





دانشگاه لرستان

دانشکده علوم پایه

گروه ریاضی

طراحی کنترل کننده های تطبیقی موجکی هوشمند با مد لغزشی و کاربرد  
آن در کنترل سیستم های خودخلبان(پهپاد)

نگارنده :

صبا یعقوبی پور

استاد راهنما:

دکتر مجید یاراحمدی

استاد مشاور:

دکتر ناصر عباسی

پایان نامه جهت دریافت درجه ای کارشناسی ارشد  
در رشته ای ریاضی کاربردی  
آذر ۱۳۹۱

• • •

همه‌ی امتیازات این پایان نامه به دانشگاه لرستان تعلق دارد. در صورت استفاده از تمام یا بخشی از مطالب در مجلات، کنفرانس‌ها یا سخنرانی‌ها، باید نام دانشگاه لرستان ( یا استاد راهنمای پایان نامه ) و نام دانشجو با ذکر مأخذ و ضمن کسب مجوز از دفتر تحصیلات تكمیلی دانشگاه ثبت شود. در غیر اینصورت مورد پیگرد قانونی قرار خواهد گرفت.

## تقدیر و تشکر

از زحمات بی دریغ استاد عزیزم آقای دکتر مجید یاراحمدی که در گردآوری این پایان نامه بنده را با صبر و شکیبایی راهنمایی نمودند، صمیمانه تشکر می‌کنم که قطعاً بدون راهنمایی‌های دلسوزانه و مدبرانه‌ی ایشان، این مجموعه به انجام نمی‌رسید. از استاد گرامی آقای دکتر ناصر عباسی که مشاوره را تقبل فرمودند، تشکر می‌کنم. از اساتید گرامی آقایان، دکتر مجتبی قاسمی و دکتر بهمن غضنفری که داوری را تقبل فرمودند، صمیمانه تشکر می‌کنم. از پدر و مادر عزیزم تشکر می‌کنم.

## چکیده

در این پایان نامه، روش کنترل مدل لغزشی موجکی مبتنی بر تابع لغزشی متغیر با زمان با لایه مرزی تطبیقی ارائه می‌شود. سطح لغزشی متغیر با زمان، براساس یک پارامتر بازگشتی همه فرکانس‌های مدل نشده را فیلتر می‌کند. به منظور کاهش تاثیرات نامعینی‌های سیستم و فرکانس‌های مدل نشده، پهنهای باند شکست فرکانس، پهنهای لایه‌ی مرزی و پارامترهای حاصل از تقریب موجکی عصبی تعديل خواهد شد. نوسانات شدید در سیگنال کنترل رخ نخواهد داد و هزینه کنترل کمتر از به روش‌های دیگرمی باشد. برای سهولت در بدست آوردن طراحی کنترل‌کننده ارائه شده، سه قضیه و یک LM اثبات می‌شود. به منظور بررسی عملکرد و فواید روش ارائه شده، خودخلبان پیچشی برای موشك EMRAAT که قابلیت هدایت با مانور BTT را دارد، طراحی می‌شود.

**کلید واژه:** تقریب موجکی عصبی، لایه مرزی، موشك، خودخلبان پیچشی، پهنهای باند شکست فرکانس، کنترل مدل لغزشی، پارامتر بازگشتی

## مقدمه

کنترل سیستم‌های غیرخطی یک موضوع مهم در کنترل سیستم و کاربردهای واقعی آن است. کنترل مد-لغزشی به عنوان یک روش مرسوم، جهت طراحی کنترل مقاوم برای سیستم‌های غیرخطی نامعین در حضور اختلالات خارجی استفاده شده است. در تکنیک‌های مد-لغزشی، تبدیل مناسبی از خطای ردیابی انجام می‌شود، به طوری که یک مسئله‌ی خطای ردیابی به یک مسئله‌ی پایدارسازی مرتبه‌ی اول تبدیل می‌شود [۱۱]. کنترل مد-لغزشی یک کنترل گسسته را به کار می‌گیرد تا حالت سیستم را طوری هدایت کند که به سطح لغزشی برسد و از آن به بعد مسیرش را روی این سطح حفظ کند. اکثر سیستم‌های واقعی، غیرخطی و پیچیده‌اند و دارای دینامیک‌های نامعین هستند که به آسانی نمی‌توان مدل ریاضی آنها را استخراج کرد. ساماندهی نامعینی‌ها و اختلالات خارجی مستلزم کنترل با هزینه‌ی بالا می‌باشد. گسستگی در کنترل، نوسانات را به وجود می‌آورد و ممکن است منجر به فعال شدن فرکانس‌های مدل نشده شود که امری نامطلوب در کاربردهای واقعی می‌باشد. برای رفع این نواقص، روش‌های شناسایی سیستم [۱۳]، کنترل‌های فازی عصبی [۸]، کنترل مد-لغزشی با لایه مرزی فازی [۱۰] و الگوریتم‌های تقریب برای طراحی کنترل کننده‌ای ایده‌آل [۱۱ و ۱۵] استفاده شده است. موجک منجر به ایجاد ابزاری پیشرفته در بسیاری از تحقیقات علمی و واقعی شده است [۱۶]. شبکه‌ی موجکی می‌تواند به عنوان یک تقریب‌گر عمومی، مخصوصاً در الگوریتم‌های تقریب و شناسایی به کار گرفته شود [۱۳] در این پایان نامه از کنترل مد-لغزشی فازی غیرمستقیم با لایه مرزی تطبیقی از طریق تابع لغزشی متغیر با زمان استفاده شده است [۱]. با این تفاوت که برای تقریب زدن توابع غیرخطی از شبکه‌های عصبی موجکی<sup>۱</sup> استفاده

---

<sup>۱</sup> Wavelet Neural Network

می‌شود و معادله‌ی لغزشی متغیر با زمان مفصل‌ا بررسی می‌شود، که در آن تنظیم‌کننده‌ی بازگشتی<sup>۱</sup> براساس یک پارامتر، به نام «پارامتر بازگشتی<sup>۲</sup>» به منظور انتخاب ضرائب خطای در معادله‌ی لغزشی معروفی می‌شود. چنانی معادله‌ی لغزشی همانند زنجیره‌ای از فیلترهای پایین‌گذر مرتبه اول، همه‌ی فرکانس‌های مدل نشده را فیلتر می‌کند. با تنظیم پارامتر بازگشتی پهنه‌ای باند شکست فرکانس و ضرائب حالت خطای در معادله‌ی لغزشی تعدیل خواهد شد. همچنین سرعت ردیابی افزایش می‌یابد و هزینه‌ی کنترل به طرز قابل ملاحظه‌ای کاهش می‌یابد.

---

<sup>2</sup>Rejection Regulator

<sup>3</sup>Rejection Parameter

## فهرست مطالب :

۱	- سیستم‌های هوشمند
۲	۱- شبکه‌های عصبی
۲	۱-۱ مقدمه
۳	۱-۱-۱ نرون عصبی انسان و معماری و شبکه عصبی
۷	۱-۱-۲ شبکه‌های عصبی تک نرون، تک لایه
۸	۱-۲-۱ شبکه‌های چندلایه
۹	۱-۳-۱ انواع شبکه‌های عصبی مصنوعی از نظر مسیر جریان سیگنال
۹	۱-۳-۱-۱ شبکه‌های پیشخور
۱۰	۱-۳-۱-۲ شبکه‌های پسخور
۱۱	۱-۴-۱ مراحل طراحی یک شبکه عصبی مصنوعی
۱۲	۱-۴-۱-۱ یادگیری یک پرسپترون
۱۳	۱-۴-۱-۲ انواع روش‌های آموزش شبکه
۱۳	۱-۴-۱-۲-۱ یادگیری نظارت شده
۱۴	۱-۴-۱-۲-۲ یادگیری نظارت نشده
۱۵	۱-۴-۱-۳ الگوریتم پس انتشار خطا
۱۸	۲-۱ شبکه‌ی موجکی
۱۸	۲-۱-۱ تاریخچه
۱۸	۲-۱-۲ موجک
۲۰	۲-۱-۳ شبکه‌ی موجکی
۲۱	۳-۱ ۳-۱ مثال: کاربرد شبکه‌های خطی در پردازش سیگنال‌ها
۲۱	۳-۱-۱ تعریف مسئله
۲۲	۳-۱-۲ طراحی شبکه
۲۳	۲- کنترل مقاوم با استفاده از کنترل مدلغزشی در سیستم‌های غیرخطی
۲۴	۱- سیستم‌های غیرخطی

۲۴	۱-۱-۲ مقدمه.....
۲۴	۲-۱-۲ تحلیل سیستم‌های غیرخطی.....
۲۴	۱-۲-۱-۲ تحلیل صفحه‌ی فازی.....
۲۴	۱-۱-۲-۱-۲ پیکره‌های فازی.....
۲۵	۲-۱-۲-۱-۲ نقاط تکین.....
۲۵	۳-۱-۲-۱-۲ تحلیل صفحه‌ی فازی سیستم‌های غیرخطی.....
۲۶	۱-۳-۱-۲-۱-۲ چرخه حدی.....
۲۶	۲-۲-۱-۲ نظریه‌ی لیاپانوف.....
۲۷	۱-۲-۲-۱-۲ سیستم‌های غیرخطی و نقاط تعادل.....
۲۸	۲-۲-۱-۲ پایداری.....
۲۸	۳-۲-۲-۱-۲ روش مستقیم لیاپانوف.....
۳۰	۲-۲ کنترل مد-لغزشی.....
۳۰	۱-۲-۲ مقدمه.....
۳۰	۲-۲-۲ سطوح لغزشی.....
۳۵	۱-۲-۲-۲ حاشیه بهره.....
۳۷	۲-۲-۲ تقریب پیوسته از قاعده‌ی کنترل لغزشی.....
۳۹	۴-۲-۲ محاسبه شرط لغزشی در خارج لایه مرزی.....
۴۹	۵-۲-۲ کنترل لغزشی و تنظیم کننده‌ی بازگشتی.....
۵۸	۳-کنترل کننده مقاوم در سیستم‌های خودخلبان .....
۵۹	۱-۳ مقدمه و تعاریف.....
۵۹	۱-۱-۳ آیرودینامیک.....

۱-۱-۲ نیروهای واردہ به موشک ازنظر آیرودینامیک	۶۰
۱-۲-۳ انواع موشک ازنظر محدودیت‌های مانوری	۶۵
۱-۲-۴ مدل موشک BTT	۶۶
۱-۲-۵ معرفی	۶۸
۲-۲-۱ معادلات انتقالی حرکت	۶۸
۲-۲-۲ معادلات چرخشی حرکت	۷۱
۲-۲-۳ معادلات چرخشی حرکت	۷۴
۴-۲-۱ طراحی خودخلبان مسیری	۷۷
۴-۲-۲ مانورهای خودخلبان مسیری	۷۷
۴-۲-۳ طراحی خودخلبان چرخشی	۷۸
۴-۳-۱ پایدارسازی دینامیک‌های صفر خودخلبان چرخشی	۸۰
۴-۳-۲ طراحی خودخلبان چرخشی	۸۰
۴-۳-۳ دستورات هدایت	۸۲
۴-۳-۴ کران پایین برای زمان پایانی	۸۳
۴-۳-۵ مقاوم سازی خودخلبان چرخشی	۸۳
۴-۴-۱ طراحی خودخلبان پیچشی	۸۴
۴-۴-۲ اصلاح دینامیک‌های صفر خود خلبان پیچشی	۸۸
۴-۴-۳ قانون کنترل مد لغزشی	۹۰
۴-۴-۴-۱ تعیین حداقل زمان	۹۰
۴-۴-۴-۲ نتایج شبیه سازی	۹۳
۴-۴-۴-۳ کنترل تطبیقی	۹۵
۱-۴ مقدمه	۹۶

۹۶.....	۲-۴ طبقه بندی کنترل کننده‌های تطبیقی
۹۷.....	۳-۴ کنترل تطبیقی مدل-مرجع
۹۷.....	۱-۳-۴ طراحی کنترل کننده‌ی تطبیقی مدل-مرجع
۱۰۱.....	۴-۴ طراحی کنترل کننده‌ی مد لغزشی متغیر با زمان موجکی مقاوم (RWTVSMC)
۱۰۸.....	۴-۴ کنترل تطبیقی موجکی با مد لغزشی مبتنی برتابع لغزشی متغیر با زمان و لایه مرزی تطبیقی
۱۱۴.....	۵-۴ مثال
۱۱۷.....	۵- طراحی کنترل کننده‌ی تطبیقی موجکی با مدل لغزشی مبتنی بر فیلتر متغیر با زمان و لایه مرزی تطبیقی و کاربرد آن در هدایت و کنترل موشک
۱۱۷.....	۱-۵ مقدمه
۱۱۷.....	۱-۲ شبیه سازی خود خلبان پیچشی
۱۲۳.....	نتیجه گیری و پیشنهاد
۱۲۴.....	پیوست ۱
۱۲۵.....	پیوست ۲
۱۲۶.....	الگوریتم برنامه متلب
۱۲۷.....	برنامه‌ی متلب
۱۳۲.....	واژه نامه‌ی فارسی به انگلیسی
۱۳۴.....	کتاب نامه

فصل اول: سیستم های هوشمند

فصل دوم:

کنترل مقاوم با استفاده از کنترل مدلگزشی در  
سیستم های غیر خطی

فصل پنجم:

طراحی کنترل کننده مقاوم هوشمند  
مبتنی بر فیلتر متغیر با زمان ولایه  
مزری تطبیقی و کاربرد آن در هدایت و  
کنترل موشک

فصل سوم:  
به کارگیری کنترل کننده تطبیقی مقاوم  
در سیستم های خودخلبان

فصل چهارم:  
کنترل تطبیقی

چارت ارتباط فصول

فصل اول:

## سیستم‌های هوشمند

## ۱-۱ شبکه‌های عصبی

### ۱-۱-۱ مقدمه

یک شبکه عصبی مصنوعی (ANN<sup>۱</sup>)، مدلی برای پردازش اطلاعات است که از سیستم عصبی زیستی الهام گرفته شده و مانند مغز به پردازش اطلاعات می‌پردازد. سیستم پردازش اطلاعات مبتنی بر شبکه‌های عصبی، از شمار زیادی عناصر پردازشی به هم پیوسته (نرون‌ها<sup>۲</sup>) تشکیل شده است که برای حل یک مسئله با هم هماهنگ عمل می‌کنند [۳۹]. ANN‌ها نظیر انسان‌ها، با مثال یاد می‌گیرند و با پردازش روی داده‌های تجربی، دانش یا قانون نهفته در طبیعت داده‌ها را، به ساختار شبکه منتقل می‌کنند. به همین خاطر به این سیستم‌ها، هوشمند گفته می‌شود، چرا که براساس محاسبات روی داده‌های عددی یا مثال‌ها، قوانین کلی را یاد می‌گیرند و با این یادگیری، فرآیند تصمیم نیز میسر می‌گردد. لذا یک سیستم هوشمند سیستمی است که مبتنی بر محاسبات نرم فرآیند یادگیری و تصمیم در آن نهادینه شده است. از اهمیت ANN می‌توان به موارد زیر اشاره کرد [۳۹]:

- ۱) شبکه عصبی، به دلیل فرآیند پردازش موازی، سرعت پردازش بالایی دارد.
- ۲) شبکه‌های عصبی امکان شبیه‌سازی سیستم‌های فاقد معادلات و روابط منطقی و ریاضی را دارند.
- ۳) شبکه‌های عصبی همانند مغز انسان به طور پیوسته در حال یادگیری و انطباق با محیط هستند. به این معنی که اگر شبکه برای یک وضعیت خاص آموزش دید امکان تعمیم نتایج حاصل از شبیه‌سازی برای سیستم‌های مشابه وجود دارد.
- ۴) در شبکه‌ی عصبی، عملکرد کل سیستم حساسیت پایینی نسبت به عملکرد نرون‌ها به صورت منفرد دارد.

<sup>1</sup> Artificial Neural Network

<sup>2</sup> Neurons

۵) این روش قادر است برای داده‌ها، در شرایط عدم اطمینان، اعم از آنکه فازی باشند و یا شامل داده‌های مفقود شده، جواب منطقی ارائه دهد.

## ۱-۲ نرون عصبی انسان و معماری شبکه عصبی

اولین سلول عصبی مصنوعی، در سال ۱۹۴۳ بوسیله یک نرولوژیست به نام وارن مک‌کلوج و یک منطق‌دان به نام والتر پیتر ساخته شد<sup>[۳۹]</sup>. اما محدودیت‌های تکنولوژی در آن زمان، اجازه کار بیشتر به آن‌ها نداد. تحقیق درباره سلول‌های مغزی افراد و همچنین شناخت نرون‌ها یا رشته‌های مغزی و بیان یک راه نسبتاً "متفاوت که یک سیستم هوشمند را بنا می‌کند، از تحقیقات گسترده امروزه می‌باشد"<sup>[۴۰]</sup>

در یک سیستم عصبی، نرون (سلول عصبی) اصلی‌ترین عنصر پردازش می‌باشد. بهطور کلی در بدن انسان در حدود ۱۰۰ تریلیون نرون وجود دارد که تمام آن‌ها از سه قسمت اصلی تشکیل شده‌اند: بدن سلول<sup>۱</sup>، دندrit<sup>۲</sup> و آکسون<sup>۳</sup>. همان‌طور که در شکل ۱-۱ مشخص است هر نرون دارای تعدادی دندrit و یک آکسون است. دندrit‌ها به عنوان عناصر دریافت کننده سیگنال‌های الکتریکی هستند. سیگنال‌های الکتریکی را از آکسون نرون‌های دیگر به بدن سلول می‌برند. بدن سلول انرژی لازم را برای فعالیت نرون فراهم کرده و بر روی سیگنال‌های ورودی عمل می‌کند (که با یک عمل جمع جبری ساده و مقایسه با یک سطح آستانه مدل می‌گردد). آکسون نیز سیگنال‌های الکتروشیمیایی را از بدن سلول به دندrit سایر نرون‌ها منتقل می‌کند. محل تلاقي یک آکسون از یک نرون به دندrit‌های سایر نرون‌ها را سیناپس<sup>۴</sup> می‌نامند. سیناپس‌ها واحدهای کوچکی هستند که ارتباط بین نرون‌ها را برقرار می‌سازد. زمانی که سیگنال‌های عصبی از آکسون سایر نرون‌ها به یک نرون می‌رسد، آن را تحریک می‌کند. نرون متناسب با

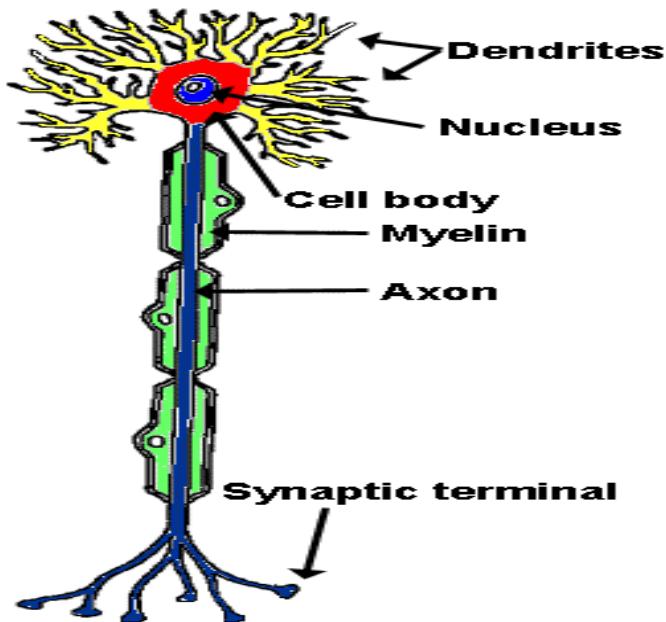
<sup>1</sup> Cell body

<sup>2</sup> Dendrites

<sup>3</sup> Axon

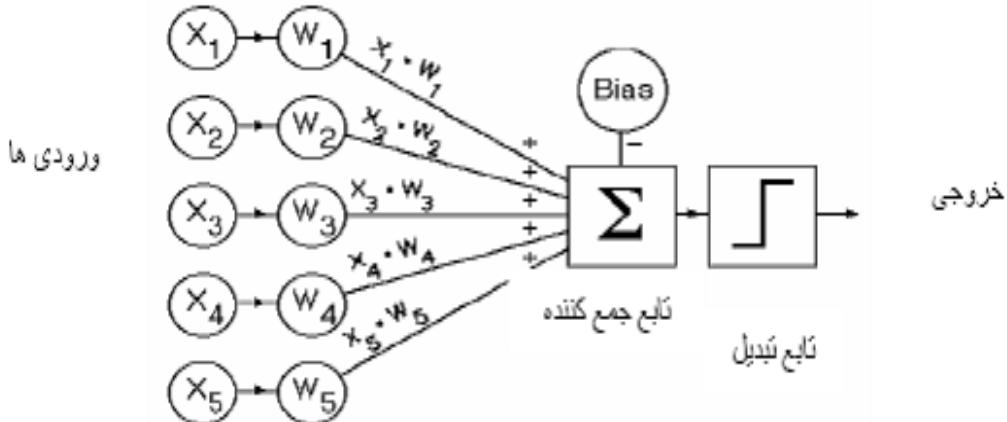
<sup>4</sup>-Synapses

هر یک از اتصالات ورودی خود یک ولتاژ کم را توسط سیگنال‌های عصبی، دریافت می‌کند و آن‌ها را با هم جمع می‌کند. اگر این مقدار به مقدار آستانه برسد نرون فعال می‌شود و به آکسون خود یک ولتاژ خروجی ارسال می‌نماید و آکسون نیز با توجه به شدت آن، ممکن است یک سیگنال را توسط سیناپس، به دندربیت نرون‌های دیگر بفرستد یا اینکه به دلیل ضعیف بودن آن، هیچ‌گونه سیگنالی را عبور ندهد و به همین ترتیب تمامی فعالیت‌های مغزی انسان انجام می‌شود [۳۹].



شکل ۱-۱: ساختار سلول عصبی انسان

با این دید اجمالی از نحوه عملکرد نرون، باید سیستمی با تعدادی ورودی طراحی شود که با توجه به اهمیت هر یک (ضرایب وزن‌ها)، آن‌ها را با یکدیگر جمع ساده جبری نماید و توسط یکتابع موسوم به تابع تبدیل، آن‌ها را به نرون‌های دیگر ارسال نماید. شکل ۲-۱ الگویی از یک واحد پردازش را با توجه به نحوه عملکرد نرون‌ها ارائه می‌دهد. همانگونه که مشاهده می‌شود، آکسون را می‌توان به خروجی، وزن را به ولتاژ و ورودی‌ها را به دندربیت تشبیه نمود. از تابع تبدیل برای تعیین خصوصیات نرون استفاده می‌شود.



شکل ۱-۲: ساختار یک نرون عصبی مصنوعی

$$a = f(\mathbf{W}p + b) \quad (1-1)$$

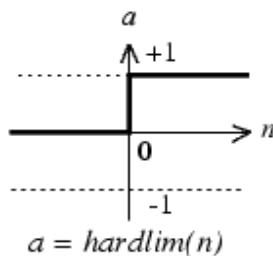
ورودی  $p = [x_1, \dots, x_5]$  به نرون اعمال شده و با ضرب در  $\mathbf{W} = [w_1, \dots, w_5]$  وزن دار می‌شود و مقدار بایاس  $b$  با این حاصلضرب جمع شده و حاصل، به عنوان ورودی به تابع انتقال  $f$  اعمال شده و خروجی نهایی حاصل می‌گردد.

بنابراین اجزای یک شبکه عصبی عبارتند از [۳۹]:

- **ورودی‌ها:** ورودی‌ها می‌توانند خروجی سایر لایه‌ها بوده و یا آنکه به حالت خام در اولین لایه و به صورت‌های زیر باشد:
  - ۱-داده‌های عددی و رقمی ۲-متون ادبی، فنی و ... ۳-تصویر و یا شکل.
  - **تابع جمع:** در شبکه‌های تک نرونی، تابع جمع در واقع خروجی مسئله را تا حدودی مشخص می‌کند و در شبکه‌های چند نرونی نیز تابع جمع میزان سطح فعالیت نرون در لایه‌های درونی را مشخص می‌سازد.

- تابع تبدیل: بدیهی است که تابع جمع پاسخ مورد انتظار شبکه نیست. تابع تبدیل عضوی ضروری در شبکه‌های عصبی محسوب می‌گردد. این تابع توسط طراح مسأله انتخاب می‌گردد و بر اساس انتخاب الگوریتم یادگیری، پارامترهای مسئله (وزن‌ها) تنظیم می‌گردد. انواع و اقسام متفاوتی از توابع تبدیل وجود دارد که بنا به ماهیت مسئله کاربرد دارند. تابع تبدیل معمولاً یک تابع پلکانی یا سیگموئیدی می‌باشد. در زیر برای نمونه، تابع تبدیل Hardlimit، خطی و لگاریتمی که در شبکه‌های عصبی توابع تبدیل رایجی هستند، به اختصار توضیح داده می‌شود.

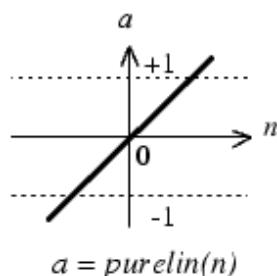
#### ۱- تابع تبدیل Hardlimit



این تابع تبدیل در صورتی که  $n < 0$  باشد، خروجی ۰ و در صورتی که  $n \geq 0$  باشد، خروجی ۱ را تولید می‌کند. از این نوع تابع تبدیل برای دسته بندی کردن ورودی‌ها به دو کلاس محدود استفاده می‌شود و بیشتر در نرون‌های سازنده شبکه‌های پرسپترون کاربرد دارد.

#### ۲- تابع تبدیل خطی

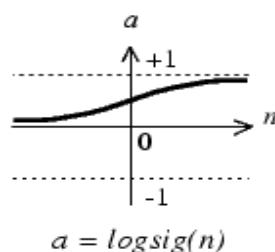
این تابع همان مقدار ورودی را به عنوان خروجی برمی‌گرداند



### ۳- تابع تبدیل لگاریتمی

این تابع تبدیل مقادیر ورودی را در محدوده  $-\infty$  تا  $+\infty$  دریافت کرده و بر مبنای فرمول زیر یک مقدار خروجی بین ۰ و ۱ تولید می‌نماید.

$$a = \frac{1}{1 + e^{-n}} \quad (2-1)$$



- خروجی: منظور از خروجی، پاسخ مسئله است.

#### ۱-۲-۱ شبکه های عصبی تک نرون، تک لایه

معمولاییک نرون با ورودی‌های زیاد، به تنها یی برای حل مسائل فنی- مهندسی کافی نیست. مثلا برای مدل‌سازی نگاشت‌هایی که دو خروجی دارند، ما احتیاج به دو نرون داریم که بصورت موازی عمل کنند، بنابراین یک لایه خواهیم داشت که از اجتماع چند نرون تشکیل شده است. اگر مدل شبکه عصبی شامل یک لایه نرون ورودی باشد که به طور مستقیم عمل تغذیه لایه خروجی را انجام دهد یک شبکه پرسپترون<sup>۱</sup> ساده نامیده می‌شود. شکل ۱-۳ نمونه‌ای از یک شبکه‌ی تک لایه را نشان می‌دهد.

<sup>1</sup> Perceptron