



دانشکده‌ی مهندسی

گروه عمران

پایان نامه کارشناسی ارشد در گرایش سازه‌های هیدرولیکی

# مدل‌سازی عددی امواج تیز ایستا در آب‌های کم عمق

با استفاده از نرم‌افزار FLUENT

مؤلف

سعیده توکلی

استاد راهنما

دکتر محمد رضا جعفرزاده

استاد مشاور

دکتر ابراهیم علامتیان

پاییز ۱۳۹۰

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

این اندک تلاش علمی،

را به صاحب زمان و مکان که نور حضورش را از پس سایه ابرها احساس می‌کنم

تقدیم می‌نمایم.



این پایان نامه که به وسیله خانم سعیده توکلی تدوین و به هیأت داوران ارائه گردیده است، به عنوان بخش پژوهشی دوره کارشناسی ارشد سازه‌های هیدرولیکی، مورد تأیید شورای تحصیلات تکمیلی گروه عمران، دانشکده مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد می‌باشد.

تاریخ دفاع: ۹۰/۸/۲۳  
نمره: ۱۸/۷۵  
درجه ارزشیابی: بسیار خوب

استاد راهنما: آقای دکتر محمد رضا جعفرزاده

استاد مشاور: آقای دکتر ابراهیم علامتیان

استاد مدعو: آقای دکتر محمود فغفور مغربی

نماینده تحصیلات تکمیلی: آقای دکتر فریدون پویانزار

## تأییدیه

گواهی می‌شود، این پایان نامه تاکنون برای احراز یک درجه علمی ارائه نشده است و تمامی مطلب‌های آن، به جز مورد هایی که نام منبع آورده شده است، نتیجه کار پژوهشی دانشجو می‌باشد.

امضای دانشجو: سعیده توکلی

امضای استاد راهنما: دکتر محمد رضا جعفرزاده



بسمه تعالیٰ .

مشخصات رساله/پایان نامه تحصیلی دانشجویان .

دانشگاه فردوسی مشهد

عنوان رساله/پایان نامه: مدلسازی عددی امواج تیز ایستا در آب های کم عمق با استفاده از نرم افزار FLUENT

نام نویسنده: سعیده توکلی

نام استاد(ان) راهنما: دکتر محمد رضا جعفرزاده

نام استاد(ان) مشاور: دکتر ابراهیم علامتیان

رشته تحصیلی: سازه های هیدرولیکی	گروه: عمران	دانشکده : مهندسی
تاریخ دفاع: ۱۳۹۰/۸/۲۳		تاریخ تصویب:
تعداد صفحات: ۱۴۱	دکتری	قطع تحصیلی: کارشناسی ارشد

چکیده رساله/پایان نامه :

در این رساله، امواج تیز ایستا در جریان آبهای کم عمق با استفاده از نرم افزار Fluent 6.3 شبیه سازی می شود. جهت ارزیابی قابلیت های نرم افزار فلوئنت در مدل سازی امواج تیز، در ابتدا مسئله شکست سد با شرایط اولیه مختلف (بستر تر و بستر خشک) در یک بعد شبیه سازی می گردد. در این راستا اثر یک مانع عمود بر مسیر جریان در پایاب سد بر موج حاصل از شکست سد نیز بررسی می شود. در ادامه پرش هیدرولیکی در کanal به صورت یک بعدی شبیه سازی می گردد و نتایج حاصل از حل عددی با نتایج آزمایشگاهی موجود مقایسه می شود. جهت بررسی و تحلیل سه بعدی امواج تیز، امواج تیز مورب به وجود آمده در تبدیلی با گوشه مقعر به صورت سه بعدی شبیه سازی می گردد. اندر کنش امواج تیز مورب و امواج انبساطی نیز با تحلیل جریان فوق بحرانی در یک تبدیل متقارن بررسی می شود. مقایسه نتایج حاصل از تحلیل سه بعدی امواج تیز با نتایج تحلیلی موجود حاصل از فرضیات دو بعدی و همچنین کارهای دو بعدی محققین قبلی نشان می دهند، مشخصات جریان پس از پرش در کanal با نتایج تحلیلی و عددی در دو بعد مطابقت دارد اما در محدوده موج تیز پخشیدگی عددی زیاد می باشد. در انتهای امواج تیز ایستای به وجود آمده از برخورد جریان فوق بحرانی به یک مانع عرضی در کanal مدل سازی شده و نتایج آن با کارهای دو بعدی عددی و آزمایشگاهی محققین قبلی مقایسه می گردد. نتایج حاصل نشان می دهد که فلوئنت نمی تواند امواج تیز ایستا در کanal مورد نظر را به خوبی شبیه سازی کند

امضای استاد راهنما:	کلید واژه:
	۱. معادلات آبهای کم عمق
	۲. امواج تیز ایستا
	۳. جریان فوق بحرانی
تاریخ:	۴. مدل سه بعدی Fluent .۵

## تشکر و قدردانی

اکنون که به یاری پروردگار و عنایات ولی عصر (عج) و توجهات علی ابن موسی الرضا (ع)  
تحقیقات علمی حاضر صورت گرفته است، لازم می‌دانم از راهنمایی‌های ارزشمند استاد ارجمند  
دکتر محمد رضا جعفرزاده و حمایت و راهنمایی‌های ارزنده استاد مشاور خود، دکتر ابراهیم  
علامتیان تشکر نمایم.

پشتیبانی پدر بزرگوارم و دلسوزی مادرم مهربانم در طول تحصیلاتم و صبر و شکیبایی همسر  
فداکارم در مدت انجام این تحقیق در خورستایش و سپاس فراوان است.

در نهایت از زحمات اساتید گروه عمران دانشکده مهندسی دانشگاه فردوسی مشهد که تحصیلات  
کارشناسی و کارشناسی ارشد خود را مديون ایشان می‌باشم تقدیر نموده و آرزوی موفقیت ایشان را  
دارم.

سعیده توکلی

آبان ماه ۱۳۹۰

## فهرست مطالب

۱	فصل اول: کلیات.....
۲	مقدمه.....
۵	فصل دوم: معادلات حاکم بر جریان سیالات.....
۶	۱-۱- مقدمه.....
۶	۲-۲- تعریف نمادها.....
۷	۲-۳- قوانین بقای جرم و ممتم.....
۱۰	۲-۴- جریان آب با سطح آزاد.....
۱۰	۲-۵- شرایط مرزی سطح آب و بستر.....
۱۲	۲-۶- معادلات آب‌های کم عمق.....
۱۶	۲-۷- روش‌های حل معادلات حاکم بر جریان سیال.....
۲۰	۲-۸- نتیجه‌گیری.....
۲۲	فصل سوم: مقدمه‌ای بر نرم افزار FLUENT.....
۲۳	۳-۱- مقدمه.....
۲۳	۳-۲- دینامیک سیالات محاسباتی (CFD).....
۲۵	۳-۳- تنظیمات نرم افزار فلوئنت.....
۲۷	۳-۴- مدل‌سازی در نرم افزار پیش پردازنده.....
۲۷	۳-۵- انتخاب حل کننده.....
۲۸	۳-۵-۱- تنظیم و به کار گیری حل کننده.....
۲۹	۳-۵-۲- حل کننده مبتنی بر فشار.....
۳۱	۳-۵-۳- جداسازی.....
۳۳	۴-۵-۳- فرم خطی شده معادله جداسازی شده.....
۳۴	۵-۵-۳- حل معادلات با استفاده از حل کننده مبتنی بر فشار.....
۳۵	۶-۵-۳- وابستگی سرعت- فشار.....
۳۷	۶-۶-۳- مدل‌سازی جریان‌های چند فازی.....
۳۸	۶-۶-۱- انتخاب مدل چند فازی مناسب.....
۳۹	۶-۶-۲- مدل VOF برای تعیین سطح آزاد.....
۴۱	۶-۶-۳- محدودیت‌های مدل VOF.....

۴۲	- تنظیم موقعیت فشار مرجع	۳-۶-۴
۴۲	- تعیین مدل آشتفتگی	۳-۷
۴۳	..... مدل آشتفتگی Spalart – Allmaras	۳-۷-۱
۴۴	..... مدل آشتفتگی $K-\epsilon$	۳-۷-۲
۴۵	..... K- $\epsilon$ (RNG)	۳-۷-۳
۴۶	..... مدل آشتفتگی ( $k-\epsilon$ realizable)	۳-۷-۴
۴۷	..... مدل آشتفتگی $k-\omega$	۳-۷-۵
۴۸	..... مدل آشتفتگی تنش رینولدز (RSM)	۳-۷-۶
۴۹	- تعیین خواص	۳-۸
۴۹	- انواع شرایط مرزی	۳-۹
۵۰	- تعیین شرایط مرزی برای کانال‌های باز	۳-۹-۱
۵۱	- محدودیت‌های شرایط مرزی در کانال‌های باز	۳-۹-۲
۵۲	- مقدار دهی اولیه به میدان جریان	۳-۱۰
۵۲	- پس پردازنده	۳-۱۱
۵۳	- کنترل همگرایی حل	۳-۱۲
۵۳	- پیشنهادهایی برای تنظیم مسائل جریان کانال باز	۳-۱۳
۵۴	- نتیجه گیری	۳-۱۴
۵۶	<b>فصل چهارم: معرفی امواج تیز و روش‌های تسخیر امواج تیز</b>	
۵۷	- مقدمه	۴-۱
۵۹	- قوانین بقاء	۴-۲
۶۱	- روش‌های حجم محدود بقائی	۴-۳
۶۳	- مسئله ریمن	۴-۴
۶۴	- روش گدونف	۴-۵
۶۵	- الگوهای با دقت مرتبه دو	۴-۶
۶۷	- الگوهای با قدرت تفکیک بالا	۴-۷
۷۰	- روش‌های عددی برای حل معادلات آب‌های کم عمق	۴-۸
۷۰	- روش متکی به بالادست	۴-۸-۱
۷۲	- Roe	۴-۸-۲
۷۲	- Roe	۴-۸-۳
۷۵	- Roe	۴-۸-۴
۷۶	- روش‌های تحلیلی حل مسائل امواج تیز	۴-۹

۱-۹-۴	- مسئله یک بعدی شکست سد.....	۷۶
۲-۹-۴	- پرش هیدرولیکی مایل .....	۷۸
۴	- نتیجه گیری.....	۸۰
<b>فصل پنجم: شبیه‌سازی عددی امواج تیز و بررسی نتایج.....</b>		<b>۸۱</b>
۱-۵	- مقدمه.....	۸۲
۲-۵	- مسئله یک بعدی شکست سد.....	۸۴
۲-۵	- شکست سد بر بستر مرطوب.....	۸۵
۲-۵	- شکست سد بر بستر خشک.....	۸۹
۳-۲-۵	- برخورد دو موج تیز .....	۹۲
۴-۲-۵	- برخورد موج ناشی از شکست سد به دیوار.....	۹۷
۴-۵	- پرش هیدرولیکی.....	۱۰۱
۴-۵	- پرش هیدرولیکی مایل .....	۱۰۷
۴-۵	- امواج تیز مورب .....	۱۰۹
۴-۵	- اندرکنش امواج تیز و انساطی متقارن .....	۱۱۸
۵	- جریان فوق بحرانی در کانال با وجود مانع عرضی.....	۱۲۶
۵	- نتیجه گیری .....	۱۳۵
<b>فصل ششم: خلاصه بررسی‌ها، نتیجه گیری و پیشنهاد تحقیقات بیشتر .....</b>		<b>۱۳۷</b>
۶	- خلاصه بررسی‌ها.....	۱۳۸
۶	- نتیجه گیری .....	۱۳۹
۶	- پیشنهاد تحقیقات بیشتر .....	۱۴۱
<b>منابع و مراجع .....</b>		<b>۱۴۲</b>

## فهرست شکل‌ها

..... ۱۰	..... شکل ۱-۲- پروفیل طولی جریان با سطح آزاد در صفحه XZ
..... ۲۸	..... شکل ۳-۱- تصویر حل کننده در نرم افزار
..... ۳۲	..... شکل ۳-۲- حجم کنترل استفاده شده برای جداسازی معادله اسکالر انتقال
..... ۵۷	..... شکل ۴-۱- امواج حاصل از شکست سد
..... ۵۸	..... شکل ۴-۲- امواج سونامی
..... ۵۸	..... شکل ۴-۳- نمایی از امواج ایستای به وجود آمده در یک خم در جریان فوق بحرانی
..... ۶۲	..... شکل ۴-۴- شارهای عبوری از وجود مشترک سلولها
..... ۶۶	..... شکل ۴-۵- بررسی معادله انتقال $0 = Aq_x + q_t$ با شرایط مرزی تناوبی
..... ۷۳	..... شکل ۴-۶- جداسازی حجم محدود برای مدل یک بعدی
..... ۷۴	..... شکل ۷-۴- محاسبه شار با الگوی Roe
..... ۷۷	..... شکل ۸-۴- شرط اولیه شکست سد در یک بعد
..... ۷۹	..... شکل ۹-۴- پرش هیدرولیکی مایل
..... ۸۵	..... شکل ۱-۵- شرایط اولیه در مسئله شکست سد بر بستر مرطوب
..... ۸۶	..... شکل ۲-۵- شرایط مرزی در نظر گرفته شده در نرم افزار گمیت
..... ۸۷	..... شکل ۳-۵- تغییرات متغیر $Fh$ در برابر تراکم‌های مختلف سلولها
..... ۸۸	..... شکل ۴-۵- تغییرات زمان محاسبات در برابر تعداد سلولهای محاسباتی
..... ۸۹	..... شکل ۵-۵- مقایسه نتایج حل عددی نرم افزار فلوئنت با حل تحلیلی موجود ( $t=20$ s)
..... ۸۹	..... شکل ۶-۵- شرایط اولیه در مسئله شکست سد بر بستر خشک
..... ۹۰	..... شکل ۷-۵- شرایط مرزی در نظر گرفته شده در نرم افزار گمیت
..... ۹۱	..... شکل ۸-۵- مقایسه نتایج نرم افزار فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=40$ s)
..... ۹۱	..... شکل ۹-۵- مقایسه نتایج فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=40$ s) در مقیاس بزرگتر
..... ۹۲	..... شکل ۱۰-۵- مقایسه نتایج فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=40$ s) در مقیاس بزرگتر
..... ۹۲	..... شکل ۱۱-۵- شرایط اولیه در آزمون برخورد دو موج تیز
..... ۹۳	..... شکل ۱۲-۵- شرایط مرزی در نظر گرفته شده در نرم افزار گمیت
..... ۹۴	..... شکل ۱۳-۵- حل تحلیلی آزمون برخورد دو موج تیز در زمانهای مختلف
..... ۹۵	..... شکل ۱۴-۵- مقایسه نتایج نرم افزار فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=10$ s)
..... ۹۵	..... شکل ۱۵-۵- مقایسه نتایج فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=10$ s) در مقیاس بزرگتر
..... ۹۶	..... شکل ۱۶-۵- مقایسه نتایج نرم افزار فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=25$ s)
..... ۹۶	..... شکل ۱۷-۵- مقایسه نتایج فلوئنت با روش تحلیلی و روش عددی PCM در زمان ( $t=25$ s) در مقیاس بزرگتر
..... ۹۷	..... شکل ۱۸-۵- شرایط اولیه در مسئله شکست سد
..... ۹۷	..... شکل ۱۹-۵- شرایط مرزی در نظر گرفته شده در نرمافزار گمیت

۹۸	- حركت موج حاصل از شکست سد در زمان های مختلف	شکل ۲۰-۵
۹۹	- حركت موج در زمان های مختلف در طول کanal	شکل ۲۱-۵
۱۰۰	- افزایش عمق آب در نقطه $x=2.228$ نسبت به زمان	شکل ۲۲-۵
۱۰۰	- افزایش عمق آب در نقطه $x=2.275$ نسبت به زمان	شکل ۲۳-۵
۱۰۱	- تشکیل پرش هیدرولیکی در پایاب یک پنجه	شکل ۲۴-۵
۱۰۲	- شرایط اولیه در مسئله پرش هیدرولیکی	شکل ۲۵-۵
۱۰۳	- شرایط مرزی در نظر گرفته شده در نرم افزار گمیت	شکل ۲۶-۵
۱۰۴	- تأثیر تراکم سلولهای محاسباتی بر طول پرش هیدرولیکی در کanal	شکل ۲۷-۵
۱۰۵	- پروفیل طولی عمق جریان و مقایسه نتایج عددی و آزمایشگاهی	شکل ۲۸-۵
۱۰۶	- منحنی های همتراز سرعت در محل تشکیل پرش هیدرولیکی در کanal	شکل ۲۹-۵
۱۰۶	- توزیع انرژی جنبشی آشفتگی در کanal	شکل ۳۰-۵
۱۰۷	- پروفیل انرژی جنبشی آشفتگی در مقطع	شکل ۳۱-۵
۱۰۸	- الف- طراحی مناسب تبدیل تنگ شونده	شکل ۳۲-۵
۱۰۸	- ب- طراحی نا مناسب تبدیل تنگ شونده	شکل ۳۲-۵
۱۱۰	- فضای محاسباتی و شرایط مرزی در نرم افزار	شکل ۳۳-۵
۱۱۱	- تأثیر تراکم سلولهای محاسباتی بر طول پرش هیدرولیکی مایل در کanal	شکل ۳۴-۵
۱۱۲	- نمای سه بعدی پرش هیدرولیکی ایجاد شده در کanal	شکل ۳۵-۵
۱۱۲	- پرش هیدرولیکی مایل در یک تبدیل تنگ شونده	شکل ۳۶-۵
۱۱۳	- پروفیل طولی عمق جریان در مقطع $y=5.0m$ , A-A	شکل ۳۷-۵
۱۱۳	- پروفیل عرضی عمق جریان در مقطع $x=15.0m$ , B-B	شکل ۳۸-۵
۱۱۵	- منحنی های همتراز سرعت در جهت X در عمق ۸/ متر	شکل ۳۹-۵
۱۱۶	- پروفیل طولی سرعت در مقطع A-A	شکل ۴۰-۵
۱۱۶	- پروفیل طولی سرعت در مقطع B-B	شکل ۴۱-۵
۱۱۷	- توزیع انرژی جنبشی آشفتگی (k) در عمق ۰/۹ متر	شکل ۴۲-۵
۱۱۷	- پروفیل طولی عمق جریان در $y=5.0m$ با دو مدل آشفتگی مختلف	شکل ۴۳-۵
۱۱۸	- فضای محاسباتی و شرایط مرزی در نرم افزار	شکل ۴۴-۵
۱۱۹	- تأثیر تراکم سلولهای محاسباتی بر مقدار پارامتر Fh	شکل ۴۵-۵
۱۲۰	- تغییرات زمان محاسبات در برابر تعداد سلولهای محاسباتی	شکل ۴۶-۵
۱۲۱	- نمای سه بعدی امواج تیز ایجاد شده در تبدیل	شکل ۴۷-۵
۱۲۱	- اندرکنش امواج تیز متقارن و امواج انبساطی	شکل ۴۸-۵
۱۲۲	- پروفیل طولی عمق جریان در محور تقارن تبدیل مقطع A-A	شکل ۴۹-۵
۱۲۲	- پروفیل طولی عمق جریان در مقطع B-B	شکل ۵۰-۵
۱۲۴	- خطوط همتراز سرعت در تبدیل متقارن در عمق ۰/ متر	شکل ۵۱-۵

..... شکل ۵-۵۲- پروفیل طولی سرعت جریان در مقطع A-A	Y=8.0m	125
..... شکل ۵-۵۳- پروفیل طولی سرعت جریان در مقطع B-B	X=20m	125
..... شکل ۵-۵۴- توزیع انرژی جنبشی آشفتگی (k) در عمق ۰/۵ متر	126	
..... شکل ۵-۵۵- پلان کanal مدل سازی شده و مقاطع طولی	127	
..... شکل ۵-۵۶- تغییرات پارامتر Fh در برابر تراکم سلولهای محاسباتی	129	
..... شکل ۵-۵۷- تغییرات زمان محاسبات در برابر تعداد سلولهای محاسباتی	130	
..... شکل ۵-۵۸- نمای سه بعدی جریان فوق بحرانی در کanal با وجود مانع عرضی	131	
..... شکل ۵-۵۹- پروفیل طولی عمق جریان در امتداد P1	131	
..... شکل ۵-۶۰- پروفیل طولی عمق جریان در امتداد P2	132	
..... شکل ۵-۶۱- پروفیل طولی عمق جریان در امتداد P3	132	
..... شکل ۵-۶۲- مقایسه نیمرخ عرضی عمق جریان با نتایج آزمایشگاهی و روش عددی رو در $x=1.5m$	133	
..... شکل ۵-۶۳- مقایسه نیمرخ عرضی عمق جریان با نتایج آزمایشگاهی و روش عددی رو در $x=2.5m$	133	
..... شکل ۵-۶۴- منحنیهای همتراز سرعت در جهت X در کanal در عمق ۰/۰۲ متر از کف کanal	134	
..... شکل ۵-۶۵- توزیع انرژی جنبشی آشفتگی در کanal در عمق ۰/۰۲ متر از کف کanal	134	

## فهرست جداول

جدول ۳-۱- انواع شرایط مرزی، پارامترهای مورد نیاز.....	۵۰
جدول ۵-۱- مشخصات شبکه‌های بکار رفته .....	۸۶
جدول ۵-۲- نیمرخ آب اندازه گیری شده از پرس هیدرولیکی در کanal آزمایشگاهی .....	۱۰۲
جدول ۵-۳- مشخصات شبکه‌های بکار رفته .....	۱۰۳
جدول ۴-۵ - مقایسه نتایج عددی Fluent با حل تحلیلی و روش Roe برای مسئله امواج تیز مورب.....	۱۱۴
جدول ۵-۵ - مقایسه نتایج عددی Fluent در مسئله اندرکنش امواج تیز مورب و امواج انساطی.....	۱۲۳

# فصل اول

## کلیات

## مقدمه

شاک‌ها یا امواج تیز، از تغییر ناگهانی سرعت یا عمق در مقاطعی از جریان‌های فوق بحرانی و با سرعت زیاد به وجود می‌آیند. تسخیر امواج تیز برای مدل‌سازی بسیاری از پدیده‌های فیزیکی از جمله امواج اقیانوسی، نوسانات جزر و مدی، امواج حاصل از باز و بسته شدن ناگهانی دریچه‌ها، امواج سیلاب حاصل از شکست ناگهانی سد و غیره ضروری است. پیش‌بینی یا تسخیر امواج تیز مسئله‌ای است که سال‌ها مورد توجه بوده است. تاکنون روش‌های عددی مختلفی برای محاسبه و تسخیر امواج تیز در آب‌های کم عمق توسط محققین مختلف ارائه شده است. بیشتر روش‌های عددی ارائه شده برای حل معادلات آب‌های کم عمق بر اساس روش‌های حجم محدود می‌باشند. در سال‌های اخیر برای تسخیر ناپیوستگی در مدل‌سازی جریان آب‌های کم عمق، از روش‌های حجم محدود بقایی استفاده شده است. این روش‌ها بر پایه حل کننده‌های مسئله ریمن می‌باشند و ضمن حل معادلات در نواحی هموار جریان به شکل مطلوبی قادر به تسخیر امواج تیز می‌باشند. از جمله روش‌های عددی برای حل معادلات دوبعدی آب‌های کم عمق که می‌توانند امواج تیز را با قدرت بالا شبیه‌سازی کنند، روش‌های متکی به بالادست، روش‌های مرتبه دوم رو و همچنین روش‌های با قدرت تفکیک بالا می‌باشند.

اما شبیه‌سازی سه‌بعدی امواج تیز و بررسی دقت جواب‌های حاصله در مقایسه با مدل‌های متوسط‌گیری شده در عمق، مسئله‌ای است که همیشه مورد بحث بوده است. در تحقیق حاضر امواج تیز با نرم‌افزار فلوئنت شبیه‌سازی می‌گردد و نتایج آن با نتایج مدل‌های متوسط‌گیری شده در عمق مقایسه می‌گردد. فلوئنت از جمله نرم‌افزارهای قدرتمند در زمینه دینامیک سیالات محاسباتی می‌باشد و توانایی مدل‌سازی جریان سیالات در حالت‌های دوبعدی و سه‌بعدی، دائمی و غیر دائمی، جریان در محیط‌های مخلخل و ... را دارد. در نرم‌افزارهای موجود در زمینه دینامیک سیالات محاسباتی، معادلات عمومی که برای

توصیف جریان سیالات بکار می‌روند، معادلات سه‌بعدی ناویر استوکس می‌باشند. حل این معادلات با استفاده از روش‌های عددی، اساس کار نرم‌افزارهای موجود از جمله فلوئنت می‌باشد.

از این‌رو در تحقیق حاضر، ابتدا در فصل دوم به نحوه استخراج معادلات سه‌بعدی ناویر استوکس بر اساس معادلات بقای جرم و ممنتم پرداخته می‌شود و از آنجا معادلات دو بعدی آب‌های کم عمق را از معادلات سه‌بعدی ناویر استوکس استخراج می‌کنیم.

در ادامه در فصل سوم، به معرفی نرم‌افزار فلوئنت پرداخته می‌شود. نرم‌افزار فلوئنت قادر به مدل‌سازی جریان‌های با سطح آزاد به صورت دو فازی می‌باشد؛ از این‌رو سیال هوا به عنوان فاز اول و آب به عنوان فاز دوم در نظر گرفته می‌شود. در این فصل همچنین شرایط مرزی قابل کاربرد در مسائل کanal‌های باز و همچنین روش‌های مختلف حل مسائل در نرم‌افزار فلوئنت معرفی می‌شوند. در ادامه به شرح مختصری از مدل‌های مختلف آشفتگی که در نرم‌افزار وجود دارند پرداخته می‌شود.

در فصل چهارم پس از معرفی امواج تیز و انواع مختلف آن، به روش‌های عددی متفاوتی که قادر به تسخیر امواج تیز در مسائل دو بعدی آب‌های کم عمق می‌باشند اشاره مختصری می‌شود. در انتهای فصل نیز، روش تحلیلی حل مسئله شکست سد در یک بعد و مسئله دو بعدی پرس هیدرولیکی مایل در کanal ارائه شده است.

بررسی و تحلیل جریان‌های دو بعدی و سه‌بعدی امواج تیز و مقایسه نتایج بدست آمده با نتایج تحلیلی موجود و نتایج کارهای دو بعدی محققین قبلی در فصل پنجم صورت گرفته است. بدین منظور در ابتدا مسئله یک بعدی شکست سد و پرس هیدرولیکی در یک کanal مستقیم شبیه‌سازی می‌گردد. در ادامه به بررسی و شبیه‌سازی سه‌بعدی امواج تیز بوجود آمده در یک تبدیل با گوشه مقعر و یک تبدیل متقارن پرداخته می‌شود. در انتهای فصل نیز امواج ایستای ناشی از وجود یک مانع عرضی در جریان فوق بحرانی

---

---

در یک کanal به صورت سه بعدی با نرم افزار فلوئنت شبیه سازی شده و نتایج آن با نتایج کارهای دو بعدی محققین قبلی مقایسه می گردد.

در نهایت فصل آخر به جمع بندی و نتیجه گیری نهایی حاصل از مقایسه شبیه سازی های انجام شده با نتایج تحلیلی و کارهای محققین قبلی پرداخته و پیشنهاداتی را به آیندگان ارائه می دهد.

## فصل دوم

معادلات حاکم بر جریان سیالات

**۱-۱- مقدمه**

عمومی‌ترین مدل ریاضی برای توصیف جریان سیالات، معادلات ناویر استوکس می‌باشند که برای پیش‌بینی رفتار سیالات تراکم پذیر و لزج در جریان‌های سه‌بعدی بکار می‌روند.

چنانچه از معادلات سه‌بعدی ناویر استوکس در عمق انتگرال گیری شود، معادلات دو بعدی آب‌های کم عمق بدست می‌آیند. فرض اساسی در استخراج این معادلات مربوط به توزیع فشار هیدرولاستاتیک است که در نتیجه آن از اثرات شتاب قائم ذرات آب، صرف نظر می‌شود.

هدف از این قسمت علاوه بر مرور روابط ریاضی، نشان دادن تمامی فرضیات و ساده‌سازی‌هایی است که در بدست آوردن این معادلات اعمال می‌شود. این کار سبب می‌شود که محدودیت‌های کاربرد این معادلات و کاستی‌های نتایج بدست آمده از آنها و میزان انتظار از نتایج حل معادلات مشخص شود.

**۲-۲- تعریف نمادها**

هر کمیتی مانند  $\phi$  که به مکان و زمان وابسته باشد به صورت  $\phi(x, y, z, t)$  نشان داده می‌شود. وقتی بر روی یک کمیت اسکالر نظری  $\phi$  که به متغیرهای مکانی  $(x, y, z)$  وابسته است، عملگر گرادیان ( $\nabla$ ) اعمال شود، خواهیم داشت:

$$\text{grad } \phi = \nabla \phi = \left[ \frac{\partial \phi}{\partial x}, \frac{\partial \phi}{\partial y}, \frac{\partial \phi}{\partial z} \right] \quad (1-2)$$

اگر عملگر دیورژانس بر روی یک کمیت برداری مانند  $A = (a_1, a_2, a_3)$  اعمال شود، یک مقدار اسکالر بدست می‌آید:

$$\text{div } A = \nabla \cdot A = \frac{\partial a_1}{\partial x} + \frac{\partial a_2}{\partial y} + \frac{\partial a_3}{\partial z} \quad (2-2)$$