

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

مرکز اطلاع‌رسانی و نشریات علمی ایران  
تاسیسات مدرک

۱۳۷۹ / ۷ / ۲۵



دانشگاه شهید باهنر کرمان

دانشکده فنی - بخش مهندسی مکانیک

پایان نامه تحصیلی برای دریافت درجه کارشناسی ارشد مکانیک

تحت عنوان :

مقایسه مدل‌های جریان متلاطم در جابجایی آزاد

بین دو استوانه هم مرکز افقی

استاد راهنما :

دکتر محمد رهنما

نگارش :

حسین آقانی

8530

بهمن ۱۳۷۸

۳۱۷۰۵

بسمه تعالی

این پایان نامه

به عنوان یکی از شرایط احراز درجه کارشناسی ارشد

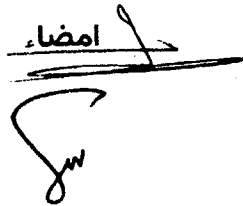
به

بخش مکانیک

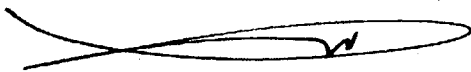
دانشکده فنی دانشگاه شهید باهنر کرمان

تسلیم شده است و هیچ گونه مدرکی به عنوان فراغت از تحصیل دوره مزبور شناخته نمی شود.

دانشجو: آقای حسین آقایی

امضاء  


استاد راهنما: آقای دکتر محمد رهنما



داور ۱: آقای دکتر سید حسین منصوری



داور ۲: آقای دکتر مظفر علی مهربان

داور ۳:



حق چاپ محفوظ و مخصوص به مولف است

تقدیم به :

.....پدر و مادروهمسر عزیزم که همواره پشتیبان و راهنمای من در تمامی عرصه های زندگی بوده اند و تقدیم به تمامی شهدای عزیزی که با نثار جان خویش امکان به ثمر رساندن چنین مهمی را میسر نمودند.

## تشکر و قدردانی

انجام پایان نامه حاضر، بعد از لطف و عنایات الهی که در همه حال دست توانایش بازیگر است، مدیون تلاش افراد بی شماری است که در تمام دوران زندگی و تحصیلات، با محبت، تشویق، آموزش مرا مورد لطف خود قرار داده اند. بدینوسیله دوستی و سپاس بی پایان خود را به آنان تقدیم می نمایم و برایشان، همیشه و همه جا، آرزوی شادکامی، سلامتی و موفقیت دارم.

از استاد راهنمای گرامی، جناب آقای دکتر محمد رهنما که با آموزش و راهنمایی خود، چه در کلاسهایی که افتخار شاگردی ایشان را داشتم و چه در مراحل مختلف این کار بی نهایت سپاسگزارم. بی تردید بدون بردباری، علاقه، تلاش و همراهی همیشگی ایشان اتمام این پایان نامه میسر نبود. امید آنکه بتوانم لایق محبتهای ایشان باشم.

از استاد ارجمند جناب دکتر سید حسین منصوری که با محبت و راهنمایی خود در مراحل مختلف دوره کارشناسی ارشد و انجام پایان نامه مرا یاری نمودند نهایت تشکر را دارم.

از داوران محترم پایان نامه، آقایان دکتر منصوری و دکتر مهربان که زحمت مطالعه و داوری این پایان نامه را بر خود هموار کردند و از نظرات و پیشنهادات خود مرا بهره مند ساخته اند کمال تشکر و امتنان را دارم. از زحمات و راهنمایی های برادرانه جناب آقای مهندس موسی فرهادی که در انجام این پروژه صمیمانه مرا یاری نمودند سپاسگزاری و تشکر می نمایم. همچنین از همه معلمین و اساتیدم در تمام دوران تحصیلات تشکر میکنم زیرا این اثر به نحوی حاصل کار همه آن بزرگواران است.

از تمام اعضاء خانواده عزیزم که در کلیه مراحل زندگی و تحصیلات، عشق، ایمان و آرامش را به من هدیه کردند و در راه کسب دانش همواره مشوق من بوده و با قبول تمامی مشقات، راه تحصیل مرا هموار نموده اند بی نهایت سپاسگزارم.

در پایان سپاس مساعدهتهای مختلف مرکز بین المللی علوم و تکنولوژی پیشرفته و علوم محیطی که اینجانب را در انجام این پروژه یاری فرمودند، از آن مرکز قدردانی مینمایم.

حسین آقائی

بهمن ماه ۷۸

## چکیده:

در این مقاله حل دو بعدی جریان درهم هوادرجابجایی آزاد بین دو استوانه هم مرکز افقی ارائه گردیده است. جهت تحلیل جریان درهم از مدل دو معادله ای رینولدز کم لاندر و شارما که با تصحیح یب و تغییرات کا توولاندر تکمیل شده استفاده می شود. معادلات بقاء جرم، مومنتوم و انرژی با روش احجام محدود و الگوریتم سیمپلر بصورت عددی حل شده اند. محدوده عدد رایلی از  $10^6 \leq Ra \leq 10^9$  بوده و نتایج حاصل از میدان سرعت، دما و انرژی بدست آمده از مدل تلاطم با نتایج مدل تلاطم K-ε استاندارد مقایسه شده است. همچنین توزیع عدد ناسلت روی استوانه داخلی و خارجی نیز بررسی شده و با نتایج تجربی موجود و نتایج حاصل از K-ε استاندارد مقایسه شده است. نتایج بدست آمده نشان می دهند که پیش بینی میدان جریان و دما در این مدل تفاوت قابل ملاحظه ای با مدل تلاطم K-ε استاندارد ندارد. ولی در توزیع عدد ناسلت بهبود قابل ملاحظه ای مشاهده می شود.

## فهرست مطالب

صفحه		عنوان
۱	<b>پیشگفتار</b>	<b>فصل اول:</b>
۲	..... مقدمه	۱-۱
۳	..... مروری بر کارهای گذشته	۲-۱
۶	..... هدف و موضوع این پژوهش	۳-۱
۶	..... روشهای تحقیق و پژوهش	۴-۱
۹	<b>معادلات دیفرانسیل حاکم و شرایط مرزی</b>	<b>فصل دوم:</b>
۱۰	..... مقدمه	۱-۲
۱۰	..... جریانهای آرام و درهم	۲-۲
۱۱	..... معادلات حاکم بر جریان	۳-۲
۱۲	..... استخراج معادلات جریان درهم	۱-۳-۲
۱۳	..... معادله انرژی و تشعشع	۱-۱-۳-۲
۱۵	..... کار برد مدل دو معادله ای Low-Re برای حل جریان مغشوش	۲-۳-۲
۱۷	..... معادلات حاکم بر جریان درهم	۲-۳-۲
۲۰	..... شرایط مرزی	۴-۲
۲۰	..... شرایط تقارن	۵-۲
۲۱	<b>روش انفصال</b>	<b>فصل سوم:</b>
۲۲	..... مفهوم انفصال	۱-۳
۲۲	..... ساختمان معادله انفصال	۲-۳
۲۳	..... روشهای بدست آوردن معادله انفصال	۳-۳
۲۳	..... بدست آ و ردن معادله انفصال با استفاده از حجم کنترل	۴-۳
۲۴	..... معادله دیفرانسیل کلی	۱-۴-۳

۲۴	طرحهای تفاضل مرکزی ، بالا دست ، نمایی ، پیوندی و توانی ..	۵-۳
۲۵	طرح تفاضل مرکزی .....	۱-۵-۳
۲۷	طرح بالا دست ( آپ ویند ) .....	۲-۵-۳
۲۸	طرح نمایی .....	۳-۵-۳
۳۱	طرح پیوندی .....	۴-۵-۳
۳۳	طرح قاعده توانی .....	۵-۵-۳
۳۴	شکل تفاضل محدود معادله کلی $\phi$ .....	۶-۳
۳۸	خطی کردن جمله چشمه .....	۱-۶-۳
۳۸	ضریب زیر تخفیف .....	۲-۶-۳
۳۹	شکل نهایی معادله انفصال .....	۷-۳

#### فصل چهارم: حل عددی معادلات دیفرانسیل

۴۰		
۴۲	برنامه کامپیوتری .....	۱-۴
۴۲	شبکه نقاط .....	۲-۴
۴۳	لزوم استفاده از شبکه جابجا شده .....	۳-۴
۴۶	شبکه جابجا شده .....	۴-۴
۴۷	معادلات مومتم .....	۵-۴
۴۹	تصحیح فشار و سرعت .....	۶-۴
۵۰	معادله تصحیح فشار .....	۱-۶-۴
۵۲	معادله فشار .....	۲-۶-۴
۵۳	الگوریتم سیمپلر .....	۳-۶-۴

#### فصل پنجم: ارائه نتایج و بررسی آنها

۵۵		
۵۶	مقدمه .....	۱-۵
۵۶	بررسی میدان سرعت و دما .....	۲-۵
۶۳	بررسی انرژی جنبشی و لزجت درهم .....	۳-۵



٦٥	..... بررسی توزیع دما و پروفیل سرعت	٤-٥
٧٦	..... عدد نوسلت موضعی	٥-٥
٨٢	..... بررسی نتایج	
٨٣	..... فهرست مراجع	
٨٧	..... پیوست	
٩٠	..... واژه نامه	

## فهرست علائم

$C_1, C_2, C_3$	مقادیر ثابت در روابط درهم
$C_\mu = 0.9$	خاصیت ثابت سیال
$g$	نیروی جاذبه
$h$	ضریب انتقال حرارت موضعی
$K$	انرژی جنبشی جریان درهم
$L = R_o - R_i$	فاصله، بین دو استوانه
$n$	بردار یکه عمود بر سطح
$P$	فشار
$P'$	تصحیح فشار
$P = \frac{v}{\alpha}$	عدد پراتل
$Pr_t$	عدد پراتل درهم
$PT$	مقاومت زیر لایه آرام
$r$	موقعیت شعاعی
$R_i, R_o$	شعاع داخلی و خارجی
$Ra = \frac{g\beta\Delta TL^3}{\nu\alpha}$	عدد رایلی
$T$	دما
$T^*$	دمای بیان شده در مدل نزدیک دیواره
$T_i, T_o$	بترتیب، دمای سطح داخلی و خارجی
$\Delta T = T_i - T_o$	اختلاف دمای سطوح داخلی و خارجی
$u^+$	سرعت بیان شده در مدل نزدیک دیواره
$V_\theta$	سرعت در راستای $\theta$
$V_r$	سرعت در راستای شعاع

فاصله بی بعد از دیواره در مدل نزدیک دیواره

$Y^+$

### حروف یونانی

$\alpha$	ضریب نفوذ حرارتی
$\beta$	ضریب انبساط حرارتی
$\Delta$	فاصله المان از دیواره
$\varepsilon$	نرخ تلفات انرژی جنبشی درهم
$\varepsilon_p$	نرخ تلفات انرژی جنبشی درهم در اولین نقطه بعد از دیواره
$\theta$	موقعیت زاویه ای (ماسی) از خط عمودی پایین در جهت خلاف عقربه های ساعت
$\kappa$	ثابت فون کارمن
$\lambda$	ضریب هدایت حرارتی
$\lambda_t$	ضریب هدایت حرارتی درهم
$\lambda_{eff}$	ضریب هدایت حرارتی موثر
$\rho$	دانسیته
$\alpha$	ضریب زیر تخفیف
$\phi$	متغیر عمومی
$\mu$	لزجت دینامیکی
$\mu_t$	لزجت دینامیکی درهم
$\mu_{eff}$	لزجت دینامیکی موثر
$\nu$	لزجت سینماتیکی
$\Gamma$	ضریب نفوذ
	<b>زیر نویس</b>
$i$	سطح داخل
$o$	سطح بیرون
$E$	گره شرقی

W  
N  
S  
P  
e  
w  
n  
s  
nb

گره غربی

گره شمالی

گره جنوبی

گره وسطی

وجه شرقی حجم کنترل

وجه غربی حجم کنترل

وجه شمالی حجم کنترل

وجه جنوبی حجم کنترل

همسایه

بالا نویس

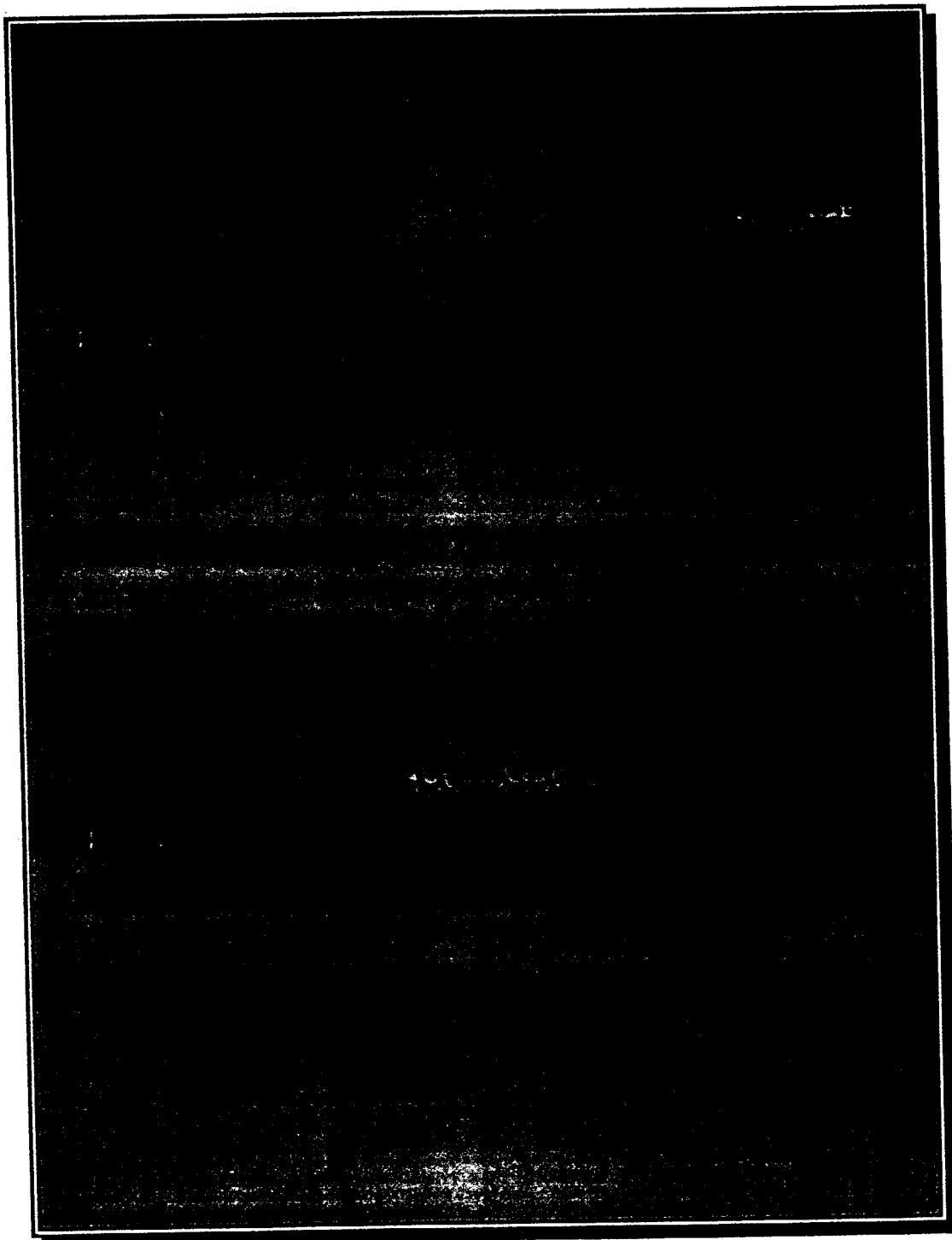
مقداری بعد

مقدار محاسبه شده

مقدار تصحیح

مقدار کاذب

\*  
\*  
,  
^



## ۱-۱ مقدمه

جابجایی آزاد هوا بین دو استوانه هم مرکزافقی که در اثر گرم بودن استوانه داخلی ایجاد می شود مورد توجه بسیاری محققان قرار گرفته است که یکی از مسائل مهم و قابل بررسی در کاربردهای مهندسی است. رژیم جریان در این هندسه در انتقال حرارت جابجایی آزاد می تواند آرام یا درهم باشد. جریانهای درهم در محاسبات مهندسی اهمیت زیادی دارند، زیرا حرکت سیالات کمتر به صورت لایه های موازی یکدیگر است و به علت پدیدار شدن اغتشاشهای موضعی و افزون بودن نیروی لختی بر نیروی لزجی جریانهای آرام به جریانهای درهم تبدیل می شود. در بسیاری از وسایل و ابزارهای صنعتی و آزمایشگاهی همچون کلکتورهای خورشیدی، راکتورهای هسته ای، طراحی مدل‌های حرارتی سیستم های خنک کننده، سیستم های خنک کاری بسیاری از تجهیزات الکتریکی و الکترونیکی و ... جابجایی آزاد به صورت درهم بوده، لذا مطالعه و بررسی آن در طراحی ابزارهای علمی و صنعتی دارای جایگاه ویژه ای است.

در این جریان پارامتر مهم در تعیین نوع رژیم جریان، عدد رایلی می باشد که در نسبت شعاع 2.6 اگر رایلی کمتر از  $10^6$  جریان جابجایی آزاد ایجاد شده آرام و به ازاء مقادیر بیشتر از  $10^6$  جریان متلاطم خواهد بود نظر به پیچیدگی جریان متلاطم و نیز عدم پیش بینی دقیق این جریان توسط مدل‌های موجود، نتایج حل در هندسه های شامل جریان متلاطم، بایستی حتماً با نتایج تجربی مقایسه شده و صحت آنها مورد بررسی قرار گیرد. همچنین از مسائل مهمی که در تحلیل یک پدیده سیالانی مورد توجه قرار می گیرد، بررسی میزان انتقال حرارت در آن می باشد. که عدد ناسلت موضعی جهت بیان میزان انتقال حرارت در مسائل مورد بررسی قرار می گیرد.

## ۱-۲ مروری بر کارهای گذشته

اولین کارهای انجام شده بر روی جریان جابجایی آزاد آرام در میان دو استوانه هم مرکز بصورت نتایج آزمایشگاهی بوده که توسط لیبو [۱]، لیس [۲]، گریگل وهاف [۳] انجام گرفته است. این نتایج در مورد چگوتگی جریان و بررسی میزان انتقال حرارت بوسیله آزمایش بوده است. در تحقیقاتی که توسط بی شاب و دیگران [۴] انجام گرفته است و با توجه به عکسهای که از جریان جابجایی آزاد تهیه کرده اند، وابستگی خاصی را میان شکل جریان و عدد رایلی و قطر لوله مشاهده نموده اند.

اولین تحقیقات وسیع در مورد انتقال حرارت جابجایی آزاد دائمی و آرام در لوله های هم مرکز افقی توسط گلدشتین و کوهن [۵] انجام شده است. این کار شامل نتایج آزمایشگاهی و عددی از جریان دو بعدی در هندسه مود نظر بوده است. توزیع دما، ضریب انتقال حرارت موضعی و متوسط بصورت تجربی بدست آمده و با نتایج عددی مقایسه گردیده که مطابقت خوبی بین آنها مشاهده شده است.

یک تحلیل دو بعدی از جریان جابجایی آزاد سیال هوا در میان دو استوانه هم مرکز در  $Pr=7$  توسط فوسجی وفاروک [۶] انجام گرفته است. در این کار یک طول محوری کوچک در نظر گرفته شده تا مطمئن شوند که تاثیر سیال تا انتهای محوری هندسه خواهد رسید. وفایی و اتفاف [۷] در این هندسه یک حل عددی سه بعدی در جریان جابجایی آزاد آرام ارائه داده اند. در این کار جزئیات ارائه شده ای از ناحیه توسعه یافته حرارتی و دینامیکی تهیه شده است. آنها نتیجه بدست آمده را موقعی در حد قابل قبول دانسته اند که حداقل نسبت طول محوری استوانه به شعاع بیرونی از ۴ کمتر نباشد. در این صورت توزیع دما در استوانه داخلی ثابت می ماند. در بررسی های انجام گرفته توسط گلدشتین و کوهن [۵]، تبدیل جریان آرام به درهم در جابجایی آزاد در دو استوانه هم مرکز افقی با نسبت شعاع  $2/6$ ، در عدد رایلی  $10^6$  مشاهده شده است. [۵] در عدد رایلی بحرانی در انتقال جریان از آرام به درهم عواملی از جمله نسبت شعاع، شکل هندسی و عدد پراتل دخالت دارند.

شبه سازی تصویری جریان جابجایی آزاد درهم هنگامی که جریان جابجایی اجباری درهم کاملاً بررسی گردیده بود، شروع شد. از اولین کارهای انجام شده در بررسی