



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ  
الْحَمْدُ لِلَّهِ الَّذِي  
خَلَقَ الْمَوَدَّعَةَ  
وَالْحَمْدُ لِلَّهِ الَّذِي  
خَلَقَ الْمَوَدَّعَةَ



۸۷/۱/۱۱۶۹۰  
۸۷/۱۰/۲۱

دانشگاه کربلا  
دانشکده علوم پایه  
گروه فیزیک  
گرایش فوتونیک

پایان نامه کارشناسی ارشد

مطالعه بهره لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتومی

از:

داوود قدسی نهری

اساتید راهنما:

دکتر اسفندیار رجائی

دکتر وحید احمدی

مرداد ۸۷



۱۰۷۹۷۵

## تقدیم

تقدیم به یگانه هستی، گل سر سبد آفرینش، و امید دلها آقا امام زمان (عج)

و تقدیم به پدر و مادر و خانواده مهربانم

و تقدیم به تمامی پویندگان راه علم و دانش

## تقدیر و تشکر

خدایا چنان کن سرانجام کار

تو خشنود باشی و ما رستگار

حمد و ستایش مخصوص پروردگاری است که آفریننده خوبیهاست. از پدر و مادر عزیزم و خانواده مهربانم که یاری کننده من بوده‌اند بسیار سپاسگزارم. از اساتید محترم راهنما جناب آقای دکتر وحید احمدی و جناب آقای دکتر اسفندیار رجائی، همچنین از جناب آقای دکتر محمد حسن یاوری که مرا در انجام این رساله هدایت کردند بسیار متشکرم. از اساتید محترمی که به من علم آموختند، کمال تشکر را دارم، از جناب آقای دکتر حمید رضا مشایخی و جناب آقای دکتر صابر فرجامی شایسته که زحمت داوری این رساله را پذیرفتند، سپاسگزارم. همچنین از تمامی دوستانی که در انجام این رساله به من کمک کردند، صمیمانه تشکر می‌نمایم.

## فهرست مطالب

صفحه ش ص ۱	عنوان
	چکیده فارسی
	چکیده انگلیسی
	مقدمه
<b>فصل اول:</b>	
<b>ساختار لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتومی</b>	
۴	مقدمه ۱-۱
۵	ساختارهای نیمه رسانای غیر همجنس ۲-۱
۷	پیوندهای نیمه رسانا ۳-۱
۱۰	انواع لیزرهای نیمه رسانا ۴-۱
۱۰	لیزرهای نیمه رسانای غیر همجنس دو گانه از لحاظ ضخامت لایه فعال ۱-۴-۱
۱۱	ساختار نوار انرژی نیمه رساناها ۵-۱
۱۳	ساختار نوار انرژی لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتومی ۱-۵-۱
۱۵	ساختار لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتومی ۶-۱
۱۶	حالت‌های الکترونیکی نیمه رساناهای نانو ساختار ۷-۱
۱۸	مواد حجمی ۱-۷-۱
۱۹	چاه کوانتومی ۲-۷-۱
۲۰	سیم کوانتومی ۳-۷-۱
۲۱	نقطه کوانتومی ۴-۷-۱
۲۲	ساخت ۸-۱
۲۳	روشهای ساخت لیزرهای نقطه کوانتومی خودسامانی ۱-۸-۱
۲۵	تشکیل نقاط کوانتومی در روش استرانسکی- کراستانو ۲-۸-۱
۲۶	مشخصه‌های ساختاری لیزرهای نقطه کوانتومی ۹-۱
۲۶	الکترو لومینینس ۱-۹-۱
۲۸	فوتولمینینس ۲-۹-۱
۳۰	فاکتورهای محدود کننده عملکرد لیزر نقطه کوانتومی ۱۰-۱
۳۲	تکنیکهای کلیدی برای عصر جدید ۱۱-۱

۳۲	لیزرهای نقطه کوانتیمی تنگ چیده شده	۱-۱۱-۱
۳۵	لیزرهای نقطه کوانتیمی ستونی	۲-۱۱-۱
۳۸	لیزر گسیل سطح کاواک عمودی نقطه کوانتیمی	۳-۱۱-۱

## فصل دوم:

## فیزیک لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتیمی

۴۲	مقدمه	۱-۲
۴۲	اصول عملکرد لیزرهای نیمه رسانا	۲-۲
۴۳	فرایندهای باز ترکیب	۱-۲-۲
۴۴	باز ترکیبهای غیر تابشی	۱-۱-۲-۲
۴۵	انواع فرایندهای اپتیکی	۲-۲-۲
۴۶	گسیل خود بخودی	۱-۲-۲-۲
۴۶	گسیل القایی	۲-۲-۲-۲
۴۶	جذب	۳-۲-۲-۲
۴۶	آستانه لیزری	۳-۲-۲
۴۷	شرط گسیل القایی	۴-۲-۲
۴۸	خواص اساسی لیزرهای نقطه کوانتیمی ایده‌آل	۳-۲
۵۲	مزایای لیزرهای نقطه کوانتیمی	۴-۲
۵۳	تئوری اساسی لیزرهای نقطه کوانتیمی	۵-۲
۵۳	فاکتور محدودیت اپتیکی	۱-۵-۲
۵۴	بهره و آستانه	۲-۵-۲
۵۵	دمای مشخصه	۳-۵-۲
۵۶	تابع توزیع حامل	۴-۵-۲
۵۹	جریان آستانه	۵-۵-۲
۶۱	طیف لیزری	۶-۵-۲
۶۳	مشخصه‌های دینامیکی	۷-۵-۲
۶۴	واهلش حامل در نقاط کوانتیمی	۸-۵-۲
۶۵	مدل واهلش حامل در نقاط کوانتیمی	۹-۵-۲

۶۸	سازوکارهای وافازی قطبش در نقاط کوانتمی	۱۰-۵-۲
۶۸	غیر همسانی نقاط کوانتمی	۶-۲
۷۰	اثر پهن شدگی ناهمگن روی بهره	۱-۶-۲
۷۲	اثر پهن شدگی ناهمگن روی چگالی جریان آستانه	۲-۶-۲
۷۴	ویژگیهای لیزر نقطه کوانتمی	۷-۲

### فصل سوم:

#### معادلات آهنگ لیزرهای نیمه رسانای نقطه کوانتمی

۸۱	تولید و باز ترکیب حاملها در ناحیه فعال	۱-۳
۸۲	تولید فوتونهای خودبخودی	۲-۳
۸۳	تولید فوتون و اتلاف در کاواکهای لیزری	۳-۳
۸۶	بهره حالت ایستا یا آستانه	۴-۳
۹۰	ویژگیهای اساسی منحنی توان - جریان	۵-۳
۹۲	تحلیل حالت ایستای معادلات آهنگ	۶-۳
۹۷	جوابهای حالت ایستا چند مدی	۷-۳
۹۸	تحلیل دیفرانسیلی معادلات آهنگ	۸-۳
۱۰۰	اختلال سیگنال بزرگ: تحلیل عددی معادلات آهنگ چند مدی	۹-۳
۱۰۲	روش رانگ-کوتا مرتبه چهار	۱۰-۳
۱۰۵	پاسخ گذرا سیگنال بزرگ	۱۱-۳
۱۰۶	بهره اپتیکی خطی	۱۲-۳
۱۰۸	معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتمی	۱۳-۳
۱۱۲	معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتمی در حالت ایده‌ال با در نظر گرفتن بهره غیر خطی	۱۴-۳
۱۱۳	معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتمی با در نظر گرفتن بهره غیر خطی و گریز حرارتی حاملها	۱۵-۳
۱۱۳	گریز حرارتی حاملها از نقاط کوانتمی	۱-۱۵-۳
۱۱۳	بهره اپتیکی غیر خطی	۲-۱۵-۳

### فصل چهارم:

#### شبیه سازی مشخصه های لیزر نقطه کوانتمی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی

۱۱۶	شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی در حالت ایده‌آل	۱-۴
۱۱۷	بررسی اثر دینامیک واهلش حاملها	۱-۱-۴
۱۱۹	بررسی اثر پوشش نقاط کوانتومی	۲-۱-۴
۱۲۴	شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی در حالت واقعی با بهره خطی	۲-۴
۱۲۶	شبیه‌سازی طیف نور-گسیل	۱-۲-۴
۱۲۹	شبیه‌سازی طیف بهره-گسیل	۲-۲-۴
۱۳۱	شبیه‌سازی پاسخ گذرا سیگنال بزرگ	۳-۲-۴
۱۳۸	شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی واقعی با بهره کل	۳-۴
۱۳۸	شبیه‌سازی طیف بهره-گسیل	۱-۳-۴
۱۴۱	شبیه‌سازی پاسخ گذرا سیگنال بزرگ	۲-۳-۴
۱۴۳	شبیه‌سازی طیف نور-گسیل	۳-۳-۴
۱۴۶	شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی واقعی با در نظر گرفتن بهره کل و گرزی حرارتی حاملها از نقاط کوانتومی	۴-۴
۱۴۶	شبیه‌سازی طیف نور-گسیل	۱-۴-۴
۱۴۷	شبیه‌سازی مشخصه‌های دینامیکی	۲-۴-۴
۱۴۸	بررسی اثر تنگنا فونون و پهن‌شدگی ناهمگن	۳-۴-۴
۱۵۰	بررسی اثر تغییر زمانهای بازترکیب	۴-۴-۴
۱۵۲	شبیه‌سازی پاسخ فرکانسی	۵-۴-۴
۱۵۴	شبیه‌سازی مشخصه‌های نور جریان لیزر نقطه کوانتومی $InGaAs/GaAs$ خودسامانی در حالت واقعی با بهره خطی	۵-۴
۱۵۴	بررسی اثر پهن‌شدگی همگن	۱-۵-۴
۱۵۷	بررسی اثر پهن‌شدگی ناهمگن	۲-۵-۴
۱۵۷	بررسی اثر دینامیک واهلش حامل	۳-۵-۴
۱۶۱	بررسی اثر پهن‌شدگی ناهمگن	۱-۳-۵-۴
۱۶۲	بررسی اثر پوشش نقاط کوانتومی	۴-۵-۴

## فصل پنجم:

## نتیجه‌گیری و پیشنهادات



صفحه	عنوان
۱۶۵	نتیجه گیری
۱۶۹	پیشنهادات
۱۷۰	مراجع
۱۷۳	پیوست (الف)
۱۸۵	پیوست (ب)
۱۸۸	پیوست (پ)
۱۹۷	پیوست (ج)

## فهرست جداول

صفحه	عنوان
۱۱۶	جدول (۴-۱) پارامترهای مورد استفاده در شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی <i>InGaAs/GaAs</i> خودسامانی در حالت در ایده‌آل
۱۲۵	جدول (۴-۲) پارامترهای مورد استفاده در شبیه‌سازی عملکرد لیزر نقطه کوانتومی <i>InGaAs/GaAs</i> خودسامانی در حالت واقعی

## فهرست اشکال

صفحه	عنوان	شکل
۷	نمایش شماتیک ساختار همجنس، و غیرهمجنس دو گانه	شکل (۱-۱)
۸	ساختار نوار انرژی یک پیوند $p-n$ در بایاس صفر، بایاس مستقیم، و چگالی الکترونها و حفره‌ها در بایاس مستقیم	شکل (۲-۱)
۹	ساختار نوار انرژی یک پیوند غیر همجنس دو گانه در بایاس صفر، بایاس مستقیم، و ناپیوستگی گاف نواری	شکل (۳-۱)
۱۲	نمودار انرژی بر حسب بردار موج برای یک نیمرسانای با گاف مستقیم برای نوارهای رسانش و ظرفیت	شکل (۴-۱)
۱۳	طرحواره سطح مقطع و نوار انرژی لیزر نقطه کوانتومی نوعی	شکل (۵-۱)
۱۴	نمای کلی سطح مقطع انرژی نوار هدایت لیزر نقطه کوانتومی $In(Ga)As - GaAs$ نوعی و ضریب شکست لایه‌های مربوطه، و میدان اپتیکی در جهت جانبی	شکل (۶-۱)
۱۶	نمای لیزر نقطه کوانتومی با کاواک لبه گسیل شامل ساختار نقطه کوانتومی سه چینه‌ای	شکل (۷-۱)
۱۷	طرحواره نانوساختارهای کوانتومی و چگالی حالت‌های آنها	شکل (۸-۱)
۲۲	طیف جذب اپتیکی در ۷۷ K چاه کوانتومی کرنش یافته، و طیف فوتولومینسنس نقاط کوانتومی	شکل (۹-۱)
<b><math>InGaAs/GaAs</math> در ۵ K</b>		
۲۶	نمای سطحی و سطح مقطع تصاویر گرفته شده با میکروسکوپ الکترون عبوری از ساختار نقطه کوانتومی سه چینه‌ای	شکل (۱۰-۱)
۲۷	طیف الکترو لومینسنس برای جریانهای تزریقی متفاوت	شکل (۱۱-۱)
۲۸	طیف فوتولومینسنس در ۳۰۰ K برای ساختار نقطه کوانتومی سه چینه‌ای	شکل (۱۲-۱)
۲۹	اثر اندازه نقطه کوانتومی روی حالت‌های برانگیخته الکترون و حفره	شکل (۱۳-۱)
۳۳	تصویر سطح مقطعی TEM، و طرحواره ساختار نقطه کوانتومی تنگ چیده شده	شکل (۱۴-۱)
۳۴	طیف PL ساختار نقطه کوانتومی تنگ چیده شده در ۴/۲ K، همراه با طیف PL نقطه کوانتومی معمولی بدون جفت‌شدگی الکترونیکی	شکل (۱۵-۱)
۳۶	تصویر سطح مقطعی TEM ساختار نقطه کوانتومی ستونی	شکل (۱۶-۱)
۳۷	مشخصه‌های توان خروجی - جریان لیزر نقطه کوانتومی ستونی	شکل (۱۷-۱)
۳۸	طیف PL اندازه‌گیری شده نقاط کوانتومی ستونی در ۳۰۰ K همراه با طیف PL نقاط کوانتومی تک لایه رشد یافته در روش SK	شکل (۱۸-۱)
۳۹	حالت‌های الکترونی و مدهای فوتونی در میکروکاواک VCSEL نقطه کوانتومی	شکل (۱۹-۱)

- شکل (۱-۲۰) ۴۰ نمای ساختار VCSEL نقطه کوانتومی با لایه فعال شامل ۱۰ دوره لایه‌های نقطه کوانتومی  $In_{0.5}Ga_{0.5}As$
- شکل (۲-۱) ۴۹ طرحواره چگالی حالتها در نوار هدایت و نوار ظرفیت برای یک لیزر ساختار غیرهمجنس دوگانه حجمی، چاه کوانتومی، سیم کوانتومی و نقطه کوانتومی
- شکل (۲-۲) ۵۰ چگالی حالتها و طیف بهره برای ابعاد مختلف ناحیه فعال
- شکل (۲-۳) ۵۱ طیف بهره محاسبه شده در  $300 K$  برای ساختارهای نقطه کوانتومی ایده‌آل، سیم کوانتومی، چاه کوانتومی، و حجمی
- شکل (۲-۴) ۵۲ بهره پیک محاسبه شده بر حسب تابعی از چگالی جریان برای چهار نوع لیزر با ناحیه فعال نقطه کوانتومی، سیم کوانتومی، چاه کوانتومی، و حجمی
- شکل (۲-۵) ۵۷ پیش‌بینی تئوری تابع توزیع حامل برای سه دمای متفاوت
- شکل (۲-۶) ۵۸ توزیع حامل برای جریانهای تزریقی متفاوت  $0.15-210e/\tau$ ، بر نقطه کوانتومی برای مجموعه نقاط کوانتومی در دو دمای متفاوت  $300 K$  و  $77 K$
- شکل (۲-۷) ۵۹ طیف بهره (در واحدهای ماکزیمم بهره مدی،  $g^{max}$ ، گذار حالت پایه) برای جریانهای تزریقی متفاوت  $0.15-210e/\tau$  بر نقطه کوانتومی در دو دمای  $300 K$  و  $77 K$
- شکل (۲-۸) ۵۹ وابستگی تئوری چگالی جریان آستانه به پوشش سطحی نقاط کوانتومی
- شکل (۲-۹) ۶۱ طیف بهره اشباع مجموعه نقاط کوانتومی، چگالی جریان آستانه و طول موج لیزردهی بر حسب اتلافهای کلی و ماکزیمم بهره گذار حالت پایه
- شکل (۲-۱۰) ۶۲ طیف لیزری برای جریانهای تزریقی متفاوت (در واحدهای جریان آستانه) برای پهن‌شدگی ناهمگن  $\Gamma_0 = 20 meV$  و پهن‌شدگی همگن  $\Gamma = 0 meV$  و  $\Gamma = 20 meV$
- شکل (۲-۱۱) ۶۵ نمای تنگنا فونون
- شکل (۲-۱۲) ۶۶ دو مرحله واهلش حامل در نقاط کوانتومی، واهلش از ترازهای پیوسته و واهلش در بین ترازهای مجزای نقاط کوانتومی
- شکل (۲-۱۳) ۶۷ نمای دو فرآیند واهلش حامل از ترازهای پیوسته، فرآیند چند فونونی و فرآیند اوژه
- شکل (۲-۱۴) ۶۸ فرآیندهای وافازی در نقاط کوانتومی
- شکل (۲-۱۵) ۶۹ پهن‌شدگی ناهمگن انرژی گذار اپتیکی و در نتیجه پهن‌شدن طیف بهره به خاطر اندازه‌های متفاوت نقاط کوانتومی
- شکل (۲-۱۶) ۷۱ طیف بهره مدی برای پهن‌شدن تعادلی نقاط کوانتومی
- شکل (۲-۱۷) ۷۳ طرحواره نوار انرژی لیزر نقطه کوانتومی
- شکل (۲-۱۸) ۷۴ چگالی جریان آستانه بر حسب مربع ریشه میانگین تغییرات نسبی اندازه نقاط کوانتومی

- شکل (۱۹-۲) وابستگی چگالی جریان آستانه به طول کاواک برای لیزرهای با تعداد متفاوتی از لایه‌های نقاط کوانتومی و انعکاسهای سطح متفاوت ۷۵
- شکل (۲۰-۲) مشخصه‌های توان خروجی بر حسب جریان برای لیزر نقطه کوانتومی تحت شرط موج پیوسته ۷۶
- شکل (۲۱-۲) رفتار طول موجی لیزرهای نقطه کوانتومی با پارامترهای ساختاری متفاوت ۷۷
- شکل (۲۲-۲) رابطه بین طول موج لیزردهی و بهره آستانه برای تک لایه نقطه کوانتومی ۷۸
- شکل (۲۳-۲) پیچ خوردگی بزرگ در مشخصه‌های نور-جریان لیزر نقطه کوانتومی ۷۹
- شکل (۱-۳) نمایش طرحوار لیزرهای مسطح و کاواک عمودی، نشان‌دهنده حجمهای فعال و کاواک ۸۴
- شکل (۲-۳) سطح مقطع کاواک لیزر نوعی ۸۷
- شکل (۳-۳) نمایش توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای یک دیود لیزر ۹۱
- شکل (۴-۳) مشخصه نور-جریان در دو اندازه جانبی متفاوت سه لیزر گسیل سطح کاواک عمودی و یک لیزر مسطح چاه کوانتومی ۹۵
- شکل (۵-۳) مشخصه نور-جریان روی یک مقیاس خطی، بهره مادی و چگالی حامل-جریان برای لیزر مسطح ۹۶
- شکل (۶-۳) مشخصه نور-چگالی جریان برای سه مد متفاوت در لیزر چاه کوانتومی مسطح ۹۸
- شکل (۷-۳) اختلال سیگنال بزرگ لیزر مسطح InGaAs/GaAs چاه کوانتومی ۱۰۲
- شکل (۸-۳) اختلال سیگنال بزرگ یک کاواک لیزر کوچک با استفاده از پارامترهای VCSEL ۱۰۲
- شکل (۹-۳) نمایش روش رانگ-کوتا مرتبه چهار، انتگرال گیری عددی یک تابع ۱۰۴
- شکل (۱۰-۳) جریان پله‌ای ورودی به صورت تابعی از زمان، خروجی نور دیود لیزر بر سطح آینه به صورت تابعی از زمان، و چگالی حامل نوار هدایت و ظرفیت به صورت تابعی از زمان ۱۰۵
- شکل (۱۱-۳) دیاگرام انرژی نوار هدایت ناحیه فعال لیزر نقطه کوانتومی و فرایند واهلش حاملها درون حالت پایه نقاط کوانتومی ۱۰۸
- شکل (۱۲-۳) برهمکنش بین فوتونهای مد کاواک و حاملها در نقاط کوانتومی از طریق پهن شدگی همگن بهره اپتیکی ۱۱۰
- شکل (۱-۴) توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای مقادیر مختلف زمانهای بازترکیب و واهلش به نقاط کوانتومی ۱۱۷
- شکل (۲-۴) توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای زمانهای متفاوت زمانهای بازترکیب و واهلش به نقاط کوانتومی محاسبه شده با روش عددی گوس-نیوتن ۱۱۸
- شکل (۳-۴) توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای مقادیر مختلف ضریب پوشش نقاط کوانتومی در  $\tau_0 = 10ps$  و  $\tau_{qr} = 3ns, \tau_r = \tau_{spont} = 2/8 ns$  برای طول عمرهای بازترکیب ۱۲۰
- شکل (۴-۴) توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای مقادیر مختلف ضریب پوشش نقاط کوانتومی در  $\tau_0 = 10ps$  و  $\tau_{qr} = 0/5 ns, \tau_r = \tau_{spont} = 2/8 ns$  برای طول عمرهای بازترکیب ۱۲۲

- شکل (۵-۴) ماکزیمم توان خروجی بر حسب زمان واهلش به نقاط کوانتمی در تمام پهنا در نصف ماکزیمم  
 ۱۲۴  $\Gamma_0 = 10 meV$ ،  $\Gamma_0 = 20 meV$  و  $\Gamma_0 = 30 meV$  برای پوششهای مختلف نقاط کوانتمی
- شکل (۶-۴) طیف نور - گسیل برای تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی همگن متفاوت  
 ۱۲۶
- شکل (۷-۴) طیف نور گسیل در  $80 K$  کلونین،  $160 K$  کلونین، و  $298 K$   
 ۱۲۸
- شکل (۸-۴) طیف بهره-گسیل برای تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی همگن متفاوت  
 ۱۲۹
- شکل (۹-۴) طیف بهره-گسیل برای  $\hbar\gamma_{cv} = 3 meV$  و  $\hbar\gamma_{cv} = 5 meV$   
 ۱۳۰
- شکل (۱۰-۴) مشخصه‌های دینامیکی شبیه‌سازی شده تعداد حاملهای گروه مرکزی در جریانهای تزریقی متفاوت برای  
 ۱۳۲ مقادیر مختلف پهن شدگی همگن
- شکل (۱۱-۴) نمایش دیگری از مشخصه‌های دینامیکی شبیه‌سازی شده تعداد حاملهای گروه مرکزی در همان جریانها  
 ۱۳۳ و مقادیر پهن شدگی همگن شکل (۱۰-۴)
- شکل (۱۲-۴) مشخصه‌های دینامیکی شبیه‌سازی شده تعداد فوتونهای مد مرکزی در جریانهای تزریقی متفاوت برای  
 ۱۳۴ مقادیر مختلف پهن شدگی همگن
- شکل (۱۳-۴) نمایش دیگری از مشخصه‌های دینامیکی شبیه‌سازی شده تعداد فوتونهای مد مرکزی در همان جریانها و  
 ۱۳۵ مقادیر پهن شدگی همگن شکل (۱۲-۴)
- شکل (۱۴-۴) تحول زمانی تعداد فوتونها در جریان  $2 mA$  برای  $\hbar\gamma_{cv} = 5 meV$   
 ۱۳۷
- شکل (۱۵-۴) مشخصه بهره - گسیل با مقادیر قبلی پهن شدگی همگن برای جریانهای تزریقی متفاوت با در نظر  
 ۱۳۹ گرفتن بهره کل
- شکل (۱۶-۴) کاهش بهره کل نسبت به بهره خطی برای  $\hbar\gamma_{cv} = 5 meV$  و جریانهای  $0.10 mA$   
 ۱۴۰
- شکل (۱۷-۴) طیف بهره-گسیل برای  $\hbar\gamma_{cv} = 3 meV$  و  $\hbar\gamma_{cv} = 5 meV$  با در نظر گرفتن بهره کل  
 ۱۴۰
- شکل (۱۸-۴) مشخصه دینامیکی تعداد حاملهای گروه مرکزی در جریانهای مختلف برای  $\hbar\gamma_{cv} = 0.18 meV$   
 ۱۴۱
- شکل (۱۹-۴) مشخصه دینامیکی تعداد فوتونهای مد مرکزی در  $0.7, 1.0 meV$  با در نظر گرفتن بهره کل  
 ۱۴۲
- شکل (۲۰-۴) مشخصه دینامیکی تعداد فوتونهای مدهای مختلف در تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی همگن  
 ۱۴۳ برابر با تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی ناهمگن
- شکل (۲۱-۴) طیف نور - گسیل شبیه‌سازی شده با در نظر گرفتن بهره کل، در جریانهای متفاوت برای مقادیر مختلف  
 ۱۴۴  $\hbar\gamma_{cv}$
- شکل (۲۲-۴) کاهش توان خروجی در حالتی که بهره کل را در نظر بگیریم نسبت به حالت بهره خطی برای  
 ۱۴۵ جریانهای  $0.10 mA$
- شکل (۲۳-۴) منحنی نور - گسیل برای سه دمای  $80 K$  ( $\hbar\gamma_{cv} = 0.18 meV$ )،  $160 K$  ( $\hbar\gamma_{cv} = 5 meV$ ) و  
 ۱۴۶  $298 K$  ( $\hbar\gamma_{cv} = 10 meV$ )

- شکل (۲۴-۴) منحنی نور-گسیل با و بدون در نظر گرفتن گریز حرارتی حاملها از نقاط کوانتومی برای عملکرد دمای اطاق لیزر مورد بررسی در  $10 mA$  و  $5 mA$
- شکل (۲۵-۴) مشخصه دینامیکی تعداد حامل و فوتون مد مرکزی در دمای  $298 K$
- شکل (۲۶-۴) ماکزیمم دامنه نوسان واهلشی و تعداد حامل حالت ایستا با و بدون در نظر گرفتن گریز حرارتی حاملها از نقاط کوانتومی
- شکل (۲۷-۴) طیف نور-گسیل محاسبه شده در زمانهای واهلش  $\tau_0 = 1, 10, 100, 300, 500 ps$  در  $\Gamma_0 = 10 meV$
- شکل (۲۸-۴) مشخصه نور-گسیل برای  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  (۱) و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  (۲)
- شکل (۲۹-۴) مشخصه نور-گسیل برای زمانهای بازترکیب متفاوت (۱)  $\tau_{gr} = 3 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  (۲)
- شکل (۳۰-۴) مشخصه‌های دینامیکی تعداد حامل و فوتون مد مرکزی برای  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$
- شکل (۳۱-۴) مشخصه‌های دینامیکی تعداد حاملها و فوتونها برای زمانهای بازترکیب متفاوت (۱)  $\tau_{gr} = 3 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  (۲)
- شکل (۳۲-۴) پاسخ فرکانسی عملکرد دمای اطاق لیزر مورد بررسی در جریانهای متفاوت
- شکل (۳۳-۴) پاسخ فرکانسی برای مقادیر مختلف پهن‌شدگی همگن در  $I = 10 mA$  و  $I = 5 mA$
- شکل (۳۴-۴) توان خروجی بر حسب جریان تزریقی برای  $\hbar\Gamma_{cv} = 0.1, 1, 10 meV$
- شکل (۳۵-۴) مشخصه نور-جریان تجربی تحت شرط موج پیوسته در دو دمای  $298 K$  و  $80 K$
- شکل (۳۶-۴) مشخصه نور-جریان برای  $\hbar\gamma_{cv} = 0.1, 1, 2, 2/5, 4/5 meV$  و  $\hbar\gamma_{cv} = 2, 4/5, 5, 5/5, 6/5 meV$ .  $\hbar\gamma_{cv} = 0.1, 1, 3, 4, 4/5, 5 meV$  در تمام پهنای در نصف ماکزیمم پهن‌شدگی  $\hbar\gamma_{cv} = 5, 7, 10, 20 meV$  ناممکن  $\Gamma_0 = 20 meV$
- شکل (۳۷-۴) مشخصه نور-جریان برای  $\hbar\gamma_{cv} = 7, 10, 15, 20 meV$  در  $\Gamma_0 = 30 meV$  و  $\hbar\gamma_{cv} = 8, 10 meV$  در  $\Gamma_0 = 40 meV$
- شکل (۳۸-۴) مشخصه نور-جریان برای زمانهای واهلش متفاوت در زمانهای بازترکیب  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$
- شکل (۳۹-۴) مشخصه نور-جریان برای زمانهای واهلش متفاوت در زمانهای بازترکیب  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 0.5 ns$ ,  $\tau_r = 2/8 ns$  تا جریان  $100 mA$

- شکل (۴-۴۰) مشخصه بهره - جریان برای زمانهای واهلش متفاوت در زمانهای بازترکیب  $\tau_r = 2/8 ns$ ،  
 $\tau_{gr} = 3 ns$  و  $\tau_r = 2/8 ns$ ،  $\tau_{gr} = 0/5 ns$  و  $\tau_r = 0/5 ns$ ،  $\tau_{gr} = 0/5 ns$ ،  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$
- شکل (۴-۴۱) مشخصه نور- جریان برای لیزر مورد بررسی عمل کننده در دمای اطاق در زمانهای بازترکیب  
 $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$  و تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی ناهمگن  
 $\Gamma_0 = 40 meV$
- شکل (۴-۴۲) مشخصه نور- جریان برای تمام پهنا در نصف ماکزیمم پهن شدگی همگن و ناهمگن  $20 meV$ ،  
 زمانهای بازترکیب  $\tau_r = 2/8 ns$  و  $\tau_{gr} = 3 ns$  و زمان واهلش  $10 ps$  برای پوششهای متفاوت



## مطالعه بهره لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی

داوود قدسی نه‌ری

در این تحقیق، ساختار نوار انرژی نقاط کوانتومی، ساختار لیزرهای نقطه کوانتومی، فیزیک، روشهای ساخت، و مشخصه‌های این لیزرها، همچنین، محدودیتها و تکنولوژیهای کلیدی برای بهبود عملکرد آنها بیان می‌شوند. معادلات آهنگ توصیف کننده عملکرد لیزرهای نقطه کوانتومی بدست می‌آیند. با استفاده از روشهای تحلیلی و عددی، معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی  $\text{InGaAs/GaAs}$  خودسامانی در حالت ایده‌آل حل شده و مشخصه‌های نور-جریان آن شبیه‌سازی می‌شوند. ما نشان می‌دهیم که پدیده تنگنا فونون و کاهش طول عمرهای بازترکیب در چاه و نقاط کوانتومی موجب افت مشخصه‌های استاتیکی لیزر مورد بررسی می‌شوند. همچنین، معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی فوق در حالت واقعی و با در نظر گرفتن بهره خطی حل می‌شوند و مشخصه‌های استاتیکی و دینامیکی لیزر نقطه کوانتومی فوق شبیه‌سازی شده و نشان می‌دهیم که افزایش پهن‌شدگی همگن بهره اپتیکی تا جاییکه پهن‌شدگی همگن و ناهمگن با یکدیگر برابر شوند منجر به بهبود مشخصه‌های استاتیکی نور-گیسل و بهره-گیسل لیزر مورد بررسی می‌شود. افزایش جریان تزریقی موجب بهبود مشخصه‌های استاتیکی و دینامیکی می‌گردد. افزایش پهن‌شدگی همگن منجر به افزایش تاخیر شروع و جریان آستانه تابش لیزری می‌شود. همچنین، افزایش پهن‌شدگی همگن به بیش از پهن‌شدگی ناهمگن، افزایش پهن‌شدگی ناهمگن و پوشش نقاط کوانتومی موجب افت مشخصه‌های استاتیکی می‌شوند. افزایش طول عمر واهلش به نقاط کوانتومی و کاهش طول عمر بازترکیب در لایه و تپینگ منجر به کاهش بهره دیفرانسیلی می‌شود. با حل معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی فوق در حالت واقعی و با در نظر گرفتن بهره کل، نشان می‌دهیم که بر خلاف مورد قبل به خاطر اشباع بهره، لیزردهی تک مد وجود ندارد. سرانجام پارامتر مربوط به گریز حرارتی حاملها از نقاط کوانتومی را نیز در معادلات آهنگ وارد کرده و نشان می‌دهیم که افزایش پهن‌شدگی ناهمگن منجر به پهن شدن طیف لیزری می‌شود. همچنین، پاسخ فرکانسی لیزر فوق را شبیه‌سازی کرده و نشان می‌دهیم که افزایش جریان تزریقی و کاهش پهن‌شدگی همگن منجر به افزایش فرکانس نوسان واهلشی و پهنای باند مدولاسیون می‌شوند.

کلید واژه: لیزرهای نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی، بهره، شبیه‌سازی

## *Abstract:*

### **Study of the gain of semiconductor quantum dot lasers**

**Davoud Ghodsi Nahri**

In this study, quantum dots (QDs) band-structure, QD laser structures, physics, fabrication methods, and characteristics of these lasers, limiting factors and key technologies for improvement of their performance are also presented. The rate equations that describe the QD lasers performance are derived. Using analytic and numeric methods, we solve the rate equations of self-assembled InGaAs/GaAs QD laser in an ideal state and simulate the light-current characteristics. We show the phonon-bottleneck effect, and reduction of the recombination lifetimes in the quantum well and QDs result in degradation of the static-characteristics of the mentioned QD laser. Using fourth-order Runge-Kutta method, we solve the rate equations of the mentioned QD laser in an actual state with considering the linear gain. We simulate the static and dynamic characteristics of the mentioned QD laser and show increasing the homogeneous broadening of the optical gain until it becomes equal to the inhomogeneous broadening results in improvement of the static-characteristics of light-emission and gain-emission. Increasing the injected current results in improvement of the static and dynamic-characteristics. Threshold current and turn-on delay increase as the homogeneous broadening increases. Exceeding the homogeneous broadening from inhomogeneous broadening, increasing the inhomogeneous broadening and QDs coverage as well result in degradation of the static-characteristics. The differential gain decreases as the relaxation lifetime increases and the recombination lifetimes decrease. Solving the rate equations of the mentioned QD laser in the actual state and with considering the total gain, we show due to the gain saturation, there is not single mode lasing unlike previous case. Finally, we introduce a factor in the rate equations that it relates to the thermal carrier escape from QDs and show the lasing modes number increases as the inhomogeneous broadening increases. We also simulate the frequency response of the mentioned QD laser and show increasing the injected current and reducing the homogeneous broadening result in increasing the relaxation oscillation frequency, and modulation bandwidth.

**Key words:** Quantum Dot Semiconductor Lasers, Gain, Simulation

ظهور وسایل مبتنی بر اجزاء فعال اندازه نانومتر، عصر نانو الکترونیک و نانوفوتونیک را آغاز کرده است. در بین چنین اجزائی، ساختارهای غیرهمجنس با بعد پایین، همانند چاههای کوانتمی، سیمهای کوانتمی، و نقاط کوانتمی، به طور قابل ملاحظه‌ای اهمیت یافته‌اند. محصورشدگی کوانتمی در ساختارهای غیرهمجنس با بعد پایین، ویژگی‌های اساسی یک بلور نیمه‌رسانا را شدیداً بهبود می‌بخشد. در چاههای کوانتمی، حاملها به طور فضایی در یک جهت عرضی محصور شده‌اند و آزادانه در صفحه چاه کوانتمی حرکت می‌کنند. در سیم کوانتمی، حاملها در دو جهت عرضی محصور شده‌اند و آزادانه در طول آن حرکت می‌کنند. بنابراین، طیف انرژی حامل در هر دو چاه و سیم کوانتمی، درون زیر نوارهای پهن حالتی مجاز پیوسته است و از این نظر، آنها به طور کیفی از طیف انرژی حامل در کریستال حجمی (توده‌ای) متفاوت نیستند.

در نقاط کوانتمی، حاملها، در سه بعد محصور می‌شوند و بهبود ویژگیهای الکترونی بسیار اساسی‌تر و شدیدتر است. در نتیجه در نقاط کوانتمی، ترازهای انرژی، مجزا هستند و گذارهای بین ترازهای (زیرترازهای) الکترون و حفره، با گذارهای بین ترازهای دقیقاً مجزای اتمهای منفرد، قابل مقایسه می‌باشند به این دلیل، نقاط کوانتمی را «ابر اتمها»<sup>1</sup> یا «اتمهای مصنوعی»<sup>2</sup> نیز می‌نامند. یک نقطه کوانتمی با اندازه نوعی چند تا چند ده نانومتر، شامل چند هزار تا چند ده هزار اتم است. نقاط کوانتمی، به صورت دسته‌ای از مواد ساخت انسان با انرژی‌های حالتی شبه اتمی تنظیم پذیر (از طریق تغییر دادن ترکیب و اندازه) به طور مصنوعی ساخته شده‌اند، که موجب توجه و علاقه زیادی گردیده‌اند.

لیزر نیمه‌رسانا، ابزار اساسی اپتوالکترونیک پیشرفته و فوتونیک است. سالها پیش، پیشنهاد شد که با کاهش ابعاد ناحیه فعال، می‌توان به طور چشمگیری، عملکرد لیزی را به سبب اثر اندازه کوانتمی، بهبود بخشید. این ایده کلی، در ابتدا در لیزرهای چاه کوانتمی به کار رفت و امروزه لیزرهای چاه کوانتمی، به جای لیزرهای حجمی در اکثر کاربردهای تجاری، جایگزین شده‌اند. برای لیزرهای دارای بعد پایتتر، همانند سیم کوانتمی و نقطه کوانتمی، توسعه و پیشرفت بیشتری مورد انتظار است. در مورد لیزرهای سیم کوانتمی و نقطه کوانتمی، ابتدا این ایده به صورت تئوری، تحلیل و بررسی شد. به سبب چگالی حالتی پیوسته در داخل زیرنوارهای مجاز، می‌توان با استفاده از چاه کوانتمی و سیم کوانتمی به عنوان یک محیط فعال برای گذارهای اپتیکی القائی، تنها مشخصه‌های قطعه را در مقایسه با آنها در قطعات حجمی، پیشرفت و بهبود داد.

<sup>1</sup> Superatoms

<sup>2</sup> Artificial atoms

لیزر نیمه‌رسانای نقطه کوانتومی، دسته جدیدی از لیزرهای تزریقی است که بهبود اساسی در مشخصه‌های عملکردی را فراهم می‌کند. استفاده از نقاط کوانتومی به عنوان محیط فعال در لیزرهای تزریقی، مثال مهیج نانو تکنولوژی به کار رفته در ابزارهای جالب توجه تجاری است [۱ و ۲ و ۳].

هدف این پایان‌نامه، مطالعه بهره و شبیه سازی مشخصه‌های لیزرهای نقطه کوانتومی است. بدین منظور در فصل اول، ساختار نوار انرژی و چگالی حالات نقاط کوانتومی، ساختار لیزرهای نقطه کوانتومی، روشهای ساخت، و عوامل محدود کننده عملکرد این لیزرها، همچنین، تکنولوژیهای کلیدی برای بهبود عملکرد آنها بیان می‌شوند. در فصل دوم، فیزیک و مشخصه‌های لیزرهای نقطه کوانتومی بیان می‌شوند. سپس، در فصل سوم، تحلیل حالت ایستا و تحلیل عددی معادلات آهنگ، روش حل عددی رانگ-کوتا مرتبه چهارم، و همچنین، معادلات آهنگ حاکم بر عملکرد لیزر نقطه کوانتومی توصیف می‌گردند. سرانجام در فصل چهارم، با استفاده از روشهای تحلیلی و عددی، معادلات آهنگ لیزر نقطه کوانتومی InGaAs/GaAs خودسامانی شامل نقاط کوانتومی استوانه‌ای شکل حل شده و مشخصه‌های دینامیکی و استاتیکی آن شبیه سازی می‌شوند. همچنین، اثر پارامترهای مختلف بر عملکرد لیزر نقطه کوانتومی مورد بررسی قرار می‌گیرند و سرانجام در فصل پنجم، خلاصه نتایج شبیه‌سازیها ارائه می‌شوند.