

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

دانشگاه تفرش

دانشکده فیزیک

پایان نامه کارشناسی ارشد

رشته ی فیزیک ذرات بنیادی و نظریه میدان های کوانتومی

عنوان

پاریتی R

اساتید راهنما

دکتر فیروز آرش

دکتر یاسمن فرزانه

دانشجو

ساعره نجاری

اسفند ۱۳۸۸

تقدیم به پدر و مادر عزیزم

که همواره یاری بخش ام بوده اند و...

قدردانی و تشکر

از اساتید گرامی، جناب آقای دکتر فیروز آرش و سرکار خانم دکتر یاسمن فرزانه به خاطر راهنمایی های ارزشمند و زحمات بی دریغ کمال تشکر و قدردانی را دارم.

چکیده

در مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه منابع متعددی برای نقض تقارن همیوگ بار-پارینه (CP) و همچنین برای نقض طعم لپتونی وجود دارد. باشکست پارینه R، منابع جدیدی برای نقض CP و همچنین طعم لپتونی اضافه می‌شود. با مطالعه قطبش عرضی ذرات نهایی در فرایندهای ناقص طعم لپتونی $\mu \rightarrow e\gamma$ ، $\mu \rightarrow eee$ و $\mu N \rightarrow eN$ می‌توان اطلاعاتی در مورد فازهای ناقص CP کسب کرد. در این پایان نامه ما امکان اندازه‌گیری فازهای ناقص CP را در مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه با نقض پارینه R در واپاشی $\mu^- \rightarrow e^-e^+e^-$ بررسی می‌کنیم. مانشان می‌دهیم که مطالعه توزیع زاویه ای پوزیترون‌های گسیل شده و قطبش عرضی آنها می‌تواند اطلاعات جدیدی در مورد فازهای ناقص CP ارائه دهد. با آزمایش‌های دیگر نمی‌توان فازهای ناقص CP را که برای توضیح عدم تقارن موجود میان ماده باریونی و پادباریونی جهان نیاز است را توضیح داد. بنابراین بدست آوردن اطلاعات در مورد فازهای ناقص CP با اندازه‌گیری قطبش عرضی ذرات نهایی در فرایند ناقص طعم لپتونی $\mu \rightarrow eee$ بسیار جالب است.

فهرست

ب چکیده

۱ مقدمه

۱ مدل استاندارد

۵ ۱.۱ ذرات مدل استاندارد

۶ ۲.۱ تقارن طعم لپتونی

۷ ۳.۱ نقض همزمان تقارن‌های همیوگ بار و پارینه CP

۸ ۴.۱ منابع نقض CP در مدل استاندارد

۲ ابرتقارن و پارینه R

۱۱ ۱.۲ ابرتقارن

۱۴ ۲.۲ پارینه‌ی R

۱۵ ۳.۲ نقض پارینه‌ی R

۱۷ ۴.۲ قیدهای غیر مستقیم بر روی ثابت‌های جفت‌شدگی یوکاوا در نقض پارینه‌ی R

۱۷	۱.۴.۲	وایشی μ و τ
۲۲	۲.۴.۲	ماتریس جرمی نوترینو
۲۶	۳.۴.۲	ماتریس یکانی CKM
۲۸	۵.۲	اندازه گیری ثابت های جفت شدگی در برخورددهنده ها

۳ بدست آوردن فازهای نقض CP در جفت شدگیهای سه خطی نقض پارینه R در وایشی $\mu \rightarrow eee$

۳۴	۱.۳	فرآیندهای کمیاب ناقص طعم لپتونی
۳۶	۲.۳	لاگرانژی موثر در یک چارچوب کلی
۳۸	۳.۳	اثرات جفت شدگیهای سه خطی نقض پارینه R
۴۰	۴.۳	قطبش عرضی و بی تقارنی
۴۳	۵.۳	آنالیز A و $\langle s_{T_2^+} \rangle$ به طور همزمان

پیوست

۴۸	پیوست
۵۱	مراجع و منابع

مقدمه

موضوع فیزیک ذرات بنیادی، گشودن راز ماده است. در بنیادی ترین سطح، یعنی در کوچکترین مقیاس اندازه‌ها، فیزیک ذرات بنیادی این پرسش را مطرح می‌کند: ماده چگونه ساخته شده است و از کجا آمده است؟

ماده در سطح زیر اتمی از تکه‌های کوچکی تشکیل شده است. این تکه‌های کوچک که تنوع آنها نیز کم است (الکترونها، پروتونها، نوترونها و غیره) به میزان عظیمی تکرار می‌شوند و همه مواد اطراف ما را می‌سازند.

در مدل استاندارد، ماده از سه نوع ذرات بنیادی ساخته شده است. لپتونها، کوارکها، و واسطه‌ها. از جمله خواص مدل استاندارد همانطور که در فصل ۱ خواهیم دید بقای طعم لپتونی است. برای به چالش کشیدن مدل استاندارد شتاب‌دهنده‌های بزرگ و پرهزینه متعددی چون CERN (سوئیس)، FermiLAB (آمریکا)، SLAC (آمریکا) راه‌اندازی شده‌اند، اما تاکنون هیچ نشانه قابل توجهی از این شتاب‌دهنده‌ها دال بر عدم توانایی مدل استاندارد در توضیح پدیده‌ها مشاهده نشده است.

جالب توجه است که نقاط ضعف مدل استاندارد در آشکارسازهای نوترینو خود را نمایان ساخته‌اند.

در مرکز خورشیدی طی چند مرحله، همجوشی پروتون به هلیوم انجام می‌پذیرد که با تولید ν_e همراه است: $4p^+ \rightarrow He^{++} + 2e^+ + 2\nu_e$. از دهه ۶۰ میلادی تا به امروز آشکارسازهای متنوعی با فن‌آوری‌های مختلف برای مشاهده نوترینوهای خورشیدی طراحی و ساخته شده‌اند، از جمله مهمترین این آشکارسازها می‌توان به Super-kamiokande در ژاپن و SNO در کانادا اشاره کرد که هم‌اکنون نیز در حال مشاهده و جمع‌آوری داده هستند. یافته‌های این دو آشکارساز با پیشگویی‌های مدل استاندارد سازگاری ندارد. از نظر تاریخی اولین بی‌هنجاری نوترینو^۱ در نوترینوهای خورشیدی حدود چهل سال پیش آشکار شد. در همان موقع دانشمندان با استفاده از مدل‌های خورشیدی و محاسبات فیزیک هسته‌ای مقدار

^۱ neutrino anomaly

شار ν_e بر روی زمین را تخمین زده بودند. اما مقدار شار ν_e اندازه‌گیری شده، به میزان قابل توجهی از این مقدار تخمین زده شده کمتر بود. امروزه باور عمومی بر این است که مقداری از ν_e پس از تولید به ν_μ و ν_τ تبدیل می‌شود. توجه کنید که تبدیل ν_e به ν_μ و ν_τ به معنای عدم بقای عدد لپتونی است که با مدل استاندارد همخوانی ندارد. در مدل استاندارد جرم نوترینوها صفر در نظر گرفته می‌شود ولی بی‌هنجاری‌های موجود در مشاهدات نوترینو نشان می‌دهد که نوترینوها جرم دارند. جرم نوترینوها تنها به صورت یک تصحیح کوچک در مدل استاندارد در نظر گرفته می‌شود. با این وجود مدل استاندارد یک اشکال تئوری دارد که مسئله سلسله مراتب^۲ است. در مدل استاندارد اختلاف بزرگی بین مقیاس الکتروضعیف ($M_w \simeq 100 GeV$) و مقیاس پلانک ($M_{p1} = 2.4 \times 10^{18} GeV$) وجود دارد، بنابراین نسبت M_p/M_w از مرتبه 10^{16} است. در مقیاس‌های حدود M_{p1} اثرات گرانش کوانتومی مهم می‌شود که مدل استاندارد قادر به توصیف آن نیست. مسئله سلسله مراتب باعث می‌شود که تصحیح به جرم هیگز بی‌نهایت بزرگ شود. ما معمولاً فرض می‌کنیم، جرم هیگز حدود $100 GeV$ است. با توجه به عبارت $-\lambda_f H \bar{f} f$ در لاگرانژی، اگر میدان هیگز با فرمیون جفت شود، تصحیح کوانتومی به جرم هیگز در سطح تک‌حلقه فرمیونی به صورت زیر است:

$$\Delta m_H^2 = c\lambda_f^2[-\Lambda^2 + b]$$

Λ مقیاس قطع است. همانطور که مشاهده می‌شود در مقیاس پلانک تصحیح به جرم هیگز بی‌نهایت بزرگ است. تصحیح به جرم هیگز وقتی فرمیون کوآرک t ($\lambda_f \sim 1$) باشد، بزرگترین مقدار را دارد. اگر ذره دیگری وجود داشته باشد که اعداد کوانتومی مشابه با فرمیون t را داشته باشد، تنها اسپین آن به اندازه $\frac{1}{2}$ با کوآرک t اختلاف داشته باشد، با در نظر گرفتن اثر تصحیح ذره جدید مشاهده می‌کنیم که در تصحیح همدیگر را حذف می‌کنند. اگر ما تصحیح به جرم هیگز را برای حلقه بزونی در نظر بگیریم، تصحیح به جرم هیگز عبارت است از:

^۲ Hierarchy problem

$$\Delta m_H^2 = c_2 \lambda_s [\Lambda^2 + b_2]$$

بنابراین با در نظر گرفتن دو تصحیح ناشی از حلقه بوزونی و فرمیونی مسئله سلسله مراتب حل خواهد شد.

انگیزه اصلی ارائه مدل ابرتقارن، ارائه راه حلی برای مسئله سلسله مراتب است. بنا به تعریف، ابرتقارن یک تقارن بین فرمیونها و بوزونهاست. نظریه ابرتقارن تنها با یک ایده آغاز شد و سپس این ایده به صورت یک نظریه فرمول بندی شد و به پیش بینی هایی می انجامد که می توانند به صورت آزمونی برای صحت این نظریه در نظر گرفته شوند. چنانچه شتاب دهنده ی LHC، ذرات ابرتقارنی را کشف کند، دریچه ای جدید از فیزیک ماورای مدل استاندارد به روی ما گشوده خواهد شد.

علاوه بر این مسئله، یک مسئله مشاهداتی وجود دارد، بطوریکه مدل استاندارد قادر به توصیف آن نیست. حدود ۴۰٪ از مجموع عالم از ماده ساخته شده است. بیشتر عالم، تقریباً ۵ برابر ماده معمولی، ماده تاریک است. در اخترشناسی و کیهان شناسی، ماده تاریک ماده ای فرضی است که چون از خود امواج الکترومغناطیسی گسیل یا بازتاب نمی کند، نمی توان آن را مستقیماً دید اما از اثرات گرانشی موجود بر روی اجسام مرئی، مثل ستاره ها و کهکشان ها می توان به وجود آن پی برد. ماده تاریک موجود در عالم باریونی نیست، بنابراین مدل استاندارد قادر به توصیف ماده تاریک نیست و تنها می تواند بخش کوچکی از عالم را توصیف کند.

یکی از موفقیت های مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه (MSSM) این بوده است که یک کاندیدای مناسب برای ماده تاریک معرفی می کند. سبکترین نوترالینو (LSP^۲) نقش ماده تاریک را در این نظریه ایفا می کند.

مدل استاندارد بدون ماتریس جرمی نوترینوها، تنها دارای یک فاز ناقص CP است، در حالی که در مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه منابع متعددی برای نقض تقارن CP وجود دارد، نقض CP یکی از

^۲ Lightest Supersymmetric Particle

شرط‌های ساخاروف برای توضیح عدم تقارن باریونی – پادباریونی در جهان است.

در این پایان‌نامه ما فازهای ناقص CP در چارچوب مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه با نقض پارته R در واپاشی سه خطی $eee \rightarrow \mu$ در انرژی‌های پایین را بررسی می‌کنیم. در ضمن تنها لپتون‌ها را در نظر می‌گیریم.

در فصل اول این پایان‌نامه مروری بر مدل استاندارد خواهیم داشت و همچنین پایستگی عدد لپتونی و باریونی را توضیح خواهیم داد. در فصل دوم به مطالعه مدل ابرتقارن می‌پردازیم و سپس مفهوم پارته R و نقض آن را بررسی می‌کنیم، سپس پیامدهای آن را مورد مطالعه قرار می‌دهیم. همچنین قیدهایی را که به طور غیرمستقیم بر روی ثابت‌های جفت‌شدگی یوکاوا در نقض پارته R وجود دارد را بیان می‌کنیم و در نهایت چگونگی به دست آوردن این ثابت‌ها را به طور مستقیم از شتاب دهنده‌ها ارائه می‌کنیم. در فصل آخر، فازهای ناقص CP را در واپاشی نادر $eee \rightarrow \mu$ با استفاده از قطبش عرضی پوزیترون نهایی و بی‌تقارنی به دست می‌آوریم.

فصل اول

مدل استاندارد

۱.۱ ذرات مدل استاندارد

ذرات بنیادی بر دو نوع اند: (۱) بوزون ها که اسپین صحیح دارند و (۲) فرمیون ها که ذرات با اسپین نیمه صحیح هستند. در مدل استاندارد ذرات بنیادی، برهم کنش ذرات با تقارن پیمانهای $SU(3) \times SU(2)_L \times U(1)_Y$ داده می شود. در این مدل فرمیون ها بر دو نوع اند: (۱) کوارک ها که در نمایش $SU(3)$ قرار می گیرند و در نتیجه برهم کنش قوی دارند. (۲) لپتون ها که برهم کنش قوی ندارند و یا به عبارت دیگر تحت تقارن $SU(3)$ مدل استاندارد ناوردا هستند.

لپتونها را می توان به سه نسل تقسیم کرد. نسل اول شامل e_L^- ، e_R^- و پادذره های آنها می شود. نوترینوی چپ دست (بهمان ν_{eL}) به همراه e_L^- در نمایش بنیادی $SU(2)_L$ قرار می گیرد. بار الکتریکی ν_{eL} صفر است و این ذره تنها برهم کنش ضعیف دارد. به همین علت آشکارسازی نوترینو بسیار دشوار است.

نسل دوم لپتونها، از میون μ_L^- ، μ_R^- و $\nu_{\mu L}$ و پادذره های ذرات مذکور تشکیل شده است. کلیه اعداد

کوانتومی ذرات نسل دوم برابر اعداد کوانتومی ذرات متناظر آنها در نسل اول است. اما جرم میون حدود 200 برابر جرم الکترون می باشد. در نتیجه میون برخلاف الکترون ذره ای ناپایدار است. نسل سوم لپتونها شامل τ_L^- ، τ_R^- و $\nu_{\tau L}$ و پادذرات آنها می باشد که اعداد کوانتومی برابر با ذرات متناظر در نسل اول و دوم دارند.

کوارکها نیز در سه نسل جای می گیرند:

$$\begin{pmatrix} u \\ d \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} c \\ s \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} t \\ b \end{pmatrix}$$

سرانجام هر برهم کنش واسطه خودش را دارد: فوتون برای نیروی الکترومغناطیسی، دو W و Z برای نیروی ضعیف و گلوئون واسطه نیروی قوی است. در مدل استاندارد، میدانی به نام هیگز (H) وجود دارد که دوتایه $SU_L(2)$ است. فرمیون ها و کوارک ها در مدل استاندارد با این میدان جفت می شوند.

$$\mathcal{L} = \sum_{i=1}^3 Y_i \bar{L}_i H l_{iR} + (Y_d)_{ij} \bar{Q}_i L H d_{jR} + (Y_u)_{ij} \bar{Q}_i L H u_{jR} + H.c. \quad (1.1)$$

پس از شکست تقارن الکتروضعیف، عضو بدون بار دوتایه H مقدار انتظاری غیر صفر می گیرد و در نتیجه جمله یوکاوا در فرمول بالا به جمله جرمی برای لپتون های باردار و کوارکها تبدیل می شود. در مدل استاندارد نوترینوی راست دست وجود ندارد به همین علت در مدل استاندارد نمی توان به گونه ای برای نوترینوها جمله جرمی نوشت که تحت تقارن الکتروضعیف ناورد باشد.

۲.۱ تقارن طعم لپتونی

در مدل استاندارد نسل های مختلف لپتونها با هم مخلوط نمی شوند. برای اثبات این مطلب لپتون های هر نسل را منسوب به عددی به نام عدد لپتونی نسل مزبور می کنیم. در جدول ۱.۱، لپتون ها بر حسب بار Q ، عدد الکترونی (L_e)، عدد میونی (L_μ) و عدد تاو (L_τ) دسته بندی شده اند. عدد لپتونی هر پادذره با منفی عدد لپتونی ذره متناظر برابر است. عدد لپتونی سایر ذرات (کوارکها و بوزونها) برابر صفر است. می توان به آسانی نشان داد که به ازای هر i ، لاگرانژی مدل استاندارد تحت تبدیل سرتاسری

L_τ	L_μ	L_e		
○	○	۱	-1	ν_e
○	○	۱	○	μ
○	۱	○	۱-	ν_μ
○	۱	○	○	τ
۱	○	○	۱-	ν_τ
۱	○	○	○	

جدول ۱.۱

به عبارت دیگر عدد لپتون‌ی هر نسل به طور جداگانه بقا دارد. در نتیجه فرآیندهایی چون $eN \rightarrow \mu N$, $\mu \rightarrow eee$, $\mu \rightarrow e\gamma$ امکان پذیر نیستند. حدهای بسیار قوی بر روی آهنگ این فرآیندها وجود دارد که اصطلاحاً گفته می‌شود که در مدل استاندارد عدد لپتون‌ی نسل بقا دارد. برخلاف لپتون‌ها در چارچوب مدل استاندارد طعم کوارکی بقا ندارد.

۳.۱ نقض همزمان تقارن‌های همیوگ بار و پارته CP

از میان تقارن‌های گسسته سه تقارن زیر از اهمیت اساسی در فیزیک ذرات بنیادی برخوردار هستند:

۱- همیوگ بار (C): تبدیل ذره به پادذره

۲- پارته (P): قرینه کردن مختصات فضایی ($x \rightarrow -\hat{x}$)

۳- عکس زمانی (T): تبدیل پارامتر زمان به قرینه آن ($t \rightarrow -\hat{t}$)

اهمیت این سه تقارن از آن دست است که هر نظریه میدان چهاربندی موضعی تحت تبدیلات همزمان این سه تبدیل (CPT) ناورد است. یکی از مهمترین فعالیتها که نقشی اساسی در توسعه و شکل گیری ذرات در قرن بیستم داشته است، جستجو برای نقض تقارنهای بنیادی بوده است. آزمایشها و پژوهشهای صورت گرفته در خصوص تقارنهای گسسته - همیوگ بار، پارته و عکس زمانی، اهمیت اساسی در شکل گیری بنیان مدل استاندارد ذرات بنیادی داشته است. به عنوان نمونه کشف تقارن پارته دربرهمکنشهای ضعیف یک نمونه مشهور تفاوت میان چپ دستی و راست دستی در ساختار مدل استاندارد ذرات بنیادی بوده است، و یا کشف نقض همزمان تقارنهای همیوگ بار و پارته CP در آمیختگی مزونهای کائون شاهدهی غیر مستقیم بر وجود نسل سوم ذرات فرمیونی (کوارکها و لپتونها) قبل

از کشف مستقیم آنها بوده است.

مسئله مهمی که منجر به توجه فیزیکدانها در جهت مطالعه منابع نقض CP شده است، اینست که نقض CP یکی از شرطهای ساخاروف برای توضیح عدم تقارن باریونی - پادباریونی در جهان است. توضیح و تبیین عدم تقارن باریونی جهان، یکی از مسائل حل نشده فیزیک نظری است.

نقض CP می تواند منجر به مقادیر غیر صفر برای دو دو قطبی الکتریکی ذاتی شود.

هامیلتونی که بیانگر برهم کنش اسپین ذره (S) با میدانهای الکترومغناطیسی است، چنین توصیف می شود:

$$H = \mu \vec{B} \cdot \frac{\vec{S}}{|\vec{S}|} - d \vec{E} \cdot \frac{\vec{S}}{|\vec{S}|} \quad (1.2)$$

تحت تبدیل $x \rightarrow -x$ خواهیم داشت: $P(\vec{B}, \vec{S}) = \vec{B} \cdot \vec{S}$ در حالی که: $P(\vec{E}, \vec{S}) = -\vec{E} \cdot \vec{S}$. بنابراین

وجود یک مقدار غیر صفر برای دو قطبی الکتریکی (d) بیانگر نقض پارایته خواهد بود. علاوه بر این غیر صفر بودن d نشانگر شکستن تقارن معکوس زمانی (T) نیز خواهد بود، زیرا $T(\vec{B}, \vec{S}) = \vec{B} \cdot \vec{S}$ و $T(\vec{E}, \vec{S}) = -\vec{E} \cdot \vec{S}$. بنابراین مقدار غیر صفر برای (d) تنها در صورتی می تواند وجود داشته باشد که هر دو تقارن پارایته و معکوس زمانی شکسته شده باشند.

چنانچه قضیه پایستگی تقارن (CPT) را در نظر بگیریم، مقدار غیر صفر برای دو قطبی الکتریکی (d) یک ذره بنیادی به معنای نقض همزمان تقارن همیوگ بار و پارایته (CP) خواهد بود.

۴.۱ منابع نقض CP در مدل استاندارد

منبع نقض همزمان همیوگ بار و پارایته در مدل استاندارد ذرات بنیادی در برهمکنشهای الکتروضعیف آشکار می شود. در تئوری الکتروضعیف با سه نسل کوارک و لپتون یک فاز نقض CP وجود دارد که به ماتریس کبیو-کوبایاشی-ماسکوا (CKM) معروف است.

جفت شدگی با W^\pm برای لپتونها صرفاً در محدوده یک نسل رخ می دهد. جفت شدگی W با کوارکها به این سادگی نیست، زیرا هر چند ساختار نسلها مشابه است، اما برهمکنشهای ضعیف هویت جداگانه نسلها

راکاملا محترم نمی شمارد. برهمکنشهایی به شکل $d \rightarrow u + W^-$ (فرایندی که زیربنای واپاشی نوترون است $n \rightarrow p + e + \bar{\nu}_e$) وجود دارند، اما برهم کنشهایی با جفت شدگی بین نسلی نظیر $s \rightarrow u + W^-$ نیز وجود دارد (مثلا واپاشی $\Lambda \rightarrow p + e + \bar{\nu}_e$ دیده می شود).

در سال ۱۹۶۳ (هنگامی که d, u و s تنها کوارکهای شناخته شده بودند) کابیو پیشنهاد کرد که راس $d \rightarrow u + W^-$ حامل ضریب $\cos \theta_C$ است، در حالی که $s \rightarrow u + W^-$ دارای ضریب $\sin \theta_C$ است. نظریه کابیو در مورد دهها آهنگ واپاشی بسیار موفق بود، اما یک مساله نگران کننده باقی ماند: این تصویر به K^0 اجازه می دهد تا به جفت $\mu^+ \mu^-$ واپاشد. دامنه باید با $\sin \theta_C \cos \theta_C$ متناسب باشد، اما آهنگ محاسبه شده بسیار بزرگتر از حد تجربی مجاز است. حل این پارادوکس را گلاشو، ایلویپولوس و مایانی (GIM) در سال ۱۹۷۰ پیشنهاد کردند. آنها کوارک چهارمی (c) را مطرح کردند.

طرح کابیو- GIM تعبیر ساده‌ای دارد: به جای کوارکهای فیزیکی d و s ، حالت‌های صحیح که برای برهم کنشهای ضعیف استفاده می شوند d' و s' هستند که به صورت زیر داده میشوند.

$$d' = d \cos \theta_C + s \sin \theta_C \quad , \quad s' = -d \sin \theta_C + s \cos \theta_C \quad (۱.۳)$$

در آن زمان، سازوکار GIM - با معرفی کوارک جدید برای تثبیت یک نقص فنی مرموز در نظریه ای آزموده نشده - کمی نا معقول به نظر می رسید. اما این شک با کشف $\psi(c\bar{c})$ در سال ۱۹۷۴ فروکش کرد. در این فاصله، کوبایاشی و ماسکاو طرح کابیو- GIM را چنان تعمیم دادند که از عهده هر سه نسل کوارک برآید.

$$\begin{pmatrix} t \\ b' \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} c \\ s' \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} u \\ d' \end{pmatrix}$$

نسل‌های برهم کنش ضعیف با حالت‌های کوارک فیزیکی توسط ماتریس کوبایاشی - ماسکاو ارتباط دارند:

$$\begin{pmatrix} d' \\ s' \\ b' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} U_{ud} & U_{us} & U_{ub} \\ U_{cd} & U_{cs} & U_{cb} \\ U_{td} & U_{ts} & U_{tb} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} d \\ s \\ b \end{pmatrix} \quad (۱.۴)$$

نه ورودی در ماتریس KM وجود دارد اما همه آنها مستقل نیستند. U می تواند به نوعی (شکل

بندادی) تحول یابد که در آن فقط سه زاویه تعمیم یافته کابیو و یک عامل فاز (δ) باقی بماند:

$$\begin{pmatrix} c_1 & s_1 c_3 & s_1 s_3 \\ -s_1 c_2 & c_1 c_2 c_3 - s_2 s_3 e^{i\delta} & c_1 c_2 s_3 + s_2 c_3 e^{i\delta} \\ -s_1 s_2 & c_1 s_2 c_3 + c_2 s_3 e^{i\delta} & c_1 s_2 s_3 - c_2 c_3 e^{i\delta} \end{pmatrix} \quad (1.5)$$

در اینجا c_i به جای $\cos\theta_i$ و s_i به جای $\sin\theta_i$ به کار رفته است.

علاوه بر این منبع نقض CP در مدل استاندارد، همانطور که گفتیم آزمایشهای جدید نشان می دهد که نوترینوها جرم دارند. در حالت کلی جرم نوترینوها می تواند شکل دیراکی، مایورانایی و یا ترکیبی از هر دو باشد. اگر جرم نوترینوها ساختاری دیراکی داشته باشد — بدان معنا که نوترینو راست دست نیز وجود داشته باشد — جمله جرمی بدین صورت بیان می شود.

$$m_D \bar{\nu}_L \nu_R + H.c \quad (1.6)$$

در این حالت مشابه با وضعیت کوارکها با سه طعم مایک فاز ناقص CP خواهیم داشت . چنانچه جرم نوترینوها ، مایورانایی باشد و تنها نوترینوهای چپ دست وجود داشته باشد، جمله جرمی به صورت

$$m_L \nu_L^T C^{-1} \nu_L + H.c \quad (1.7)$$

بیان میشود که C ماتریس همیوخ بار است . در حالتی که جرم نوترینوها مایورانایی باشد علاوه بر فاز نقض CP دیراکی دو فاز دیگر نیز به پارامترهای ماتریس جرمی اضافه می شود و در مجموع سه فاز ناقص CP خواهیم داشت.

فصل دوم

ابرتقارن و پارینه R

در این فصل ابتدا نظریه ابرتقارن را بیان می‌کنیم. در ادامه مفهوم پارینه R و نتایج آن را مطالعه می‌کنیم. سپس نقض پارینه R را توضیح می‌دهیم. همچنین فیدهایی را که به طور غیرمستقیم روی ثابتهای جفت شدگی یوکاوا در نقض پارینه R وجود دارد را مطالعه می‌کنیم. در نهایت امکان اندازه‌گیری ثابت های جفت شدگی یوکاوا در نقض پارینه R به طور مستقیم در شتاب دهنده‌ها را بررسی می‌کنیم.

۱.۲ ابرتقارن

ابرتقارن تنها با یک ایده آغاز شد. بنا به تعریف ابرتقارن یک تقارن بین فرمیونها و بوزون ها است. چنانچه شتاب دهنده LHC ، ذرات ابرتقارنی را کشف کند، دریچه ای جدید از فیزیک ماورای مدل استاندارد به روی ما گشوده خواهد شد. انگیزه اصلی ارائه این مدل تبیین راه حلی برای مسئلهء سلسله مراتب است. مسئله سلسله مراتب این پرسش را مطرح می‌کند که چرا جرم پلانک از مرتبه 10^{16} برابر مقیاس الکتروضعیف است. در مقیاسهای حدود جرم پلانک اثرات گرانش کوانتومی مهم می‌شود که

مدل استاندارد قادر به توصیف آن نیست .

نکته در این است که m_H^2 از مرتبه $(100\text{Gev})^2$ است . تصحیح کوانتومی به جرم هیگز در مرتبه تک حلقه فرمیونی به صورت زیر است [۲] :

$$\Delta m_H^2 = c\lambda_f^2[-\Lambda^2 + b] \quad (2.1)$$

λ_f ثابت جفت شدگی یوکاوا و Λ مقیاس قطع است. مسئله سلسله مراتب باعث می شود که تصحیح به جرم هیگز در مقیاس پلانک بینهایت بزرگ شود. اگر ما تصحیح کوانتومی به جرم هیگز در مرتبه تک حلقه بوزونی را در نظر بگیریم ، عبارت است از:

$$\Delta m_H^2 = c_2\lambda_s[\Lambda^2 + b] \quad (2.2)$$

بامقایسه ی روابط (۲.۱) و (۲.۲) مشاهده می کنیم، تصحیح کوانتومی ناشی از تک حلقه فرمیونی و بوزونی به Δm_H^2 در یک علامت منفی اختلاف دارند. ایده ی ابرتقارن از اینجا مطرح شد که اگر یک تقارنی بین فرمیون ها و بوزون ها وجود داشته باشد، این دو تصحیح می توانند همدیگر را حذف کنند. تحت یک تبدیل ابرتقارنی، یک حالت فرمیونی به یک حالت بوزونی می انجامد و برعکس. عملگر تبدیل ابرتقارنی با Q نشان داده می شود.

$$Q |Boson \rangle = |Fermion \rangle, \quad Q |Fermion \rangle = |Boson \rangle \quad (2.3)$$

در مدل ابرتقارن بین عملگرهای ابرتقارنی روابط پادجابجایی وجود دارد، که این در مقایسه با جبر معمولی - لی که فقط شامل روابط جابجایی است تعمیم قابل توجهی است. همچنین بین عملگرهای ابرتقارنی و دیگر عملگرها روابط جابجایی وجود دارد.

$$\{Q, Q^\dagger\} = P^\mu, \quad (2.4)$$

$$\{Q, Q\} = \{Q^\dagger, Q^\dagger\} = 0 \quad (2.5)$$

$$\{P^\mu, Q\} = \{P^\mu, Q^\dagger\} = 0 \quad (2.6)$$

در روابط بالا P^μ مولد انتقال در فضا-زمان است .

حالت‌های ذره در نظریه ابرمتقارن در یک نمایش های کاهش ناپذیر جبر ابرتقارنی قرار می گیرد که چندتایی ها^۱ نامیده می شود. عملگرهای ابرتقارنی اعضای مختلف یک چندتایی را به یکدیگر تبدیل می کنند. ذرات درون یک چندتایی مشابه باید نمایش گروه پیمان‌ه ای مشابه ، علاوه بر این جرم ، بار الکتریکی آیزواسپین و درجه آزادی رنگ مشابه داشته باشند. همچنین تعداد درجات آزادی بوزونی و فرمیونی درون یک چندتایی با هم برابر است .

در فیزیک ذرات بنیادی ما علاقه مند به مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه هستیم . با این وجود می دانیم که ابرتقارن یک تقارن صریح برای طبیعت نیست زیرا ذرات ابرتقارنی دیده نشده است . در تئوری مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه ، ابرتقارن شکسته می شود، به نحوی که خواص خوب آن که شامل حل مسئله سلسله مراتب است ، حفظ می شود.

ما مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه با ابرپتانسیل زیر را در نظر می گیریم

$$W_{MSSM} = \lambda_{ij} H_d L_i E_j + \lambda_{ij} H_d Q_i D_j - \lambda_{ij} H_u Q_i U_j \quad (2.7)$$

که H_d و H_u ، Q_i ، L_i دوتایی های تک دست ابرمیدان^۲ مطابق با لپتون های چپ دست و کوارک

های چپ دست و دوتایی های هیگز MSSM هستند.

همانطور که در فصل اول بیان شد، مدل استاندارد بدون ماتریس جرمی نوترینوها تنها دارای یک فاز ناقص CP است . در حالی که مدل استاندارد ابرمتقارن کمینه دارای تعداد بیشتری فاز ناقص CP است .

^۱ supermultiplets

^۲ doublet of chiral superfield