مقایسه با انرژی گرمایی  $K_B T$  بزرگتر است، لذار نوار شکافتگی اسپین پر از الکترون بوده و حفره‌ای در آن وجود ندارد. بنابراین در اکثر محاسبات از این نوار صرف‌نظر می‌شود.

همچنین مشاهده می‌شود که شعاع انحنای نوار حفره‌های سنگین بیشتر از دو نوار دیگر است. به همین علت جرم مؤثر

حفره‌های این نوار از دو نوار دیگر بیشتر است. جرم مؤثر با رابطه زیر تعریف می‌شود [۶]:

$$m^* = \frac{\hbar^2}{d^2 E / dK^2} \quad (2-1)$$

مشتق دوم یک تابع با شعاع انحنای آن نسبت معکوس دارد. لذا هر چه جرم مؤثر بزرگتر باشد شعاع انحنا بزرگتر می‌شود.

<sup>۱</sup> Split off energy