

الحمد لله رب العالمين  
الذي هدانا لهذا  
والذي كنا لنهتدي لولا  
أن هدانا الله

بسمه تعالی



### تأییدیه اعضای هیأت داوران حاضر در جلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد

اعضای هیأت داوران نسخه نهایی پایان نامه خانم آمنه کانید رشته ریاضی محض به شماره دانشجویی ۸۸۵۲۶۵۱۱۱۱ تحت عنوان: «بررسی تاریخچه نظام عددنویسی هندی در قلمرو اسلام» را در تاریخ ۱۳۹۱/۵/۳ از نظر فرم و محتوا بررسی نموده و آن را برای اخذ درجه کارشناسی ارشد مورد تأیید قرار دادند.

اعضای	رتبه علمی	نام و نام خانوادگی	اعضای هیأت داوران
	استاد	دکتر علی ابراهیمش	۱- استاد راهنما
	مربی	آقای فرید قاسملو	۲- استاد مشاور
	استادیار	دکتر خسرو تاجبخش	۳- استاد ناظر داخلی
	استاد	دکتر محمدرضا درفشه	۴- استاد ناظر خارجی
	استادیار	دکتر خسرو تاجبخش	۵- نماینده تحصیلات تکمیلی

ایین نامه چاپ پایان نامه (رساله) های دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس

نظر به اینکه چاپ و انتشار پایان نامه (رساله) های تحصیلی دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس، مبین بخشی از فعالیت های علمی - پژوهشی دانشگاه است بنابراین به منظور آگاهی و رعایت حقوق دانشگاه، دانش آموختگان این دانشگاه نسبت به رعایت موارد ذیل متعهد می شوند:

ماده ۱: در صورت اقدام به چاپ پایان نامه (رساله) ی خود، مراتب را قبلا به طور کتبی به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اطلاع دهند.

ماده ۲: در صفحه سوم کتاب (پس از برگ شناسنامه) عبارت ذیل را چاپ کند:  
«کتاب حاضر، حاصل پایان نامه کارشناسی ارشد/ رساله دکتری نگارنده در رشته ریاضی محض است که در سال ۱۳۹۱ در دانشکده علوم ریاضی دانشگاه تربیت مدرس به راهنمایی سیکلویختیم اجناب آقای دکتر علی ابراهیم، مشاوره سیکلویختیم اجناب آقای دکتر مرزبان سلطانی و مشاوره سرکار خانم اجناب آقای دکتر از آن دفاع شده است.»

ماده ۳: به منظور جبران بخشی از هزینه های انتشارات دانشگاه، تعداد یک درصد شمارگان کتاب (در هر نوبت چاپ) را به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه امانا کند. دانشگاه می تواند مازاد نیاز خود را به نفع مرکز نشر در معرض فروش قرار دهد.

ماده ۴: در صورت عدم رعایت ماده ۳، ۵۰٪ بهای شمارگان چاپ شده را به عنوان خسارت به دانشگاه تربیت مدرس، تأدیه کند.

ماده ۵: دانشجو تعهد و قبول می کند در صورت خودداری از پرداخت بهای خسارت، دانشگاه می تواند خسارت مذکور را از طریق مراجع قضایی مطالبه و وصول کند؛ به علاوه به دانشگاه حق می دهد به منظور استیفای حقوق خود، از طریق دادگاه، معادل وجه مذکور در ماده ۴ را از محل توقیف کتابهای عرضه شده نگارنده برای فروش، تأمین نماید.

ماده ۶: اینجانب امرتانی، دانشجوی رشته ریاضی محض مقطع کارشناسی ارشد تعهد فوق و ضمانت اجرایی آن را قبول کرده، به آن ملتزم می شوم.

نام و نام خانوادگی: امرتانی  
تاریخ و امضا: ۹۲، ۶، ۱۷

## ابین‌نامه حق مالکیت مادی و معنوی در مورد نتایج پژوهش‌های علمی دانشگاه تربیت مدرس

مقدمه: با عنایت به سیاست‌های پژوهشی و فناوری دانشگاه در راستای تحقق عدالت و کرامت انسانها که لازمه شکوفایی علمی و فنی است و رعایت حقوق مادی و معنوی دانشگاه و پژوهشگران، لازم است اعضای هیات علمی، دانشجویان، دانش‌آموختگان و دیگر همکاران طرح، در مورد نتایج پژوهش‌های علمی که تحت عناوین پایان‌نامه، رساله و طرح‌های تحقیقاتی با هماهنگی دانشگاه انجام شده است، موارد زیر را رعایت نمایند:

ماده ۱- حق نشر و تکثیر پایان‌نامه/ رساله و درآمدهای حاصل از آنها متعلق به دانشگاه می باشد ولی حقوق معنوی پدید آورندگان محفوظ خواهد بود.

ماده ۲- انتشار مقاله یا مقالات مستخرج از پایان‌نامه/ رساله به صورت چاپ در نشریات علمی و یا ارائه در مجامع علمی باید به نام دانشگاه بوده و یا تایید استاد راهنمای اصلی، یکی از اساتید راهنما، مشاور و یا دانشجو مسئول مکاتبات مقاله باشد. ولی مسئولیت علمی مقاله مستخرج از پایان‌نامه و رساله به عهده اساتید راهنما و دانشجو می باشد.

تبصره: در مقالاتی که پس از دانش‌آموختگی بصورت ترکیبی از اطلاعات جدید و نتایج حاصل از پایان‌نامه/ رساله نیز منتشر می‌شود نیز باید نام دانشگاه درج شود.

ماده ۳- انتشار کتاب، نرم افزار و یا آثار ویژه (اثری هنری مانند فیلم، عکس، نقاشی و نمایشنامه) حاصل از نتایج پایان‌نامه/ رساله و تمامی طرح‌های تحقیقاتی کلیه واحدهای دانشگاه اعم از دانشکده ها، مراکز تحقیقاتی، پژوهشکده ها، پارک علم و فناوری و دیگر واحدها باید با مجوز کتبی صابره از معاونت پژوهشی دانشگاه و براساس این‌نامه های مصوب انجام شود.

ماده ۴- ثبت اختراع و تدوین دانش فنی و یا ارائه یافته ها در جشنواره‌های ملی، منطقه‌ای و بین‌المللی که حاصل نتایج مستخرج از پایان‌نامه/ رساله و تمامی طرح‌های تحقیقاتی دانشگاه باید با هماهنگی استاد راهنما یا مجری طرح از طریق معاونت پژوهشی دانشگاه انجام گیرد.

ماده ۵- این ابین‌نامه در ۵ ماده و یک تبصره در تاریخ ۸/۴/۸۷ در شورای پژوهشی و در تاریخ ۲۳/۴/۸۷ در هیات رئیسه دانشگاه به تایید رسید و در جلسه مورخ ۶/۷/۸۷ شورای دانشگاه به تصویب رسیده و از تاریخ تصویب در شورای دانشگاه لازم‌الاجرا است.

«اینجانب ..... دانشجوی رشته ..... در روزی سال تحصیلی ..... مقطع ..... دانشکده ..... متعهد می شوم کلیه نکات مندرج در این نامه حق مالکیت مادی و معنوی در مورد نتایج پژوهش های علمی دانشگاه تربیت مدرس را در انتشار یافته های علمی مستخرج از پایان نامه / رساله تحصیلی خود رعایت نمایم. در صورت تخلف از مفاد این نامه فوق الاشعار به دانشگاه وکالت و نمایندگی می دهم که از طرف اینجانب نسبت به لغو امتیاز اختراع بنام بنده و یا هر گونه امتیاز دیگر و تغییر آن به نام دانشگاه اقدام نماید. ضمناً نسبت به جبران فوری ضرر و زیان حاصله بر اساس برآورد دانشگاه اقدام خواهم نمود و بدینوسیله حق هر گونه اعتراض را از خود سلب نمودم»

امضاء: .....  
تاریخ: ۹۲/۲/۱۷





دانشگاه تربیت مدرس

دانشکده علوم ریاضی

پایان نامه دوره ی کارشناسی ارشد ریاضی محض

عنوان : بررسی تاریخچه نظام عددنویسی هندی در قلمرو اسلام

نگارنده :

آمنه کائید

استاد راهنما :

دکتر علی ایرانمنش

استاد مشاور :

فرید قاسملو

مرداد ماه ۹۱

تقدیم بہ

پدر و مادر عزیزم

کہ در این سالہای طولانی تحصیل سیر موی شدہ تا  
فرزندہا سیر روی شود ، آفانکہ سمع وجودہا روشن  
بخش زندگی است

تقدیم بہ

ہمسرمہربانم

کہ سایہ مہربانیہ سایہ سار زندگی می باشد ، او کہ ہمراہ در طول تحصیل  
منجمل زحماتم بود و تکیہ گاہ من در موارہم با مشکلات ، وجودش مایہ  
دلگرمی من می باشد

زائر رنگ و بوی صحبت اوست

ہر گل نو شد کہ چمن آرای

با سپاس فراوان از اساتید گرانقدر

جناب آقای دکتر علی ابراهیمش

جناب آقای فرید قاسملو

که همواره با راهنمایی‌های بی دریغ و دلسوزانه خود  
افقی تازه در برابر چشمانم گشودند و مرا از دریای  
بی کران علم و معرفت خویش بهره‌مند نمودند  
و

با تشکر از پدر دلسوزم، مادر مهربانم، همسر عزیزم  
و خواهر و برادرانم که زحماتم را تحمل نمودند.

## چکیده :

روش عددنویسی که امروزه در سرزمین های اسلامی وجود دارد از اقوام هندی به دست ما رسیده است، بنابراین شیوه این نوع عدد نویسی به پیش از اسلام باز می گردد. هدف از این پایان نامه تبیین چگونگی این انتقال است.

در فصل اول سعی بر آن داریم تا به مطالعه تاریخ عددنویسی های مهم در جهان و نحوه نگارش این اعداد بپردازیم. در فصل بعدی به بررسی تاریخچه ی عددنویسی هندی پرداخته و چگونگی انتقال آن به سرزمین های اسلامی را بیان می کنیم و در مورد گونه های مختلف اعداد در این سرزمین ها بحث می نمائیم. در فصل آخر نیز در مورد چگونگی انتقال این اعداد به سرزمین های اروپا صحبت کرده و نتایج بدست آمده از این پایان نامه را بیان می کنیم.

واژه های کلیدی : عددنویسی هندی - صفر - اعداد عربی شرقی - اعداد عربی غربی.



عنوان	صفحه
فهرست شکل ها.....	ج
فصل ۱- دستگاههای عددنویسی مهم در جهان .....	۱
۱-۱- دستگاه غیر موضعی شمار.....	۱
۱-۱-۱- عددنویسی در مصر.....	۸
۱-۱-۲- عددنویسی رومی.....	۱۴
۱-۱-۳- عددنویسی چینی.....	۱۷
۲-۱- دستگاه عددنویسی الفبایی.....	۲۱
۱-۲-۱- حساب ابجد.....	۲۶
۳-۱- عددنویسی موضعی.....	۲۸
۱-۳-۱- دستگاه عددنویسی بابلی.....	۲۹
۲-۳-۱- عددنویسی مایا.....	۳۱
فصل ۲- عددنویسی هندی .....	۳۲
۱-۲- صفر و پیشرفت آن.....	۴۴
۲-۲- عددنویسی در سرزمین های اسلامی.....	۴۹
۱-۲-۲- اعداد عربی شرقی.....	۵۱
۲-۲-۲- اعداد عربی غربی .....	۵۵
فصل ۳- گسترش اعداد در اروپا .....	۵۸
نتیجه گیری .....	۲۱
منابع.....	۶۶

## فهرست شکل ها

صفحه	عنوان
۲	شکل ۱-۱: استخوانايشانگو
۵	شکل ۲-۱: دو مأمور اينكايي كيپودردست
۹	شکل ۳-۱: نماد اعداد مصري
۱۰	شکل ۴-۱: عددنويسي ملتهای مختلف
۱۲	شکل ۵-۱: عددهای سرديس مايا
۱۴	شکل ۶-۱: نماد اعداد رومي
۱۶	شکل ۷-۱: عددنويسي ملتهای مختلف
۱۸	شکل ۸-۱: نماد اعداد چيني
۱۸	شکل ۹-۱: نماد اعداد بزرگ چيني
۱۹	شکل ۱۰-۱: نماد عددنويسي استاندارد چيني
۱۹	شکل ۱۱-۱: عدد ۸۴۲
۲۰	شکل ۱۲-۱: عددنويسي ميله ای
۲۰	شکل ۱۳-۱: عدد ۳۶۱۴
۲۲	شکل ۱۴-۱: عددهای الفبایی
۲۹	شکل ۱۵-۱: نماد عددهای سومريان

- شکل ۱-۱۶: شکل اعداد ۴ و ۲۸ و ۵۹ در عددنویسی بابلی ..... ۲۹
- شکل ۱-۱۷: نماد عدد های مایایی ..... ۳۱
- شکل ۲-۱: اعداد الفبایی در هند ..... ۳۳
- شکل ۲-۲: اعداد نه گانه در کتاب الفصول فی الحساب الهندی ..... ۳۴
- شکل ۲-۳: اعداد خروشتی ..... ۳۶
- شکل ۲-۴: تصاویر اعداد قبل از اختراع صفر ..... ۳۸
- شکل ۲-۵: سه نوع از اعداد هندی ..... ۳۹
- شکل ۲-۶: اعداد در نسخه بخشعلی ..... ۴۰
- شکل ۲-۷: اعداد با ارزش مکانی ..... ۴۱
- شکل ۲-۸: عدد های عربی و سانسکریت ..... ۴۳
- شکل ۲-۹: اعداد هندی همراه صفر ..... ۴۷
- شکل ۲-۱۰: اعداد هندی در شرق و اروپا ..... ۴۷
- شکل ۲-۱۱: اعداد عربی غربی ..... ۴۹
- شکل ۲-۱۲: اعداد عربی شرقی ..... ۴۹
- شکل ۲-۱۳: اعداد در قرن های مختلف ..... ۵۴
- شکل ۲-۱۴: اعداد غبار نزد مولفان غربی ..... ۵۵
- شکل ۲-۱۵: اعداد غبار در اسپانیا ..... ۵۶

- شکل ۲-۱۶: سیر تحول روش عددنویسی ..... ۵۷
- شکل ۳-۱: اعداد در اروپا ..... ۵۹
- شکل ۳-۲: عدد یک در نسخه های خطی ..... ۶۰
- شکل ۳-۳: عدد دو در نسخه های خطی ..... ۶۰
- شکل ۳-۴: عدد سه در نسخه های خطی ..... ۶۱
- شکل ۳-۵: عدد چهار در نسخه های خطی ..... ۶۰
- شکل ۳-۶: عدد پنج در نسخه های خطی ..... ۶۲
- شکل ۳-۷: عدد شش در نسخه های خطی ..... ۶۲
- شکل ۳-۸: عدد هفت در نسخه های خطی ..... ۶۲
- شکل ۳-۹: عدد هشت در نسخه های خطی ..... ۶۳
- شکل ۳-۱۰: عدد نه در نسخه های خطی ..... ۶۳
- شکل ۳-۱۱: عدد صفر در اروپا ..... ۶۳
- شکل ۳-۱۲: اعداد در قرنهای مختلف ..... ۶۳

# فصل ۱: دستگاه‌های عددنویسی مهم در جهان

ریاضیات در آغاز از نیاز شمردن و ثبت کردن عددها به وجود آمد. تا آنجا که می‌دانیم، هیچ کشوری فاقد نوعی شمردن و حساب کردن نبوده است (یعنی جور کردن مجموعه‌ای از اشیاء با نوعی علامت‌های آسان یاب از قبیل سنگ، گره یا حک کردن علامت‌هایی بر روی چوب یا استخوان).

دستگاه‌های عدد نویسی در جهان به سه دسته تقسیم می‌شوند: دستگاه غیر موضعی شمار، دستگاه عدد نویسی الفبایی و دستگاه عدد نویسی موضعی که در ذیل به طور مختصر به توضیح هر کدام از دستگاه‌ها می‌پردازیم.

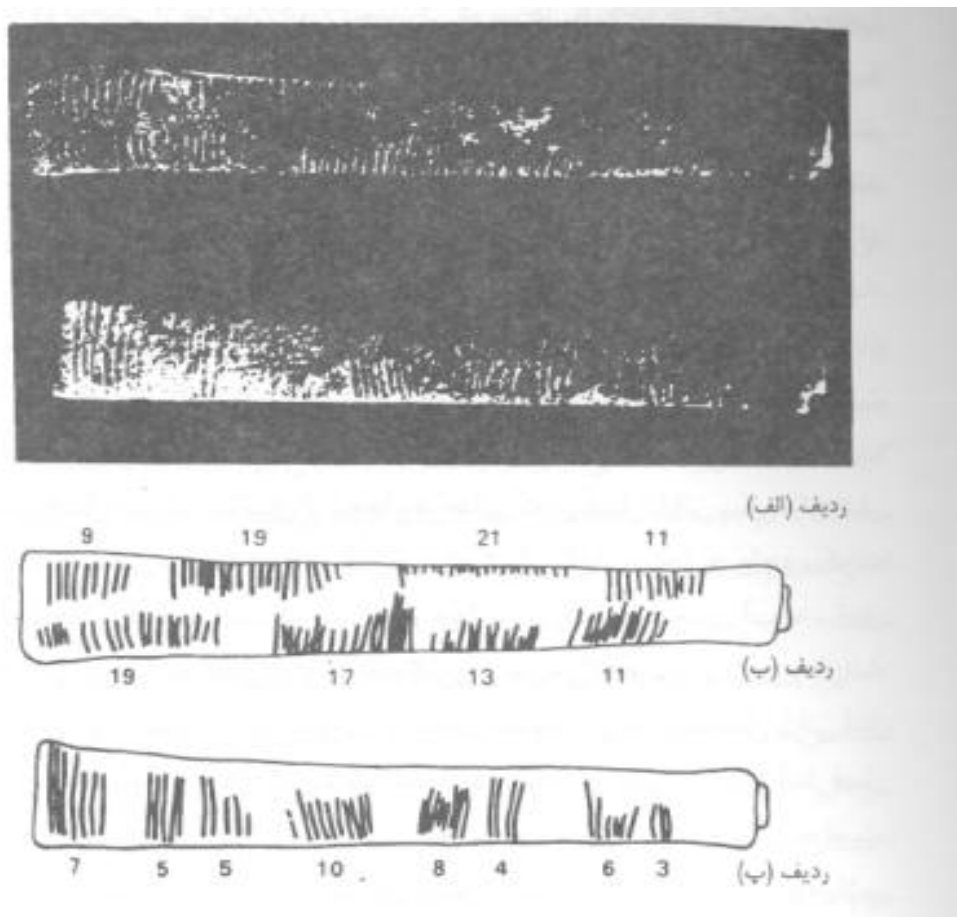
## ۱-۱ - دستگاه غیر موضعی شمار

در بالای کوه‌های مرکز آفریقای استوایی، در مرزهای اوگاندا و زئیر، دریاچه‌ی ادوارد قرار دارد که یکی از دورترین سرچشمه‌های رود نیل است. در سواحل دریاچه جامعه‌ی کوچکی زندگی می‌کرد که کارش ماهیگیری، گردآوری غذا یا کشت غلات برحسب فصل‌های سال بود. این مردم چادر نشین، به نام جایی که آثارشان به دست آمده است، ایشانگو نامیده می‌شوند.

از حفاریات باستان‌شناسی در ایشانگو بقایای انسانی و ابزارهای ماهیگیری، شکار و تولید غذا به دست آمده است. ولی جالبترین یافته از لحاظ ما یک ابزار دستی استخوانی آمده در شکل زیر است که اینک در موزه‌ی تاریخ طبیعی بروکسل جای دارد.

استخوان اصلی ممکن است بر اثر آب و سایر عناصر به صورت سنگ درآمد یا دستخوش تغییرات شیمیایی شده باشد. آنچه مانده شیء قهوه‌ای تیره‌ای است که بر روی آن برخی علامتگذاری‌ها آشکارا دیده می‌شود.

شود. در یک سر آن یک تکه کوارتز تیز محکم نصب شده است که احتمالاً برای کنده کاری، نشانه گذاری یا حتی نوعی نوشتن به کار می رفته است.



### شکل ۱-۱: استخوان ایشانگو

نگهداری حساب ها به صورت خراش برسنگ ها، گره بر نخ ها یا بریدگی بر چوب یا استخوان در سراسر جهان یافت شده است که برخی از آن ها متعلق به قدیمی ترین دوران سکونت های انسانی است. در طی کاوشی در کوههای لیمبو در مرز سوازی لند در آفریقای جنوبی قطعه ای از استخوان نازک نی میمونی به دست آمده با ۲۹ بریدگی مشخص، که متعلق به حدود ۳۵۰۰۰ سال پیش از میلاد است. این قدیمی ترین مدرک از یک وسیله ی ثبت اعداد است. از حدود پنج هزار سال بعد استخوان قلم پای یک گرگ جوان را داریم که در چکسلواکی به دست آمده و حاوی ۵۷ بریدگی عمیق در گروه های ۵ تایی است. شاید این ثبت تعداد شکارهای یک شکارچی است. چنین اثرهایی پیشرفت های مشخصی را به صورت نخستین مرحله

به سوی ایجاد یک دستگاه عددنویسی نشان می دهد که در آن شمارش اشیا با ثبت متوالی این شمارش ها همراه شده است. از مدرک های موجود مربوط به انتقال ابزارهای ایشانگو، به ویژه سر نیزه ها به سوی شمال تا مرزهای مصر، دو هانیزلین دریافت که ممکن است دستگاه عدد شماری ایشانگو تا مصر رفته و بر تکوین دستگاه عدد شماری آن، به عنوان نخستین دستگاه دهنده ی جهان اثر گذاشته باشد.

حافظه ی انسان هم از لحاظ ظرفیت و هم پیچیدگی اش در خور توجه است و می تواند مقدار زیادی اطلاعات را ذخیره کند، ولی به عنوان وسیله ی نگهداری اغلب غیر قابل اعتماد است و به ویژه دارای سازمان یافتگی خوبی نیست. از این رو، از دیر باز اقسام وسیله های یادآوری، از جمله گره و بریدگی، برای کمک به حافظه به کار رفته است. هدف اولیه از گره ها ثبت و نگهداری اطلاعات بود.

کیپو واژه ای کچوایی است (زبان اینکاها) به معنی گره. کیپو شبیه جاروی گردگیری است که دیگر کهنه شده و عبارت از ریسمان نهایی یک رنگ یا چندرنگ است، حاوی گره هایی در انواع مختلف، که در ظاهر دارای هیچ ترتیب سازمان یافته ای نیست. کیپوها، که حدود چهار صد تا از نمونه های معتبر آن در دست است در موزه های اروپایی باختری و آمریکا یافت می شوند.

افتخار آشکار کردن بخشی از راز آن ها نصیب لیلاندلاک شد ۱۹۱۲-۱۹۲۳. از مطالعه ی دقیق اظهارات مورخان اسپانیایی سده ی شانزدهم و بررسی دقیق برخی کیپوها، لاک نتیجه گرفت که کیپو در اصل وسیله ای برای ثبت عددها بر پایه ی دستگاه دهنده ی بوده است.

کیپو از اتصال اقسام مختلف ریسمانها ساخته شده است. هر ریسمان دست کم دورشته است که یک سرشان حلقه است و سر دیگرشان باریک و منتهی به یک گره کوچک است.

چهارریسمان از نوع مختلف را می توان تمیز داد. یکی که از بقیه کلفت تر است، ریسمان اصلی نامیده می شود و تعدادی ریسمانهای دیگر شبیه انگشت به آن وصل است، که اغلبشان آویزان شده اند و به آنها ریسمان آویزان می گویند و چندتایی که انتهای گره شان رو به بالاست، ریسمان بالا خوانده می شوند.

در برخی کیپوها ریسمانی اضافی هم وجود دارد که به انتهای حلقه دار ریسمان اصلی وصل و محکم شده است و به همین دلیل ریسمان دم آویزان گفته می شود. به هریک از این ریسمانهای آویخته از ریسمان اصلی، ممکن است ریسمانهای فرعی آویخته باشد و این اتصالات فرعی می تواند ادامه یابد، به طوری که ریسمان فرعی به ریسمان بازهم فرعی تر و آن هم همین طور به یکی دیگر پیوسته اشد. همچنین، امکان دارد برخی ریسمانهای آویزان به وسیله یک ریسمان بالا به هم وصل شود تا گروه مشخصی را تشکیل دهد.

آنچه پس از تکمیل فرایند در اختیار داریم، کیپوی ساده ای است تا حد شبیه شکل ۱-۲ که ظاهراً هیچ ریسمان بالا ندارد. یک کیپوی ساده ممکن است از سه تا دو هزار ریسمان داشته باشد.





شکل ۱-۱: دو مأمور اینکایی کیپو در دست

به گفته ی گارسیلاسو دولوگا که مادرش برادرزاده ی آخرین شاه اینکا و پدرش اسپانیایی بود، اینکاها دارای دستگاه عدد شماری جایگاهی بودند. گره ها برحسب موقعیتشان یکان، دهگان، صدگان، هزارگان، ده هزارگان و استثنائاً صد هزارگان را نشان می دادند و گره ها را همان طور که حسابداران ارقام را ستون به ستون در دفتر کل می نویسند، در ریسمان های مختلف مرتب می کردند. می توان ظاهر یک دستگاه عددی (یا اعداد) مکتوب را به عنوان اوج پیشرفت های اولیه ی آن بررسی کرد. اول شناخت تفاوت میانی کم و زیاد است، که در این مورد ما با برخی جانوران شریکیم. از اینجا نخست شمارش سا ده به وجود آمد، سپس روش های مختلف ثبت شمارش ها به صورت نشانه های چوبخط، که

استخوان ایشانگو نمونه ای از آن است این پیشرفت با پیدایش وسیله های هر چه پیچیده تر ثبت اطلاعات یافت، که اوج آن ساخت اسباب هایی از قبیل کیپو بود.

مدرک های تاریخی و مردم شناسی فراوانی وجود دارد که نشان می دهد در طی زمان و در نقاط مختلف پایه های گوناگون به کار رفته است. عددهای ۲، ۳ و ۴ ممکن است نخستین پایه های ساده بوده اند. برخی گروه ها در آفریقای مرکزی تا همین اواخر از یک پایه ی دو تایی ابتدایی استفاده می کردند. دستگاه مشابهی بر پایه ی ۳ تا ۴ بنابر گزارش ها، در جامعه های دور افتاده ی آمریکای جنوبی به کار می رفت:

۱ - شمارش بر پایه ی ۲ ، نمونه ی مشخص آن گومولگال، از بومیان استرالیا ست، که به این صورت می شمارند :

اوراپون = ۱ (یک)

اوکاسار = ۲ (دو)

اوکاسار - اوراپون = ۳ (دو با یک )

اوکاسار - اوکاسار = ۴ (دو با دو )

اوکاسار - اوکاسار - اوراپون = ۵ (دو با دو با یک )

اوکاسار - اوکاسار - اوکاسار = ۶ (دو با دو با دو )

اوکاسار - اوکاسار - اوکاسار - اوراپون = ۷ (دو بادو بادو با یک)

با طولانی تر شدن نام عدد پیداست که این دستگاه پیش از پیش ناکارآمد می شود. با به کار برد واژه هایی خاص برای ۳ و ۴ تغییری در دستگاه دوتایی ایجاد شد، به طوری که ۶ و ۸ دو بار سه و دو بار چهار گفته می شد. هر دو صورت در کنار یکدیگر در مناطق مجاور در آفریقا، استرالیای جنوبی و آمریکای جنوبی به

حیات خود ادامه دادند، که حاکی از تکامل دستگاه شمارش دوتایی از کارایی کمتر به سوی کارایی بیشتر است.

۲ - شمارش بر پایه ی ۵ ، که این حاکی از شمارش با انگشتان دست است و روشی کارآمد تر، چون دیگر از تکرار در شمارش دو تایی خودداری می کند. همچنین جریانی خلاق تر است، چون به آسانی می تواند برای شمارش مضربهای پنج از دو دست و سه دست استفاده کند برای اینکه دستگاه به پیدایش دستگاه دهمی منجر شود، گذشت زمان لازم بود.

۳ - شمارش بر پایه ی ۱۰ که این دستگاه شمارش بسیار شایع است، شاید بدین علت که انگشتان هر دو دست در آن به کار می رود. بنابر گزارش های اسپانیاییان مبنای شمارش اینکها دهمی بود. دستگاه عدد شماری یورو با که در جنوب باختری نیجریه<sup>[۱]</sup>، در گذر زمان گم شده است در اصل بر مبنای ۲۰ بود.

## ۱-۱-۱- عددنویسی در مصر

در مصر باستان سه دستگاه عدد نویسی متفاوت را می توان تشخیص داد: هیروگلیف (تصویری) ، هیراتیک (نمادی) و رموتیک (مردمی) ، دوتای اولی در همان اوایل تاریخ مصر پدیدار شدند. عدد نویسی نمادی در هر دو پاپیروس احمس و مسکو به کار رفته است. مهم ترین مأخذ عمده پاپیروس احمس یا احمس<sup>۱</sup> است، به نام کاتبی که در حوالی سال ۱۶۵۰ پ . م آن را از روی اثری متعلق به سه قرن قبل از آن رونویسی کرده است. این اثر پاپیروس ریاضی ریند هم نامیده می شود، به نام مجموعه دار بریتانیایی که در سال ۱۸۵۸ آن را به دست آورد و بعداً آن را به موزه ی بریتانیا داد.

مسکو نیز دومین مأخذ مهم پاپیروس است که در حوالی سال ۱۸۵۰ پ . م نوشته شده است و آن را در اواسط سده ی نوزدهم به روسیه آورده اند و در موزه ی هنرهای زیبای مسکو قرار دارد. عدد نویسی مردمی برگرفته از عدد نویسی نمادی است و در دوران هلنیستی و رومی تاریخ مصر بسیار اهمیت یافت.

یکی از قدیمی ترین دستگاه های عدد نویسی دستگاه هیروگلیفی مصری است که حدود ۳۵۰۰ سال قبل از میلاد به کار می رفته و عمدتاً مصریان آن را در کتیبه هایی که روی سنگ می نوشته اند مورد استفاده قرار می دادند. مصریان دو شیوه نوشتن نسبتاً سریع تر را برای کار روی پاپیروس، چوب و سفال ابداع کردند.

دستگاه هیروگلیفی، یک خط تصویری بود که در آن هر حرف معرف چیزی، غالباً به آسانی قابل شناسایی بود. نشانه های خاصی برای نمایش هر یک از توان های ۱۰ از ۱ تا ۱۰<sup>۷</sup> به کار می رفت. مثلاً واحد معمولاً به صورت خطی قائم نوشته می شد، هر چند در موقع نمایش دقیق به صورت تکه ای نخ نمایش می دادند. نماد ده تکه نخ بلند تری بود، به شکل نعل اسب و صد به صورت حلقه ی نخ بود. در همه ی این موردها ظاهراً نقش مایه مسلط نخ بود، که طول و شکل آن بزرگی عدد نمایش داده شده را نشان می داد، درست با حفظ اهمیت نقش طناب کش ها در مصر باستان. علامت تصویری هزار شبیه نیلوفر آبی بود، هرچند علامت این گیاه حرف اول خا (به معنی وتر) بود. ده هزار را با انگشت تمساح نشان می دادند که احتمالاً تلفظی

---

<sup>1</sup> Ahmes or Ahmos