



دانشگاه اصفهان

دانشکده ادبیات و علوم انسانی

گروه فلسفه

## پایان نامه کارشناسی ارشد رشته‌ی فلسفه گرایش منطق

منطق فازی، قانون دوم ترمودینامیک و اصل عدم قطعیت

رهیافتی دیگر به معرفت

استاد راهنما:

دکتر محمد علی اژه‌ای

پژوهشگر:

سید محمد رضا ناجیان

شهریور ماه ۱۳۸۸

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات،  
ابتکارات و نوآوری های ناشی از تحقیق  
موضوع این پایان نامه متعلق به دانشگاه  
اصفهان است.



دانشگاه اصفهان

دانشکده ادبیات و علوم انسانی

گروه فلسفه

## پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد رشته‌ی فلسفه گرایش منطق

آقای سید محمد رضا ناجیان تحت عنوان

منطق فازی، قانون دوم ترمودینامیک و اصل عدم قطعیت: رهیافتی دیگر به معرفت

در تاریخ ۸۸/۶/۲۴ توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه عالی به تصویب نهایی رسید.

۱- استاد راهنمای پایان نامه دکتر محمد علی اژه‌ای با مرتبه‌ی علمی استاد

۲- استاد داور داخل گروه دکتر فتحعلی اکبری با مرتبه‌ی علمی دانشیار

۴- استاد داور خارج از گروه دکتر مجتبی مستجاب الدعواتی مرتبه‌ی علمی استادیار

امضا

امضا

امضا

امضا

تقدیم به استاد فرهیخته ۱۵

جناب آقای دکتر محمد علی ازه ای

که در ناملايمات نااستادي ها، همواره چراغ (وشن پر اميد من بود

و به خانواده ۱۵

که در فراز و نشیب اين سال ها همواره گناوه بوده اند

و به تمام گسانی که حقیقت را به وحیز صنف و مرتبت نفوذ فتند

## چکیده

با توجه به مسائلی که در پی تفسیر طبیعت توسط زبان پیش می‌آید، اندیشمندان برای حل آنها اقدام کرده‌اند. این رساله نیز بر این هدف است که روند این گونه مسائل را بررسی کند و معیاری برای انتخاب راه حل‌های ارائه شده اختیار کند.

در ابتدا مفاهیم ابهام، کلیت و ابهام بررسی گشته و سپس روش‌های مختلف جهت ابهام زدایی از زبان که توسط اندیشمندان مختلفی ارائه شده، آورده شده است. یکی از این روش‌ها منطق فازی است که با پیوسته کردن مفهوم صدق، در صدد رفع ابهام و تصمیم‌گیری برای آن بر می‌آید. در این رساله از یک تئوری بسیار جامع فیزیک به نام تئوری آنتروپی و قانون دوم ترمودینامیک و تفاسیر آن با توجه به مسائل معتبره معرفت همچون ابهام، به دنبال تفسیری نوین از منطق‌های جدید و مخصوصاً منطق فازی می‌گردیم و با استفاده از رویکرد آنتروپی و اصل عدم قطعیت، در فضای منطق فازی، مفهوم ابهام و کلیت را آشکار می‌سازیم. می‌توان با استفاده از مفهوم آنتروپی و قوانین حاکم بر آن به این نتیجه رسید که کلیتی که ما برای دسته بندی اشیاء عارض آنان می‌کنیم، خود به مسئله‌ی ابهام دامن می‌زند و هر قدر کلیت بیشتر شود، رفع ابهام مشکل‌تر به نظر می‌رسد و در اینجا مرزهای تیز که تغییرات پله‌ای ایجاد می‌کنند، همانند آنتروپی که با تغییرات سریع، افزایش می‌یابد، موجب افزایش آنتروپی منطقی شده ولی در عوض ابهام کاهش می‌یابد و در عین حال موجب کاهش شمول کلیت می‌گردد. طبیعت، تمایل به آنتروپی کمتر دارد و تفسیرهای تیز از موارد، دور شدن از مقتضای طبیعت و در نتیجه افزایش آنتروپی آن خواهد بود؛ پس منطق فازی که پیوستگی را در مفهوم صدق حفظ می‌کند به طبیعت طبیعت نزدیکتر است و با تفسیر آنتروپیک طبیعت مأнос‌تر می‌باشد. ما با منطق کلاسیک به ساده سازی پرداخته‌ایم. با ساده سازی طبیعت، وضوح را بدست می‌آوریم اما طبیعت را از دست می‌دهیم. فیزیک کامل، بر هم نهی تمام آن واقعیاتی است که ما تأثیر آن‌ها را کم قلمداد کرده و حذف‌شان کرده‌ایم. اگر تمام واقعیات حذف شده را دوباره بر موضوع اصلی حمل کنیم با توجه به آنکه تمام واقعیت را بدست آورده‌ایم و از طرفی چهره‌ی طبیعت را مخدوش نکرده‌ایم، آنتروپی به حداقل می‌رسد و ابهام نیز از میان می‌رود.

واژه‌های کلیدی: ابهام، ابهام، کلیت، منطق کلاسیک، منطق فازی، اصل عدم قطعیت، قانون اول ترمودینامیک، قانون

دوم ترمودینامیک، آنتروپی

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
ج.....	پیشگفتار
۱	فصل اول - ابهام و ایهام
۱.....	۱-۱ - مقدمه
۲.....	۱-۲-۱ - ایهام
۳.....	۱-۳-۱ - ابهام
۸.....	۱-۴-۱ - پاسخ های در جهت نا ابهامی
۹.....	۱-۴-۱-۱ - فرا ارزش گذاری
۱۱.....	۱-۴-۲-۱ - منطق سه ارزشی
۱۲.....	۱-۴-۳-۱ - روش بایس
۱۳.....	۱-۴-۴-۱ - منطق فازی
۱۴	فصل دوم - منطق فازی
۱۵ .....	۱-۲ - مقدمه
۱۷ .....	۲-۲ - پارادوکس سقراط و اصول فازی شناسی

عنوان	
صفحه	
۱۹	-۳-۲- منطق فازی چه می گوید؟.....
۲۰	-۴-۲- نظریه مجموعه های فازی.....
۲۰	-۱-۴-۲- مجموعه های فازی.....
۲۳	-۲-۴-۲- عملیات مجموعه ها.....
۲۳	-۱-۲-۴-۲- عملیات مجموعه های کلاسیک.....
۲۴	-۲-۲-۴-۲- عملیات مجموعه های فازی.....
۲۴	-۳-۴-۲- جهان.....
۲۵	-۴-۴-۲- تابع عضویت.....
۲۵	-۵-۴-۲- یگانه ها .....
۲۵	-۶-۴-۲- متغیرهای زبانی.....
۲۶	-۵-۲- منطق فازی.....
۲۷	-۱-۵-۲- عملگرهای منطق گزاره های فازی.....
۲۷	-۱-۱-۵-۲- عملگرهای استاندارد.....
۲۹	-۲-۱-۵-۲- عملگرهای تعمیم یافته.....
۳۱	-۲-۵-۲- عملگرهای منطق محمولات فازی.....

عنوان	
صفحه	
۳۲	۱-۳-۱- تعریف عدم قطعیت.....
۳۳	۲-۳- عدم قطعیت مکان – اندازه حرکت.....
۳۳	۳-۳- عدم قطعیت انرژی – زمان.....
۳۴	۴-۳- نتایج فلسفی اصل عدم قطعیت.....
۴۱	<b>فصل چهارم- ابهام و عدم قطعیت</b>
۴۵	<b>فصل پنجم- قانون دوم ترمودینامیک و آنتروپی</b>
۴۵	۱-۵- تاریخچه ی قانون اول و دوم ترمودینامیک.....
۴۷	۲-۵- قوانین اول و دوم ترمودینامیک .....
۵۱	۳-۵- بحثی فلسفی از قوانین ترمودینامیک .....
۵۱	۱-۳-۵- مقدمه .....
۵۳	۲-۳-۵- تکامل منطقی قوانین ترمودینامیک .....
۵۵	۳-۳-۵- تحلیل منطقی از قانون اول ترمودینامیک.....
۵۸	۴-۳-۵- نتایج فلسفی قانون اول ترمودینامیک.....
۵۹	۳-۵-۵- آیا می توان امتناع رفتار آزاد را از قانون اول استنتاج کرد؟ .....
۶۰	۶-۳-۵- تحلیل منطقی از قانون دوم ترمودینامیک .....
۶۴	۷-۳-۵- نامساوی کلازیوس و قانون دوم ترمودینامیک .....

عنوان		صفحه
۸-۳-۵- نتایج فلسفی قانون دوم ترمودینامیک	۶۵	۶۵
۸-۳-۵- افزایش بی نظمی و مرگ حرارتی (Heat death)	۶۷	۶۷
۸-۳-۵- چند مغالطه در استنتاج امتناع حیات جاودانه جهان	۶۸	۶۸
۴-۵- آنتروپی ترمودینامیکی	۷۰	۷۰
۵-۵- آنتروپی منطقی	۷۱	۷۱
فصل ششم- ابهام، منطق فازی، اصل عدم قطعیت و آنتروپی: توصیفی از دنیای معرفت، تمثیلی از طبیعت	۷۵	۷۵
۱-۶- مقدمه	۷۵	۷۵
۲-۶- ابهام و کلیت	۷۶	۷۶
۳-۶- عدم قطعیت ابهام و کلیت	۷۹	۷۹
۴-۶- آنتروپی و ابهام	۸۰	۸۰
۴-۶- اصل افزایش آنتروپی	۸۱	۸۱
۵-۶- ابهام در تاریخ فلسفه و علم	۸۴	۸۴
منابع و مأخذ	۹۱	۹۱

## پیشگفتار

تاریخ بشریت از زمان تولد او در دامان طبیعت آغاز می گردد و سپس برای زنده ماندن ، وی استفاده از طبیعت را مورد نظر قرار می دهد. انسان برای فهم طبیعت که هدف اولیه او بوده است، سعی در ساده سازی و متمایز ساختن پدیده های طبیعی از یکدیگر می نماید و کم کم این رویکرد، به تسلط و قهر بر طبیعت تبدیل می شود. تفسیر انسان از طبیعت تعییری ساده انگاره است، از این جهت انسان اعداد طبیعی را اختراع می کند. اعداد طبیعی، تعییر ساده شده و طبق فهم و خواسته انسان است که دوست دارد حوادث را منفک و مجزا بشناسد. طبیعت صامت است و ریاضیات که مدعی گویایی زبان طبیعت است در ابتدا آن را به ساده ترین وجهی بیان می کند. اعداد مخلوق انسان است و اعداد طبیعی اولین مخلوقات ذهن ریاضی انسانی است.

با پیشرفت دانش بشری و غور بیشتر در طبیعت، انسان این معنا را در می یابد که اعداد طبیعی نمی تواند پیوستگی طبیعت را بیان کند، پس اعداد کسری ، اصم و سپس اعداد حقیقی و آنگاه اعداد متعالی و در آخر اعداد مختلط برای تفسیر طبیعت به وجود می آید. البته این اعداد در طرز تلقی یک بعدی انسان به وجود آمد و با دقت نظر بیشتر انسان اعداد دو بعدی و سه بعدی و حتی با ابعاد بیشتر برای تفسیر دقیق تر فضای طبیعی مورد استفاده قرار گرفت.

در منطق نیز امر بر این منوال بوده است. سالها حکومت منطق ارسسطویی بر همگان این امر را مطلق نموده که برای فهم، باید دنبال ۱ و یا ۰ گشت و خارج ازین، خارج از قاعده‌ی طبیعت است در صورتی که منطق‌های جدید و تنگناهایی که بر اثر توجه بیشتر به حقیقت پیوستگی طبیعت آشکار شده، این مسئله را بیشتر روش‌کرده است که ذات طبیعت با منطق ارسسطویی منطبق نیست.

این تحقیق بر این رویاست که از یک تئوری بسیار جامع فیزیک به نام تئوری آنتروپی و قانون دوم ترمودینامیک و تفاسیر آن با توجه به مسائل معتبره معرفت همچون ابهام، به دنبال تفسیری نوین از منطق‌های جدید و مخصوصاً منطق فازی بگردد و با استفاده از رویکرد آنتروپی و اصل عدم قطعیت، در فضای منطق فازی مفهوم ابهام و کلیت را آشکار بسازد.

در نگاه اول این تحقیق بسیار واگرا به نظر می‌رسد، چرا که بخشی از تئوری معرفت از فلسفه، منطق فازی از منطق جدید، اصل عدم قطعیت از مکانیک کوانتومی و قانون ترمودینامیک از ترمودینامیک کلاسیک را کنار هم می‌نهاد تا نظریه‌ی جامعی بنا نهاد، اما چاره‌ای جز این در تحقیقات میان رشته‌ای نیست.

بنابراین نویسنده بر آن شد تا در فصول ۱ تا ۵ تک تک این مفاهیم را به فراخور حال و مقام توضیح دهد و البته اذعان دارم این وجیزه برای این امر کافی نیست؛ چرا که تک تک این مفاهیم که در فصول مختلف بدان پرداخته شده، خود در میان گستره‌ی علم خود یک چالش و نواوری دور از ذهن به نظر می‌رسد و در یک فصل مختصر باز کردن لطایف و ظرایف امر ناممکن می‌نماید. البته انتظار دارم اساتید محترم که بر این تحقیق نظری می‌افکنند، هر جا که لازم بود به کتب کلاسیک هر یک از این علوم پیشگفتہ، نظری عمیق بیفکنند تا مسئله آشکارتر شود.

در فصل اول به مسائل معتبره زبان در دایره‌ی منطق می‌پردازیم و به راه حل‌هایی که برای مسئله‌ی ابهام که در منطق بیشترین اهمیت را دارد، ارائه شده است نظری می‌افکنیم. در فصل دوم در ادامه راه حل‌های مسئله‌ی ابهام منطق فازی را مشاهده می‌کنیم و کم و بیش نظریه‌ی ریاضی آن را می‌بینیم. در فصل سوم اصل عدم قطعیت هایزنبرگ را می‌نگریم که نظریه‌ای معرفتی نیز تلقی می‌گردد. در فصل چهارم ارتباط بین اصل عدم قطعیت و ابهام را خواهیم دید. در فصل پنجم به ترمودینامیک می‌رسیم. چون که این رساله در دانشکده‌ی ادبیات و علوم انسانی ارائه می‌شود، در این فصل به تاریخچه و سیر ترمودینامیک تا رسیدن به قانون دوم آن نگاهی سریع می‌کنیم تا در فضای فیزیکی امر قرار گیریم و فهم قانون دوم ترمودینامیک راحت‌تر می‌سوز گردد. در این فصل دو معنای اصلی ترمودینامیک و تفاسیر آن را بیان می‌کنیم تا بتوانیم در فصل آخر بهره برداری لازم از آن انجام شود. در فصل آخر نظریه‌ی ابداعی تفسیر آنتروپیک از مسئله‌ی ابهام و ارتباط این دو مفهوم با عدم قطعیت و کلیت و معرفی مفهوم آنتروپی فلسفی بیان می‌شود که جای تأمل زیادتر و البته جای نقد و نظر اساتید خواهد بود.

## فصل اول - ابهام و ایهام

### ۱-۱- مقدمه

وقتی زبان به بیان توصیف دریافت ذهن از جهان خارج می‌پردازد و واقعیت بیرونی که به تصور آمده را ترجمه می‌کند، پدیده‌های مختلفی بر نحوه‌ی بیان زبانی از تصور یا فهم واقعیت بیرونی عارض می‌شود. سه پدیده‌ی شایع در زبان که بر مفاهیم بیان شده توسط زبان می‌نشیند، عبارتند از: ایهام<sup>۱</sup>، ابهام<sup>۲</sup> و کلیت<sup>۳</sup>

از دیر باز فیلسوفان در جهت روشن شدن این مفاهیم کوشش فراوان نموده‌اند. مثلاً کلیت از زمان اندیشمندان یونانی و به تبع آنان فیلسوفان مسلمان همیشه در منظر توجه بوده است و مباحث مختلفی همچون نحوه وجود کلی طبیعی، مثل افلاطونی و ... نشانه‌هایی بر اهمیت این مفهوم نزد فیلسوفان کلاسیک بوده است.

ایهام که بیشتر خود خواسته در زبان شاعران به عنوان یک آرایه ادبی می‌باشد، از ادبیات حرفه‌ای وارد زبان روزمره شده و از آنجایی که اندیشمندان به زبان طبیعی سخن می‌گفته‌اند، خواه و ناخواه وارد زبان اندیشه گشته و از آن سپس جغرافیای اندیشه را گاه و یگاه در نقاط مختلف با ابرهای نیمه روشن پوشانده است. راز ماندگاری بسیاری از اندیشه‌ها به زعم بسیاری از متخصصین امر، بیان آن اندیشه‌ها با ایهام و تشییه می‌باشد. کلام نیچه که

<sup>1</sup> ambiguity

<sup>2</sup> vagueness

<sup>3</sup> generality

برخاسته از قله رفیع اندیشه‌ی اوست، آمیخته با انواع آرایه‌های معنوی ادبی می‌باشد و از این رو جای هر گونه تفسیر و در نتیجه پویایی را باقی می‌گذارد. پس در جستجوی ایهام بیشتر باید به ادبیات توجه کنیم تا اندیشه.

و اماً ابهام، طبیعت از دیرباز برای آدم بیگانه از راز آن، مرجع دانستن و کشف بوده است و در آنجایی که دانستن قسمتی از راز گوشه‌ای از این طبیعت پهناور همراه با بخشی ندانستن بوده، پدیده‌ی ابهام سر بر می‌آورد و انگشت حیرت آدمی را بر دهان آویخته می‌نماید. این پدیده در پل انتقال مفهوم به زبان و در اندیشه و زبان رخ می‌دهد و سالیان سال، فیلسوفان را از خود غافل دیده است. در تاریخ اندیشه بشری قبل از طلوع قرن بیستم، شاهد اشاراتی اندک و گذرا به زبان و ارتباط آن با ذهن هستیم. اما در این قرن با اقبال فیلسوفان به زبان آنقدراهمیت آن فراتصور تلقی می‌شود که بعضی فیلسوفان تمام مشکلات فلسفه را به آن معطوف می‌کنند و فلسفه را یکسره فلسفه زبان تلقی می‌کنند. البته با قرن‌ها تفریط و کم کاری در توجه به زبان باید انتظار چنین افراطی هم داشت.

کلیت نیز یکی از مفاهیمی است که با بیان زبان از تصورات و دسته بنده‌ی آنها خود روی می‌نماید. از آنجا که کلیت، با توجه به سنت دیرینه‌ی فلسفی مأнос اذهان ماست، در ابتدای امر بیشتر هم و غم خود را در این فصل به دو مفهوم ایهام و مخصوصاً ابهام معطوف می‌کنیم و در نهایت، به راه‌هایی که در این سده‌ی اخیر به رفع ابهام پرداخته‌اند، نگاهی می‌افکنیم و در فصول بعد با نگاهی جدید به کلیت بر می‌گردیم.

## ۱-۲- ایهام

ایهام به این واقعیت اشاره دارد که کلمه‌ای ممکن است معناهای متفاوتی مخصوصاً در متن‌های مختلف داشته باشد. به عنوان مثال جمله‌ی "برو به راه راست" دارای ایهام است و نیاز به متنی دارد که به آن معنای مستقیم و محکمی بدهد. آیا راه "راست" راه درست است؟ شاید در متنی اخلاقی یا دینی چنین باشد، یا راه "راست" راهی است که شما وقتی بر سر چند راهی قرار می‌گیرید باید از راه چپ تمیز دهید! در این عبارت "راه" ایهام دارد. راه ممکن است استعاره‌ای از چیزی باشد یا مستقیم معنایی داشته باشد. اگر معنای مستقیم آن منظور باشد ممکن است کاملاً بتنی باشد (یعنی ساخته شده از سیمان و ماسه و ...) یا ساخته شده از خاک و یا آسفالت. در این معنا، راه در این جمله کلی است یعنی جمله‌ای که می‌تواند ساختارهای ساخته شده از مواد مختلف را شرح دهد اما این ساختارها خواص مشابهی داشته باشند.

اگر ایهام وجود داشته باشد، حداقل دو تفسیر ناسازگار از آن می‌توان ارائه داد. بسته به اینکه ایهام مشاهده شده مربوط به واژگان یا ساختار شود، می‌توان گفت که ایهام لغوی یا ساختاری وجود دارد.<sup>[20]</sup>

در ایهام لغوی شخص می‌تواند بین تعدد معانی و تشابه تلفظ تشخیص دهد. تشابه تلفظ یعنی آنکه واحدهای مجزا در لغت آوای یکسان (هم آوا) و یا شکل املایی یکسان (هم املایی) دارند. هر یک از هم تلفظ‌ها، معنای خود را دارند. یک مثال کلمه‌ی bank (موسسه مالی) و کلمه‌ی bank (شیب) است. در این مثال تشابه آوای و تشابه املایی هردو اتفاق افتاده‌اند.. اما همیشه چنین حالتی لازم نیست، برای مثال دو واژه‌ی peak (قله) و peek (نگاه سریع) را مقایسه کنید، که هم آوا هستند اما هم املای نیستند. بر مبنای معیار تحولات تاریخی زبان برای تشابه تلفظ، هم آواها نمی‌توانند از یک ریشه‌ی مشترک ناشی شده باشند. برای مثال واژه‌ی bat را در نظر بگیرید: لغتی برای حیوانی (خفاش) از ریشه‌ی سوئدی و لغتی برای ابزاری (عصا). بر مبنای معیار همزمانی، هم آواها معنای مشترکی ندارند. اما هر دو معیار سخت گیرانه نیستند. همانند معیار همزمانی، بسیاری از گوینده‌های شایسته جنبه‌های بیشتری از معناهای واژگان هم آوا را می‌دانند در صورتی که گویندگان ضعیف‌تر نمی‌دانند.<sup>[20]</sup>

ایهام خواه صرفی خواه نحوی باید از ابهام تشخیص داده شود. یک عبارت مبهم یک معنای نامتعین دارد، در حالی که یک عبارت دارای ابهام چندین معنی مختلف دارد. ابهام در معنایی نهادینه است که کاری برای رفع جهل و کمی دانش انجام نشده است. یک ارتباط تنگاتنگ بین ایهام و وابستگی به متن وجود دارد.

### ۱-۳- ابهام

ابهام کلمه‌ای از علم جدید است. جان لاک این کلمه را در کتاب مشهورش "رساله در فهم انسانی" هنگامی که درباره‌ی "ابهام و شکل‌های بی معنای سخن" اظهار نگرانی می‌کرد، به کار برد و در ترجمه‌ی فرانسوی آن (۱۷۰۰ میلادی) کلمه‌ی فرانسوی مبهم<sup>۴</sup> در مقابل کلمه انگلیسی سنت<sup>۵</sup> قرار داده شد. با وجود این کلمه مبهم به عنوان یک عبارت<sup>۶</sup> فنی در فلسفه و منطق طی قرون ۱۸ و ۱۹ مورد استفاده قرار نگرفت. در اوان قرن ۲۰

<sup>4</sup>vague

<sup>5</sup>loose

<sup>6</sup>term

هنگامی که فیلسوف و ریاضیدان آلمانی گوتلوب فرگه کتاب "اصول اولیه حساب" را منتشر کرد، او به دنبال مفاهیم با مرزهای تیز می‌گشت. بنابر این فرگه ابهام را به عنوان یک پدیده خاص مشخص کرد و سایر منطقدانان، ریاضیدانان و فیلسوفان، از جمله برتراند راسل - کسی که در سال ۱۹۲۳ درباره ابهام سخنرانی کرد - و دو تن از اعضاء مدرسه‌ی واو-وارسا یعنی تادوس کورتاینسکی (۱۸۸۶-۱۹۸۱) و کازیمیرز ادجوکیویز (۱۸۹۰-۱۹۶۳) - که ابهام را به صورت وجود مرزهای شناور تعریف کرد - را تحت تأثیر قرار داد. برای راسل "ابهام" مفهومی قابل استعمال در هر نوع بیان - برای مثال عکس یک عکاس - می‌باشد و بیانی را مبهم می‌داند که ارتباط سامانه<sup>۷</sup> بیان و سامانه‌ی بیان شده یک به یک<sup>۸</sup> نباشد بلکه یک به خیلی<sup>۹</sup> نباشد. در ایالات متحده آمریکا، چارلز ساندرز پیرس (۱۸۸۳-۱۹۱۴) - مستقل از فرگه - تعریفی از ابهام را به عنوان یک پدیده‌ی نو در ۱۹۰۱ هنگامی که در یک فرهنگ لغت، مفهوم مبهم را شرح می‌داد و در ۱۹۰۵ در مقالات پراغماتیسم ارائه نمود. از نظر پیرس یک گزاره وقتی مبهم است که حالت‌های ممکنی از اشیاء مربوطه ذاتاً نامشخص وجود داشته باشند، که خواه توسط گوینده مدنظر قرار گرفته باشند یا اینکه به عنوان استثناء در نظر گرفته شده باشند یا به وسیله گزاره مجاز باشند. [24]

در ۱۹۳۴ ماکس بلک (۱۹۰۹-۱۹۸۸) فیلسوف و ریاضیدانی از کالج سلطنتی لندن، درباره‌ی ابهام در منطق و ریاضیات کاوش کرد. او روش راسل و پیرس را ادامه داد و ابهام را از ایهام<sup>۱۰</sup>، کلیت<sup>۱۱</sup>، و نامتعینی<sup>۱۲</sup> جدا کرد. "ابهام یک تعییر"<sup>۱۳</sup> با وجود موارد مرزی نشان داده می‌شود؛ یعنی افرادی وجود دارند که به نظر می‌رسد ناممکن است که بتوان یا نتوان عبارت را برای آنها به کار برد. بعدها بلک ابهام را به عنوان یک مفهوم سست بکار برد. در لهستان کورتاینسکی این گونه تعریف کرد که یک مفهوم برای یک خاصیت مبهم است اگر خاصیت، موردی با درجات باشد و ادجوکیویز تعریف زیر را ارائه داد: یک عبارت مبهم است اگر و تنها اگر کاربرد آن در یک متن تصمیم پذیر، آن متن را در خاصیت آن قواعد زبانی، تصمیم ناپذیر سازد. [24]

لودویک فلک (۱۸۹۶-۱۹۶۱) پژوهشگر و فیلسوف جوانی که آراء او به مدرسه‌ی لهستانی منطق نزدیک بود با این نظریه که تشخیص طبی نتیجه‌ی استدلال منطقی قوی می‌باشد مخالف بود. او اعتقاد داشت که عناصر دانش

<sup>7</sup> system

<sup>8</sup> One-one

<sup>9</sup> One-many

<sup>10</sup> ambiguity

<sup>11</sup> generality

<sup>12</sup> indeterminacy

<sup>13</sup> term

پزشکی ، علائم بیماری و بیماری ها اساساً نامتعین هستند و پزشکان باید بجای استنباط نتایج منطقی از اطلاعات بیمار برای تشخیص بیماری به شهودشان تکیه کنند. در سال ۱۹۲۷ فلک "چند چهره‌ی ویژه‌ی روش‌های پزشکی تفکر" را منتشر کرد و تأکید نمود که یک پزشک با دقت، پدیده‌های ناسالم، غیر معمول و غیر عادی را مطالعه می‌کند.[24]

بسیار مشکل است که در یک دسته بیماری بتوان مرزهای تیزی بین علائم بیماری‌های مختلف، تعریف نمود. بجای آن ما می‌توانیم گذارهای آرام از یک وجود به دیگری را مشاهده کنیم و شاید تغییری بسیار کوچک باشد که ممکن است باعث شود پزشکی بیماری X را بجای Y تشخیص دهد. فلک "فضای پدیده‌ی بیماری" را مورد توجه قرار داد و فهمید که هیچ مرزی در زنجیره‌ی پدیده‌ی بیماری‌ها و بین آنچه که بیماری است و آنچه که سلامتی است، وجود ندارد.[24]

تیموتی ویلیامسون اشاره می‌کند که ابهام به عنوان یک مسئله نزد دو سنت فلسفی که بسیار مرتبط با منطق صوری است یعنی استوکس و فلسفه‌ی تحلیلی جدید شناخته شد. برای مسئله‌ی ابهام جای تعجب نیست که رهابردهای زبان براحتی در پارادوکس سوریتس دیده می‌شود. این پارادوکس یک سری محمولاتی فراهم می‌سازد که ظاهراً برای ما راضی کننده نیست، یعنی یک مرد با یک مو در سرش طاس است اگر چه مردی با دو مو بر سرش نیز طاس است و همچنین با سه مو بر سر مرد باز هم طاس است و الی آخر. در حالی که نقطه‌ی شروع صحیح است و ما هرگز نمی‌دانیم دقیقاً در کجا می‌توانیم اضافه کردن مو بر سر مرد را قطع کرده و بگوییم طاس نیست . با این وجود مرد با هزاران مو بر سرش باز هم طاس خواهد بود![23]

در حالت کلی دو شرط برای ابهام وجود دارد: یک عبارت مبهم است اگر و تنها اگر

الف) دارای موارد مرزی باشد

ب) دارای موارد مرزی مرتبه بالاتر باشد.

موارد مرزی یعنی در یک یا چند مورد کسی قادر به تصمیم گیری نباشد که اینها را می‌توان بر شیوه خاص محمول قرار داد یا نه.[23]

برای مثال مفهوم خانه را در نظر بگیرید که یک مورد مبهم است، زیرا ساختمان‌های مشخصی هستند مثل چهار دیوار بدون سقف یا سقفی با سه دیوار که مانمی‌توانیم به راحتی تصمیم بگیریم که اینها را خانه بنامیم یا نه.

شرط ب "ابهام مرتبه بالاتر" یعنی اینکه این نیز مشخص نیست که کجا عدم وضوح روی محدوده‌ی قابل اعمال محمول شروع می‌شود. کسی می‌تواند بگوید که موارد مرزی مرزی وجود دارند. برای مثال، در یک طیف رنگی بین قرمز و آبی و زرد یک منطقه‌ی فاصل وجود دارد که نارنجی نام دارد که کسی نمی‌تواند تصمیم بگیرد که سایه‌ای مشخصاً قرمز است یا زرد. اما حتی کسی نمی‌تواند بگوید کجا منطقه‌ی فی مابین شروع می‌شود یعنی مورد بین قرمز و نارنجی.

این دو شرط، شرایط لازم و کافی برای پارادوکس سوریتس هستند زیرا آنها غیر قابل تشخیص بودن گستره یک محمول در راستای طیف پیوسته را شامل می‌شوند.

ابهام به خصوص با وجود موارد مرزی در یک مفهوم سر و کار دارد.

در معماهی موضوع ابهام حضور موارد مرزی مهم است، مخصوصاً هنگامی که مرزهای بین درست و نادرست شناخته شده نیستند یا نمی‌توان آنها را مشخص کرد.

#### پارادوکس ۱ : پارادوکس سوریتس

۱ - اجتماعی از ۳ دانه شن یا کمتر، یک توده‌ی شن را تشکیل نمی‌دهد.

۲ - یک میلیون دانه شن یک توده‌ی شن را تشکیل می‌دهد.

۳ - اگر  $n$  ( عدد طبیعی است ) دانه شن یک توده شن را نسازند پس  $n+1$  دانه شن هم یک توده شن را نمی‌سازند.

۴ - اگر  $n$  ( عدد طبیعی است ) دانه شن یک توده شن را بسازند پس  $1-n$  دانه شن هم یک توده شن را می‌سازند. [16]

حال اگر شخصی شروع به جمع کردن شن بر روی یک میز خالی کند یک دانه شن که به اولین دانه شن اضافه می‌شود یک توده را تشکیل نمی‌دهد. و با استفاده از قاعده‌ی ۱ در می‌یابیم که اضافه کردن دانه های دوم و سوم هم توده شن را نمی‌سازند. علاوه بر این بر طبق قاعده‌ی ۳ اضافه کردن دانه‌ی چهارم هم توده شن را نمی‌سازد و همچنین اضافه کردن دانه‌ی پنجم و ... تا یک میلیون. اما قاعده‌ی ۲ تأکید می‌کند که یک میلیون دانه‌ی شن یک توده را تشکیل می‌دهد؛ پس به یک تناقض می‌رسیم.

بطور مشابه اگر شخصی با یک توده‌ی یک میلیونی از دانه‌های شن شروع کند (قاعده‌ی ۲) و یک دانه یک دانه از آن کم کند او هنوز یک توده‌شن دارد حتی اگر دانه‌ای باقی نماند (قاعده‌ی ۴)! اما قاعده‌ی ۱ تأکید می‌کند که سه تا دانه یا کمتر یک توده‌شن را تشکیل نمی‌دهد: یک تناقض دیگر.

نکته پارادوکس سوریتس این است که نشان می‌دهد هیچ مرز روشنی وجود ندارد که ما بتوانیم توده‌ای از شن و آن چیزی که کمتر از یک توده‌ی شن هست را تشخیص دهیم. اما تقسیم بندی بین دو مشخصه وجود یک توده‌ی شن و عدم آن غیر واضح بوده و شناخته شده نیست. پس یک توده‌ی شن یک مفهوم مبهم است که بخاراطر دو چیز در زبان رخ می‌دهد، یکی عدم دقت زبان طبیعی و دیگری عدم تعریف دقیق توده‌ی شن.<sup>[16]</sup>

قاعده‌ی ۱: هر محمول مبهم که می‌تواند آغازگر یک تناقض باشد قابل تحويل به پارادوکس سوریتس است.

قاعده‌ی ۲ (ابهام مرتبه بالاتر): مفهوم ابهام مبهم است.

می‌توان اثبات زیر را در نظر گرفت:

۱- این قاعده را می‌توان با یک مثال توضیح داد که همان مثال مفهوم کوچک بودن است.

الف- ادعا می‌کنیم ۱ کوچک است یعنی  $\text{small}(1)$

ب- ادعا می‌کنیم که  $1010 \rightarrowtail \text{small}(1010)$  نیست یعنی  $\neg\text{small}(1010)$

ج- برای هر عدد طبیعی  $n$  می‌توان گفت:  $\text{small}(n) \Rightarrow \text{small}(n+1)$

د- با شروع کردن از ۱،  $\text{small}(1010)$  درست است: تناقض.

۲- حالا محمول  $n$ -کوچک ( $n\text{-small}$ ) را تعریف می‌کنیم:

الف- برای هر عدد طبیعی  $k$  و  $n$ :  $n\text{-small}(k) \Leftrightarrow \text{small}(k) \vee (k < n)$

ب - ۱-small به small تحویل می شود و بنابراین مبهم است هر چند برای مقدار بزرگی (یعنی غیر کوچک) چون  $n$  مثل  $10^{10}$  محمول نیست زیرا محمول به یک عملگر "کمتر از" چون  $=\text{small}(n)$  نادرست تحویل می یابد.

۳- اثبات از مثال دیگری از پارادوکس سوریتس ادامه می یابد:

الف - ۱-small یک محمول مبهم است.

ب - 1010-small محمول مبهم نیست.

ج - برای هر  $n$  طبیعی اگر  $n$ -small مبهم باشد، آنگاه  $(n+1)$ -small هم مبهم است.

د - با شروع از ۱ در ادامه خواهیم داشت که 1010-small نیز مبهم است.

پس خود مفهوم مبهم نیز مبهم است و روش برخورد با ابهام بطور رضایت بخشی روشن نخواهد بود. [16]

#### ۱-۴- پاسخ های در جهت ناابهامی

دو راه اصلی برای اجتناب از تناقض منطقی ایجاد شده توسط ابهام وجود دارد:

یا منطق کلاسیک را ویرایش کنیم و یا بر روی محمولات مبهم عمل کنیم.

برای راه نخست، چهار روش ارائه شده است: منطق فرارازش گذاری<sup>۱۴</sup>، منطق سه ارزشی، رهیافت بایس و منطق فازی یا درجه ای.

در راه دوم دو روش ارائه شده است:

روش اول که به نام دیدگاه معرفتی نامیده میشود به وسیله ویلیامسون ارائه گردید که پیشنهاد می کند بجای اینکه ما درباره مفاهیممان به عنوان مبهم فکر کنیم، ترجیحاً این نوع از معرفتمان را به عنوان نادانی شرح دهیم. [23]

<sup>14</sup> supervaluationism