



دانشگاه شهر

دانشکده فنی و مهندسی

پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد رشته مهندسی مکانیک گرایش تبدیل انرژی

تحلیل عددی جریان سیال و انتقال حرارت مغشوش در کانال‌های ریب دار سه  
بعدی

استاد راهنما:

دکتر علیرضا شاطری نجف آبادی

استاد مشاور:

دکتر بهزاد قاسمی

پژوهشگر:

مهدى احمدی

۱۳۸۹ مرداد ماه ۵

با سپاس از زحمات بی دریغ پدر و مادر عزیزم که هر چه دارم از دعای خیرشان است و همچنین راهنمایی های استاد عزیزم جناب آقای دکتر شاطری مدیریت محترم گروه مهندسی مکانیک دانشکده فنی و مهندسی که در انجام این پژوهه نهایت کمک و همفکری را به اینجانب عرضه داشتند. از خداوند متعال برای ایشان سلامت و طول عمر با عزت خواستارم.

مهدى احمدى

تابستان ۱۳۸۹

کلیه حقوق مادی مرتبت بر نتایج مطالعات،  
ابتكارات و نوآوریهای ناشی از تحقیق موضوع  
این پایان نامه متعلق به دانشگاه شهرکرد است.

تقدیم به همسر فداکارم، که همواره بهترین مشوقم بوده است.

مهدی احمدی

تابستان ۱۳۸۹

## فهرست مطالب

| <u>صفحه</u> | <u>عنوان</u>                                        |
|-------------|-----------------------------------------------------|
| ۳           | فهرست شکل‌ها                                        |
| ۷           | فهرست جدول‌ها                                       |
| ۸           | فهرست نمادها                                        |
| 10          | فصل اول- مقدمه و بیان مسئله                         |
| 10          | ۱-۱- مقدمه                                          |
| 11          | ۱-۲ راه تشخیص آرام یا آشفته بودن یک جریان           |
| 12          | ۱-۳ شرط آشتفتگی جریان جابجایی اجباری                |
| 13          | ۱-۴ اهمیت و کاربرد جابجایی اجباری                   |
| 14          | ۱-۵ مروری بر کارهای دیگران                          |
| 15          | ۱-۶ کاربرد پروژه حاضر                               |
| 16          | ۱-۷ جایگاه پروژه حاضر                               |
| 16          | ۱-۸ بیان مسئله                                      |
| 17          | ۱-۹ اهداف اصلی طرح                                  |
| 18          | ۱-۱۰ ارائه فرضیات                                   |
| 19          | فصل دوم- معادلات حاکم بر جریان و انتقال حرارت آشفته |
| 19          | ۲-۱ معادلات حاکم وابسته به زمان                     |
| 20          | ۲-۲ معادلات حاکم متوسط زمانی                        |
| 21          | ۲-۳ معادله تنش رینولدز                              |
| 22          | ۲-۴ مدل‌های توربولانس                               |
| 23          | ۲-۵ مدل‌های توربولانس عدد رینولدز بالا              |
| 23          | ۲-۶ مدل لزجت موثر (EVM) $k - \epsilon$ استاندارد    |
| 24          | ۲-۷ مدل‌های توربولانس عدد رینولدز پایین             |
| 27          | ۲-۸ جمله تصحیح مقیاس طول Yap                        |
| 27          | ۲-۹ نسخه جدید جمله تصحیح مقیاس طول                  |
| 28          | ۲-۱۰ مدل لزجت گردابه ای غیر خطی                     |
| 29          | ۲-۱۱ مدلسازی $C_\mu$                                |
| 30          | ۲-۱۲ تصحیح ضریب $C_\mu$ در معادله NYP               |
| 31          | فصل سوم- روش‌های عددی حل معادلات حاکم بر جریان      |
| 31          | ۳-۱ معادلات انتقال حاکم بنیادی                      |
| 34          | ۳-۲ آرایش شبکه                                      |
| 35          | ۳-۳ روش‌های گسسته سازی                              |
| 40          | ۳-۴ میدان فشار                                      |
| 43          | ۳-۵ شرایط مرزی                                      |

|         |                                            |
|---------|--------------------------------------------|
| 46..... | فصل چهارم-نتایج                            |
| 46..... | ۱- بررسی اعتبار کد عددی                    |
| 52..... | ۲- توصیف هندسه جریان                       |
| 55..... | ۳- مروری بر مدل های توربولانس مورد استفاده |
| 55..... | ۴- شبکه های محاسباتی                       |
| 59..... | ۵- ارائه نتایج و بحث در مورد آنها          |
| 87..... | ۶- بررسی تاثیرات عدد رینولدز بر عدد ناسلت  |
| 89..... | ۷- نتیجه گیری و ملاحظات پایانی             |
| 89..... | ۸- پیشنهاداتی برای تحقیقات آینده           |
| 91..... | منابع                                      |
| ۹۴..... | <b>Abstract</b>                            |

## فهرست اشکال

| صفحه      | عنوان                                                                                                                                |
|-----------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| آن.....12 | شكل ۱-۱ تبدیل جریان لایه‌ای به جریان آشفته و افزایش اغتشاش جریان در پائین دست                                                        |
| 12.....12 | شكل ۱-۲ - (الف) جریان آرام درون لوله و شکل (ب) جریان آشفته درون لوله.....                                                            |
| 13.....13 | شكل ۳-۱ ساختار میکروسکوپی پوست کوسه و نقش آن در به تاخیر انداختن رسیدن به حالت آشفته.....                                            |
| 17.....17 | شكل ۱-۴ کanal سه بعدی با ریب عمود بر جریان بر روی وجه پایین و بالا در حالت متقارن.....                                               |
| 17.....17 | شكل ۱-۵ کanal سه بعدی با ریب عمود بر جریان بر روی وجه پایین و بالا در حالت یک در میان.....                                           |
| 35.....35 | شكل ۱-۳ آرایش متمرکز مولفه های سرعت و فشار ببروی یک شبکه حجم - محدود.....                                                            |
| 36.....36 | شكل ۲-۳ حجم کنترل سه بعدی و نماد گذاری مورد استفاده.....                                                                             |
| 38.....38 | شكل ۳-۳ کنترل.....                                                                                                                   |
| 39.....39 | شكل ۴-۳ محدودسازی طرح کوئیک.....                                                                                                     |
| 44.....44 | شكل ۵-۳ شرط مرز تقارن.....                                                                                                           |
| 47.....47 | شكل ۱-۴ شبکه $19 \times 90$ مورد استفاده در بررسی جریان بین دو صفحه موازی (الف) نمای کامل، (ب) نمای بزرگ شده گوشه پایین.....         |
| 48.....48 | شكل ۲-۴ بردارهای سرعت در جریان کاملاً توسعه یافته بین دو صفحه موازی.....                                                             |
| 48.....48 | شكل ۳-۴ مقایسه پروفیل سرعت بدست آمده از مدل $\epsilon$ - خطی بین دو صفحه موازی.....                                                  |
| 49.....49 | شكل ۴-۴ مقایسه پروفیل سرعت بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ غیر خطی بین دو صفحه موازی.....                                          |
| 49.....49 | شكل ۵-۴ مقایسه انرژی جنبشی اغتشاش بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ خطی بین دو صفحه موازی.....                                       |
| 50.....50 | شكل ۶-۴ مقایسه انرژی جنبشی اغتشاش بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ غیر خطی بین دو صفحه موازی.....                                   |
| 50.....50 | شكل ۷-۴ مقایسه تنش های عمودی بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ غیر خطی بین دو صفحه موازی با نتایج کرفت و همکاران.....                |
| 51.....51 | شكل ۸-۴ مقایسه تنش های عمودی بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ خطی و غیر خطی بین دو صفحه موازی با نتایج حل مستقیم کیم و همکاران..... |
| 51.....51 | شكل ۹-۴ مقایسه تنش برشی بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ خطی بین دو صفحه موازی.....                                                 |
| 52.....52 | شكل ۱۰-۴ مقایسه تنش برشی بدست آمده از مدل $\epsilon$ - $k$ غیر خطی بین دو صفحه موازی.....                                            |
| 53.....53 | شكل ۱۱-۴ کanal سه بعدی با ریب های عمودی و آرایش متقارن (الف) نمای سه بعدی و (ب) برش طولی.....                                        |
| 54.....54 | شكل ۱۲-۴ کanal سه بعدی با ریب های عمودی و آرایش یک در میان (الف) نمای سه بعدی و (ب) برش طولی.....                                    |
| 56.....56 | شكل ۱۳-۴ کanal سه بعدی با ریب های عمودی و آرایش شبکه محاسباتی با $102 \times 76 \times 40$ گرم.....                                  |
| 56.....56 | شكل ۱۴-۴ کanal سه بعدی با ریب های عمودی و آرایش یک در میان شبکه محاسباتی با $102 \times 76 \times 40$ گرم.....                       |
| 57.....57 | شكل ۱۵-۴ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - $K$ خطی با جمله YAP بر روی خط مرکزی یک کanal با ریب های متقارن.....      |

|                                                                                                                                                 |         |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------|
| شکل ۴-۱۶ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله YAP بر روی خط مرکزی یک کانال با ریب های متقارن.....               | 58..... |
| شکل ۴-۱۷ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K خطی با جمله YAP بر روی خط مرکزی یک کانال با ریب های یک در میان.....               | 58..... |
| شکل ۴-۱۸ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله YAP بر روی خط مرکزی یک کانال با ریب های یک در میان.....           | 59..... |
| شکل ۴-۱۹ توزیع فشاردر صفحه تقارن کانال با ریب های متقارن با استفاده از مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای.....                                         | 60..... |
| شکل ۴-۲۰ توزیع فشاردر صفحه تقارن کانال با ریب های یک در میان با استفاده از مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای.....                                     | 60..... |
| شکل ۴-۲۱ جریان های ثانویه در فاصله بین دو ریب با آرایش متقارن با استفاده از مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای.....                                    | 61..... |
| شکل ۴-۲۲ جریان های ثانویه در فاصله بین دو ریب با آرایش یکدربینا استفاده از مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای.....                                     | 61..... |
| شکل ۴-۲۳ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای برای جریان هوا در یک کانال با ریب های متقارن.....                      | 62..... |
| شکل ۴-۲۴ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای برای جریان هوا در یک کانال با ریب های یک در میان.....                  | 63..... |
| شکل ۴-۲۵ پروفیل های شدت توربولنس پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - k ناحیه ای در یک کانال با ریب های متقارن.....                               | 63..... |
| شکل ۴-۲۶ پروفیل های شدت و تنش برشی توربولنس پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - k ناحیه ای برای جریان هوا در یک کانال با ریب های یک در میان..... | 64..... |
| شکل ۴-۲۷ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های متقارن.....                                                        | 65..... |
| شکل ۴-۲۸ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های متقارن.مدل $\epsilon$ - K ناحیه ای.....                                      | 66..... |
| شکل ۴-۲۹ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های یک در میان.....                                                    | 66..... |
| شکل ۴-۳۰ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های یک در میان.....                                                              | 67..... |
| شکل ۴-۳۱ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های یک در میان با استفاده از مدل $\epsilon$ - K خطی و جمله Yap اصلاح.....                     | 68..... |
| شکل ۴-۳۲ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های یک در میان با استفاده از مدل $\epsilon$ - K خطی و جمله NYP اصلاح.....                     | 68..... |
| شکل ۴-۳۳ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های متقارن با استفاده از مدل $\epsilon$ - K خطی و جمله Yap اصلاح.....                         | 69..... |
| شکل ۴-۳۴ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های متقارن با استفاده از مدل $\epsilon$ - K خطی و جمله NYP اصلاح.....                         | 69..... |
| شکل ۴-۳۵ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K خطی در یک کانال با ریب های متقارن.....                                          | 70..... |
| شکل ۴-۳۶ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K خطی در یک کانال با ریب های یک در میان.....                                      | 70..... |
| شکل ۴-۳۷ پروفیل های شدت توربولنس پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K خطی در یک کانال با ریب های متقارن.....                                    | 71..... |
| شکل ۴-۳۸ پروفیل های شدت توربولنس پیش بینی شده توسط مدل $\epsilon$ - K خطی در یک کانال با ریب های متقارن.....                                    | 72..... |
| شکل ۴-۳۹ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های متقارن.....                                                        | 73..... |

- شکل ۴-۴۰ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های متقارن.....73
- شکل ۴-۴۱ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های یک در میان.....74
- شکل ۴-۴۲ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های یک در میان.....74
- شکل ۴-۴۳ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های متقارن با استفاده از مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح Yap 75
- شکل ۴-۴۴ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های متقارن با استفاده از مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 76
- شکل ۴-۴۵ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های یک در میان با استفاده از مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح Yap 76
- شکل ۴-۴۶ بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریب های یک در میان با استفاده از مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 76
- شکل ۴-۴۷ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح Yap - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح Yap 77
- شکل ۴-۴۸ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح NYP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 77
- شکل ۴-۴۹ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح Yap - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح Yap 78
- شکل ۴-۵۰ پروفیل سرعت محوری پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح NYP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 78
- شکل ۴-۵۱ پروفیل های شدت توربولانس پیش بینی شده توسط مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی در یک کانال با ریب های متقارن و جمله اصلاح Yap 79
- شکل ۴-۵۲ پروفیل های شدت توربولانس پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح NYP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 80
- شکل ۴-۵۳ پروفیل های شدت توربولانس پیش بینی شده توسط مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی در یک کانال با ریب های یک در میان و جمله اصلاح Yap 81
- شکل ۴-۵۴ پروفیل های شدت توربولانس پیش بینی شده توسط ---مدل  $\epsilon$ -K خطی و جمله اصلاح NYP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی و جمله اصلاح NYP 81
- شکل ۴-۵۵ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های متقارن.--- مدل .....82
- شکل ۴-۵۶ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های متقارن.--- مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح YAP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح NYP ○ نتایج آزمایشگاهی باون ویان 83
- شکل ۴-۵۷ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های یک در میان.--- مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح YAP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح NYP ○ نتایج آزمایشگاهی آباکوویدس و همکاران 83
- شکل ۴-۵۸ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانال با ریب های یک در میان.--- مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح YAP - مدل  $\epsilon$ -K غیرخطی با جمله اصلاح NYP ○ نتایج آزمایشگاهی آباکوویدس و همکاران 84
- شکل ۴-۵۹ توزیع عدد ناسلت پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانال با ریب های یک در میان.

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |     |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| --- مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح Yap - مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح NYP - مدل $\epsilon$ - K خطی با جمله اصلاح Yap ..... مدل $\epsilon$ - K خطی با جمله اصلاح NYP ○ نتایج آزمایشگاهی آباکوویدس و همکاران.....                                                                              | 86. |
| شكل ٤-٦٠ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانل با ریب های یک در میان.--- مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح Yap - مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح NYP - مدل $\epsilon$ - K خطی با جمله اصلاح Yap ..... مدل $\epsilon$ - K خطی با جمله اصلاح NYP ○ نتایج آزمایشگاهی آباکوویدس و همکاران..... | 86. |
| شكل ٤-٦١ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانل صاف در اعداد مختلف رینولذز با استفاده از مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح NYP.....                                                                                                                                                                  | 87. |
| شكل ٤-٦٢ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده در یک کانل با ریب های متقابن در اعداد مختلف رینولذز و ابعاد متفاوت با استفاده از مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح NYP.....                                                                                                                                     | 88. |
| شكل ٤-٦٣ توزیع عدد ناسلت متوسط پیش بینی شده بر روی خط مرکزی در یک کانل با ریب های یک در میان با استفاده از مدل $\epsilon$ - K غیر خطی با جمله اصلاح NYP.....                                                                                                                                                       | 88. |

## فهرست جداول

| <u>عنوان</u>                                                                                                                 | <u>صفحه</u> |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------|
| جدول ۱-۲ ثابت های تجربی مدل $k - \varepsilon$ رینولدز بالا.....                                                              | 24          |
| جدول ۲-۲ مقدار ثابت های رابطه تنش - کرنش غیر خطی.....                                                                        | 29          |
| جدول ۱-۳ مقادیر ضرایب طرح تفاضل بادسو.....                                                                                   | 38          |
| جدول ۲-۳ ضرایب جملات گرادیان فشار.....                                                                                       | 41          |
| جدول ۱-۴ شرایط کاری و داده های تجربی برای کانال های سه بعدی مورد بررسی در تحقیق حاضر.....                                    | 55          |
| جدول ۲-۴ مدل های توربولانس و انتقال حرارت مورد استفاده جهت محاسبه جریان و انتقال حرارت در داخل کانال های ریبدار سه بعدی..... | 55          |

## فهرست نمادها

|          |                                 |                 |
|----------|---------------------------------|-----------------|
| 11 ..... | سرعت جریان آزاد                 | $U_\infty$      |
| 11 ..... | چگالی سیال                      | $\rho$          |
| 11 ..... | طول مقیاس هندسی                 | $L$             |
| 11 ..... | ویسکوزیتۀ جریان                 | $\mu$           |
| 11 ..... | عدد رینولدز                     | $Re$            |
| 20 ..... | لزجت سینماتیک                   | $\nu$           |
| 20 ..... | عدد پرانتل سیال                 | $Pr$            |
| 23 ..... | عدد پرانتل مغشوش تجربی          | $\sigma_\theta$ |
| 23 ..... | لزجت گردابهای                   | $v_t$           |
| 24 ..... | انرژی جنبشی توربولانس           | $K$             |
| 24 ..... | نرخ اتلاف انرژی جنبشی توربولانس | $\varepsilon$   |
| 24 ..... | طول اختلاط                      | $l_m$           |
| 24 ..... | فاصله بی بعد دیواره             | $y^+$           |
| 24 ..... | فاصله از دیواره                 | $y$             |
| 24 ..... | سرعت اصطکاکی موضعی              | $u_t$           |
| 26 ..... | تابع میرا کننده رینولدز پایین   | $f_\mu$         |
| 26 ..... | ترم چشممه                       | $S_\epsilon$    |
| 28 ..... | برآیند گرادیان مقیاس طول مغشوش  | $D_t$           |
| 28 ..... | ضریب تصحیح                      | $F$             |
| 34 ..... | لزجت موثر                       | $\mu_e$         |
| 35 ..... | ضریب پخش موثر                   | $\Gamma^\Phi$   |
| 40 ..... | ضریب وزنی                       | $\gamma$        |
| 41 ..... | فشار تقریبی                     | $P^*$           |
| 41 ..... | سرعت در جهت $x$                 | $U$             |
| 41 ..... | سرعت در جهت $y$                 | $V$             |
| 41 ..... | سرعت در جهت $z$                 | $W$             |
| 41 ..... | متغیر تصحیح فشار                | $P'$            |
| 45 ..... | شارحرارتی دیواره                | $q_w$           |
| 45 ..... | سطح دیواره حجم کنترل            | $\Delta A_w$    |
| 45 ..... | ظرفیت گرمایی ویژه سیال          | $c_{pr}$        |
| 45 ..... | جمله تصحیح فشار یکنواخت         | $ppd$           |
| 45 ..... | ضریب تخفیف                      | $Urfp$          |
| 45 ..... | دبی جرمی                        | $\dot{m}$       |

## فصل اول

### مقدمه و بیان مساله

#### ۱-۱ مقدمه

به طور کلی حرارت یا گرما در اثر اختلاف دما می‌تواند منتقل شود و همواره از سمت گرمتر به سمت سردتر حرکت می‌کند. این انتقال حرارت به سه روش هدایت، جابجایی و تشعشع انجام می‌گیرد. انتقال حرارت هدایتی وقتی خواهیم داشت که در یک محیط ساکن گردایان دما وجود داشته باشد. جابجایی هنگام حرکت یک سیال از مجاور یک سطح با دمای متفاوت مطرح می‌شود و بالاخره کلیه سطوح با توجه به دمایی که دارند از خود انرژی صادر می‌کنند که اگر دو جسم با دمای متفاوت بتوانند با یکدیگر تشعشع مبادله کنند انتقال حرارت تشعشعی خواهیم داشت.

انتقال حرارت جابجایی در واقع شامل دو مکانیزم است، به عبارتی علاوه بر پخش انرژی در اثر حرکت راندم مولکولها، حرارت از طریق حرکت کلی سیال نیز منتقل می‌شود، می‌توان گفت که حرکت کل سیال با دمای متفاوت با دمای سطح باعث انتقال حرارت می‌شود، که این انتقال حرارت شامل هر دو مکانیزم فوق است.

بر اساس طبیعت جریان سیال می‌توان انتقال حرارت جابجایی را به جابجایی اجباری و جابجایی آزاد تقسیم بندهی کرد. در جابجایی اجباری عامل حرکت سیال یک عامل خارجی، مانند پمپ، فن و یا وزش باد است. ولی در جابجایی آزاد (طبیعی) حرکت سیال در اثر نیروهای غوطه‌وری است که در نتیجه تغییرات جرم حجمی در اثر گردایان دما در سیال به وجود می‌آید. موقوعی که جریان جابجایی اجباری در اثر جریان سیال با سرعت کم داشته باشیم، جابجایی آزاد نیز می‌تواند در رفتار سیال اثر بگذارد و به عبارتی جابجایی توأم آزاد و اجباری داشته باشیم.

#### ۱-۲ راه تشخیص آرام یا آشفته بودن یک جریان

برای رسیدن به جریان آشفته بالاخص بر روی سطوح جامد و در داخل کانال‌های باز و با لوله‌ها، ابتدا جریان بایستی از حالت آرام (Laminar)، وارد مرحله گذر از حالت آرام به آشفته (Transition) و در نهایت وارد رژیم جریان آشفته (Turbulence) گردد. گاهی اوقات نیز ممکن است بواسطه عوامل مختلف خارجی، ناحیه گذرا کوچک شده و یا حتی ناپدید گردد که در اینصورت تبدیل مستقیم جریان آرام به آشفته در طول یک مسیر کوتاه را شاهد خواهیم بود. به عنوان مثال، در لایه مرزی تشکیل شده بر روی سطوح غیرهموار و یا بر روی سطوح دارای انتقال جرم از طریق سطوح و یا در جریانهای اختلاطی و یا در جریانات مأمور صوتی که اندرکنش شوک و لایه مرزی را داریم می‌توان حالتی را مشاهده نمود که در آنها تبدیل جریان آرام به آشفته در طی یک فاصله بسیار کوتاه رخ دهد. در برخی دیگر از مسائل مهندسی، اثراتی همچون اثر سانتریفوج، اثر تغییرات چگالی، اثر جاذبه زمین، اثرات کاویتاسیون، ترکیدن حباب، واکنشهای شیمیائی، اثرات اغتشاشی میدان‌های الکترومغناطیسی و غیره نیز می‌توانند باعث تسریع جریان در رسیدن به حالت آشفته گردند.

معمولًا برای تشخیص آرام یا آشفته بودن جریانات مهندسی از اعداد بدون بعد استفاده می‌شود. در جریانات جابجایی اجباری تک فاز، معمولًا عدد رینولدز معیار تشخیص جریان آرام یا آشفته می‌باشد. این عدد به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$Re = \frac{\rho U_{\infty} L}{\mu} \quad (1-1)$$

که در این رابطه،  $\rho$  چگالی سیال،  $U_{\infty}$  سرعت جریان آزاد،  $L$  طول مقیاس هندسی (مثلاً طول صفحه و یا قطر لوله و یا ارتفاع مانع) و  $\mu$  ویسکوزیتی جریان است. به عنوان نمونه آزمایشات تجربی نشان داده اند که برای یک صفحه تخت با سطح صاف، عدد بدون بعد رینولدز نظری گذر از حالت جریان آرام به آشفته چیزی در حدود  $Re_{critical} = 500000$  است، بدین معنا که در فاصله  $500000 < Re_x$  جریان را آرام فرض نموده و برای نواحی دارای  $Re_x > 500000$  جریان آشفته محسوب می‌گردد (البته با این فرض که از مسافت اشغال شده توسط ناحیه گذرا صرفنظر شده باشد). سایر مقادیر بحرانی جریانات مختلف مهندسی با استفاده از آزمایشات تجربی و یا روش‌های فوق العاده پرهزینه عددی تعیین می‌گردند.

چنانچه عدد رینولدز را به صورت زیر به صورت نسبت نیروهای اینرسی به نیروهای لزجت بیان نمائیم:

$$Re = \frac{\rho U_{\infty} L}{\mu} = \frac{\rho U_{\infty}^2}{\mu U_{\infty}/L} = \frac{Inertial\ Force}{Viscous\ Force}$$

در اینصورت می‌توان به راحتی دلیل آشفته شدن جریان در اعداد رینولدز بالا را توجیه نمود. به عنوان نمونه نتایج تجربی نشان داده‌اند که برای یک صفحه تخت با سطح صاف، عدد رینولدز بحرانی  $Re = 10^5$  می‌باشد، این عدد رینولدز (که بر مبنای طول صفحه تعریف می‌گردد) بدان معناست که در فاصله‌ای معین از ابتدای صفحه، نیروهای اینرسیال  $10^5$  برابر بزرگتر از نیروهای لزجت می‌باشند، یا آنکه نیروهای لزجت  $10^5$  برابر کوچکتر از نیروهای اینرسی می‌باشند. این امر باعث می‌شود که اغتشاشات (Disturbances) احتمالی موجود در جریان آزاد (با یک اینرسی معین) در نقاط مزبور، به‌واسطه ناچیز بودن نیروهای لزجت، از بین نرفته و حتی در محیط مناسب خود رشد نمایند تا آنکه در نهایت تمام حجم سیال را اشغال نمایند (شکل ۱-۱). اما وقتی عدد رینولدز خیلی کوچک باشد، مثلاً  $(1) < Re = 0$  (چنین عدد رینولدزی در ابتدای صفحه و

یا در نواحی بسیار نزدیک به دیواره و یا در جریانات با سرعت آزاد پائین قابل تصور است) ، در این حالت نیروهای لرجت قدرت لازم برای از بین بردن اغتشاشات موجود در جریان آزاد را داشته و لذا در جریانات با عدد رینولدز پائین، جریان تا جای ممکن آرام و پایدار و عاری از هسته‌ها و نطفه‌های پایدار آشفتگی باقی می‌ماند، و حتی در صورت وجود اغتشاشات در داخل جریان، این اغتشاشات توسط ویسکوزیتۀ جریان سریعاً میرا می‌گردند



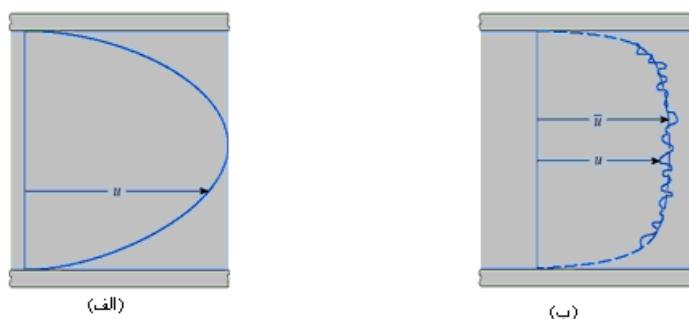
شکل ۱-۱ تبدیل جریان لایه‌ای به جریان آشفته و افزایش اغتشاش جریان در پائین دست آن

### ۳-۱ شرط آشفتگی جریان جابجایی اجباری

$$\begin{cases} Re_x > 5 \times 10^5 & \text{در طول یک سطح} \\ Re_D > 20000 & \text{حول یک مانع} \end{cases} \quad \begin{matrix} & \text{برای جریانات خارجی} \\ & \end{matrix}$$

$$Re_{D,h} > 2300 \quad \begin{matrix} & \text{برای جریانات داخلی} \\ & \end{matrix}$$

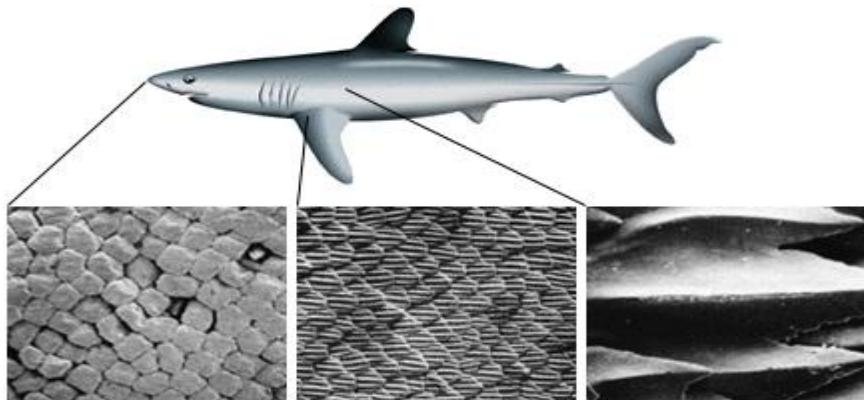
که در آن  $Re_L = \frac{\rho UL}{\mu}$  و  $L = X, D, D_h, \text{etc}$  قطر هیدرولیکی می‌باشد).



شکل (۲-۱) (الف) جریان آرام درون لوله و شکل (ب) جریان آشفته درون لوله.

در شکل‌های (۲-۱) پروفیل‌های سرعت در دو جریان آرام و آشفته درون لوله با هم نشان داده شده‌اند، همانطور که مشاهده می‌شود پروفیل سرعت در جریان آشفته تخت‌تر می‌شود. مقادیر ارائه شده  $Re_{critical}$  که در نمودارها و جداول مهندسی ارائه شده‌اند، تنها مقادیری تقریبی بوده و برای شرایط خاص و مشخصی از صافی سطوح ارائه شده‌اند، لذا با تغییر اندازه زبری این مقادیر بحرانی نیز تغییر خواهد نمود.

البته با استناد خاطر نشان نمود که همیشه زبری سطح باعث تسريع در رسیدن به حالت گذرا و آشفته شدن جریان نمی‌شود. یکی از این موارد استثنائی، پوست بدن کوسه‌ها می‌باشد (شکل ۳-۱). که به واسطه ساختار میکروسکوپی خود باعث به تاخیر افتادن در رسیدن جریان به حالت آشفته می‌گردد و به همین دلیل حرکت کوسه درون آب تسهیل می‌گردد.



شکل ۱-۳ ساختار میکروسکوپی پوست کوسه و نقش آن در به تاخیر اندختن رسیدن به حالت آشفته

#### ۴-۱ اهمیت و کاربرد جابجایی اجباری

با پیشرفت ابزارهای محاسباتی، دینامیک سیالات محاسباتی نقش هر چه مهمتری در طراحی و تحلیل سیستم‌ها پیدا می‌کند. در این راستا ابداع روش‌هایی که دارای آهنگ همگرایی بهتری هستند، هر چه افزون‌تر مورد تقاضا قرار گرفته‌اند.

در دو دهه گذشته پیشرفت‌های فراوانی در زمینه گسترش تکنیک‌های محاسباتی برای پیشگویی و محاسبه میدان‌های جریان و حرارت رخ داده است. کارایی و دقیقی این تکنیک‌ها به حدی از تکامل رسیده است که دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) به صورت رایج و گسترده در آنالیز و بهبود سیستم‌های مهندسی و همچنین به عنوان ابزاری برای طراحی بهینه ساختارهای جدید بکار می‌رود. با این وجود پدیده‌های مهمی همچون خنک‌کاری قطعات الکترونیکی، جریان در مبدل‌های حرارتی و صنعت خودرو سازی و..... طبیعت تراکم ناپذیر دارند و باید به صورت مناسبی مورد تحلیل و بررسی قرار گیرند.

در بسیاری از دستگاههای حرارتی از جمله مبدل‌های حرارتی، افزایش نرخ انتقال حرارت مطلوبست و در نتیجه لازم است ضریب انتقال حرارت را افزایش داد. ناگفته نماند که با افزایش سطح نیز می‌توان نرخ انتقال حرارت را افزایش داد.

یکی دیگر از روش‌های تغییر نرخ انتقال حرارت، تغییر شکل دادن میدان جریان است و روش ساده‌ای که برای انجام این کار پیشنهاد می‌شود نصب موائع مختلف در داخل مجراست. با گذاشتن این موائع عمود بر

مسیر جریان می‌توان در جریان اغتشاش ایجاد نمود و خطوط جریان را منحرف کرد که خود باعث افزایش چشمگیر ضریب انتقال حرارت می‌شود.

در این تحقیق به بررسی عددی جریان سیال و انتقال حرارت آشفته کاملاً توسعه یافته در مجاری ریبدار سه بعدی با سطح مقطع مربعی می‌پردازیم. این گونه جریان‌ها عموماً در مبدل‌های حرارتی و همچنین در سیستم خنک‌کاری داخلی پرهای توربین گاز پیشرفت و ..... وجود دارند. بهمنظور بهبود عملکرد سیستم خنک‌کاری، همان‌طور که در بالا توضیح داده شد از ریب‌ها بر روی دیوارهای مقابل مجازی خنک‌کاری استفاده می‌شود.

## ۱-۵ مروری بر کارهای دیگران

به علت اهمیت موضوع کارهای عددی و تجربی بسیاری در این زمینه صورت گرفته است، که در زیر به ترتیب اولویت تاریخی به‌طور خلاصه به برخی از آنها اشاره می‌شود.

### ۱-۵-۱ روش‌های تجربی

شاید اولین کار انجام شده تجربی در مورد بررسی اثر موائع عمود بر جریان مربوط به هان و همکاران [۱] باشد. آنها میدان جریان و انتقال حرارت را در کanalی با سطوح دندنه دار بررسی کردند و اثر شکل دندانه‌ها را مورد تجزیه و تحلیل قرار دادند. نتایج آنان به صورت ارائه روابطی برای ضریب اصطکاک و انتقال حرارت بیان گردیده است. از طرف دیگر بولر و کیلبرن [۲]، آزمایش‌هایی را در یک کanal با یک قطعه و سه اندازه مختلف انجام دادند و نتایج خود را به صورت رابطه‌ای برای ضریب انتقال حرارت بر حسب عدد رینولدز بر مبنای طول مشخصه ارائه نمودند.

دوبروفسکی و همکاران [۳]، آزمایش‌هایی بر روی جریان‌ها در کanal‌های مستطیلی با سطوح قرار گرفته در آنها در محدوده اعداد رینولدز ۵۰۰ تا ۱۰۰۰۰ انجام دادند. آنها ضریب اصطکاک را به صورت تابعی از اعداد رینولدز و پارامترهای هندسی مساله بدست آورند.

مهرابیان و همکارانش [۴]، مطالعه‌ای تجربی بر روی هیدرودینامیک کanal‌هایی با وجود مانع داشتند، این تحقیق بر پایه اندازه‌گیری فشار محلی به طور آزمایشگاهی بوده و رفتار افت فشار در دو طرف صفحه‌های مانع مطالعه گردیده است.

میندرس و همکاران [۵]، نیز مطالعه‌ای تجربی بر روی انتقال حرارت جابجایی از دو مکعب متصل به دیواره در آرایش ردیفی ( مربعی ) و تناوبی ( مثلثی ) داشتند. آنان به بررسی تاثیرات موقعیت نسبی موائع روی انتقال حرارت جابجایی در آرایش از مکعب‌های متصل به دیواره که در یک جریان مغذی توسعه یافته قرار دارند پرداختند.

تاقچی و همکاران [۶]، نیز مطالعه‌ای تجربی بر روی گرادیان فشار مساعد در جریان مغذی روی موائع مربعی در یک کanal باز داشتند. آنان تاثیر نحوه قرار گرفتن دیوارهای برای ایجاد گرادیان فشار، سرعت‌های متوسط و کمیت‌های مغذی در جهت جریان را بررسی کردند.

## ۱-۵-۲ روش‌های عددی

با توجه به پیشرفت‌هایی که در تکنولوژی ساخت کامپیوتر در سال‌های اخیر شاهد بوده‌ایم بسیاری از پژوهشگران سعی در حل جریان به صورت عددی نموده‌اند. با توجه به پرهزینه بودن روش‌های تجربی استفاده از روش‌های عددی مناسب‌تر به نظر می‌رسد.

از اولین کارهای انجام شده در این زمینه حل میدان جریان توسعه یافته آرام و انتقال حرارت در کanalی با تغییرات تناوبی سطح مقطع توسط پتانکار و همکاران [۷]، می‌باشد، آنها جریان توسعه یافته در چنین کanalی را به صورت دو بعدی و با تقارن محوری به صورت عددی حل کردند.

بعداً در مقاله‌ای اسپارو و همکارانش [۸]، جریان داخل کanal با وجود مانع در آن را با توجه به کاربرد ویژه در معادلهای حرارتی تحلیل کردند. آنها از برخورد جریان به لبه ابتدایی جسم و تشکیل گردابه صرف نظر نمودند.

وب و همکاران [۹]، انتقال حرارت در جریان عبوری از کanalی همراه با مانع عمود بر جریان که با آرایش یکدربیان روی دیوارهای بالایی و پایینی کanal قرار گرفته‌اند را مورد مطالعه قرار دادند. آنها رژیم جریان را آرام در نظر گرفته و میدان جریان را به صورت دو بعدی از طریق حل عددی معادلات ناویر استوکس و پیوستگی حل کردند. شرایط مرزی حرارتی بصورت آهنگ انتقال حرارت ثابت از دیوارهای بکار رفت. محاسبات در ناحیه توسعه یافته و برای اعداد رینولدز، پرانتل و پارامترهای هندسی متفاوت انجام گرفت.

آساکو و همکاران [۱۰]، برای اولین بار جریان سه بعدی را در یک کanal همراه با قطعات مکعبی که بصورت خطی پشت سر هم روی یک دیواره آن نصب شده به روش عددی حل کردند. در این بررسی جریان سیال آرام و دمای دیواره یکنواخت فرض شد.

ناجام و همکارانش [۱۱] بر روی انتقال حرارت جابجایی توام غیر دائم در یک کanal افقی با مانع پریودیک توزیع شده روی دیواره پائینی کanal مطالعاتی داشته‌اند آنان نتایج حاصل را به روش عددی بدست آورده و جریان را آرام و دو بعدی در نظر گرفتند.

پوسکاس و همکاران [۱۲]، نیز اخیراً بر روی انتقال حرارت جابجایی توام در جریان مغشوش داخل کanal‌ها مطالعاتی داشته‌اند. آنان مطالعات خود را به انتقال حرارت در کanal‌های عمودی و افقی و کanal‌هایی با مقطع غیر دایره‌ای طبقه‌بندی نمودند.

اسکودیر و همکاران [۱۳]، نیز به تازگی به بررسی ساختار جریان مغشوش در کanal‌های سه بعدی با استفاده از روش (LDA) پرداختند. هدف آنان بیشتر ساختار جریان مغشوش بر اساس سرعت متوسط جریان بوده است.

به طور کلی می‌توان گفت در این زمینه در حالت دو بعدی مطالعات تجربی و عددی زیادی انجام گرفته است در ادامه این تحقیقات پژوهه حاضر تعریف شده است.

## ۱-۶ کاربرد پژوهه حاضر

این پایان نامه به بررسی عددی جریان سیال و انتقال حرارت آشفته کاملاً توسعه یافته در محاری ریب دار سه بعدی با سطح مقطع مربعی می‌پردازد. این گونه جریان‌ها عموماً در سیستم خنک‌کاری داخلی پرهای

توربین گاز پیشرفته وجود دارد. بهمنظور بهبود عملکرد سیستم خنک کاری، انواع مختلفی از ریبها برروی دیوارهای مقابل مجاري خنک کاری قرار داده می‌شوند.

توربین‌های گازی عمدتاً بهمنظور تامین نیروی پیشرانه هواپیماها، تولید قدرت در نیروگاه‌های گازی و کاربردهای صنعتی مورد استفاده قرار می‌گیرند. مزیت‌های عده توربین گاز عبارتند از: قابلیت اعتماد فوق العاده، نسبت پیشرانه به وزن زیاد و میزان ارتعاش کم به دلیل عدم استفاده از قطعات رفت و برگشتی. کارموتور توربین گاز ممکن است به صورت گشتاور محوری و یا به صورت نیروی پیشرانه در جت مورد استفاده قرار گیرد. بدون تردید یکی از مهمترین کاربردهای توربین گاز در زمینه تولید نیروی پیشرانه موردنیاز هواپیماها است.

همان‌طور که در مقدمه بیان شد احتیاج مبرم صنایع به مبدل‌های حرارتی یکی از عوامل اصلی تحقیقات گسترده در خصوص انواع روش‌های توسعه انتقال حرارت می‌باشد. طراحی سیستم‌های مدرن گرمایی که در آنها ابعاد مبدل‌ها و هزینه ساخت آنها کاهش یافته باشد بعنوان یک هدف تعقیب می‌شود و برای دسترسی به این هدف بهبود انتقال حرارت در کانال‌ها یک فاکتور مهم اساسی می‌باشد.

## ۱-۷ جایگاه پروژه حاضر

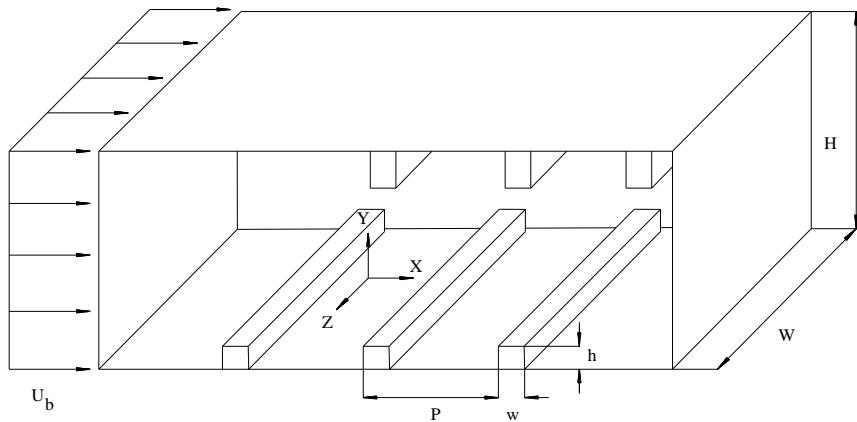
در این تحقیق به بررسی یکی از روش‌های بهبود انتقال حرارت با هندسه‌ای خاص که در رده سطوح گسترده قرار می‌گیرد، پرداخته می‌شود. همان‌طور که در قسمت (۲-۵-۱) کارهای عددی قبلی را مرور کردیم همگی به بررسی انتقال حرارت در هندسه‌های دو بعدی و رژیم آرام پرداخته بودند، بندرت به بررسی جریان در حالت سه بعدی آنهم در حالت مغشوش پرداخته شده بود، در این پروژه هدف اصلی نوشتن یک کد عددی سه بعدی مغشوش بود که در ایران بندرت در کارهای قبلی به چشم می‌خورد، همچنین نسبت به کارهای صورت گرفته در خارج از کشور این مزیت را دارد که به طور هم زمان کanal مورد نظر با استفاده از سه مدل اغتشاش مورد بررسی و نتایج حاصل با هم مقایسه می‌شوند.

به طور کلی می‌توان گفت در این زمینه در حالت دو بعدی مطالعات تجربی و عددی زیادی انجام گرفته است، این پروژه که می‌تواند در طراحی مبدل‌های حرارتی و همچنین در خنک کاری پرهای توربین گازی و..... کاربرد داشته باشد در تحلیل‌های قبلی کمتر به چشم می‌آید. بهمین منظور در ادامه تحقیقات قبلی پروژه حاضر تعریف می‌شود.

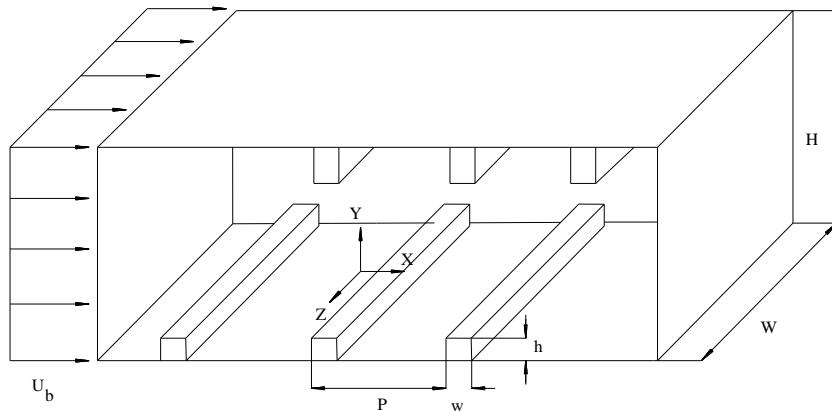
## ۱-۸ بیان مسئله

هندسه‌های بررسی شده در این تحقیق عبارتند از:

- ۱- کanal سه بعدی با ریب عمود بر جریان بر روی وجه پایین و بالا در حالت متقاضی. شکل (۴-۱).
- ۲- کanal سه بعدی با ریب عمود بر جریان بر روی وجه پایین و بالا در حالت یک در میان. شکل (۵-۱).



شکل ۱-۴ کanal سه بعدی با ریب عمود برجیان بر روی وجه پایین و بالا در حالت متقاضن



شکل ۱-۵ کanal سه بعدی با ریب عمود برجیان بر روی وجه پایین و بالا در حالت یک در میان.

## ۱-۹ اهداف اصلی طرح

- در این پژوهه از روش عددی حجم محدود و الگوریتم simple به حل معادلات پیوستگی، مومنتوم و انرژی سیال پرداخته می شود. به علت وجود ریب در مسیر جریان و همچنین ایجاد گردابها در طول مسیر جریان، جریان هر لحظه تمايل به مغلوط شدن دارد، پس تحلیل جریان در این کanal را در حالت مغلوط بررسی می کنیم و سپس با توجه به توزیع سرعت و دما که از حل عددی بدست می آید، به بررسی میزان انتقال حرارت از طریق عدد ناسلت و چگونگی تاثیر آرایش این ریبها بر روی میزان انتقال حرارت می پردازیم.
- به منظور حل معادلات حاکم، از مدل های توربولنس جریان که عبارتند از: مدل های k- $\epsilon$  رینولدز پائین ناحیه ای، خطی و غیرخطی استفاده می شود.
- سپس به بررسی هر کدام از روش های فوق پرداخته و دقیقترین مدل را برای پیش بینی میدان جریان و دما انتخاب می کنیم.