فهرست مطالب

صفحه	عنوان
١	فصل اول مقدمه
۲	۱–۱– مقدمه
۴	۲-۱- مروری بر کارهای گذشته
٨	۱–۳– هدف و محضوع تحقيق
٩	۲ ۲۰۰۰ و موضوع تا حیاتی
1	۱ – ۱ – روس انجام تحقیق
11	فصل دوم بررسی نانو سیال وخواص آن
١٢	۲–۱– مقدمه
١٢	۲–۲– نانو سیال
16	ر   ک ۲–۲–۲ – مز ت نانوسیالات نسبت به سایر سیالات
۱۵	ريد ريد
18	۲-۲-۱- حک داونی
١٧	۲-۳-۲ یوشش مولکولی در سطح مشتر ک جامد-سیال
۱۷	پر کی روی در نانوذرات
۱۸	۲-۳-۲ اثر خوشهای نانوذرات
۱۹	۲-۴- خواص ترموفیزیکی نانوسیال
۱۹	۲-۴-۲ - ضریب هدایت حرارتی
۲۲	۲-۴-۲. ضریب هدایت حرارتی با تئوری حرکت براونی ذرات
۲۳	۲-۴-۲. ضریب هدایت حرارتی با تئوری نانو لایه
78	۲-۴-۲ -۳. ضریب هدایت حرارتی با تئوری اثر خوشه ای نانوذرات
79	۲-۴-۲ ویسکوزیته
۲۸	۲-۴-۲- چگالی
۲۹	۲-۴-۴ گرمای ویژه
٣٠	۲-۵- مدلسازی نانوسیال
٣٠	۲–۵–۱– مدل تک فازی
۳۰	۲-۵-۱-۱-۱. نمونهای از مدل تکفازی
T 1	۲–۵–۲ مدل دو فازی

۳۱	۲-۵-۲- ۱. نمونهای از مدل دو فازی
۳۳	۲-۶- جمعبندی
34	فصل سوم معادلات حاكم
۳۵	۱-۳ – مقدمه
۳۶	۳-۲- معادلات حاکم بر جریان سیال و شرایط مرزی
۳۷	۳-۲-۳ شرایط مرزی
۳۸	- ۳-۲-۳-۱. دیواره جامد
۳۸	۲-۳. محور تقارن
۳۸	۳-۳- شکل بدون بعد معادلات حاکم و شرایط مرزی
۴۰	۳-۴- خصوصیات نانوسیال
۴۱	۳-۵- محاسبه عدد ناسلت و تابع جریان
۴۲	۳-۶- دامنه محاسبات
FF	فصل چهارم محاسبات عددی
۴۵	۲-۱-۴ مقدمه
49	۴–۲– شکل کلی معادلهٔ انفصال
¥9	۴–۳– روش بدست آوردن معادلهٔ انفصال
۴۷	۴-۳-۴ معادلة ديفرانسيل كلي
۴۸	۴-۳-۴ شکل تفاضل محدود معادلهٔ کلی¢
49	۴-۳-۳- بدست آوردن معادلهٔ انفصال با استفاده از طرحهای مختلف
۵۰	۴-۳-۳-۱. طرح تفاضل مرکزی
۵۱	۲-۳-۴. طرح بالادست
۵۲	۴–۳–۳-۳. طرح پیوندی
۵۳	۴-۳-۴ تکمیل معادلهٔ انفصال
۵۳	۴-۴- حل معادلات حاکم بر جریان
۵۴	۴–۴–۱– شبکهٔ جا به جا شده
۵۸	۴-۴-۲-الگوريتم سيمپلر
۵۸	۴-۴-۳ نحوهٔ اعمال شرایط مرزی
۵۹	
۶۰	۲-۴-۴. شرایط مرزی معادلهٔ ۷
۶۱	۲-۴-۴. شرایط مرزی معادلهٔ T

۶۱	۴-۳-۵- نحوهٔ حل دستگاه معادلات جبری
۶۲	۴-۳-۵-۱. الگوریتم ماتریس سه قطری
۶۳	۴–۵– برنامه کامپیوتری
۶۷	فصل پنجم بررسی نتایج
۶۸	۵–۱– مقدمه
۶۸	۵-۲- بررسی صحت عملکرد برنامه کامپیوتری
۶۹	۵-۲-۱- مدلسازی و مقایسه جریان جابجایی آزاد هوا درون حلقه
۷۱	۵-۲-۲- مدلسازی و مقایسه جریان جابجایی آزاد نانوسیال درون حلقه
۷۲	۵–۳– تعیین شبکه مناسب
٧۴	۵-۴- تعیین خواص ترموفیزیکی
۷۵	۵-۵- بررسی نتایج
۷۵	۵-۵-۱ جریان جابجایی آزاد نانوسیال درون حلقه
۷۵	۵–۵–۱–۱. بررسی جابجایی آزاد نانوسیال آب- مس
يم۸	۵-۵-۱-۲. بررسی جابجایی آزاد نانوسیال آب- اکسید آلومینیوم و آب- اکسید تیتان
۸۳	۵-۵-۱-۳. تاثیر نانوذرات مختلف بر میدان جریان و انتقال حرارت
٨۵	۵–۵–۱–۴. جمعبندی ونتیجهگیری
٨۵	۵-۵-۲- جریان جابجایی آزاد نانوسیال درون حلقه به همراه پره
٨۶	۵-۵-۲-۱. تأثیر تعداد پره ها بر میدان جریان و میدان دما
٩٢	۵-۵-۲-۲-۲ تأثیر طول پره ها بر میدان جریان و میدان دما
٩٧	۵-۵-۲-۳. تأثیر کسر حجمی نانوذرات بر میدان جریان و میدان دما
۱۰۳	۵-۵-۲-۴. جمعبندی و نتیجه گیری
1+4	فصل ششم جمعبندی و پیشنهادات
۱۰۵	۶–۱– جمعبندی
۱۰۶	۲-۶- پیشنهادات
۱۰۷	منابع و مراجع

## فهرست شكلها

صفحه	عنوان
٩	شکل۱-۱: هندسه و محور مختصات مسئله
18	شکل۲-۱: طرحی از مسیر حرکت براونی یک ذرہ
١٨	شکل۲-۲: انواع مکانیزمهای انتقال حرارت در نانوذرات
378	شکل۳-۱: هندسه و میدان حل مسئله
378	شکل۳-۲: حالتهای مختلف مورد بررسی
49	شکل۴-۱: حجم کنترل اصلی برای بدست آوردن معادلهٔ انفصال کلی
۵۴	<b>شکل۴-۲:</b> مکانهای جابجا شده برای u وv
۵۵	شکل۴-۳: حجم کنترل u و v
۵۹	شکل۴-۴: حجم کنترل سرعت u در مجاورت دیوار پایینی حلقه
۵۹	شكل۴–۵: توزيع سرعت نزديک ديوارهٔ پايينی حلقه
97	شکل۴-۶: نمایش روش خط به خط
<del>99</del>	شکل۴–۲: نمودارگردشی برنامه کامپیوتری
89	شکل۵-۱: هندسه حل کنجرس و هانجلیک [۲۵]
ایسه کار حاضر با مراجع ۷۰	شکل۵-۲: تغییرات عدد ناسلت موضعی نرمالایز شده برحسب زاویه: مق [۲۲و ۲۵]
جه: مقایسه کار حاضر با ۷۰	شکل ۵-۳: تغییرات دما در راستای شعاع در زوایای ۹۰،۰ و ۱۸۰ در. مراجع [۲۲و ۲۵]
جع [۲۳] (خطوط: نتایج ۷۱	شکل۵-۴: مقایسه تغییرات سرعت مماسی در راستای شعاع با نتایج مر مرجع[۲۳]، نمادها: نتایج کار حاضر)
قایسه کار حاضر با نتـایج ۷۲	شکل ۵-۵: تغییرات عدد ناسلت متوسط برحسب کسر حجمی نانوذرات: م ابونادا Ra=۱۰ <sup>°</sup> (c Ra=۱۰ <sup>°</sup> (b Ra=۱۰ <sup>°</sup> (a

شکل ۵-۶: تغییرات دمای نانوسیال در زاویه ۹۰ درجه درون حلقه با وجود دو پره با شبکه های مختلف a) دو پره در حالت عمودی b) دو پره در حالت افقی ٧٣ شکل ۵-۷: تغییرات سرعت نانوسیال در زاویه ۹۰ درجه درون حلقه با وجود دو پره با شبکه های ٧۴ مختلف a) دو پره در حالت عمودی b) دو پره در حالت افقی ۷۵ شکل۵–۸: هندسه حل حلقه بدون پره ۷۵ شکل ۵–۹: هندسه های مختلف حل حلقه یره دار شکل۵-۱۰- خطوط همدما در حلقه با نانوذرات مس برای مقادیر مختلف کسر حجمی نانوذرات و ٧٧ اعداد رايلي مختلف شکل ۵-۱۱: خطوط جریان در حلقه با نانوذرات مس برای مقادیر مختلف کسر حجمی نانوذرات و ٧٩ اعداد رايلي مختلف شکل ۵-۱۲: تغییرات عدد ناسلت موضعی بر روی استوانه داخلی برای مقادیر مختلف کسر حجمی نانوذرات مس Ra=۱۰<sup>°</sup> (c Ra=۱۰<sup>°</sup> (b Ra=۱۰<sup>°</sup> (a نانوذرات مس ٧٩ شکل۵-۱۳: تغییرات عدد ناسلت موضعی و کاهش عدد ناسلت روی استوانه داخلی در ۸۰ Ra=۱۰ ۸۰ شکل۵-۱۴: تغییرات گرادیان دما روی استوانه داخلی برای مقادیر مختلف کسر حجمی مختلف نانوذرات در Ra=۱۰<sup>۵</sup> ٨٠ شکل۵-۱۵: تغییرات نسبت ضریب هدایت حرارتی بر حسب کسر حجمی نانوذرات برای نانوسیال ٨١ آب – مس شکل۵-۱۶: تغییرات عدد ناسلت موضعی روی استوانه داخلی برای کسر حجمی مختلف نانوذرات اکسید آلومینیوم Ra=۱۰<sup>°</sup> (c Ra=۱۰<sup>°</sup> (b Ra=۱۰<sup>°</sup> (a اکسید ٨٢ شكل۵-۱۷: تغییرات عدد ناسلت موضعی روی استوانه داخلی برای كسر حجمی مختلف نانوذرات اکسید تیتانیم Ra=۱۰<sup>°</sup> (c Ra=۱۰<sup>°</sup> (b Ra=۱۰<sup>°</sup> (a اکسید تیتانیم ٨٣ شكل۵-۱۸: تغييرات عدد ناسلت موضعي روى استوانه داخلي براي نانوذرات مختلف a) 'Ra=۱۰  $Ra=1 \cdot (cRa=1 \cdot (bRa=1))$ ٨۵ شکل۵-۱۹: خطوط جریان برای نانوسیال آب- مس برای حالات مختلف مورد بررسی  $(Ra=1.^{\circ}, \varphi = ..., L_{fin}=./7)$ ٨٧ شکل۵-۲۰: خطوط جریان برای نانوسیال آب- مس برای حالات مختلف مورد بررسی

فهرست جدولها

صفحه	عنوان
١٣	جدول ۲-۱- مقایسه ضریب رسانایی فلزات و مایعات
۴۳	جدول ۳-۱- اعداد رایلی بحرانی برحسب نسبت قطرها
۵۵	جدول ۴-۱- مقادیر و Γ برای معادلهٔ دیفرانسیلی کلی حاکم بر جریان سیال و انتقال حرارت
٧٣	جدول۵-۱- شرایط مسئله برای انتخاب شبکه
٧٣	جدول۵-۲- تعداد نقاط در نظر گرفته شده برای یافتن شبکه مناسب
٧۴	جدول۵-۳- خواص ترموفیزیکی سیال پایه و نانوذرارت در دمای X 300 K
٨١	جدول۵-۴- عدد ناسلت متوسط برای مقادیر مختلف عدد رایلی و کسر حجمی نانوذرات
٨۴	جدول۵–۵- عدد ناسلت متوسط برای سیال پایه و نانوسیالات مختلف در اعداد رایلی متفاوت
• / )	جدول۵-۶- درصد افزایش نسبی عدد ناسلت متوسط با افزایش کسر حجمی نانوذرات از ۰ به
١٠٢	برای حالات مختلف مورد بررسی در اعداد رایلی متفاوت

# فهرست علائم و اختصارات(Abreviations)

cp
$$(kJ kg^{-1} K^{-1})$$
 $(kJ kg^{-1} K^{-1})$  $B$ قطر استوانه (m)/ كنداكتانس پخش $B$ قدرت جابجایی (m)<sup>-2</sup> s<sup>-1</sup>) $g$ شتاب جاذبه (sm^{-2} s^{-1}) $m$  $mrrescore $m$  $mrrescore $m$  $mrrescore $m$  $mrrescore $m$  $mrrescore $m$  $mrrescore $mrrescore<$$ 

- E گرہ شرقی
- eff مقادیر معادل
  - f سيال پايه
    - i داخلی
- i,j عنصر جمعبندی در شکل تانسوری معادلات
  - n وجه شمالی حجم کنترل
    - N گره شمالی
      - nb همسایه
      - nf نانوسيال
      - 0 خارجی
      - p نانوذره
    - P گره وسطی
  - s وجه جنوبی حجم کنترل
    - S گره جنوبی
    - w وجه غربی حجم کنترل
      - w مربوط به ديواره
        - W گرہ غربی

بالا نويس

- ' تصحيح
- \* مقدار نرمالایز شده

# فصل اول



## فصل اول

#### مقدمه

#### ۱-۱- مقدمه

در دهه های اخیر پیشرفت زیادی در علوم مختلف روی داده است، که پیامد مستقیم آن رشد تکنولوژی و راحتی و آسایش هر چه بیشتر انسانهاست. علوم مربوط به انتقال حرارت نیز از این قضیه مستثنی نبودهاند و در سالهای اخیر دستخوش تغییرات فراوانی شده است. با توجه به مصرف قابل توجه انرژی در زمینه انتقال حرارت در صنعت و لزوم بهینه سازی مصرف انرژی در عصر جدید، بررسی این بخش از مکانیک سیالات بیشتر مورد توجه قرار می گیرد. از آنجا که انتقال حرارت سیالات از اهمیت فراوانی در کاربردهای مهندسی برخوردار است، به همین منظور محققان علوم گرمایی و مهندسان، روشهای متعددی را برای افزایش انتقال حرارت پیشنهاد نمودهاند. انتقال گرما توسط عوامل گوناگونی مانند تغییر هندسه و خواص سیال، شرایط مرزی یا افزایش ضریب رسانایی سیال قابل بهبود و افزایش است. سیالات عادی مانند آب، روغن و اتیلن گلیکول به طور گسترده به عنوان سیالات خنک کننده در صنعت استفاده میشوند و برای اغلب واحدهای صنعتی از اهمیّت ویژهای برخوردارند. با وجود تحقیقات گستردهای که در زمینه انتقال حرارت صورت گرفته است، پیشرفتهای قابل ملاحظهای در قابلیت انتقال حرارت سیالات عامی حاصل نگردیده است، یشرفتهای قابل ملاحظهای در حرارت استفاده از ذرات در مقیاس نانو معلق در سیال اصلی که نانوسیال شناخته می شود، است. مطالعات زیادی روی مخلوطهایی شامل ذرات جامد صورت گرفته است. از آنجا که این تحقیقات به مخلوطهای شامل ذرات جامد در ابعاد میلیمتر یا بعضاً میکرومتر محدود شدهاند، ته نشین شدن ذرات جامد در مخلوط غیر قابل اجتناب بوده است و این دلیل اصلی عدم استفاده فراگیر از سیالات حاوی ذرات جامد در مقیاس میکرومتر شده است. در حالیکه ذرات نانو (درابعاد ۱۵ تا ۴۰ نانومتر) کاملاً پایدارند و در شرایط استاتیک پدیده ته نشینی در مورد آنها مشاهده نمی شود. نکته قابل توجه دیگر این است که ضریب انتقال حرارت سیالات شامل ذرات نانو بیشتر از مخلوطهای شامل ذرات با ابعاد میکرومتر است.

نانوسیالات به علت افزایش قابل توجه خواص حرارتی، نظر بسیاری از دانشمندان را در سالهای اخیر به خود جلب کردهاند. به عنوان مثال مقدار کمی (حدود یک درصد حجمی) از نانوذرات مس یا نانولوله های کربنی در اتیلن گلیکول یا روغن به ترتیب افزایش ۴۰ و ۱۵۰ درصدی در هدایت حرارتی این سیالات ایجاد میکند، در حالی که برای رسیدن به چنین افزایش هدایت حرارتی در سوسپانسیون های معمولی، به غلظتهای بالاتر از ده درصد از ذرات احتیاج است. این در حالی است که مشکلات پایداری این سوسپانسیون ها در غلظتهای بالا

نانوسیالات در صنایع نیز مورد توجه قرار گرفتهاند. ایجاد ماشینهای جدید MEMS<sup>۸</sup>منجر به بررسی این گونه وسایل در مقیاس میکرو و کوچکتر شد. پردازشگرها در ابعاد میکرو سریعتر بوده و بار حرارتی بزرگتری هم دارند. همچنین ساختن میکروتوربینها و میکروموتورها باعث شد تا برای سرد کردن این وسایل نیاز جدی احساس شود. میکرو مبدلهای حرارتی در این میان، قابلیت مناسبی برای خنک کاری آنها دارند. اما کمبود سطح تماس مناسب و ویژگی های

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Micro Elector Mechanical Systems

ساخت این مبدلها و نیز پائین بودن ضریب رسانایی سیالات عادی از مشکلات خنکاری در MEMS است. در این میان، نانوسیالات با قابلیتهای حرارتی بهتر میتوانند موثر باشند.

با اینحال هنوز عملکرد اینگونه سیالات در شرایط و هندسههای مختلف بطور دقیق مشخص نشده است و تحقیقات ادامه دارد.

انتقال حرارت در بین دو استوانه هم محور افقی دارای کاربردهای متنوع مهندسی در مبدلهای حرارتی، کلکتورهای خورشیدی، سیستمهای ذخیرهسازی گرمایش و سرمایش اجزای الکترونیکی میباشد و در بسیاری از تحقیقات بعنوان یک هندسه مدل از آن استفاده میشود. لذا افزایش انتقال حرارت نیز در این هندسه از اهمیت زیادی برخوردار است. در بسیاری از موارد انتقال حرارت جابجایی آزاد، مکانیزم اصلی انتقال حرارت در این هندسه میباشد. استفاده از نانوسیال در هندسه مزبور جهت افزایش انتقال حرارت مقرون به صرفه به نظر میرسد. البته بحث هایی در مورد تاثیر نانوذرات در افزایش انتقال حرارت به روش جابجایی آزاد وجود دارد.

## ۲-۱- مروری بر **کارهای گذشته**

افزایش انتقال حرارت همواره در صنعت مورد توجه بوده است. از آنجا که سیالات متداول در صنایع نظیر آب، روغن و اتیلن گیلکول، نسبت به اغلب جامدات دارای خواص حرارتی پایینتری میباشند، لذا از زمانهای قدیم افزایش کارایی حرارتی سیالات مورد توجه بوده است. در این راستا ماکسول<sup>۲</sup> در سال ۱۹۷۳ تحقیقاتی انجام داده است [۱]. وی نشان داد که افزودن ذرات در مقیاس میلی و میکرومتر موجب افزایش هدایت حرارتی مخلوط میشود. اما از آنجا که این نوع ذرات سریع ته نشین میشوند و موجب مسدود شدن مجاری و فرسایش خطوط لوله می-گردند، بنابراین نسل جدیدی از مخلوط های جامد–مایع به نام نانوسیال توسط چوی<sup>۳</sup> در سال

<sup>2</sup> Maxwell <sup>3</sup>Choi ۱۹۹۵ پیشنهاد شد [۲]. برای تحلیل بهتر در زمینه انتقال حرارت در نانوسیالات، نیاز به بررسی خواص فیزیکی نانوسیال میباشد. در اکثر تحقیقات منتشر شده، خواص فیزیکی نانوسیال نظیر ضریب هدایت حرارتی و ویسکوزیته بصورت تابعی از کسر حجمی نانوذرات گزارش شده است [۱۰–۳].

کبلینسکی<sup><sup>†</sup></sup> و همکاران [۱۱] به بررسی مدلی جهت افزایش انتقال گرما در نانوسیال پرداختند. با توجه به مدل آنها، روابط مختلفی برای خواص نانوسیال ارائه شد [۱۴–۱۲]. در زمینه انتقال حرارت جابجایی اجباری، محققین افزایش نرخ انتقال حرارت را در اثر افزودن نانوذرات گزارش نمودهاند [۱۷–۱۵].

بررسی تاثیر افزودن نانوذرات به سیال پایه در افزایش انتقال حرارت به روش جابجایی آزاد در دهه اخیر مورد توجه قرار گرفته است. از تحقیقات انجام شده در این زمینه میتوان به بررسی جریان جابجایی آزاد نانوسیال آب-مس در یک محفظهی دوبعدی توسط خانافر<sup>6</sup> و همکاران در سال ۲۰۰۳ اشاره نمود [۱۸]. نتایج آنها نشان داد که افزودن نانوذرات به سیال پایه موجب افزایش انتقال حرارت برای هر عدد گراشفی میشود. نتایج مشابهی توسط ازتپ<sup>2</sup> و ابونادا<sup>۷</sup> در سال ۲۰۰۸ ارائه شد، که در آن افزایش انتقال حرارت از طریق افزودن نانوذرات مشاهده شده است [۱۹]. اگر چه در سال ۲۰۰۳ نتایج آزمایشگاهی متناقضی توسط پوترا<sup>۸</sup> و همکاران [۲۰] گزارش شده بود. بررسی آنها نشان داد که ضریب انتقال حرارت جابجایی طبیعی برای نانوسیال کمتر از مقدار آن برای سیال خالص میباشد. تحقیقات تجربی دیگری نیز در سال ۲۰۰۴ توسط ون<sup>۴</sup> و دینگ<sup>۱۰</sup> انجام شده است که نشانگر کاهش محسوسی در

<sup>4</sup> Keblineski
<sup>5</sup> Khanafer
<sup>6</sup> Oztop
<sup>7</sup> Abu-Nada
<sup>8</sup> Putra
<sup>9</sup> Van
<sup>10</sup> Ding

انتقال حرارت از طریق افزودن نانوسیال میباشد [۲۱]. بطور کلی انتقال حرارت جابجایی طبیعی از خواص نانوسیال از قبیل ویسکوزیته و هدایت حرارتی تاثیر می پذیرد.

در زمینه انتقال حرارت جابجایی ازاد در حلقه هم محور افقی نیز بررسیهای عددی و تجربی زیادی انجام شده است، که در ادامه به برخی از آنها اشاره می گردد. اولین مطالعات تجربی در مورد انتقال حرارت دائمی و آرام در لولههای هم مرکز افقی توسط کوهن ( و گلداشتین<sup>۱۲</sup> در سال ۱۹۷۶ انجام شده است [۲۲]. آنها نتایج تجربی و عددی خود را برای عدد رایلی مشخصی در استوانه هم مرکز افقی با دمای ثابت ارائه کردهاند. در این بررسی توزیع دما و ضریب انتقال حرارت موضعی به صورت تجربی بدست آمده است و با نتایج عددی مقایسه گردیده است که مطابقت خوبی بین آنها مشاهده شده است. جابجایی آزاد در حلقه افقی، با شرایط مرزی شار ثابت بر روی استوانه داخلی و دما ثابت در استوانه خارجی به طور عددی توسط کومار<sup>۱۲</sup> در سال ۱۹۸۸ بررسی شده است [۲۳]. نتایج عددی میدان جریان و دما وانتقال حرارت برای محدوده وسیعی از اعداد رایلی و نسبت قطر مختلف ارائه گردیده است. نتایج او نشان داد که دمای دیواره داخلی به شدت وابسته به نسبت قطر است و نسبت دمای ماکزیمم به دمای متوسط با افزایش عدد رایلی افزایش مییابد ولی با نسبت قطر رابطه معکوس دارد. همچنین نرخ انتقال حرارت در حالت شار ثابت نسبت به دما ثابت به ازای اختلاف دمای یکسان، بیشتر است و با افزایش عدد رایلی نیز افزایش می یابد. انتقال حرارت جابجایی طبیعی در بین دو استوانه افقی هم محور و غیر هم محور با شرایط مرزی مختلط به صورت عددی با روش تفاضل محدود توسط هو<sup>۱۴</sup> و همکاران در سال ۱۹۸۹ بررسی شده است [۲۴]. نتایج عددی بدست آمده نشان میدهد که جریان سیال و نرخ انتقال حرارت در حلقه وابسته به عدد

<sup>11</sup> kuehn

12 Goldstein

- <sup>13</sup> Kumar
- <sup>14</sup> Ho

رایلی و مرکزیت حلقه است و نسبت به عدد پرانتل محسوس نمی باشد. همچنین مشخص شد که شرط مرزی حرارتی بر روی نرخ انتقال حرارت در حلقه موثر است. انتقال حرارت جابجایی آزاد مغشوش در حلقه افقی هم محور و غیر هم محور توسط هانجلیک<sup>10</sup> و کنجرس<sup>۱۰</sup> در سال ۱۹۹۵ بررسی شد [۲۵]. تحقیقات آنها نشان داد که به طور کلی الگوی جریان محاسبه شده به خصوص در عدد رایلی بالا، با نتایج تجربی مطابقت خوبی دارد. همچنین با جابجایی استوانه داخلی به طرف بالا سطح اغتشاش کاهش می یابد، اما با جابجایی به طرف پایین سطح اغتشاش و انتقال حرارت کلی افزایش می یابد.انتقال حرارت جابجایی آزاد مختلط در حلقه افقی برای دو آرایش مختلف با سطح داخلی به صورت مربعی و لوزی شکل با شرایط مرزی شار ثابت بر روی سطح داخلی و دمای ثابت بر روی سطح خارجی توسط شایجا<sup>۱۷</sup> و همکاران در سال ۲۰۰۸ بررسی شد [۲۶]. نتایج آنها نشان داد که جریان در حلقه با دو و چهار گردابه در عدد گراشف متفاوت مشخص می گردد. همچنین عدد ناسلت موضعی بر روی مرز داخلی به شدت وابسته به نسبت هدایت حرارتی سیال به سطح داخلی است. نوباری و مهربانی درسال ۲۰۱۰ به مطالعه عددی جریان سیال در حلقه غیر هم محور خمیده پرداختند [۲۷]. در مطالعه آنها اثر انحنا، عددپرانتل برروی میدان جریان و خواص حرارتی در شرایط مرزی مختلف بررسی شده است.

اثر وجود پره روی استوانه داخلی بر الگوی جریان، توزیع دما وعدد ناسلت در بین استوانه-های هم مرکز افقی توسط پاتنکار<sup>۱۸</sup> و چایی<sup>۱۹</sup> در سال ۱۹۹۳ بررسی شده است [۲۸]. بر اساس نتایج آنها، آرایش پرهها تاثیر کمی بر عدد ناسلت دارد. اما به طور کلی پرهها جابجایی آزاد را کاهش میدهند، لذا با افزایش طول پرهها عدد ناسلت کاهش مییابد. همچنین اثر وجود پره-های شعاعی روی استوانه داخلی در جریان جابجایی آزاد مغشوش توسط رهنما و فرهادی در

<sup>17</sup> Hanjalic
<sup>18</sup> Kenjeres
<sup>19</sup> Shija
<sup>15</sup> Patankar
<sup>16</sup>Chai

سال ۲۰۰۴ بررسی شده است [۲۹]. نتایج آنها مشخص میکند که طول بیشتر پرهها باعث بلوکه شدن جریان میشود و نرخ انتقال حرارت با افزودن پره کاهش مییابد.

در زمینه انتقال حرارت جابجایی آزاد نانوسیال در حلقه هم محور نیز بررسیهای عددی محدودی انجام شده است. ابونادا و همکاران در سال ۲۰۰۸ به بررسی افزایش انتقال حرارت جابجایی آرام آزاد در حلقههای هم محور افقی با نانوسیال آب و اکسید آلومینیوم پرداختند [۳۰]. بررسیهای آنها نشان داد که در اعداد رایلی بالا، افزودن نانوذرات موجب افزایش نرخ انتقال حرارت می گردد. همچنین ابونادا در سال ۲۰۰۹ به بررسی تاثیر ویسکوزیته و هدایت حرارتی نانوسیال آب و اکسید آلومینیوم با استفاده از مدلهای مختلف، بر افزایش انتقال حرارت در جابجایی آزاد درحلقه هم محور پرداخته است [۳۱]. نتایج او نشان میدهد با استفاده از مدل ویسکوزیته وهدایت حرارتی متغییر در<sup>۴</sup>۰۱≤Ra عدد ناسلت با افزودن نانوذرات کاهش

#### **----- هدف و موضوع تحقيق**

با توجه بر مرور انجام گرفته در متون علمی قابل دسترس، بررسی عددی جریان نانوسیال داخل حلقه هم محور با پرههای شعاعی مشاهده نگردیده است. لذا هدف از این پروژه مطالعه عددی میدان جریان و انتقال حرارت نانوسیال در حلقه هم محور با پرههای شعاعی در جریان جابجائی آزاد آرام میباشد.

در این پژوهش ابتدا نحوه مدلسازی خواص فیزیکی نانوسیال مرورمی شود. سپس معادلات دیفرانسیل و شرایط مرزی حاکم بر جریان نانوسیال و انتقال حرارت به صورت مدل تک فاز، در حلقه هم محور با پرههای شعاعی تعیین می شوند. در ادامه با توجه به هندسه حل و شرایط مرزی، برنامه کامپیوتری موجود اصلاح و آماده می گردد. برای اطمینان از صحت برنامه اصلاح شده، نتایج مدلسازی برای جریان هوا و نانوسیال بین دو استوانه بدون پره با نتایج کارهای مشابه قبلی مقایسه می گردد. سپس به حل معادلات توسط کد کامپیوتری توسعه داده شده برای جریان داخل حلقه هم محور با پرههای شعاعی پرداخته می شود. با استفاده از نتایج مدلسازی عددی نانوسیال، میدان جریان و انتقال حرارت در شرایط مختلف بررسی می شود. تاثیر تغییر تعداد پرهها، ابعادپرهها، نوع نانوذرات و درصد حجمی نانو ذرات بر میدان جریان و انتقال حرارت مطالعه می شود.

در شکل (۱–۱) هندسهٔ یکی از حالات مورد بررسی نشان داده شده است. در این شکل استوانه داخلی با شعاع  $r_0$  و دمای  $T_i$  و استوانه خارجی با شعاع  $r_0$  و دمای  $T_i$  نشان داده شده است. همچنین دو پره نازک با طول  $l_{\rm fin}$  بر روی استوانه داخلی قرار دارد.



شکل ۱-۱: هندسه و محور مختصات مسئله

#### **-4-1 روش انجام تحقيق**

روش حل در این تحقیق، روش عددی میباشد. حل معادلات حاکم بر جریان در هندسه مورد نظر با استفاده از یک برنامه کامپیوتری به زبان فرترن انجام می گیرد. ابتدا یک شبکه غیریکنواخت از نقاطی که در نزدیکی دیوارهها دارای تمرکز بیشتری است بر میدان حل منطبق گردیده و سپس معادلات حاکم با استفاده از روش حجم محدود<sup>۲۰</sup> (با انتگرال گیری بر روی شبکه منطبق شده) منفصل میشود. برای انفصال جملات جابجایی از طرح پیوندی<sup>۲۱</sup> (ترکیب طرحهای تفاضل مرکزی<sup>۲۲</sup> و بالادست<sup>۲۲</sup>) استفاده میشود. جملهٔ مجهول فشار در معادلات مومنتوم نیز به کمک الگوریتم سیمپلر<sup>۲۹</sup> طوری محاسبه میشود که معادلهٔ پیوستگی ارضا شود [۳7]. برای حل دستگاه معادلات جبری بدست آمده، از روش ضمنی خط به خط و الگوریتم توماس استفاده میشود که معادلهٔ پیوستگی ارضا شود مومنتوم نیز به کمک الگوریتم سیمپلر<sup>۲۹</sup> طوری محاسبه میشود که معادلهٔ پیوستگی ارضا شود [۳7]. برای حل دستگاه معادلات جبری بدست آمده، از روش ضمنی خط به خط و الگوریتم موماس استفاده میشود که معادلهٔ پیوستگی ارضا شود ایران موری از برای حل دستگاه معادلات جبری بدست آمده، از روش ضمنی خط به خط و الگوریتم موماس استفاده میشود. معیار همگرایی طوری انتخاب میشود که مجموع باقیماندههای مومنتوم در راستای محور ۲۰ میشود که مجموع باقیمانده ما مومنتوم در راستای محور ۲۰ میشود. میشود.

به منظور اطمینان از صحت نتایج حاصل از کد کامپیوتری، برنامه برای حالتهای مختلفی که نتایج آن در متون قبلی موجود میباشد، اجرا شده و نتایج مورد مقایسه قرار می گیرد.

<sup>19</sup>Finite volume
<sup>20</sup> Hybrid scheme
<sup>21</sup> Central difference
<sup>22</sup> Upwind
<sup>23</sup> SIMPLER algorithm