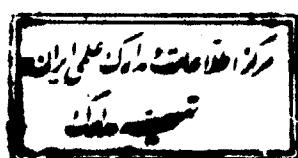


عَزَّلَهُ  
رَجَدَهُ  
لِلَّهِ

١٨٩٥



## دانشگاه تربیت مدرس

دانشکده فنی و مهندسی

پایان نامه کارشناسی ارشد مهندسی برق - کنترل

## طراحی کنترل کننده مقاوم برای سیستمهای غیرخطی آشفته تکین

۱۲۶۴۴

علی اهزی

۱۳۸۹

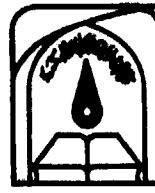
استاد راهنما:

دکتر محمد تقی حمیدی بهشتی

استاد مشاور:

دکتر محمد جواد یزدان پناه

بهار ۱۳۸۰



دانشگاه تریست مدرس

## تاییدیه هیات داوران

آقای علی اهزی پایان نامه ۶ واحدی خود را با عنوان طراحی کنترل کننده مقاوم برای سیستم های غیرخطی آشفته تکین در تاریخ ۲۱/۳/۸۰ ارائه کردند. اعضای هیات داوران نسخه نهائی این پایان نامه را از نظر فرم و محتوی تایید و پذیرش آنرا برای تکمیل درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی برق با گرایش کنترل پیشنهاد می کنند.

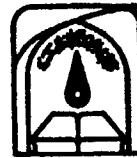
امضات

اعضای هیات داوران
۱- استاد راهنمای:
۲- استاد مشاور:
۳- استادان متحصل:
۴- مدیر گروه:
(با نماینده گروه تخصصی)

این نسخه به عنوان نسخه نهائی پایان نامه / رساله موردن قبول است.

امضا استاد راهنمای:

بسم الله تعالى



## آیین نامه چاپ پایان نامه (رساله) های دانشجویان دانشگاه تربیت مدرّس

نظر به اینکه چاپ و انتشار پایان نامه (رساله) های تحصیلی دانشجویان دانشگاه تربیت مدرّس، میبن بخشی از فعالیتهای علمی - پژوهشی دانشگاه است بنابراین به منظور آگاهی و رعایت حقوق دانشگاه، دانش آموختگان این دانشگاه نسبت به رعایت موارد ذیل متعهد می شوند:

**ماده ۱** در صورت اقدام به چاپ پایان نامه (رساله) های خود، مراتب را قبل از طور کتبی به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اطلاع دهد.

**ماده ۲** در صفحه سوم کتاب (پس از برگ شناسنامه)، عبارت ذیل را چاپ کند:  
«کتاب حاضر، حاصل پایان نامه کارشناسی ارشد / رساله دکتری نگارنده در رشته برخیاری است که در سال ۱۳۸۰ در دانشکده فنی (جهزی) دانشگاه تربیت مدرّس به راهنمایی سرکار خانم / جناب آقای دکتر کمیری افسری، مشاوره سرکار خانم / جناب آقای دکتر رزدان سعاد و مشاوره سرکار خانم / جناب آقای دکتر از آن دفاع شده است.»

**ماده ۳** به منظور جبران بخشی از هزینه های انتشارات دانشگاه، تعداد یک درصد شمارگان کتاب (در هر نوبت چاپ) را به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اهدا کند. دانشگاه می تواند مازاد نیاز خود را به نفع مرکز نشر در معرض فروش قرار دهد.

**ماده ۴** در صورت عدم رعایت ماده ۳، ۵۰٪ بهای شمارگان چاپ شده را به عنوان خسارت به دانشگاه تربیت مدرّس، تأديه کند.

**ماده ۵** دانشجو تعهد و قبول می کند در صورت خودداری از پرداخت بهای خسارت، دانشگاه می تواند خسارت مذکور را از طریق مراجع قضایی مطالبه و وصول کند؛ به علاوه به دانشگاه حق می دهد به منظور استیفای حقوق خود، از طریق دادگاه، معادل وجه مذکور در ماده ۴ را از محل توقيف کتابهای عرضه شده نگارنده برای فروش، تأمین نماید.

**ماده ۶** اینجانب علی احوزی دانشجوی رشته برخیاری مقطع کارشناسی ارشد تعهد فوق و ضمانت اجرایی آن را قبول کرده، به آن ملتزم می شوم.

نام و نام خانوادگی: علی احوزی

تاریخ و امضا: ۸۰/۰۳/۲۱

تقدیم به پدر و مادر عزیزم

برخود لازم می‌دانم از استاد گرامیم جناب آقای دکتر محمدتقی حمیدی بهشتی که در انجام این پژوهش و در کل دوره کارشناسی ارشد از نظرات و راهنماییهای ارزشمند ایشان بهره‌مند بوده‌ام کمال تقدیر و تشکر را داشته باشم.

همچنین از استاد گرامی جناب آقای دکتر محمدجواد یزدان‌پناه که مشاوره و هدایت مرا در انجام این پژوهش بر عهده داشته‌اند سپاسگزارم.

نگارنده خود را اخلاقاً مديون زحمات جناب آقای دکتر حسین‌نیا در رساله دکتری ایشان که در یادگیری مفاهیم اولیه مربوط به این تحقیق نقش بسزایی داشته است می‌داند و از ایشان تشکر می‌نمایند.

### **چکیده:**

در این پایان نامه، طراحی کنترل کننده مقاوم برای یک سیستم آشفته تکین غیرخطی مورد بحث و بررسی قرار گرفته است. سیستمهای آشفته تکین گروهی از سیستمهای غیرخطی هستند که می‌توان درجه معادله دینامیکی آنها را با صرفنظر کردن از یک پارامتر کوچک سیستم کاهش داد. در این پروژه ابتدا به بررسی خصوصیات سیستمهای آشفته تکین و مبانی نظریه کنترل  $H_\infty$  برای سیستمهای غیرخطی می‌پردازیم. سپس با استفاده از مدل غیرخطی جسم صلب یک ماهواره و بهره گیری از کواترنین های واحد جهت بیان سینماتیک دورانی ماهواره، سیستم حلقه بسته را به فرم استاندارد آشفته تکین تبدیل نموده و یک کنترل کننده  $H_\infty$  غیرخطی طراحی می‌نماییم. در انتها نیز شبیه‌سازیهای لازم را جهت بررسی تأثیر پارامترهای مختلف مانند اغتشاشات واردہ بر مولدهای گشتاور، اشباع عملگرها می‌دهیم.

### **کلمات کلیدی:**

سیستم غیرخطی، مدل سازی تقریبی، نظریه آشفتگی تکین، پایداری، کنترل کننده مقاوم، نظریه کنترل  $H_\infty$ ، سیستمهای متداخل، کنترل موقعیت، کواترنین، ماهواره.

شماره صفحه

فهرست مطالب

۱

فصل اول : مقدمه

۵

فصل دوم : سیستمهای آشفته تکین

۵

۱-۲ مقدمه

۷

۲-۲ مدل استاندارد آشفتگی تکین

۹

۳-۲ مدل های کاهش مرتبه یافته و لایه مرزی

۱۴

۴-۲ تحلیل پایداری

۱۸

فصل سوم : کنترل  $H_{\infty}$  غیرخطی

۱۸

۱-۳ مقدمه

۱۹

۲-۲ سیگنال ها

۱۹

۱-۲-۳ فضای ۲ لبگ

۲۱

۲-۲-۳ فضای ۲ هارדי

۲۲

۳-۳ سیستم ها

۲۲

۱-۳-۳ فضای  $\infty$  لبگ

۲۴

۲-۳-۳ فضای  $\infty$  هارדי

۲۵

۳-۳-۳ بهره افزایشی سیستم و نرم القابی

۲۶

۴-۳-۳ قضیه بهره کوچک و بررسی پایداری

۲۸

۴-۴ نظریه کنترل  $H_{\infty}$  غیرخطی

۲۸	۱-۴-۳ تعریف مسأله کنترل $H_{\infty}$
۳۱	۲-۴-۳ انرژی بروی
۳۲	۳-۴-۳ بازی های دیفرانسیل
۳۵	۵-۳ نامعادله هامیلتون-جاکوبی-ایزاک
۳۷	۶-۳ سیستم های شب خطي نامتغير با زمان
۳۸	۶-۶-۱ تبدیل نامعادله HJI به فرم مناسب
۴۰	۶-۶-۲ حل مسأله $H_{\infty}$ با پسخور حالت بررسی پایداری
۴۳	۶-۶-۳ سیستم های غیرخطی متداخل
۴۷	۶-۶-۴ نکته ای درباره سیستم های شب خطي متغير با زمان
۴۹	<b>فصل چهارم: کنترل موقعیت ماهاواره</b>
۴۹	۱-۴ مقدمه
۵۲	۲-۴ بیان هدف طراحی
۵۵	۳-۴ بدست آوردن مدل استاندارد آشفته تکین
۵۹	۴-۴ محاسبه دینامیک خطای
۶۱	۵-۴ تشکیل نامعادله HJI
۶۰	۶-۴ حل نامعادله HJI - تابع گرین
۶۱	۶-۶-۱ تقریب ساده کننده
۶۲	۶-۶-۲ تابع گرین
۶۳	۶-۶-۳ حل معادلات با استفاده از تابع گرین
۶۶	۷-۴ بدست آوردن قانون کنترل

۷۷

فصل پنجم: شبیه سازی

۷۷

۱-۵ مقدمه

۸۳

۲-۵ نکته ای در مورد معیار اندازه گیری خطای

۸۴

۳-۵ شبیه سازی های انجام شده

۸۴

۱-۳-۵ شبیه سازی بدون درنظر گرفتن اختشاش

۹۸

۲-۳-۵ شبیه سازی با درنظر گرفتن اختشاشات واردہ بر عملگرها

۱۲۶

فصل ششم: نتایج و پیشنهادات

۱۲۶

۱-۶ نتیجه گیری

۱۳۰

۲-۶ پیشنهادات

۱۳۲

فهرست مراجع

۱۳۷

واژه نامه

۱۴۶

ضمیمه الف: مبانی دستگاههای مختصات دوران

۱۴۶

الف-۱ دستگاه مختصات بدنی

۱۴۷

الف-۲ مختصات دورانی

۱۵۳

ضمیمه ب: تبدیل کواترنین‌ها به زوایای اویلر

۱۰۰

ضمیمه ب: دیسکت ضمیمه

شماره صفحه

فهرست جداول

۷۸

جدول (۱-۵) : پارامتر های فیزیکی ماهواره مورد شبیه سازی

۸۳

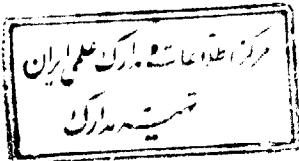
جدول (۲-۵) : مقادیر مؤثر خطای قابل قبول برای دو نمونه ماهواره واقعی

شماره صفحه

فهرست نمودارها و اشکال

- |     |  |
|-----|--|
| ۲۷  | شکل ۱-۳ : قضیه بهره کوچک   |
| ۲۷  | شکل ۲-۳ : سیستم دارای عدم قطعیت به همراه کنترل کننده مقاوم                                 |
| ۲۸  | شکل ۳-۳ : مسأله کنترل $H_{\infty}$   |
| ۵۸  | شکل ۴-۱ : دیاگرام بلوکی سیستم کنترل موقعیت   |
| ۷۹  | شکل ۱-۵ : ورودی های کنترلی مرجع  |
| ۸۰  | شکل ۲-۵ : سرعتهای زاویه ای مرجع  |
| ۸۱  | شکل ۳-۵ : کواترنین های مرجع  |
| ۸۶  | شکل ۴-۵ : سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی در حالت بدون اختشاش                                |
| ۸۷  | شکل ۵-۵ : خطای سرعتهای زاویه ای در حالت بدون اختشاش  |
| ۸۸  | شکل ۶-۵ : ورودیهای کنترل مرجع و واقعی در حالت بدون اختشاش                                  |
| ۸۹  | شکل ۷-۵ : کواترنین های مرجع و واقعی در حالت بدون اختشاش                                    |
| ۹۲  | شکل ۸-۵ : سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی برای $\omega_0 = [0.002 \quad -0.001 \quad 0.003]$ |
| ۹۴  | شکل ۹-۵ : خطای سرعت های زاویه ای برای $\omega_0 = [0.002 \quad -0.001 \quad 0.003]$        |
| ۹۴  | شکل ۱۰-۵ : ورودیهای کنترل مرجع و واقعی برای $\omega_0 = [0.002 \quad -0.001 \quad 0.003]$  |
| ۹۶  | شکل ۱۱-۵ : کواترنین های مرجع و واقعی برای $\omega_0 = [0.002 \quad 0.003 \quad -0.001]$    |
| ۹۹  | شکل ۱۲-۵ : سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی با در نظر گرفتن اختشاش پالسی معمولی ( $d_1(t)$ )  |
| ۱۰۱ | شکل ۱۳-۵ : خطای سرعتهای زاویه ای با در نظر گرفتن اختشاش پالسی معمولی ( $d_1(t)$ )          |
| ۱۰۱ | شکل ۱۴-۵ : ورودیهای کنترل مرجع و واقعی با در نظر گرفتن اختشاش پالسی ( $d_1(t)$ )           |

- شکل ۱۵-۵: کواترنین های مرجع و واقعی با در نظر گرفتن اغتشاش پالسی  
۱۰۳ معمولی ( $d_1(t)$ )
- شکل ۱۶-۵: سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی برای اغتشاش بلندمدت ( $d_2(t)$ )  
۱۰۶
- شکل ۱۷-۵: خطای سرعتهای زاویه ای برای اغتشاش بلندمدت ( $d_2(t)$ )  
۱۰۷
- شکل ۱۸-۵: ورودیهای کنترل مرجع و واقعی برای اغتشاش بلندمدت ( $d_2(t)$ )  
۱۰۸
- شکل ۱۹-۵: کواترنین های مرجع و واقعی برای اغتشاش بلندمدت ( $d_2(t)$ )  
۱۰۹
- شکل ۲۰-۵: سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی برای اغتشاش غیرمجاز ( $d_3(t)$ )  
۱۱۲
- شکل ۲۱-۵: خطای سرعتهای زاویه ای برای اغتشاش غیرمجاز ( $d_3(t)$ )  
۱۱۴
- شکل ۲۲-۵: ورودیهای کنترل مرجع و واقعی برای اغتشاش غیرمجاز ( $d_3(t)$ )  
۱۱۴
- شکل ۲۳-۵: کواترنین های مرجع و واقعی برای اغتشاش غیرمجاز ( $d_3(t)$ )  
۱۱۶
- شکل ۲۴-۵: سرعتهای زاویه ای مرجع و واقعی برای اغتشاش سینوسی دائمی ( $d_4(t)$ )  
۱۱۹
- شکل ۲۵-۵: خطای سرعتهای زاویه ای برای اغتشاش سینوسی دائمی ( $d_4(t)$ )  
۱۲۰
- شکل ۲۶-۵: ورودیهای کنترل مرجع و واقعی برای اغتشاش سینوسی دائمی ( $d_4(t)$ )  
۱۲۱
- شکل ۲۷-۵: کواترنین های مرجع و واقعی برای اغتشاش سینوسی دائمی ( $d_4(t)$ )  
۱۲۲
- شکل ۲۸-۵: ورودی کنترل کانال رول برای یک اغتشاش سینوسی دائمی با فرکانس بالا  
۱۲۵
- شکل الف-۱: دستگاه مختصات بدنی  
۱۴۷
- شکل الف-۲: دورانهای رول، پیچ و یا و  
۱۴۸
- شکل الف-۳: محور دوران  
۱۵۰
- شکل ب-۱: زاویه اویلر (کانال فراز) مربوط به شبیه سازی با اغتشاش سینوسی  
۱۵۴



## فصل اول

### مقدمه

گرچه کنترل کننده های PID<sup>۱</sup> خطی مدت میدی است که در بسیاری از سیستمها عملابکار گرفته شده و دارای عملکردی مثبت بوده اند اما گاهی اوقات کارایی این کنترل کننده ها به دلایل متفاوت کاهش یافته یا به طور کلی از دست می رود. این کاهش در کارایی ممکن است ریشه در خود فرایند داشته باشد، به عنوان مثال ممکن است مدل دینامیکی فرایند تحت کنترل بسیار پیچیده بوده یا مدل دقیق فرایند موجود نباشد. یا اینکه معلول وجود تناقض در قیود طراحی و برآورده نشدن تزام آنها باشد. در مواجهه با چنین وضعیتی طراح دو راه حل پیش رو دارد، اول آنکه (در صورت امکان)، به نحوی قیود طراحی یا مدل فرایند را ساده نموده و از همان کنترل کننده سابق استفاده نماید و دوم آنکه

<sup>۱</sup>Proportinal Integral Derivative

(در صورت امکان) مدل یا قیود طراحی را دست نخورده باقی گذاشته و از روش‌های طراحی

پیشرفته‌تری برای طراحی کنترل کننده استفاده نماید.

بدیهی است که هر کدام از این دو استراتژی دارای مزايا و معایبی می‌باشد. ایده اول منجر به

طراحی ساده‌تری نسبت به حالت دوم می‌گردد اما این خطر نیز وجود دارد که کنترل کننده عملکرد

موردنظر را از خود بروز نماید. در ضمن ممکن است شرایطی وجود داشته باشد که اصلاً امکان

ساده‌سازی فراهم نباشد. به همین ترتیب در روش دوم ممکن است مسئله طراحی کلاً فاقد جواب باشد

اما در صورت وجود جواب قیود طراحی کاملاً برآورده می‌شوند.

کوشش‌های اولیه برای یافتن چنین روش‌هایی به دهه ۵۰ میلادی بازمی‌گردد. در اوخرای دهه

با اوج گرفتن مسابقه موشکی و تسخیر فضایین دو قطب غرب و شرق، نیاز به وجود روشی سامان

یافته برای کنترل سیستمهای پرنده (هوایما، موشک، ماهواره و امثال آن) بصورت جدی احساس

گشت و متعاقب آن نظریه<sup>۲</sup> LQG در اوایل دهه ۶۰ پا به عرصه وجود نهاد و خود را به عنوان روشی

کارآمد جهت طراحی کنترل کننده برای سیستمهای خطی دارای اغتشاش مطرح ساخت. این روش

برای سیستمهای پرنده که میزان اثرات غیرخطی در آنها ناچیز می‌باشد به خوبی پاسخگو بود، اما طبیعتاً

از ارائه قانون کنترلی مناسب برای فرایندهایی که دارای اثرات شدید غیرخطی بودند ناتوان بود، لذا

تلashهای پیگیرانه جهت ارائه متدهایی که محدودیتهای LQG را نداشته باشند آغاز و منجر به پیدا شدن

مجموعه‌ای از نظریه‌های نوین در مهندسی کنترل گشت که از آنها تحت عنوان کنترل مقاوم<sup>۳</sup> نام برده

می‌شود.

<sup>2</sup> Linear Quadratic Gaussian

<sup>3</sup> robust control