



۱۳۷۹ / ۱۱ / ۲۰

دانشگاه شهید بهشتی
دانشکده علوم ریاضی

رساله ارائه شده به عنوان بخشی از ملزومات برای دریافت درجه
کارشناسی ارشد آمار ریاضی

مدل‌های گیر و باز گیرش پیزی پویا

محقق:
علی اکبر بُرومیده

استاد راهنما:
دکتر سیامک نوری‌لوچی

استاد مشاور:
دکتر خلیل شفیعی

۹۶۰۱

استاد داور:
دکتر محمد رضا مشکانی
دکتر محمدقاسم وحیدی‌اصل
دکتر علی عیدی

۱۳۷۹

۳۲۱۴۶

تقدیم به پیشگاه مقدس

پدر بزرگوارم،
که همواره بار و مشوق من بوده و به خاطر مرارت‌هایشان

مادر ارجمندم،
که در من محبت و دوستی را به من آموخت و به خاطر رنج‌هایشان

برادران و خواهران مهربانم و خانواده‌های گرامیشان،
به خاطر مهربانیها و تشویق‌هایشان

داماد، خواهر زاده‌ها و همسر برادر عزیزم،
به خاطر محبت‌هایشان

تقدیم به محضر مبارک
محمد رضا

سپاس و قدردانی

سپاس خداوند منان را که هر چه دارم از اوست.

در پنهانه این زمین خاکی چگونه سر به سجدۀ تنها یی توئی نسایم که
شنا ترینی، چگونه به بانگ بلند فریاد نزنم که اجابت کننده تنها توئی،

بار خدایا یکتا پناهم تو هستی

توئی که به لطفت بنده‌ای خالص از بندگانت را به یاریم فرموده‌ای تا
مرا به اولین مقصد از هزار مقصد برساند، تا که شاید به لطف تو یگانه
معبودم به سر منزل حقیقت و مطلوب برسم.

چکیده

در این رساله که مشتمل بر چهار فصل است، به بررسی مدل‌های گیر و باز گیرش خواهیم پرداخت. مبحث نمونه گیری گیر و باز گیرش با دارا بودن تاریخچه بسیار غنی، توانسته است در اکثر زمینه‌های علوم کاربردی به خوبی بکار برد شود. در فصل اول این مجموعه به بررسی تاریخچه و کلیات این روش نمونه گیری پرداخته و مرور اجمالی به این روش را عرضه خواهیم کرد. در فصل دوم به بررسی مدل‌های موجود در این زمینه از دید غیربیزی خواهیم پرداخت. فصل سوم در حقیقت از دید بیزی به مدل‌های عنوان شده در فصل دوم می‌پردازد. در نهایت فصل چهارم اولین ایده‌های پویایی را در برخی از مدل‌های مهم گیر و باز گیرش بررسی خواهد کرد.

واژه‌های کلیدی: نمونه گیری، گیر و باز گیرش، استنباط آماری، آمار (استنباط) بیزی، مدل‌های پویا، برآورد نقطه‌ای، برآورد بازه‌ای، نیرومندی (استواری)، اربی.

پیشگفتار

با عنایات و الطاف خداوندی و به همراهی خانواده و دوستان عزیزی که مرا در انجام این مهم پاری دادند، توفيق پاقتم پایان نامه کارشناسی ارشد خود را به صورتی که در پیش رو دارد، تقدیم نمایم.

مجموعه حاضر حاصل تلاش چند ماهه و ضرف صدها ساعت کار مفید روی آن بوده است. در ابتدا با هماهنگی‌های بعمل آمده با استاد راهنمای محترم، بر آن شدیم تا مجموعه‌ای بسیار غنی از این مبحث گردآوری نموده در فرصتهای بعد آنرا بصورت یک کتاب مرجع در این مقوله به چاپ برسانیم. ولی با توجه به فرصت مطالعاتی خارج از کشور که برای استاد محترم پیش آمد، این وظیفه بسیار مهم بر ناتوانی چو حقیر محول گردید. از طرف دیگر عزیمت استاد محترم، جناب آقای دکتر مشکانی، به خارج از کشور، دشواری کار را دو چندان کرد. در واقع در این عرصه وسیع مشکلات، به تنها بی قدم بر می‌داشتم.

بالاخره با هر مشقتی بود و فای بعهد نموده و کلیه مستندات موجود در این موضوع را با صبر و حوصله و از طرق مختلف (از قبیل اینترنت) جمع آوری نموده و به صورت مجموعه حاضر نگاشتم. امید است کاستبهای احتمالی را بر من عفو نموده و از همه مهمتر، امیدوارم که نسل آینده با توجه به برخی مسائل حل نشده (که در متن به آنها اشاره کردم) با ذوق و علاقه وافر به حل آنها اهتمام ورزند. به ویژه مبحث پویای بیزی ایده جدیدی است که جای کاری بسیاری را می‌طلبند.

«وَ مِنَ اللَّهِ التُّوفِيقُ»

باسپاس فراوان
علی اکبر برومیده

فهرست مندرجات

۱	کلیات گیر و باز گیرش	۱
۱	۱.۱ مقدمه	۱
۲	۲.۱ مدل‌های آماری	۲
۴	۳.۱ روش گیر و باز گیرش چیست؟	۳
۵	۴.۱ جامعه بسته و باز	۴
۵	۱.۴.۱ جامعه بسته	۱
۷	۲.۴.۱ جامعه باز	۲
۸	۵.۱ چرا گیر و باز گیرش؟	۵
۹	۶.۱ تاریخچه و سابقه	۶
۱۲	۷.۱ موارد کاربرد گیر و باز گیرش	۷
۱۵	۸.۱ اهداف	۸

۱۷	۹.۱	مدلهای موجود برای جامعه بسته
۱۹	۱۰.۱	الگوریتم نمونه گیری از یک جامعه
۲۲		۲	گرو بازگش کلاسیک
۲۳	۱.۲	طرح مساله
۲۳	۱.۱.۲	پارامترها و دادهها
۲۵	۲.۱.۲	آماره ها و نمادها
۲۶	۲.۲	برآورد پارامترها
۲۹	۱.۲.۲	برآورد به روش ماکریم درستمنای
۳۱	۳.۲	برآورد بارهای
۳۴	۴.۲	مدل پرسن-لینکلن (دو نمونه‌ای)
۳۷	۱.۴.۲	فرضهای آزمایش پرسن-لینکلن
۳۸	۲.۴.۲	بررسی مفروضات
۴۰	۳.۴.۲	مثالها
۴۱	۵.۲	آزمایش اشنی بل
۴۴	۱.۵.۲	مفروضات مدل
۴۴	۲.۵.۲	بررسی مفروضات
۴۵	۳.۵.۲	مثالها
۴۵	۶.۲	مدلهای جامعه بسته

۴۶	مدل M_0 : احتمال گیرش برابر	۷.۲
۴۷	مفروضات و پارامترها	۱.۷.۲
۴۷	بحث آماری	۲.۷.۲
۴۸	مثالها	۳.۷.۲
۵۰	أُريبي	۴.۷.۲
۵۰	بازه اطمینان	۵.۷.۲
۵۱	استواری	۶.۷.۲
۵۱	خلاصه و نتیجه گیری	۷.۷.۲
۵۲	مدل M_0 : واکنش در مقابل دام	۸.۲
۵۲	مفروضات و پارامترها	۱.۸.۲
۵۳	بحث آماری	۲.۸.۲
۵۵	مثالها	۳.۸.۲
۵۶	أُريبي	۴.۸.۲
۵۶	بازه اطمینان	۵.۸.۲
۵۷	استواری	۶.۸.۲
۵۸	خلاصه و نتیجه گیری	۷.۸.۲
۵۹	مدل M_t : احتمالات گیرش وابسته به زمان	۹.۲
۵۹	مفروضات و پارامترها	۱.۹.۲
۵۹	بحث آماری	۲.۹.۲
۶۱	مثالها	۳.۹.۲
۶۱	أُريبي	۴.۹.۲
۶۲	بازه اطمینان	۵.۹.۲
۶۳	استواری	۶.۹.۲

٦٣	خلاصه و نتیجه گیری	٧.٩.٢
٦٤	مدل M_h : مدل ناهمگنی اعضا	١٥.٢
٦٤	مفروضات و پارامترها	١.١٥.٢
٦٥	بحث آماری	٢.١٥.٢
٦٥	برآورد در مدل M_h	٣.١٥.٢
٦٦	جک-نایف تعیین یافته	٤.١٥.٢
٦٧	برآوردهای ناپارامتری برای حجم جامعه	٥.١٥.٢
٦٧	کاربرد جک-نایف در مدل M_h	٦.١٥.٢
٦٩	آزمونی برای انتخاب \hat{N}_{jk}	٧.١٥.٢
٧١	مثالها	٨.١٥.٢
٧٢	أربیسی	٩.١٥.٢
٧٤	بازه اطمینان	١٠.١٥.٢
٧٤	أُستواری	١١.١٥.٢
٧٦	خلاصه و نتیجه گیری	١٢.١٥.٢
٧٦	مدل M_{tb} : احتمالات گیرش ناهمگن و وابسته به زمان	١١.٢
٧٧	مدل M_{tb} : احتمالات گیرش وابسته به زمان و دام	١٢.٢
٧٧	مفروضات و پارامترها	١.١٢.٢
٧٨	بحث آماری	٢.١٢.٢
٧٩	حالت کلی تر مدل M_{tb}	٣.١٢.٢
٨٠	خلاصه و نتیجه گیری	٤.١٢.٢
٨١	مدل M_{bh}	١٣.٢
٨١	مفروضات و پارامترها	١.١٣.٢

۸۲	رویکرد آماری	۲.۱۳.۲
۸۴	برآورد در مدل M_{tbh}	۲.۱۳.۲
۸۵	أربیی	۴.۱۳.۲
۸۶	بازه‌های اطمینان	۵.۱۳.۲
۸۶	استواری	۶.۱۳.۲
۸۶	مثال	۷.۱۳.۲
۸۷	خلاصه و نتیجه گیری	۸.۱۳.۲
۸۸	۱۴.۲ مدل کلی گیر و بازگیرش	M_{tbh}
۸۹	۳ مدل‌های گیر و بازگیرش بیزی	
۸۹	استنباط بیزی	۱.۳
۹۰	اطلاعات پیشین	۱.۱.۳
۹۱	تابع درستنمایی	۲.۱.۳
۹۲	محاسبات بیزی	۳.۱.۳
۹۳	گیر و بازگیرش بیزی	۲.۳
۹۳	تابع درستنمایی برای گیر و بازگیرش	۱.۲.۳
۹۴	توزیعهای پیشین برای گیر و بازگیرش	۲.۲.۳
۹۵	پیشین پواسن	۳.۲.۳
۹۵	پواسن - گاما	۴.۲.۳
۹۶	توزيع پیشین یکنواخت	۵.۲.۳
۹۷	توزيع پیشین پارامترهای مراحم	۶.۲.۳
۹۷	ساختار مدل گیر و بازگیرش	۳.۳

۹۸	M_0	مدل ۴.۳
۹۹	M_t	مدل ۵.۳
۱۰۴	M_b	مدل ۶.۳
۱۰۷	M_h	مدل ۷.۳
۱۰۸	کاربرد	۱.۷.۳
۱۰۹	M_{tb}	مدل ۸.۳
۱۱۲	کاربردها	۱.۸.۳
۱۱۳	M_{th}	مدل ۹.۳
۱۱۵	کاربرد	۱.۹.۳
۱۱۷	۴ مدل‌های گیر و بازگیرش بیزی پویا	
۱۱۷	مقدمه	۱.۴
۱۱۷	تاریخچه	۱.۱.۴
۱۱۸	مدل پویا	۲.۴
۱۱۹	۳.۴ پارامترها و آماره‌ها	
۱۲۰	۱.۳.۴ پارامترها	
۱۲۰	۲.۳.۴ آماره‌ها و نمادها	
۱۲۱	۴.۴ گیر و بازگیرش پویا	

۱۲۹

ضمیمه‌ها

۱۳۱

A ضمیمه

۱۳۱

۱.A برآورد به روش ماکریعم درستنمایی

۱۳۳

فهرست راهنما

۱۳۷

کتابنامه

لیست جداول

۱.۱	مدلهای موجود در جامعه بسته	۱۹
۲.۱	الگوریتم نمونه‌گیری از یک جامعه	۲۱
۱.۲	منابع تغییر در احتمالات گیرش و برآورد پذیری آنها	۴۶
۲.۲	نتایج بدست آمده از شبیه سازی برای آزمایش M_b برای برآورد N	۵۶
۳.۲	نتایج حاصل از شبیه سازی آزمایش M_b برای برآورد بازه‌های اطمینان	۵۷
۴.۲	نتایج شبیه سازی شده از آزمایش M_t	۶۲
۵.۲	برآوردگرهای جک-نایف \hat{N}_{ht} به ازای $t = 1, 2, \dots, 5$	۶۸
۶.۲	نتایج حاصل از محاسبات مربوط به برآوردگر جک-نایف	۷۱
۷.۲	نتایج حاصل از محاسبات مربوط به برآوردگر جک-نایف در مثال ۲	۷۲

- ۸.۲ نتایج بدست آمده از شبیه سازی مدل M_h برای بررسی اربیتی برآورد \hat{N}_h ۷۳
- ۹.۲ بازه های اطمینان شبیه سازی شده برای بررسی N_h ۷۵
- ۱۰ نتایج شبیه سازی از مدل های مختلف برای بررسی استواری برآورد \hat{N}_h ۷۵
- ۱۱.۲ نتایج بدست آمده از شبیه سازی در آزمایش M_{bh} برای برآورد N ۸۵
- ۲۱.۲ نتایج بدست آمده برای برآورد N در مثال ۸۷