



دانشگاه پیام نور

دانشکده فنی مهندسی

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

رشته مهندسی کامپیوتر – گرایش نرم افزار

گروه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات

# موازی سازی شبکه های عصبی پیشخور بر روی سیستم های چند پردازنده ای مقارن

سید مانی علایی

استاد راهنما:

دکتر سید علی رضوی ابراهیمی

استاد مشاور:

دکتر محمد هادی معظم

آبان ماه ۱۳۹۱



دانشگاه پیام نور

دانشکده فنی مهندسی

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

رشته مهندسی کامپیوتر – گرایش نرم افزار

گروه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات

# موازی سازی شبکه های عصبی پیشخور بر روی سیستم های چند پردازنده ای مقارن

سید مانی علایی

استاد راهنما:

دکتر سید علی رضوی ابراهیمی

استاد مشاور:

دکتر هادی معظم

آبان ماه ۱۳۹۱

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

## تشکر و قدردانی:

سپاس خدای را که سخنوران، در ستودن او بمانند و شمارندگان، شمردن نعمت های او ندانند و کوشندگان، حق او را گزاردن نتوانند. و سلام و مورد بر محمد و خاندان پاک او، طاهران معصوم، هم آنان که وجودمان وامدار وجودشان است؛

بدون شک جایگاه و منزلت معلم، اجل از آن است که در مقام قدردانی از زحمات بی شائبه ی او، با زبان قاصر و دست ناتوان، چیزی بنگاریم. اما از آنجایی که تجلیل از معلم، سپاس از انسانی است که هدف و غایت آفرینش را تامین می کند و سلامت امانت هایی را که به دستش سپرده اند، تضمین؛ بر حسب وظیفه و از باب "من لم یشکر المنعم من المخلوقین لم یشکر الله عز و جل" از پدر و مادر عزیزم این دو معلم بزرگوارم که همواره بر کوتاهی و درستی من، قلم عفو کشیده و کریمانه از کنار غفلت هایم گذشته اند و در تمام عرصه های زندگی یار و یآوری بی چشم داشت برای من بوده اند؛ از همسر مهربانم که تمام دشواری های این اثر را با مهربانیها و محبت هایش برای من آسان کرد و از استاد با کمالات و شایسته؛ جناب آقای دکتر رضوی که در کمال سعه صدر، با حسن خلق و فروتنی، از هیچ کمکی در این عرصه بر من دریغ ننمودند و زحمت راهنمایی این رساله را بر عهده گرفتند؛ از استاد صبور و مهربان، جناب آقای دکتر معظم، مدیریت محترم کرسی گروه، که زحمت مشاوره این رساله را کشیدند کمال تشکر و قدردانی را دارم. باشد که این خردترین، بخشی از زحمات آنان را سپاس گوید.

**تقدیم به:**

**کسانی که دوستشان دارم**

# چکیده

هدف اصلی کار ارائه شده در این پروژه افزایش سرعت آموزش شبکه‌های عصبی با استفاده از فرآیند موازی سازی می‌باشد. در این پروژه سعی بر آن شده است تا از الگوریتم پس انتشار خطا بر روی شبکه‌های روبه رشد استفاده گردد. امروزه کامپیوترهای موازی بزرگ برای آزمایشگاههای تحقیقاتی و دانشگاه‌ها در دسترس است. بسیاری از اجزای شبکه‌های عصبی در کامپیوترهای موازی گزارش شده است. اگر چه تحقیق کاربردهای عصبی در این پروژه نشان می‌دهد که اتصال کوچکی بین توسعه دهندگان کاربرد شبکه‌های عصبی و محققان فعال در زمینه کاربردهای موازی شبکه عصبی وجود دارد. بسیاری از برنامه‌های آموزشی عصبی اجرایی بر اساس فرضیه‌های غیر واقعی در مورد کاربردهای واقعی آزمایش شده است. به خودی خود برنامه موازی می‌تواند به طور تأثیر گذاری برای یک رتبه بزرگ از کاربردهای عصبی اجرا شود. چندین کاربرد از عصب واقعی در این کار برای آزمایش الگوریتم‌های موازی اجرا شده استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد نفع در این است که از تابع انعطاف پذیر استفاده شود. برای سیستم‌های موازی کوچک، بسیاری از اجزای موازی می‌توانند به طور موثر آموزش ببینند. اگر چه اهمیت یک کار کاربردی قابل انعطاف برجسته‌تر از تعداد پردازشگرهایی است که افزایش می‌یابد؛ بنابراین برای به دست آمدن منفعت بیشتر از سیستم موازی بزرگ و درجات اصلی چندگانه موازی سازی در الگوریتم آموزشی، می‌بایست روش ترکیب جنبه‌های الگوریتم آموزشی بر طبق کاربرد عصبی به روز شود. همچنین دو آزمایش بر روی همگرایی پس انتشار شبکه عصبی آموزش دیده گزارش شده است. نتایج نشان می‌دهد که اگر تقسیم بندی مجموعه آموزشی استفاده شود تعداد بیشتری از تکرارها برای همگرایی در طرح موازی نیاز است. اگر چه همیشه مجموع زمان آموزشی مور نیاز با استفاده از کامپیوتر موازی در رابطه با یک کامپیوتر ترتیبی از ساعت به دقیقه کاهش پیدا کرده است.

**کلمات کلیدی:** شبکه‌های عصبی، موازی سازی، محیط عملیاتی موازی

# Abstract

The main object of the work present herein is to speed up neural network training using parallel processing. The back propagation trained feed – forward neural network was selected for this, research, since it has attracted most interest among neural network researchers. Today, large parallel computers are becoming more accessible to universities and research labs. Many implementations of neural networks on parallel computers have been report. However, survey of work on neural applications in this thesis indicates that there exists little contact between neural application developers and researchers in the field of parallel implementations of neural networks. Many implemented parallel neural training programs are tested based on unrealistic assumptions about real applications. Using large neural networks give rise to better performance than that obtainable in reality, since real neural networks are usually small. As such, the parallel program can execute efficiently for large of neural applications. Several real neural applications used in this work to test the implemented parallel algorithms. The result shows that it is beneficial to use flexible mapping. For small parallel systems; many parallel implementations can train efficiently. However, the importance of a flexible job assignment is more prominent as the number of processors increases. Thus, to gain the full benefit of a large parallel system the multiple inherent of degrees of parallelism in the training algorithm must be combined. Also the method of combining the parallel aspects of the training algorithm should be adaptable according to the given neural application. Two tests on convergence of back propagation trained neural network are also reported. The results indicate that if training set partitioning is used, in the parallel scheme, a larger number of iterations are needed for convergence. However, still the total training time required, by using a parallel computer, is reduced from hours to minutes.

## اصطلاحات :

|               |                                    |
|---------------|------------------------------------|
| سلول          | عنصر فرآیند سازی                   |
| دوره          | تکرار رجوع شود                     |
| تکرار         | چرخه کامل از آموزش الگوش ارائه شده |
| شبکه های عصبی | شبکه های عصبی مصنوعی               |
| واحد          | نورون                              |

## سر واژه ها :

|      |                                |
|------|--------------------------------|
| ANN  | شبکه عصبی مصنوعی               |
| ASIC | کاربرد مدار مجتمع مشخص         |
| ASIC | کاربرد مدار مجتمع مشخص         |
| CPS  | اتصالات در هر ثانیه            |
| CPS  | اتصالات در هر ثانیه            |
| CPV  | واحد مرکزی فرآیند سازی         |
| CPV  | واحد مرکزی فرآیند سازی         |
| CUPS | اتصالات به روز شده در هر ثانیه |
| CVPS | اتصالات به روز شده در هر ثانیه |



|   |          |
|---|----------|
| RAM دینامیک ( پویا )                              | DRAM     |
| دینامیک ( پویا )                                  | DRAM RAM |
| تک پردازشگر دیجیتالی                              | DSP      |
| تک پردازشگر دیجیتالی                              | DSP      |
| عملیات نقطه شناور در هر ثانیه                     | FLOPS    |
| عملیات نقطه شناور در هر ثانیه                     | FLOPS    |
| آرایش مدار ورودی قابل برنامه ریزی                 | FPGA     |
| آرایش مدار ورودی قابل برنامه ریزی                 | FPGA     |
| نقطه واحد شناور                                   | FPV      |
| نقطه واحد شناور                                   | FPV      |
| آرایش سلول منطقی                                  | LCA      |
| آرایش سلول منطقی                                  | LCA      |
| دستورالعمل جریان چند لایه، جریان اطلاعات چند لایه | MEM      |
| دستورالعمل جریان چند لایه، جریان اطلاعات چند لایه | MEM      |
| شبکه ادراکی چند لایه                              | MLP      |
| شبکه ادراکی چند لایه                              | MLP      |
| آزمایشگاه نروژی تکنولوژی                          | NTH      |
| آزمایشگاه نروژی تکنولوژی                          | NTH      |

|   |       |
|---|-------|
| عنصر پردازشی                                  | PE    |
| دسترسی حافظه به طور تصادفی                    | RAM   |
| دسترسی حافظه به طور تصادفی                    | RAM   |
| کمک کننده شبکه عصبی با قابلیت طراحی مجدد      | RENNs |
| کمک کننده شبکه عصبی با قابلیت طراحی مجدد      | RENNs |
| دستور العمل تک جریان، مجریان اطلاعات چند لایه | SIMD  |
| دستور العمل تک جریان، مجریان اطلاعات چند لایه | SIMD  |
| RAM ایستا ( ساکن )                            | SRAM  |
| مقیاس مجتمع سازی ( انتگرال گیری ) بسیار بزرگ  | VLSI  |
| ویدئو RAM                                     | VRAM  |

## علائم:

|  |            |
|--|------------|
| نسبت به                                    | $\propto$  |
| عدد کلی عناصر فرآیند سازی ( سلولها )       | C          |
| عدد کلی عناصر پردازشی در ابعاد $y, x$      | $C_x, C_y$ |
| فرایند سازی شاخص سلولی 2-D                 | $C_{x,y}$  |
| مقدار نشانگاه برای الگو $p$ واحد خروجی $k$ | $D_{p,k}$  |
| آستانه خطا                                 | E          |

|   |            |
|---|------------|
| میزان خطا برای الگو p                         | $E_p$      |
| میزان خطا برای مجموعه آموزشی کامل             | $E$        |
| درصد الگوهایی که به طور کامل آموزش ندیده اند  | $E\%$      |
| میانگین خطای توان دوم                         | $E_{RMSE}$ |
| تابع هلالی شکل                                | $F$        |
| تعداد عملکرد های نقطه شناور                   | $E$        |
| نسبت عدد تکرار برای یادگیری هر دوره           | $K_e$      |
| طول بردار                                     | $L$        |
| عدد متوسط واحد پردازشگر                       | $M$        |
| نیاز به هیچ تکرار آموزشی وجود ندارد           | $N$        |
| تعداد واحدهای ورودی                           | $N_i$      |
| تعداد واحدهای مخفی                            | $N_n$      |
| تعداد واحد های خروجی                          | $N_o$      |
| شاخص تکرار آموزشی                             | $N$        |
| تعداد بخشهای ورودی تعیین شده برای یک پردازشگر | $N_i$      |
| تعداد بخشهای مخفی تعیین شده برای یک پردازشگر  | $N_h$      |
| تعداد بخشهای خروجی تعیین شده برای یک پردازشگر | $N_o$      |
| شاخص تکرار آموزشی                             | $N$        |

|  |                   |
|--|-------------------|
| عدد کلی الگوها در مجموعه آموزشی                      | $P$               |
| تعداد الگوهای آموزشی پردازشگر C                      | $P_c$             |
| شاخص الگو  | $P$               |
| زمان استفاده شده برای عملکرد $x$ در ثانیه            | $t_x$             |
| زمان کل استفاده شده برای عملکرد $x$ در ثانیه         | $T_x$             |
| مقدار وزن، واحد ارتباطی ورودی $i$ و واحدهای مخفی $j$ | $W_{h,ji}$        |
| مقدار وزن، واحد ارتباطی ورودی $j$ و واحدهای مخفی $k$ | $W_{o,kj}$        |
| تعداد تغییر وزن برای وزن $W_{h,ji}$                  | $\Delta W_{h,ji}$ |
| تعداد تغییر وزن برای وزن $W_{o,kj}$                  | $\Delta W_{o,kj}$ |
| مقدار ورودی به نورون $i$                             | $x_i$             |
| مقدار خروجی از واحد خروجی                            | $y_{o,k}$         |

## حروف یونانی:

|   |                |
|---|----------------|
| تکانه                                     | $\alpha$       |
| بیان تکرار آموزشی به عنوان تابعی از $\mu$ | $\delta$       |
| مقدار پیشقدر                              | $\theta$       |
| مقدار خطای دلتا برای واحد مخفی $j$        | $\delta_{h,j}$ |

مقدار خطای دلتا برای واحد خروجی  $k$

$\delta_{o,k}$

نسبت یادگیری

$\eta$

## فهرست مطالب :

| صفحه | عناوین  |
|------|---|
| ۳    | فصل ۱.....                                      |
| ۴    | ۱-۱ مقدمه.....                                  |
| ۴    | ۱-۲ تعریف مساله و بیان سوال های اصلی تحقیق..... |
| ۵    | ۱-۳ سابقه و ضرورت انجام تحقیق.....              |
| ۵    | ۱-۴ فرضیه ها.....                               |
| ۵    | ۱-۵ هدف ها.....                                 |
| ۶    | ۱-۶ کاربردها.....                               |
| ۶    | ۱-۷ جنبه نوآوری تحقیق.....                      |
| ۶    | ۱-۸ روش تحقیق.....                              |
| ۷    | ۱-۹ مراحل انجام تحقیق.....                      |
| ۷    | ۱-۱۰ ساختار پایان نامه.....                     |
| ۸    | فصل ۲.....                                      |
| ۹    | ۲-۱ مقدمه.....                                  |
| ۱۰   | ۲-۲ نحوه کار شبکه های عصبی.....                 |
| ۱۳   | ۲-۳ تاریخچه پیدایش شبکه های عصبی.....           |
| ۱۵   | ۲-۴ کاربرد شبکه های عصبی.....                   |
| ۱۶   | ۲-۵ متداول ترین انواع شبکه های عصبی.....        |
| ۱۶   | ۲-۵-۱ پرسپترون ساده.....                        |

## فهرست مطالب :

| صفحه | عناوین  |
|------|---|
| ۱۷   | ۲-۵-۲ الگوریتم پس انتشار- چند لایه                            |
| ۱۹   | ۲-۵-۳ شبکه‌های پیش خور  |
| ۱۹   | ۲-۵-۴ شبکه‌های باز خور  |
| ۱۹   | ۲-۵-۵ شبکه‌های خطی  |
| ۱۹   | ۲-۵-۶ نقشه‌های ویژگی کوهونن                                   |
| ۲۰   | ۲-۶ پردازش اطلاعات در شبکه‌های عصبی                           |
| ۲۱   | ۲-۷ آموزش شبکه‌های عصبی                                       |
| ۲۴   | ۲-۸ نتیجه گیری:   |
| ۲۵   | فصل ۳   |
| ۲۶   | ۳-۱ مقدمه   |
| ۲۷   | ۳-۲ شبکه عصبی چند لایه  |
| ۲۸   | ۳-۲-۱ توضیحاتی جزئی‌تر از یادگیری الگوریتم BP                 |
| ۳۵   | ۳-۲-۲ توجه اساسی به الگوریتم Bp                               |
| ۳۵   | ۳-۲-۲-۱ مجموعه آموزشی:  |
| ۳۶   | ۳-۲-۲-۲ اندازه شبکه:  |
| ۳۶   | ۳-۲-۲-۳ سه رویکرد متفاوت از استراتژی‌های به روز رسانی وزن‌ها: |
| ۳۶   | ۳-۲-۲-۴ مدت به روز رسانی وزن:                                 |
| ۳۷   | ۳-۲-۲-۵ درجات موازی سازی:                                     |

## فهرست مطالب :

| صفحه    | عناوین  |
|---------|---|
| ۳۸..... | ۳-۲-۳ تکانه.....  |
| ۳۹..... | ۴-۲-۳ اجرای یادگیری.....                                      |
| ۴۲..... | ۵-۲-۳ تعمیم دادن.....   |
| ۴۳..... | ۶-۲-۳ پیشرفت شبکه‌های عصبی رو به رشد.....                     |
| ۴۴..... | ۱-۶-۲-۳ تکنیک‌های فرایند سازی.....                            |
| ۴۴..... | ۷-۲-۳ تأثیر مدت بروزرسانی وزن.....                            |
| ۴۶..... | ۳-۳ کاربردهای شبکه عصبی.....                                  |
| ۴۷..... | ۱-۳-۳ فرایند سازی تصویر.....                                  |
| ۴۷..... | ۱-۱-۳-۳ تصویرهای ماهواره‌ای.....                              |
| ۴۷..... | ۲-۱-۳-۳ تراکم تصویر.....                                      |
| ۴۸..... | ۲-۳-۳ آیا کاربرد شبکه عصبی نیاز به سخت افزار موازی دارد؟..... |
| ۵۱..... | فصل ۴.....  |
| ۵۲..... | ۱-۴ مقدمه.....  |
| ۵۲..... | ۲-۴ محاسبه توصیفی برای درجه موازی سازی BP.....                |
| ۵۲..... | ۱-۲-۴ آموزش مجموعه‌های موازی ساز.....                         |
| ۵۴..... | ۲-۲-۴ کانال بندی.....   |
| ۵۴..... | ۳-۲-۴ گره موازی سازی.....                                     |
| ۵۵..... | ۱-۳-۲-۴ موازی سازی نرون (رشته عصبی).....                      |



## فهرست مطالب :

| صفحه | عناوین  |
|------|---|
| ۵۷   | ۲-۳-۲-۴ موازی سازی سیناپس.....                                      |
| ۵۸   | ۴-۲-۴ اهمیت هر یک از درجات موازی سازی.....                          |
| ۵۸   | ۳-۴ محاسبه کننده های موازی برای شبیه سازی شبکه های عصبی مصنوعی..... |
| ۵۹   | ۱-۳-۴ جنبه های کلی پردازش موازی.....                                |
| ۶۱   | ۱-۱-۳-۴ تقسیم بندی فلاین:.....                                      |
| ۶۲   | ۴-۴ تحقیقی بر اجراهای موازی سازی متفاوت.....                        |
| ۶۳   | ۱-۴-۴ اهداف کلی اجراهای کامپیوتر (محاسبه گر).....                   |
| ۶۶   | ۲-۴-۴ ایستگاه کاری به هم پیوسته.....                                |
| ۶۶   | ۳-۴-۴ تحقیق در مورد استفاده از مدل های ماشین های موازی.....         |
| ۶۶   | ۱-۳-۴-۴ سیستم های هدایت داده ها.....                                |
| ۶۷   | ۲-۳-۴-۴ مکان یابی شبکه.....   |
| ۷۱   | ۴-۴-۴ هدف سخت افزار خاص در مقابل عام.....                           |
| ۷۳   | فصل ۵.....  |
| ۷۴   | ۱-۵ مقدمه.....  |
| ۷۵   | ۲-۵ پردازش موازی چیست؟.....   |
| ۷۵   | ۱-۲-۵ کاربردهای پردازش موازی.....                                   |
| ۷۶   | ۲-۲-۵ محاسبه موازی.....   |
| ۷۷   | ۱-۲-۲-۵ زیاد شدن توان عملیاتی :.....                                |

## فهرست مطالب :

| صفحه     | عناوین   |
|----------|--|
| ۷۷.....  | ۲-۲-۲-۵ تحمل پذیری در برابر خطا :  |
| ۷۸.....  | ۳-۵ تقسیم بندی سیستم عامل‌های چند پردازنده‌ای :                          |
| ۷۹.....  | ۴-۵ پردازش موازی در واحد پردازش گرافیکی - GPU                            |
| ۸۱.....  | ۱-۴-۵ کودا چیست؟   |
| ۸۴.....  | ۵-۵ تشخیص اعداد دستنوشته:  |
| ۸۵.....  | ۱-۵-۵ استخراج ویژگی‌ها.....  |
| ۸۷.....  | فصل ۶.....   |
| ۸۸.....  | الف - پیاده سازی موازی شبکه‌های عصبی پیشخور- اجرا بر روی GPU             |
| ۱۴۷..... | ب - پیاده سازی سریال شبکه‌های عصبی پیشخور- اجرا بر روی CPU               |
| ۱۹۱..... | ج- ارائه جدول زمان مقایسه ای اجرای شبکه عصبی در حالت سریال و موازی       |
| ۱۹۲..... | د- ارائه نمایش زمان اجرای پروژه در حالت آموزش شبکه به صورت سریال و موازی |
| ۱۹۴..... | پیشنهادات:   |
| ۱۹۵..... | مراجع:   |
| ۱۹۹..... | کتاب‌ها و مجلات :  |
| ۱۹۹..... | منابع :  |
| ۲۰۱..... | لغت نامه انگلیسی به فارسی  |

## فهرست فرمول ها :

صفحه

عناوین

- شکل ۱-۲-۱ نمایی از یک نرون طبیعی [Laurene V. Fausett] ..... ۱۰
- شکل ۲-۲-۲ نمایی از یک پرسپترون ساده [Laurene V. Fausett] ..... ۱۷
- شکل ۱-۳-۱ مدل ادراکی [Jim Torresen,1996] ..... ۲۶
- شکل ۲-۳-۲ شبکه عصبی رو به رشد با دو لایه وزن [Jim Torresen,1996] ..... ۲۷
- شکل ۳-۳-۳ تابع سیگموئید [Jim Torresen,1996] ..... ۲۹
- شکل ۴-۳-۴ تعداد اجرای نقطه تغییر برای محاسبه و به روز کردن وزن برای وزن‌های بلوک flbp [Jim Torresen,1996] ..... ۴۱
- شکل ۵-۳-۵ خطای مجموعه آموزشی در مقابل خطای آزمون به عنوان یک تابع عددی از تکرار آموزشی از [۴۹] ..... ۴۳
- شکل ۶-۳-۶ خطای کل آموزش برای فرکانس‌های مختلف وزن به روز شده [Jim Torresen,1996] ..... ۴۵
- شکل ۲-۴-۲ نقشه وزن ماتریسها برای کانال بندی [Jim Torresen,1996] ..... ۵۳
- شکل ۱-۴-۱ آموزش مجموعه موازی سازی برای یادگیری الفبای انگلیسی [Jim Torresen,1996] ..... ۵۳
- شکل ۳-۴-۳ کانال بندی برای آموزش الگوها [Jim Torresen,1996] ..... ۵۴
- شکل ۴-۴-۴ اصول سه عنصر فرآیندسازی [Jim Torresen,1996] ..... ۵۵
- شکل ۵-۴-۵ موازی سازی سیناپس [Jim Torresen,1996] ..... ۵۷
- شکل ۶-۴-۶ تعدادی از مکان یابها برای مرتبط ساختن PE ها وجود دارد [۱۴۷] [Jim Torresen,1996] ..... ۶۰
- شکل ۷-۴-۷ اجرای شبکه لوله‌ای [۱۳۰] [Jim Torresen,1996] ..... ۶۸
- شکل ۸-۴-۸ حلقه اندازه N2 محدود به حلقه درازتر با سایر N1 [۱۱۹] [Jim Torresen,1996] ..... ۷۰
- شکل ۹-۴-۹ رابطه بین سرعت و ترکیب بندی مجدد سخت افزار [Jim Torresen,1996] ..... ۷۲
- شکل ۱-۵-۱ مقایسه معماری GPU با CPU [IE-GPU] ..... ۸۳
- شکل ۲-۵-۲ پنجره توجه ..... ۸۶
- شکل ۳-۵-۳ تقسیم بندی عدد دستنوشته ..... ۸۶
- شکل ۴-۵-۴ نمایش تعداد برخورد بین خطوط در عدد دستنوشته ..... ۸۷

## فهرست فرمول ها :

| صفحه    | عناوین          |
|---------|-----------------|
| ۱۷..... | فرمول ۱-۲.....  |
| ۲۸..... | فرمول ۲-۳.....  |
| ۲۹..... | فرمول ۳-۳.....  |
| ۲۹..... | فرمول ۴-۳.....  |
| ۳۰..... | فرمول ۵-۳.....  |
| ۳۰..... | فرمول ۶-۳.....  |
| ۳۰..... | فرمول ۷-۳.....  |
| ۳۱..... | فرمول ۸-۳.....  |
| ۳۱..... | فرمول ۹-۳.....  |
| ۳۱..... | فرمول ۱۰-۳..... |
| ۳۱..... | فرمول ۱۱-۳..... |
| ۳۲..... | فرمول ۱۲-۳..... |
| ۳۲..... | فرمول ۱۳-۳..... |
| ۳۲..... | فرمول ۱۴-۳..... |
| ۳۲..... | فرمول ۱۵-۳..... |
| ۳۳..... | فرمول ۱۶-۳..... |
| ۳۳..... | فرمول ۱۷-۳..... |
| ۳۳..... | فرمول ۱۸-۳..... |
| ۳۳..... | فرمول ۱۹-۳..... |
| ۳۴..... | فرمول ۲۰-۳..... |
| ۳۴..... | فرمول ۲۱-۳..... |
| ۳۴..... | فرمول ۲۲-۳..... |
| ۳۴..... | فرمول ۲۳-۳..... |
| ۳۵..... | فرمول ۲۴-۳..... |
| ۳۵..... | فرمول ۲۵-۳..... |
| ۳۸..... | فرمول ۲۶-۳..... |
| ۳۸..... | فرمول ۲۷-۳..... |
| ۳۸..... | فرمول ۲۸-۳..... |