





دانشگاه یزد  
دانشکده فیزیک

پایان نامه  
برای دریافت درجه کارشناسی ارشد  
فیزیک اتمی و مولکولی

## بررسی انتشار زوج سالیتون‌های فضایی در مدار اپتیکی نورشکستی دوفوتونی بدون منبع تغذیه

استاد راهنما: دکتر محسن حاتمی

دکتر علیرضا کشاورز

استاد مشاور: دکتر محمد‌کاظم توسلی

پژوهش و نگارش: زهرا عباسی

۱۳۸۹ بهمن

تقدیم به:

پرورادم

که بهواره شمع و جودا شان چراغ هدایتی در مسیر پرتلاطم زنگیم است.

همسرم

که در تمام این مدت صبورانه مرا همراهی نمود.

## تشکر و قدردانی:

با تقدیم احترام و تقدیر فراوان از اساتید محترم راهنما جناب آقای دکتر محسن حاتمی و جناب آقای دکتر علیرضا کشاورز و همچنین استاد محترم مشاور جناب آقای دکتر محمد کاظم توسلی به جهت راهنمایی و تلاشی که به منظور به ثمر رساندن این اثر مبذول داشتند.

## چکیده:

مطالعه پدیده‌های غیرخطی در مواد نورشکستی سابقه‌ای طولانی دارد. ویژگی‌های غیرخطی مواد نورشکستی باعث تشکیل سالیتون‌های فضایی در موجبرهای بلورهای نورشکستی می‌شود. همچنین شکل گرفتن این سالیتون‌ها در مدار اپتیکی نورشکستی از اهمیت خاصی در سیستم‌های اپتیکی برخوردار می‌باشد و در این میان ما زوج سالیتون‌های نورشکستی فضایی را انتخاب و انتشار آن‌ها را در این بلورها تحت مدل دوفوتونی بررسی کردیم. در این پایان‌نامه ابتدا اثر الکترواپتیکی را بیان و در پی آن اثر نورشکستی را بررسی کردیم. در ادامه گذر کوتاهی نیز بر معادلات حاکم بر مواد نورشکستی بر پایه دو مدل تک فوتونی و دو فوتونی داشتیم و سپس گذر کوتاهی به سالیتون‌های نورشکستی داشتیم و تئوری عمومی آن‌ها را در یک بعد در حالت پایا و بر پایه دو مدل تک فوتونی و دو فوتونی بررسی کردیم و در ادامه زوج سالیتون‌های نورشکستی را در مدار اپتیکی نورشکستی بدون بایاس مورد مطالعه قرار دادیم و شبیه‌سازی انتشار و تأثیر زوج سالیتون‌ها روی یکدیگر را در حالت دو فوتونی و بدون جمله پخش، به کمک روش رانگ-کوتا و کرانک-نیکلسون نشان دادیم. که برای حل شرایط مرزی از روش رانگ-کوتا استفاده شد. در قدم بعد اثر خودانحرافی سالیتون روش را در حالت دو فوتونی مورد بررسی قرار دادیم. همچنین نشان دادیم این سالیتون‌ها در برابر اختلال کوچک پایدارند و در پایان برهم‌کنش ناهمدوس زوج سالیتون روشن-روشن در مدار اپتیکی نورشکستی را با همان روش‌های عددی و تغییر فاصله دو پرتو، و تأثیر میدان خارجی روی برهم‌کنش ناهمدوس در حالت زوج سالیتون نورولتایی روشن-روشن در مدار اپتیکی نورشکستی بدون بایاس دو فوتونی بررسی گردید و نتایج قابل قبولی حاصل شد.





## فهرست مطالب

### صفحه

### عنوان

۱	فصل اول: نگاهی به مواد نورشکستی
۳	۱-۱ اثر الکترواپتیک
۶	۱-۱-۱ اثر الکترواپتیکی در مواد ناهمسانگرد
۷	۱-۱-۲ اثرات پاکلز و کر
۸	۱-۱-۳ تقارن بلور
۹	۱-۱-۴ اثر پاکلز
۱۱	۱-۲ اثر نورشکستی
۱۵	۱-۳ معادلات نورشکستی تک فوتونی به وسیله مدل کوختارف
۱۷	۱-۴ معادلات نورشکستی دو فوتونی به وسیله مدل کاسترو-کاموس
۲۱	فصل دوم: سالیتون‌های نورشکستی
۲۳	۲-۱ سالیتون‌های نورشکستی
۲۴	۲-۱-۱ سالیتون‌های شبه پایا
۲۶	۲-۱-۲ سالیتون‌های پوششی
۲۷	۲-۱-۳ سالیتون‌های نورولتایی
۲۸	۲-۱-۴ سالیتون‌های پوششی- نورولتایی
۲۹	۲-۲ مبانی نظری سالیتون‌های نورشکستی حالت پایا در یک بعد
۲۹	۲-۲-۱ سالیتون‌های نورشکستی فضایی تک فوتونی
۳۷	۲-۲-۲ سالیتون‌های نورشکستی فضایی دو فوتونی
	مقدمه

۴۱	فصل سوم: زوج سالیتون‌های فضایی نورشکستی مجزا.....
۴۳	مقدمه.....
۴۴	۱-۳ زوج سالیتون‌های فضایی نورشکستی مجزا در یک مدار اپتیکی بدون بایاس.....
۴۴	۱-۱-۳ حالت تک فوتونی.....
۵۲	۱-۱-۳ حالت دو فوتونی.....
۵۶	۱-۲-۱-۳ زوج سالیتون فضایی مجزا: تاریک-تاریک.....
۵۷	۱-۲-۱-۳ زوج سالیتون فضایی مجزا: تاریک-روشن.....
۵۸	۱-۲-۱-۳ زوج سالیتون فضایی مجزا: روشن-روشن.....
۵۹	۱-۲-۱-۳ شبیه‌سازی عددی.....
۶۳	۲-۳ خود-انحرافی سالیتون روشن در زوج سالیتون‌های نورشکستی در یک مدار اپتیکی نورشکستی بدون بایاس در حالت دو فوتونی.....
۶۷	فصل چهارم: برهم‌کنش ناهمدوس میان سالیتون‌های نورشکستی روشن در مدار اپتیکی نورشکستی دو فوتونی بدون بایاس.....
۶۹	۱-۴ برهم‌کنش همدوس و ناهمدوس.....
۷۳	۲-۴ برهم‌کنش زوج سالیتون نورولتاوی روشن-روشن ناهمدوس در مدار اپتیکی نورشکستی دو فوتونی بدون بایاس.....
۷۴	۱-۲-۴ شبیه‌سازی عددی برهم‌کنش سالیتون‌های ناهمدوس.....
۸۰	۳-۴ برهم‌کنش زوج سالیتون نورولتاوی روشن-روشن ناهمدوس دو فوتونی در بلور نورولتاوی تحت شرایط مدار باز.....
۸۱	۱-۳-۴ شبیه‌سازی عددی برهم‌کنش سالیتون‌های ناهمدوس.....
۸۳	<u>۴</u> -۴ سالیتون پوششی روشن دو فوتونی ناهمدوس و برهم‌کنش میان آن‌ها.....
۸۳	۱-۴-۴ سالیتون پوششی روشن دوفوتونی .....

۸۵	۲-۴-۴ برهمکنش زوج سالیتون پوششی روشن-روشن ناهمدوس دو فوتونی در بلور SBN
۸۶	۱-۲-۴-۴ شبیه سازی عددی برهمکنش سالیتون‌های ناهمدوس
۸۹	فصل پنجم: نتایج و پیشنهادات
۹۱	۱-۵ خلاصه و نتیجه‌گیری
۹۳	۲-۵ پیشنهادات
۹۵	پیوست الف
۹۷	مراجع

## فهرست شکل‌ها

### صفحه

### عنوان

شکل (۱-۱) : یک میدان الکتریکی پایا، ضریب شکست ماده الکتروپتیکی را تغییر می‌دهد و بر روی انتشار نور در آن ماده اثر می‌گذارد. بنابراین می‌توان با اعمال میدان الکتریکی، نور را کنترل کرد [۳].	۳
شکل (۲-۱) : ضرایب بیضوی مختصات $(x,y,z)$ محورهای اصلی هستند و $n_1$ و $n_2$ و $n_3$ ضرایب شکست اصلی می‌باشند. ضرایب شکست مدهای نرمال یک موج حرکت کننده درجهت $k$ و $n_a$ و $n_b$ می‌باشند [۳].	۶
شکل (۳-۱) : ضریب شکست بیضوی به عنوان نتیجه‌های از به کارگیری یک میدان الکتریکی پایا تغییرمی‌کند [۳].	۷
شکل (۴-۱) : تغییر بیضوی ضرایب یک بلور ۳m قطری به وسیله یک میدان الکتریکی در جهت محور اپتیکی [۳].	۱۰
شکل (۵-۱) : مدل استاندارد اثر نورشکستی [۵].	۱۲
شکل (۶-۱) : منشأ اثر نورشکستی بر نمودارهای توزیع شدت، بار فضایی، میدان الکتریکی و تغییرات ضریب شکست بر حسب فاصله [۶].	۱۴
شکل (۷-۱) : پاسخ ماده نورشکست به نمودار نوری فضایی سینوسی [۳].	۱۴
شکل (۸-۱) : ترازهای انرژی و جمعیت آنها [۴].	۱۵
شکل (۹-۱) : ترازهای انرژی در مدل دو فوتونی [۷].	۱۸
شکل (۱۰-۱) : چیدمان آزمایشگاهی به کاربرده شده برای مشاهده سالیتون‌های نورشکستی [۹].	۲۵
شکل (۱۰-۲) : نمایش مدار الکتریکی شامل یک بلور نورشکست یا نورشکست نورولتاوی، یک میدان الکتریکی خارجی با ولتاژ بایاس $V_a$ و یک مقاومت در مدار خارجی [۲۵].	۳۰

شکل(۳-۲) : توزیع حامل‌های بار در محیط نورشکستی. نمودار شدت نرمال سالیتون های تاریک

پوششی، پوششی-نورولتایی و نورولتایی مداربسته و باز با  $\rho = 10$ . (۱) سالیتون‌های پوششی تاریک

$\alpha = -100$  و  $\beta = -100$  (۲) سالیتون‌های پوششی-نورولتایی تاریک  $\alpha = 0$ ،  $g = 1$

(۳) سالیتون‌های نورولتایی مدار باز تاریک  $\alpha = -100$  و  $\beta = 0$  (۴) سالیتون‌های نورولتایی مدار بسته تاریک  $\alpha = -100$  و  $\beta = 0$

سالیتون‌های نورولتایی مدار بسته تاریک  $\alpha = 0$ ،  $g = 1$  [۲۵]  $\beta = 0$  و  $\alpha = -100$  [۳۶]

شکل(۴-۲) : منشا نمودار شدت نرمال سالیتون‌های روشن پوششی، پوششی-نورولتایی و نورولتایی

مدار بسته و باز با  $r = 10$  (۱) سالیتون‌های پوششی روشن  $\alpha = 0$ ،  $g = 1$  و  $\beta = 100$  (۲)

سالیتون‌های پوششی-نورولتایی روشن  $\alpha = 100$  و  $\beta = 100$  (۳) سالیتون‌های نورولتایی

مدار باز روشن  $\alpha = 100$  و  $\beta = 0$  (۴) سالیتون‌های نورولتایی مدار بسته روشن  $\alpha = 0$ ،  $g = 1$

[۲۵]  $\beta = 0$  و  $\alpha = 100$  [۳۶]

شکل(۵-۲) : نمایش مدار الکتریکی شامل یک بلور نورشکست نورولتایی، یک میدان الکتریکی

خارجی، با ولتاژ بایاس  $V_a$  و مقاومت  $R$  در مدار خارجی.  $I_1$  شدت پرتو ورودی و  $I_2$  شدت پرتو

سالیتونی است [۲۴] [۳۷]

شکل(۱-۳): نمایش مدار اپتیکی نورشکستی شامل دو بلور نورشکستی که حداقل یکی باید

نورولتایی باشد. (۱) محور اپتیکی  $c$  دو بلور در جهت راستگرد نسبت به یگدیگر قرار گرفته‌اند که با

↑↑ نشان داده شده است. (۲) محور اپتیکی  $c$  یک بلور در جهت راستگرد و دیگری چپگرد می‌باشد

که با ↓↑ نشان داده می‌شود.  $P$  و  $\hat{P}$  نشان‌دهنده دو بلور می‌باشند و  $c$  و  $\hat{c}$  دو محور  $c$  را مشخص

می‌کنند  $I_0$  و  $\hat{I}_0$  پرتوهای لیزر یک بعدی شبیه سالیتونی تاریک و روشن ورودی را نشان می‌دهند

[۸] [۴۵]

شکل(۲-۳): نمایش مدار اپتیکی نورشکست دو فوتونی شامل دو بلور که حداقل یکی از آن‌ها باید

نورولتایی باشد. (a) محور  $c$  بلورها در جهت چرخش راستگرد قرار دارند که با ↑↑ نشان داده

می‌شود. (b) محور  $c$  یک بلور در جهت پیچش راستگرد و دیگری چپگرد می‌باشد و نشان داده

شده با ↑↓  $I_1$  شدت پرتو ورودی و  $I_2$  شدت پرتو سالیتونی است [۲۶] [۵۲]

- ..... شکل (۳-۳): نمودار سالیتون روشن در بلور  $P$  ۶۰
- ..... شکل (۴-۳): نمودار سالیتون تاریک در بلور  $\hat{P}$  ۶۱
- ..... شکل (۳-۵): انتشار پایدار برای (الف) سالیتون روشن (ب) سالیتون تاریک در زوج سالیتون  
تاریک-روشن ۶۱
- ..... شکل (۶-۳): نمایش انتشار نقاط بیشینه در (الف) سالیتون روشن برای  $r=1$  و  $\beta=21.7580$  (ب)  
سالیتون تاریک برای  $r=1$  و  $\beta=21.7580$  در زوج سالیتون تاریک-روشن هنگامی که دامنه به  
اندازه ۳۰٪ دچار اختلال می‌شود ۶۲
- ..... شکل (۷-۳): تغییر دینامیکی سالیتون روشن برای  $\beta=21.7580$  و  $\delta=1.5$  (الف) نمایش  
انتشار سالیتون روشن در سه بعد. (ب) در دو بعد ۶۶
- ..... شکل (۴-۱): نمایش دو سالیتون برهمکنش کننده همدوس هم‌فاز: (الف) ضریب شکست محیط  
در اثر تأثیر متقابل دو سالیتون. (ب) تابع توزیع شدت دو سالیتون برهمکنش کننده. (ج) تابع  
توزیع دامنه دو سالیتون برهمکنش کننده. افزایش شدت در اثر تأثیر متقابل دو پرتو منجر به  
افزایش ضریب شکست نسبت به تأثیر مستقل هر دو پرتو می‌شود و بنابراین دو پرتو یکدیگر را  
جذب می‌کنند [۳۲] ۷۱
- ..... شکل (۲-۴): نمایش دو سالیتون برهمکنش کننده همدوس ناهم‌فاز: (الف) ضریب شکست محیط  
در اثر تأثیر متقابل دو سالیتون (ب) تابع توزیع شدت دو سالیتون برهمکنش کننده. (ج) تابع توزیع  
دامنه دو سالیتون برهمکنش کننده. کاهش شدت در اثر تأثیر متقابل دو پرتو منجر به کاهش  
ضریب شکست در اثر تأثیر مستقل هر دو پرتو می‌شود و بنابراین دو پرتو یکدیگر را دفع  
می‌کنند [۳۲] ۷۱
- ..... شکل (۴-۳): نمایش دو سالیتون برهمکنش کننده ناهم‌دوس ناهم‌فاز: (الف) افزایش ضریب شکست  
محیط در اثر تأثیر متقابل دو سالیتون. (ب) افزایش تابع توزیع شدت دو سالیتون برهمکنش کننده  
[۳۲] ۷۲

شکل (۴-۴): نمایش مدار اپتیکی نورشکستی برای بررسی برهمنش زوج سالیتون نورولتاوی

روشن-روشن ناهمدوس در مدار اپتیکی نورشکستی بدون بایاس دو فوتونی..... ۷۵

شکل (۴-۵): تصویر برهمنش بین دو سالیتون نورولتاوی روشن ناهمدوس با شدت و قطبش

یکسان در بلور  $LiNbO_3$  برای  $r=1$  در حالت انتشار در نمایش سه بعدی و دو بعدی برای (الف)

۷۶ .....  $\Delta s = 0.8$  . (ب)  $\Delta s = 0.4$  . (ج)  $\Delta s = 0.2$

شکل (۴-۶): تصویر برهمنش بین دو سالیتون نورولتاوی روشن ناهمدوس در حالت مدار بسته با

شدت و قطبش یکسان در بلور  $LiNbO_3$  برای  $r=1$  در حالت انتشار در نمایش سه بعدی و دو

بعدی برای (الف)  $\Delta s = 2$  . (ب)  $\Delta s = 1.6$  . (ج)  $\Delta s = 1.2$

شکل (۷-۴): تصویر برهمنش بین دو سالیتون نورولتاوی روشن ناهمدوس در حالت مدار بسته با

شدت و قطبش یکسان در بلور  $LiNbO_3$  برای  $r=1$  در  $E_0 = 1/4$  ..... (۱) برای (الف)

(۲)  $\Delta s = 2$  (۱) .  $2E_0$  ..... (۳)  $\Delta s = 4$  (۲)  $\Delta s = 2$  (۱) .  $E_0$  ..... (۴)  $\Delta s = 4$  (۲)  $\Delta s = 2$  (۱)  $1/2E_0$  ..... (۵) برای (ب).

۷۹ .....  $\Delta s = 4$ .

شکل (۸-۴): نمایش مدار اپتیکی نورشکستی-نورولتاوی برای بررسی برهمنش زوج سالیتون

نورولتاوی روشن-روشن ناهمدوس در حالت مدار باز دو فوتونی..... ۸۱

شکل (۹-۴): تصویر برهمنش بین دو سالیتون نورولتاوی روشن ناهمدوس در حالت مدار باز با

شدت و قطبش یکسان در بلور  $Cu : KNSBN$  برای  $r=1$  در حالت انتشار و در نمایش سه بعدی

و دو بعدی برای (الف)  $\Delta s = 1.6$  ، (ب)  $\Delta s = 1.2$  ، (ج)  $\Delta s = 0.8$  ، (د)  $\Delta s = 0.4$  ، (ه)  $\Delta s = 0.2$  ، (ی)  $\Delta s = 2$  ، (و)  $\Delta s = 1$  ..... ۸۱

شکل (۱۰-۴): (الف) تصویر شدت نرمال (ب) انتشار پایدار برای سالیتون پوششی روشن در بلور

۸۵ .....  $r = 1$  برای  $SBN$

شکل (۱۱-۴): تصویر برهمنش بین زوج سالیتون پوششی روشن ناهمدوس با شدت و قطبش

یکسان در بلور  $SBN$  برای  $r=1$  در حالت انتشار و در نمایش سه بعدی و دو بعدی برای (الف)

(و)  $\Delta s = 2$  ، (ب)  $\Delta s = 1.6$  ، (ج)  $\Delta s = 1.2$  ، (د)  $\Delta s = 0.8$  ، (ه)  $\Delta s = 0.4$  ، (ی)  $\Delta s = 0.2$

$\lambda\varphi$  .....  $\Delta s = 2.4$

## فهرست جداول‌ها

عنوان	صفحه
جدول (۱-۱): جدول اندیس $I$ که جفت ضریب $(i, j)$ را نشان می‌دهد [۳]	۸
جدول (۳-۱): داده‌های نمودارسالیتیون روشن (کمیتها بدون بعد می‌باشند).	۵۹
جدول (۲-۳): داده‌های نمودارسالیتیون تاریک (کمیتها بدون بعد می‌باشند).	۵۹



## فصل ۱

نگاهی به مواد نورشکستی

