



۱۳۰۷

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی
دانشکده مهندسی مکانیک

پایان نامه دوره کارشناسی ارشد

گرایش تبدیل انرژی

عنوان پایان نامه

تحلیل آزمایشگاهی تأثیر پارامترهای ورودی و شرایط کاری بر میریت آب دیمیل سوختی غشاء پلیمری

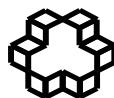
نگارش:

محمد رضا هاشمی نسب

استاد راهنمای:

دکتر مهرزاد شمس

لَهُ الْحَمْدُ لِلّٰهِ
رَبِّ الْعٰالَمِينَ



تأسیس ۱۳۰۷

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

تأییدیه هیأت داوران

هیأت داوران پس از مطالعه پایان نامه و شرکت در جلسه دفاع از پایان نامه تهیه شده تحت عنوان :

تحلیل آزمایشگاهی تأثیر پارامترهای ورودی و شرایط کاری بر میریت آب دیل سوختی غشاء پلیمری

توسط محمد رضا هاشمی نسبت و کفایت تحقیق انجام شده را برای اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی مکانیک -

تبیل از رژی در تاریخ 8 بهمن ماه 92 مورد تأیید قراردادند.

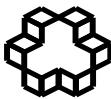
1- استاد راهنمای دکتر **هرزاد شمس** امضاء

2- استاد مشاور دکتر امضاء

3- استاد ممتحن دکتر **مهدی قاسمی** امضاء

4- استاد ممتحن دکتر **راسن روشنل** امضاء

5- نماینده تحصیلات تکمیلی دکتر **مهدی قاسمی** امضاء



تأسیس ۱۳۰۷

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

اظهارنامه دانشجو

اینجانب محمد رضا هاشمی نسب دانشجوی مقطع کارشناسی ارشد رشته مهندسی مکانیک گرایش تبدیل

انرژیدانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی گواهی می‌نمایم که تحقیقات

ارائه شده در پایان‌نامه با عنوان:

تحلیل آزمایشگاهی تأثیر پارامترهای ورودی و شرایط کاری بر مدیریت آب در پیل سوختی غشاء

پلیمری

با راهنمایی استاد/استادید محترم دکتر مرزاوی توسط شخص اینجانب انجام شده است. صحت و

اصلت مطالب نگارش شده در این پایان‌نامه مورد تأیید می‌باشد. در مورد استفاده از کار دیگر
محققان به مرجع مورد استفاده اشاره شده است. به علاوه گواهی می‌نمایم که مطالب مندرج در
پایان‌نامه تاکنون برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی توسط اینجانب یا فرد دیگری در هیچ جا
ارائه نشده است و در تدوین متن پایان‌نامه چارچوب (فرمت) مصوب دانشگاه را به طور کامل رعایت
کرده‌ام.

امضاء دانشجو:

تاریخ:

حق طبع، نشر و مالکیت نتایج

1- حق چاپ و تکثیر این پایان‌نامه متعلق به نویسنده و استاد/استادان راهنمای آن می‌باشد.

هرگونه تصویربرداری از کل یا بخشی از پایان‌نامه تنها با موافقت نویسنده یا استاد/استادان راهنما یا کتابخانه دانشکده مهندسی مکانیک دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی مجاز می‌باشد.

2- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی می‌باشد و بدون اجازه کتبی دانشگاه به شخص ثالث قابل واگذاری نیست.

3- استفاده از اطلاعات و نتایج موجود پایان‌نامه بدون ذکر مرجع مجاز نمی‌باشد.

تَعْدِيمُهُ

مَدْرَوْمَادِرَارِ حَمْنَدِمْ

كَهْ حَامِيَانْ وَاقِعِيْ مِنْ دَرْزَنْدَكِيْ اَنْدْ

و

بَرَادِمْ

كَهْ هَمَوارِهِ دَرْ طَوْلِ زَنْدَكِيْ، تَكِيَّهِ كَاهْ مِنْ دَرْ موَاجِهِ بَا مَسْكَلَاتْ وَوْجُودِشْ مَا يَهْ دَلْكَرْمِيْ مِنْ

اَسْت

تیکیم به

همسر هر بانم

که کرانبهاترین کوهری است که در زندگی یافته ام

و

مادر، همسرم پدر

که مرا، پچون فرزند خویش در جمع خود پذیرا شدند

مشکر و قدردانی:

از دست وزبان که برآید کز عمه شکرش به درآید

سایش خدایی را سراور انجام این تحقیق نمود و یاری کرد تا در بحث ارتقاء اندیشه جرم‌های ناچیز از دریای حقیقت موجود، در طرف وجود جا کرید و گام ناچیزی در اعلان این مرض و بوم برداشته شود. اما "من لم یشکر المخلوق لم یشکر اخلاق"

پیش‌برد این پایان نامه را مدیون الطاف عزیزانی، هستم که شایسته و بایسته است از زحمات ایشان مشکر و قدردانی کنم. در ابتدا لازم میدانم از استاد عزیز جناب آقای دکتر مرزاد شمس و دوست کرمان قدر جناب آقای دکتر همایون کنعانی بسیار سپاس‌گذاری نمایم چرا که بدون راهنمایی‌های ایشان اتمام این پایان نامه بسیار مشکل می‌نمود و نقش اصلی را در همایش این پایان نامه داشته‌ام.

از استادی محترم جناب آقای دکتر محمدقاسمی دکتر راسین روشنل که قبول زحمت فرموده و داوری این پایان نامه را به عمه کردن سپاس فراوان دارم.

چکیده

به منظور دستیابی به حداکثر توان در پیل، مدیریت مناسب آب امری ضروری می‌باشد. وجود آب زیاد سبب پدیده آب گرفتگی می‌شود در حالی که کمبود آب خشک شدن غشا را در پی دارد. در کار حاضر هدف بررسی پارامتریک عوامل تأثیرگذار بر عملکرد پیل در دو حالت پایا و گذرا می‌باشد. نرخ استوکیومتری، رطوبت نسبی و دمای رطوبت زنی برای هر دو سمت آند و کاتد به عنوان پارامترهای مورد مطالعه در نظر گرفته شده‌اند. در هر مرحله از آزمایش‌ها منحنی قطبش و رفتار گذراپیل ترسیم می‌گردد و در نهایت به منظور انجام مطالعه‌ای دقیق‌تر در زمینه تأثیر شرایط کاری مختلف بر عملکرد پیل، روش طراحی آزمایش مورد استفاده قرار می‌گیرد. در هنگام انجام تست گذرا از سمت کاتد پیل عکس‌برداری انجام می‌پذیرد و در تحلیل رفتار گذراپیل از تکنیک پردازش تصاویر برای تشخیص محتوای آب سمت کاتد استفاده می‌شود و نرخ آب پوشانی‌به صورت نسبت مساحت آب موجود در کanal به مساحت کanal تعریف می‌شود. نتایج حاصل نشان می‌دهد که توان تولیدی پیل رابطه مستقیم با میزان آب موجود در سمت کاتد دارد. با افزایش نرخ آب پوشانی توان تولیدی پیل افزایش می‌یابد اما هنگامی که میزان آب زیاد شود به دلیل وقوع پدیده آب گرفتگی توان به شدت کاهش می‌یابد. همچنین مشاهده می‌شود که با افزایش نرخ استوکیومتری و دمای کاری محتوای آب در سمت کاتد کاهش می‌یابد در حالی که افزایش رطوبت واکنش‌دهنده‌ها انباستگی آب در این سمت را در پی دارد. بررسی عملکرد پایا و گذراپیل در شرایط کاری مختلف نشان می‌دهد که نرخ استوکیومتری و رطوبت نسبی دارای مقدار بهینه می‌باشند در حالی که با افزایش دما عملکرد پیل کاهش می‌یابد.

واژه‌های کلیدی:پیل سوتی غشای پلیمری، مدیریت آب، جریان چند فازی، آب گرفتگی در پیل سوتی غشای پلیمری، بررسی پارامتریک.

فهرست مطالب

صفحه		عنوان
1		1 مقدمه
1	پیلسوختی	1-1
1	پیلسوختیغشاپلیمری	2-1
2	لا یه کاتالیست	1-2-1
3	غشا	2-2-1
8	لا یه نفوذ گاز	3-2-1
8	واکنش های پیل	3-1
9	منحنی قطبش	4-1
10	افتفعال سازی	1-4-1
11	افتahمیک	2-4-1
14	افت های غلطی	3-4-1
15	مدیریت آبدار پیلسوختی	5-1
20	طراحی آزمایش	6-1
20	روش های کلی طراحی آزمایش	1-6-1
21	مراحل طراحی آزمایش	2-6-1
22	طرح های عامل رایج	3-6-1
22	طراحی آزمایش عاملی	4-6-1
23	تحلیل آزمایش ها	5-6-1
28	روش رویه پاسخ	6-6-1
29	طراحی آزمایش در پیلسوختی	7-1
29	روشی کنامدل در هر زمان	8-1
31	هدف از انجام پژوهش حاضر	9-1

33	تأثیر نرخ استوکیومتری بر عملکرد پیلسوتی	1-2
34	بررسی تأثیر طوبت نسبی بر عملکرد پیلسوتی	2-2
36	بررسی تأثیر دمابر عملکرد پیلسوتی	3-2
37	طراحی آزمایش در پیلسوتی	4-2
40	۳ تجهیزات و روش آزمایش ها	
40	مشخصات پیل	1-۳
42	مجموعه دستگاه های آزمایش	۲-۳
43	شرایط آزمایشگاهی	3-3
44	سیستم تصویر برداری یونور پردازی	۴-۳
48	۴ بررسی پارامترهای تأثیر گذار بر عملکرد پایا و گذرا پیل به کمک تکنیک پردازش تصویر	
48	مقدمه	1-4
49	استوکیومتری	2-4
51	بررسی تأثیر استوکیومتری سمت آندو کاتد بر منحنی توان پیل	1-2-4
59	جمع بندی چگونگی تأثیر استوکیومتری بر عملکرد پیل	2-2-4
60	رطوبت نسبی	3-4
60	تعریف رطوبت نسبی	1-3-4
61	رطوبت نسبی در پیلسوتی	2-3-4
62	تأثیر رطوبت نسبی بر سینتیکواکنش پیلسوتی	3-3-4
62	بررسی تأثیر رطوبت نسبی آندو کاتد بر عملکرد پیل	4-3-4
67	بررسی فtar گذرا پیل در رطوبت نسبی های مختلف	5-3-4
73	جمع بندی چگونگی تأثیر رطوبت نسبی بر عملکرد پیل	1-3-4
74	بررسی تأثیر دمابر عملکرد پیل	4-4
75	تأثیر دمابر افتکتیو اسیون	1-4-4
76	تأثیر دمابر مقاومت سلوا فتا همیک	2-4-4

78	تأثیر دمابر انتقال جرم درون پیلوافت های غلطی	3-4-4
80	جمع بندی چگونگی تأثیر دمابر عملکرد پیل	4-4-4
83	5 بررسی پارامترهای تأثیر گذار بر عملکرد پیل سوختی با استفاده از روش طراحی آزمایش	
83	مقدمه	1-5
102	جمع بندی چگونگی تأثیر شرایط کاری مختلف با استفاده از روش طراحی آزمایش	2-5
105	6 جمع بندی چگونگی تأثیر پارامترهای مختلف بر عملکرد پیل	
107	ارائه پیشنهادها	2-6

فهرست جداول

صفحه	عنوان
22	داده‌های عمومی برای آزمایش‌های تک عاملی جدول 1-1
24	جدول تحلیل واریانس برای حالت تک پارامتری جدول 1-2
26	داده‌ها برای رگرسیون خطی چندگانه جدول 1-3
40	خصوصیات پیل سوختی جدول 3-1
43	شرایط آزمایشگاهی به هنگام بررسی هر پارامتر جدول 3-2
44	خصوصیات دوربین سرعت بالای CASIO EX-F1 جدول 3-3
71	تأثیر افزایش رطوبت نسبی بر پارامترهای مختلف در پیل جدول 4-1
78	تأثیر افزایش دما بر پارامترهای مختلف در پیل جدول 4-2
81	پارامترهای ورودی و سطوح آن‌ها جدول 5-1
81	آزمایش‌های پیشنهادی طرح مرکب مرکزی جدول 5-2
82	جدول آنالیز واریانس بر اساس عوامل p و F جدول 5-3
83	ضرایب رگرسیون جدول 5-4
96	جدول شرایط کاری بهینه پیشنهادی به روش رویه پاسخ جدول 5-5
98	میزان انحراف بین مقدار پیش‌بینی شده و آزمایش جدول 5-6

فهرست شکل‌ها

صفحه	عنوان
2	شکل 1-1 نمایکلیپیلسوتیغشاپلیمری [2]
3	شکل 1-2 اجزای لایه کاتالیست [3]
4	شکل 1-3 نمودار تغییرات محتوا آب بر اساس رابطه زاویه دینسکی
5	شکل 1-4 مکانیزم های انتقال آبدار غشا [8]
6	شکل 1-5 تغییرات سانایی بونیر حسب محتوا آب بر اساس رابطه پیشنهادی زاویه دینسکی
7	شکل 1-6 تغییرات سانایی بونیر حسب محتوا آب در دماهای مختلف بر اساس رابطه پیشنهادی زاویه دینسکی
10	شکل 1-7 نمودار قطبیش [14]
13	شکل 1-8 نمای جانبی لایه کاتالیست و غشا
17	شکل 1-9 تغییرات نفوذ آب در دمای 50°C بر حسب محتوا آب برای دوملاشر پینگروز اوودینسکی
18	شکل 1-10 نمایکلیپیدیده های انتقال آبدار پلیلسوتی [20]
28	شکل 1-11 نمونهای از طرح ویهپا سخون منحنی های طراز متناظر آن
40	شکل 1-12 بلوك مسیبا پوشش طلا
41	شکل 1-13 ابعاد کانال جریان سمت آندو کاتد
42	شکل 1-14 تجهیزات دروندستگاه هست
43	شکل 1-15 تصویر شماتیک مجموعه آزمایشگاهی
43	شکل 1-16 تصویر کانال های جریان سمت کاتدو محلور دیوخر و جیریان گاز
46	شکل 1-17 سیستم نور پردازی
51	شکل 1-18 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 1/6 آندو کاتد
52	شکل 1-19 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 1/6 آند
53	شکل 1-20 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 3/4 آند
54	شکل 1-21 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 1/6 کاتد
55	شکل 1-22 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 3/4 کاتد
56	شکل 1-23 مقایسه همیزانت اثیر گذاری استوکیومتری آندو کاتد بر توان محتوا آب پیل
58	شکل 1-24 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در استوکیومتری 2/5 آند
63	شکل 1-25 نمودار قطبشو تو ان پیلدر ر طوبت نسبی صفر آند
64	شکل 1-26 نمودار قطبشو تو ان پیلدر ر طوبت نسبی 100٪ آند
68	شکل 1-27 نمودار توان محتوا آب بر حسب زمان در طوبت نسبی صفر آند

شکل 4-28	نمودار توانومحتوایاًبیر حسبزماندر طوبتنسبی 100٪ آند	70
شکل 4-29	نمودار توانومحتوایاًبیر حسبزماندر طوبتنسبی صفر کاتد	71
شکل 4-30	نمودار توانومحتوایاًبیر حسبزماندر طوبتنسبی 100٪ کاتد	72
شکل 4-31	نمودار قطبشده دماهای مختلف	76
شکل 4-32	نمودار توانومحتوایاًبیر حسبزماندر دماهای مختلف	78
شکل 5-33	نمودار اثرات اتصالی	87
شکل 5-34	نمودار اثرات متقابل پارامتر های بردیگر	88
شکل 5-35	کانتور توانبر حسب دمای طوبتنسبی کاتد راستو کیومتر یکم آندو کاتد	89
شکل 5-36	کانتور توانبر حسب دمای طوبتنسبی کاتد راستو کیومتر بیالا آندو کاتد	90
شکل 5-37	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یور طوبتنسبی کاتد در دمای استو کیومتر پایین آند	91
شکل 5-38	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یکاتدو دمادر استو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتد کم	92
شکل 5-39	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یکاتدو دمادر استو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتد متوسط	93
شکل 5-40	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یکاتدو دمادر استو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتد بالا	94
شکل 5-41	کانتور توانبر حسب طوبتنسبی کاتدو استو کیومتر یان در دمای استو کیومتر یکاتد کم	95
شکل 5-42	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتدو دمای کاریمتوسط	96
شکل 5-43	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتد راستو کیومتر یکاتدو دمای کاری بالا	96
شکل 5-44	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتدو دمادر استو کیومتر یور طوبتنسبی کم کاتد	97
شکل 5-45	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتدو دمادر استو کیومتر یور طوبتنسبی متوسط کاتد	98
شکل 5-46	کانتور توانبر حسب باستو کیومتر یان دور طوبتنسبی کاتدو دمادر استو کیومتر یور طوبتنسبی بالا یکاتد	99
شکل 5-47	شرايط کارييهينه پيشنهاد يبهرو شرويه پاسخ به همراه پيشبيني توليدی	100
شکل 5-48	نمودار توانبر حسب زمانبر اساس شرائط پيشنهاد يطرح رويه پاسخ	100

فصل اول

مقدمه

۱ مقدمه

۱-۱ پیل سوختی

پیل سوختی ابزاری برای تبدیل انرژی است که در آن انرژی شیمیایی واکنش دهنده هابه صورت مستقیم و در طی فرایندی گرمaza به انرژی الکتریکی تبدیل می شود. سوخت در سمت آند و اکسید کننده در سمت کاتد جریان دارد. واکنش الکتروشیمیایی در الکترود و در حضور الکتروولیت انجام می پذیرد. چگالی جریان پیوسته و بدون قطع شدگی در پیل نتیجه واکنش پیوسته واکنش دهنده هامی باشد. پیل های سوختی بسته به جنس الکتروولیت، محدوده دمایی کارکرد و مقیاس کاربرد به انواع مختلف تقسیم بندیمی شوند.

عموماً بازدهی تبدیل انرژی در پیل های سوختی حتی از بازدهی تئوری موتورهای احتراق داخلی نیز بیشتر است. علاوه بر این، نبود قطعات متحرک، چگالی توان بالا و دوام زیاد، آنها را برای محدوده وسیعیاز برنامه های کاربردی توسعه دانرژی مناسب ساخته است.

در طولدهه گذشته نگرانی هاییست محیطی و وضع قوانین قوی تر باعث توجه بیشتر به پیل سوختی شده. همچنین پیشرفت های اخیر در زمینه پیل های غشای پلیمری، هزینه راه اندازی این نوع پیل را به صورت قابل توجهی کاهش داده و آن را قابل رقابت با تکنولوژی های جدید ساخته است.

۲-۱ پیل سوختی غشای پلیمری^۱

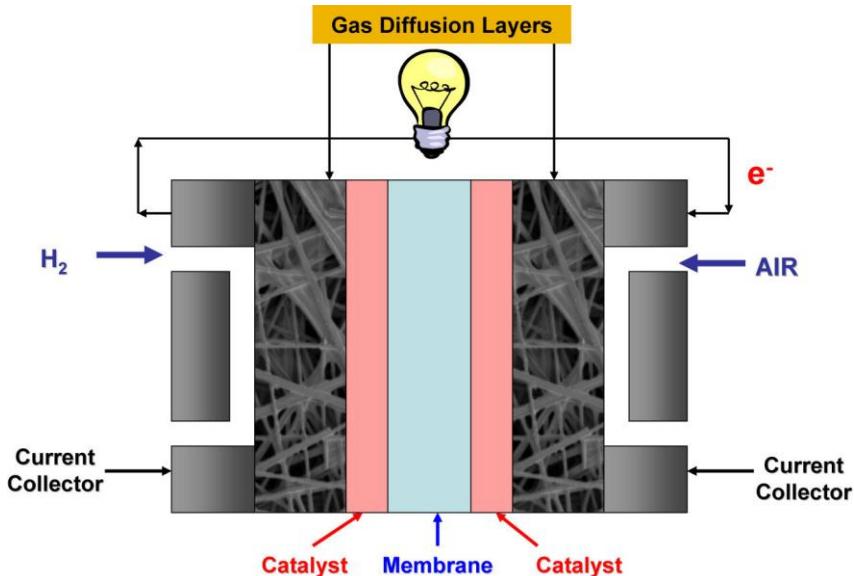
از آنجایی که مصرف هیدروژن خالص هیچ گونه آلاینده ای از جمله دی اکسید کربن و گازهای گلخانه ای تولید نمی کند، گزینه ای مناسب برای کاربردهای حمل و نقل به شمار می رود [1]. در سال های اخیر غشاهای پلیمری به منظور استفاده به عنوان الکتروولیت سیستم های پایه هیدروژنی^۲ به صور تقابل توجه یگسترش یافته اند. پیل سوختی که از غشای رسانای یونی^۳ به عنوان الکتروولیت استفاده می کند به عنوان پیل سوختی غشای پلیمری شناخته می شود.

¹PEMFC

²Hydrogen-based systems

³Proton-conducting membrane

غشا، لایه کاتالیست، لایه نفوذ گازی سه قسمت عمدۀ پیل سوختی هستند. در شکل 1-1 نمای کلی پیل که شامل این سه قسمت است، نشان داده شده است.



شکل 1-1 نمای کلی پیل سوختی غشا پلیمری [2]

1-2-1 لایه کاتالیست

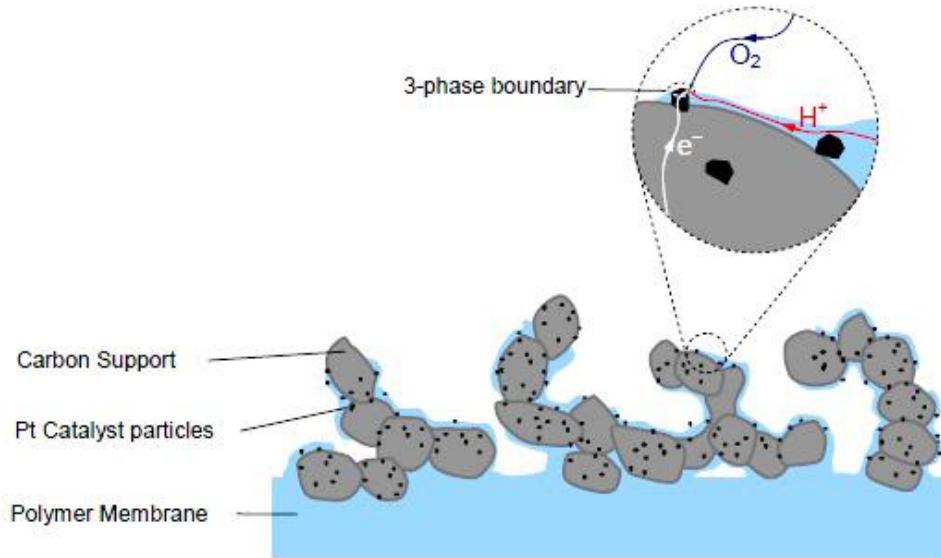
لایه کاتالیست بخشی از پیل سوختی است که بین غشا و لایه متخلخل قرار دارد. این واحد رسانای الکتریکی است و واکنش‌های شیمیایی در آن اتفاق می‌افتد. محیط کاتالیست باید متخلخل باشد که به ذرات گاز اجازه حرکت آسان به منظور انجام واکنش را بدهد، دارای رسانایی الکتریکی و یونی باشد که بتواند الکترون‌های آزادشده همچنین پروتون‌ها را از طریق یون‌ها انتقال دهد. بنابراین واکنش در لایه کاتالیست در مرز سه فاز جامد^۱، یون^۲ و گازی^۳ انجام می‌شود. هر ناحیه از کاتالیست که شامل این سه فاز باشد را سایت واکنش^۴ گویند. در لایه کاتالیست سمت کاتد به دلیل ترکیب هیدروژن و اکسیژن در سایت‌های واکنش آب تولید می‌شود. از آنجایی که آب تولیدی از ورود اکسیژن به سایت‌های واکنش جلوگیری می‌کند و عملکرد پیل را تحت تأثیر خود قرار می‌دهد، شرایط کاری باید به گونه‌ای تنظیم باشد که این آب سریعاً تخلیه شود.

¹Solid

²Ionomer

³Void

⁴Reaction site



شکل ۲-۱ اجزای لایه کاتالیست [3]

2-2-1 غشا

غشا در بین دو لایه کاتالیست آند و کاتد قرار دارد. وظیفه اصلی آن انتقال یون‌های و جلوگیری از ترکیب زودهنگام گازهای واکنش دهنده است [4]. بنابراین ویژگی‌های مهم غشا را می‌توان رسانایی بالای یونی، قابلیت جلوگیری از ترکیب واکنش‌دهنده‌ها و پایداری بالای مکانیکی و شیمیایی دانست.

1-2-2-1 رسانایی یونی

رسانایی یونی غشا را می‌توان تابعی از محتوای آب، دما و ساختار آن دانست.

✓ ساختار غشا

ساختار غشا تا حد زیادی وابسته به مکان‌های بار^۱ آن است. این مکان‌ها بار مخالف یون‌ها را دارند. برای اینکه یک غشا رسانایی بالای داشته باشد باید تعداد مکان‌های بار و فضاهای خالی آن ثابت باشد. افزایش تعداد مکان‌های بار رسانش یونی غشا را بالا می‌برد اما باعث ناپایداری پلیمر می‌شود. پلیمرها معمولاً فضای خالی ثابتی دارند.

^۱Charge site

افزایش فضای خالی به یون‌ها این اجازه را می‌دهد که به راحتی در پیل حرکت کنند. دیگر مکانیزم حرکت یون‌ها درون غشا از طریق چسبیدن به مولکول‌های آبی است که از غشا عبور می‌کنند.

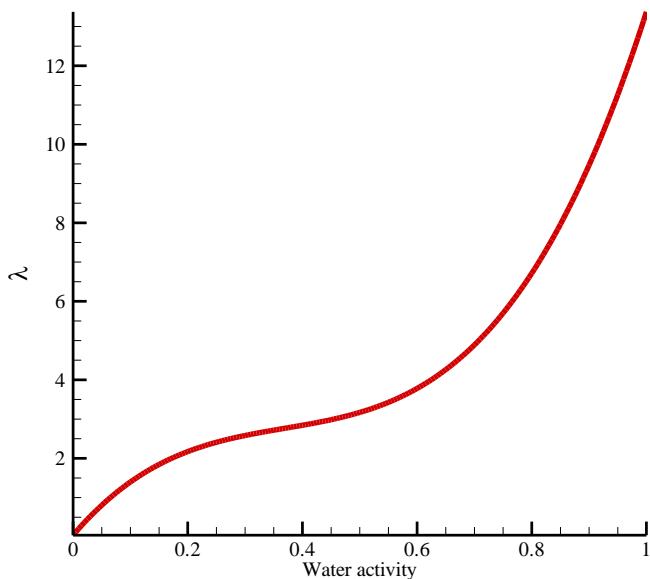
✓ محتوای آب

با افزایش میزان آب غشا رسانایی یونی آن افزایش می‌یابد. محتوای آب غشا را می‌توان به صورت زیر تعیین کرد.

$$\lambda = \frac{N_{H_2O}}{N_{SO_3H}} \quad (1)$$

که صورت کسر تعداد مولکول‌های آب و مخرج آن نشانگر تعداد مولکول‌های پرسولفونیک اسید است. از رابطه فوق می‌توان نتیجه گرفت که λ نشانگر تعداد مولکول‌های آب جمع شده در اطراف یک مولکول پرسولفونیک اسید است. به دست آوردن محتوای آب از رابطه (1) امکان‌پذیر نیست. زاوودینسکی فرمول تجربی زیر را پیشنهاد داده است [5].

$$\lambda = 0.043 + 17.18a - 39.85a^2 + 36a^3 \quad (2)$$



شکل 3-1 نمودار تغییرات محتوای آب بر حسب فعالیت آب بر اساس رابطه زاوودینسکی