

لَهُ الْحَمْدُ لِلّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

بسم الله تعالى



دانشکده علوم ریاضی

تأییدیه اعضای هیأت داوران حاضر در جلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد

اعضای هیأت داوران نسخه نهایی پایان نامه آقای ابراهیم زارعی زفره رشتہ علوم کامپیوتر به شماره دانشجویی ۸۸۵۲۷۳۱۰۰۲ تحت عنوان: «بازسازی تصاویر توموگرافی کامپیوتربا الگوریتم های تکرار شونده» را از نظر فرم و محتوا بررسی نموده و آن را برای اخذ درجه کارشناسی ارشد مورد تأیید قرار دادند.

اعضای هیأت داوران	نام و نام خانوادگی	رتبه علمی	امضاء
۱- استاد راهنمای	دکتر فرزاد دیدهور	دانشیار	
۲- استاد مشاور	دکتر علی رجایی	استادیار	
۳- استاد ناظر داخلی	دکتر موسی گلعلیزاده	استادیار	
۴- استاد ناظر خارجی	دکتر سید حمید حاج سید جوادی	استادیار	
۵- نماینده تحصیلات تکمیلی	دکتر موسی گلعلیزاده	استادیار	

آیین نامه چاپ پایان نامه (رساله) های دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس

نظر به اینکه چاپ و انتشار پایان نامه (رساله) های تحصیلی دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس، میین بخشی از فعالیتهای علمی - پژوهشی دانشگاه است بنابراین به منظور آگاهی و رعایت حقوق دانشگاه، دانش آموختگان این دانشگاه نسبت به رعایت موارد ذیل متعهد می شوند:

ماده ۱: در صورت اقدام به چاپ پایان نامه (رساله)ی خود، مراتب را قبلاً به طور کتبی به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اطلاع دهد.

ماده ۲: در صفحه سوم کتاب (پس از برگ شناسنامه) عبارت ذیل را چاپ کند:
«کتاب حاضر، حاصل پایان نامه کارشناسی ارشد / رساله دکتری نگارنده در رشته علوم کامپیوتر است که در سال ۱۳۹۵ در دانشکده علوم رسانی خانم/جناب آقای دکتر فرزاد زیره در مشاوره سرکار خانم/جناب آقای دکتر علی جباری از آن دفاع شده است.»

ماده ۳: به منظور جبران بخشی از هزینه های انتشارات دانشگاه، تعداد یک درصد شمارگان کتاب (در هر نوبت چاپ) را به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اهدا کند. دانشگاه می تواند مازاد نیاز خود را به نفع مرکز نشر در معرض فروش قرار دهد.

ماده ۴: در صورت عدم رعایت ماده ۳، ۰٪۵ بهای شمارگان چاپ شده را به عنوان خسارت به دانشگاه تربیت مدرس، تأدیه کند.

ماده ۵: دانشجو تعهد و قبول می کند در صورت خودداری از پرداخت بهای خسارت، دانشگاه می تواند خسارت مذکور را از طریق مراجع قضایی مطالبه و وصول کند؛ به علاوه به دانشگاه حق می دهد به منظور استیفاده حقوق خود، از طریق دادگاه، معادل وجه مذکور در ماده ۴ را از محل توقيف کتابهای عرضه شده نگارنده برای فروش، تامین نماید.

ماده ۶: اینجانب ابراهیم زارعی زنگ دانشجوی رشته علوم کامپیوتر مقطع کارشناسی ارشد تعهد فوق وضمان اجرایی آن را قبول کرده، به آن ملتزم می شوم.

نام و نام خانوادگی:
تاریخ و امضا:
۱۳۹۰/۹/۱۲

آییننامه حق مالکیت مادی و معنوی در مورد نتایج پژوهش‌های علمی دانشگاه تربیت مدرس

مقدمه: با عنايت به سياست‌های پژوهشی و فناوري دانشگاه در راستای تحقق عدالت و كرامت انسانها كه لازمه شکوفايی علمی و فنی است و رعایت حقوق مادي و معنوی دانشگاه و پژوهشگران، لازم است اعضای هیأت علمی، دانشجویان، دانشآموختگان و دیگر همکاران طرح، در مورد نتایج پژوهش‌های علمی که تحت عنوانین پایان‌نامه، رساله و طرحهای تحقیقاتی با هماهنگی دانشگاه انجام شده است، موارد زیر را رعایت نمایند:

ماده ۱- حق نشر و تکثیر پایان‌نامه/ رساله و درآمدهای حاصل از آنها متعلق به دانشگاه می‌باشد ولی حقوق معنوی پدید آورندگان محفوظ خواهد بود.

ماده ۲- انتشار مقاله یا مقالات مستخرج از پایان‌نامه/ رساله به صورت چاپ در نشریات علمی و یا ارائه در مجامع علمی باید به نام دانشگاه بوده و با تایید استاد راهنمای اصلی، یکی از اساتید راهنما، مشاور و یا دانشجو مسئول مکاتبات مقاله باشد. ولی مسئولیت علمی مقاله مستخرج از پایان‌نامه و رساله به عهده اساتید راهنما و دانشجو می‌باشد.

تصریف: در مقالاتی که پس از دانشآموختگی بصورت ترکیبی از اطلاعات جدید و نتایج حاصل از پایان‌نامه/ رساله نیز منتشر می‌شود نیز باید نام دانشگاه درج شود.

ماده ۳- انتشار کتاب، نرم افزار و یا آثار ویژه (اثری هنری مانند فیلم، عکس، نقاشی و نمایشنامه) حاصل از نتایج پایان‌نامه/ رساله و تمامی طرحهای تحقیقاتی کلیه واحدهای دانشگاه اعم از دانشکده‌ها، مراکز تحقیقاتی، پژوهشکده‌ها، پارک علم و فناوری و دیگر واحدها باید با مجوز کتبی صادره از معاونت پژوهشی دانشگاه و براساس آئین نامه‌های مصوب انجام شود.

ماده ۴- ثبت اختراع و تدوین دانش فنی و یا ارائه یافته‌ها در جشنواره‌های ملی، منطقه‌ای و بین‌المللی که حاصل نتایج مستخرج از پایان‌نامه/ رساله و تمامی طرحهای تحقیقاتی دانشگاه باید با هماهنگی استاد راهنما یا مجری طرح از طریق معاونت پژوهشی دانشگاه انجام گیرد.

ماده ۵- این آییننامه در ۵ ماده و یک تبصره در تاریخ ۱۴۰۷/۴/۲۳ در شورای پژوهشی و در تاریخ ۱۴۰۷/۷/۱۵ شورای دانشگاه به تایید رسید و در جلسه مورخ ۱۴۰۷/۷/۱۵ شورای دانشگاه به تصویب رسیده و از تاریخ تصویب در شورای دانشگاه لازم‌الاجرا است.

«اینجانب، ابراهیم ابراهیمی، رئیس دانشگاه رشت، علوم تربیتی و رودی سال تحصیلی ۱۴۰۸-۱۴۰۹،»
..... مقطع علوم تربیتی ابراهیمی، دانشکده علوم پایه ایرانی متعهد می‌شوم کلیه نکات مندرج در آئین نامه حق مالکیت مادی و معنوی در مورد نتایج پژوهش‌های علمی دانشگاه تربیت مدرس را در انتشار یافته‌های علمی مستخرج از پایان‌نامه / رساله تحصیلی خود رعایت نمایم. در صورت تخلف از مقاد آئین نامه فوق الاشعار به دانشگاه وکالت و نمایندگی می‌دهم که از طرف اینجانب نسبت به لغو امتیاز اختراع بنام بنده و یا هر گونه امتیاز دیگر و تغییر آن به نام دانشگاه اقدام نمایم. ضمناً نسبت به جبران فوری ضرر و زیان حاصله بر اساس برآورد دانشگاه اقدام خواهم نمود و بدینوسیله حق هر گونه اعتراض را از خود سلب نمودم»

امضا:
تاریخ: ۱۴۰۹/۰۶/۱۱



دانشگاه تربیت مدرس
دانشکده علوم ریاضی

پایان نامه دوره‌ی کارشناسی ارشد علوم کامپیووتر

عنوان:

بازسازی تصاویر توموگرافی کامپیووتری با الگوریتم‌های تکرارشونده

نگارنده:

ابراهیم زارعی زفره

استاد راهنما:

دکتر فرزاد دیدهور

استاد مشاور:

دکتر علی رجایی

آذر 1390

سر آغاز حمدوپاس پروردگار کریم را که یاری بخش این بندۀ تحسیر بود

تّعذیم به او که جهان در استخارا و است

تّعذیم به مهربانی‌ترین پدر و تّعذیم به صبورترین مادر

آنکه توانشان رفت تا به توان بر سرم و مویشان سپید گشت تارویم سپید باشد آنکه راستی قائم در شکستن قاست شان بقاء

یافت

تّعذیم به آنکه وجودم برایشان هم نج بود و وجودشان برایم هم هم

مشکر و قدردانی

هاداران کویش راچجان خویشتن دارم

مرا عمدیست با جانان که تا جان در بدن دارم

از استاد ارجمند، جناب آقای دکتر فرزاد دیده ور، به حاطر اینمای های ارزنده ایشان و به حاطر انتقال تجارب گرانقدر شان به اینجانب در طول دوران تحصیل،
کمال مشکر و قدردانی را دارم که از فون بر مسیر علم، مسیر زندگی رانیز برای اینجانب روشن و میسر نمودند.

از استاد ارجمند، جناب آقای دکتر علی رجایی که برایم مشاوری ارزشمند بودند و با ارزش پیشخواهات رحلشای خود مرداد امر پیام نامه یاری کردند، کمال مشکر
و قدردانی را دارم.

هم چنین، بر خود فرض می دارم که از استاد گران قدر و محترم کروه ریاضی و انجمن آقایان دکتر سید محمد حاج سید جوادی، دکتر
موسی گل علیزاده، دکتر محمد ایزدی، دکتر محمد خوش نویسان، دکتر منصور رزقی، دکتر کلاستری صمیمانه قدردانی نایم. همواره خود را می یون زحمات ارزنده آنان
می دانم و سربلندی و توفیق روز افزون آنان را از خداوند منان مسلکت می نایم.

از خانواده عزیزم، بسیار سپاس گزارم که حیات های هم جانبه و بی دین شان، همواره همراه و یاورم بوده است. سلامتی و سربلندی شان را از خداوند معال
خواستدم. از هم کلاسی ها و هم اهالی های و دوستان عزیزم نیز بحاطر کیه زحماتشان صمیمانه مسلکم.

ابراهیم زارعی زفره

پیاپی ۱۳۹۰

چکیده

توموگرافی کامپیوتراً بطور گسترده در تصویربرداری پزشکی، میکروسکوپ الکترونیکی، ژئوفیزیک و دیگر حوزه‌های علمی مورد استفاده قرار می‌گیرد. روش‌های بازسازی تکراری، ابزار قدرتمندی برای بازسازی تصاویر توموگرافی کامپیوتراً است بهویژه زمانیکه روش‌های تحلیلی در دسترس نباشد، داده‌ها کامل نباشد یا در مواردی که مدلسازی نویز و تصویر باید در نظر گرفته شود. نقاط ضعف اصلی روش‌های تکراری بار سنگین محاسباتی و همگرایی آهسته‌ی آن است. البته می‌بایست در نظر داشت که با پیشرفت تکنولوژی محاسبات فوق سریع، دیگر محاسبات مانع سختی بهشمار نمی‌آید. در این پایان‌نامه به منظور تسريع همگرایی روش‌های تکراری و بهبود کیفیت تصاویر بازسازی‌شده توانسته‌ایم با استفاده از مفاهیم تصویر، پیکسل، همسایگی مجاور و عمل درونیابی به منظور کوچک و بزرگ‌کردن تصویر و با پیداکردن نقطه‌ی شروع مناسب، زمان و حجم محاسبات را بطور چشمگیری کاهش داده و سرعت همگرایی روش‌های بازسازی تکراری همزمان را افزایش دهیم.

برای هر روش تکراری، تعدادی استراتژی برای انتخاب پارامتر تنشزدایی ارائه و پیاده‌سازی شده است. پارامتر تنشزدایی می‌تواند به عنوان یک پارامتر ثابت یا متغیر در هر تکرار انتخاب شود. بعلاوه شبیه‌سازی‌ها و آزمایشات صورت گرفته برای نشان دادن عملکرد روش‌های بازسازی ارائه و مورد بحث قرار گرفته است.

همه‌ی روش‌های بازسازی تحلیلی و تکراری و توابع مورد نیاز برای انجام محاسبات، مقایسات و شبیه‌سازی‌ها در نرم افزار MATLAB نسخه 7.10 تحت عنوان بسته آموزشی بازسازی تصاویر توموگرافی کامپیوتراً (CTIRec) پیاده‌سازی شده است. بعلاوه بسته فوق حاوی راهنمایی برای روش‌های پیاده‌سازی شده است.

کلید واژه: توموگرافی کامپیوتراً، روش‌های بازسازی تکراری، روش‌های بازسازی تحلیلی، پارامتر تنشزدایی.

فهرست مطالب

صفحه	عنوان
5	فهرست علایم و نشانه‌ها
6	فهرست جدول‌ها
1	فصل 1 - مقدمه
3	توموگرافی کامپیوترا اشعه ایکس -1-1
4	روش‌های بازسازی تحلیلی -2-1
4	روش‌های بازسازی تکراری -3-1
6	ساختار پایان‌نامه -4-1
7	فصل 2 - توموگرافی کامپیوترا
7	مقدمه -1-2
7	آشنایی با توموگرافی -2-2
7	توموگرافی ساده -1-2-2
8	توموگرافی کامپیوترا -2-2-2
9	اجزاء دستگاه سی‌تی‌اسکن -3-2
9	گانتری -1-3-2
10	تیوب اشعه ایکس -1-1-3-2
12	کلیماتور -2-1-3-2
12	آشکارساز -3-1-3-2
13	سیستم جمع‌آوری داده‌ها -4-1-3-2
14	تحت بیمار -2-3-2
15	ژنراتور اشعه ایکس -3-3-2
16	کنسول کاربر -4-3-2
16	نسل‌های دستگاه سی‌تی‌اسکن -4-2
17	نسل اول: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن با پرتو خطی -1-4-2
17	نسل دوم: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن با پرتو بادبزنی باریک -2-4-2
17	نسل سوم: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن با پرتو بادبزنی پهن -3-4-2
18	نسل چهارم: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن با حرکت دورانی تیوب، اما با آشکارساز ساکن -4-4-2
18	نسل پنجم: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن با پرتو الکترونی -5-4-2
19	نسل ششم: دستگاه‌های سی‌تی‌اسکن اسپیرال -6-4-2
20	اصول فیزیکی -5-2
20	تضعیف فوتونی -1-5-2
21	ضریب تضعیف خطی -2-5-2

23.....	درباره دادهها	-3-5-2
23.....	پردازش دادهها و اعداد سی تی	-4-5-2
24.....	بازسازی و نمایش تصویر	-5-5-2
26.....	فصل ۳ - مروری بر روش‌های بازسازی تحلیلی	
26.....	مقدمه.....	-1-3
26.....	تبدیل رادون و افکنش	-2-3
30.....	تئوری بخش‌بندی فوریه	-3-3
33.....	الگوریتم بازسازی برای افکنش‌های موازی	-4-3
34.....	الگوریتم پس افکنش فیلترشده	-1-4-3
38.....	پیاده‌سازی کامپیوتري الگوریتم پس افکنش فیلترشده	-2-4-3
43.....	درونيابي	-3-4-3
44.....	هزینه‌ی الگوریتم پس افکنش فیلترشده	-4-4-3
45.....	فصل ۴ - مروری بر روش‌های بازسازی تکراری	
45.....	مقدمه.....	-1-4
46.....	مسائل بد وضع گستاخ	-2-4
47.....	تصویر و نمایش افکنش	-3-4
50.....	بازسازی با استفاده از تجزیه مقادیر تکین	-4-4
51.....	روش‌های بازسازی تکراری	-5-4
52.....	روش‌های بازسازی تکراری ترتیبی	-1-5-4
52.....	روش کزمارز	-1-1-5-4
54.....	روش بازسازی جبری ضربی	-2-1-5-4
55.....	روش کزمارز متقابن	-3-1-5-4
56.....	روش کزمارز تصادفی	-4-1-5-4
56.....	روش‌های بازسازی تکراری همزمان	-2-5-4
57.....	روش لندوبر	-1-2-5-4
57.....	روش سیمینوز	-2-2-5-4
59.....	روش متوسط اجزا	-3-2-5-4
60.....	روش افکنش ساده شده قطعی	-4-2-5-4
61.....	روش بازسازی جبری همزمان	-5-2-5-4
62.....	روش‌های بازسازی تکراری بلوكی	-3-5-4
62.....	هزینه الگوریتم‌های تکراری	-6-4
63.....	شبه همگرایی	-7-4
67.....	انتخاب پارامتر تنشزدایی	-8-4
67.....	استراتژی انتخاب بهینه	-1-8-4
67.....	جستجوی خطی	-2-8-4

69	- ۳-۸-۴	تنشزدایی برای کنترل انتشار نویز.....
69	- ۹-۴	قانون توقف.....
71	فصل ۵ - روش پیشنهادی	
71	- ۱-۵	مقدمه.....
72	- ۲-۵	تصویر و مبانی آن.....
75	- ۳-۵	روش پیشنهادی.....
76	- ۱-۳-۵	الگوریتم ۱.....
76	- ۲-۳-۵	الگوریتم ۲.....
78	- ۳-۳-۵	الگوریتم ۳.....
80	- ۴-۳-۵	الگوریتم ۴.....
82	فصل ۶ - شبیه‌سازی‌ها	
82	- ۱-۶	مقدمه.....
82	- ۲-۶	بسته‌ی آموزشی CTIRec
84	- ۳-۶	نتایج آزمایشات.....
84	- ۱-۳-۶	آزمایش ۱: همگرایی.....
95	- ۲-۳-۶	آزمایش ۲: داده‌های نویزی
107	- ۳-۳-۶	آزمایش ۳: داده‌های ناقص
135	فصل ۷ - نتیجه‌گیری و پیشنهادات.....	
135	- ۱-۷	نتیجه‌گیری.....
136	- ۲-۷	پیشنهادات.....
138	فصل ۸ - ضمایم.....	
138	- ۱-۸	مفاهیم پردازش تصویر.....
139	- ۱-۱-۸	مدل ساده‌ی تشکیل تصویر.....
140	- ۲-۱-۸	همسایه‌های پیکسل
140	- ۳-۱-۸	عملیات در حوزه‌ی مکان
141	- ۱-۳-۱-۸	مبانی فیلترکردن مکانی
143	- ۴-۱-۸	عملیات در حوزه‌ی فرکانس
144	- ۱-۴-۱-۸	تبديل فوريه.....
145	- ۲-۴-۱-۸	ضریه و خاصیت غربال کردن
146	- ۳-۴-۱-۸	کانولوشن
146	- ۴-۴-۱-۸	نمونه‌برداری
148	- ۵-۴-۱-۸	تئوری نمونه‌برداری
151	- ۶-۴-۱-۸	مبانی فیلترکردن در حوزه‌ی فرکانس
151	- ۷-۴-۱-۸	تبديل فوريه سریع(FFT)

153.....	فهرست مراجع
158.....	واژه نامه‌ی فارسی به انگلیسی
161.....	واژه نامه‌ی انگلیسی به فارسی

فهرست علایم و نشانه‌ها

عنوان	علامت اختصاری
ماتریس ضرایب	A
نامین سطر ماتریس A	a^i
نامین ستون ماتریس A	a_j
عنصر سطر i ، ستون j ماتریس A	a_{ij}
سمت راست معادله (بردار افکنش)	$p = (p_1, p_2, \dots, p_m)^T$
سمت راست دقیق معادله (بردار افکنش عاری از خطای از خطا)	$\bar{p} = (\bar{p}_1, \bar{p}_2, \dots, \bar{p}_m)^T$
نامین عنصر از بردار افکنش p	p_i
بردار جواب (تصویر)	$f = (f_1, f_2, \dots, f_n)^T$
بردار جواب در k نامین تکرار	f^k
بردار جواب دقیق	\bar{f}
سطح نویز	δ
ماتریس واحد	I
تعداد تکرار	k
پارامتر تنژذایی	λ
ابعاد ماتریس ضرایب	m, n
خطای نویز	$\Psi^k(\sigma, \lambda)$
خطای تکرار	$\Phi^k(\sigma, \lambda)$
ابر صفحه‌ی نام	H_i
ماتریس‌ها معین مثبت متقارن در کلاس روش‌های SIRT	M, T
ماتریس قطری با مقادیر تکین	Σ
مقادیر تکین ماتریس	σ_i
ماتریس حاوی بردارهای تکین چپ	U
نامین بردار تکین چپ	u_i
ماتریس حاوی بردارهای تکین راست	V
نامین بردار تکین راست	v_i
نرم 2-	$\ \cdot \ _2$
نرم اقلیدسی وزندار	$Ex : \ f \ _2 = \sqrt{f^T f}$
ضرب نقطه‌ای	$\ f \ _M = \sqrt{f^T M f}$
	$\langle \cdot, \cdot \rangle$

فهرست جدول‌ها

عنوان	صفحه
جدول 2-1: نگرشی به گسترش دستگاه‌های سی‌تی اسکن از آغاز تا کنون	16
جدول 5-1: روش‌های موجود در کلاس SIRT	75
جدول 5-2: روش‌های موجود در کلاس SIRT بر اساس انتخاب ماتریس‌های T و M	76
جدول 6-1: بازسازی فانتوم شیپ لوگان با روش‌های تحلیلی	86
جدول 6-2: نتایج حاصل از بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش Landweber بر اساس پارامتر تنفسزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 .	87
جدول 6-3: نتایج حاصل از بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش Cimmino's بر اساس پارامتر تنفسزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 .	88
جدول 6-4: نتایج حاصل از بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش CAV اساس پارامتر تنفسزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 .	88
جدول 6-5: نتایج حاصل از بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش DROP اساس پارامتر تنفسزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 .	89
جدول 6-6: نتایج حاصل از بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش SART اساس پارامتر تنفسزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 .	89
جدول 6-7: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش‌های تحلیلی در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	96
جدول 6-8: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش Landweber در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	97
جدول 6-9: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش Cimmino's در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	99
جدول 6-10: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش CAV در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	101
جدول 6-11: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش DROP در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	103
جدول 6-12: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش SART در سه سطح نویز 0.05 و 0.01	105
جدول 6-13: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با روش‌های تحلیلی برای داده‌های افکنش ناقص.	108
جدول 6-14: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 1 و روش Landweber برای داده‌های افکنش ناقص.	110

جدول 6-15: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 4 و روش Landweber	111
برای داده‌های افکنش ناقص.	
جدول 6-16: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 1 و روش Cimmino's	115
برای داده‌های افکنش ناقص.	
جدول 6-17: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 4 و روش Cimmino's	116
برای داده‌های افکنش ناقص.	
جدول 6-18: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 1 و روش CAV برای داده‌های افکنش ناقص.	120
جدول 6-19: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 4 و روش CAV برای داده‌های افکنش ناقص.	121
جدول 6-20: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 1 و روش DROP برای داده‌های افکنش ناقص.	125
جدول 6-21: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 4 و روش DROP برای داده‌های افکنش ناقص.	126
جدول 6-22: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 1 و روش SART برای داده‌های افکنش ناقص.	130
جدول 6-23: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 256×256 و 512×512 با الگوریتم 4 و روش SART برای داده‌های افکنش ناقص.	131

فهرست شکل‌ها

صفحه	عنوان
3.....	شکل 1-1: نمایش دستگاه سی‌تی‌اسکن با پرتوهای موازی.
8.....	شکل 1-2: نمایش یک برش ساده و بازسازی آن.
11.....	شکل 2-2: نمایشی از طیف الکترومغناطیس.
12.....	شکل 2-3: (الف) دستگاه تولید اشعه ایکس، (ب) چگونگی تولید اشعه ایکس از طریق جذب الکترون از سطوح بالا، (پ) چگونگی تولید اشعه ایکس از طریق تغییر مسیر الکترون‌های آزاد.
19.....	شکل 2-4: (الف) دستگاه سی‌تی‌اسکن نسل اول، (ب) دستگاه سی‌تی‌اسکن نسل دوم، (ج) دستگاه سی‌تی‌اسکن نسل سوم، (د) دستگاه سی‌تی‌اسکن نسل چهارم، (ه) دستگاه سی‌تی‌اسکن اسپیرال.
21.....	شکل 2-5: رفتار نمایی تضعیف اشعه ایکس با ضخامت جسم.
22.....	شکل 2-6: نمایش جسم غیریکنواخت با اجزاء، ضرایب تضعیف و ضخامت‌های متفاوت.
23.....	شکل 2-7: تقسیم جسم غیریکنواخت به قطعاتی به ابعاد L که ضرایب تضعیف هر یک ثابت باشد.
25.....	شکل 2-8: اجزای کوچکتر جسم برای بررسی در سی‌تی‌اسکن که شامل اسلایس، وکسل و پیکسل هستند.
27.....	شکل 3-1: (الف) مقطع فرضی، (ب) انتگرال خط در راستای خط L .
28.....	شکل 3-2: انتگرال‌های خط در راستای خطوط موازی با خط L .
29.....	شکل 3-3: (الف) تصویر یک چهار گوش و سینوگرام آن، (ب) تصویر فانتوم شیپ لوگان و سینوگرام آن.
31.....	شکل 3-4: نماش تئوری بخش‌بندی فوریه برای افکنش در زاویه 0° .
32.....	شکل 3-5: تئوری بخش‌بندی فوریه.
33.....	شکل 3-6: استفاده از تئوری بخش‌بندی فوریه برای حل مسئله معکوس توموگرافی کامپیوتری.
33.....	شکل 3-7: برآورد تبدیل فوریه از شیء دو بعدی. هر خط شعاعی، FFT از افکنشی است که نقطه‌چین‌ها موقعیت واقعی تبدیل فوریه شیء را نشان می‌دهد.
35.....	شکل 3-8: نمایش ویژگی تقارن در افکنش موازی.
36.....	شکل 3-9: نمایش فرایند پس افکنش.
37.....	شکل 3-10: نمایش مفهوم پس افکنش فیلتر شده (الف) داده‌های فرکانسی ایده‌آل از افکنش، (ب) داده‌های فرکانسی واقعی از یک افکنش، (پ) تابع توزین در حوزه‌ی فرکانس برای تقریب زدن شرایط ایده‌آل.
38.....	شکل 3-11: حل مسئله معکوس توموگرافی کامپیوتری با استفاده از روش پس افکنش فیلتر شده.
39.....	شکل 3-12: نمونه‌برداری از افکنش $p(t, \theta)$. خطوط سیاه نمونه‌برداری‌های $p(m\tau, \theta)$ را نشان می‌دهد.
39.....	شکل 3-13: نمونه‌برداری از تبدیل فوریه $P_\theta(\omega)$. خطوط سیاه نمونه‌برداری‌های $P_\theta(m^2 W/N)$ را نشان می‌دهد.
40.....	شکل 3-14: (الف) فیلتر Ram-Lak، (ب) پنجره همینگ.

..... شکل 3-15: پاسخ ضربه‌ی فیلتر رام-لک	42
..... شکل 4-1: (الف) مسائل مستقیم، ب) مسائل معکوس	46
..... شکل 4-2: تصویر با شبکه‌ای که بر روی آن قرار گرفته است	48
..... شکل 4-3: فرایند بازسازی تکراری	52
..... شکل 4-4: روش کزمارز برای حل کردن معادلات جبری برای حالتی از دو متغیر را نشان می‌دهد. با شروع از یک حدس اولیه، این نقطه بر روی خط اول و سپس نتیجه بر روی خط دوم تصویر می‌گردد. فرایند فوق تا رسیدن به همگرایی ادامه می‌باید.	53
..... شکل 4-5: روش Cimmino's	58
..... شکل 4-6: مفهوم پایه از شبه همگرایی	63
..... شکل 4-7: رفتار $(\sigma, \lambda)^k \Phi$ و $(\sigma, \lambda)^k \Psi$ برای مقدار ثابت λ و σ به عنوان تابعی از اندیس تکرار k .	66
..... شکل 4-8: نمایش از جستجوی خطی	68
..... شکل 5-1: تصویر دیجیتال	72
..... شکل 5-2: مقادیر شدت در بخشی از فانتوم شیپ لوگان	74
..... شکل 5-3: فانتوم شیپ لوگان 512×512 که با حذف سطرها و ستون‌ها به تصاویری با اندازه‌ی کوچکتر تبدیل شده است.	74
..... شکل 5-4: بلوک‌بندی تصویر برای کوچک کردن اندازه‌ی آن	78
..... شکل 6-1: مدل گستته برای بازسازی تصاویر توموگرافی کامپیوترا	83
..... شکل 6-2: فانتوم شیپ لوگان	84
..... شکل 6-3: تصاویر بازسازی شده توسط روش پس‌افکنش و پس‌افکنش فیلترشده برای فانتوم شیپ لوگان 512×512	87
..... شکل 6-4: نمودارهای زمان، خطا و ضریب همبستگی روش Landweber در الگوریتم 1 و 4 و تصاویر بازسازی شده بر اساس پارامتر تنژزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512	90
..... شکل 6-5: نمودارهای زمان، خطا و ضریب همبستگی روش Cimmino's در الگوریتم 1 و 4 و تصاویر بازسازی شده بر اساس پارامتر تنژزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512	91
..... شکل 6-6: نمودارهای زمان، خطا و ضریب همبستگی روش CAV در الگوریتم 1 و 4 و تصاویر بازسازی شده بر اساس پارامتر تنژزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512	92
..... شکل 6-7: نمودارهای زمان، خطا و ضریب همبستگی روش DROP در الگوریتم 1 و 4 و تصاویر بازسازی شده بر اساس پارامتر تنژزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512	93

- شکل 6-8: نمودارهای زمان، خطأ و ضریب همبستگی روش SART در الگوریتم 1 و 4 و تصاویر بازسازی شده بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 برای فانتوم شیپ لوگان 512×51294
- شکل 6-9: بازسازی فانتوم شیپ لوگان 512×512 . با روش پس افکنش و پس افکنش فیلترشده در سه سطح نویز 0.01، 0.05 و 0.08 0.08 0.05 0.01 96
- شکل 6-10: تصاویر بازسازی شده با روش Landweber با الگوریتم 1 و 4 در سه سطح نویز 0.05 و 0.08 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 98
- شکل 6-11: تصاویر بازسازی شده با روش Cimmino's با الگوریتم 1 و 4 در سه سطح نویز 0.05 و 0.08 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 100
- شکل 6-12: تصاویر بازسازی شده با روش CAV با الگوریتم 1 و 4 در سه سطح نویز 0.05، 0.01 و 0.08 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 102
- شکل 6-13: تصاویر بازسازی شده با روش DROP با الگوریتم 1 و 4 در سه سطح نویز 0.05، 0.01 و 0.08 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 104
- شکل 6-14: تصاویر بازسازی شده با روش SART با الگوریتم 1 و 4 در سه سطح نویز 0.05، 0.01 و 0.08 برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 106
- شکل 6-15: نمایش ناحیه بازسازی شده در تصاویر توموگرافی کامپیوتربی 108
- شکل 6-16: نمودارهای زمان، خطأ و ضریب همبستگی روش پس افکنش و پس افکنش فیلترشده و تصاویر بازسازی شده با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم 512×512 512 109
- شکل 6-17: نمودارهای تعداد تکرار، زمان، خطأ و ضریب همبستگی روش Landweber در الگوریتم 1 و 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 112
- شکل 6-18: تصاویر بازسازی شده با روش Landweber در الگوریتم 1 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 113
- شکل 6-19: تصاویر بازسازی شده با روش Landweber در الگوریتم 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 114
- شکل 6-20: نمودارهای تعداد تکرار، زمان، خطأ و ضریب همبستگی روش Cimmino's در الگوریتم 1 و 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 117
- شکل 6-21: تصاویر بازسازی شده با روش Cimmino's در الگوریتم 1 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1، 2، 4، 8، 16، 32، 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512 512 118

- شکل 6-22: تصاویر بازسازی شده با روش Cimmino's در الگوریتم 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512119
- شکل 6-23: نمودارهای تعداد تکرار، زمان، خطا و ضریب همبستگی روش CAV در الگوریتم 1 و 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512122
- شکل 6-24: تصاویر بازسازی شده با روش CAV در الگوریتم 1 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512123
- شکل 6-25: تصاویر بازسازی شده با روش CAV در الگوریتم 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512124
- شکل 6-26: نمودارهای تعداد تکرار، زمان، خطا و ضریب همبستگی روش DROP در الگوریتم 1 و 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512127
- شکل 6-27: تصاویر بازسازی شده با روش DROP در الگوریتم 1 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512128
- شکل 6-28: تصاویر بازسازی شده با روش DROP در الگوریتم 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512129
- شکل 6-29: نمودارهای تعداد تکرار، زمان، خطا و ضریب همبستگی روش SART در الگوریتم 1 و 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512132
- شکل 6-30: تصاویر بازسازی شده با روش SART در الگوریتم 1 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512133
- شکل 6-31: تصاویر بازسازی شده با روش SART در الگوریتم 4 بر اساس پارامتر تنشزدایی ثابت، خطی، مبتنی بر Ψ_1 و مبتنی بر Ψ_2 با انتخاب 1, 2, 4, 8, 16, 32, 48 و 64 افکنش برای فانتوم شیپ لوگان 512×512134
- شکل 1-8: تصویر دیجیتال.....139
- شکل 2-8: همسایگی 3×3 برای نقطه (x,y) در یک تصویر در حوز مکان. همسایگی از پیکسل به پیکسل دیگر در تصویر حرکت می کند تا تصویر خروجی تولید شود.....141

شکل 8-3: عملکرد فیلتر مکانی خطی با استفاده از نقاب 3×3 . شکل انتخاب شده برای نمایش مختصات ضرایب نقاب فیلتر، نوشتن عبارات را برای فیلتر کردن خطی، ساده می کند.....	142
شکل 8-4: روش کلی برای کار کردن در حوزه های فرکانس.....	144
شکل 8-5: (الف) ضربه های گستته واحد در $x_0 = x$ ، (ب) ترن ضربه.....	145
شکل 8-6: (الف) تابع پیوسته ب) ترن ضربه استفاده شده برای مدل سازی فرآیند نمونه برداری پ) تابع نمونه برداری شده که به صورت حاصلضرب (الف) و (ب) ایجاد شده است ت) مقادیر نمونه که با انتگرال گیری و با استفاده از خاصیت غربال کردن ضربه به دست آمد.....	147
شکل 8-7: تبدیل فوریه مربوط به تابع با باند محدود. (ب) تا (ت) تبدیلات تابع نمونه برداری شده متناظر تحت شرایط نمونه برداری مازاد، نمونه برداری حیاتی و نمونه برداری کم.....	149
شکل 8-8: (الف) تبدیل تابع با باند محدود. ب) تبدیل حاصل از نمونه برداری حیاتی از همان تابع.....	150
شکل 8-9: استخراج یک تناوب از تبدیل تابع با باند محدود با استفاده از فیلتر پایین گذر.....	150
شکل 8-10: عملیات فیلترینگ در حوزه های فرکانس.....	151