





---

---

:

:



این پایان نامه به عنوان یکی از شرایط درجه کارشناسی ارشد به

تسلیم شده است و هیچگونه مدرکی به عنوان فراغت از تحصیل دوره مزبور شناخته نمی شود.

دانشجو: جواد نصر اصفهانی

استاد راهنما: دکتر محمدجواد فدایی

داور ۱: دکتر حسین ابراهیمی

داور ۲: دکتر حامد صفاری

نماینده تحصیلات تکمیلی دانشکده در جلسه دفاع: دکتر سعیدرضا صیدنژاد

معاونت پژوهشی و تحصیلات تکمیلی دانشکده: دکتر غلامرضا پورابراهیم

حق چاپ محفوظ و مخصوص به دانشگاه شهید باهنر کرمان است.



:

خداوند منان را به پاس الطاف و عنایات بی نهایتش که منت بر من نهاده و راه بر من گشود سپاسگزارم.

ضمن تقدیر و تشکر از تمامی اساتید در دوران تحصیل، از تلاشهای بی دریغ استاد گرانقدر جناب آقای دکتر فدایی که مسئولیت راهنمایی اینجانب را در تدوین و تنظیم هر چه بهتر این رساله بر عهده داشتند، کمال تقدیر و تشکر را داشته. همچنین از همسرم که در طول تحصیل همیشه همراه و یاورم بود و از هیچ تلاشی فروگذار نبود نهایت سپاس و قدردانی را دارم. و از خداوند منان توفیق روز افزون همگی آنها را خواستارم.



**Shahid Bahonar University of Kerman**  
**Faculty of Technical and Engineering**  
**Department of Civil engineering**

---

**Modeling and electromechanical analysis of plates with piezoelectric layers  
and consideration of influence of piezoelectric elements on operation of  
plates**

---

**Supervisor :**

**DR. Mohammad javad fadaee**

**Prepared by :**

**Javad nasr esfahani**

**A Thesis Submitted as a Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of  
Science in Civil engineering (M. Sc.)**

**june 2010**

## فهرست مطالب

صفحه

### فصل اول - کلیات

۱۷	۱-۱- مقدمه
۱۹	۲-۱- پیشینه تحقیق و بررسی منابع
۲۹	۳-۱- مطالعه و بررسی مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان در مهندسی عمران
۲۹	۱-۳-۱- انواع مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان
۳۳	۲-۳-۱- اثرات بکاراندازنده
۳۶	۳-۳-۱- اثرات سنسور
۳۷	۴-۳-۱- بررسی خلل و فرج در سازه‌های بتنی و اثر خصوصیات مواد مرکب پیزوالکتریک سرامیکی بر روی آنها
۳۸	۱-۳-۴-۱- رابطه بین حجم سرامیک و تخلخل
۳۹	۱-۳-۴-۲- رابطه بین حجم سرامیک و مقاومت فشاری
۴۰	۱-۳-۴-۳- رابطه بین حجم سرامیک و دی الکتریسیته
۴۱	۱-۳-۵- پارامترهای وابسته به قطبش در پیزوالکتریک‌های مرکب بر پایه سیمان
۴۱	۱-۳-۵-۱- دما
۴۲	۱-۳-۵-۲- شدت میدان الکتریکی
۴۲	۱-۳-۵-۳- تأثیر شدت میدان الکتریکی (E) بر روی کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ ) در فرآیند قطبش
۴۳	۱-۳-۵-۴- تأثیر زمان قطبش (t) بر روی کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ )
۴۴	۱-۳-۵-۵- تأثیر دمای قطبش (T) بر روی کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ )
۴۴	۱-۳-۶- اثر اندازه ذرات پیزوالکتریک بر روی خصوصیات دی الکتریسیته و ضریب کرنش پیزوالکتریسیته

### فصل دوم - سازه‌ی هوشمند و مواد پیزوالکتریک

۴۸	۱-۲- سازه هوشمند
۵۱	۱-۱-۲- انواع سازه‌های هوشمند
۵۱	۲-۲- مواد هوشمند
۵۱	۱-۲-۲- انواع مواد هوشمند
۵۲	۲-۳- آشنایی با پیزوالکتریک‌ها (کهربا فشارها)
۵۴	۲-۳-۱- تاریخچه مواد پیزوالکتریک
۵۶	۲-۳-۲- پیزوالکتریک در نقش محرک

۵۶	۱-۲-۳-۲- پیزوالکتریک های تک لایه با کاربری محرک
۵۷	۱-۲-۳-۲- پیزوالکتریک های دو لایه با کاربری محرک
۵۹	۳-۳-۲- پیزوالکتریک در نقش حسگر
۶۱	۴-۲- روابط حاکم بر پیزوالکتریک ها
۶۲	۱-۴-۲- پلاریزاسیون
۶۳	۱-۴-۲- پلاریزاسیون الکترونی
۶۳	۲-۴-۱-۲- پلاریزاسیون جهتی (دو قطبی)
۶۴	۲-۴-۱-۳- پلاریزاسیون بار فضایی
۶۴	۲-۴-۱-۴- پلاریزاسیون اتمی (یونی)
۶۹	۲-۴-۲- مولفه های تنش و کرنش
۷۰	۲-۴-۳- مولفه های میدان الکتریکی و جابجایی الکتریکی
۷۰	۲-۴-۴- مولفه های مشخصه الاستیک مواد
۷۱	۲-۴-۵- مولفه های ماتریس ثوابت پیزوالکتریکی
	<b>فصل سوم- معادلات الاستیک خطی مواد ناهمسانگرد</b>
۷۷	۱-۳- تعاریف
۷۹	۲-۳- انواع مواد پیزوالکتریک
۸۰	۳-۳- قطبش
۸۲	۳-۴- بررسی ماتریس ضرایب الاستیسیته در مواد مختلف
۸۲	۳-۴-۱- بررسی ماتریس ضرایب الاستیسیته در مواد مختلف
۸۲	۳-۴-۲- ماده منوکلینیک
۸۳	۳-۴-۳- ماده دوسانگرد (ارتوتروپیک)
۸۴	۳-۴-۴- ماده همسانگرد عرضی
۸۵	۳-۵- معادلات ساختاری حاکم بر مواد پیزوالکتریک
۸۵	۳-۵-۱- رابطه تنش و کرنش
۸۶	۳-۵-۲- رابطه میدان الکتریکی و کرنش
۸۷	۳-۵-۳- رابطه میدان الکتریکی و چگالی شار الکتریکی
۸۸	۳-۵-۴- رابطه چگالی شار الکتریکی و تنش
۸۹	۳-۶- محاسبه روابط ساختاری مواد پیزوالکتریک با استفاده از انرژی آزاد کل
۹۳	۳-۷- صفحات نازک پیزوالکتریک
۹۳	۳-۷-۱- اصل هامیلتون
۹۵	۳-۸- روابط حاکم در مختصات منحنی الخط
۹۵	۳-۸-۱- سیستم مختصات استوانه‌ای
۹۶	۳-۹- بررسی تحلیلی و عددی پیزوالکتریک های بيمورف کششی و برشی



۹۶	۳-۹-۱- پیزوالکتریک های بيمورف کششی
۹۸	۳-۹-۲- پیزوالکتریک های بيمورف برشی
۱۰۰	۳-۹-۳- پیزوالکتریک بيمورف کششی و برشی
۱۰۱	۳-۱۰-۱- نتایج تحلیلی و عددی پیزوالکتریک های بيمورف تحت بار الکتریکی
۱۰۱	۳-۱۰-۱- تیر بيمورف کششی
۱۰۳	۳-۱۰-۲- تیر بيمورف برشی
۱۰۳	۳-۱۰-۳- تیر بيمورف کششی و برشی
۱۰۵	۳-۱۱-۱۱- بررسی دو حالت خاص
۱۰۵	۳-۱۱-۱- مدار اتصال کوتاه
۱۰۶	۳-۱۱-۲- مدار باز
۱۰۷	۳-۱۲- توده پیزوالکتریک
۱۰۹	۳-۱۳- معادلات حاکم بر سیستم (جرم - فنر - میراگر - پیزوالکتریک)
۱۰۹	۳-۱۳-۱- سیستم (جرم - فنر - میراگر)
۱۱۰	۳-۱۳-۲- سیستم (جرم - فنر - میراگر - بکاراندازنده پیزوالکتریک)
۱۱۱	۳-۱۳-۳- سیستم (جرم - فنر - بکاراندازنده پیزوالکتریک)
۱۱۱	۳-۱۳-۳-۱- اتصال کوتاه
۱۱۲	۳-۱۳-۳-۲- مدار باز
۱۱۳	۳-۱۴- روابط حاکم بر صفحات مرکب هوشمند پیزوالکتریک
	<b>فصل چهارم - تحلیل عددی مسائل پیزوالکتریک</b>
۱۱۷	۴-۱- آنالیز استاتیکی ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی
۱۱۷	۴-۱-۱- حل دقیق مسئله
۱۱۸	۴-۱-۱-۱- اتصال کوتاه
۱۱۹	۴-۱-۱-۲- مدار باز
۱۲۳	۴-۱-۲- تحلیل مسأله به روش اجزای محدود
۱۳۲	۴-۲- تحلیل استاتیکی استوانه سرامیکی تحت تنش برشی مماسی
۱۳۶	۴-۳- آنالیز دینامیکی ورق پیزوالکتریک تحت بار الکتریکی
۱۳۶	۴-۳-۱- حل دقیق مسئله
۱۳۹	۴-۳-۲- مقایسه نتایج تحلیلی و عددی ورق هوشمند پیزوالکتریک
۱۴۳	۴-۴- مدل سازی استاتیکی و دینامیکی تیر مرکب همراه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک با مکانیزم - های کششی و برشی
۱۴۳	۴-۴-۱- آنالیز استاتیکی
۱۴۴	۴-۴-۱-۱- مکانیزم کششی
۱۴۷	۴-۴-۱-۲- مکانیزم برشی

۱۵۲	۴-۲-۴- آنالیز دینامیکی
۱۵۲	۴-۲-۴-۱- مکانیزم کششی
۱۵۴	۴-۲-۴-۲- مکانیزم برشی
۱۵۵	۴-۵-۰- مدل سازی ورق هوشمند سه لایه با مکانیزم برشی
۱۵۸	۴-۵-۱- مقایسه نتایج ریلی - ریتز و اجزای محدود
۱۶۱	۴-۵-۲- بررسی اثر تغییر زاویه راستای قطبش در صفحه (X-Y) بر عملکرد ورق سه لایه هوشمند
۱۶۳	۴-۵-۳- بررسی اثر تغییر زاویه راستای قطبش در صفحه (X-Z) بر عملکرد ورق سه لایه هوشمند
۱۶۵	۴-۵-۴- تغییر نوع پیزوالکتریک به کاررفته در ورق سه لایه هوشمند و بررسی تأثیر آن بر جابجایی عرضی ورق
۱۶۷	۴-۶-۶- حل دقیق ورق لایه لایه با بکاراندازنده برشی پیزوالکتریک
۱۶۷	۴-۶-۱- فرمول بندی مسئله
۱۶۹	۴-۶-۲- حل دقیق
۱۷۵	۴-۶-۳- ارائه نتایج
۱۷۵	۴-۶-۳-۱- ارائه نتایج در حالت بارگذاری مکانیکی
۱۸۰	۴-۶-۳-۲- ارائه نتایج در حالت بارگذاری الکتریکی
۱۸۴	۴-۷- بهینه سازی
	<b>فصل پنجم- نتیجه گیری و جمع بندی</b>
۱۸۹	۵-۱- نتیجه گیری
۱۹۰	۵-۲- پیشنهاد برای ادامه کار
۱۹۲	مراجع
۱۹۵	پیوست الف

- شکل ۱-۱. اثر گذر زمان بر زندگی انسان ۲۰
- شکل ۱-۲. یک نمونه سرامیک پیزوالکتریک مرکب (۳-۰) بر پایه سیمان ۳۰
- شکل ۱-۳. مقایسه ضریب کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ ) و زمان عمل آوری برای سرامیک/سیمان مرکب ۳۰
- وسرامیک/پلیمر مرکب تحت اختلاف پتانسیل  $4.3\text{KV/mm}$  و زمان ۳۰ دقیقه
- شکل ۱-۴. مقایسه ضریب کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ ) و زمان عمل آوری با توجه به میزان درصد پودر ۳۱
- سرامیک پیزوالکتریک برای پیزوالکتریک های مرکب بر پایه سیمان (۳-۰) تحت اختلاف پتانسیل  $4.3\text{KV/mm}$  در فرآیند قطبش و زمان قطبش ۱۰ دقیقه
- شکل ۱-۵. یک نمونه از مواد مرکب سرامیک پیزوالکتریک ۲-۲ بر پایه سیمان الف) نحوه عملکرد ب) نمونه ساخته شده ۳۲
- شکل ۱-۶. پاسخ مکانیکی مواد مرکب سرامیک پیزوالکتریک ۲-۲ بر پایه سیمان تحت بارگذاری مکانیکی، الکتریکی و جریان متناوب ۳۴
- شکل ۱-۷. رابطه الکترومکانیکی مواد مرکب سرامیک پیزوالکتریک ۲-۲ بر پایه سیمان تحت شرایط بارگذاری مختلف مکانیکی با جریان متناوب ۳۵
- شکل ۱-۸. پاسخ الکتریکی مواد مرکب سرامیک پیزوالکتریک ۲-۲ تحت سیکل های بارگذاری مختلف ۳۶
- شکل ۱-۹. پاسخ الکتریکی مواد مرکب سرامیک پیزوالکتریک ۲-۲ تحت سیکل های بارگذاری مختلف ۳۷
- شکل ۱-۱۰. رابطه تخلخل کلی و سطح تخلخل با نسبت حجم سرامیک به سیمان برای مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان ۳۸
- شکل ۱-۱۱. رابطه چگالی محاسبه شده و چگالی اندازه گیری شده در مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان با نسبت های مختلف سرامیک به سیمان ۳۹
- شکل ۱-۱۲. رابطه بین مقاومت فشاری مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان و نسبت حجم سیمان به سرامیک ۳۹
- شکل ۱-۱۳. رابطه مقاومت فشاری و حجم تخلخل کلی در مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان ۴۰
- شکل ۱-۱۴. رابطه بین حجم تخلخل و ثابت دی الکتریک نسبی در مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان ۴۰
- شکل ۱-۱۵. رابطه بین زمان و  $k_t$  در فرآیند قطبش بر حسب دماهای مختلف و شدت میدان الکتریکی ثابت ( $5.5\text{KV/mm}$ ) برای مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان ۴۱
- شکل ۱-۱۶. رابطه بین زمان و  $k_t$  در فرآیند قطبش بر حسب اختلاف پتانسیل های مختلف و دمای ثابت ( $130^\circ\text{C}$ ) برای مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان ۴۲
- شکل ۱-۱۷. رابطه کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ ) و شدت میدان الکتریکی ( $E$ ) برای مواد مرکب ۴۲

- پیزوالکتریک بر پایه سیمان با درصدهای مختلف مواد پیزوالکتریک
- شکل ۱-۱۸. رابطه کرنش پیزوالکتریک ( $d_{33}$ ) و زمان قطبش (t) بر حسب دقیقه در فرآیند قطبش برای مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان با درصدهای مختلف مواد پیزوالکتریک. ۴۳
- شکل ۱-۱۹. رابطه کرنش و دمای قطبش بر حسب درجه سانتی گراد در فرآیند قطبش برای مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان با درصدهای مختلف مواد پیزوالکتریک ۴۴
- شکل ۱-۲۰. تصویر الکترونی از مواد مرکب پیزوالکتریک بر پایه سیمان پرتلند با اندازه مختلف ذرات پیزوالکتریک (الف) ۶۲۰ میکرومتر و (ب) ۳/۸ میکرومتر ۴۵
- شکل ۱-۲۱. نتایج ثابت دی الکتریسته بر روی مواد مرکب پیزوالکتریک همراه با سیمان پرتلند ۴۶
- شکل ۱-۲۲. اثر اندازه ذرات پیزوالکتریک بر روی کرنش پیزوالکتریک در مواد مرکب پیزوالکتریک همراه با سیمان پرتلند ۴۶
- شکل ۲-۱. جایگاه سازه هوشمند ۴۹
- شکل ۲-۲. بدن انسان نمونه ای از یک سازه هوشمند ۵۰
- شکل ۲-۳. مقایسه بدن انسان با یک سازه هوشمند ۵۰
- شکل ۲-۴. تغییر ابعاد بلور کوارتز در اثر اعمال ولتاژ ۵۳
- شکل ۲-۵. رابطه میدان‌های مکانیکی و الکتریکی ۵۵
- شکل ۲-۶. اثر کمیت‌های الکتریکی (اختلاف پتانسیل الکتریکی) بر کمیت‌های مکانیکی (کرنش) در مواد هوشمند پیزوالکتریک ۵۵
- شکل ۲-۷. پیزوالکتریک در نقش محرک ۵۶
- شکل ۲-۸. افزایش ضخامت تک لایه پیزوالکتریک ۵۶
- شکل ۲-۹. تغییر طول عرضی لایه پیزوالکتریک ۵۶
- شکل ۲-۱۰. تغییر طول ورق دو لایه ای پیزوالکتریک ۵۷
- شکل ۲-۱۱. خمش ورق دو لایه ای پیزوالکتریک قرار گرفته به صورت یک سر گیردار ۵۸
- شکل ۲-۱۲. خمش ورق دو لایه ای پیزوالکتریک قرار گرفته به صورت نصف شده ی دو سر گیردار ۵۸
- شکل ۲-۱۳. خمش ورق دو لایه ای پیزوالکتریک قرار گرفته به صورت یک تیر ساده ۵۸
- شکل ۲-۱۴. نمودار نقطه ای کارکرد پیزوالکتریک محرک ۵۹
- شکل ۲-۱۵. پیزوالکتریک در نقش سنسور ۶۰
- شکل ۲-۱۶. انرژی الکتریکی در اثر تغییر طولی المان ۶۰
- شکل ۲-۱۷. انرژی الکتریکی در اثر تغییر طول عرضی ۶۰
- شکل ۲-۱۸. نمودار نقطه ی کارکرد پیزوالکتریک حسگر ۶۱
- شکل ۲-۱۹. پلاریزاسیون الکترونی ۶۳
- شکل ۲-۲۰. پلاریزاسیون جهتی ۶۳
- شکل ۲-۲۱. پلاریزاسیون بار فضایی ۶۴
- شکل ۲-۲۲. پلاریزاسیون یونی ۶۴

- شکل ۲-۲۳. اثرات متقابل میدانهای الکتریکی و مکانیکی ۶۸
- شکل ۲-۲۴. الف- مولفه های تنش و کرنش در نماد گذاری تانسوری ۶۹
- شکل ۲-۲۴. ب- مولفه های تنش و کرنش در نماد گذاری مهندسی ۶۹
- شکل ۲-۲۴. ج- مولفه های میدان الکتریکی در نماد گذاری تانسوری و مهندسی ۷۰
- شکل ۲-۲۵. تغییر شکل برشی مکعب پیزوالکتریک ۷۴
- شکل ۳-۱. فرآیند قطبش در مواد هوشمند پیزوالکتریک ۸۱
- شکل ۳-۲. صفحه تقارن ماده مونو کلینی ۸۳
- شکل ۳-۳. سه صفحه تقارن ماده دوسانگرد ۸۴
- شکل ۳-۴. رابطه تنش و کرنش در مواد هوشمند پیزوالکتریک ۸۵
- شکل ۳-۵. رابطه خطی بین میدان الکتریکی و کرنش در مواد هوشمند پیزوالکتریک ۸۶
- شکل ۳-۶. تیر بيمورف هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم کششی ۹۷
- شکل ۳-۷. تغییر شکل تیر مرکب هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی استاتیکی و تکیه گاه گیردار [ABAQUS]. ۹۸
- شکل ۳-۸. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی ۹۹
- شکل ۳-۹. تغییر شکل تیر هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی و تکیه- گاه گیردار [ABAQUS]. ۱۰۰
- شکل ۳-۱۰. تیر هوشمند بيمورف پیزوالکتریک با مکانیزم ترکیبی (کششی - برشی) ۱۰۱
- شکل ۳-۱۱. تغییر شکل تیر بيمورف پیزوالکتریک برای حالت ترکیبی کششی - برشی بر حسب زاویه قطبش (L/H=10) ۱۰۴
- شکل ۳-۱۲. تغییر شکل تیر بيمورف پیزوالکتریک برای حالت ترکیبی کششی - برشی بر حسب زاویه قطبش (L/H=5) ۱۰۵
- شکل ۳-۱۳. مدار اتصال کوتاه ۱۰۶
- شکل ۳-۱۴. مدار باز ۱۰۶
- شکل ۳-۱۵. توده هوشمند پیزوالکتریک ۱۰۷
- شکل ۳-۱۶. لایه  $\dot{t}$  ام توده هوشمند پیزوالکتریک ۱۰۸
- شکل ۳-۱۷. سیستم (جرم - فنر - میراگر) ۱۰۹
- شکل ۳-۱۸. سیستم (جرم - فنر - میراگر - بکاراندازنده پیزوالکتریک) ۱۱۰
- شکل ۳-۱۹. سیستم (جرم - فنر - بکاراندازنده پیزوالکتریک) ۱۱۱
- شکل ۳-۲۰. سیستم (جرم - فنر - بکاراندازنده پیزوالکتریک) در حالت اتصال کوتاه ۱۱۱
- شکل ۳-۲۱. سیستم (جرم - فنر - بکاراندازنده پیزوالکتریک) در حالت مدار باز ۱۱۲
- شکل ۳-۲۲. صفحه مرکب سه لایه شامل لایه های هوشمند پیزوالکتریک و لایه الاستیک میانی ۱۱۳
- شکل ۳-۲۳. توزیع تنش و کرنش صفحه مرکب سه لایه شامل لایه های هوشمند پیزوالکتریک و لایه الاستیک میانی ۱۱۴

- شکل ۳-۲۴. اعمال ولتاژ به سازه مرکب سه لایه هوشمند شامل لایه‌های پیزوالکتریک ولایه الاستیک  
 ۱۱۵ میانی
- شکل ۴-۱. ورق سرامیکی الکترووددار با طول و عرض بی‌نهایت و ضخامت ثابت ( $2h$ ) تحت بارهای  
 ۱۱۷ مکانیکی و راستای قطبش در جهت ضخامت
- شکل ۴-۲. مقایسه کارانجام شده در ورق هوشمند پیزوالکتریک در حالت‌های اتصال کوتاه و مدار باز  
 ۱۲۱ شکل ۴-۳. مدل اجزای محدود ورق هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) تحت بار مکانیکی کششی و  
 ۱۲۳ تکیه‌گاه گیردار بر روی چهار لبه در نرم‌افزار ABAQUS
- شکل ۴-۴. تنش ( $T_{11}=T_{22}$ ) در حالت اتصال کوتاه برای ماده  $PZT\ 5H$  الف) در نرم‌افزار ABAQUS  
 ۱۲۴ ب) در نرم‌افزار ANSYS
- شکل ۴-۵. شدت میدان الکتریکی ( $E_3$ ) در حالت مدار باز برای ماده  $PZT\ 5H$  الف) در نرم‌افزار  
 ۱۲۵ ABAQUS ب) در نرم‌افزار ANSYS
- شکل ۴-۶. مقایسه کرنش برای مواد مختلف پیزوالکتریک در سه حالت مدار باز، اتصال کوتاه و غیر  
 ۱۳۱ فعال
- شکل ۴-۷. مقایسه تنش برای مواد مختلف پیزوالکتریک در سه حالت مدار باز، اتصال کوتاه و غیر فعال  
 ۱۳۱ شکل ۴-۸. درصد کاهش تنش و کرنش در مواد مختلف پیزوالکتریک (در حالت غیر فعال نسبت به  
 ۱۳۲ فعال)
- شکل ۴-۹. استوانه سرامیکی هوشمند پیزوالکتریک با طول بی‌نهایت و راستای قطبش مماسی تحت بار  
 ۱۳۳ مکانیکی برشی بر روی سطح خارجی و تکیه‌گاه گیردار بر روی سطح داخلی استوانه
- شکل ۴-۱۰. الف) مدل نرم‌افزاری استوانه سرامیکی هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) با طول بی‌نهایت  
 ۱۳۵ و راستای قطبش مماسی تحت بار مکانیکی برشی بر روی سطح خارجی و تکیه‌گاه گیردار بر روی سطح  
 داخلی
- شکل ۴-۱۰. ب) تنش برشی ( $T_{12}$ ) استوانه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) تحت تنش برشی روی  
 ۱۳۵ سطح خارجی و راستای قطبش مماسی
- شکل ۴-۱۱. ورق سرامیکی الکترووددار هوشمند پیزوالکتریک تحت بار الکتریکی دینامیکی با ضخامت  
 ۱۳۶ ثابت ( $2h$ ) و طول و عرض بی‌نهایت
- شکل ۴-۹. نمودار  $0.2647 \tan \xi h = \xi h$  برای تعیین نخستین فرکانس طبیعی متقارن ورق  
 ۱۴۰ پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ )
- شکل ۴-۱۰. الف) مدل اجزای محدود ورق هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) تحت بار الکتریکی  
 ۱۴۱ دینامیکی و شرایط مرزی مکانیکی تکیه‌گاه گیردار بر روی چهار لبه
- شکل ۴-۱۰. ب) کشیدگی ورق هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) در راستای ضخامت تحت بار  
 ۱۴۱

الکتریکی دینامیکی و شرایط مرزی مکانیکی تکیه‌گاه گیردار بر روی چهار لبه

- ۱۴۲ شکل ۴-۱۱. نمودار پاسخ فرکانسی ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار الکتریکی دینامیکی و تکیه‌گاه گیردار بر روی چهار لبه
- ۱۴۳ شکل ۴-۱۲. مقایسه نخستین فرکانس طبیعی مواد مختلف پیزوالکتریک
- ۱۴۴ شکل ۴-۱۳. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با ماده (PZT 5H) با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- ۱۴۵ شکل ۴-۱۴. تغییر شکل قائم تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- ۱۴۵ شکل ۴-۱۵. مقایسه نتایج تحلیلی و عددی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک [۱۴] با نتایج نرم افزار ABAQUS
- ۱۴۶ شکل ۴-۱۶. مقایسه جابجایی عرضی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS
- ۱۴۷ شکل ۴-۱۷. مقایسه درصد کاهش جابجایی عرضی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم کششی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS نسبت به حالت غیر فعال
- ۱۴۸ شکل ۴-۱۸. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- ۱۴۸ شکل ۴-۱۹. تغییر شکل قائم تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- ۱۴۹ شکل ۴-۲۰. مقایسه نتایج عددی و تحلیلی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- ۱۵۰ شکل ۴-۲۱الف. مقایسه جابجایی عرضی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS
- ۱۵۰ شکل ۴-۲۱ب. مقایسه درصد کاهش جابجایی عرضی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS نسبت به حالت غیر فعال
- ۱۵۱ شکل ۴-۲۲الف. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک
- شکل ۴-۲۲ب. مقایسه جابجایی عرضی تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک (PZT 5H) با

- ۱۵۱ مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS
- ۱۵۲ شکل ۴-۲۳. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) با مکانیزم کششی
- ۱۵۳ شکل ۴-۲۴. مود شکل های تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) با مکانیزم کششی
- ۱۵۴ شکل ۴-۲۵. تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) با مکانیزم برشی
- ۱۵۵ شکل ۴-۲۶. مود شکل های تیر مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 5H$ ) با مکانیزم برشی
- شکل ۴-۲۷. مدل اجزای محدود ورق سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی استاتیکی در نرم افزار (ABAQUS) الف) تکیه گاه گیردار - گیردار - آزاد - آزاد" ب) تکیه گاه "مفصلی - مفصلی - آزاد - آزاد"
- ۱۵۷ شکل ۴-۲۸. جابجایی عرضی ورق مربعی هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه گاه "گیردار - گیردار - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی در نرم افزار ANSYS
- ۱۵۹ شکل ۴-۲۹. جابجایی عرضی ورق مربعی هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه گاه "گیردار - گیردار - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی در نرم افزار ABAQUS
- ۱۵۹ شکل ۴-۳۰. مقایسه جابجایی عرضی ورق مرکب سه لایه هوشمند پیزوالکتریک ( $PZT\ 4$ ) با مکانیزم برشی تحت بار الکتریکی و استاتیکی بر روی سطوح پیزوالکتریک در نرم افزار ABAQUS
- ۱۶۰ شکل ۴-۳۱. ابجایی عرضی گوشه آزاد ورق سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه - گاه "گیردار - گیردار - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی بر حسب زاویه بردار قطبش در صفحه  $(x-y)$  در نرم افزار ABAQUS
- ۱۶۲ شکل ۴-۳۲. جابجایی عرضی گوشه آزاد ورق سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه گاه "مفصل - مفصل - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی بر حسب زاویه بردار قطبش در صفحه  $(x-y)$  در نرم افزار ABAQUS
- ۱۶۲ شکل ۴-۳۳. جابجایی عرضی گوشه آزاد ورق سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه گاه "گیردار - گیردار - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی بر حسب زاویه بردار قطبش در صفحه  $(x-z)$  در نرم افزار ABAQUS
- ۱۶۳ شکل ۴-۳۴. جابجایی عرضی گوشه آزاد ورق سه لایه هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی تحت تکیه گاه "مفصل - مفصل - آزاد - آزاد" و بار الکتریکی استاتیکی بر حسب زاویه بردار قطبش در صفحه  $(x-z)$  در نرم افزار ABAQUS
- ۱۶۴ شکل ۴-۳۵. جابجایی عرضی خط تقارن ورق گیردار - گیردار - آزاد - آزاد برای انواع مختلف پیزوسرامیک
- ۱۶۶



- شکل ۴-۳۶. جابجایی عرضی خط تقارن ورق مفصل- مفصل- آزاد- آزاد برای انواع مختلف  
 ۱۶۶ پیزوسرامیک
- شکل ۴-۳۷. لایه‌های هوشمند مستطیلی همگن پیزوالکتریک  
 ۱۶۷
- شکل ۴-۳۸. مقایسه جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار  
 ۱۶۶ مکانیکی استاتیکی بر روی سطح بالایی
- شکل ۴-۳۹. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ANSYS برای جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) تحت بار  
 ۱۶۷ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۰. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) تحت بار  
 ۱۶۷ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۱. مقایسه جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار  
 ۱۶۷ مکانیکی استاتیکی بر روی سطح بالایی
- شکل ۴-۴۲. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ANSYS برای جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) تحت بار  
 ۱۶۸ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۳. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) تحت بار  
 ۱۶۸ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۴. مقایسه تنش مکانیکی ( $\sigma_{11}$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار  
 ۱۶۸ مکانیکی استاتیکی بر روی سطح بالایی
- شکل ۴-۴۵. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ANSYS برای تنش مکانیکی ( $\sigma_{11}$ ) تحت بار  
 ۱۶۹ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۶. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای تنش مکانیکی ( $\sigma_{11}$ ) تحت بار  
 ۱۶۹ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۷. مقایسه تنش مکانیکی ( $\sigma_{13}$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار  
 ۱۶۹ مکانیکی استاتیکی بر روی سطح بالایی
- شکل ۴-۴۸. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای تنش مکانیکی ( $\sigma_{13}$ ) تحت بار  
 ۱۸۰ مکانیکی استاتیکی
- شکل ۴-۴۹. مقایسه جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار  
 ۱۸۱ الکتریکی استاتیکی بر روی سطح بالایی
- شکل ۴-۵۰. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ANSYS برای جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) تحت بار  
 ۱۸۱ الکتریکی استاتیکی
- شکل ۴-۵۱. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای جابجایی مکانیکی ( $U_1$ ) تحت بار  
 ۱۸۱ الکتریکی استاتیکی

- ۱۸۲ شکل ۴-۵۲. مقایسه جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار الکتریکی بر روی سطح بالایی
- ۱۸۲ شکل ۴-۵۳. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ANSYS برای جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) تحت بار الکتریکی استاتیکی
- ۱۸۲ شکل ۴-۵۴. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای جابجایی مکانیکی ( $U_3$ ) تحت بار الکتریکی استاتیکی
- ۱۸۲ شکل ۴-۵۵. مقایسه تنش مکانیکی ( $\sigma_{13}$ ) بر حسب  $S$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار الکتریکی بر روی سطح بالایی
- ۱۸۳ شکل ۴-۵۶. درصد خطای نسبی بین حل دقیق و ABAQUS برای تنش مکانیکی ( $\sigma_{13}$ ) تحت بار الکتریکی استاتیکی
- ۱۸۴ شکل ۴-۵۷. تیر مرکب سه لایه همراه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک
- ۱۸۵ شکل ۴-۵۸. نمای بالای تیر مرکب سه لایه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک
- ۱۸۶ شکل ۴-۵۹. تغییر شکل تیر مرکب همراه با لایه های پیزوالکتریک
- ۱۸۷ شکل ۴-۶۰. صفحه مرکب سه لایه همراه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک
- ۱۸۷ شکل ۴-۶۱. نمای روبروی صفحه مرکب سه لایه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک
- ۱۸۸ شکل ۴-۶۲. صفحه مرکب سه لایه همراه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک
- ۱۸۸ شکل ۴-۶۳. نمای روبروی صفحه مرکب سه لایه با بکاراندازنده های پیزوالکتریک

صفحه

۳۷	جدول ۱-۱. سه گروه خلل و فرج
۷۵	جدول ۲-۱. خواص برخی مواد پیزوالکتریک همسانگرد عرضی متداول
۷۶	جدول ۲-۲. نتایج اعمال ولتاژ در شرایط یکسان به برخی مواد پیزوالکتریک همسانگرد عرضی متداول
۷۷	جدول ۱-۳. محیطهای فیزیکی مختلف
۷۹	جدول ۲-۳. مقایسه اجزای سازه هوشمند و بدن انسان
۸۰	جدول ۳-۳. مزایا و معایب مواد هوشمند پیزوالکتریک
۸۹	جدول ۳-۴. نوشتار ماتریسی
۱۰۲	جدول ۳-۵. مقایسه نتایج تغییر شکل تحلیلی و عددی برای تیرهای بیمورف هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم کششی
۱۰۳	جدول ۳-۶. مقایسه نتایج تغییر شکل تحلیلی و عددی برای تیرهای بیمورف هوشمند پیزوالکتریک با مکانیزم برشی
۱۲۰	جدول ۴-۱. مقایسه $k_{33}^2$ برای مواد مختلف پیزوالکتریک
۱۲۱	جدول ۴-۲. خصوصیات مواد مختلف هوشمند پیزوالکتریک
۱۲۲	جدول ۴-۳. نتایج تحلیلی اتصال کوتاه ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی
۱۲۲	جدول ۴-۴. نتایج تحلیلی مدار باز ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی

- جدول ۴-۵. مقایسه نتایج کرنش  $(m/m)$   $S_{33}$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۶
- جدول ۴-۶. مقایسه درصد خطای نسبی بین حل تحلیلی و عددی برای کرنش  $(m/m)$   $S_{33}$  ورق هوشمند پیزوالکتریک با مواد مختلف تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۶
- جدول ۴-۷. مقایسه نتایج تنش  $(N/m^2)$   $(T_{11} = T_{22})$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۶
- جدول ۴-۸. مقایسه درصد خطای نسبی بین حل تحلیلی و عددی برای تنش  $(N/m^2)$   $(T_{11} = T_{22})$  ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۷
- جدول ۴-۹. مقایسه نتایج چگالی شار الکتریکی  $(C/m^2)$   $(D_3)$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۷
- جدول ۴-۱۰. مقایسه درصد خطای نسبی بین حل تحلیلی و عددی برای چگالی شار الکتریکی  $(C/m^2)$   $(D_3)$  ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت اتصال کوتاه  
۱۲۷
- جدول ۴-۱۱. مقایسه نتایج تنش  $(N/m^2)$   $(T_{11} = T_{22})$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت مدار باز  
۱۲۸
- جدول ۴-۱۲. مقایسه درصد خطای نسبی بین حل تحلیلی و عددی برای تنش  $(N/m^2)$   $(T_{11} = T_{22})$  ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت مدار باز  
۱۲۸
- جدول ۴-۱۳. مقایسه نتایج کرنش  $(m/m)$   $(S_{33})$  برای ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت مدار باز  
۱۲۸
- جدول ۴-۱۴. مقایسه درصد خطای نسبی بین حل تحلیلی و عددی برای کرنش  $(m/m)$   $(S_{33})$  ورق هوشمند پیزوالکتریک تحت بار مکانیکی کششی در حالت مدار باز  
۱۲۹