



الحمد لله رب العالمين



دانشگاه اصفهان

دانشکده فنی مهندسی

گروه مهندسی شیمی

## پایان نامه کارشناسی ارشد رشته مهندسی شیمی

# مدل سازی ریاضی پخش قطرات در یک شوینده و توری با در نظر گرفتن اثر انتقال جرم و حرارت

استادان راهنما:

دکتر محمد رضا طلایی خوزانی

دکتر امیر رحیمی

پژوهشگر:

علی محمد شیری

آبان ماه ۱۳۹۰

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات، ابتكارات  
و نوآوری‌های ناشی از تحقیق موضوع این پایان‌نامه  
متعلق به دانشگاه اصفهان است.

## بهنام پروردگار هستی بخش مهربان

سپاس خداوند جهانیان را، سپاسی از سر صدق و به بلندای ابدیت، أحدی که ما را به شرف انسانیت و عقل سرافراز کرد و با گسیل داشتن پی در پی انبیای پاکش، به ویژه خاتم ایشان حضرت محمد مصطفی (ص) که حامل معجزه‌ی جاوید و آیات بینات بود، تاج پر افتخار مسلمانی را تا أبد بر تارک ما نشانید، تا بدین وسیله از تاریکیهای جهل و گمراهی رهیده و به عرصه‌های نور و رستگاری راه یابیم، و از این طریق، سعادت در این نصیب ما گردد.

پس سلام و درود سرمدی بر سید المرسلین و خاندان پاک و پیروان حقیقی او باد، آمين!

تقدیم به:

مادرم، بخاطر تمام نگرانی‌هایشان

و

پدرم، بخاطر تمام حمایت‌هایشان

## چکیده

در این تحقیق تأثیر پدیده‌های همزمان انتقال حرارت و جرم بر پخش قطرات در یک شوینده‌ی ونتوری بصورت آزمایشگاهی و تئوری مورد مطالعه قرار گرفت. بر اساس رویکرد اولری و با لحاظ کردن پدیده‌های انتقال حرارت و جرم بین قطرات و گاز، پخش قطرات مورد مدل‌سازی قرار گرفت. میدان سرعت جریان گاز با استفاده از مدل  $k-E$  استاندارد و ضریب نفوذ گردابه‌ای گاز به کمک سرعت و طول مشخصه‌ی آشفته محاسبه گردید. ضریب نفوذ گردابه‌ای قطرات نیز با استفاده از روش ارائه شده توسط فتحی کلجاهی و همکاران محاسبه شد.

معادلات مربوط به فاز ناپیوسته شامل معادلات تعییر قطر قطرات، دمای قطرات و سرعت قطرات براساس قوانین بقا استخراج و بصورت همزمان با معادلات مربوط به فاز پیوسته حل گردید.

جهت بررسی صحت نتایج حاصل از مدل ریاضی ارائه شده، مجموعه‌ای از آزمایش‌ها در یک شوینده‌ی ونتوری استوانه‌ای آزمایشگاهی با تزریق محوری مایع انجام شد. مقایسه بین نتایج مدل و داده‌های آزمایشگاهی نشان داد که مدل جدید ارائه شده به خوبی قادر به پیش‌بینی پخش قطرات در دما و رطوبت بالا می‌باشد.

**کلید واژه‌ها:** شوینده‌ی ونتوری، مدل‌سازی، پخش قطرات، جریان آشفته، انتقال جرم و حرارت، روش حجم محدود.

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
	فصل اول: مقدمه
۱	۱-۱- کنترل آلدگی هوا
۱	۱-۲- تجهیزات تصفیه گاز
۳	۱-۳- شوینده ونتوری
۴	۱-۴- شرایط عملیاتی شوینده‌های ونتوری
۵	۱-۴-۱- مکانیسم های جداسازی
۵	۱-۴-۱-۱- مکانیسم برخورد
۶	۱-۴-۱-۲- مکانیسم تماس مماسی
۶	۱-۴-۱-۳- ویژگی‌های شوینده ونتوری
۷	۱-۴-۱-۴- اهمیت مدل‌سازی ریاضی شوینده‌های ونتوری
	فصل دوم: مروری بر مطالعات گذشته
۸	۲-۱- افسانه‌سازی مایع
۱۰	۲-۲- اندازه قطرات
۱۱	۲-۲-۱- قطر متوسط قطرات
۱۳	۲-۲-۲- توزیع اندازه‌ی قطرات
۱۶	۲-۳-۱- مروری بر چگونگی محاسبه‌ی ضرائب موجود در معادلات انتقال
۱۶	۲-۳-۲- ضریب پخش گردابهای گاز و قطرات

صفحه	عنوان
------	-------

۱۷	- ضریب نیروی پسای قطرات.....
۲۰	- ضرائب انتقال حرارتی و جرمی قطرات .....
۲۲	- مدل سازی پخش قطرات در شوینده های ونتوری .....

**فصل سوم: مدل ریاضی**

۲۵	- فرضیات مدل ریاضی.....
۲۶	- مدل سازی جریان قطرات.....
۲۸	- قانون بقای جمعیت قطرات .....
۳۰	- قانون بقای جرم قطرات .....
۳۲	- قانون بقای اندازه حرکت قطرات در جهت $Z$ .....
۳۴	- قانون بقای اندازه حرکت قطرات در جهت $r$ .....
۳۵	- قانون بقای انرژی قطرات .....
۳۷	- مدل سازی جریان گازی .....
۳۷	- مدل سازی توزیع سرعت جریان آشفته هی گازی .....
۴۱	- قانون بقای انرژی گاز .....
۴۳	- قانون بقای رطوبت گاز .....
۴۴	- مدل سازی جت مایع و افشاره سازی قطرات .....
۴۵	- قانون بقای جرم جت .....
۴۶	- قانون بقای اندازه حرکت جت .....

صفحه	عنوان
۴۷	۳-۴-۳- نرخ اتلاف جرم جت
۴۸	۳-۵- توزیع اندازه ذرات
۴۹	۳-۶- نحوه محاسبه ضرائب مورد نیاز معادلات پدیده‌های انتقال
۴۹	۳-۶-۱- ضریب پخش گردابهای گاز
۵۰	۳-۶-۲- ضریب پخش گردابهای قطرات
۵۲	۳-۶-۳- ضریب نیروی پسای قطرات
۵۲	۳-۶-۴- ضرائب حرارتی و جرمی قطرات
	<b>فصل چهارم: روش حل عددی</b>
۵۴	۴-۱- روش حجم محدود
۵۴	۴-۱-۱- مرحله اول: تولید شبکه محاسباتی
۵۶	۴-۱-۲- مرحله دوم: گسسته‌سازی
۵۷	۴-۱-۳- مرحله سوم: حل معادلات
۵۷	۴-۲- گسسته‌سازی معادلات حاکم بر سیستم شوینده‌های ونتوری
۵۷	۴-۲-۱- گسسته سازی معادلات انتقالی جريان گازی
۷۱	۴-۲-۳- گسسته سازی معادلات انتقالی قطرات
۷۹	۴-۳- ۳- شرایط مرزی
۷۹	۴-۳-۱- شرایط مرزی معادلات انتقالی جريان گازی
۸۱	۴-۳-۲- شرایط مرزی معادلات انتقالی قطرات

صفحه	عنوان
۸۲	۴-۴- روش حل معادلات
۸۲	۱-۴-۴- معادلات جریان گازی و قطرات
۸۲	۱-۴-۴- معادلات چت مایع
۸۳	۴-۵- الگوریتم کد کامپیوتری
	<b>فصل پنجم: نتایج و بحث</b>
۸۷	۱-۵- تولید شبکه‌ی محاسباتی
۸۸	۲-۵- دستگاه آزمایشگاهی و نحوه انجام آزمایش‌ها
۸۸	۱-۲-۵- شرح دستگاه
۸۹	۲-۲-۵- نحوه آماده‌سازی دستگاه
۸۹	۳-۲-۵- نحوه انجام آزمایش‌ها
۹۱	۳-۵- نتایج مدلسازی پخش قطرات
۹۱	۱-۳-۵- معیارهای همگرایی حل عددی
۹۳	۲-۳-۵- توزیع غلظت قطرات
۹۸	۳-۳-۵- بررسی پارامترهای عملیاتی مدل
	<b>فصل ششم: نتیجه‌گیری و پیشنهاد</b>
۱۱۰	۶-۱- نتیجه‌گیری
۱۱۱	۶-۲- پیشنهادها
۱۱۲	منابع و مؤاخذ

## فهرست شکل‌ها

صفحه	عنوان
۴	شکل ۱-۱، نمایی کلی از یک شوینده و نتوری
۶	شکل ۱-۲، مکانیسم برخورد
۶	شکل ۱-۳، مکانیسم تماس مماسی
۲۷	شکل ۳-۱، یک المان استوانه‌ای از سیستم شامل سیال گازی به همراه قطرات
۴۵	شکل ۳-۲، یک المان استوانه‌ای بر روی جت در حال افسانه‌سازی به همراه جریان‌های ورودی، خروجی و اتلافی متغیر $\phi$
۵۵	شکل ۴-۱، تقسیمات حوزه جریان و چگونگی چیدمان حجم‌های کنترل در شبکه‌ی جابجاشه
۵۸	شکل ۴-۲، حجم کنترل کمیت مقداری برای محاسبه‌ی شکل گسسته‌ی معادلات
۵۹	شکل ۴-۳، حجم کنترل کمیت برداری محوری برای محاسبه‌ی شکل گسسته‌ی معادلات
۶۳	شکل ۴-۴، حجم کنترل کمیت برداری شعاعی برای محاسبه‌ی شکل گسسته معادلات
۸۴	شکل ۴-۵، مراحل کلی برنامه‌ی اصلی
۸۵	شکل ۴-۶، الگوریتم SIMPLE برای حل معادلات جفت شده‌ی فشار و اندازه حرکت در جریان آشفته
۸۶	شکل ۴-۷، الگوریتم حل معادلات حاکم بر پخش قطرات
۹۰	شکل ۵-۱، آرایش سیستم آزمایشگاهی جهت اندازه‌گیری غلظت عددی قطرات در شوینده و نتوری
۹۱	شکل ۵-۲، آرایش مورد استفاده برای نمونه‌گیری و اندازه‌گیری غلظت عددی قطرات در شوینده و نتوری
۹۴	شکل ۵-۳، نتایج آزمایشگاهی حاصل از تاثیر افزایش سرعت گاز در دبی مایع برابر با ۲ لیتر بر دقیقه
۷۵	شکل ۵-۴، نتایج آزمایشگاهی حاصل از تاثیر افزایش دبی مایع بر توزیع غلظت قطرات در سرعت گاز برابر ۹۴ متر بر ثانیه
۹۵	شکل ۵-۵، توزیع غلظت قطرات در انتهای گلوگاه؛ مقایسه بین نتایج حاصل از مدل و نتایج تجربی در سرعت $Vg0 = 55\text{ ms}$

## عنوان

## صفحه

شكل ۵-۶، توزیع غلظت قطرات در انتهای گلوگاه؛ مقایسه بین نتایج حاصل از مدل و نتایج تجربی در سرعت ۹۶..... $Vg0 = 65 \text{ ms}$

شكل ۵-۷، توزیع غلظت قطرات در انتهای گلوگاه؛ مقایسه بین نتایج حاصل از مدل و نتایج تجربی در سرعت ۹۷..... $Vg0 = 75 \text{ ms}$

شكل ۵-۸، نتایج حاصل از توزیع غلظت قطرات در انتهای گلوگاه برای  $Qi = Vgi = 75 \text{ ms}$   
 $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $Tgi = 600 \text{ K}$ ،  $Tdi = 294 \text{ K}$ .  $2 \text{ litr/min}$

شكل ۵-۹، تغییرات دمای گاز در طول ونتوری برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $Tgi = 600 \text{ K}$ .  $294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۰، تغییرات رطوبت گاز در طول ونتوری برای  $Qi = 2 \text{ litrmin}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $Tgi = 600 \text{ K}$ .  $Tdi = 294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۱، تغییرات دمای قطره در طول ونتوری برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $Tgi = 600 \text{ K}$ .  $Tdi = 294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۲، تغییرات قطره در طول ونتوری برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $Tgi = 600 \text{ K}$ .  $294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۳، تأثیر تغییر دمای گاز بر قطره برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۴، تأثیر تغییر دمای گاز بر دمای قطره برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$ .  $294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۵، تأثیر تغییر دمای گاز بر رطوبت گاز برای  $Qi = 2 \text{ litr/min}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$ .  $Tdi = 294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۶، تأثیر تغییر دبی مایع بر دمای قطرات برای  $Qi = Tgi = 500 \text{ K}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $294 \text{ K}$

شكل ۵-۱۷، تأثیر تغییر دبی مایع بر دمای گاز برای  $Qi = Tgi = 500 \text{ K}$   $Vgi = 75 \text{ m/s}$   $Ygi = 0.007 \text{ kg H}_2\text{O} / \text{kg dry air}$  و  $294 \text{ K}$

## عنوان

## صفحه

شكل ۵-۱۸، تأثیر تغییر دمای مایع بر رطوبت گاز برای  $Tgi = 500 K$  و  $Vgi = 75 m/s$  ۱۰.۷..... $Ygi = 0.007 kg H2O / kg dry air$  و  $294 K$

شكل ۵-۱۹، تأثیر تغییر دمای اولیه مایع بر رطوبت گاز برای  $Tgi = 500 K$  و  $Vgi = 75 m/s$  ۱۰.۸..... $Ygi = 0.007 kg H2O / kg dry air$  و  $Qi = 2 lit/min$

شكل ۵-۲۰، تأثیر تغییر دمای اولیه مایع بر قطر قطرات برای  $Tgi = 500 K$  و  $Vgi = 75 m/s$  ۱۰.۸..... $Ddi = 2.11E - 5 m$  و  $Ygi = 0.007 kg H2O / kg dry air$ .  $Qi = 2 lit/min$

شكل ۵-۲۱، تأثیر تغییر رطوبت اولیه گاز بر قطر قطرات برای  $Tgi = 328 K$  و  $Vgi = 75 m/s$  ۱۰.۹..... $Ddi = 2.11E - 5 m$  و  $Tdi = 294 K$ .  $Qi = 2 lit/min$

## فهرست جداول

صفحه	عنوان
۱۵	جدول ۲-۱، برخی از روابط ارائه شده برای تخمین قطر متوسط قطرات (Chongvisal, 1971)
۱۹	جدول ۲-۲، برخی از روابط ارائه شده جهت محاسبه‌ی ضریب نیروی پسای قطرات
۴۰	جدول ۳-۱، ثوابت مدل $\epsilon - K$ استاندارد
۴۸	جدول ۳-۲، ثابت‌های معادله آدلبرگ (Gonçalves et al, 2003)

## نشانه‌ها و کوتاه‌نوشت‌ها

ناماد	واحد	کمیت
$A$	$[m^2]$	سطح حجم کنترل
$AE, AW, AN, AS$		ضرائب شرقی، غربی، شمالی و جنوبی کمیت‌ها در معادله‌ی گسسته‌شده
$A_{Proj}$	$[m^2]$	سطح تصویر شده
$c_1$	بدون بعد	پارامتر رابطه تنکس - لاملی (معادله‌ی (۸۹-۳))
$C_1, C_2, C_\mu, C_{Dk}$	بدون بعد	ضرائب مدل $k - \varepsilon$
$C_D$	بدون بعد	ضریب نیروی دراگ در قطرات
$\bar{C}_d, C_d$	$[No./m^3]$	متوسط زمانی غلظت عددی قطرات
$\zeta_d$	$[No./m^3]$	جزء نوسانی غلظت عددی قطرات
$\dot{C}_d$	$[No./m^3 s]$	نرخ تولید قطرات
$C_{P_{liq}}$	$[J/kg . K]$	ظرفیت گرمایی آب
$C_{P_{vap}}$	$[J/kg . K]$	ظرفیت گرمایی بخار آب
$C_{P_s}$	$[J/kg . K]$	ظرفیت گرمایی مخلوط گاز-آب
$De, Dw, Dn, Ds$		جملات نفوذ در معادله‌ی گسسته‌ی عمومی
$D_{30}$	$[m]$	قطر متوجه حجمی قطرات
$D_{32}$	$[m]$	قطر متوجه حجمی- سطحی قطرات
$D_d$	$[m]$	قطر قطره

$D_h$	$[m]$	قطر هیدرولیکی کانال
$D_{jet}$	$[m]$	قطر جت مایع
$D_m$	$[m]$	قطر متوسط جرمی قطرات
$D_{max}$	$[m]$	بزرگترین قطر قطرات
$D_{AB}$	$[m^2/s]$	ضریب نفوذ بخارآب در مخلوط گاز-بخارآب
$e_d$	$[J/s]$	فلاکس انرژی قطرات
$e_g$	$[J/s]$	فلاکس انرژی گاز
$e$	بدون بعد	ضریب معادله آدلبرگ (معادله (۷۹-۳))
$E$	$[m^2/s]$	ضریب پخش گردابهای
$Fe, Fw, Fn, Fs$		جملات جابجایی در معادله گستته‌ی عمومی
$F_{wall}$	$[kg\ m/s^2]$	نیروی حاصل از تنش برشی دیواره
$f_m$	$[kg/m]$	تابع توزیع نرمال جرمی
$f_N$	$[No./m]$	تابع توزیع نرمال عددی
$f_p$		پارامتر نیرو در معادله آدلبرگ (معادله (۷۹-۳))
$f_V$	$[m^3/m]$	تابع توزیع نرمال حجمی
$g$	$[m/s^2]$	شتاب گرانش
$G$		جمله‌ی تولید ( <i>Generation</i> ) در معادلات $k$ و $\varepsilon$ (رابطه (۵۱-۳))
$h$	$[w/m^2\ K]$	ضریب انتقال حرارت جابجایی
$H$	$[m]$	نصف ارتفاع گلوگاه
$I$		شماره‌ی هر مقطع در جهت محور برای کمیت‌های مقداری و مؤلفه‌ی شعاعی کمیت‌های برداری

$Id$		شماره‌ی هر اندازه از قطر قطرات
$IJ$		شماره‌ی هر مکان تشکیل قطرات
$IN$	بدون بعد	تعداد تقسیمات محوری
$i$		شماره‌ی هر مقطع در جهت محور برای کمیت‌های برداری محوری
$J$		شماره‌ی هر مقطع در جهت شعاع برای کمیت‌های مقداری و مؤلفه‌ی محوری کمیت‌های برداری
$JN$	بدون بعد	تعداد تقسیمات شعاعی
$j$		شماره‌ی هر مقطع در جهت شعاع برای مؤلفه‌ی شعاعی کمیت‌های برداری
$k$	$[J/kg]$	انرژی آشتفتگی
$K_A, K_P$	بدون بعد	ضرائب معادله‌ی آدلبرگ (معادلات (۷۹-۳) و (۸۱-۳))
$K_Y$	$[kmol / m^2 s]$	ضریب انتقال جرم
$l$	$[m]$	طول اختلاط پراندل
$L/G$	$[m^3/1000 m^3]$	نسبت دبی مایع تزریقی به دبی گاز ورودی
$l_{JP}$	$[m]$	طول نفوذ جت
$m$	$[kg/s]$	دبی جرمی
$\dot{m}$	$[kg/m s]$	نرخ اتلاف جرم جت
$m_d$	$[kg]$	جرم قطره
$m_{ld}$	$[kg/s]$	دبی جرمی قطرات
$M_d$	$[kg/m^3 s]$	نرخ تولید مایع به صورت قطره در واحد حجم المان
$\vec{n}$		بردار عمود بر سطح انتگرال‌گیری
$n_d$	$[kg/m^2 s]$	دبی جرمی قطرات در واحد سطح

ک

$n_Y$	$[kg/m^2 s]$	فلاکس جرمی رطوبت
$n_{RR}$	بدون بعد	پارامتر توزیع تابع روزین-راملر
$N_A$	$[kmol / m^2 s]$	فلاکس انتقال جرم
$NM$	$[No./ m^2 s]$	فلاکس عددی قطرات
$N_d$	بدون بعد	تعداد قطرهای متفاوت قطرات
$N_J$	بدون بعد	تعداد مکان‌های تشکیل قطرات
$N_{or}$	$[m]$	تعداد نازل‌های تزریق جت مایع
$p; \bar{p}$	$Pa$	متوسط زمانی فشار
$Pe$	بدون بعد	عدد پکلت گاز در شوینده‌ی ونتوری
$Q$	$[m^3/s]$	دی‌حجمی
$r$	$[m]$	محور عمودی مختصات؛ شعاع
$R_0$	$[m]$	شعاع گلوگاه شوینده‌ی ونتوری
$Re$	بدون بعد	عدد رینولدز
$S$		چشممهی معادله‌ی انتقال عمومی
$S_0$	$[m]$	طول نفوذ جت قبل از شروع اتمیزاسیون
$t$	$[s]$	زمان
$T_d; \bar{T}_d$	$[K]$	دمای متوسط قطره
$\acute{T}_d$	$[K]$	دمای نوسانی قطرات
$T_g; \bar{T}_g$	$[K]$	دمای متوسط گاز
$\acute{T}_g$	$[K]$	دمای نوسانی گاز
$T_{water}$	$[K]$	دمای آب

$T_0$	[K]	دماي مرجع
$u_m$	[m/s]	سرعت جريان گاز در ورودي به شوينده ونتوري
$u_\tau$	[m/s]	سرعت اصطاكى در جهت محور
$u', v'$	[m/s]	مؤلفه هاي محوري و شعاعي سرعت نوساني قطرات
$u, v; \bar{u}, \bar{v}$	[m/s]	مولفه هاي محوري و شعاعي سرعت متوسط جريان گاز
$\bar{u}_d, \bar{v}_d$	[m/s]	مؤلفه هاي محوري و شعاعي سرعت متوسط زمانى قطرات
$u'_d, v'_d$	[m/s]	مؤلفه هاي محوري و شعاعي سرعت نوساني قطرات
$\vec{v}$		بردار سرعت گاز
$\vec{v}_d$		بردار سرعت قطرات
$V$	[ $m^3$ ]	حجم حجم كنترل
$V_d'$	[m/s]	متوسط سرعت متقطع نوسانات آشفتگى قطرات
$V_{d,inj}$	[m/s]	سرعت قطرات در محل تزريرق
$V_g$	[m/s]	سرعت متوسط گاز
$V_g'$	[m/s]	متوسط سرعت متقطع نوسانات آشفتگى گاز
$V_{g0}$	[m/s]	سرعت گاز در گلوگاه
$V_{g,inj}$	[m/s]	سرعت گاز در محل تزريرق
$V_{jet}$	[m/s]	سرعت جت
$V_r$	[m/s]	سرعت نسبي گاز و قطره
$V_{sonic}$	[m/s]	سرعت صوت
$W$	[m]	پهنجاي دهانه ونتوري
$We$	بدون بعد	عدد وبر قطره