

> اسکالہ تهران

> اسکلرڈ علوم

بیان نامہ

برائی > ریفت > درجہ ضروری لیسانس  
(ھوائی ناس)

نگاہ سحسن اولیائی

مرکز دار

۱۳۴۸

مکمل

در اطراف کره زمین مقداری گاز وجود دارد که آنرا آتمسفر گویند

زمین در گردش دور خوشید این گاز را دور خود میبرد این گاز علاوه بر آنکه وسیله تنفس ما است سبب باد و باران و تعبیرات درجه حرارت و فشار و جذب قسمی از اشیهٔ تکترومagnetیک خوشید و تخفیف ان نیز مانند ان تغییرات داشم و گرفتی در زندگی مادر ارد لازم است از حدود و ساختمان ان اطلاعاتی داشته باشیم.

اما این آتمسفر را بطور کلی به طبقهٔ تقسیم پندی مینما یند.

۱- طبقهٔ مجاور سطح زمین که هرچه بالا تر ویم درجه حرارت ان پائین‌تر آید بنام -

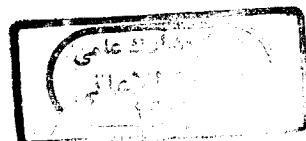
Troposphere مینامد که ارتفاع این طبقه در تعاب در حدود هشت کیلومتر و در استوا در حدود هجده کیلومتر میباشد.

۲- طبقهٔ دوم را بنام Troposfer نامند که حد ناصل بین طبقه اول و سوم میباشد.

۳- طبقهٔ سوم را که بنام Stratosfer نامد مدتی چنین نیز میکنند این ناحیه تقریباً

یک ناحیه آرام میباشد و باد دران کم است ولی در حقیقت چنین نمیباشد و در آنجا نیز بادهای -

نمایر آنچه را که در Stratocophera میوزد جریان دارد.



مقدار درجه حرارت  $\Delta T$  و مچنین ارتفاع  $H$  تابع عرض جغرافیا

و فصل و بعبارت دیگر مقدار انرژی است که از آفتاب میگیرد و نیز عوامل دیگر دران دخالت دارد

اما چون تغییرات دوازد روزی سطح زمین فقط طبقه پائین جو یعنی به طبقه  $H = 1000$  متر

بستگی دارد بنابراین از دو طبقه دیگر مطالبی بیان نکرده و فقط خواص این طبقه را مورد توجه

قرار میدهیم.

بطورکلی جریانات جوی در اثر اختلاف درجه حرارت بین قطب و استوا بوجود می آید

ولی اگر درجه حرارت روی کره زمین ثابت بوده و اختلاف درجه حرارتی در نقاط مختلف آن

وجود نمی‌اشت تنها نیروی موجود برای پنهانی بغار از اصطکاک بین زمین وجود نموده —

که پس از مدتی بین اصطکاک و چرخانی زمین تعادل برقرار میگردد و در نتیجه جو باشود زمین

حرکت میکند و نیز نوع گرماستی جریانی دران بوجود نمی آمد اما اختلاف درجه حرارت بین

قطب و استوا این تعادل را بشم میزند و جنبه ای را بوجود میآورد برای کمع درک نوع این —

جریانات بایستی نیروهای موجود و مچنین عوامل مؤثر دران را مورد مطالعه قرارداد.

# نیروهای عده که در اینجا این جریانات مؤثرند عبارتند از:

۱- اختلاف درجه حرارت بین قطب و استوا

۲- چرخش زمین در حوال محورش.

۳- نیروی اصطکاک بین دوازد روزه

که هریک را بظاهر خلاصه مورد بحث قرار میدهیم.

### ۱- اختلاف درجه حرارت بین قطب و استوا

اختلاف درجه حرارت بین قطب و استوا باعث یک جریانی بین آنها میگردد و این ترتیب که هوا در استوا صعود کرده و در قطب پائین‌می‌آید و در روی سطح زمین از قطب به استوا برمیگردد و یک چرخش دائمی بین دو نقطه ایجاد میگردد.

در صورت عدم وجود دو حالت دیگر دری بیست و چهار ساعت جریان فوت (جریان نصف الانهاری) تبدیلیه بادهای (داری کن) میگردد و این بحلت ایجاد تعادل بین قطب و استوا درازتر جریانات داخلی هوا میباشد ولی ممکن بوسرعت تاب بینهایت برسد در اثر زاویه تابش اشعه خورشید در جنوب عرض جغرافیائی ( $N^{\circ} 35$ ) و مشابه آن در نیم کره جنوبی شمالی ( $S^{\circ} 35$ ) مازادی از گرما وجود دارد و بنابراین دو عرض وقطبین کمودی از گرما چون درجه حرارت متوسط نقاط مختلف سطح زمین ثابت است نتیجتاً "بایستی انتقالی از گرمای قسمتهای گرم به مناطق سرد تر انجام گردد تا چنین تعادلی بوجود آید ولی مناطق شمالی و نزدیک بقطب داشما" روسربدی و خطا استوا ریگرمی مهروند.

اثر چرخش زمین بزیوی جریان.

در اثر چرخش زمین مسئول نه مدباری  $U - \frac{1}{2}$  بوجود می‌آید که پس از تغییراتی بنام نیروی -

که بولیعن در عمل داخل میشود این نیرو در نیمکره شمالی اجسام متحرک آزادرا بسمت راست خود و در نیمکره جنوبی، بسمت چپ منحروف میسازد.

### ۳- نیروی اصطکاک بین هوا و زمین

نیروی اصطکاک م وجود در روی زمین باعث تغییر جهت حرکت فره و نیز باعث میشود که از سرعت ان نیز بکاهد پس بنا براین این مطلب نتیجه میشود که در منطقه استوائی انرژی حرارتی بیش از سایر نقاط جذب میشود و در نتیجه توده هوا در منطقه استوائی متراکم شده و سمت پائین نزول میکند و برای اینکه پیوستگی توده هوا برقرار باشد ناچار در سطح بالا جریانات بسمت تقطیع و در سطح زمین جریانات بسمت استوا بایستی باشد پس بنا براین توده هوا دارای یک گردش ریسته ای میباشد اگر این جریانات نصف النهاری بودند و در تمامی افق حشرافیا شی بوقوع ممیتوست سبب کاهش چو خش رزیمین میشود بنا براین گرادیان غشار شرقی غربی نمیتواند انرژی در روی یا حلقه مداری داشته باشد با استثنای اصطکاک و گشت آور نیرو

$$m = (-2 R \cos \varphi + u) R \cos \varphi$$

$$m = -2 R^2 \cos^2 \varphi + u R \cos \varphi$$

این معادله که از مسلمه دینامیک قانون دوم نیوتون نتیجه میشود که تغییرات گشت آور جنبشی فقط در اثر گشت آور نیرو حاصل میشود و این تغییرات موقعی بوجود می آید که گرادیان فشار شرقی غریب وجود داشته باشد.

گشت آور گرادیان فشار برای واحد توده هوا مساویست با  $(-\alpha \frac{\partial P}{\partial x}) R \cos \theta$   
و گشت آور اصطکاک در روی محور  $x$  برای واحد توده هوا مساویست با  $F_x R \cos \theta$

بنابراین تغییرات کلی گشت آور جنبشی مساویست با  $\frac{dm}{dt} = \left( -\alpha \frac{\partial P}{\partial x} + F_x \right) R \cos \theta$

طرفین معادله بالا را در ضرب مسکنیم حاصل میشود  
 $\rho \frac{dm}{dt} = \left( -\alpha \rho \frac{\partial P}{\partial x} + \rho F_x \right) R \cos \theta$   
ولی چون  $\frac{1}{\rho} = \alpha$  میباشد پس بنابراین خواهیم داشت

$$\rho \frac{dm}{dt} = \left( -\frac{\partial P}{\partial t} + \rho F_x \right) R \cos \theta$$

قسمت اول رابطه فوق را بسط کنیم

$$\rho \frac{dm}{dt} = \rho \frac{\partial m}{\partial t} + \rho u \frac{\partial m}{\partial x} + \rho v \frac{\partial m}{\partial y} + \rho w \frac{\partial m}{\partial z}$$

$$\rho \frac{dm}{dt} = \frac{\partial (\rho m)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho um)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho vm)}{\partial y} + \frac{\partial (\rhowm)}{\partial z}$$

$$-m \left[ \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w)}{\partial z} \right]$$

ولی چنانکه میدانیم مقدار دخل کروشه برابر صفر است زیرا از معادله پیوستگی نتیجه میشود که

تغییرات جرم نسبت به مکان و زمان بایستی صفر شود برای محاسبه تغییرات جرم بطورکلی بایستی

$$\Delta m_x = - \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} d\tau dt \quad \text{از فرمولهای زیر استفاده شود .}$$

$$\Delta m_y = - \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} d\tau dt$$

$$\Delta m_z = - \frac{\partial (\rho w)}{\partial z} d\tau dt$$

حال اگر طرفین رابطه بالا را بر زمان و حجم  $d\tau d\eta d\zeta$  تقسیم کنیم تا تغییرات را برای واحد

حجم واحد زمان بدست آوریم یعنی

$$\Delta m = - \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} - \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} - \frac{\partial (\rho w)}{\partial z}$$

ولی میدانیم که تغییرات کلی جرم نسبت به مکان مساویست با تغییرات جرم نسبت به زمان

$$\Delta m = \frac{\partial P}{\partial t} = - \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} - \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} - \frac{\partial (\rho w)}{\partial z}$$

$$\frac{\partial P}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w)}{\partial z} = . \quad \text{دی}$$

و با در نتیجه رابطه ما بدینصورت درجیاید

$$\rho \frac{dm}{dt} = \frac{\partial (\rho m)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho um)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v m)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w m)}{\partial z}$$

$$\frac{\partial (\rho m)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho um)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v m)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w m)}{\partial z} = \left( - \frac{\partial P}{\partial x} + \rho f_x \right) R \cos \theta$$

$$\frac{\partial (\rho m)}{\partial t} = - \left[ \frac{\partial (\rho um)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v m)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w m)}{\partial z} \right] +$$

$$\left( - \frac{\partial P}{\partial x} + \rho f_x \right) R \cos \theta$$

$$\frac{\partial (\rho m)}{\partial t} = - \left[ \frac{\partial (\rho um)}{\partial x} + \frac{\partial (\rho v m)}{\partial y} + \frac{\partial (\rho w m)}{\partial z} \right] + \rho f_x R \cos \theta - \frac{\partial P}{\partial x} R \cos \theta$$

مادل فوق میزان تغییرات مدل گشتاور-جنبشی-مالق برای واحد توده را نشان میدهد.

دراستگاه های دوازنشاپی و این یا قرارداد بین مللی در راست ساعتهاي معين نسبت به ساعت

گرینوچ اند ازه گیریهاشی بعمل می آید که همترین این اند ازه گیریها عبارتند از:

فشار - درجه حرارت - سرعت باد - سمت باد - رطсот

که این اند ازه گیرها گذشته ازاینکه در روی زمین انجام میگیرد بوسیاه رادیو سندھای

موجود در ایستگاههای "روانه اسی در ساعت معین مثل" ۱۲۰۰ ز، ۳,۰۰۰ ز

از سایر بالای جوان زاده گیریها، مینمایند البته ساق بالارا باقی یک قرارداد بین ادبیان لمللی به

سماوی ۷۰ - ۸۰ - ۹۰ - ۱۰۰ - ۲۰۰ - ۳۰۰ - ۴۰۰ - ۵۰۰ - ۶۰۰ - ۷۰۰ - ۸۰۰ میلی

باری تقسیم بندی نموده اند که در این سداو نیز عوامل گفته شده اندازه گیری میگردد.

بماورکل درهواشناسی برای اندازه‌گیری فشار ازواحد میلی بار استفاده می‌نمایند که عبارتست

از مکانیزم باعث میباشد در سیستم  $G$  واحد فشار دین پرسانه ایتمن میباشد اما این -

واحد برای مقابله با مشکل هواشناسی بسیار کوچک است از این رو واحد بزرگتری را که می‌توان نامند اراد

ویرایر با هزار دین بر سانتیمتر عرض میباشد استفاده می نمائیم .

برای اندازه کردن درجه حرارت از درجه سانتیگراد استفاده می نمایند و سرعت باد را همچنان

نات پرثایه و سمت بادر ایر حسب درجه از روی سیمید و شخت درجه های راون دایره که بصورت شمال

—

و جنوب و شرق و غرب تقسیم بندی شده است اندازه گیری می نمایند .

Turbulence تحریک

حرکت نامنظم و نا مرتب جوایز Turbulence می نامند و همان انرا بدینصورت نشان داد



و اگر یه ذره ازدوا مسیرش بصورت خط مستقیم باشد دراینصورت آنرا Streamline مینما مند

اگر در داخل لوله ای که فشار ابتدای آن  $P_1$  و فشار انتهای آن  $P_2$  باشد اگر اختلاف فشار بین ابتداء و انتهای کم باشد دراینصورت یک Streamline شواهد داشت و اگر اختلاف فشار زیاد باشد دراینصورت یک Turbulence خواهد داشت .

حرکت متوسط تمام ذرات  $\text{Mean Motion}$  می نامند و ممکن است سرعت بعضی از ذرات بیشتر ریاکتور از  $\text{Mean Motion}$  باشد دراینصورت یک انحراف بوجود می آید که سبب یک

می شود

Turbulence عوامل زیر انجام میگردد .

۱- Momentum مقدار حرکت پاچندی حرکت .

۲- Heat گرمای

۳- Matter که عبارتست از بخار آب ذرات گرد و زلک و دود مواد رادیواکتیویته .

## تئوری سینتیک گازها

گازها ملکولهای هستند که دائماً در حرکتند فشارگاز یعنی آنکه هرگاز از راه خود را غمبهاران میکند که آنرا فشارگاز نہیاند و نیز ملکولها با سرعت زیاد در راه حرکت هستند که به ملکولهای مجاور یا دیواره برسورد میکند در این صورت فشار بوجود می آید . درجه حرارت گازی خنثی انرژی جنبشی گاز - وقتی ترمومتری را داخل غاز قرار میدهیم - ملکولها جد از ترمومتر را بهمباران میکنند به اینکه هرچه عو<sup>و</sup> سرعت مولکولها بیشتر باشد حرارت آن نیز زیاد ترمیمه شود .

اگر لوله‌ای را که در آن مقداری فشاره تراودا رد در نظر بگیریم میدانیم که سرعت در روسخانه لوله بیشتر از سرعت در جد از آن میباشد این عامل بعلت وجود اصطکاک میباشد اگر ارتفاعی را در نظر بگیریم مقدار غلظات بخارآب در نزدیکی سطح آن بیشتر از غلظات در طبقات بالای آن خواهد بود در این صورت یک گرادیان غلظات خواهیم داشت و مقدار تبخیرآب متناسب با گرادیان غلظات میباشد .

## E<sub>dif</sub> تعریف

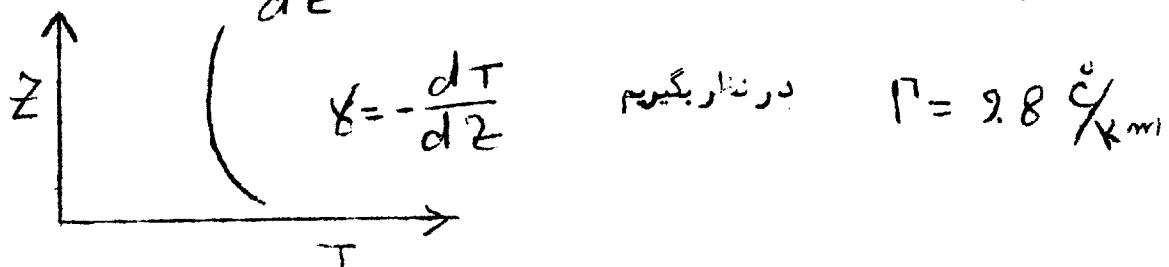
اگر یک بسته هوا را که دارای حرکت ناهمتاً بوده بدارو که پس از مدتی حرکت بدون آنکه باهوا مجاور شود مخلوط شود آنرا E<sub>dif</sub> می‌نامند پس چندی حرکت در جو بوسیله E<sub>dif</sub> می‌باشد

- ۱۰ -

انجام میشود. چندی حرکت  $\dot{x}$  درینین کم و در بالا زیاد میباشد که آنرا  $\ddot{x}$  نامند حرکات  $\ddot{x}$  کا تقریباً هزار باره موثرتر از حرکات ملکولی است.

اگر رزوی یک سنجاقه محور ای مختهای در رزوی محور افقی  $T$  و در رزوی محور قائم مقدار  $Z$  را

ببریم و مقدار  $\frac{dZ}{dT}$  افت باری را رادیوسند میهودد به  $= \frac{dZ}{dT} = \gamma$  و مقدار افت بار



میتوان ثابت کرد که اگر  $\gamma < \gamma_0$  باشد در این صورت  $\dot{x}$  ها گرمara ازیائین به بالا

میهند و واپسی دار میباشد و اگر  $\gamma > \gamma_0$  باشد در این صورت  $\dot{x}$  ها گرمara از بالا بست

پائین منتقل مینمایند و واپسی دار میباشد و اگر  $\gamma = \gamma_0$  باشد در این صورت انتقال گرمای برابر

جفراست

حال ممان را تعریفمی نمائیم.

ممان خطی بصورت  $MV$  نشان میدهیم

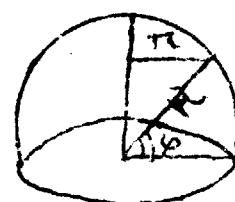
ممان زاویه‌ای سرعت زاویه‌ای در یک حرکت متا به برابر است با شعاع دوران در سرعت زاویه‌ای بهینه

$$V = \pi r \omega$$

طبق این تعریف مان زاویه‌ای برابر  $MV/\tau$  می‌باشد

حال اگر در رابطه  $AM = MV/\tau$  بجای  $V$  مساوی آنرا قرار دهیم

$$AM = MV/\tau - \omega$$



خواهیم داشت که

$$\tau = R \cos \varphi$$

$$AM = MVR^2 \omega \cos \varphi \quad \text{بجای } \tau \text{ مساوی آنرا قرار دهیم}$$

( ممان از جنس انرژی می‌باشد )  
اما

ممان کل برابر است با  $\frac{1}{2} I \omega^2$ . جسم بعلاوه ممان زمین مقدار جرم را واحد فرض کنیم

$$M = uR \cos \varphi + R^2 \omega^2 R \cos^2 \varphi$$

$$M = R \cos \varphi (u + \omega^2 R \cos^2 \varphi)$$

در نظر بگیرید مدار از صفر تا  $2\pi$  انتگرال گرفته واردیگر از  $\omega = \frac{d\theta}{dt} = \frac{d\theta}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} = R \cos \varphi \omega$  می‌گیریم

$$M = \int_{0}^{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} (u + \omega^2 R \cos^2 \varphi) R \cos \varphi \rho dz dx$$

و نیز داریم که  $d\lambda = R \cos \varphi d\theta$  پس مثاباً براین داریم که

$$M = \int_{0}^{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} (u + R \omega^2 \cos^2 \varphi) R^2 \cos^2 \varphi \rho dz d\lambda$$

پس از محاسبه خواهد شد

$$M = 2\pi R^2 \cos^2 \varphi \int_{-\infty}^{\infty} (u + R \omega^2 \cos^2 \varphi) \rho dz$$

حال دراین رابطه بجای  $\omega$  مساوی آنرا از زاید  $dP = -\rho g dz$  قرار دهیم

$$M = \frac{2\pi R^2 \cos^2 \varphi}{g} \int_0^P (u + R \omega \cos \varphi) \frac{dP}{g}$$

خواهیم داشت

$$M = \frac{2\pi R^2 \cos^2 \varphi}{g} \int_0^P (u + R \omega \cos \varphi) dP \quad (1)$$

ویا

حال فرض میکنیم که

$$u = \bar{u} + u'$$

$$\omega = \bar{\omega} + \omega'$$

که در این رابطه  $\bar{u}$  سرعت درین لحظه معین و  $\bar{\omega}$  متوسط سرعت و  $\omega'$  انحراف از سرعت

متوجه است با این توجه بود که در نیو سرعت متوسط وجوددارد یکی سرعت متوسط زمانی دیگری

سرعت متوسط زمانی مکانی

سرعت متوسط زمانی - اگر در یک ایستگاه سرعت را در چند ثانیه بدست آوریم و در ثانیه ای دیده باشیم

شده ضرب کنیم و باهم جمع کنیم و اصلرا بر کل ساعت، بدده باشی شده تقسیم نمائیم سرعت متوسط

زمانی بدست می آید.

سرعت متوسط مکانی - هرگاه در یک لحظه معین مثلاً "در ساعت ۵۵۵" در چندین ایستگاه سرعت باد را از روی سرعت باد نما که خوانده میشود و این سرعتها را باهم جمع کنیم و تقسیم بر کل تعداد ایستگاه ها

بدده باشی شده نمائیم سرعت متوسط بدست می آید

حال در این رابطه فوق را در یکدیگر ضرب، مینمائیم در این صورت خواهیم داشت که

$$u \omega = \bar{u} \bar{\omega} + \bar{u} \omega' + u' \bar{\omega} + u' \omega'$$

حال این رابطه را برای یک ماه بدست می آوریم یعنی حاصل جمع بدست می آوریم داریم

$$\sum u v = \sum \bar{u} \bar{v} + \sum u' \bar{v} + \sum \bar{u} v' \quad \text{اما میدانیم که مقدار } = \sum v' = \sum \bar{v} \text{ میباشد زیرا مجموع انحرافها با مشت صفر است}$$

$$\sum u v = \sum \bar{u} \bar{v} + \sum u' v' \quad \text{پس بنابراین داریم که}$$

حال اگر نیز این رابطه را به  $N$  تقسیم مینماییم دراین صورت خواهیم داشت که

$$\frac{\sum u v}{N} = \frac{\sum \bar{u} \bar{v}}{N} + \frac{\sum u' v'}{N} \quad \text{پس}$$

$$\overline{u v} = \overline{\bar{u} \bar{v}} + \overline{u' v'}$$

حال لذ فرمول (۱) بجای  $u$  بفرماینکه مقدار انتگرال مساوی  $M$  باشد خواهیم داشت که

$$M v = \frac{2\pi R^2 C_0}{g} \int (u v + R v - 2 \cos \phi) dP$$

$$\overline{M v} = \frac{2\pi R^2 C_0}{g} \int (\overline{u v} + \bar{v} R - 2 \cos \phi + \overline{u' v'}) dP$$

$$\overline{M v} = \frac{2\pi R^2 C_0}{g} \left[ \int \pi \bar{v} dP + \int \overline{u' v'} dP + \int \overline{v R} - 2 \cos \phi dP \right] \quad (۲)$$

بنابراین گشت آور حسابی بسه جمله تقسیم میشود که هر کدام دارای اسم بخصوصی است سمعان

ذوقی باعث اخراج انتقال گشت آور سینتیک از لبه عرض بحسر دیگر میشود.

جمله اول انتگرال فوق را گشت آور **Drift** می نامند

جمله دوم انتگرال گشت آور **Eddy Stress** ممان سینتیک جریانهای بادی می نامند

جمله سوم را گشت تأثر **2** می گویند

حال هریک از جملات بالا را تعریف مینماییم.

۱- گشت آور  $\rightarrow$  اگر چنانچه ذره‌ای از هوا در روی خدا استوا باشد و سمت شمال

حرکت کند پس از مدتی مسیر حرکت ذره به طرف شمال شرق خواهد شد این انحراف درجهت

حرکت در اثر گشت آور سینیتیک بوجود می‌آید این گشت آور در اثر نتیجه سرعت نصف‌النهاری -

یعنی  $\frac{1}{2}$  حاصل می‌شود و نیز میدانیم که  $\frac{1}{2}$  عامل انتقال است به این آن می‌شود که باد را -

$$\int_{\text{بر}}^P \frac{dP}{\sqrt{R}} = \frac{1}{2} \cos \theta$$

برابر فرمیا شد زیرا  $R = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{\cos \theta}$  مقادیر ثابتی داشتند پس پنابراین نتیجه می‌شود از اینکه

باید مقدار فشار در قطب مرتبا "افزایش یافته" و بالعکس مقدار فشار در استوا "کم گردد" در نتیجه

چنین چیزی نیست.

۲- گشت آور  $\leftarrow$  این حرکت مابه با حرکت جسمی است که در روی آب اند اخته شود

وسیله امواج آب آرامی منتقل گردد و اگر در روی یک مدار یا جریان با مؤلفه مداری  $\omega$

و نصف‌النهاری  $\frac{1}{2}$  داشته باشیم سرعت آن ذره را به دور مدار  $\omega + \frac{1}{2}\omega$  این ذره را بست عرضهای

بالاتر منتقل مینماید در نتیجه گشت آور جنبشی را بست عرضهای بالاتر انتقال میدهد

پس بطور کلی از اینجا  $\rightarrow$  حاصل خواهد شد که

$$\overline{Mv} = \frac{\pi R^2 \cos^2 \theta}{g} \left[ \int_{1000}^{Z_0} \bar{u} \sqrt{1} dP + \int_{1000}^{P_0} \bar{u} \sqrt{1} dP \right]$$