



دانشگاه صنعتی امیرکبیر

(پلی تکنیک تهران)

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات

پایان نامه کارشناسی ارشد

گرایش نرم افزار

حل مسائل بهینه‌سازی در شبکه‌های تصادفی با استفاده از اتوماتاهای

یادگیر

نگارش: مهدی قربعلی پوردرو

استاد راهنما: دکتر محمدرضا میبیدی

اسفند ۱۳۸۷

بسمه تعالی



شماره مدرک:

فرم اطلاعات پایان نامه
کارشناسی - ارشد و دکترا
کتابخانه مرکزی

مشخصات دانشجو		نام خانوادگی: قربعلی پور درو	نام: مهدی	شماره دانشجویی: ۸۵۱۳۱۰۵۳
عنوان		حل مسائل بهینه‌سازی در شبکه‌های تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر		
Title		Solving Optimization Problems in Stochastic Networks Using Learning Automata		
استاد راهنما	نام خانوادگی: میبیدی	درجه و رتبه	استاد راهنما	نام خانوادگی:
	نام: محمدرضا	استاد		نام:
استاد مشاور	نام خانوادگی:	درجه و رتبه	استاد مشاور	نام خانوادگی:
	نام:			نام:
دانشنامه	<input type="radio"/> دکترا <input checked="" type="radio"/> ارشد <input type="radio"/> کارشناسی			سال تحصیلی: ۸۵-۸۷
نوع پروژه	<input checked="" type="radio"/> بنیادی <input type="radio"/> توسعه ای <input type="radio"/> نظری <input type="radio"/> کاربردی			
مشخصات ظاهری	تعداد صفحات ۳۳۴	تصویر <input checked="" type="radio"/> جدول <input checked="" type="radio"/> نمودار <input checked="" type="radio"/> نقشه <input type="radio"/> واژه‌نامه <input checked="" type="radio"/>	تعداد مراجع ۱۱۶	تعداد صفحات: ۴۷ <input checked="" type="radio"/> ضمیمه
زبان متن	فارسی <input checked="" type="radio"/> انگلیسی <input type="radio"/>	چکیده	فارسی <input checked="" type="radio"/> انگلیسی <input type="radio"/>	
یاداشت				
توصیفگر				
کلید واژه فارسی	مسائل بهینه‌سازی، گراف تصادفی، اتوماتای یادگیر			
Key word of English	Optimization Problems, Stochastic Graph, Learning Automata			

پایان نامه "حل مسائل بهینه‌سازی در شبکه‌های تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر" در تاریخ
۸۷/۱۲/۱۲ مورد پذیرش هیأت محترم داوران با رتبه و نمره قرار گرفت.

استاد راهنما و رئیس هیأت داوران: دکتر محمدرضا میبیدی

داور داخلی: دکتر محمد رحمتی

داور خارجی: دکتر حمید بیگی (دانشگاه صنعتی شریف)

”سرارادت ما و آستان حضرت دوست که هر چه بر سر ما می رود ارادت اوست“

به یاد سپردم مهربان

سید موسی موسوی

و اولین معلم ریاضی ام

سید حسن زمانی

و کلیه بزرگانی که در خاک روستایم در آرامش ابدی هستند

ابش قبرعلی زاده، ابراهیم طاهرپور، خالق اله یاری و...

خداوند جمله را بیاورد و روحشان را شاد کند

خداوند بزرگ را سپاسگزارم که توانستم پایان نامه دوره کارشناسی ارشد خود را زیر نظر جناب آقای دکتر
محمد رضاییدی به پایان برسانم و از راهنماییها و کلمات علمی سودمند ایشان بهره بگیرم. آرزوی سلامتی و
سرافرازی هر چه بیشتر ایشان را از درگاه خداوند متعال خواستارم.

چکیده

یک گراف تصادفی G را توسط سه تایی $G = \langle V, E, F \rangle$ تعریف می‌کنیم که در آن $V = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ مجموعه راسهاست و $E \subset V \times V$ مجموعه یالها را معین می‌کند و ماتریس F که یک ماتریس $n \times n$ است مشخص کننده توزیع احتمالی وزن یالهای گراف می‌باشد. در این پایان نامه الگوریتمهایی برای حل چهار مساله در گرافهایی تصادفی در حالتی که توزیع وزن یالهای گراف تصادفی از قبل شناخته شده نیست پیشنهاد شده است. این مسائل عبارتند از: یافتن درخت پوشایی از گراف تصادفی با مینیمم هزینه مورد انتظار، یافتن تطابقی از گراف تصادفی با ماکزیمم وزن مورد انتظار، یافتن درخت کوتاهترین مسیر از یک راس مبدا به سایر گره‌ها با مینیمم طول مورد انتظار و یافتن درخت اشتابری از گراف تصادفی با مینیمم هزینه مورد انتظار. برای ارزیابی کارایی الگوریتمهای پیشنهادی، این الگوریتمها با الگوریتمهای ارائه شده قبلی در صورت وجود، مقایسه شده اند و در غیر این صورت با روشی به نام نمونه‌گیری استاندارد سنجیده شده اند و نشان داده شده است که تعداد نمونه‌های گرفته شده با توجه به درصد همگرایی الگوریتم به جواب بهینه، در الگوریتمهای پیشنهادی کمتر از الگوریتمهای مشابه می‌باشد.

کلمات کلیدی

مسائل بهینه‌سازی، گراف تصادفی، اتوماتای یادگیر

فهرست مطالب

۲	۱- مقدمه.....
۲	۱-۱ گراف تصادفی.....
۳	۱-۱-۱ چه الگوریتمهایی برای گرافهای تصادفی مناسبند؟.....
۴	۲-۱ درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی.....
۴	۱-۲-۱ معرفی مسأله درخت پوشای مینیمم.....
۶	۲-۲-۱ درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی.....
۷	۳-۲-۱ نگارشهای دیگر مسأله.....
۱۰	۳-۱ تطابق وزندار ماکزیمم در گرافهای تصادفی.....
۱۰	۱-۳-۱ معرفی مسأله تطابق وزندار ماکزیمم.....
۱۱	۲-۳-۱ تطابق وزندار ماکزیمم در گرافهای تصادفی.....
۱۲	۳-۳-۱ نگارشهای دیگر مسأله.....
۱۳	۴-۱ کوتاهترین مسیر در گرافهای تصادفی.....
۱۴	۱-۴-۱ الگوریتمهای مبتنی بر اتوماتای یادگیر برای حل کوتاهترین مسیر در گرافهای تصادفی.....
۱۴	۱-۱-۴-۱ کوتاهترین مسیر بین دو راس.....
۱۵	۲-۱-۴-۱ کوتاهترین مسیر از یک راس به سایر راسها.....
۱۷	۱-۲-۱-۴-۱ الگوریتم پیشنهادی میسرا و اومن.....
۱۸	۱-۲-۱-۴-۱ الگوریتم پیشنهادی اصغر قربانی.....
۲۱	۳-۱-۴-۱ کوتاهترین مسیر بین هر دو راس دلخواه.....
۲۲	۲-۴-۱ نگارشهای دیگر مسأله.....
۲۲	۵-۱ درخت اشتاینر مینیمم در گرافهای تصادفی.....
۲۲	۱-۵-۱ معرفی مسأله درخت اشتاینر مینیمم.....
۲۴	۲-۵-۱ درخت اشتاینر مینیمم در گرافهای تصادفی.....
۲۵	۳-۵-۱ نگارشهای دیگر مسأله.....

- ۶-۱ روشهای نمونه‌گیری مونت-کارلو برای شبیه‌سازی محیط تصادفی ۲۶
- ۱-۶-۱ روش تبدیل معکوس ۲۶
- ۲-۶-۱ روش رد کردن ۲۷
- ۳-۶-۱ روش نمونه‌گیری اهمیت ۲۹
- ۴-۶-۱ زنجیر مارکف مونت کارلو ۳۱
- ۱-۴-۶-۱ نمونه‌گیری Metropolis-Hasting ۳۴
- ۲-۴-۶-۱ نمونه‌گیری Gibbs ۳۶
- ۷-۱ روش نمونه‌گیری استاندارد ۳۷
- ۱-۷-۱ بررسی خطای نمونه‌گیری ۳۸
- ۱-۱-۷-۱ چند قضیه مهم ۳۹
- ۲-۱-۷-۱ تخمین امید ریاضی یک متغیر تصادفی ۴۰
- ۳-۱-۷-۱ تخمین واریانسها ۴۱
- ۲-۷-۱ نمونه‌گیری استاندارد ۴۳
- ۸-۱ اتوماتای یادگیر ۴۴
- ۱-۸-۱ تاریخچه اتوماتای یادگیر ۴۶
- ۲-۸-۱ اتوماتای یادگیر ۴۷
- ۱-۲-۸-۱ اتوماتای تصادفی ۴۸
- ۲-۲-۸-۱ محیط ۴۹
- ۳-۸-۱ معیارهای رفتار اتوماتای یادگیر ۵۰
- ۴-۸-۱ الگوریتمهای یادگیری ۵۲
- ۱-۴-۸-۱ الگوریتمهای یادگیری استاندارد ۵۲
- ۲-۴-۸-۱ تفاوت الگوریتمهای یادگیری با ساختار ثابت و ساختار متغیر ۵۵
- ۵-۸-۱ اتوماتای یادگیر با عملهای متغیر ۵۵
- ۶-۸-۱ اتوماتای یادگیر توزیع شده ۵۶
- ۷-۸-۱ بازی بین اتوماتاهای یادگیر ۵۷
- ۹-۱ اهداف پایان‌نامه و ساختار آن (جمع‌بندی) ۵۸

- ۲- حل مسأله درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر..... ۶۲
- ۱-۲ معرفی..... ۶۲
- ۲-۲ تعریف مسأله..... ۶۲
- ۳-۲ سیر تلاشها برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی با استفاده از اتوماتای یادگیر..... ۶۳
- ۱-۳-۲ معرفی مفهومی به نام اتوماتای یادگیر اصلاح شده برای حل مسأله..... ۶۳
- ۱-۱-۳-۲ اتوماتای یادگیر اصلاح شده..... ۶۳
- ۲-۱-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی..... ۶۵
- ۳-۱-۳-۲ نتایج شبیه سازی..... ۷۰
- ۲-۳-۲ ترکیب اتوماتای یادگیر اصلاح شده و الگوریتمهای تولید تصادفی درختهای پوشا..... ۷۴
- ۱-۲-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی..... ۷۴
- ۱-۱-۲-۳-۲ نسخه اول الگوریتم (مقایسه بین وزن بهترین درخت پیدا شده و درخت فعلی)..... ۷۵
- ۱-۱-۲-۳-۲ نسخه دوم الگوریتم (مقایسه بین میانگین وزن درختهای پیدا شده و وزن درخت فعلی)..... ۷۶
- ۲-۲-۳-۲ بحث در مورد الگوریتم..... ۷۷
- ۳-۳-۲ استفاده از اشتراک گذاری اقدامها بین مجموعه‌ای از اتوماتاهای یادگیر برای حل مسأله..... ۷۸
- ۱-۳-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی..... ۷۹
- ۴-۳-۲ تخصیص یک اتوماتا به هر یال برای حل مسأله..... ۸۲
- ۱-۴-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی اول..... ۸۲
- ۲-۴-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی دوم..... ۸۵
- ۵-۳-۲ استفاده از الگوریتمهای دینامیک موجود برای درختهای پوشای مینیمم برای حل مسأله..... ۸۵
- ۱-۵-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی..... ۸۷
- ۲-۵-۳-۲ بحث در مورد الگوریتم پیشنهادی..... ۹۲
- ۶-۳-۲ استفاده از فضای آماری برای کمک به اتوماتاهای یادگیر برای تشخیص بهتر..... ۹۳
- ۱-۶-۳-۲ الگوریتم پیشنهادی نهایی..... ۹۳
- ۲-۶-۳-۲ بحث در مورد الگوریتم پیشنهادی نهایی..... ۹۵
- ۳-۶-۳-۲ نتایج آزمایشی..... ۹۸
- ۴-۲ نتیجه گیری..... ۱۰۳

- ۳- حل مسأله تطابق وزندار ماکزیمم در گرافهای تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر..... ۱۰۵
- ۱-۳ معرفی..... ۱۰۵
- ۲-۳ تعریف مسأله..... ۱۰۵
- ۳-۳ الگوریتم پیشنهادی..... ۱۰۶
- ۴-۳ بحث در مورد الگوریتم پیشنهادی..... ۱۱۱
- ۵-۳ نتایج آزمایشی..... ۱۱۳
- ۶-۳ نتیجه گیری و کارهای آینده..... ۱۱۴
- ۴- حل مسأله کوتاهترین مسیر تک مبداء در گرافهای تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر..... ۱۱۷
- ۱-۴ معرفی..... ۱۱۷
- ۲-۴ تعریف مسأله..... ۱۱۷
- ۳-۴ الگوریتم پیشنهادی..... ۱۱۸
- ۴-۴ بحث در مورد الگوریتم پیشنهادی..... ۱۲۲
- ۵-۴ نتایج آزمایشی..... ۱۲۶
- ۶-۴ بحث در مورد مسأله پستچی چینی در گرافهای تصادفی..... ۱۳۶
- ۱-۶-۴ معرفی مسأله پستچی..... ۱۳۶
- ۲-۶-۴ خصوصیات مسأله پستچی..... ۱۳۸
- ۳-۶-۴ مشکلات پیشرو در حل مسأله پستچی در گرافهای تصادفی..... ۱۳۹
- ۴-۶-۴ چگونه می‌توانیم مسأله پستچی را در گرافهای تصادفی حل کنیم..... ۱۴۰
- ۷-۴ نتیجه گیری..... ۱۴۱
- ۵- حل مسأله درخت اشتاینر مینیمم در گرافهای تصادفی با استفاده از اتوماتاهای یادگیر..... ۱۴۴
- ۱-۵ معرفی..... ۱۴۴
- ۲-۵ تعریف مسأله..... ۱۴۵
- ۳-۵ الگوریتم پیشنهادی..... ۱۴۵
- ۴-۵ بحث در مورد الگوریتم پیشنهادی..... ۱۴۹
- ۵-۵ نتایج آزمایشی..... ۱۵۰

۱۶۰ نتیجه گیری و کارهای آینده
۱۶۳ نتیجه گیری و کارهای آینده
۱۶۶ مراجع
۱۷۶ واژه نامه
۱۷۶ انگلیسی به فارسی
۱۸۱ فارسی به انگلیسی
۱۸۸ پیوست الف- حل تقریبی مسأله دسته ماکزیمال در گرافها با استفاده از اتوماتای یادگیر توزیع شده
۱۸۸ ۱- معرفی
۱۹۰ ۲- الگوریتم یادگیری پیشنهادی برای اتوماتای یادگیر
۱۹۰ ۱-۲ الگوریتم یادگیری خطی
۱۹۱ ۲-۲ الگوریتم یادگیری دنباله رو
۱۹۲ ۳-۲ الگوریتم یادگیری پیشنهادی
۱۹۲ ۳- الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله
۱۹۷ ۴- نتایج آزمایشی
۱۹۹ ۵- نتیجه گیری
۲۰۰ پیوست ب- ساختار و تابع توزیع یالهای بعضی از گرافهای تصادفی
۲۰۳ پیوست پ- کدهای سورس برنامه‌ها
۲۰۳ کد سورس درخت پوشای مینیمم
۲۱۱ کد سورس تطابق وزندار ماکزیمم
۲۱۹ کد سورس کوتاهترین مسیر بین یک مبدا و بقیه راسها
۲۲۸ کد سورس درخت اشتاینر مینیمم

فهرست شکلها

- شکل (۱-۱) شرح چگونگی رد /قبول یک نمونه با استفاده از یک عدد تصادفی ۲۸
- شکل (۲-۱) رابطه‌ی بین اتوماتا و محیط احتمالی ۵۰
- شکل (۳-۱) اتوماتای یادگیر توزیع شده (DLA) با ۳ اتوماتای یادگیر ۵۷
- شکل (۴-۱) ارتباط بین اتوماتاهای یادگیر و محیط یک در بازی بین اتوماتاهای یادگیر ۵۸
- شکل (۱-۲) ارتباط بین اتوماتای یادگیر اصلاح شده و محیط ۶۴
- شکل (۲-۲) الگوریتم پیشنهادی برای حل درخت پوشای مینیمم با استفاده از اتوماتای یادگیر اصلاح شده ۶۹
- شکل (۳-۲) ترکیب اتوماتای یادگیر اصلاح شده و الگوریتمهای تولید تصادفی درختهای فراگیر برای حل مسأله درخت فراگیر مینیمم (مقایسه بین وزن بهترین درخت پیدا شده و درخت فعلی) ۷۶
- شکل (۴-۲) ترکیب اتوماتای یادگیر اصلاح شده و الگوریتمهای تولید تصادفی درختهای فراگیر برای حل مسأله درخت فراگیر مینیمم (مقایسه بین میانگین وزن درختهای پیدا شده و وزن درخت فعلی) ۷۷
- شکل (۵-۲) الگوریتم استفاده از اشتراک گذاری اقدامها بین مجموعه‌ای از اتوماتاهای یادگیر برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم ۸۱
- شکل (۶-۲) الگوریتم تخصیص یک اتوماتای یادگیر به هر یال برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم (الگوریتم پیشنهادی اول) ۸۴
- شکل (۷-۲) الگوریتم تخصیص یک اتوماتای یادگیر به هر یال برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم (الگوریتم پیشنهادی دوم) ۸۶
- شکل (۸-۲) درخت پوشای مینیمم یک گراف تصادفی ۸۷
- شکل (۹-۲) تغییرات درخت در حالت ج ۹۰
- شکل (۱۰-۲) تغییرات درخت در حالت د ۹۱
- شکل (۱۱-۲) استفاده از الگوریتمهای دینامیک درختهای پوشای مینیمم برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی ۹۲
- شکل (۱۲-۲) الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی ۹۷

- شکل (۲-۱۳) الف- درخت پوشای مینیم یک درخت تصادفی ب- اتوماتاهای یادگیر بعد از اجرای الگوریتم به اقدام مورد نظری که باید همگرا شوند (به راس ریشه هیچ اتوماتای یادگیری تخصیص نداده شده است)..... ۹۸
- شکل (۲-۱۴) گراف تصادفی G در آزمایش مربوط به درخت پوشای مینیم..... ۹۸
- شکل (۲-۱۵) مقایسه بین تعداد نمونه‌های گرفته شده توسط الگوریتم پیشنهادی و روش نمونه‌گیری استاندارد... ۱۰۲
- شکل (۳-۱) الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله تطابق وزندار ماکزیمم در گرافهای تصادفی..... ۱۱۱
- شکل (۳-۲) مقایسه بین تعداد نمونه‌های گرفته شده توسط الگوریتم پیشنهادی و روش نمونه‌گیری استاندارد..... ۱۱۵
- شکل (۴-۱) الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله کوتاهترین مسیر تک مبدا در گرافهای تصادفی..... ۱۲۱
- شکل (۴-۲) یک گراف نمونه با ۶ راس، مقدار روی یک یال نشان دهنده مقدار مورد انتظار وزن آن یال می‌باشد. ۱۲۳
- شکل (۴-۳) (a) شبکه‌ای از اتوماتاهای یادگیر متناظر با گراف شکل (۴-۲)، یالهای ورودی هر راس اقدامهای ممکن اتوماتای یادگیر آن راس می‌باشد. (b) در این شکل بردار احتمال هر یک از اتوماتاهای یادگیر پس از اجرای الگوریتم نشان داده شده است. (c) اتوماتاهای یادگیر $A_4 (=LA_4)$ و اقدامهای آن است. ۱۲۳
- شکل (۴-۴) ساختار گراف تصادفی در آزمایش مربوط به کوتاهترین مسیر تک مبدا..... ۱۲۶
- شکل (۴-۵) درخت کوتاهترین مسیر برای گراف تصادفی شکل (۴-۴)..... ۱۲۶
- شکل (۴-۶) تعداد کل نمونه‌گیری از یالهای گراف تصادفی شکل (۴-۴) برای دو نسخه الگوریتم پیشنهادی به ازای مقادیر مختلف پارامتر پاداش بین ۰,۰۳ و ۰,۵..... ۱۳۰
- شکل (۴-۷) درصد همگرایی الگوریتم به درخت کوتاهترین مسیر در گراف تصادفی شکل (۴-۴) برای دو نسخه الگوریتم پیشنهادی به ازای مقادیر مختلف پارامتر پاداش بین ۰,۰۳ و ۰,۵..... ۱۳۰
- شکل (۴-۸) درصد همگرایی الگوریتم به درخت کوتاهترین مسیر برای گراف تصادفی شکل (۴-۴) در دو نسخه الگوریتم پیشنهادی به ازای مقادیر مختلف پارامتر پاداش بین ۰,۰۲ و ۰,۰۳..... ۱۳۱
- شکل (۴-۹) تعداد کل نمونه‌گیری از یالهای گراف تصادفی شکل (۴-۴) برای دو نسخه الگوریتم پیشنهادی به ازای مقادیر مختلف پارامتر پاداش بین ۰,۰۲ و ۰,۰۳..... ۱۳۱
- شکل (۴-۱۰) مقایسه بین تعداد نمونه‌گیری از یالهای گراف تصادفی به ازای مقادیر مختلف پارامتر یادگیر بین ۰,۰۲ و ۰,۰۳ در الگوریتم پیشنهادی و الگوریتم قربانی. (۷.۱ یعنی نسخه اول و ۷.۲ یعنی نسخه دوم) ... ۱۳۵

- شکل (۴-۱۱) مقایسه بین تعداد نمونه‌گیری از یالهای گراف تصادفی به ازای مقادیر مختلف پارامتر یادگیر بین ۰,۰۳ و ۰,۵ در الگوریتم پیشنهادی و الگوریتم قربانی. ۱۳۵
- شکل (۴-۱۲) مقایسه بین درصد همگرایی الگوریتم پیشنهادی و الگوریتم قربانی به درخت کوتاهترین مسیر به ازای مقادیر مختلف پارامتر یادگیری بین ۰,۰۰۲ و ۰,۲. ۱۳۶
- شکل (۴-۱۳) الگوریتم Edmonds و Johnson برای حل مسأله پستیچی چینی (کلیات). ۱۳۹
- شکل (۵-۱) الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله درخت اشتاینر مینیم در گرافهای تصادفی. ۱۴۹
- شکل (۵-۲) ساختار گراف تصادفی در آزمایش مربوط به درخت اشتاینر مینیم (گراف Alex2-B). ۱۵۱
- شکل (۵-۳) Alex2-B با مجموعه نقاط ترمینال $T=\{1, 3, 4, 6, 9\}$ و ریشه فرضی 6. ۱۵۳
- شکل (۵-۴) Alex2-B با مجموعه نقاط ترمینال $T=\{1, 5, 8, 9\}$ و ریشه فرضی 1. ۱۵۳
- شکل (۵-۵) Alex2-B با مجموعه نقاط ترمینال $T=\{2, 3, 4, 7, 9\}$ و ریشه فرضی 4. ۱۵۳
- شکل (۵-۶) Alex2-B با مجموعه نقاط ترمینال $T=\{5, 7, 9\}$ و ریشه فرضی 7. ۱۵۳
- شکل (۵-۷) نمودارهای مربوط به خطای نسبی متوسط، نسبت به تعداد نمونه‌گیریهای انجام شده برای چهار مجموعه ترمینالی مختلف در نظر گرفته شده در شکل‌های (۳-۵) تا (۶-۵). ۱۵۷
- شکل (۵-۸) تغییرات خطای نسبی در مقابل پارامتر یادگیری برای مجموعه‌های ترمینالی در نظر گرفته شده در شکل‌های (۳-۵) تا (۶-۵). ۱۵۸
- شکل (۵-۹) نمودار نرخ همگرایی الگوریتم در مقابل تغییرات پارامتر یادگیری برای مجموعه‌های ترمینالی در نظر گرفته شده در شکل‌های (۳-۵) تا (۶-۵). ۱۵۸
- شکل (۵-۱۰) نمودار مربوط به مقایسه تعداد نمونه‌های گرفته شده توسط الگوریتم پیشنهادی و روش نمونه‌گیری استاندارد برای چهار مجموعه ترمینالی مختلف. ۱۵۹
- شکل (پیوست الف-۱) شبه کد الگوریتم پیشنهادی برای حل مسأله دسته ماکزیمال. ۱۹۶
- شکل (پیوست ب-۱) گراف Alex1. ۲۰۰
- شکل (پیوست ب-۲) گراف Alex2. ۲۰۱
- شکل (پیوست ب-۳) گراف Alex3. ۲۰۲

فهرست جدولها

الگوریتم نمونه گیری تبدیل معکوس.....	جدول (۱-۱) ۲۷
الگوریتم نمونه گیری رد کردن.....	جدول (۲-۱) ۲۹
الگوریتم نمونه گیری اهمیت.....	جدول (۳-۱) ۳۱
الگوریتم نمونه گیری Metropolis-Hasting.....	جدول (۴-۱) ۳۵
الگوریتم نمونه گیری Gibbs.....	جدول (۵-۱) ۳۷
یک فاصله اطمینان $100(1-\alpha)\%$ برای پارامترهای امید ریاضی و واریانس.....	جدول (۶-۱) ۴۳
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم مبتنی بر اتوماتای یادگیر اصلاح شده برای گرافهای Alex1-A و Alex1-B.....	جدول (۱-۲) ۷۰
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم مبتنی بر اتوماتای یادگیر اصلاح شده برای گرافهای Alex2-A و Alex2-B.....	جدول (۲-۲) ۷۱
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم مبتنی بر اتوماتای یادگیر اصلاح شده برای گرافهای Alex3-A و Alex3-B.....	جدول (۳-۲) ۷۱
تعداد نمونه‌های مورد نیاز در روش نمونه‌گیری استاندارد برای گراف Alex2-B.....	جدول (۴-۲) ۷۲
تعداد نمونه‌های مورد نیاز در روش نمونه‌گیری استاندارد برای گراف Alex3-B.....	جدول (۵-۲) ۷۳
تابع توزیع احتمال وزن یالهای گراف شکل (۲-۱۴).....	جدول (۶-۲) ۹۹
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده از یالهای گراف شکل (۲-۱۴) در روش نمونه گیری استاندارد ۱۰۰.....	جدول (۷-۲) ۱۰۰
متوسط تعداد کل نمونه‌گیری در نمونه گیری استاندارد از گراف تصادفی شکل (۲-۱۴).....	جدول (۸-۲) ۱۰۰
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده درصد همگرایی در الگوریتم پیشنهادی.....	جدول (۹-۲) ۱۰۲
متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم پیشنهادی.....	جدول (۱-۳) ۱۱۵
تابع توزیع وزن یالهای گراف تصادفی شکل (۴-۴).....	جدول (۱-۴) ۱۲۷
مقدار مورد انتظار وزن یالهای گراف شکل (۴-۴).....	جدول (۲-۴) ۱۲۷

جدول (۳-۴)	امید ریاضی فاصله راسها از راس مبدا در گراف تصادفی شکل (۴-۴).....	۱۲۷
جدول (۴-۴)	متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم پیشنهادی (نسخه اول).....	۱۲۸
جدول (۵-۴)	متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم پیشنهادی (نسخه دوم).....	۱۲۹
جدول (۶-۴)	متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم قربانی (نسخه اول الگوریتم) ...	۱۳۳
جدول (۷-۴)	متوسط تعداد نمونه‌های گرفته شده و درصد همگرایی در الگوریتم قربانی (نسخه دوم الگوریتم) ...	۱۳۴
جدول (۱-۵)	تعداد نمونه‌های مورد نیاز در روش نمونه‌گیری استاندارد برای گراف Alex2-B.....	۱۵۲
جدول (۲-۵)	اطلاعات به دست آمده از الگوریتم پیشنهادی برای شکل (۳-۵).....	۱۵۴
جدول (۳-۵)	اطلاعات به دست آمده از الگوریتم پیشنهادی برای شکل (۴-۵).....	۱۵۵
جدول (۴-۵)	اطلاعات به دست آمده از الگوریتم پیشنهادی برای شکل (۵-۵).....	۱۵۵
جدول (۵-۵)	اطلاعات به دست آمده از الگوریتم پیشنهادی برای شکل (۶-۵).....	۱۵۶
جدول (پیوست الف-۱)	نتایج اجرای الگوریتم پیشنهادی روی تعدادی از گرافها.....	۱۹۸
جدول (پیوست الف-۲)	مقایسه الگوریتم پیشنهادی با الگوریتم ارائه شده در [Ali06].....	۱۹۸
جدول (پیوست الف-۳)	مقایسه الگوریتم پیشنهادی با بعضی الگوریتمها.....	۱۹۸
جدول (پیوست ب-۱)	تابع توزیع یالهای گراف Alex1-B.....	۲۰۰
جدول (پیوست ب-۲)	تابع توزیع یالهای گراف Alex1-A.....	۲۰۰
جدول (پیوست ب-۳)	تابع توزیع یالهای گراف Alex2-B.....	۲۰۱
جدول (پیوست ب-۴)	تابع توزیع یالهای گراف Alex2-A.....	۲۰۱
جدول (پیوست ب-۵)	تابع توزیع یالهای گراف Alex3-B.....	۲۰۲
جدول (پیوست ب-۶)	تابع توزیع یالهای گراف Alex3-A.....	۲۰۲



۱- مقدمه

در این فصل ابتدا گرافهای تصادفی را به صورت رسمی در بخش اول معرفی می‌کنیم که کلیه کارهای انجام گرفته در این پایان نامه روی این نوع از گرافهاست که مدل مناسبی برای شبکه‌های واقعی که وزن لینکها به طور مداوم و پیوسته تغییر می‌کند می‌باشد. در چهار بخش بعدی به ترتیب چهار مسأله درخت پوشای مینیمم، تطابق وزندار ماکزیمم، کوتاهترین مسیر بین یک راس و سایر راسها و درخت اشتاینر را در گرافهای تصادفی به اختصار مورد بررسی قرار می‌دهیم و کلیاتی در مورد کارهای مرتبط قبلی در صورت وجود و کارهایی که ما در این پایان نامه انجام داده‌ایم را ذکر می‌کنیم.

در بخش ششم روشهای نمونه‌گیری مونت-کارلو را که برای شبیه سازی محیط تصادفی به کار می‌روند را به اختصار توضیح خواهیم داد و چند روش ساده و متداول این کار را بیان خواهیم کرد.

در بخش هفتم روش نمونه‌گیری استاندارد را که برای ارزیابی الگوریتمهای پیشنهادی که قبلاً الگوریتم دیگری برای آنها ارائه نشده را بیان خواهیم کرد.

در بخش هشتم این فصل اتوماتای یادگیر، اتوماتای یادگیر توزیع شده و بازی بین اتوماتاهای یادگیر را شرح خواهیم داد.

بخش آخر اهداف پایان نامه و ساختار آن را بیان می‌کند و یک جمع‌بندی از مطالب بخشهای قبلی را شامل می‌شود.

۱-۱ گراف تصادفی

یک گراف تصادفی^۱ G را توسط سه‌تایی $G = \langle V, E, F \rangle$ تعریف می‌کنیم که در آن $V = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ مجموعه راسهاست و $E \subset V \times V$ مجموعه یالها را معین می‌کند و ماتریس F که یک ماتریس $n \times n$ است توزیع احتمالی وزن یالهای گراف را مشخص می‌کند. وزن (طول) یال (i, j) را با متغیر تصادفی C_{ij} که یک متغیر تصادفی مثبت فرض می‌شود نشان می‌دهیم و f_{ij} تابع توزیع (چگالی) احتمال C_{ij} در نظر گرفته می‌شود. در صورتی که گراف تصادفی را غیر جهت‌دار بنامیم آنگاه یالها غیرجهت دار بوده و داریم $C_{ij} = C_{ji}$ برای هر $(i, j) \in E$.

^۱ Stochastic graph

در کلیه کارهایی که در این پایان نامه انجام داده‌ایم سه فرض را زیر را برای گرافهای تصادفی در نظر گرفته‌ایم:

۱. وزن یالها از یکدیگر مستقل باشد.
 ۲. تابع توزیع احتمال وزن یالها ناشناخته است و فقط نمونه‌های این توزیعها در دسترس هستند.
 ۳. تابع توزیع احتمال یالها هرچند که برای ما شناخته شده نیست ولی در طول زمان تغییر نمی‌کند.
- قرارداد:** هر جا که از اصطلاح گراف تصادفی استفاده می‌کنیم منظور گرافی با مشخصات بالا می‌باشد مگر آن که خلاف آن ذکر شود.

۱-۱-۱ چه الگوریتمهایی برای گرافهای تصادفی مناسبند؟

باید توجه کرد از آنجا که وزن یالهای گراف تصادفی به طور همزمان و پیوسته تغییر می‌کنند الگوریتمهای موجود در گرافهای قطعی یعنی گرافهایی که وزن یالها در آنها دقیقاً مشخص است نمی‌توانند جوابگو باشند زیرا که در هر لحظه جواب بهینه در گراف تغییر می‌کند. در چنین شرایطی باید به دنبال جوابی بگردیم که به طور متوسط در طول زمان بهتر از بقیه جوابها باشد. به عبارت دیگر باید به دنبال جوابی باشیم که مقدار مورد انتظار آنها (امید ریاضی آنها) نسبت به بقیه جوابها بهینه تر باشد.

الگوریتمهای دینامیک موجود در گرافها که بعد از هر تغییر در وزن یکی از یالهای گراف سعی مجدد در یافتن جواب بهینه با استفاده از اطلاعات قبلی دارند نیز به همان دلیل که وزن یالها به طور همزمان و پیوسته تغییر می‌کنند نمی‌توانند جوابگو باشند.

از آنجا که در گرافهای تصادفی تابع توزیع وزن یالها مشخص نیست باید الگوریتم از یک ابزار یادگیری استفاده کند که در تعامل با محیط ناشناخته بتواند بعضی از پارامترهای آن را یاد بگیرد. این ابزار می‌بایست جزو ابزار یادگیری تقویتی باشد که در طول زمان بتواند جواب بهینه را با احتمالی تشخیص دهد. ابزار یادگیری تقویتی که ما از آن استفاده می‌کنیم اتوماتای یادگیر می‌باشد. هر چند که این ابزار دارای ساختار بسیار ساده‌ای می‌باشد ولی از طریق همکاری بین شبکه‌ای از اتوماتای یادگیر می‌تواند مسائل پیچیده‌ای را حل کند.

نکته مهمی که در مورد الگوریتمهای گرافهای تصادفی وجود دارد این است که الگوریتم در صورتی که بتواند به یک جواب بهینه همگرا شود دیگر تغییرات وزن یاها تأثیری در جواب بهینه ندارد و جواب بهینه همچنان محفوظ خواهد بود و دیگر با تغییر وزن یاها نیاز به هیچ هزینه زمانی برای به روزرسانی جواب نخواهیم داشت.

۲-۱ درخت پوشای مینیمم در گرافهای تصادفی

۱-۲-۱ معرفی مسأله درخت پوشای مینیمم

درخت فراگیر مینیمم یک گراف وزندار، درخت فراگیری است که بین همه درختهای فراگیر آن گراف دارای کمترین وزن باشد. وزن تخصیص داده شده به یک یال می‌تواند هزینه یال، زمان پیمایش یال، طول و یا غیره بنا به محتوای مورد نظر باشد. درختهای فراگیر مینیمم دارای کاربردهای فراوانی در طراحی سیستمهای فیزیکی می‌باشند. همچنین در کاربردهایی نظیر آنالیز خوشه‌بندی آماری^۱، شناسایی گفتار و پردازش تصاویر مورد استفاده هستند [Hut06].

در حالتی که وزن یاها قطعی باشد الگوریتمهای حریمانه ای چون کروسکال (۱۹۵۶)، پریم-دایجکسترا (پریم ۱۹۵۷، دایجکسترا ۱۹۵۹) و سولین (بروفکا) (سولین ۱۹۷۷) ارائه شده است که در اصل مشهورترین الگوریتمهای ارائه شده برای حل مسأله درخت فراگیر مینیمم یعنی یافتن درخت فراگیری چون T از G با کمترین مجموع وزن، می‌باشند [Ahr02]. نسخه موازی شده این الگوریتمها نیز ارائه شده است: پیچیدگی نسخه موازی شده الگوریتم کروسکال با $p = \lceil \log m \rceil$ پردازنده برابر با $O(m)$ می‌باشد. پیچیدگی الگوریتم پریم با p پردازنده که به صورت hypercube آرایش شده اند برابر است با $\theta(n^2/p) + \theta(n \log p)$ و پیچیدگی نسخه موازی شده الگوریتم سولین با p پردازنده برابر است با $O(\log n(n^2/p + n/p + n + p))$ [Ahr02].

همچنین الگوریتمهای توزیع شده برای این مسأله ارائه گردیده است که بعضی از آنها به شکل دقیق درخت پوشای مینیمم را محاسبه می‌کنند [Gal83][Chn85][Awr87][Gar98] و بعضی به شکل تقریبی ولی در زمان بسیار کمتر درخت پوشای مینیمم را به دست می‌دهند [Khn06].

^۱ Statistical cluster analysis