



دانشگاه آزاد اسلامی

واحد تهران مرکزی

دانشکده علوم پایه، گروه فیزیک

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد (M.Sc)

گرایش: حالت جامد

عنوان:

بررسی خانواده آلیاژ های حافظه دار Ni_2MnGa

استاد راهنما:

دکتر ناصر زارع دهنوی

استاد مشاور:

آقای فرهاد توکلی

پژوهشگر:

منصوره رزا زان

تابستان ۱۳۹۰



ISLAMIC AZAD UNIVERSITY

Central Tehran Branch

Faculty of Science -Department of Physic

M.Sc Thesis

on Solid State

Subject:

Study shape memory alloys of Ni₂MnGa

Thesis Advisor:

Dr.Naser Zare Dehnavi

Consulting Advisor:

Mr Farhad Tavakoli

BY:

Mansoreh Razzazan

Summer 2011

تشکر و قدر دانی :

بر خود لازم می دانم که از استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر ناصر زارع دهنوی که با راهنمایی های ارزنده خود مرا در انجام این پایان نامه یاری فرمودند کمال تشکر و قدردانی را بنمایم.

و با تشکر از استاد گرامی جناب آقای فرهاد توکلی که مشاورت این پایان نامه را تقبل فرمودند.

از خداوند منان برای این بزرگواران سلامتی و توفیق روز افرون را خواستارم.

تقدیم به:

پدرم که راهنمایی ها و دلگر می هایش همواره چراغ راه زندگیم بود،
مادرم که حضورش روشنی بخش وجودم بوده،
و همسرم که نوید بخش موفقیت و نشاط در زندگیم بوده است.

فهرست مطالب

عنوان

صفحه

فصل اول: بررسی ساختار کریستالی آلیاژ های حافظه دار	
۱.....	مقدمه.....
۴.....	۱-۱-معرفی ساختار آلیاژ های حافظه دار.....
۶.....	۱-۲-۱ دگرگونی مارتزیت.....
۶.....	۱-۲-۱ دگرگونی های نفوذی.....
۹.....	۱-۲-۲ دگرگونی های بدون نفوذ.....
۱۲.....	۱-۲-۳ بررسی دگرگونی های مارتزیت.....
۱۲.....	۱-۳-۱ ویژگی های بدون نفوذ.....
۱۷.....	۱-۳-۲-۱ کریستالوگرافی مارتزیت.....
۲۴.....	۱-۳-۲-۲ خلاصه ای از کریستالوگرافی مارتزیت.....
۲۷.....	۱-۳-۳-۱ آلیاژ های حافظه دار.....
۳۰.....	۱-۳-۱ اثر حافظه داری.....
۳۴.....	۱-۳-۲-۱ آلیاژ های حافظه دار ترمومالاستیک.....
۳۵.....	۱-۳-۳-۱ آلیاژ های حافظه دار فرومغناطیس.....
۳۸.....	۱-۳-۴ میدان مغناطیسی القا کننده کرنش.....
۴۰.....	۱-۳-۵ مکانیسم کرنش.....

فصل دوم: دگرگونی های فاز در آلیاژ های حافظه دار NiMnGa

۴۲	۲-۱ مارتزیت NiMnGa
۴۲	۲-۱-۱ معرفی
۴۳	۲-۱-۲ ساختار کریستالی مارتزیت NiMnGa
۴۹	۲-۱-۲-۱ تشکیل انواع مارتزیت در آلیاژ حافظه دار NiMnGa
۵۱	۲-۱-۲-۲ مطالعات تجربی NiMnGa

۵۰	فصل سوم: بررسی ویژگی های مغناطیسی در آلیاژ های حافظه دار $Ni_{2+x} Mn_{1-x} Ga$
۵۶	۳-۱ ساختار کریستالی و ویژگی های مغناطیسی در سیستم $Ni_{2+x} Mn_{1-x} Ga$
۵۷	۳-۲ آماده سازی نمونه و اندازه گیری ها
۵۷	۳-۳ نتایج آزمایشات

۶۷	فصل چهارم: ساختار و ویژگی های الکترونیکی Ni ₂ MnGa
۶۹	۴-۱ محاسبات FPLAPW
۷۲	۴-۲ کاندیداهایی برای آلیاژ های حافظه دار مغناطیسی
۸۴	۴-۳ روش
	۴-۴ پایداری فاز های تتراگونال

فصل پنجم: مفاهیم

۸۷.....	۱-۵ کرنش
۸۸.....	۱-۱-۵ کرنش مهندسی
۸۹.....	۲-۱-۵ کرنش نرمال
۹۱.....	۳-۱-۵ کرنش برشی
۹۲.....	۲-۵ تنش
۹۲.....	۱-۲-۵ تانسور تنش
۹۳.....	۳-۵ تئوری میدان بلور
۹۴.....	۴-۵ انحراف یان تلر
۹۸.....	۵-۵ ناهمسانگردی مغناطیسی
۹۸.....	۵-۵-۱ ناهمسانگردی در کریستال های مکعبی
۱۰۳.....	۵-۵-۲ ناهمسانگردی در کریستال های هگزاگونال
۱۰۴.....	۵-۵-۳ منشا فیزیکی ناهمسانگردی در کریستال
۱۰۶.....	۶-۵ مغناطو تنگش و اثرات تنش
۱۰۶.....	۶-۶-۱ مغناطو تنگش تک کریستال ها
۱۰۸.....	۶-۶-۲ منشا فیزیکی مغناطو تنگش
فصل ششم: کاربرد آلیاژ های حافظه دار	
۱۱۰.....	۶-۱ مقدمه
۱۱۱.....	۶-۲ کاربرد آلیاژ های حافظه دار در مهندسی پزشکی
۱۱۲.....	۶-۲-۱ موارد استفاده پزشکی از آلیاژ Ni-Ti

۱۱۷.....	۳-۶ کاربرد آلیاژهای حافظه دار در صنعت خودرو سازی.
۱۲۰.....	۱-۳-۶ اصول طراحی.....
۱۲۱.....	۲-۳-۶ محرک های حرارتی.....
۱۲۷.....	۳-۳-۶ محرک های الکتریکی.....
۱۳۱.....	۴-۶ روش های تولید آلیاژ های حافظه دار.....
۱۳۱.....	۶-۴-۱ فرایند ذوب و ریخته گری.....
۱۳۳.....	۶-۴-۲-۶ متالورژی پودر.....
۱۳۳.....	۶-۴-۳ سنتز احتراقی.....

فهرست جدول ها

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۱۰	۱-۱ جدول تفاوت بین دگرگونی های نفوذی و بدون نفوذ
۶۰	۳-۱ جدول گشتاور مغناطیسی و گشتاور مغناطیسی موثراتم های Ni و Mn
۶۶	۲-۳ جدول مقادیر تئوری و تجربی T_m از دمای دگرگونی در میدان مغناطیسی برای $Mn_{1-x}Ga_x$ و Ni_{2+x}
۷۱	۴-۱ جدول مقادیر ثابت شبکه و گشتاور مغناطیسی در آلیاژهای X_2YZ
۱۰۲	۵-۱ جدول انرژی ناهمسانگردی کریستال برای جهت های مختلف در یک کریستال مکعبی
۱۰۳	۵-۲ جدول جهت های آسان و متوسط و سخت مغناطش در یک کریستال مکعبی

فهرست شکل ها

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۴	۱-۱ سیکل حرارتی مکانیکی توصیف کننده پدیده حافظه داری.....
۸	۱-۲ دگرگونی نفوذی آستنیت در آهن -کربن.....
۱۱	۱-۳ تقسیم بندی شماتیک دگرگونی های بدون نفوذ.....
۱۳	۱-۴ تشکیل و رشد مارتزیت روی آستنیت با کاهش دما.....
۱۵	۱-۵ همبسته بودن مارتزیت تشکیل شده بر روی آستنیت.....
۱۷	۱-۶ سطح مشترک همبسته و ناهمبسته.....
۱۸	۱-۷ نمایی از برش و کج شدن سطح ناشی از تشکیل مارتزیت.....
۲۰	۱-۸ مدل بین برای دگرگونی از آستنیت به مارتزیت.....
۲۱	۱-۹ ترکیب کرنش بین و چرخش جسم صلب در دگرگونی مارتزیت.....
۲۳	۱-۱۰ جابجایی دوقلویی و لغزش در برش همگن مارتزیت.....
۲۴	۱-۱۱ تبدیل فاز آستنیت به مارتزیت.....
۲۵	۱-۱۲ مکانیزم لغزش صفحات و تشکیل دوقلویی.....
۲۶	۱-۱۳ حرکت واریانت ها با ایجاد تنش.....
۲۶	۱-۱۴ دیدگاه میکروسکوپیک و ماکروسکوپیک دو فاز در آلیاژ حافظه دار.....
۲۷	۱-۱۵ شماتیکی از دگرگونی فاز.....
۲۸	۱-۱۶ انواعی از میکرو ساختار مارتزیت.....

۱۷-۱	دگرگونی آلیاژ های حافظه دار بین فاز های دما بالا و پایین.....	۲۹
۱۸-۱	دو واریانت در شبکه مکعبی آستنیت و شبکه تراگونال مارتزیت.....	۲۹
۱۹-۱	اثر حافظه داری یک طرفه و دو طرفه.....	۳۱
۲۰-۱	حلقه هیستریزی در طی گرمایش و سرمایش.....	۳۲
۲۱-۱	حرکت مرز دوقلویی در میدان مغناطیسی.....	۳۳
۲۲-۱	اثر حافظه داری شکل در NiTi.....	۳۵
۲۳-۱	حرکت مرز دوقلویی در میدان مغناطیسی.....	۳۷
۲۴-۱	گشتاورهای مغناطیسی بدون اعمال میدان و بعد از اعمال میدان.....	۳۷
۲۵-۱	مقایسه دو فرایند متفاوت از مغناطش با ناهمسانگردی مغناطیسی.....	۳۹
۲۶-۱	شمایکی از مکانسیم کرنش.....	۴۱
۲-۱	ساختار مکعبی L ₂ ₁ از فاز آستنیت Ni ₂ MnGa.....	۴۴
۲-۲	مدل ساختار مکعبی L ₂ ₁	۴۴
۲-۳	پراش اشعه X برای Ni ₂ MnGa در فاز آستنیت.....	۴۵
۲-۴	انواع مختلف مارتزیت موجود در Ni ₂ MnGa.....	۴۶
۲-۵	ساختار مارتزیت M ₁₀ M.....	۴۷
۲-۶	مدل ساختار تراگونال NM در فاز مارتزیت.....	۴۸
۲-۷	شمایی از سلول L ₁ ₀	۴۹
۲-۸	پایداری انواع مارتزیت.....	۵۰
۲-۹	وابستگی پذیرفتاری مغناطیسی به دما.....	۵۱

۱۰-۲	بررسی نمودار DSC و پذیرفتاری نسبت به دما.....	۵۳
۱۱-۲	منحنی مغناطش بر حسب میدان مغناطیسی خارجی در جهات مختلف.....	۵۴
۱-۳	وابستگی دمایی مغناطش خودبخودی آلیاژ های $Ni_{2+x}Mn_{1-x}Ga$	۵۸
۲-۳	وابستگی دمای دگرگونی مارتنتزیت و دمای کوری به ترکیبات.....	۵۹
۳-۳	وابستگی گشتاور مغناطیسی اشباع و گشتاور مغناطیسی موثر به ترکیبات.....	۶۰
۴-۳	پرش مغناطش در دگرگونی مارتنتزیت بر حسب دما.....	۶۲
۵-۳	پرش مغناطش در دگرگونی مارتنتزیت در میدان مغناطیسی بر حسب غلظت Ni.....	۶۳
۶-۳	وابستگی گرمای نهان به ترکیبات در دگرگونی مارتنتزیت.....	۶۴
۷-۳	مغناطش کاهش یافته بر حسب دمای کاهش یافته.....	۶۵
۸-۳	۱- انرژی کل به صورت تابعی از اعوجاج تراکونال برای آلیاژ های گوناگون.....	۷۲
۹-۳	۲- نمودار انرژی کل در فاز مارتنتزیت به صورت تابعی از c/a	۷۴
۱۰-۳	۳- نمودار انرژی کل در فاز مارتنتزیت با استفاده از روش تکرار.....	۷۵
۱۱-۳	۴- نمودار انرژی کل به صورت تابعی از C و a	۷۷
۱۲-۳	۵- گشتاور مغناطیسی کل Ni_2MnGa به صورت تابعی از C و a	۸۰
۱۳-۳	۶- نمودار DOS در فاز مارتنتزیت و آستنیت بر حسب انرژی.....	۸۱
۱۴-۳	۷- نمودار DOS کل و PDOS اسپین بالا و پایین بر حسب انرژی.....	۸۳
۱۵-۳	۸- نمودار DOS در سطح فرمی بر حسب c/a	۸۴
۱۶-۳	۹- انرژی کل Ni_2MnGa به صورت تابعی از a/c	۸۵
۱۷-۳	۱۰- توزیع مجدد مغناطش با دگرگونی از ساختار مکعبی به تراکونال.....	۸۶

۱-۵ کرنش برشی.....	۸۹.
۲-۵ تغییر شکل هندسی دو بعدی یک المان جزئی.....	۹۰.
۳-۵ تانسور تنش.....	۹۲.
۴-۵ اریتال های d.....	۹۴.
۵-۵ نمایش کمپلکس چهار وجهی.....	۹۵.
۶-۵ سه جهت اصلی کریستالوگرافی از یک ماده مکعبی.....	۹۸.
۷-۵ منحنی های مغناطش آهن و نیکل.....	۹۹.
۸-۵ ساختار حوزه در یک تک کریستال آهن.....	۱۰۰.
۹-۵ ساختار حوزه در یک تک کریستال آهن.....	۱۰۱.
۱۰-۵ منحنی مغناطش در تک کریستال کیالت.....	۱۰۳.
۱۱-۵ ساختار حوزه یک تک کریستال محوری.....	۱۰۴.
۱۲-۵ بر همکنش های اسپین - شبکه - مدار.....	۱۰۵.
۱۳-۵ مغناططو تنگش تک کریستال آهن.....	۱۰۷.
۱۴-۵ شماتیک مکانیسم مغناططو تنگش.....	۱۰۹.
۱-۶ سیمون استفاده شده در تصفیه خون.....	۱۱۳.
۲-۶ مسدود کننده سوراخ دیواره بطنی	۱۱۳.
۳-۶ مراحل مسدود کردن سوراخ دیواره دهلیزی	۱۱۳.
۴-۶ استنت ها با اندازه های مختلف.....	۱۱۴.
۵-۶ فضا گیر بین مهره های ستون فقرات.....	۱۱۵.

۱۱۵.....	۶-۶ بست های ارتوپدی.....
۱۱۵.....	۶-۷ بست آلیاژ حافظه دار روی استخوان آرواره.....
۱۱۶.....	۶-۸ مورد استفاده آلیاژ حافظه دار در فیزیوتراپی.....
۱۱۷.....	۶-۹ سبد ساخته شده از آلیاژ حافظه دار در جمع آوری سنگ مثانه.....
۱۱۷.....	۶-۱۰ پمپ بالونی برای جلوگیری از انسداد رگ.....
۱۱۷.....	۶-۱۱ انواع انبرک مورد استفاده در لپاراسکوپی.....
۱۱۸.....	۶-۱۲ نحوه عملکرد محرک ها و حسگر ها.....
۱۱۹.....	۶-۱۳ کاربرد آلیاژ های حافظه دار در اجزای یک خودرو.....
۱۲۰.....	۶-۱۴ منحنی تنفس - کرنش در دماهای متفاوت.....
۱۲۲.....	۶-۱۵ محرک های حرارتی حافظه دار در خودرو.....
۱۲۳.....	۶-۱۶ گستره دمای انتقال آلیاژهای NiTi.....
۱۲۳.....	۶-۱۷ عملکرد سوپاپ های حرارتی.....
۱۲۴.....	۶-۱۸ نمایی از مقطع عرضی سوپاپ های حرارتی.....
۱۲۵.....	۶-۱۹ رگلاتورهای بوستر وابسته به دما.....
۱۲۵.....	۶-۲۰ کاهش صدای جعبه دندنه با آلیاژ حافظه دار.....
۱۲۶.....	۶-۲۱ تصاویری از آنتی شوک های حافظه دار.....
۱۲۷.....	۶-۲۲ محرک های الکتریکی حافظه دار در خودرو.....
۱۲۸.....	۶-۲۳ محدوده دمای کاری خودرو و دمای انتقال آلیاژ حافظه دار.....
۱۲۸.....	۶-۲۴ لامپ مه شکن با محرک الکتریکی حافظه دار.....

- ۲۵-۶ طراحی محرک حافظه دار داخلی ۱۲۹
- ۲۶-۶ برف پاک کن با محرک حافظه دار ۱۳۰
- ۲۷-۶ مکانیزم قفل در با فنر های حافظه دار ۱۳۰

فصل اول

بررسی ساختار کریستالی آلیاژ های حافظه دار

مقدمه

موادی که باعث سازگاری سازه خود با محیط اطراف خود می شوند مواد محرک نامیده می شوند، این مواد می توانند شکل، سفتی، مکان، فرکانس طبیعی و سایر مشخصات مکانیکی را در پاسخ به دما یا میدان های الکترومغناطیسی تغییر دهند.

امروزه پنج نوع ماده محرک، به طور عمدۀ استفاده می شود که شامل:

(۱) آلیاژ های حافظه دار

(۲) سرامیک های پیزو الکتریک

(۳) مواد مغناطیسی سخت

(۴) مایعات الکترو رئولوژیکال

(۵) مگنتو رئولوژیکال

می باشند. این مواد از زمرة مواد هوشمند محرک می باشند.

مواد هوشمند دسته ای از مواد هستند که می توانند به تغییرات محیط به بهترین شکل ممکن پاسخ داده و رفتار خود را نسبت به تغییرات تنظیم نمائید. (سبک وزن هستند). در اینجا به معرفی آلیاژ های حافظه دار می پردازیم.

آلیاژهای حافظه دار (فلز هوشمند، فلز حافظه دار، آلیاژ حافظه دار، آلیاژ هوشمند) عنوان گروهی از مواد محرک می باشند که خواص متمایز و برتری نسبت به سایر آلیاژها دارند. آن ها گروهی از مواد هستند که اگر با ترکیب شیمیایی مشخص، تحت عملیات حرارتی مناسب قرار گیرند، توانایی بازگشت به شکل یا اندازه از قبل تعیین شده را از خود نشان می دهند.

همچنین این مواد قابلیت تبدیل انرژی گرمایی (الکتریکی) را به انرژی مکانیکی دارند و در صورتی که گرم کردن و سرد کردن این آلیاژها با جریان الکتریکی کنترل شود، می توان حرکت های چرخه ای با قابلیت تکرار در دفعات متوالی ایجاد کرد. عکس العمل شدید آلیاژهای حافظه دار نسبت به برخی از پارامترهای ترمودینامیکی و مکانیکی و قابلیت بازگشت به شکل اولیه در اثر اعمال پارامترهای مذکور به گونه ای است که می تواند رفتار سیستم را بهبود بخشد.

وقتی یک آلیاژ معمولی تحت نیروی خارجی بیش از حد الاستیک قرار گیرد، تغییر شکل می دهد. این نوع تغییر شکل بعد از حذف نیرو باقی می ماند. اما آلیاژهای حافظه دار از جمله آلیاژهای Au-Cd، Ni-Al، Cu-Al-Ni، Cu-Zn-Al، Cu-Zn-Ga، Cu-Zn-Si، Ni-Ti، Cu-Au-Zn، Cu-Zn-Sn و... رفتار متفاوتی از خود ارائه می نمایند.

در دمای پایین یک نمونه حافظه دار می تواند تغییر شکل پلاستیک چند درصدی را تحمل کند و سپس به طور کامل به شکل اولیه خود در دمای بالا برگردد. در فرایند برگشت به شکل اولیه، آلیاژ می تواند نیروی زیادی تولید کند که این نیرو برای تحریک مفید می باشد.

در سال ۱۹۳۲ مشاهدات ثبت شده درباره پدیده حافظه داری شکلی توسط Read و Change انجام شد. آن ها از طریق مطالعات فلزشناسی و تغییرات مقاومت آلیاژ، وارون پذیری حافظه شکلی را در

Au-Cd بررسی کردند.

در سال ۱۹۵۶ مشاهدات و نتایج تحقیقات مربوط به تر دکترای Horbojen در موضوع اثر حافظه داری در آلیاژ Cu-Zn منتشر شد. سپس در سال ۱۹۶۱ اثر حافظه داری شکل در آلیاژ نیکل -

تیتانیوم با درصد اتمی مساوی (۵۰%-۵۰٪) در آزمایشگاه ناوال اوردننس^۱ توسط بوهله کشف و تحت نام نیتینول^۲ مشهور شد. دو حرف اول نیتینول در ارتباط با نیکل، دو حرف بعدی مربوط به عنصر تیتانیوم و سه حرف آخر در رابطه با آزمایشگاه ناوال اوردننس می باشد.

در سال ۱۹۸۰ میلادی، Michel Hawt با انتشار مقاله ای از نتایج تحقیقات خودشان بر روی برنج، آن را به عنوان ماده جدید حافظه دار معرفی کردند.

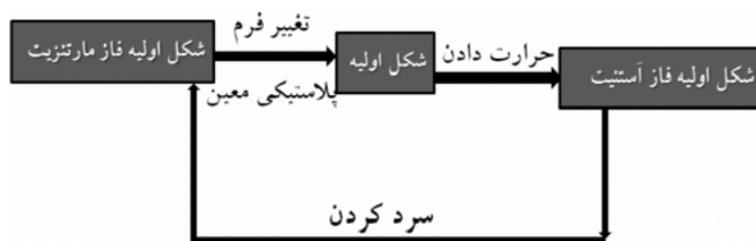
از اوایل ۱۹۸۰ استفاده از آلیاژهای حافظه دار در بین محققان و مهندسان مورد توجه قرار گرفت و این آلیاژ هوشمند در زمینه های وسیعی از جمله تعديل آئرو الاستیسیته آتن ماهواره ها و کنترل ارتعاش سازه های فضایی، کنترل ارتعاش سطوح کنترلی هواپیماها و حتی در شبیه سازی های پزشکی مورد استفاده قرار گرفته و کشف مزایای اصلی و علمی آن هر روز، افزایش یافته است.

^۱ ordnance lab Naval
^۲ Nitionol

۱-۱-معرفی ساختار آلیاژهای حافظه دار

mekanizmi keh خواص آلیاژهای حافظه دار را کنترل می کند ریشه در تغییر کریستالی آلیاژ دارد. در پدیده حافظه داری، نمونه در حالت کاملاً مارتنتزیتی به مقدار معینی تغییر فرم داده می شود، سپس با گرم کردن نمونه و برگشت آن به حالت آستنیتی، شکل نمونه نیز به حالت اول خود بر می گردد.

شکل (۱-۱) چگونگی پدیده حافظه داری شکلی را با تبدیل دو فاز آستنیت و مارتنتزیت به یکدیگر نشان می دهد.



شکل (۱ - ۱) چرخه حرارتی مکانیکی توصیف کننده پدیده حافظه داری شکلی

بررسی بر روی تغییر حالت متالورژیکی نمونه جامد، نشان دهنده تغییر آرایش اتم ها بدون هیچگونه تغییری در ترکیب شیمیایی فاز زمینه می باشد. این تغییر آرایش منجر به ایجادیک ساختار کریستالی در فازی جدید و پایدار می شود. پیشرفت تغییر حالت، بدون نیاز به حرکت و جابجایی مجزای اتم ها، را می توان مستقل از زمان دانست و به همین دلیل می توان وابستگی دما را به عنوان تنها عامل پیشرفت این تغییر نشان داد.

تغییر حالت متالورژیکی جامدات از دو روش زیر امکان پذیر است:

- (۱) حرکت و جابجایی اتم ها، وابسته به درجه حرارت و زمان، همراه با تغییر در ترکیب شیمیایی فاز جدید نسبت به زمینه قبلی.

۲) تغییر آرایش اتمی به صورت هماهنگ، وابسته به دما و بدون وابستگی به زمان و با هیچگونه

تغییری

در ترکیب شیمیایی فاز جدید نسبت به زمینه قبلی.

تغییر حالت های مارتنزیتی از نوع روش دوم است.

مارتنزیت نامی است که از آن در متالورژی فیزیکی برای توصیف هرگونه فراورده حاصل از دگرگونی بدون نفوذ، یعنی هر تغییر حالتی که در آن از آغاز تا پایان، جابجایی اتم ها کمتر از فاصله بین اتمی باشد، به کار می رود. تغییر مکان منظم و گروهی اتم ها در این دگرگونی سبب نامگذاری آن به گروهی^۱ شده است. بکارگیری این نام در مقابل عبارت انفرادی^۲ و غیرگروهی است که در مورد دگرگونی های نفوذی به کار می رود.

به طور کلی تمام فلزات و آلیاژها به شرط آنکه با سرعت کافی سرد یا گرم شوند تا فرصتی برای انجام دگرگونی از راه ساز و کارهای همراه با نفوذ نداشته باشند، می توانند دگرگونی غیرنفوذی انجام دهند. بنابراین دگرگونی های مارتنزیتی می توانند در بسیاری از انواع بلورهای فلزی و نافلزی مواد معدنی و ترکیبات رخ دهند.

^۱ Military
^۲ Civilian