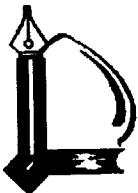


الله اکبر
حُمَّادٌ
لِكَفَرٍ

۱۸۹۶



۱۳۷۸ / ۹ / ۲

دانشگاه فردوسی مشهد

پایان نامه کارشناسی ارشد

در رشته اختصاصی فیزیک

موضوع:

بررسی ساختار سحابی های سیاره نما

و تأثیر سرد شوندگی بر سحابی NGC ۱۵۳۵

استاد راهنما:

دکتر جمشید قنبری

توسط:

) ۲۸۶۶ (۱۵

مرتضی حاجی حسینی

پائیز ۱۳۷۷

۲۸۱۹۹

تقدیم به خانواده ام

باسم‌ه تعالی

من لم يشكر المخلوق، لم يشكر الخالق

با حمد و سپاس به درگاه بیکران رحمت الهی ، اکنون که پایان نامه کارشناسی ارشد اینجانب درحال اتمام است برخود لازم دانستم که از زحمات بی شائبه و بی دریغ جناب استاد دکتر جمشید قنبری که واقع‌در طول این مدت با راهنمایی های عالمانه و مدبرانه خود راهنمایی نمودند تشکر و قدردانی نمایم و آرزوی قلبی خود را در جهت بهروزی و سعادت ایشان از درگاه خداوند متعال مسئلت دارم . همچنین از آقای دکتر تقی عدالتی که در طول این پایان نامه همواره از مشورت با ایشان سود برده ام تشکرمی نمایم . از آقایان ، دکتر بهرام خالصه و دکتر محسن سربیشه‌ای که برخود زحمت داده و با مطالعه این پایان نامه درکار تصحیح و داوری شرکت داشته اند کمال تشکر و قدردانی را دارم .

فهرست

۱	سحابی‌های گازی
۱	۱-۱ مقدمه
۲	۲-۱ بررسی عمومی خطوط طیفی
۲	۳-۱ انواع سحابی‌های گازی
۳	۴-۱ سحابی پراکنده
۳	۵-۱ سحابی سیاره‌نما
۴	۶-۱ پیش سحابی‌های سیاره‌نما
۵	۷-۱ تحول ستاره مرکزی
۶	۸-۱ تأثیر کاهش جرم بر تحول ستاره‌ها
۱۰	۹-۱ فرآیند‌های فیزیکی درون سحابی
۱۰	۱۰-۱ مقدمه
۱۰	۱۰-۲ فتویونیدگی و ترکیب مجدد هیدروژن
۱۶	۱۰-۲ فوتوفیونیدگی سحابی هیدروژنی خالص
۲۲	۱۲-۲ حل تحلیلی معادله تعادل فتویونیدگی سحابی هیدروژنی
۲۳	۱۴-۲ ساختار کلی یونیدگی سحابی‌های هیدروژنی و هلیومی
۲۴	۱۵-۲ معادلات تعادل فتویونیدگی
۲۹	۱۶-۲ فتویونیزاسیون عناصر سنگین
۳۰	۱۷-۲ واکنش تبادل بار
۳۱	۱۸-۲ بررسی فرآیند‌های گرمائی
۳۱	۱۹-۲ مقدمه
۳۱	۲۰-۲ گرم شوندگی و فتویونیزاسیون عناصر
۳۴	۲۱-۲ سردشوندگی از طریق نشر آزاد-آزاد
۳۵	۲۲-۲ سردشوندگی و نشر خطوط ممنوعه
۳۸	۲۳-۲ حالت‌های چگالی بالا و پائین

۴۰	۶-۳ سیستم‌های چندترازی
۴۱	۷-۳ یونیدگی و برانگیختگی هیدروژن به روش برخوردي
۴۶	فرآیندهای دینامیکی گاز در فضای میان ستاره‌ای
۴۶	۱-۴ مقدمه
۴۶	۲-۴ اثر باد ستاره‌ای بر گاز میان ستاره‌ای
۴۷	۳-۴ نواحی جریان
۴۹	۴-۴ انتشار جبهه یونیدگی
۵۲	۵-۴ شکل و دینامیک سحابی سیاره‌نما
۵۲	۶-۴ انواع بادهای ستاره‌ای
۵۴	۷-۴ چگالی
۵۴	۸-۴ دینامیک پوسته
۵۶	۹-۴ حل مسئله
۵۸	۱۰-۴ اعتبار حالت بقاء انرژی
۵۹	۱۱-۴ اثرات تابش یونیده کننده
۶۲	۱۲-۴ اثر سردشوندگی بر دینامیک پوسته
۶۴	تعیین ساختار سحابی‌ها
۶۴	۱-۵ مقدمه
۶۴	۲-۵ تعیین فاصله تا سحابی
۶۶	۳-۵ تخمین جرم ناحیه یونیده
۶۷	۴-۵ روش شکلوفسکی برای تعیین فاصله
۶۷	۵-۵ تعیین چگالی با استفاده از خواص طیف پیوسته رادیوئی
۷۰	۶-۵ دمای مؤثر ستاره مرکزی
۷۴	تأثیر انرژی سردشوندگی بر دینامیک سحابی سیاره نمای NGC ۱۵۳۵
۷۴	۱-۶ مقدمه
۷۴	۲-۶ محاسبه شعاع و سرعت سحابی
۸۳	۳-۶ تعیین انرژی ورودی یا خروجی در برهم‌کنش ستاره با سحابی
۸۴	۴-۶ تعیین کسر یونیدگی عناصر
۸۶	۵-۶ تخمین عمر دینامیکی، شعاع داخلی و خارجی سحابی

۸۷	۶-۶ تعیین متوسط کسر یونیدگی
۹۲	۷-۶ تخمین جرم ناحیه یونیده و فاصله سحابی
۹۴	۸-۶ دمای ستاره مرکزی
۹۴	۹-۶ شعاع و تابندگی ستاره مرکزی
۹۷	۱۰-۶ شدت خطوط طیفی
۹۸	۱۱-۶ محاسبه سرعت ابساط از روی نمایه طیفی
۱۰۴	بحث ونتیجه گیری
۱۰۵	برنامه های کامپیوتری
۱۲۸	فهرست مراجع

Abstract. When we study the dynamical structure of planetary nebulae with considering the interaction of stellar winds , we can discuss about two different cases.In the first case, the shell which is produced via the collision of the fast and super winds is in thermal stability.Which means the energy flow in and out of the shell by the processes as photoionization , recombination, collisional excitation and de-excitation are equal.The second case which is more realistic,the produced shell is not in thermal stability.In this work,we mainly consider the instable conditions and we will study the dynamical structure of NGC1535 in presence of stellar winds.Choosing the rate of mass flow for super wind to be $2.5 \times 10^{-5} M_{\odot} \text{yr}^{-1}$ the dynamical age of the nebula would be equal to 1800 year.The internal and external radius of the nebula are .074 pc and .083 pc respectivly .The evolutionary track of the central stars, with tempreature and luminosity given in the text, corresponds to the evalutionary track of a star with $.6 M_{\odot}$ and this track also follows the Shonberner track(1983).

چکیده

در بررسی ساختار دینامیکی سحابی های سیاره نما با استفاده از مدل بر هم کنش بادهای ستاره ای می توان در دو حالت مجزا بحث نمود . حالت نخست این است که پوسته تشکیل شده بعد از برخورد ابر باد و باد سریع در تعادل حرارتی باشد یعنی انرژی های ورودی و خروجی به پوسته در فرآیندهای نظیر فوتوفیونیدگی ، ترکیب مجدد ، برخوردهای تحریکی و عکس تحریکی مساوی باشند . در حالت دیگر که واقعی تر نیز به نظر می رسد پوسته تشکیل شده در برخورد دو باد در تعادل حرارتی نمی باشد . در این مقاله بیشتر به جنبه عدم تعادل حرارتی مسئله توجه می شود و با توجه به مدل بر هم کنش بادهای ستاره ای ساختار دینامیکی سحابی NGC1535 را مورد مطالعه قرار می دهیم . با در نظر گرفتن آهنگ جرمی $10^{-5} M_{\odot} \text{yr}^{-1}$ برای ابر باد ، عمر دینامیکی ۱۸۰۰ سال برای سحابی بدست می آید که این عمر متناظر با شعاع های داخلی و خارجی $pc = ۰/۰۷۴$ و $۰/۰۸۳$ برای آن می باشد . با توجه به ذمای ستاره مرکزی و تابندگی آن در این زمان ، مسیر تحولی ستاره مرکزی این سحابی با مسیر تحولی ستاره ای به جرم $6 M_{\odot}$ بر مسیرهای شونبرنر (۱۹۸۳) نیز منطبق می باشد .

سحابی‌های گازی

۱- مقدمه

سحابی‌های گازی توده‌های عظیم گاز هستند که در آسمان به صورت اجسام کشیده به نظر می‌رسند. بعضی از آنها با سطح درخشندگی خیلی زیاد، نظیر سحابی جبار^(۱) (NGC ۱۹۷۶) به آسانی در عکسبرداری‌های مستقیم یا موقعی که به یک تلسکوپ معمولی نگاه می‌کنیم، دیده می‌شوند. در حالی که بسیاری دیگر از سحابی‌ها که به طور ذاتی درخشندگی کمتری دارند یا اینکه بیشتر تحت اثر خاموشی میان ستاره‌ای واقع می‌شوند در عکس‌های معمولی ضعیف و کمرنگ هستند، اما همین اجسام را می‌توان در نوردهی‌های به مدت طولانی باصفای های مخصوصی که ناحیه باریکی از طول موج نزدیک خطوط نشري را جدا می‌کنند، بهتر دید.

بزرگترین سحابی گازی آسمان، سحابی GUM می‌باشد که قطر زاویه‌ای حدود 30° دارد. اما تعداد زیادی از سحابی‌های مشهور قطر زاویه‌ای اشان حدود 1° می‌باشد. درخشندگی سطحی سحابی‌ها به فواصلشان وابسته است، اما در فواصل دورتر قطر کمتری دارند و بیشتر تحت اثر خاموشی میان ستاره‌ای واقع می‌شوند، طوری که اعضای نزدیکتر از هرگروه خاص سحابی‌ها جهت مطالعه مناسب‌تر هستند.

1. Orion Nebula

۱-۲ بررسی عمومی خطوط طیفی

سحابی‌های گازی عموماً طیف نشري خطي دارند و در این طیف خطوط ممنوعه یونهائی نظیر ($O\text{III}$)/ $O\text{II}$ و ($N\text{II}$)/ $N\text{I}$ نیز دیده می‌شود که به علت شرایط خاص فیزیکی موجود در سحابی نظیر چگالی الکترونی و دمای ناشی می‌شوند. همچنین خطوط مجاز هیدروژنی نظیر $H\alpha \lambda 6563$ در ناحیه قرمز، $H\beta \lambda 4861$ در ناحیه آبی و $H\gamma \lambda 4340$ در ناحیه بنفش مشخصه‌ای از طیف سحابی‌های سیاره‌نما است، همچنین در بسیاری از حالات طیف نشري خطي این اجسام به ناحیه مادون قرمز و ماوراء بنفش هم گسترش پیدا می‌کند.

سحابی‌های گازی هم چنین شامل طیف پیوسته می‌باشند. این طیف مخصوصاً توسط انتقالات آزاد-پیوندی اتم‌ها به وجود می‌آیند. مثلاً طیف سری پاشن در $\lambda > 3648$ و طیف پوسته سری بالمر در $\lambda < 3648$ در سحابی‌ها دیده شده است. همچنین بعضی از سحابی‌ها نور پراکنده شده سایر ستارگان توسط غبار را به صورت طیف پیوسته منعکس می‌سازند. در ناحیه مادون قرمز هم طیف پیوسته سحابی‌ها همانند نشرگرمائی ذرات گرد و غبار مهم می‌باشد. در ناحیه رادیوئی نیز سحابی‌ها طیف نشري قوى دارند که به علت نشر آزاد-آزاد یا پدیده بر مشترلانگ الکترونهاي حرارتی است که در برخوردهای کولنی با پروتونها شتاب می‌گيرند.

۱-۳ انواع سحابی‌های گازی

منبع اصلی انرژی نشر شده توسط سحابی تشعشات UV ستاره مخصوص در سحابی می‌باشد. معمولاً یک یا چند ستاره داغ با دمای سطحی $K > 3 \times 10^4$ در سحابی‌ها وجود دارند و فوتونهای این ستارگان منبع نشر انرژی توسط پدیده فوتوبیونیزاسیون می‌باشد. در هر فتو یویندگی الکترونهاي از عناصر مختلف آزاد می‌شود که انرژی جنبشی این الکترونها برابر تفاضل انرژی جنبشی فوتون ورودی و انرژی یونش عنصر مورد نظر می‌باشد. برخورد بین این الکترونها که فوتوالکترون نامیده می‌شوند، با یونها باعث توزیع انرژی می‌گردد و سرانجام توزیع انرژی ماسکولی خواهد بود. سپس این الکترونها توسط یونها به دام می‌افتد و درجه یویندگی در سحابی با تعادل بین آهنگ فوتوبیوندگی و ترکیب مجدد مشخص می‌گردد. در سحابی‌هائی که ستاره مرکزی آنها دمای بالائی دارند درجه یویندگی برای تمام عناصر بالا خواهد بود و خطوط $[Fe\text{VII}]$ و $[Ne\text{V}]$ نیز مشاهده می‌گردد.

به طور کلی سحابی‌ها گازی به دو نوع اصلی تقسیم می‌شوند. سحابی‌های پراکنده^(۱) یا نواحی HII و سحابی‌های سیاره‌نما^(۲). اگر چه فرآیندهای فیزیکی در هر دو نمونه مشابه می‌باشد، اما مبداء، جرم، دوره‌های تحولی و عمر نمونه‌ها در هر دو دسته کاملاً متفاوت هستند و بهتر است آنها را مجزا مورد بحث قرار دهیم. لذا در این تحقیق بیشتر به بررسی سحابی‌های سیاره‌نما می‌پردازیم و در زیر مختصراً در مورد سحابی پراکنده توضیح می‌دهیم.

۱-۴ سحابی پراکنده

سحابی‌های پراکنده یا نواحی HII، نواحی در گازهای میان ستاره‌ای هستند که ستارگان تحریک‌کننده آنها نوع O، B یا POPI می‌باشند. به علت دمای بالای این ستارگان ($T < 50000^{\circ}K$) در سراسر این سحابی‌ها هیدروژن کاملاً یونیده می‌باشد. البته عناصر دیگر تا چند بار یونیده هم در این محیط‌ها دیده شده‌اند. حرکت‌های داخلی گاز در این نواحی با سرعت حدود 10 km s^{-1} انجام می‌گردد که تقریباً با سرعت صوت در این محیط‌ها یکسان می‌باشد. گازهای گرم یونیده تمایل دارند به محیط سردرگازهای خنثی نفوذ کنند لذا چگالی کاهش یافته و حجم ناحیه یونیده افزوده خواهد شد. طیف این نواحی به علت فراوانی زیاد هیدروژنهای یونیده شامل خطوط ترکیب مجدد HI بوده و حتی در دماهای بالاتر خطوط ممنوعه [NII] و [OIII] و ... هم دیده می‌شود. نواحی HII نه تنها در کهکشان‌ما بلکه در کهکشانهای نزدیک هم یافت می‌شوند، این نواحی با بازوهای کهکشانی مرتبط هستند و حقیقتاً بهترین اجسام برای فهم ساختار بازوهای مارپیچی کهکشانهای دور می‌باشند. سرعت شعاعی نواحی HII اطلاعاتی را در مورد جنبش‌شناسی (سینماتیک) اجرام POPI در کهکشان خودی و دیگر کهکشانها خواهد داد. جرم نمونه‌ای این نواحی حدود $10^4 M_{\odot}$ می‌باشد.

۱-۵ سحابی سیاره‌نما

سحابی‌های سیاره‌نما پوسته‌ای از گازهای تابان هستند که از ستاره مرکزی جدا شده‌اند. نام سیاره‌نما به این خاطر به آنها اطلاق می‌شود که از درون تلسکوپ شبیه به سیارات منظومه شمسی به نظر می‌رسند. ستاره مرکزی آنها ستارگان پیر (نوع O) با قدریین (۵ و ۳-) می‌باشند، این ستاره‌ها به طور سریعی به سمت

کوتوله های سفید در حال تحول هستند و پوسته سحابی با سرعت نمونه حدود $25 \frac{km}{s}$ در حال انبساط می باشد. به علت کاهش چگالی سحابی ها، شدت خطوط نشری آنها کاهش یافته و در مقیاس زمانهای کیهانی آنها غیرقابل دیدن خواهند شد. عمر میانگین آنها حدود 10^4 سال می باشد.

توزیع فضائی و خواص سینماتیکی سحابی های سیاره نما بیان می دارند که آنها در مقیاس زمانهای کیهانی اجرام نجومی پیری هستند. جرم نمونه ای این اجسام $M = 10^1 - 10^2$ می باشد و دارای چگالی از مرتبه cm^{-3} هستند.

۱-۶ پیش سحابی های سیاره نما

چون تشکیل سحابی های سیاره نما در مراحل نهائی تحول ستارگان صورت می گیرد، سودمند است که مسیر تحولی یک ستاره قبل و بعد از تشکیل سحابی مورد توجه قرار گیرد. به طور کلی تحول سحابی های سیاره نما به دو دوره تقسیم می شود:

- ۱- تحول قبل از جدا شدن سحابی از ستاره مرکزی و تحول اجرام پیش سحابی
- ۲- تحول از زمان جدا شدن سحابی از ستاره مرکزی و تحول ستاره مرکزی

دو دلیل وجود دارد که پذیریم سحابی ها از جو غول قرمز بوجود می آیند. غول های قرمز در قسمت فوقانی شاخه مجانبی غولها (*AGB*)، بیشترین شباهت فیزیکی را به نمونه های اولیه سحابی های سیاره نما دارند. هسته کربنی و اکسیژنی این ستارگان با مواد تشکیل دهنده ستاره مرکزی سحابی ها در مراحل بعدی تحول، موافقت دارد. لذا می توان چنان فرض نمود که گسترش جو غول قرمز هسته ای از خود به جای می گذارد که ستاره مرکزی سحابی را تشکیل می دهد و در فرآیند انبساط جو غول قرمز، پوسته ای از گازها که آنرا سحابی می نامیم، تشکیل می گردد.

دلیل دوم پیدایش سحابی ها از جو ستارگان غول قرمز بر پایه سرعت انبساط آنها می باشد. اگر پذیریم سحابی پوسته ای گازی شکل است که از ستاره ای جدا شده است، لذا باید سرعت اولیه این پوسته حداقل برابر سرعت فرار از حوزه گرانشی ستاره اولیه باشد. با این فرض سرعت انبساط از تفاوت انرژی جنبشی ابتدائی و انرژی جنبشی لازم برای فرار مشخص می گردد. اگر انرژی جنبشی ابتدائی دامنه نامحدودی داشته باشد، لذا بعد از کم نمودن انرژی جنبشی لازم برای فرار از حوزه گرانشی که محدود می باشد، انرژی بدست آمده دامنه نامحدودی خواهد داشت و نتیجتاً سرعت انبساط نامحدود خواهد بود. اما در عمل مقادیر سرعت انبساط مشاهده شده برای سحابی ها بین $10^{-4} - 10^{-5} km/s$ می باشد. با توجه به مطالب فوق بایستی

سرعت فرار از ستاره‌های اولیه سحابی‌ها، قابل مقایسه با سرعت انساط آنها باشد. اگر سرعت فرار از ستاره‌ای به جرم خورشید و شعاع R که بر حسب واحد خورشیدی بیان می‌گردد را محاسبه نمائیم، خواهیم داشت:

$$V_{esc} = 618 R^{-1/2} \text{ km s}^{-1} \quad (1-1)$$

که R بر حسب واحد خورشیدی می‌باشد.

با توجه به رابطه به دست آمده چون سرعت فرار از حوزه گرانشی ستاره‌های کوچک بزرگ می‌باشد، لذا این ستارگان نمی‌توانند باعث تشکیل سحابی گردند. حال آنکه برای ستاره‌هایی با شعاع بین ۱۰۰-۲۰۰ برابر شعاع خورشید، سرعت فرار در محدوده سرعت انساط سحابی‌ها واقع می‌گردد که این شعاع مربوط به غول‌های قرمز است. پس می‌پذیریم که سحابی‌ها از جو غول قرمز تشکیل می‌گردند. هم‌چنین دلائلی وجود دارد که ستاره مركزی سحابی‌های سیاره‌نما به سمت کوتوله‌های سفید در حال تحول هستند. با توجه به موقعیت کوتوله‌های سفید در نمودار $H-R$ که دنباله مسیر تحولی ستارگان پیر می‌باشد و چون سحابی‌ها از لحاظ نجومی اجرام پیری می‌باشند هم‌چنین با مقایسه آهنگ تشکیل کوتوله‌های سفید و سحابی‌های سیاره‌نما که با آهنگی حدود $10^{-3} \text{ pc}^{-3} \text{ yr}^{-1}$ در نواحی حدود 1 kpc از خورشید تشکیل می‌شوند این موضوع نتیجه می‌گردد (پوشش ۱۹۸۴).

۱-۷ تحول ستاره مركزی

مدل ساده مسیرهای تحولی ستاره مركزی اولین بار توسط پاکزینسکی^(۱) (۱۹۷۵) پیشنهاد شد و بعداً توسط شونبرنر^(۲) (۱۹۸۳) تکمیل گردید. قبل از تبدیل ستاره به سحابی سیاره‌نما، آن شامل هسته کربن-اکسیژن تبهگن و منق卜ضی می‌باشد که این هسته توسط پوسته داخلی هلیم‌سوز و پوسته خارجی هیدروژن سوز احاطه شده است. پوسته هلیمی از لحاظ حرارتی در مقیاس زمانی ۲ ناپایدار می‌باشد. با توجه به محاسبات پاکزینسکی (۱۹۷۵)، ۲ فقط به جرم هسته کربن-اکسیژنی وابسته است و به جرم پوش بستگی ندارد:

$$\text{Log}\tau(\text{year}) = 7/5 - 4/5 \frac{M_{co}}{M_\odot} \quad (2-1)$$

به علت جرقه‌های آنی یک یا چند پوسته خارجی ستاره دفع می‌گردد و جرم پوش اطراف هسته مرکزی کاهش می‌یابد. موقعی که جرم پوسته هیدروژنی کاهش پیدا می‌کند و مثلًاً برای هسته‌هایی به جرم‌های $M_{co} = 1/2M_\odot$ و $M_{co} = 10^{-6}M_\odot$ به $M_\odot = 4 \times 10^{-4}$ تقلیل پیدا می‌کند (پاکزینسکی ۱۹۷۵)، ستاره منقبض شده و در تابندگی ثابت به طرف نواحی بادماهای بالاتر (ناحیه آبی) نمودار $H-R$ متتحول می‌گردد. این عمل تا رسیدن به دمای موثر بیشینه T^{max} که آن نیز فقط تابع جرم هسته است، ادامه پیدا می‌کند (پاکزینسکی ۱۹۷۱)

$$\log T^{max} = 4/6 + \frac{M_{co}}{M_\odot} \quad (3-1)$$

در این زمان ستاره مرکزی سحابی در حال تبدیل به کوتوله سفید خواهد بود. توجه داریم که ستاره‌هایی با جرم بیشتر در دوره اولیه خیلی سریع متتحول می‌شوند به طوری که مطالعه آنها مشکل تر به نظر می‌رسد. مشاهدات نشان می‌دهند که کاهش جرم بعد از گرم شدن هسته هم ادامه پیدا می‌کند و آهنگ کاهش جرم به دمای ستاره وابسته است و مقدار M ممکن است حتی بیشتر از $10^{-7}M_\odot yr^{-1}$ و سرعت آن حدود $200 km/s$ باشد (هیپ^(۱) ۱۹۸۲) چنین باد شدیدی که باد سریع نامیده می‌شود، عامل اساسی در تحول دینامیکی سحابی سیاره‌نما، به شمار می‌رود. اندازه حرکت باد سریع با چنین ویژگیهایی قابل مقایسه با اندازه حرکت سحابی سیاره‌نما با جرم $M = 2M_\odot$ و سرعت $20 km/s$ بعد از زمان 2×10^4 سال یعنی عمر متوسط دینامیکی سحابی‌ها است. کوک^(۲) (۱۹۸۲) نشان داد که بر هم‌کنش باد سریع با بادکندی که از اجداد سحابی شروع شده است و ابر باد نامیده می‌شود، می‌تواند پاسخی برای تحول دینامیکی سحابی‌های سیاره‌نما باشد.

۱-۸- تأثیر کاهش جرم بر تحول ستاره‌ها

شواهدی موجود است که نشان می‌دهد کاهش جرم غول قرمز با آهنگی بیشتر از $10^{-5}M_\odot yr^{-1}$ می‌باشد. ریمرز^(۳) (۱۹۷۵) با استفاده از پارامترهای تابندگی، شعاع و شدت میدان گرانشی غول قرمز