

**بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ**



## دانشکده فنی و مهندسی

### بخش مهندسی نفت و گاز

پایان نامه تحصیلی برای دریافت درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی نفت  
گرایش حفاری و بهره برداری

---

بررسی وضعیت توزیع تنش‌ها در چاه‌های تکمیل شده با لوله مغزی با  
استفاده از آنالیز المان محدود

---

#### مؤلف :

محمد حیدریان

#### استادان راهنما:

دکتر مهین شفیعی  
دکتر حسین جلالی‌فر

#### استاد مشاور:

دکتر سعید جعفری

#### مشاور صنعتی:

مهندس بابک مرادی

تیرماه ۱۳۹۱



این پایان نامه به عنوان یکی از شرایط درجه کارشناسی ارشد به

### بخش نفت و گاز

### دانشکده فنی و مهندسی

### دانشگاه شهید باهنر کرمان

تسلیم شده است و هیچگونه مدرکی به عنوان فراغت از تحصیل دوره مذبور شناخته نمی شود.

دانشجو: محمد حیدریان

استاد راهنما: دکتر مهین شفیعی - دکتر حسین جلالی فر

استاد مشاور: دکتر سعید جعفری

داور ۱: دکتر محمد رنجبر

داور ۲: دکتر امیر صرافی

معاونت پژوهشی و تحصیلات تکمیلی دانشکده:

حق چاپ محفوظ و مخصوص به دانشگاه شهید باهنر کرمان است.

## تقدیم به :

به پاس تعییر عظیم و انسانی شان از کلمه ایثار و از خود گذشتگی  
به پاس عاطفه سرشار و گرمای امیدبخش وجودشان که در این سردترین روزگاران بهترین پشتیبان است  
به پاس قلب های بزرگشان که فریاد رس است و سرگردانی و ترس در پناهشان به شجاعت می گراید  
و به پاس محبت های بی دریغشان که هرگز فروکش نمی کند

این مجموعه را به پدر و مادر عزیزم تقدیم می کنم

## تشکر و قدردانی :

به مصدقاق «من لم يشكِّر المخلوق لم يشكِّر الخالق» بسی شایسته است از اساتید فرهیخته و فرزانه‌ام

سرکار خانم دکتر مهین شفیعی، جناب آقای دکتر حسین جلالی‌فر و جناب آقای دکتر سعید جعفری

که با کرامتی چون خورشید ، سرزمین دل را روشنی بخشیدند و گلشن سرای علم و دانش را با راهنمایی های کار ساز و سازنده بارور ساختند ؛ تقدیر و تشکر نمایم.

همچنین از جناب آقای دکتر محمد رنجبر و جناب آقای دکتر امیر صرافی که زحمت داوری این پایان‌نامه را بر عهده گرفته‌اند کمال تشکر را دارم.

## **چکیده:**

در این تحقیق بمنظور جلوگیری از بروز ناپایداری با استفاده از آنالیز المان محدود به بررسی و تحلیل مقدار و نحوه توزیع تنش های وارد بر چاه و همچنین عوامل موثر بر مقدار و نحوه توزیع این تنش ها پرداخته شده است. سپس بر اساس توزیع تنش های موجود آمده در جداره ها (جداره فلزی و سیمانی) و سطوح تماس و کرنش های حاصل از آن ها در اجزاء داخل چاه (سیمان و لوله)، سعی شده است طراحی اجزاء طوری صورت گیرد که مشکلات ناپایداری و کرنش های بالا به حداقل برسد. در این بین سهم جداری سیمانی برای طراحی مهمتر از بقیه عوامل می باشد زیرا قابلیت کنترل و مانور بیشتری دارد. نتایج نشان می دهند که با افزایش نسبت پواسون و کاهش مدول یانگ سیمان (در محدوده رفتار الاستیک سیمان) خاصیت انعطاف-پذیری در سیمان افزایش می یابد. نتایج همچنین نشان میدهند که سیمانهای الاستیک (سیمان با مدول یانگ پایین و نسبت پواسون بالا) پایدارترند. و مدول الاستیسیته و نسبت پواسون سیمان نیز کمترین حساسیت را نسبت به تنشهای افقی دارند.

**واژه های کلیدی:** ناپایداری - تنش - کرنش - آنالیز المان محدود - سیمان

عنوان	صفحه
<b>فصل اول: مقدمه</b>	۱
<b>فصل دوم: مبانی نظری</b>	۴
۱-۱ عوامل قابل کنترل	۵
۲-۱ عوامل غیر قابل کنترل	۷
۳-۲ آنالیز المان محدود (FEM)	۹
<b>فصل سوم: مروری بر تحقیقات گذشته</b>	۱۰
<b>فصل چهارم: روش تحقیق</b>	۱۳
۱-۱ ابزار مدلسازی	۱۴
۲-۱ مدلسازی و حل مسئله	۱۵
۳-۱ معیار پایداری	۲۱
<b>فصل پنجم: ارائه و تحلیل نتایج</b>	۲۲
۱-۱ بررسی اثر مدول الاستیسیته سیمان	۲۳
۲-۱ بررسی اثر نسبت پواسون سیمان	۲۵
۳-۱ بررسی اثر ضخامت سیمان بر توزیع تنش و کرنش	۲۷
۴-۱ آنالیز حساسیت پارامترهای موثر بر پایداری سیمان نسبت به تنش‌های افقی	۳۵
۵-۱ بررسی تئوری استفاده از دوغاب سیمان با خاصیت الاستیک	۳۷
۶-۱ بررسی اثر دانسیته سیال آنالوس بر لوله جداری	۳۹
<b>فصل ششم: نتیجه گیری و پیشنهادات</b>	۴۰
<b>منابع و مأخذ</b>	۴۳

## فهرست شکل‌ها

شکل ۱-۲ تقسیم‌بندی عوامل موثر در توزیع تنش.....	۵
شکل ۲-۲ نمودار تنش - کرنش.....	۶
شکل ۲-۳ تاثیر فشار منفذی بر پایدار.....	۸
شکل ۲-۴ تاثیر دما بر روی مدول الاستیسته و مقاومت فشاری.....	۸
شکل ۱-۴ هندسه مدل و شبکه‌بندی صورت گرفته بر روی آن.....	۱۶
شکل ۲-۴ المان سالید.....	۹۵
شکل ۳-۴ تاثیر تعداد شبکه‌ها بر دقت محاسبات.....	۱۸
شکل ۴-۴ شماتیک نحوه اعمال تنشهای برجا و بارها.....	۲۰
شکل ۱-۵ تاثیر مدول یانگ سیمان بر نسبت تنش در سیمان.....	۲۳
شکل ۲-۵ کرنش تحمل شده توسط سیمان به ازای مقادیر مختلف مدول یانگ (در محدوده رفتار الاستیک سیمان).....	۲۴
شکل ۳-۵ ارتباط بین مدول یانگ و کرنش الاستیک ایجاد شده در سیمان (در محدوده رفتار الاستیک سیمان).....	۲۴
شکل ۴-۵ تاثیر نسبت پواسون سیمان در سهم هریک از کرنشهای الاستیک و پلاستیک از کرنش مکانیکی کل توسعه یافته در سیمان (در محل تماس با جداری).....	۲۶
شکل ۵-۵ ارتباط بین کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان دراثر افزایش نسبت پواسون سیمان.....	۲۷
شکل ۵-۶ تاثیر ضخامت سیمان در کرنشهای ایجاد شده در سیمان الاستیک (در محل تماس با جداری).....	۲۸
شکل ۷-۵ کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان پلاستیک.....	۲۹
شکل ۸-۵ ارتباط بین کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان و چسبندگی سیمان.....	۳۱

شکل ۹-۵ ارتباط بین کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان و زاویه اصطکاک داخلی سیمان.....  
۳۳.....

شکل ۱۰-۵ الف: ارتباط بین کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان و مقاومت فشاری تک محوری حاصل از افزایش زاویه اصطکاک داخلی سیمان.....  
۳۴.....

شکل ۱۰-۵ ب: ارتباط بین کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان و مقاومت فشاری تک محوری حاصل از افزایش چسبندگی سیمان.....  
۳۴.....

شکل ۱۱-۵ مقدار کرنش بوجود آمده در سیمانهای مختلف تحت شرایط بارگذاری یکسان.....  
۳۸.....

شکل ۱۲-۵ اثر دانسیته سیال آنالوس بر تنش و کرنش معادل وارد شده بر لوله جداری.....  
۳۹.....

## فهرست جداول‌ها

جدول ۱-۴ مشخصات هندسی اجزای سیستم.....	۱۶
جدول ۲-۴ خصوصیات اجزای سیستم و مقدار تنشها.....	۱۷
جدول ۳-۴ تعداد شبکه بندی صورت گرفته بر روی هریک از اجزای سیستم.....	۱۸
جدول ۱-۵ مقدار کرنش پلاستیک و الاستیک و همچنین کرنش مکانیکی کل ایجاد شده در نقاط مختلف سیمان.....	۲۵
جدول ۲-۵ مقادیر کرنشهای مکانیکی ایجاد شده در سیمان الاستیک به ازای مقادیر مختلف ضخامت سیمان .....	۲۸
جدول ۳-۵ کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان به ازای مقادیر مختلف چسبندگی سیمان.....	۳۱
جدول ۴-۵ کرنش پلاستیک توسعه یافته در سیمان به ازای مقادیر مختلف زاویه اصطکاک داخلی سیمان.....	۳۲
جدول ۵-۵ مقدار بهینه پارامترهای موثر بر پایداری سیمان تحت شرایط بارگذاری ذکر شده در جدول (۲-۵) .....	۳۵
جدول ۶-۵ نتایج آنالیز حساسیت پارامترهای موثر بر پایداری سیمان نسبت به "نسبت تنش‌های افقی".....	۳۶
جدول ۷-۵ خصوصیات سیمانهای مختلف.....	۳۸

فصل اول:

# مقدمه

یکی از مشکلات حاد موجود در صنعت نفت، بحث ناپایداری و مچاله‌شدگی<sup>۱</sup> لوله‌های داخل چاه است. این پدیده سبب خارج شدن چاه از چرخه تولید شده و هزینه زیادی را به شرکت‌های نفتی در سراسر دنیا تحمیل می‌کند. لذا اطلاع از وضعیت توزیع تنش‌ها و عوامل موثر بر توزیع تنش‌های وارد بر اجزاء داخل چاه (شامل سیمان و لوله‌های داخل چاه) یک امر ضروری و اجتناب ناپذیر می‌باشد.

مهمترین مطالعات پیشین انجام شده در ارتباط با توزیع تنش‌های اطراف چاه، مطالعات انجام شده توسط بردلی<sup>۲</sup> (۱۹۷۹)، کویی و همکاران<sup>۳</sup> (۱۹۹۷)، شهری (۲۰۰۵) و هایونیل<sup>۴</sup> (۲۰۰۸) می‌باشند؛ در تمامی این مطالعات بدلیل اینکه تنش‌های افقی بصورت ایزوتروپیک در نظر گرفته شده‌اند و از مدلسازی‌های دو بعدی استفاده شده است لذا دقت و جامعیت کاربردی کافی وجود نداشته و نتایج حاصل از آنها تنها برای مواردی قابل استفاده است که تنش‌های افقی بصورت ایزوتروپیک باشند. همچنین عدم کارایی این مدلها برای نشان دادن تاثیر خروج از مرکز لوله‌ها بر توزیع تنش‌های وارد بر دهانه چاه از دیگر ایرادات و نواقص مطالعات پیشین می‌باشد. در این مطالعه با انجام مدلسازی سه بعدی و اعمال تنش‌های افقی بصورت غیرایزوتروپیک و همچنین بررسی تاثیر خروج از مرکز لوله‌ها سعی شده است که ضمن رفع ایرادات و نواقص مطالعات پیشین، نتایج دقیق‌تر و جامع‌تری از تاثیر وضعیت توزیع تنشها و عوامل موثر بر آن، بر پایداری چاه ارایه گردد.

در برخی چاه‌ها به دلایلی از جمله افزایش نرخ تولید و نیز جلوگیری از خوردگی لوله جداری، از لوله مغزی برای تکمیل چاه استفاده می‌شود. در این‌گونه چاه‌ها برای جلوگیری از تماس سیال تولیدی، فضای آنالوس بین لوله جداری و لوله مغزی از بالا و پایین توسط مسدود کننده بسته می‌شود. همچنین برای جلوگیری از فروپاشی<sup>۵</sup> لوله مغزی و یا مچاله‌شدگی لوله جداری، فضای بین لوله جداری و لوله مغزی با استفاده از آب و برخی مواد افزودنی (از جمله ضدزنگ برای جلوگیری از خوردگی لوله‌ها) پر می‌شود. در این مطالعه به بررسی وضعیت توزیع تنش‌ها و عوامل موثر بر توزیع آنها در این‌گونه چاه‌های تکمیل شده با لوله مغزی پرداخته شده است.

بطور کلی عوامل موثر بر نحوه توزیع تنش‌ها را می‌توان به دو دسته عوامل قابل کنترل و عوامل غیرقابل کنترل تقسیم‌بندی نمود. خصوصیات مکانیکی سیمان شامل مدول یانگ، نسبت پواسون و... از

<sup>۱</sup> collapse

<sup>۲</sup> Bradly

<sup>۳</sup> Cui et al.

<sup>۴</sup> Hyunil

<sup>۵</sup> Burst

جمله عوامل قابل کنترل می باشند؛ فشار سیال سازندی و دمای سازند نیز از جمله عوامل غیرقابل کنترل می باشند. در این تحقیق مطالعات انجام شده بر روی عوامل قابل کنترل، خصوصیات مکانیکی و هندسی سیمان، متوجه شده اند تا با بررسی تاثیر این عوامل بر نحوه توزیع تنش و کرنش در سیستم، بویژه در لایه سیمانی، بتوان خصوصیات مکانیکی و هندسی سیمان را بگونه ای طراحی نمود تا مشکلات ناپایداری و کرنشهای بالا به حداقل برسند.

برای دستیابی به اهداف مذکور، توزیع تنش (و کرنش) در سیمان و لوله جداری و همچنین در سطوح تماس (سطح تماس سیمان سازند و سیمان جداری) به ازای مقادیر مختلف هریک از خصوصیات مکانیکی و هندسی سیمان بررسی و در هر حالت مقدار بهینه برای پارامتر مذکور تعیین شده است. سپس با انجام آنالیز حساسیت، حساسیت هر یک از این مقادیر بهینه نسبت به "نسبت تنش های افقی" بررسی شده است تا بتوان طراحی را مبنای پارامترهایی که کمترین حساسیت را نسبت به تنشهای افقی دارند انجام داد تا سیستم در دراز مدت دچار ناپایداری نگردد زیرا در برخی موارد مانند سازندهای نمکی تنشهای افقی به مرور زمان در اثر پدیده خرزش افزایش می یابند.

در این مطالعه علاوه بر خصوصیات مکانیکی و هندسی سیمان، تاثیر دانسیته سیال فضای آنالوس بر توزیع تنش در لوله جداری و پایداری آن نیز بررسی شده است.

به منظور ساده سازی در حل مسئله، فرض شده است که فضای بین سازند و لوله جداری بطور کامل توسط سیمان پر شده و بندش سیمان نیز بطور کامل صورت گرفته است. همچنین فرض شده که تنشهای حرارتی و تنشهای تکتونیکی ناچیزند.

در این تحقیق تکنیک تحلیل بر اساس روش عددی انتخاب شده است زیرا با توجه به نتایج بدست آمده از تحقیقات هایونیل، بدليل آنکه در حل عددی از فرضیات و ساده سازی های کمتری نسبت به حل تحلیلی استفاده می شود، نتایج حاصل از حل عددی نسبت به حل تحلیلی دقیق ترند. همچنین با توجه به برتری روش المان محدود نسبت به سایر روش های عددی، در این تحقیق از نرم افزار انسیس<sup>۱</sup> که بر اساس روش المان محدود طراحی شده است استفاده شده است.

---

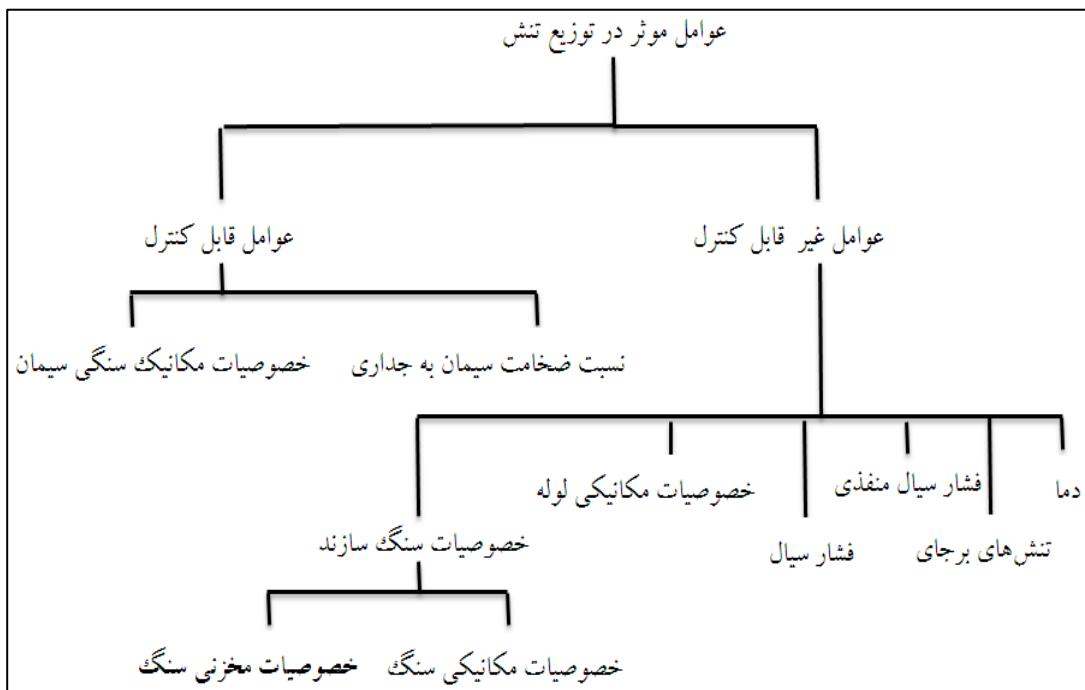
<sup>۱</sup> Ansys

فصل دوم:

# مبانی نظری تحقیق

عامل اصلی بروز ناپایداری در چاههای نفت و گاز، کرنش‌های برگشت ناپذیر ایجاد شده در دهانه چاه می‌باشد. این کرنش‌ها محصول تنش‌های وارد بر دیواره چاه می‌باشند لذا عامل اصلی بروز ناپایداری، تنش می‌باشد. بنابراین اطلاع از وضعیت توزیع تنش‌ها و عوامل موثر بر توزیع تنش‌ها یک امر ضروری و اجتناب ناپذیر می‌باشد.

عوامل موثر بر نحوه توزیع تنش بر اجزاء سیستم را می‌توان به دو دسته عوامل قابل کنترل و عوامل غیرقابل کنترل تقسیم‌بندی نمود (شکل ۱-۲).



شکل ۱-۲: تقسیم‌بندی عوامل موثر در توزیع تنش

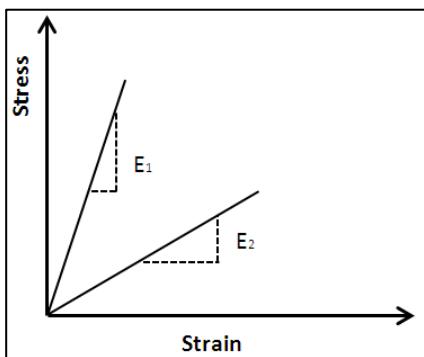
## ۱-۲ عوامل قابل کنترل

منظور از عوامل قابل کنترل آن دسته از عوامل و پارامترهایی است که قابلیت کنترل پذیری و تغییر در آنها، به منظور تغییر در نحوه توزیع تنش‌ها و کرنش‌ها، وجود دارد. این عوامل عبارت انداز:

1. خصوصیات مکانیک سنگی سیمان
2. نسبت ضخامت سیمان و لوله جداری.

## ۱-۱-۲ خصوصیات مکانیک سنگی سیمان

مهمترین خصوصیات مکانیک سنگی سیمان عبارت‌اند از مدول الاستیسیته ( $E$ ) و نسبت پواسون ( $\nu$ ). مدول یانگ در واقع شیب نمودار تنش-کرنش در ناحیه الاستیک است (شکل ۹-۲) و عبارت است از نسبت تنش به کرنش، بنابراین معیار و اساس خوبی برای قابلیت انعطاف‌پذیری هر محیط یا جامد است [۱ و ۲]. اگر مدول الاستیسیته خیلی کم باشد، محیط رفتار پلاستیسیته دارد [۳]. با افزایش مدول یانگ سفتی جسم بیشتر شده و مقدار تنشی که توسط سیستم می‌تواند تحمل شود افزایش می‌یابد.



شکل ۲-۲: نمودار تنش-کرنش جسم در محدوده الاستیک ( $E_1 > E_2$ ).

نسبت پواسون عبارت است از نسبت تغییرات قطر به تغییرات طول درجهت اعمال نیرو. بنابراین نسبت پواسون می‌تواند نقش مهمی را در تغییر شکل جسم ایفا نماید [۲]. تاثیرات مدول الاستیسیته و نسبت پواسون سیمان بر توزیع تنش و کرنش، بتفصیل در فصل مربوط به تحلیل نتایج آورده شده است.

## ۲-۱-۲ نسبت ضخامت سیمان و لوله جداری

تاثیرات ضخامت سیمان بر توزیع تنش و کرنش، بتفصیل در فصل مربوط به تحلیل نتایج آورده شده است.

## ۲-۲ عوامل غیر قابل کنترل

منظور از عوامل غیرقابل کنترل آن دسته از عوامل و پارامترهایی است که قابلیت کنترل پذیری و تغییر در آنها، به منظور تغییر در نحوه توزیع تنش‌ها و کرنش‌ها، وجود ندارد. این عوامل عبارت‌اند از: تنش‌های زمین، فشار سیال منفذی، دما، خصوصیات سنگ سازند شامل خصوصیات مخزنی و مکانیکی، فشار سیال تولیدی و خصوصیات مکانیک سنگی لوله جداری.

### ۱-۲-۲ تنش‌های برجای زمین

تنش‌های برجای زمین عبارت‌اند از تنش قایم ( $S_V$ ) که ناشی از وزن طبقات روبرو است و با افزایش عمق مقدار آن افزایش می‌یابد و نیز تنش‌های افقی حداقل ( $S_{h,min}$ ) و حداکثر ( $S_{h,max}$ ). این تنش‌ها بیشترین سهم و مهترین نقش را در تنش‌های وارد بر چاه دارند.

### ۲-۲-۲ فشار سیال منفذی

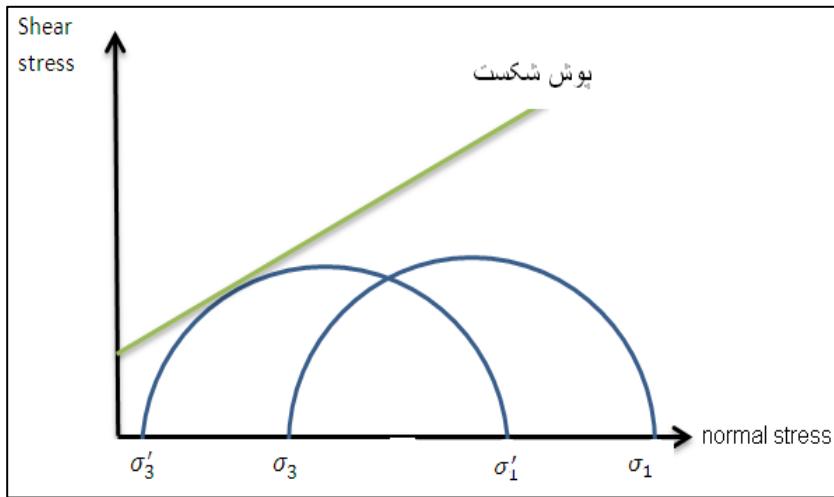
تحقیقات نشان می‌دهند آنچه که باعث تغییر شکل یا گسیختگی سنگ می‌شود، تنش موثر است [۵].

$$\sigma' = \sigma - p \cdot p \quad 1-2$$

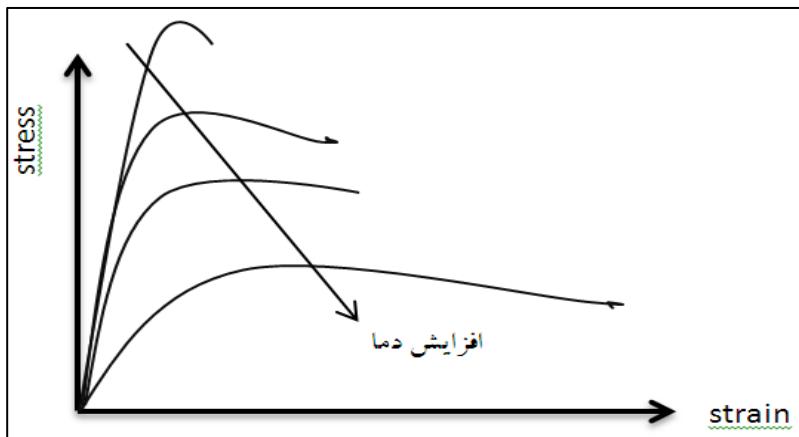
که در رابطه فوق  $p \cdot p$  بیانگر فشار منفذی،  $\sigma$  بیانگر تنش و  $\sigma'$  بیانگر تنش موثر می‌باشد. از دیدگاه مکانیک سنگ افزایش فشار منفذی سبب انتقال دایره موهر به سمت پوش شکست شده و منجر به ناپایداری می‌شود. تاثیر فشار منفذی در شکل (۱۰-۲) نشان داده شده است.

### ۳-۲-۲ دما

دما اثر خیلی بزرگی روی سیستم دارد زیرا خصوصیات مکانیکی جامدات بشدت به دما بستگی دارد. افزایش دما باعث کاهش مدول الاستیک و مقاومت فشاری می‌شود که این امر می‌تواند منجر به ناپایداری شود. شکل (۴-۲) اثر دما بر روی مقاومت فشاری و مدول الاستیسیته را نشان می‌دهد.



شکل ۳-۲: تاثیر فشار منفذی بر پایداری [۱].



شکل ۴-۲: تاثیر دما بر روی مدول الاستیسته و مقاومت فشاری [۱].

#### ۴-۲-۲ خصوصیات سنگ سازند

مهمترین خصوصیات مکانیک سنگی سازند عبارت اند از مدول یانگ و نسبت پواسون. مقادیر کمتر نسبت پواسون مربوط به سازندهای سخت و مقادیر رابط بیشتر مربوط به سازندهای نرم تر است. افزایش وزن سرباره، به ویژه در سازندهای پلاستیک و نرم در اعماق زیاد، باعث انساط جانبی زیاد و در نتیجه هجوم سازند به داخل حفره چاه در حین عملیات حفاری می‌گردد [۴].

## ۵-۲ خصوصیات مکانیکی لوله جداری

مهمترین خصوصیات مکانیکی لوله های جداری مدول الاستیسیته و نسبت پواسون می باشد. هر چه مدول الاستیسیته بیشتر باشد سفتی جسم بیشتر شده و مقدار تنشی که توسط جسم می تواند تحمل شود افزایش می یابد.

## ۳-۲ آنالیز المان محدود<sup>۱</sup> (FEM)

آنالیز المان محدود ابزاری برای درک بهتر اینکه یک طراحی تحت زیر مجموعه های مختلف از تاثیرات و یا تنش ها در یک وضعیت معین چگونه عمل می کند، می باشد. آنالیز المان محدود روشی برای حل مسایل عددی است. این روش چونکه یک حل عددی است بنابراین جواب بدست آمده دقیق نخواهد بود. این روش براساس خواص مواد، نوع مدل و شرایط مرزی<sup>۲</sup> عمل می کند. المان محدود، پر کاربردترین روش آنالیز مهندسی بر پایه کامپیوتر است. این روش می تواند برای تجزیه و تحلیل گستره وسیعی از مسایل مهندسی بکار برود. در روش المان محدود، مدل مورد بررسی به المان های ریزی تقسیم شده و معادلات برای این المان ها بر اساس توابع شکلی که برای آن ها تعریف می شود، حل می شوند.

هر شبیه ساز المان محدود دارای سه قسمت است؛ در بخش اول مدل را تولید کرده و سعی می شود با برخی ورودی ها تعریف شود. این ورودی ها شامل نوع مواد استفاده شده در مدل، شرایط مرزی قابل اجرا و.... می باشد. در بخش دوم سیستم داده های ورودی را برای مطابقت بهترین تناسب بعنوان نتایج نهایی اجرا می کند. در بخش سوم میتوان رفتار مدل را تحت شرایط معین که در بخش اول تعریف شده اند را مشاهده کرد.

چونکه المان محدود یک حل کننده معادلات دیفرانسیل چند جزئی بطور همزمان است، سبب صرفه جویی در وقت می شود. المان محدود قادر به راه اندازی شرایط مرزی پیچیده است؛ بنابراین برای بررسی واقع بینانه تر مسائل بجای روش تفاضلات محدود از این روش برنامه نویسی استفاده می - شود. کاربرد روش آنالیز المان محدود غالبا برای مکانیک جامدات است اما روش آنالیز تفاضلات محدود در زمینه مکانیک سیالات و هیدرولیک بهتر جواب می دهد.

<sup>۱</sup> Finite Element Method

<sup>۲</sup> Boundary condition

فصل سوم:

# مروایی بر تحقیقات گذشته