

## دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

دانشکده مهندسی هوافضا

گرایش آبرودینامیک

پایان نامه کارشناسی ارشد

بررسی ارتعاشات القا شده توسط گردابه روی استوانه های عمود بر جریان در اعداد رینولدز پایین

استاد راهنمای: دکتر مسعود میرزا<sup>ای</sup>

استاد مشاور: دکتر سعید ایرانی

دانشجو: سینا وکیلی تهامی

۸۷۰۱۲۲۴

شهریور ۱۳۹۰

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

تقدیم به پدر عزیز و مادر فداکارم

## بسمه تعالی

شماره: تاریخ:	تأییدیه هیأت داوران	 تأسیس ۱۳۰۷ دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی
------------------	---------------------	---

هیأت داوران پس از مطالعه پایان نامه و شرکت در جلسه دفاع از پایان نامه تهیه شده تحت عنوان: بررسی ارتعاشات القا شده توسط گردابه روی استوانه های عمود بر جریان در اعداد رینولدز پایین توسط آقای سینا وکیلی تهمی صحت و کفايت تحقیق انجام شده را برای اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی هوافضا گرایش آیرو دینامیک در تاریخ موردن تأیید قرار می دهند.

امضاء	جناب آقای دکتر مسعود میرزایی	۱- استاد راهنمای اول
امضاء	جناب آقای دکتر سعید ایرانی	۲- استاد مشاور
امضاء	جناب آقای دکتر رضا ابراهیمی	۳- ممتحن داخلی
امضاء	جناب آقای دکتر مانی فتحعلی	۴- ممتحن داخلی
امضاء	جناب آقای دکتر مانی فتحعلی	۵- نماینده تحصیلات تکمیلی دانشکده

## بسمه تعالی

شماره: تاریخ:	اظهارنامه دانشجو	 تأسیس ۱۳۰۷ دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی
------------------	------------------	---

اینجانب سینا وکیلی تهامی کارشناسی ارشد رشته مهندسی هوافضا گرایش آبرودینامیک دانشکده هوافضا دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی گواهی می‌نمایم که تحقیقات ارائه شده در پایان‌نامه با عنوان بررسی ارتعاشات القا شده توسط گردابه روی استوانه‌های عمود بر جریان در اعداد رینولدز پایین با راهنمایی استاد محترم جناب آقای دکتر مسعود میرزاچی توسط شخص اینجانب انجام شده و صحت و اصالت مطالب نگارش شده در این پایان‌نامه مورد تأیید می‌باشد، و در مورد استفاده از کار دیگر محققان به مرجع مورد استفاده اشاره شده است. بعلاوه گواهی می‌نمایم که مطالب مندرج در پایان نامه تا کنون برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی توسط اینجانب یا فرد دیگری در هیچ جا ارائه نشده است و در تدوین متن پایان‌نامه چارچوب (فرمت) مصوب دانشگاه را به طور کامل رعایت کرده‌ام.

امضاء دانشجو:

تاریخ:

## بسمه تعالی

شماره: تاریخ:	حق طبع و نشر و مالکیت نتایج	 تأسیس ۱۳۷۰ دانشگاه صنعتی خواجہ نصیرالدین طوسی
------------------	-----------------------------	---

۱- حق چاپ و تکثیر این پایان‌نامه متعلق به نویسنده آن می‌باشد. هرگونه کپی برداری به صورت کل پایان‌نامه یا بخشی از آن تنها با موافقت نویسنده یا کتابخانه دانشکده مهندسی هوافضا دانشگاه صنعتی خواجہ نصیرالدین طوسی مجاز می‌باشد.

ضمناً متن این صفحه نیز باید در نسخه تکثیر شده وجود داشته باشد.

۲- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی خواجہ نصیرالدین طوسی می‌باشد و بدون اجازه کتبی دانشگاه به شخص ثالث قابل واگذاری نیست.

همچنین استفاده از اطلاعات و نتایج موجود در پایان نامه بدون ذکر مراجع مجاز نمی‌باشد.

با تقدیر و تشکر از جناب آقای دکتر مسعود میرزا بی

که بنده را در انجام این پژوهش یاری فرمودند.

## بررسی ارتعاشات القا شده توسط گردابه روی استوانه‌های

### عمود بر جریان در اعداد رینولدز پایین

#### چکیده

در این پایان نامه، با استفاده از روش‌های عددی به بررسی پدیده ارتعاشات القا شده توسط گردابه‌های جدا شده از جسم استوانه‌ای شکل متصل به فنر پرداخته شده است. برای انجام این تحقیقات از نرم افزار تجاری Fluent برای انجام محاسبات میدان سیال استفاده گردیده است و برای حل معادلات سازه‌ای ارتعاش، یک برنامه در قالب UDF در زبان برنامه‌نویسی C توسعه یافته و به نرم افزار Fluent اضافه شده است. تحلیل‌ها برای سه هندسه مختلف با یک استوانه و دو استوانه با فواصل مختلف در اعداد رینولدز ۱۰۰ و ۲۰۰ انجام پذیرفته است. نمودارهای ضریب برآ و پسا و جابجایی برای هر کدام از حالات استخراج گردید. مشاهده گردید که با اضافه شدن استوانه پایین دست به میدان حل دامنه ارتعاشات استوانه بالا دست افزایش می‌یابد و با افزایش فاصله دو استوانه دامنه ارتعاشات کاسته می‌شود.

کلمات کلیدی: تداخل سیال سازه، بررسی عددی، ارتعاشات القایی، گردابه، استوانه، جریان خارجی آرام،

## صفحه

## فهرست عناوین

۱	مقدمه
۲	۱. اهمیت موضوع تحقیق
۴	۲. روش و پیشینه تحقیق
۴	۱.۲.۱ برسی پدیده ارتعاشات القایی و مروی بر کارهای انجام شده در این حوزه
۱۱	۳. اهداف تحقیق
۱۲	۴. مسیرنمای پژوهش
۱۵	<b>۲ مدلسازی و بیان روابط حاکم بر مساله</b>
۱۵	۱.۲ توضیح مساله
۱۷	۲.۲ معادلات حاکم بر مساله
۱۸	۱.۲.۲ روابط سیالاتی حاکم بر مساله
۲۱	۲.۲.۲ روابط سازه‌ای حاکم بر مساله
۲۴	۳.۲ معرفی هندسه مسئله، شرایط مرزی اعمال شده بر روی دامنه حل و خصوصیات سیال
۲۶	۱.۳.۲ شرایط مرزی اعمال شده بر دامنه حل
۲۸	۲.۳.۲ خواص سیال
۲۸	۴.۲ نحوه انجام شبکه‌بندی میدان سیال برای حل مسئله
۳۰	۵.۲ تعیین مقدار باقی مانده معادلات پیوستگی و مومنتوم به عنوان عامل تعیین کننده همگرایی در هر مرحله زمانی
۳۳	۶.۲ بدست آوردن گام زمانی مناسب برای تحلیل غیر دائم
۳۵	۷.۲ بحث روی اندازه شبکه‌بندی و عدم وابستگی جواب به اندازه شبکه‌بندی:
۳۶	۸.۲ تشریح مدل سازه‌ای مسئله و فرض‌های انجام گرفته
۳۷	۹.۲ شبکه‌بندی متحرک
۳۷	۲.۹.۱ نرم‌سازی شبکه بر مبنای فریت:
۳۸	۱۰.۲ تجدید شبکه‌بندی
۴۱	<b>۳ نتایج و صحه‌گذاری</b>
۴۱	۱.۳ بدست آوردن نتایج
۴۱	۱.۱.۳ نتایج حل برای ارتعاشات القا شده به یک استوانه
۴۹	۲.۱.۳ نتایج حل برای ارتعاشات القا شده به دو استوانه
۶۵	۳.۱.۳ شکل‌های گرافیکی
۷۷	۴.۱.۳ بررسی دقیق محاسبات در حل معادلات سازه‌ای
۷۸	۵.۱.۳ نمودار همگرایی حل معادلات سیالاتی
۷۹	۲.۳ صحه‌گذاری

---

۸۱	۴ جمع‌بندی و نتیجه‌گیری و پیشنهاد برای کارهای آتی
۸۱	۱.۴ پیشنهاد برای کارهای آتی
۸۱	۱.۱.۴ حوزه نرم‌افزاری
۸۲	۲.۱.۴ حوزه سخت‌افزاری
۸۳	منابع و مراجع
۸۵	Abstract

## صفحه

## فهرست اشکال

شکل ۱.۱ استفاده از فین جهت کنترل پدیده ریزش گردابهای [۱].	۳
شکل ۲.۱ محدوده‌های کاربرد CFD/CSD/CTD [۱]	۳
شکل ۳.۱ انواع چیدمان استوانه در بررسی پدیده القای ارتعاشات [۲]	۵
شکل ۳.۲ هندسه و شرایط مرزی میدان حل برای حالت تک استوانه.	۱۶
شکل ۴.۲ هندسه و شرایط مرزی میدان حل برای حالت دو استوانه.	۲۵
شکل ۵.۲ نواحی تداخل جدایش و تداخل نزدیکی برای دو استوانه هماندازه در جریان پایدار. [۲۰]	۲۶
شکل ۶.۲ شمایی از ناحیه‌های یک و دو شبکه بندی	۲۹
شکل ۷.۲ شمای ناحیه سوم شبکه بندی.	۲۹
شکل ۸.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده متفاوت برای $Re = 100$	۳۰
شکل ۹.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده متفاوت برای $Re = 150$	۳۱
شکل ۱۰.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده متفاوت برای $Re = 200$	۳۱
شکل ۱۱.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده متفاوت برای $Re = 250$	۳۲
شکل ۱۲.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده متفاوت برای $Re = 300$	۳۲
شکل ۱۳.۲ مقایسه نتایج بدست آمده با باقی‌مانده‌های $10^{-5}$ و $10^{-6}$	۳۳
شکل ۱۴.۲ مقایسه اثرات گام زمانی در حل غیر دایم جریان روی استوانه متفاوت برای $Re = 100$	۳۴
شکل ۱۵.۲ شکل شماتیک نحوه اتصال فنر و دمپر به استوانه در امتداد محور افقی و عمودی	۳۶
شکل ۱۶.۲ نحوه اعمال نیروهای میدان سیال روی استوانه	۳۷
شکل ۱.۳ منحنی‌های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محورهای $x$ و $y$ نسبت به زمان در $Re = 100$ و $U^* = 6.25$	۴۲
شکل ۲.۳ منحنی هسیترسیز حرکت تک استوانه در $Re = 100$ و $U^* = 6.25$	۴۲
شکل ۳.۳ منحنی‌های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محورهای $x$ و $y$ نسبت به زمان در $Re = 100$ و $U^* = 8$	۴۴
شکل ۴.۳ منحنی هسیترسیز حرکت تک استوانه در $Re = 100$ و $U^* = 8$	۴۴
شکل ۵.۳ منحنی‌های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محورهای $x$ و $y$ نسبت به زمان در $Re = 200$ و $U^* = 6.25$	۴۶
شکل ۶.۳ منحنی هسیترسیز حرکت تک استوانه در $Re = 200$ و $U^* = 6.25$	۴۶
شکل ۷.۳ منحنی‌های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محورهای $x$ و $y$ نسبت به زمان در $Re = 200$ و $U^* = 8$	۴۸
شکل ۸.۳ منحنی هسیترسیز حرکت تک استوانه در $Re = 200$ و $U^* = 8$	۴۸

..... شکل ۹.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه بالادست هندسه اول در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۰
..... شکل ۱۰.۳ منحنی هسیترسیز استوانه بالادست هندسه اول در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۰
..... شکل ۱۱.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه پایین دست هندسه اول در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۲
..... شکل ۱۲.۳ منحنی هسیترسیز استوانه پایین دست هندسه اول در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۲
..... شکل ۱۳.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه بالا دست هندسه اول در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۵۴
..... شکل ۱۴.۳ منحنی هسیترسیز استوانه بالا دست هندسه اول در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۵۴
..... شکل ۱۵.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه پایین دست هندسه اول در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۵۶
..... شکل ۱۶.۳ منحنی هسیترسیز استوانه پایین دست هندسه اول در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۵۶
..... شکل ۱۷.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه بالادست هندسه دوم در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۸
..... شکل ۱۸.۳ منحنی هسیترسیز استوانه بالا دست هندسه دوم در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۵۸
..... شکل ۱۹.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه پایین دست هندسه دوم در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۶۰
..... شکل ۲۰.۳ منحنی هسیترسیز استوانه پایین دست هندسه دوم در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۶۰
..... شکل ۲۱.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه بالادست هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۶۲
..... شکل ۲۲.۳ منحنی هسیترسیز استوانه بالا دست هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۶۲
..... شکل ۲۳.۳ منحنی های ضریب برآ و پسا، جابجایی در محور های $x$ و $y$ نسبت به زمان استوانه پایین دست هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۶۴
..... شکل ۲۴.۳ منحنی هسیترسیز استوانه پایین دست هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۶۴
..... شکل ۲۵.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 100$ و $U^* = 6.25$ ..... ۶۶
..... شکل ۲۶.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۶۷
..... شکل ۲۷.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 200$ و $U^* = 6.25$ ..... ۶۸
..... شکل ۲۸.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۶۹
..... شکل ۲۹.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 100$ و $U^* = 8$ ..... ۷۰
..... شکل ۳۰.۳ شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 200$ و $U^* = 8$ ..... ۷۱

۳۱.۳	شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در در $Re = 100$ و $U^* = 8$ .
۷۲	.....
۳۲.۳	شکل های گرافیکی تشکیل لایه مرزی، میدان سرعت و میدان فشار در $Re = 200$ و $U^* = 8$
۷۳	.....
۳۳.۳	نحوه قرارگیری استوانه های هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ و $t = 3s$
۷۴	.....
۳۴.۳	نحوه قرارگیری استوانه های هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ و $t = 50s$
۷۴	.....
۳۵.۳	نحوه قرارگیری استوانه های هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ و $t = 75s$
۷۵	.....
۳۶.۳	نحوه قرارگیری استوانه های هندسه دوم در $Re = 200$ و $U^* = 8$ و $t = 86s$
۷۵	.....
۳۷.۳	نمودار مقایسه جابجای در راستای $Y$ تک استوانه با استوانه بالادست در $Re = 100$ و $U^* = 8$
۷۶	.....
۳۸.۳	نمودار مقایسه جابجای در راستای $Y$ تک استوانه با استوانه بالادست در $Re = 200$ و $U^* = 8$
۷۶	.....
۳۹.۳	مقادیر خطای روش نیومارک در حل معادلات ارتعاشی جهت $x$ در طول زمان
۷۷	.....
۴۰.۳	مقادیر خطای روش نیومارک در حل معادلات ارتعاشی جهت $y$ در طول زمان
۷۸	.....
۴۱.۳	نمودار همگرایی حل معادلات سیالاتی
۷۸	.....

---

صفحه

## فهرست جداول

۲۵.....	جدول ۱.۲ جزئیات هندسی دامنه‌های حل استفاده شده.
۳۵.....	جدول ۲.۲ نتایج مقایسه سه شبکه مختلف برای هندسه اول.
۳۵.....	جدول ۳.۲ نتایج مقایسه سه شبکه مختلف برای هندسه دوم.
۳۶.....	جدول ۴.۲ کیفیت هندسی شبکه‌بندی اعمال شده برای هندسه‌های شامل دو استوانه .
۷۹.....	جدول ۱.۳ تطابق اعداد استروهال تحقیق با مراجع معتبر .

## فهرست علائم

## لاتین

عدد رینولدز	$Re$
عدد استروهال	$S$
سرعت کاهیده	$U^*$
فرکانس اصلی گردابه	$f_v$
فرکانس طبیعی کاهش یافته	$F_N$
قطر استوانه	$D$
سرعت جریان	$U$
جرم بی بعد	$m^*$
نسبت دمپینگ	$\zeta$
فاصله مرکزی دو استوانه	$L$
فاصله مرکز استوانه بالادست تا مرز ورودی سرعت	$L_u$
فاصله مرکز استوانه پایین دست تا مرز خروجی جریان	$L_d$
لزجت	$\mu$
چگالی	$\rho$
ماتریس مشخصه	$I$
تانسور تنش	$\bar{\bar{\tau}}$
بردار نیرو	$\vec{F}$
شارش جرم از صفحه	$J_f$
مولفه کارتزین بردار واحد $n$ در جهت $x$	$n_x$

مولفه کارتزین بردار واحد $n$ در جهت $y$	$n_y$
لایه مرزی استوانه	$\Gamma_{cyl}$
تنش ویسکوز	$\sigma$
ضریب برآ	$C_D$
ضریب پسا	$C_L$
ماتریس جرم سازه‌ای	$[M]$
ماتریس میرایی سازه‌ای	$[C]$
ماتریس سختی سازه‌ای	$[K]$
بردار شتاب نقطه‌ای	$\{ \ddot{u} \}$
بردار سرعت نقطه‌ای	$\{ \dot{u} \}$
بردار جابجایی نقطه‌ای	$\{ u \}$
بردار نیروی اعمال شده	$\{ F^a \}$
گام زمانی	$\Delta t$
پارامتر انтگرال گیری روش Newmark	$\alpha$
پارامتر انتگرال گیری روش Newmark	$\delta$
جابجایی استوانه در محور افقی	$X$
سرعت استوانه در محور افقی	$\dot{X}$
شتاب استوانه در محور افقی	$\ddot{X}$
جابجایی استوانه در محور عمودی	$Y$
سرعت استوانه در محور عمودی	$\dot{Y}$
شتاب استوانه در محور عمودی	$\ddot{Y}$

نیروی اعمال شده به استوانه در راستای محور افقی  $F_x$

نیروی اعمال شده به استوانه در راستای محور عمودی  $F_y$

نیروی اعمال شده به گره  $i$  ام  $\vec{F}_i$

ضریب فنریت بین گره  $i$  و  $j$   $k_{ij}$

مختصات گره  $i$  ام  $x_i$

مختصات گره  $j$  ام  $x_j$

## فصل اول

### مقدمه

با توجه به ایجاد شدن پدیده القای ارتعاشات توسط گردابه روی سازه های استوانه ای شکل در دامنه گسترده ای از کاربردهای مهندسی از قبیل مبدل های حرارتی، تحلیل چنین پدیده ای به عنوان هدف این پروژه انتخاب شده است. در این پژوهش با حل میدان جربان سیال روی آرایش های مختلف استوانه ها، اثرات متقابل استوانه ها روی ریزش گردابه ای بوجود آمده در میدان بدست آمده و با در نظر گرفتن نیرو های آیرودینامیکی حاصل از این پدیده به عنوان عامل تحریک نوسانات سازه ای، معادلات ارتعاشات و اداشته برای استوانه ها به صورت هم زمان با معادلات حاکم بر جریان سیال(ناویر - استوکس) حل خواهد شد و با تغییر سرعت در محدوده جریان آرام، بوجود آمدن پدیده تشددید مورد تحقیق قرار خواهد گرفت.

## ۱.۱ اهمیت موضوع تحقیق

امروزه بحث اندرکنش<sup>۱</sup> نیروهای جامداتی، سیالاتی و حرارتی و تحلیل اثرات این نیروها در بررسی رفتار اجسام بسیار گسترده می باشد؛ برخورد جریان آرام با اشیای گوناگون سبب ایجاد گردابه هایی می شود که احتساب آن پدیده برای مهندسان در طراحی پریسکوپ های زیردریایی<sup>۲</sup>، دودکش های بلند صنعتی<sup>۳</sup> و آسمان خراش ها<sup>۴</sup> حیاتی می باشد در شکل ۱.۱ یک راهکار کاربردی برای کاهش پدیده ریزش القایی آورده شده است (در حالت ب از یک فین برای جلوگیری از پدیده مذکور استفاده شده است). با توجه به موضوع طرح تحقیق در خصوص بررسی ارتعاشات القایی توسط گردابه و شکل ۲.۱ که نشانگر محدوده کاربرد این اندرکنش ها می باشد اهمیت تحقیق نمود بیشتری می یابد. همان طور که اشاره گردید طرح تحقیقاتی دارای کاربردهای متنوعی می باشد که در زیر به برخی از آن ها اشاره شده است:

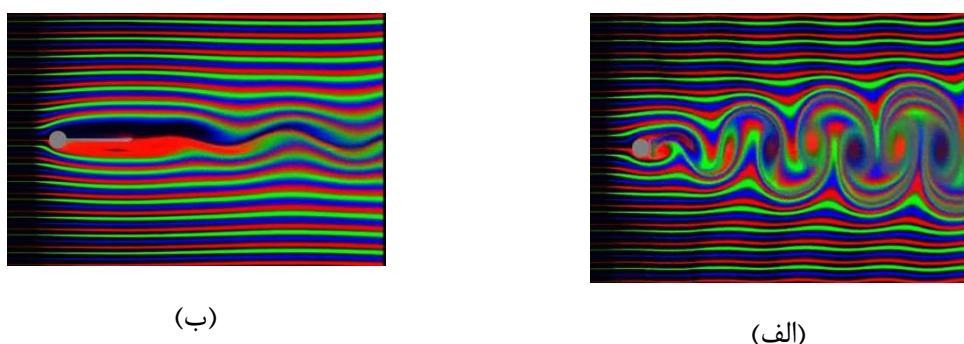
<sup>1</sup> Interaction

<sup>2</sup> Submarine Periscopes

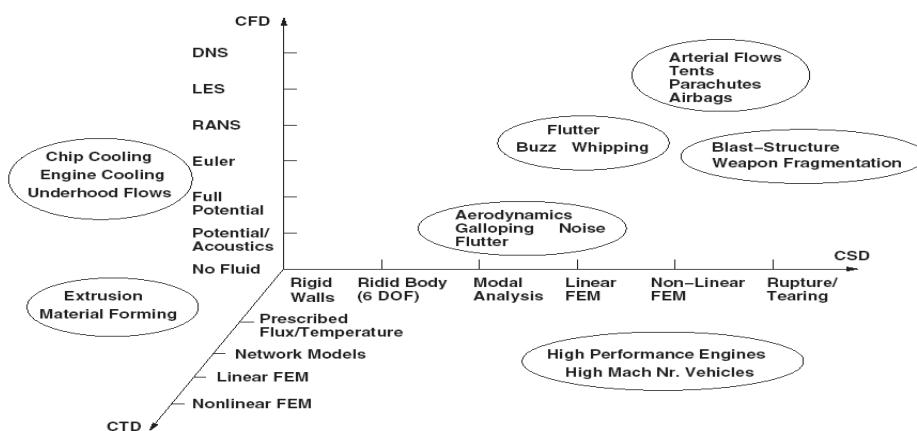
<sup>3</sup> Industrial Chimneys

<sup>4</sup> Skyscrapers

- مبدل‌های حرارتی<sup>۱</sup>؛
- لوله‌ها و سایر هدایت کننده‌های جریان سیال؛
- مجاري مبدل‌های حرارتی که در میدان جریان محوری سیال ثانویه و جریان داخلی سیال اصلی قرار دارند؛
- المان‌های سوختی راکتورهای هسته‌ای؛
- پوسته‌های نازک که به عنوان سپر حرارتی در موتور هوایپیماها و راکتورهای هسته‌ای استفاده می‌شوند؛
- جت پمپ‌ها؛
- انواع مختلف شیرها و سایر اجزایی که در سیستم‌های هیدرولیکی استفاده می‌شوند.



شکل ۱.۱ استفاده از فین جهت کنترل پدیده ریزش گردابه‌ای [۱].



.[۱] CFD/CSD/CTD<sup>۲</sup>

<sup>1</sup> Heat Exchangers

<sup>2</sup> Computational Fluid Dynamics/ Computational Solid Dynamics/ Computational Thermal Dynamics