



دانشگاه صنعتی امیر کبیر

پروژه کارشناسی ارشد

طراحی آیرودینامیکی فن حدود صوت

Aerodynamic Design of transonic fan

استاد راهنما : دکتر مسعود برومند

استاد مشاور : دکتر ابوالقاسم مسگر پور طوسی

تهیه کننده : مهدی کامیار

تیرماه ۸۶

بسمه تعالی

شماره:

تاریخ:

فرم اطلاعات پایان نامه
کارشناسی ارشد و دکترا

معاونت پژوهشی
فرم پروژه تحصیلات تکمیلی ۷



دانشگاه صنعتی امیرکبیر
(پلی‌تکنیک تهران)

مشخصات دانشجو

نام و نام خانوادگی: مهدی کامیار

شماره دانشجویی: ۸۳۱۲۹۱۱۶

دانشکده مهندسی هوافضا

رشته تحصیلی: مهندسی هوافضا (جلوبرندگی)

نام و نام خانوادگی استاد راهنما: مسعود برومند

عنوان به فارسی: طراحی آیرودینامیکی فن حدود صوت

Aerodynamic Design Of Transonic Fan

عنوان به انگلیسی:

نظری توسعه‌ای کاربردی بنیادی

نوع پژوهه: کارشناسی ارشد دکترا

تعداد واحد: ۶

تاریخ خاتمه: ۸۶/۴/۱۴

تاریخ شروع: ۸۴/۷/۱۵

سازمان تأمین کننده اعتبار:

واژه‌های کلیدی به فارسی: فن حدود صوت، جریان کسکید، هندسه پره، هندسه فن، طراحی آیرودینامیکی، روش گردابه آزاد، روش مرتبه اول، روش نمایی

Transonic Fan , Cascade Flow , Blade

واژه‌های کلیدی به انگلیسی:

Geometry , Fan Geometry , Aerodynamic Design , Free vortex method , First power method, Exponential method

نظرها و پیشنهادها به منظور بهبود فعالیت‌های پژوهشی دانشگاه:

استاد راهنما: مسعود برومند

دانشجو: مهدی کامیار

تاریخ:

امضاء استاد راهنما:

چکیده پایان نامه:

در این پژوهه طراحی آیرودینامیکی یک فن حدود صوت با رعایت کلیه محدودیت های طراحی انجام شده است. این طراحی که در نهایت به ارائه هندسه یک ردیف روتور می انجامد، از ۳ روش طراحی مختلف برای به دست آوردن شکل پروفیل پره در مقاطع مختلف، استفاده شده است. در مراحل مختلف طراحی، پس از محاسبات اولیه و در نظر گرفتن افت های موجود فن حدود صوت در بدست آوردن پروفیل پره با استفاده از کد کامپیوتری و اعمال محدودیتهای طراحی، جریان دو بعدی درون کسکید(جریان پره به پره)، نیز مدل سازی شده است. در بخش نهایی این پایان نامه، با استفاده از داده های به دست آمده، ابتدا ترسیم سه بعدی شکل هندسی یک پره و سپس هندسه فن مورد نظر انجام شده است. در راستای این پژوهه می توان کارهای بعدی را به بهینه سازی فن طراحی شده، اختصاص داد. بهینه سازی فن می تواند شامل هر یک از فرایندهای کاهش اندازه و وزن، کاهش هزینه و سهولت ساخت، افزایش استحکام در طراحی مکانیکی، کاهش صدا و لرزش، افزایش بازده یا تمامی موارد مذکور باشد. برای مثال می توان با بهینه کردن منحنی سطح مکش پره به عنوان مهمترین بخش پره در تعیین عملکرد آن، با استفاده از روش های نوین عددی، پروفیل جدیدی را طراحی و نامگذاری کرد که مطمئناً موجب کاهش افت ها و افزایش بازده فن خواهد شد.

ABSTRACT

In this project, the Aerodynamic design of a transonic fan with regarding to all constraints of design has been performed. It has been used three methods (Free vortex method, First power method, Exponential method) to obtain blade profile ,that lead to the rotor geometry design, finally.During the design process, the two-dimentional flow in cascade (Blade to-blade flow), after preliminary calculation and with respecting the transonic fan losses in obtained blade profile by computer code and considering the design constraints , has been modelled. In the last section of this project, first of all , the three-dimentional shape of blade and then fan geometry, has been drawn by using the obtained data. It can be achieved the following processes for optimizing mentioned fan, along this project. The improvement of fan design can be included each progressive deduction of size-weight, the expense and ease of manufacturing, increasing strength in mechanical design, decreasing the sound and vibration, increasing the efficiency or all of above mentioned. For example, by optimizing suction surface of the blade as most important section of blade in determining efficiency of it ,we can design the new profile and name it that certainly caused the decreasing in losses and increasing the efficiency by using modern numerical methods.

چکیده

در این پروژه طراحی آیرودینامیکی یک فن حدود صوت با رعایت کلیه محدودیت‌های طراحی انجام شده است. این طراحی که در نهایت به ارائه هندسه یک ردیف روتور می‌انجامد، از ۳ روش طراحی مختلف برای به دست آوردن شکل پروفیل پره در مقاطع مختلف، استفاده شده است. در مراحل مختلف طراحی، پس از محاسبات اولیه و در نظر گرفتن افت‌های موجود فن حدود صوت در بدست آوردن پروفیل پره با استفاده از کد کامپیوتری و اعمال محدودیتهای طراحی، جریان دو بعدی درون کسکید(جریان پره به پره)، نیز مدل سازی شده است. در بخش نهایی این پایان نامه، با استفاده از داده‌های به دست آمده، ابتدا ترسیم سه بعدی شکل هندسی یک پره و سپس هندسه فن مورد نظر انجام شده است. در راستای این پروژه می‌توان کارهای بعدی را به بهینه سازی فن طراحی شده، اختصاص داد. بهینه سازی فن می‌تواند شامل هر یک از فرایندهای کاهش اندازه و وزن، کاهش هزینه و سهولت ساخت، افزایش استحکام در طراحی مکانیکی، کاهش صدا و لرزش، افزایش بازده یا تمامی موارد مذکور باشد. برای مثال می‌توان با بهینه کردن منحنی سطح مکش پره به عنوان مهمترین بخش پره در تعیین عملکرد آن، با استفاده از روش‌های نوین عددی، پروفیل جدیدی را طراحی و نامگذاری کرد که مطمئناً موجب کاهش افت‌ها و افزایش بازده فن خواهد شد.

فهرست علائم اختصاری:

در این پایان نامه به منظور سهولت و کوتاه تر شدن متن از علائم اختصاری زیر استفاده شده است:

a : سرعت صوت

c : وتر پره

Ca : سرعت محوری

Cda : ضریب درگ انتهایی دیواره

Cdp : ضریب درگ پروفیل پره

Cds : ضریب درگ جریان ثانویه

Cdsh : ضریب درگ شوک

Cl : ضریب بالا برندگی

DCA : پره با کمانهای حلقوی

DF : ضریب نفوذ

H : آنتالپی یا فشار کلی

i : زاویه برخورد پره

K_{th} : ضریب کار تئوریک

R : فاکتور واکنش

S : آنتروپی

s : گام پره ها

t(x) : توزیع ضخامت پره

U : سرعت پره

W : کار

$\mathbf{Y}(\mathbf{x})$: کمان پره

Z : تعداد پره ها

α : زاویه حمله

β : زاویه جریان با پره

γ : نسبت ضریب بالا برندگی به درگ

δ : زاویه انحراف جریان

ϵ : ضریب چرخش

η : راندمان

θ : زاویه کمان

K : زاویه پره

κ : زاویه استگر

σ : استحکام

φ : ضریب جریان

ψ : ضریب بار

ω : ضریب افت

ϵ : زاویه چرخش جریان

زیرنویس ها :

a: موقعیت محوری

c : موقعیت شعاع متوسط پره

t : مکان هندسی نوک پره

h : مکان هندسی ریشه پره

فهرست

چکیده.....

فصل اول : مقدمه

نگاه تاریخی به طراحی فن و کمپرسور.....

فصل دوم : زمینه های تئوری و روابط حاکم

پره ها در کمپرسورهای محوری.....

.....NASA-65 پروفیل سری

.....C.4 پروفیل انگلیسی

.....DCA پروفیل

.....NASA A4K6 پروفیل ورودی

ایر فویل هایی با تراکم کنترل شده.....

مشخصه های اولیه کسکید.....

بررسی عملکرد مرحله کمپرسور در تست کسکید.....

هندسه کسکید و پارامترهای عملکردی.....

زاویه حمله یا زاویه برخورد طراحی.....

زاویه انحراف طراحی.....
ضریب افت طراحی.....
راندمان و انواع افتهای روتور.....
جريان های ثانویه و افت ناشی از آن.....
اثر لزجت و لایه مرزی.....
افت پروفیل.....
اثر عدد ماخ.....

فصل سوم : روش طراحی

طراحی پره.....
انتخاب پارامترهای عملکردی بدون بعد.....
تعیین مشخصات پره در طول شعاع.....
انتخاب نوع ورتکس.....
جريان ورتکس آزاد.....
جريان هایی با ورتکس نمایی و چرخش ثابت.....
تبیین روش طراحی.....
شرایط ورودی طراحی.....
الگوریتم طراحی.....

فصل چهارم : تحلیل پره به پره (**Blade to blade**) با استفاده از مدل سازی

مقدمه ای بر جريان پره به پره.....
فيزيك مسئله جريان پره به پره.....

مولفه های سرعت و سیستم مختصات.....

.....گره بندی و مدلسازی.....

.....تولید شبکه با استفاده از نرم افزار گمبیت.....

..... شبیه سازی با استفاده از نرم افزار فلوئنت.....

.....معادلات حاکم.....

.....انتخاب فرمولاسیون حلگر.....

.....انتخاب مدل توربولانس.....

.....تعريف شرایط مرزی.....

.....روش حل.....

.....نتایج حل.....

فصل پنجم : طراحی فن حدود صوت

.....مشخصه های ورودی فن.....

.....محاسبات طراحی.....

.....پیشنهادات.....

.....ترسیم نهایی هندسه فن.....

ضمامات:

.....ضمیمه ۱: کد کامپیووتری.....

.....مراجع.....

...

فصل اول

مقدمه

۱- نگاه تاریخی به طراحی فن و کمپرسورهای محوری

در سال ۱۸۸۴ سر چارلز پارسنز^۱ روش معکوس کردن توربین و استفاده از آن بجای کمپرسور را بیان کرد، بعدها هاول^۲ اعلام نمود که این روش در کاربردهای با نسبت فشار بالا بازدهی کمتر از ۴۰ درصد دست می دهد. پارسنز کمپرسور ۵۵۰ کیلو پاسکال نیز ساخت که شامل دو کمپرسور محوری بطور سری بود؛ ولی موفق نبود زیرا جریان آن ناپایدار بود. کمپرسورهای محوری به دلیل بازدهی کم از رده خارج شدند و جای خود را به کمپرسورهای گریز از مرکز که بازده بیشتری (۷۰ تا ۸۰ درصد) داشتند، دادند.

در سال ۱۹۰۳ اولین توربین گاز ساخته شد که محفظه احتراق آن دارای سه سیلندر بود. در همان سال موتور توربین گاز موفقی ساخته شد که دارای ۸۰ درصد بازده در کمپرسور و توربین بود. در سال ۱۹۳۰ سر فرانک ویتل گروهی را در صنایع هوایپیما سازی سلطنتی انگلستان رهبری کرد که هدف گروه تولید یک موتور توربین گاز برای یک جت بود. اولین هوایپیما جت موفق این گروه در ۱۵ می ۱۹۴۱ پرواز کرد. دشواری های اولیه تولید کمپرسور جریان محوری عمدتاً ناشی از ماهیت اساساً متفاوت فرآیند جریان در این ماشینها در مقایسه با توربین های جریان محوری بوده است. سرعت جریان در توربین محوری نسبت به هر ردیف پره بیشتر و بیشتر می شود، اما در کمپرسورهای محوری بر عکس اتفاق می افتد. امروزه همه می دانند که می توان به یک گذرگاه، شتاب داد و با افت فشار اندکی مواجه شد، اما در کاهش سریع شتاب چنین نیست. در حالت اخیر، به علت سکته شدیدی که بر اثر شیب زیاد و فشار معکوس بوجود می آید، افت های زیادی پدیدار می شود. بنا بر این برای محدود کردن افتها فشار کلی، لازم است که آهنگ کاهش شتاب در گذرگاه های پره را بطور جدی محدود کرد. اصولاً به علت چنین محدودیت هایی است که کمپرسورهای محوری به

^۱ Parsons
^۲ Howell

مراحل بیشتری نیاز دارند، اما توربین های محوری با همان نسبت فشار به تعداد اندکی مرحله بیشتر نیاز ندارند. بنابراین آزمایش توربین معکوس که پارسیز انجام داد، محاکوم به کم بازدهی بود. گرچه کمپرسور های محوری با بازده هایی تا ۹۰ درصد درنسبتهای فشار ۶ یا ۷ به ۱ وجود دارد، اما ذکر این نکته لازم است که هنوز بعد از چندین سال پیشرفت مداوم، این ماشین هنوز مسائل بسیار پیچیده و بحث بر انگیزی در برابر طراحان و پژوهشگران مطرح می کند. اعتقاد عموم بر این است که ظرفیت نهایی در بازده و نسبت فشار هنوز حاصل نشده است و فقط از فهم پدیده های جریانی پیچیده تر می توان به این هدف دست یافت. امروزه ساخت کمپرسور های حدود صوت از تحولات جدید است و نتیجه کشف غیرمنتظره کارکرد خوب در اعداد ماخ نسبی نزدیک به یک به شمار می رود. کمپرسورهای بسیاری از موتورهای جت امروزی حداقل یک مرحله حدود صوت دارند. در نیمه اول قرن بیستم استفاده بیشتر از فنها گریز از مرکز نیز بخاطر انعطاف پذیری، راندمان و کم صدایی آنها بود. چون فنها و کمپرسور های محوری که در آن زمان ساخته می شد با اطلاعات کافی انجام نمی شد لذا دارای راندمان مناسبی نبودند و سرو صدای زیادی هم ایجاد می کردند. ولی پس از آن تحول زیادی در طراحی کمپرسور های محوری و فنها رخ داد به همین دلیل کاربرد زیادی از فن های جریان محوری در صنعت انجام شد. بیشترین و عمومی ترین کاربرد این نوع فن ها در تهويه مطبوع و موتور هوایی می باشد. فاکتور های مهم و موثر در انتخاب نوع سیستم فن عبارتند از: سهولت در ساخت، هزینه کم ساخت، راندمان فن.

۱-۲ سابقه تاریخی کمپرسورهای حدود صوت

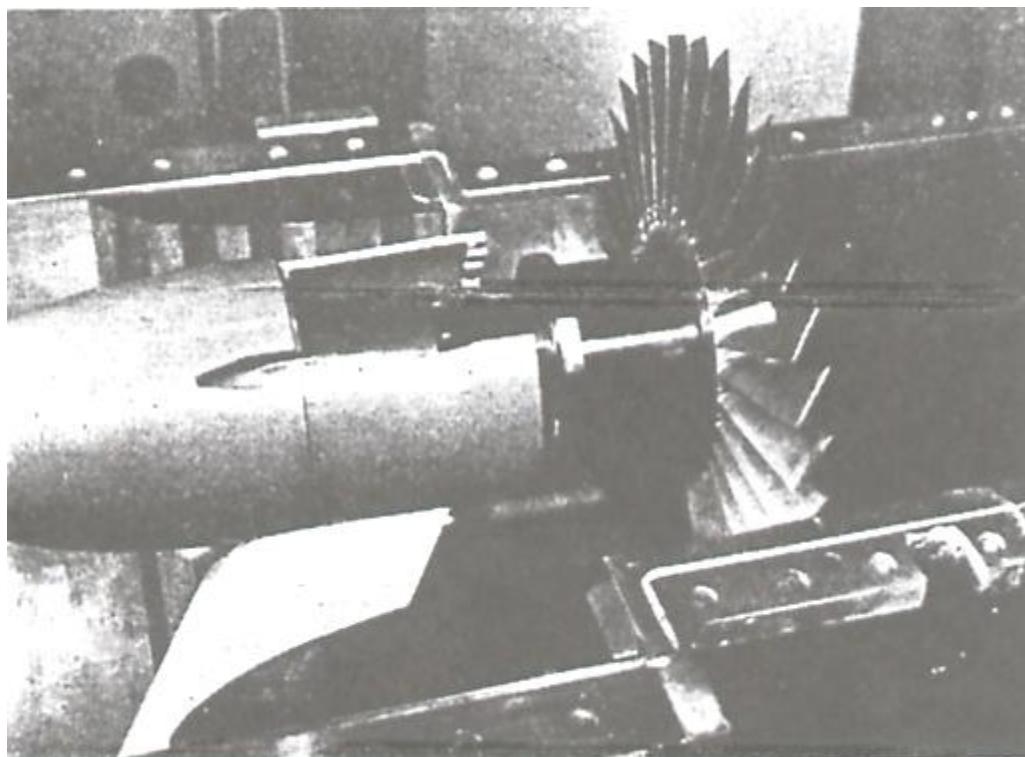
دستیابی به نسبت فشارهای بالا نیازمند کمپرسورهایی با پره‌های با سرعت بالا هستند مثل جریان هایی که عدد ماخ تا حوزه حدود صوت زیاد می‌شود. در بعضی موارد اعداد ماخ نسبی روتور تا ۱,۷ بالا می‌رود و در بین پره‌ها به $1/2$ می‌رسد و مولفه سرعت محوری زیر صوت باقی می‌ماند. فن‌های حدود صوت در حال حاضر استفاده زیادی دارند، برای مثال فن یا کمپرسور کم فشار موتور همه هواپیماهای مسافر بری یا نظامی جدید حدود صوت است. علاوه بر این، مشکلات در نسبت فشارهای بالاتر بیشتر می‌شود، و اغتشاشات محوری نیز افزایش می‌یابد. بر این اساس محدوده عملکرد پایدار (معمولًا بر اساس محدوده surge) علی‌الخصوص برای کمپرسورهای حدود صوت اهمیت زیادی دارد. مشکلات اندازه گیری نیز بیشتر می‌شود و بدست آوردن اطلاعات قابل اطمینان در مورد جریانهای داخلی مشکل می‌شود. برای این منظور روش‌های مختلف، از طراحی اولیه تک بعدی تا روش‌های حل جریان لزج^۱ سه بعدی در طول سالهای گذشته به شدت رشد کرده است. درخواست روز افزون برای موتورهای توربین گاز با نسبت تراست به وزن بیشتر با مصرف سوخت کمتر، منجر به بهبود روتورهای حدود صوت در کمپرسورهای محوری شده است.

روتور حدود صوت دارای حوزه‌های مشخصه جریان ورودی نسبی زیر صوت و ماقبل صوت است. استفاده از این روتورها در کمپرسور، سایز کمپرسور را بدون کاهش متناظر نسبت فشارکاری، کاهش می‌دهد. برای یک سطح تراست خاص، یک کمپرسور حدود صوت مصرف سوخت را در مقایسه با یک کمپرسور زیر صوت کاهش می‌دهد.

^۱ Viscous

بازده های بالا به دلیل کاهش افت ناشی از فشار سکون ناشی از سیستم شوک توسط سرعتهای نسبی کم مافوق صوت می باشد. این مزایا باعث شده که کمپرسورهای حدود صوت برای موتورهای

هوایپما توسط طراحان از سال ۱۹۶۰ انتخاب شود. [۳۳]



Experimental transonic rotor

شکل ۱-۱ روتور فن حدود صوت [۳۶]

کمپرسورها و فن های حدود صوت امروزه کاربرد زیادی در موتورهای توربین گاز، به خاطر مزایایی از قبیل سایز و وزن پایین و همچنین قیمت پائین دارند. به هر حال اگر بخواهیم به بازده بالایی دست پیدا کنیم، طراحی دقیق و سنجیده ضروری است. جهت به دست آوردن پارامترهای کلی، تحلیل تک بعدی جريان در شعاع متوسط پره، ترکیب مراحل و توزیع شعاعی جريان در طول پره، از تکنیکهای يك و دو بعدی استفاده می کنند. سرانجام دینامیک سیالات محاسباتی سه بعدی (CFD) جهت بهینه سازی طراحی بکار گرفته می شود.

این موضوع حائز اهمیت است که بدانیم همه روش‌ها محدودیت‌های مهمی دارند و طراحان اگر قصد انجام طراحی موفقی را دارند باید این محدودیت‌ها را لحاظ کنند.

نیاز به کوچکی اندازه ماشین و بازده بالا برای موتورهای توربین گاز محققین را به طراحی و ساخت کمپرسورهایی با سرعت پره بالا جهت افزایش نسبت فشار مرحله سوق می‌دهد. در نتیجه عدد ماخ جریان در ناحیه حدود صوت افزایش می‌یابد. همانگونه که گفته شد، عدد ماخ نسبی ورودی به روتور حدود یا بالاتر از $1/7$ امروزه در بعضی موارد استفاده می‌شود، عمدتاً استاتورهای جریان ورودی زیر صوت دارند اما بیشترین عدد ماخ بین ردیف پره‌ها به $1/2$ نیز می‌رسد. به هر حال مؤلفه سرعت در جهت محوری زیر صوت می‌ماند. فن‌ها و کمپرسورهای حدود صوت امروزه رایج هستند. برای مثال فن یا کمپرسور فشار پایین تمام هوایپماهای تجاری و موتورهای نظامی حدود صوت هستند. و همچنین مراحل جلویی یک کمپرسور چنانمرحله‌ای نیز حدود صوت هستند.

طراحی حدود صوت همچنین برای مراحل جلویی کمپرسورهای صنعتی کاربرد دارند. در مجموع مشکلات با دستیابی به نسبت فشار کلی زیاد و از این رو عدم تطابق محوری در برخی شرایط (سرعت‌ها)، افزایش می‌یابد. بنابراین شرایط کارکردی پایدار برای تمامی کمپرسورهای حدود صوت بسیار مهم است.

انواع روش‌ها طی سالیانی از طراحی مقدماتی یک بعدی و تکنیک‌های ترکیب مراحل شروع و به حلگرهای جریان لزج سه بعدی ختم شده‌اند.

۱-۲-۱ تحقیقات NASA روی کمپرسورهای حدود صوت

بنای تکامل طراحی کمپرسور حدود صوت توسط آزمایشگاه NASA در LEWIS در سال‌های ۱۹۴۷ تا ۱۹۵۷ انجام شد. نتایج اولیه نشان می‌داد که مشخصه‌های حدود صوت خوب، با شکل پره

DCA^1 حاصل می شد. مرکز تحقیقات کمپرسور حدود صوت NACA عمدتاً روی عدد ماخ نسبی

نوك روتور با محدوده $1/2 - 1/4 - 1/3$ متتمرکز شد. جریان جرمی بسیار بالا از طریق

افزایش عدد ماخ محوری و نسبت کم ریشه به نوك پره² در ورودی مورد توجه بودند. مفاهیم مهم

طراحی استفاده از یک پره لاغر، DCA و یک طراحی پره با تراکم بالا را پیشنهاد می کردند. این

عامل، حساسیت پره را نسبت به افت ناشی از برخورد، کاهش می داد. کمپرسورهای چند مرحله ای

با نسبت فشار ماکزیمم $5 - 8$ برای $10 - 5$ تا 8 مرحله طراحی و تست شدند.

بازده آدیباتیک حداقل $80 - 82$ درصد در سرعت طراحی ثبت شد، جایی که بین 80 تا 90 درصد

سرعت مرحله بهینه بود.

۲-۲-۱ تکاملهای بعدی در طراحی

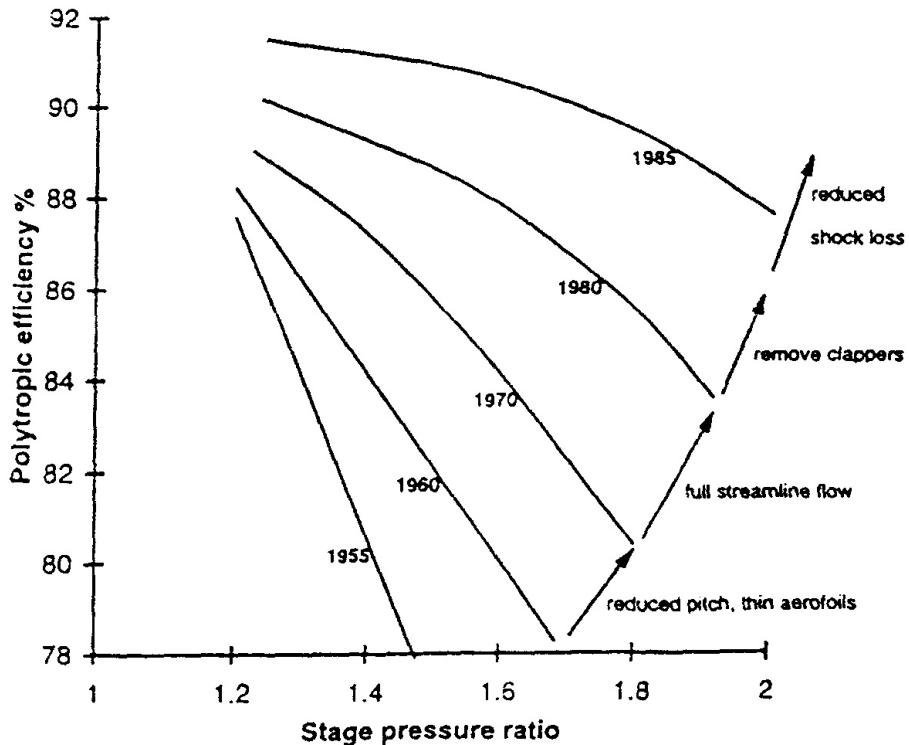
تحقیقات NASA به عنوان مبنا و پایه برای کارهای بعدی مورد استفاده قرار گرفت. طراحی های

انجام شده بعدی در آمریکا و اروپا بر مبنای نسبت ریشه به نوك پایین تر و نسبت فشار مراحل بالاتر

از طریق افزایش سرعت چرخش و از اینرو افزایش عدد ماخ نسبی روتور انجام شد. روش های

انحنای جریان و دیگر روشهای مشابه مثل اجزاء محدود و Through-flow استفاده شدند.

Double Circular Arc
Hub to tip ratio



شکل ۱-۲ بهبود عملکرد فن ها [۲۶]

۱-۳-۱ انواع کمپرسورهای حدود صوت

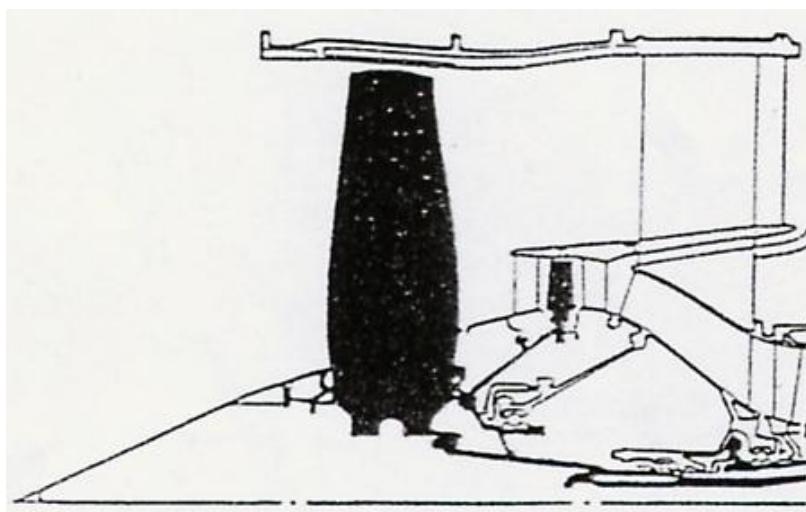
۱. فن یک مرحله ای برای نسبت بالای جریان فرعی^۱ موتورهای تجاری
۲. فن چند مرحله ای برای کمپرسور فشار پایین (LPC^۲) موتورهای هوایپیماهای نظامی
۳. مراحل جلویی کمپرسورهایی که چند مرحله ای هستند؛ مثل موتورهای جت هوایپیماهای مسافربری یا توربین های گاز صنعتی.

۱-۳-۱ فن یک مرحله ای

این فن حدود سه چهارم تراست کل موتور را تولید کرده و تأثیر بسزایی روی مصرف سوخت، صدا و وزن موتور دارد.

نسبت ریشه به نوک کم روتور حدود صوت، سرعت نوک پره طراحی m/s - ۶۰۰ - ۴۰۰ و نسبت- فشار طراحی ۱,۸ - ۱,۶ را دارد. یک فن تیتانیومی توخالی و موفق روی موتور **RB 211-535E 4** نصب شده است.

جريان جرمی زیاد بر واحد سطح فن نیازمند کاهش سایز موتور است. این موضوع به همراه سرعت پره، عدد ماخ نسبی ورودی در محل نوک روتور را تا بیش از ۱,۵ افزایش می دهد. جريان در ورودی به استاتور از نوع عدد ماخ زیر صوت بالا است و تا بالاتر از 50° درجه چرخش می کند.



شکل ۳-۱ فن تک مرحله ای [۲۶]

۱-۳-۲ فن هواپیماهای نظامی چند مرحله ای

اکثر موتورهای هواپیماهای نظامی شکاری یک فن حدود صوت یا یک **LPC** با دو یا سه مرحله با نسبت فشار کلی بین $2/5$ تا 5 و بسته به نوع موتور نسبت تخلیه $0/3$ تا $1/2$ دارند.

نسبت فشار متوسط مرحله بین $1/4$ تا $1/9$ است. بر خلاف هواپیماهای تجاری پروفیل نسبت فشار شعاعی می بایست یکنواخت باشد چرا که بتواند شرایط ورودی قابل قبولی برای مراحل جلویی ایجاد کند.

بارگذاری آیرودینامیکی نزدیک ریشه^۱، بحرانی است (بخصوص برای اولین مرحله). اکثر طراحی ها قصد دارند که حداقل عدد ماخ ورودی به استاتور را زیر $0/95$ نگه دارند، سرعت نوک پره عموماً بالاتر از فن های نوع تجاری است، که این بمنظور کاهش بارگذاری آیرودینامیکی در فن فشار پایین است. در نتیجه عدد ماخ نسبی شاید به $1/7$ در اولین نوک پره روتور می رسد. IGV ^۲ متغیر اغلب جهت کمک به هماهنگی مراحل در شرایط خارج از طراحی مورد نیاز است. شرایط بازده نسبت به فن تجاری کمتر بحرانی می شود.

۳-۳-۱ کمپرسورهای چند مرحله ای

سرعت پره ها کمتر از پره فن های نظامی و تجاری است و عدد ماخ نوک روتور عموماً زیر $1/2$ است. امروزه در بعضی موتورهای تک محوره به نسبت فشاری حدود 20 رسیده اند. [۲۶]

فصل دوم

زمینه های تئوری و روابط حاکم