

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ



به انتیازات این پایان نامه به دانشگاه لرستان تعلق دارد. در صورت استفاده از تمام یا بخشی از مطالب در مجلات، کنفرانس های ملی و بین‌المللی، پایان نامه دانشگاه لرستان (یا استاد یا استاد راهنمای پایان نامه) و انجمن با ذکر مأخذ و ضمن کسب مجوز کتبی از دفتر تحصیلات تکمیلی دانشگاه ثبت شود. در غیر این صورت مورد پیکر و قانونی قرار خواهد گرفت.

دانشگاه لرستان

دانشکده علوم پایه

گروه فیزیک

عنوان پایان نامه

محاسبه ابتدا به ساکن طیف ELNES لبه K کربن در گرافین

نگارش

نسرين ترابي

استاد راهنمای

دکتر مهرداد دادستانی

پایان نامه جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد

در رشته فیزیک

رب زدنی علّا

و علاؤ اختی بالصحابین

لهم

لاد بنا

و

روان پاک مدرم

## تقدیر و تشکر

شکر و پاس خداوند بزرگ را که در تمام مراحل زندگی یادیم نموده و یادش بمواره روشنگر راه زندگیم بوده و می باشد. این رساله ماحصل تحقیقاتی است که در زینه فنیک محاسباتی به علی آمده است و نتیجه رابهنهایی ارزشمند استادگرامی جانب آقای دکتر مرداد اوادستانی می باشد. استادی که نه تنها در جنبه های مختلف علمی بلکه در اخلاقان و علی از نمونه های بارزیک استاد متمدن است. لذاضمن شکر و قدردانی از این شخصیت کرامی، از آقایان دکتر رضا پسوند و دکتر علی بهادری که زحمت مطالعه و داوری این پایان نامه را تقبل نمودند کمال شکر و قدردانی را دارم. از استادی محترم کروه فنیک دانشگاه لرستان و دانشگاه زنجان که برداش و تجربیاتم افزودند نیز صیمانه پاسکزارم. بچنین از دوستان عزیزم در آزمایشگاه شیمی سازی سرکار خانم؛ آذین زینی وند، بشری کیانی صدر، هاجر جانی پور، شیرین نابو و آقای همراهی دسیر دوستان و همکلاسیابه خاطر گفگ های ارزشمندان تقدیر و تشکر می نایم. در پایان از خانواده بسیار عزیزم که بمواره مشوق من بوده و در این راه حتی های بسیاری را تجمل نموده اند بنی سیاست پاسکزارم. توفیق روز افزون بگلی آنها را از خداوند متعال خواستارم.

نسرین ترابی

شهریور ماه ۱۳۹۰

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۱	فصل اول: آشنایی با گرافین
۲	مقدمه
۳	۱- کشف گرافین
۵	۲- نایداری بلور دوبعدی
۶	۳- ساختار الکترونی گرافین
۱۰	۴- نمایش اسپینوری گرافین
۱۰	۱-۴-۱ مدل جهش به نزدیک ترین همسایه
۱۴	۱-۴-۲ استخراج هامیلتونی در انرژی‌های کم
۱۷	۱-۵ خواص الکترونی گرافین
۱۷	۱-۵-۱ اثر کوانتومی هال نامتعارف
۲۲	۲-۵-۱ پارادوکس کلاین
۲۴	۱-۶ کاربردهای گرافین
۲۶	۱-۷ مطالعات انجام شده روی ساختار گرافین
۲۸	فصل دوم: بررسی سیستم‌های بس‌ذرهای
۲۹	مقدمه
۳۰	۱-۱ بررسی کوانتومی یک سیستم بس‌ذرهای
۳۲	۱-۱-۱ تقریب بورن-اپنهایمر
۳۵	۱-۱-۲ رهیافت تابعی موج
۳۵	۱-۱-۲-۱ نظریه هارتی
۳۷	۱-۱-۲-۲ نظریه هارتی-فوک
۳۹	۱-۱-۲-۳ نظریه تابعی چگالی (DFT)
۴۰	۱-۱-۳-۱ مدل توomas-فرمی
۴۲	۱-۱-۳-۲ قضایای هوهنبرگ-کان
۴۳	۱-۱-۴ معادلات کان-شم

۴۸ .....	۲-۵ تابعی انرژی تبادلی-همبستگی
۴۹ .....	۱-۵-۲ تقریب چگالی موضعی (LDA)
۵۰ .....	۲-۵-۲ تقریب شیب تعمیم یافته (GGA)
۵۱ .....	۶-۲ روش های حل معادلات کان - شم
۵۳ .....	۱-۶-۲ روش موج تخت (PW)
۵۳ .....	۲-۶-۲ روش امواج تخت بهساخته (APW)
۵۴ .....	۳-۶-۲ روش امواج تخت بهساخته خطی (LAPW)
۵۵ .....	۴-۶-۲ روش امواج تخت بهساخته خطی با پتانسیل کامل (FP-LAPW)

### فصل سوم: طیف‌سنجدی اتلاف انرژی الکترون

۵۶ .....	مقدمه
۵۷ .....	۱-۳ برهمنکش الکترون‌ها با ماده
۵۸ .....	۱-۱-۳ ساختار الکترونی اتم‌ها و جامدات
۶۱ .....	۲-۱-۳ پراکندگی الکترون‌ها توسط اتم‌ها
۶۲ .....	۳-۱-۳ سیگنال‌های اولیه و ثانویه ناشی از فرآیندهای پراکندگی
۶۵ .....	۲-۳ طیف‌سنجدی اتلاف انرژی الکترون (EELS) در میکروسکوپ الکترونی عبوری
۶۷ .....	۳-۳ طیف ELNES
۶۸ .....	۱-۳-۳ محاسبه‌ی سطح مقطع پراکندگی دیفرانسیلی مرتبه‌ی دوم
۷۲ .....	۲-۳-۳ تقریب حفره مغزه (core-hole)
۷۴ .....	۴-۳ محاسبات ابتدا به ساکن EELS
۷۵ .....	۵-۳ پهن‌شدگی طیف
۷۶ .....	۶-۳ وابستگی جهت

### فصل چهارم: طیف ELNES لبه K کربن در گرافین

۷۷ .....	مقدمه
۷۸ .....	۱-۴ روش انجام محاسبات
۷۹ .....	۲-۴ خواص ساختاری گرافین
۸۰ .....	

۸۱	۳-۴ نظریه نواری در جامدات
۸۴	۴-۴ محاسبه ساختار نواری
۸۹	۴-۵ محاسبه طیف ELNES لبه K کربن در گرافین
۸۹	۴-۵-۱ محاسبه طیف ELNES لبه K کربن در یاخته واحد
۹۰	۴-۵-۲ محاسبه طیف ELNES لبه K کربن در یاخته واحد با در نظر گرفتن تقریب حفره مغزه
۹۱	۴-۵-۳ محاسبه طیف ELNES لبه K کربن در ابریاخته مناسب
۹۴	۴-۶ مقایسه با نتایج تجربی
۹۸	۴-۷ بررسی میزان تأثیر تقریب حفره مغزه
۹۹	۴-۸ بررسی میزان تأثیر اندازه ابریاخته با یاخته واحد
۱۰۱	نتیجه گیری
۱۰۲	واژه‌نامه
۱۰۵	منابع

## فهرست شکل‌ها

عنوان	صفحه
شکل ۱-۱ اولین عکس چاپ شده از گرافین	۳
شکل ۱-۲ گرافین در زیر میکروسکوپ نوری. چپ: گرافین یک یا چند لایه روی اکسید سیلیکون که کاملاً در زیر میکروسکوپ نوری متفاوت هستند. راست: گرافین تک لایه و چند لایه که مشخص است	۴
شکل ۱-۳ نمایی از گرافین متعلق به همراه بسته‌های فلزی (خطوط مورب سیاه رنگ)	۴
شکل ۱-۴ گرافین‌هایی که تاکنون ساخته شده‌اند همگی موجدار هستند	۶
شکل ۱-۵ آلوتروپ‌های مختلف کربن	۶
شکل ۱-۶ ساختار بلوری گرافین	۷
شکل ۱-۷ سلول واحد گرافین شامل دو اتم می‌باشد	۹
شکل ۱-۸ از بردارهای پایه شبکه گرافین. راست: شبکه معکوس. چپ: شبکه مستقیم	۱۰
شکل ۱-۹ انرژی تک ذره بر حسب بردار موج در قسمتی از فضای وارون، همان‌طور که پیداست سطح مثبت و منفی یکدیگر را در شش نقطه قطع می‌کنند که این نقاط یک شبکه لانه‌زنبری تشکیل می‌دهند	
که همان شبکه وارون است	۱۳
شکل ۱-۱۰ در حوالی نقاط دیراک تابع انرژی دو مخروط متقارن را تشکیل می‌دهد که با افزایش انرژی	
E_f > 1eV	۱۳
شکل ۱-۱۱ کوچکترین تکانه‌هایی که هامیلتونی را صفر می‌کنند و مرز حوزه بریلوئن را تشکیل می-	
دهند. هر جفت از این تکانه‌ها بر یکی از راستهای پیوند گرافین عمودند	۱۴
شکل ۱-۱۲ مقایسه تابع چگالی حالات برای دو سیستم گاز الکترونی دوبعدی متعارف (چپ) و گاز الکترونی دوبعدی در تک لایه گرافین (راست)	۲۱
شکل ۱-۱۳ رسانندگی عرضی و مقاومت ویژه طولی بر حسب چگالی حامل‌ها در تک لایه گرافین	۲۲
شکل ۱-۱۴ رسانندگی عرضی و مقاومت ویژه طولی بر حسب ولتاژ در گاه در دمای اتاق	۲۲
شکل ۱-۱۵ پدیده‌ی توپولزی در گرافین (شکل بالایی) و نیمه‌رساناهای معمولی (شکل پایینی). ملاحظه می‌شود که احتمال عبور (در حالت تابش عمودی) برای الکترون‌ها و حفره‌های درون گرافین مستقل از اندازه‌ی سد همواره یک است	۲۴
شکل ۲-۱ نمایش چرخه خود-سازگار نظریه تابعی چگالی	۴۸
شکل ۲-۲ تقسیم‌بندی فضای درون یاخته بسیط به ناحیه درون‌جایگاهی (II) و بین‌جایگاهی (I)	۵۳

..... ۵۹	شكل ۳-۱ ساختار الکترونی پوسته بور و دیاگرام سطح انرژی وابسته در یک اتم منیزیم منزوی
..... ۶۰	جدول ۳-۲ حالت‌های الکترون در اتم شامل نامگذاری استاندارد برای لبه‌های یونیزاسیون طیف‌سننجی اتلاف انرژی الکترون
..... ۶۰	..... شکل ۳-۲ شماتیک دیاگرام سطح انرژی الکترون در رفتن از یک اتم منزوی به یک زنجیر خطی از اتم
..... ۶۴	..... شکل ۳-۳ دیاگرام سیگنال‌های ایجاد شده در طول عبور باریکه الکترونی پرانرژی از یک نمونه جامد نازک
..... ۶۵	..... شکل ۳-۴ مکانیسم برانگیختگی برای یک اتم که دستخوش یونیزاسیون پوسته $k$ می‌باشد: (الف) گسیل یک اشعه X مشخصه و (ب) گسیل یک الکترون اوژه
..... ۶۷	..... شکل ۳-۵ طیف اتلاف انرژی الکترون در مقیاس شدت خطی
..... ۶۹	..... شکل ۳-۶ نیم‌زاویه همگراپی ( $\alpha$ ) و جمع کننده ( $\beta$ ) در یک آزمایش EELS
..... ۷۲	..... شکل ۳-۷ لبه‌ی $k$ کربن در ساختارهای متفاوت. بنزن، گرافیت، سیکلوهگزان و الماس
..... ۷۳	..... شکل ۳-۸ طیف لبه‌ی $k$ نیتروژن محاسبه شده با حفره مغزه (CH) و بدون حفره مغزه (NOH). دایره‌های توخالی طیف تجربی را نشان می‌دهند
..... ۷۶	..... شکل ۳-۹ طیف تجربی (دایره‌های توخالی) و محاسبه شده (خطوط پر) برای لبه‌ی $k$ نیتروژن در GaN برای دو جهت متفاوت باریکه الکترونی
..... ۸۰	..... شکل ۴-۱ نمودار انرژی بر حسب پارامتر شبکه در راستای محور Z
..... ۸۵	..... شکل ۴-۲ ناحیه اول بریلوئن، مسیرهای تقارنی و نقاط با تقارن بالا در شبکه هگزاگونال
..... ۸۵	..... شکل ۴-۳ ساختار نواری گرافین
..... ۸۶	..... شکل ۴-۴ ساختار نواری (چپ) و چگالی حالات کل (راست) گرافین
..... ۸۷	..... شکل ۴-۵ چگالی حالت‌های اوریتال S در دو اتم غیرمعادل موجود در یاخته واحد
..... ۸۸	..... شکل ۴-۶ چگالی حالت‌های کلی (راست) و چگالی حالت‌های جزئی (چپ) در گرافین
..... ۹۰	..... شکل ۴-۷ طیف ELNES لبه K کربن در یاخته واحد برای اتم‌های ۱ و ۲
..... ۹۰	..... شکل ۴-۸ طیف ELNES لبه K کربن در یاخته واحد با تقریب حفره مغزه
..... ۹۲	..... شکل ۴-۹ طیف ELNES لبه K اتم کربن (۰,۰,۰) در یک ابریاخته یکسان با پارامترهای متفاوت
..... ۹۳	..... شکل ۴-۱۰ طیف ELNES در اتم‌های کربن با موقعیت یگانه
..... ۹۴	..... شکل ۴-۱۱ طیف ELNES اتم کربن با موقعیت سه‌گانه
..... ۹۵	..... شکل ۴-۱۲ طیف ELNES لبه K کربن در ابریاخته با اعمال تقریب حفره مغزه

..... ۹۵	شکل ۴-۱۳ مقایسه طیف ELNES محاسباتی (نمودار قرمز) و تجربی (نمودار سبز)
..... ۹۶	شکل ۴-۱۴ چگالی حالات اوریتال p اتم کربن محاسباتی (نمودار قرمز) و مرجع [۵۶] (نمودار سبز)..
..... ۹۷	شکل ۴-۱۵ مقایسه طیف ELNES در ابریاخته با اعمال حفره مغزه (نمودار بالا) و چگالی حالات بالای سطح فرمی مربوط به اوریتال p (نمودار پایین).....
..... ۹۸	شکل ۴-۱۶ مقایسه طیف ELNES و چگالی حالات بالای سطح فرمی اوریتال p مربوط به یاخته واحد بدون تقریب حفره مغزه .....
..... ۹۹	شکل ۴-۱۷ طیف ELNES مربوط به یاخته واحد بدون تقریب حفره مغزه (نمودار بالا سمت چپ) و ابریاخته با در نظر گرفتن حفره مغزه (نمودار بالا سمت راست) و ابریاخته با اعمال حالت گذار اسلاتر (نمودار پایین).....
..... ۱۰۰	شکل ۴-۱۸ طیف ELNES مربوط به یاخته واحد با تقریب حفره مغزه (نمودار بالا) و ابریاخته با تقریب حفره مغزه (نمودار پایین).....

نام خانوادگی: ترابی	نام: نسرین
عنوان پایان نامه:	محاسبه ابتدا به ساکن طیف ELNES لبه K کربن در گرافین
استاد راهنما: دکتر مهرداد دادستانی	درجه تحصیلی: دکترا
محل تحصیل: دانشگاه لرستان	رشته: فیزیک
تاریخ فارغ التحصیلی: ۱۳۹۰/۶/۲۲	گراش: حالت جامد
کلید واژه ها:	گروه آموزشی: فیزیک
فارسی: ساختار اتلاف انرژی الکترون نزدیک لبه، تقریب حفره مغزه، نظریه تابعی چگالی، امواج تخت بهساخته خطی با پتانسیل کامل، تقریب شب تعمیم یافته، گرافین	تعداد صفحه: ۱۱۰
انگلیسی: ELNES, Core-hole Approximation, DFT, FP-LAPW, GGA, Graphene	چکیده:
علیرغم اینکه مواد کربنی از آن دسته موادی هستند که بیشترین مطالعه بر روی آنها صورت گرفته، اما کشف ساختارهای جدید همچنان پایان ناپذیر است. نanolوله های کربنی و گرافین از این جمله می باشند. گرافین تک لایه دو بعدی از اتم های کربن با هیبریداسیون $sp^3$ می باشد که خواص الکترونی و مکانیکی جالب توجهی دارد و بسیار مورد توجه پژوهشگران بوده و امروزه مطالعات زیادی بر روی آن صورت می گیرد. در این پایان نامه ویژگی های الکترونی گرافین با محاسبه ساختار نواری و شبیه سازی طیف ELNES لبه K کربن در این ترکیب بررسی شده است. این محاسبات با به کار گیری روش امواج تخت بهساخته خطی با پتانسیل کامل (FP-LAPW) و در چارچوب نظریه تابعی چگالی انجام شده اند. برای تعیین تابعی انرژی تبدیلی - همبستگی و پتانسیل متناظر با آن از تقریب شب تعمیم یافته با تابعی پردو-بورک-ارنررهوف گرافین را شبیه سازی کردیم. این شبیه سازی در چارچوب نظریه تابعی چگالی (DFT) و با محاسبه سطح مقطع پراکندگی دیفرانسیلی مرتبه دوم الکترون (DDSCS) انجام شد. سپس با محاسبه طیف اتلاف انرژی الکترون در اثر این برخورد غیرالاستیک به بررسی ویژگی های الکترونی و نوع پیوندهای موجود با محاسبه چگالی حالت های الکترونی پرداختیم. در ادامه میزان تأثیر تقریب core-hole طیف ELNES در ابر یاخته مناسب بررسی شد. نتایج به دست آمده، انطباق بسیار مطلوبی را با نتایج تجربی موجود برای این ترکیب نشان می دهند.	

## چکیده‌ی پایان نامه

نام خانوادگی: ترابی	نام: نسرین
عنوان پایان نامه:	محاسبه ابتدا به ساکن طیف ELNES لبه K کربن در گرافین
استاد راهنمای: دکتر مهرداد دادستانی	
درجه تحصیلی: دکترا	گرایش: حالت جامد
دانشگاه لرستان	رشته: فیزیک
محل تحصیل: دانشگاه لرستان	گروه آموزشی: فیزیک
تاریخ فارغ التحصیلی: ۱۳۹۰/۶/۲۲	تعداد صفحه: ۱۱۰
کلید واژه‌ها:	
فارسی: ساختار اتلاف انرژی الکترون نزدیک لبه، تقریب حفره مغزه، نظریه تابعی چگالی، امواج تحت بهساخته خطی با پتانسیل کامل، تقریب شبیه تعمیم یافته، گرافین	
انگلیسی: ELNES, Core-hole Approximation, DFT, FP-LAPW, GGA, Graphene	
چکیده:	
<p>علیرغم اینکه مواد کربنی از آن دسته موادی هستند که بیشترین مطالعه بر روی آنها صورت گرفته، اما کشف ساختارهای جدید همچنان پایان ناپذیر است. نanolوله‌های کربنی و گرافین از این جمله می‌باشد. گرافین تک لایه دو بعدی از اتم‌های کربن با هیبریداسیون <math>\text{sp}^2</math> می‌باشد که خواص الکترونی و مکانیکی جالب توجهی دارد و بسیار مورد توجه پژوهشگران بوده و امروزه مطالعات زیادی بر روی آن صورت می‌گیرد. در این پایان نامه ویژگی‌های الکترونی گرافین با محاسبه ساختار نواری و شبیه سازی طیف ELNES لبه K کربن در این ترکیب بررسی شده است. این محاسبات با به کارگیری روش امواج تحت بهساخته خطی با پتانسیل کامل (FP-LAPW) و در چارچوب نظریه تابعی چگالی انجام شده‌اند. برای تعیین تابعی انرژی تبادلی-همبستگی و پتانسیل متناظر با آن از تقریب شبیه تعمیم یافته با تابعی پردو-بورک-ارنرهوф گرافین را شبیه سازی کردیم. این شبیه سازی در چارچوب نظریه تابعی چگالی (DFT) و با محاسبه سطح مقطع پراکندگی دیفرانسیلی مرتبه دوم الکترون (DDSCS) انجام شد. سپس با محاسبه طیف اتلاف انرژی الکترون در اثر این برخورد غیرالاستیک به بررسی ویژگی‌های الکترونی و نوع پیوندهای موجود با محاسبه چگالی حالت‌های الکترونی پرداختیم. در ادامه میزان تأثیر تقریب core-hole بر روی طیف ELNES در ابر یاخته مناسب بررسی شد. نتایج به دست آمده، انطباق بسیار مطلوبی را با نتایج تجربی موجود برای این ترکیب نشان می‌دهند.</p>	

فصل اول:

## آشنایی با گرافین

## مقدمه

همان طور که می‌دانیم کربن عنصری متعلق به گروه چهارم جدول تناوبی است و دارای آلوتروپ-های (دگر‌شکل‌های) گوناگونی می‌باشد و در طبیعت بیشتر به دو صورت یافت می‌شود. الماس که هیبریداسیون  $sp^3$  دارد و گرافیت که دارای هیبریداسیون  $sp^2$  می‌باشد و به همین دلیل گرافیت دارای ساختار بلوری لایه‌ای و صفحه‌ای است.

آلوتروپ‌های دیگر کربن که در دو دهه اخیر ساخته شده‌اند و بنیان نانوفناوری را تشکیل می‌دهند عبارتند از: فولرین‌ها (آلوتروپ صفر بعدی کربن)<sup>[۳]</sup>، نانولوله‌ها (آلوتروپ یک بعدی کربن)<sup>[۴]</sup> و گرافین (آلوتروپ دو بعدی کربن). نانولوله‌های کربنی از لوله کردن ورقه‌هایی از کربن بدست می‌آیند که یک میلیون بار کوچکتر از ضخامت یک برگ کاغذ بوده و به آنها گرافین گفته می‌شود. ایده‌ی گرافین به صورت نظری اولین بار توسط فیلیپ والاس<sup>۱</sup> در سال ۱۹۴۷ بیان شد<sup>[۵]</sup>. تا قبل از سال ۲۰۰۴ تلاش‌های زیادی برای ساختن گرافین شده بود اما تمامی این تلاش‌ها با شکست مواجه می‌شد<sup>[۶]</sup>. این مسئله چندان هم شگفت‌انگیز نیست چرا که عقیده‌ی رایج بر این است که ساختار دو بعدی پایدار وجود ندارد<sup>[۷-۹]</sup>. به علاوه در طی فرآیند ساخت گرافین، نسبت محیط به مساحت آن با بزرگ شدن ابعادش بسیار بزرگ می‌شود و به همین دلیل ناپایدار می‌شود و به دیگر آلوتروپ‌های کربن تبدیل می‌شود. فیزیکدانان ریشه‌ی این قضایا را در قضیه مرمن-واگنر<sup>۲</sup> جستجو می‌کردند<sup>[۹]</sup>، طبق این قضیه هیچ نظم بلند برد دو بعدی وجود ندارد بنابراین هیچ ساختار دو بعدی منظم و پایدار با ابعاد بزرگ را نمی‌توان تولید کرد. تا اینکه در سال ۲۰۰۴ گروهی از دانشمندان دانشگاه منچستر به سرپرستی گایم و نوسلوف<sup>۳</sup> توانستند گرافین با ابعاد

۱. Philip Wallace

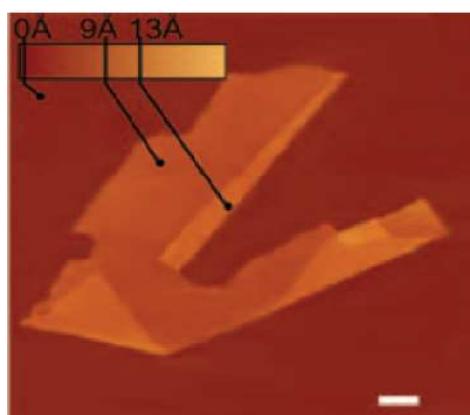
۲. Mermin-Wagner Theorem

۳. Geim and Novoselov

بزرگ را با روشی نسبتاً ساده تولید کنند که در ادامه به آن اشاره خواهیم کرد [۱۰-۱۲]. پس از کشف گرافین روش‌های دیگری نیز برای ساخت آن پیشنهاد شد از جمله روش اپیتکسی یا رشد همبافه<sup>۱</sup> [۱۳]، روش‌های شیمیایی [۱۴ و ۱۵] و روش‌های لایه‌نشانی بخار شیمیایی<sup>۲</sup> [۱۶] که هر یک از نظر هزینه‌ی ساخت و قابلیت انجام آزمایش تفاوت‌هایی با یکدیگر دارند.

## ۱-۱ کشف گرافین

همان‌طور که در مقدمه هم بیان کردیم تا قبل از سال ۲۰۰۴ تمام تلاش‌ها برای ایجاد یک لایه تک اتمی کربن، حاصل از قراردادن اتم‌های کربن در کنار یکدیگر در یک ساختار شش ضلعی با شکست مواجه می‌شد. در سال ۲۰۰۴ یک گروه از فیزیکدانان دانشگاه منچستر انگلیس به سرپرستی گایم و نوسلوف روش متفاوتی را در پیش گرفتند که در نگاه اول طبیعی‌ترین و معمولی‌ترین روش برای بدست آوردن گرافین است [۱۱]. آنها از ساختار سه بعدی گرافیت شروع کردند. گرافیت یک ماده لایه لایه است که می‌توان آن را به عنوان تعدادی بلور دو بعدی گرافین تصور کرد که به طور ضعیف به هم مقید شده‌اند. این گروه با در نظر گرفتن این موضوع و استفاده از نوعی فرآیند ورقه‌سازی میکرومکانیکی<sup>۳</sup> [۱۰ و ۱۱] توانستند یک لایه تک اتمی از این ساختار را استخراج کنند. در واقع آنها به جای ایجاد مستقیم یک ساختار دو بعدی، از یک ساختار سه بعدی به یک ساختار دو بعدی رسیدند.



شکل ۱-۱. اولین عکس چاپ شده از گرافین [۱۰].

۱. Epitaxial Growth

۲. Chemical vapor deposition

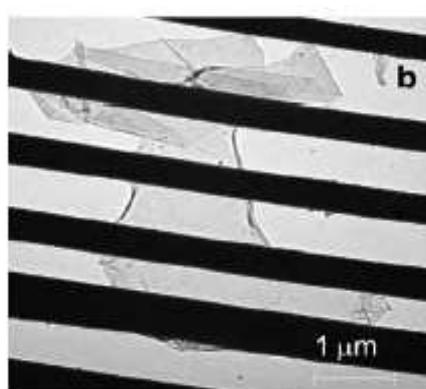
۳. Micromechanical Cleavage Technique



شکل ۲-۱. گرافین در زیر میکروسکوپ نوری. چپ: گرافین یک یا چند لایه روی اکسید سیلیکون که کاملاً در زیر میکروسکوپ نوری متفاوت هستند. راست: گرافین تک لایه و چند لایه که مشخص است [۱۷].

این روش را می‌توان به طور ساده این گونه بیان کرد: وقتی با مداد روی کاغذ روی نویسیم، در اثر اعمال فشار بر مداد آنچه روی کاغذ باقی می‌ماند همان گرافیت است. حال اگر این فشار را طوری تنظیم کنیم که فقط یک لایه تک اتمی از گرافیت بر روی کاغذ باقی بماند، در واقع به گرافین رسیده‌ایم. این گروه توانستند به این روش، گرافین را روی لایه‌ای از اکسید سیلیسیوم ( $\text{SiO}_2$ ) استخراج کنند.

در سال ۲۰۰۷ همین گروه توانستند گرافین را به صورت معلق در هوا، یعنی جدا از زیرلایه  $\text{SiO}_2$  استخراج کنند [۱۸]. برای این کار ابتدا به همان روش قبلی، گرافین را روی زیرلایه  $\text{SiO}_2$  استخراج کردند. سپس یک سری بست فلزی از جنس طلا که به صورت مورب در شکل ۳-۱ دیده می‌شوند، روی سطح گرافین قرار دادند و از زیر، توسط مواد اسیدی، اکسید سیلیسیوم را از بین بردنده و به این ترتیب گرافین معلق در هوا بدست آمد.



شکل ۳-۱. نمایی از گرافین معلق به همراه بسته‌های فلزی (خطوط مورب سیاه رنگ) [۱۸].

اگر در شکل ۱-۳ دقت کنیم هنوز هم در لبه‌ها، اثرات پیچیده شدن<sup>۱</sup> دیده می‌شود ولی به هر حال در ابعاد  $1\mu\text{m}$  می‌توانیم بلور دو بعدی تمیز داشته باشیم.

## ۱-۲ ناپایداری بلور دو بعدی

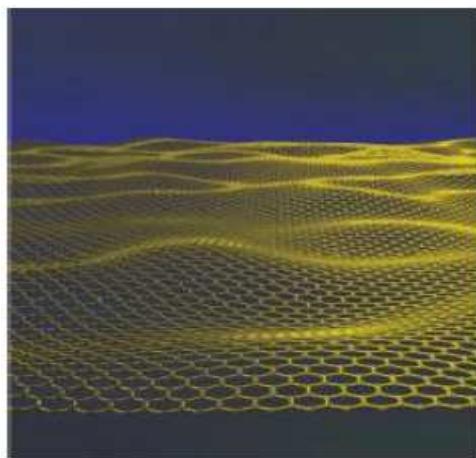
لانداؤ و پایلز<sup>۲</sup> اولین کسانی بودند که نشان دادند بلور دو بعدی از نظر ترمودینامیکی پایدار نیست و نمی‌تواند وجود داشته باشد[۱۹ و ۷]. تئوری آنها بر این پایه استوار بود که در دمای محدود در بلورهای کم بعدی (یک بعدی و دو بعدی) جابجایی گرمایی اتم‌ها با فاصله بین شبکه‌ای قابل مقایسه است[۸].

پس از آنان مرمن<sup>۳</sup> نتیجه گیری آنها را گسترش داد[۹] و تمامی تلاش‌های تجربی در راستای ساخت بلور دو بعدی نیز این موضوع را تأیید می‌کرد. این ساختار بلوری دو بعدی نه تنها پیوستگی خوبی دارد بلکه از نظر بلوری نیز کیفیت بسیار بالایی دارد[۲۱ و ۲۰ و ۱۸]. این موضوع از آنجا آشکار است که حامل‌های بار می‌توانند تا ۱۰۰۰ برابر فاصله‌ی بین اتمی در شبکه، بدون پراکندگی پویش آزاد داشته باشند[[]. به همین روش ساختارهای دو بعدی دیگری نیز ساخته شده‌اند[۱۰]. وجود این ساختار دو بعدی به ظاهر با تئوری در تناقض است. جدا از اینکه این مواد در واقع از درون ساختار سه بعدی پایدار بیرون کشیده شده‌اند، به این پرسش که چرا آنها وجود دارند می‌توان این گونه پاسخ داد که این ساختارها به خاطر افت و خیز و تغییر شکل در راستای بعد سوم می‌توانند پایدار باشند[۲۲ و ۱۸]. این افت و خیزها در بعد سوم به زیاد شدن انرژی الاستیک می‌انجامند ولی افت و خیزهای گرمایی را کاهش می‌دهند. این فرآیند انرژی آزاد کل را کاهش می‌دهد[۲۲] و این امر دلیل پایداری چنین ساختارهای دو بعدی می‌باشد.

۱. Folding

۲. Landau and Peierls

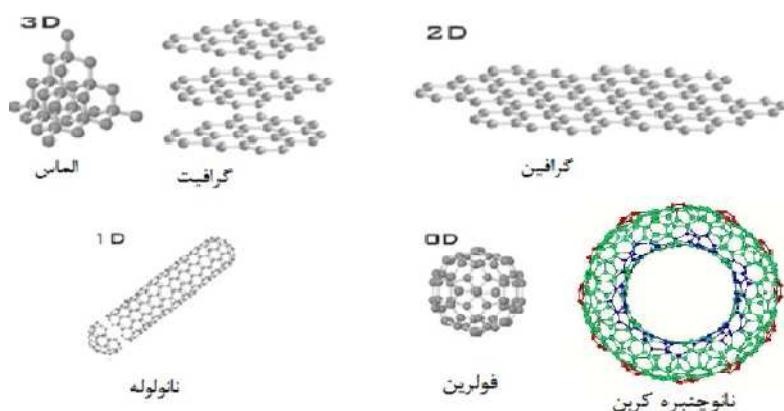
۳. Mermin



شکل ۱-۴. گرافین‌هایی که تاکنون ساخته شده‌اند همگی موجود هستند.[۲۳].

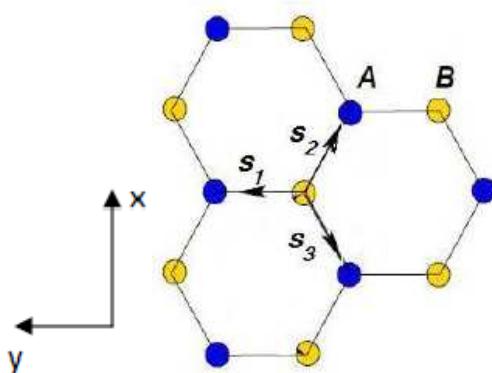
### ۱-۳ ساختار الکترونی گرافین

گرافین یک صفحه‌ی تخت از اتم‌های کربن با ضخامتی معادل یک اتم است که در آن اتم‌های کربن با اوربیتال‌های پیوندی  $sp^2$  با یکدیگر پیوند دارند و تشکیل یک شبکه بلوری با سلول شش ضلعی (شبکه لانه زنبوری) می‌دهند. نام گرافین از ترکیب "Graphite + ene" تشکیل شده است. گرافیت شامل صفحات دو بعدی از اتم‌های کربن است که روی هم قرار گرفته‌اند و توسط نیروی ضعیف واندروالس با هم پیوند دارند. "ene" در شیمی آلی به ترکیبات کربنی گفته می‌شود که در آن هر اتم کربن دارای یک پیوند دو گانه است ( $-C=C-$ ).



شکل ۱-۵. آلوتروپ‌های مختلف کربن[۲۴ و ۲۵].

طول پیوند کربن-کربن در گرافین حدود  $1.42 \text{ \AA}$  است. گرافین به عنوان ساختار پایه‌ای برای کل ترکیبات بر پایه کربن همانند گرافیت<sup>۱</sup>، نانولوله‌ها<sup>۲</sup>، نانوچنبره‌های کربنی<sup>۳</sup> و فولرین<sup>۴</sup> مطرح است. شبکه‌ی شش‌گوشی گرافین یک شبکه‌ی براوه نیست و می‌توان آن را به صورت دو زیرشبکه‌ی مثلثی براوه در نظر گرفت که اتم‌های این دو زیرشبکه را مانند شکل با A و B نمایش می‌دهیم.



شکل ۱-۶. ساختار بلوری گرافین [۲۶].

لایه ظرفیت اتم‌های کربن لایه دوم است و دارای چهار الکترون ظرفیت می‌باشد. در شبکه‌ی لانه‌زنبوری، کربن‌ها در حالت هیبریدی هستند یعنی اوربیتال  $s$  یک الکترون دارد و همراه با دو اوربیتال  $p$  سه اوربیتال تغییرشکل یافته‌ی  $sp^2$  ساخته‌اند که با هم همصفحه‌اند و زاویه‌ی  $120^\circ$  دارند و اوربیتال سوم  $p$  به شکل قبلی خود و عمود بر سه اوربیتال دیگر قرار دارد. در ساختار لانه‌زنبوری هر اتم کربن با سه اتم کربن همسایه‌اش از طریق سه اوربیتال  $sp^2$  سه پیوند کوالانس دارد که پیوندهای  $\sigma$  نامیده می‌شوند. علاوه بر این سه پیوند، یک اوربیتال  $p_z$  در هر اتم وجود دارد که یک الکترون دارد و تمایل به پیوند کوالانس دارد. به علت همپوشانی کمتر واضح است که این پیوند باید ضعیف‌تر از پیوندهای  $\sigma$  باشد به این پیوند  $\pi$  می‌گوییم. اما یک نکته‌ی مهم درباره این پیوند وجود دارد. از آنجاکه سه اتم همسایه هر کربن، در ساختار لانه‌زنبوری دوباره کربن هستند یک تقارن در این سیستم وجود دارد و از نظر کوانتوم مکانیکی این پیوند  $\pi$  می‌تواند با هر یک از این سه اتم تشکیل شود. در شیمی می‌گوییم این پیوند رزونانس می‌کند و بین سه اتم مجاور به طور تصادفی در گردش است. از طرفی در گرافین تمام اتم‌ها

- 
۱. Graphite
  ۲. Nanotubes
  ۳. Nanotorus
  ۴. Fullerene