





دانشگاه آزاد اسلامی

واحد تهران مرکزی

دانشکده فنی و مهندسی ، گروه مهندسی مکانیک

پایان نامه جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد (M.Sc)

گرایش: تبدیل انرژی

عنوان:

بررسی جریان آشفته به روش شبیه سازی گردابه های بزرگ با استفاده از مدل

اسماگورینسکی و مقایسه مدل های موجود

استاد راهنما:

دکتر محمد افتخاری یزدی

استاد مشاور:

دکتر آرش میر عبدالله لواسانی

پژوهشگر:

منصور هدایتی زاده

تابستان ۱۳۹۱

تقدیم به:

خانواده عزیزم که همواره در تمامی مراحل مرا یاری کرده و مشوق من بوده اند.

تشکر و قدر دانی:

سپاس بی حد از تنها یاری گر عالم که نیروی اندیشه ام را در بزرگراه سبز دانش پویا داشت و به من توفیق تلاش در راه روشن دانایی را بخشید. در آغاز بر خود لازم می دانم قدردانی خود را از زحمات بی دریغ استاد راهنمای گرانقدر و ارجمندم جناب آقای دکتر محمد افتخاری یزدی که صبر و حوصله بسیار مرا در تمامی مراحل نگارش این رساله راهنمایی و یاری نمودند صمیمانه ابراز نمایم. بی شک اگر راهنمایی ها و زحمات استاد گرانقدر جناب آقای دکتر آرش میرعبدالله لواسانی به عنوان مشاور و دوستان عزیزی که مرا در انجام این تحقیق یاری نموده اند نبود، به پایان رساندن آن میسر نمی گردید.

Abstract

Most flows and happen in nature and engineering are turbulence flows. To solve the equations of fluids (Navier Stokes equations) in turbulent flows, need of numerical modeling is required. Important and widely used method for the numerical modeling, are RANS, LES and DSN.

In LES (Large Eddy Simulation) method only large-scales of flow are solved and the smaller scales will be modeled (sub grid scale).

The first sub grids scale model is known as Smagorinsky, that the coefficient of Smagorinsky will be selected depend on the geometry and the negative point is that the dissipation rate will predicts the same in all fields. The second sub grids scale model is dynamic Smagorinsky model. The Smagorinsky coefficient in this model is a function of location and time but a major weakness is requirement of a homogeneous course in cases. In Localized Dynamic Smagorinsky model with the property of calculation of Smagorinsky coefficient as a function of space and time and it doesn't need homogeneous course. These properties made it a good model for complex geometries and complex flows.

In this thesis turbulent flow of fluid in the cavity, the backward step and channel flow geometry using LES with SIMPEL numerical code has been studied.

The approach taken in the cavity using Smagorinsky and localized dynamic Smagorinsky and comparing with experimental results has been studied. In backward step using Smagorinsky and localized dynamic Smagorinsky and comparing with experimental results and in different Reynolds number and the displacement of separation point has been studied. In case of canal we use dynamic Smagorinsky method.

We also examines the relationship between physical effects come into existence as the coefficient of friction, drag and vortex formation on the walls and variation of Smagorinsky coefficient and Logical relationship between the volatility and the coefficient of variation of each parameter is studied.

Key words: large-eddy simulation model of the network, Smagorinsky, dynamic, dynamic local



ISLAMIC AZAD UNIVERSITY

Central Tehran Branch

Faculty of Technology and Engineering - Department of Mechanics

"M.Sc" Thesis

On Mechanical Engineering (Energy Conversion)

Subject:

Large eddy simulation of turbulence using Smagorinsky model and the
comparison of the existing models

Supervisor:

Dr. Mohammad Eftekhari Yazdi

Co – Supervisor:

Dr. Arash Mir Abdollah Lavasani

By:

Mansour Hedayati Zadeh

Summer 2012

فهرست:

۱.....پیشگفتار

فصل اول: مقدمه ای بر جریان آشفته

۴.....۱-۱- توربولانس

۶.....۱-۲- طبیعت توربولانس

۸.....۱-۳- معادلات رینولدز برای جریان های توربولانس

۹.....۱-۴- معادلات حرکت

۱۰.....۱-۵- تاریخچه

۱۲.....۱-۶- شبیه سازی جریان آشفته

۱۳.....۱-۷- تشریح آشفتگی از لحاظ فیزیکی

فصل دوم: معادلات حاکم

۱۷.....۱-۲- معادلات حاکم و چگونگی برخورد با آنها

۲۰.....۲-۲- روش های مدل سازی جریان آشفته

۲۱.....۲-۳- تنش های میانگین رینولدز RANS

۲۳.....۲-۴- شبیه سازی مستقیم عددی DNS

فصل سوم: کلیات روش LES: مبانی ، فیلتر ها و مدل های SGC

۲۶.....۳-۱- مبانی

۲۶.....۳-۱-۱- شبیه سازی گردابه های بزرگ LES

۲۷.....۳-۱-۲- معادلات حاکم در روش LES

۳۳.....۳-۲- فیلتر

۳۳.....۳-۲-۱- کلیات فیلتر

۳۵.....۳-۲-۲- فیلتر جعبه ای

۳۷.....۳-۲-۳- فیلتر گاوس

- ۳۹-۲-۴- فیلتر برشی.....
- ۴۰-۲-۵- عرض فیلتر.....
- ۴۲-۲-۶- انواع توابع فیلتر گیری مرسوم در روش LES.....
- ۴۳-۳- مدل های SGS.....
- ۴۳-۳-۱- مدل مقیاس زیرشبکه (SGS).....
- ۴۵-۳-۲- مدل اسماکورینسکی.....
- ۴۸-۳-۳- مدل دینامیکی.....
- ۵۱-۳-۴- مدل دینامیکی موضعی.....
- ۵۴-۳-۴- تاریخچه.....

فصل چهارم: روش عددی

- ۵۷-۴-۱- روش کار.....
- ۵۸-۴-۲- روش عددی.....
- ۵۸-۴-۳- شبکه محاسباتی.....
- ۶۰-۴-۴- روش منفصل سازی.....
- ۵۶-۴-۵- برآورد فشار.....
- ۶۵-۴-۶- الگوریتم SIMPEL.....
- ۶۹-۴-۷- الگوریتم حل.....
- ۷۰-۴-۸- روش حل.....
- ۷۲-۴-۹- فاصله زمانی.....
- ۷۲-۴-۱۰- شرایط اولیه.....
- ۷۳-۴-۱۱- شرایط مرزی.....

فصل پنجم: نتایج و جمع بندی

- ۷۵-۵-۱- قابلیت های برنامه کامپیوتری تهیه شده.....

- ۷۶..... ۲-۵- حل جریان درون حفره.....
- ۷۸..... ۱-۲-۵- بررسی استقلال از شبکه برای مقادیر سرعت روی خطوط تقارن.....
- ۸۰..... ۲-۲-۵- بررسی اثر تقریب به کار رفته در منفصل سازی.....
- ۸۱..... ۳-۲-۵- مقایسه نتایج حاصل از حل عددی با نتایج آزمایشگاهی.....
- ۸۳..... ۴-۲-۵- مقایسه خطوط مماس بر سرعت.....
- ۸۶..... ۵-۲-۵- نمایش کانتور فشار نسبی در حفره.....
- ۸۶..... ۶-۲-۵- تغییرات ضریب اسماگورینسکی در مدل LDSM با زمان.....
- ۹۱..... ۷-۲-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره ها.....
- ۹۲..... ۸-۲-۵- نمایش تغییرات ضریب درگ روی دیواره ها.....
- ۹۵..... ۹-۲-۵- نمایش سرعت های نوسانی.....
- ۹۷..... ۳-۵- حل جریان پشت پله.....
- ۹۹..... ۱-۳-۵- نمایش تغییرات محل نقطه جدایش با عدد رینولدز.....
- ۱۰۳..... ۲-۳-۵- تغییرات میدان سرعت رینولدز ۴۰۰۰ با مدل LDSM.....
- ۱۰۴..... ۳-۳-۵- نمایش میدان سرعت در $t=10$ S.....
- ۱۰۵..... ۴-۳-۵- نمایش کانتور فشار نسبی در $t=10$ S.....
- ۱۰۵..... ۵-۳-۵- نمایش طول ناحیه جدایی در مقابل زمان.....
- ۱۰۶..... ۶-۳-۵- نمایش تغییرات ضریب اسماگورینسکی در رینولدز ۴۰۰۰.....
- ۱۰۸..... ۷-۳-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره های پله با گذشت زمان.....
- ۱۰۹..... ۸-۳-۵- نمایش تغییرات ضریب درگ روی دیواره های پله با گذشت زمان.....
- ۱۱۰..... ۹-۳-۵- نمایش نوسانات سرعت.....
- ۱۱۲..... ۴-۵- حل جریان داخل کانال.....
- ۱۱۳..... ۱-۴-۵- منحنی های سرعت ثابت در کانال.....
- ۱۱۴..... ۲-۴-۵- نمایش پروفیل سرعت در ورودی و خروجی.....

- ۱۱۵-۳-۴-۵- نمایش کانتور فشار نسبی ۱۱۵
- ۱۱۵-۴-۴-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره های کانال با گذشت زمان ۱۱۵
- ۱۱۶-۵-۴-۵- نمایش تغییرات ضریب درگ روی دیواره های کانال با گذشت زمان ۱۱۶
- ۱۱۶-۶-۴-۵- نمایش سرعت های نوسانی ۱۱۶
- ۱۱۹-۷-۴-۵- تغییرات ضریب اسماگورینسکی ۱۱۹
- ۱۲۱-۵-۵- جمع بندی و پیشنهاد ۱۲۱
- ۱۲۱-۵-۵-۱- جمع بندی ۱۲۱
- ۱۲۳-۵-۵-۲- پیشنهاد برای کارهای آینده ۱۲۳
- ۱۲۴-مراجع ۱۲۴

فهرست جداول:

فصل دوم

۱-۲-۱- تعبیر پارامترهای موجود در معادلات N.S. ۱۷

۲-۲-۲- روش ها و مدل های عددی متداول برای حل عددی جریان سیال ۲۰

فصل سوم

۱-۳-۱- توابع فیلترگیری مرسوم در LES ۴۲

فصل پنجم

۱-۵-۱- مشخصات استفاده شده در حل عددی حفره ۴۶

۲-۵-۲- مشخصات استفاده شده در حل عددی پله ۹۸

۳-۵-۳- مشخصات استفاده شده در حل عددی پله برای رینولدز ۴۰۰۰ ۱۰۲

۴-۵-۴- مشخصات استفاده شده در حل عددی کانال برای رینولدز ۳۰۰۰ ۱۱۲

فهرست اشکال و نمودارها:

فصل اول

- ۱-۱- نمونه هایی از جریان آشفته ۴
- ۲-۱- تاثیر عدد رینولدز بروی جریان پشت استوانه ۷
- ۳-۱- نقاشی های لیوناردو داوینچی از جریان آشفته ۱۰

فصل دوم

- ۱-۲- درجه بندی مدل های مختلف آشفتگی بر اساس دقت و هزینه محاسباتی آنها ۲۱

فصل سوم

- ۱-۳- جریان لایه ای مختلط؛ درهم آمیختن دو جریان و تشکیل گردابه های تقریبا دوبعدی ۲۸
- ۲-۳- نمایش شماتیک فرضیه آبشار انرژی ۲۹
- ۳-۳- تقسیم بندی میدان از نظر ماهیت انرژی (کولموگروف) ۲۹
- ۴-۳- نمایش اثر فیلتر (متوسط گیری مکانی) ۳۳
- ۵-۳- نمایش پوسته تابع فیلتر جعبه ای ۳۶
- ۶-۳- نمایش نقاط همسایه که فیلتر جعبه ای در متوسط گیری حضور دارند ۳۶
- ۷-۳- نمایش پوسته تابع فیلتر گاوس دوبعدی ۳۸
- ۸-۳- نمایش نقاط همسایه که در فیلتر گاوسی در متوسط گیری حضور دارند ۳۸
- ۹-۳- نتیجه اعمال فیلتر گاوسی بر یک تابع اتفاقی ۳۹
- ۱۰-۳- نمایش پوسته تابع فیلتر برشی ۴۰
- ۱۱-۳- نمایش اثر افزایش عرض فیلتر و اعمال آن بروی یک موج ۴۱

فصل چهارم

- ۱-۴- نمایش شبکه بندی جا به جا شده ۵۹
- ۲-۴- نمایش الگوریتم حل ۶۹

۷۱..... ۳-۴- نمایش رویه حل در الگوریتم ADI

۷۱..... ۴-۴- نمایش رویه حل در الگوریتم LINE BY LINE

فصل پنجم

۷۷..... ۱-۵- هندسه مورد بررسی

۷۹..... ۲-۵- بررسی استقلال شبکه مقادیر سرعت افقی روی خط تقارن

۷۹..... ۳-۵- بررسی استقلال شبکه مقادیر سرعت عمودی روی خط تقارن

۸۰..... ۴-۵- بررسی اثر رویه منفصل سازی مقادیر سرعت افقی روی خط تقارن

۸۱..... ۵-۵- بررسی اثر رویه منفصل سازی مقادیر سرعت عمودی روی خط تقارن

۸۲..... ۶-۵- مقایسه مدل SM و LDSM مقادیر سرعت افقی روی خط تقارن

۸۲..... ۷-۵- مقایسه مدل SM و LDSM مقادیر سرعت عمودی روی خط تقارن

۸۳..... ۸-۵- خطوط مماس بر سرعت در $t=7$ S

۸۴..... ۹-۵- خطوط مماس بر سرعت در $t=14$ S

۸۴..... ۱۰-۵- خطوط مماس بر سرعت در $t=21$ S

۸۵..... ۱۱-۵- خطوط مماس بر سرعت در $t=28$ S

۸۵..... ۱۲-۵- خطوط مماس بر سرعت در $t=42$ S

۸۶..... ۱۳-۵- نمایش کانور فشار نسبی در حفره

۸۷..... ۱۴-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار پایین با گذشت زمان

۸۸..... ۱۵-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار بالا با گذشت زمان

۸۸..... ۱۶-۵- تغییرات C در نقطه میانی با گذشت زمان

۸۹..... ۱۷-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار چپ ناشی از گاوس با گذشت زمان

۹۰..... ۱۸-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار راست در مقایسه با خطوط مماس بر سرعت

۹۱..... ۱۹-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره راست با گذشت زمان

۹۲..... ۲۰-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره پایین با گذشت زمان

- ۹۲.....۲۱-۵-نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره چپ با گذشت زمان
- ۹۳.....۲۲-۵-نمایش تغییرات C_D در نقطه میانی جدار بالا با گذشت زمان
- ۹۳.....۲۳-۵-نمایش تغییرات C_D در نقطه میانی جدار راست با گذشت زمان
- ۹۴.....۲۴-۵-نمایش تغییرات C_D در نقطه میانی جدار پایین با گذشت زمان
- ۹۴.....۲۵-۵-نمایش تغییرات C_D در نقطه میانی جدار چپ با گذشت زمان
- ۹۵.....۲۶-۵-نمایش U_{RMS} بروی خط $X=0/0.31$
- ۹۵.....۲۷-۵-نمایش V_{RMS} بروی خط $Y=0/0.31$
- ۹۶.....۲۸-۵-نمایش UV_{RMS} بروی خط $Y=0/0.31$
- ۹۶.....۲۹-۵-نمایش UV_{RMS} بروی خط $X=0/0.31$
- ۹۷.....۳۰-۵-نواحی مختلف میدان در جریان پشت پله
- ۹۸.....۳۱-۵-مشخصات هندسه مورد بررسی برای حل عددی
- ۹۹.....۳۲-۵-منحنی تغییرات نقطه تماس مجدد با عدد رینولدز
- ۱۰۱.....۳۳-۵-نمایش خطوط مماس بر سرعت در رینولدز 500 (مدل LDSM $t=10$ s)
- ۱۰۱.....۳۴-۵-نمایش خطوط مماس بر سرعت در رینولدز 5000 (مدل SM $t=10$ s)
- ۱۰۱.....۳۵-۵-نمایش خطوط مماس بر سرعت در رینولدز 5000 (مدل LDSM $t=10$ s)
- ۱۰۳.....۳۶-۵-نمایش خطوط مماس $t=0/0.2$ s
- ۱۰۳.....۳۷-۵-نمایش خطوط مماس $t=1$ s
- ۱۰۳.....۳۸-۵-نمایش خطوط مماس $t=3$ s
- ۱۰۳.....۳۹-۵-نمایش خطوط مماس $t=6$ s
- ۱۰۴.....۴۰-۵-مقادیر لحظه ای سرعت $RE=4000$, $t=10$ s و مدل LDSM
- ۱۰۴.....۴۱-۵-مقادیر لحظه ای سرعت $RE=4000$, $t=10$ s و مدل SM
- ۱۰۴.....۴۲-۵-مقادیر متوسط سرعت $RE=4000$, $t=10$ s و مدل LDSM
- ۱۰۴.....۴۳-۵-مقادیر لحظه ای سرعت $RE=4000$, $t=10$ s و مدل SM

- ۴۴-۵- نمایش کانتور فشار نسبی $t=10\text{ s}, RE=4000$ ۱۰۵
- ۴۵-۵- نمایش طول ناحیه جدایی در مقابل زمان ۱۰۵
- ۴۶-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار پایین با گذشت زمان ۱۰۶
- ۴۷-۵- تغییرات C در نقطه میانی جدار بالا با گذشت زمان ۱۰۶
- ۴۸-۵- تغییرات C در نقطه مرکز هندسه با گذشت زمان ۱۰۷
- ۴۹-۵- تغییرات C در نقطه میانی خروجی با گذشت زمان ۱۰۷
- ۵۰-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک رو دیواره بالایی پله با گذشت زمان ۱۰۸
- ۵۱-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک رو دیواره پایینی پله با گذشت زمان ۱۰۸
- ۵۲-۵- نمایش تغییرات ضریب C_D بر روی دیوار پایین پله با گذشت زمان ۱۰۹
- ۵۳-۵- نمایش تغییرات ضریب C_D بر روی دیوار بالایی پله با گذشت زمان ۱۰۹
- ۵۴-۵- نمایش U_{RMS} بروی خط $X=2$ ۱۱۰
- ۵۵-۵- نمایش V_{RMS} بروی خط $Y=0.1$ ۱۱۰
- ۵۶-۵- نمایش UV_{RMS} بروی خط $X=2$ ۱۱۱
- ۵۷-۵- نمایش UV_{RMS} بروی خط $Y=0.1$ ۱۱۱
- ۵۸-۵- شماتیک هندسه کانال مورد بررسی ۱۱۲
- ۵۹-۵- خطوط سرعت افقی ثابت درون مقطع کانال ۱۱۳
- ۶۰-۵- خطوط سرعت عمودی ثابت درون مقطع کانال ۱۱۳
- ۶۱-۵- نمایش خطوط سرعت افقی در ورودی ۱۱۴
- ۶۲-۵- نمایش خطوط سرعت افقی در خروجی ۱۱۴
- ۶۳-۵- نمایش کانتور فشار نسبی در کانال ۱۱۵
- ۶۴-۵- نمایش تغییرات ضریب اصطکاک روی دیواره ها با گذشت زمان ۱۱۵
- ۶۵-۵- نمایش تغییرات ضریب C_D بر روی دیوار پایین و بالایی کانال با گذشت زمان ۱۱۶

- ۱۱۶..... نمایش U RMS بروی خط $X=0/1$ ۶۶-۵
- ۱۱۷..... نمایش V RMS بروی خط $Y=2$ ۶۷-۵
- ۱۱۷..... نمایش UV RMS بروی خط $X=0/1$ ۶۸-۵
- ۱۱۸..... نمایش UV RMS بروی خط $Y=2$ ۶۹-۵
- ۱۱۹..... نمایش تغییرات ضرب اسماگورینسکی در نقطه میانی ورودی با گذشت زمان ۷۰-۵
- ۱۱۹..... نمایش تغییرات ضرب اسماگورینسکی در مرکز کانال با گذشت زمان ۷۱-۵
- ۱۲۰..... نمایش تغییرات ضریب اسماگورینسکی در نقطه میانی دیواره پایین با گذشت زمان ۷۲-۵
- ۱۲۰..... نمایش تغییرات ضریب اسماگورینسکی در نقطه میانی دیواره بال با گذشت زمان ۷۳-۵

پیشگفتار

اکثر جریان های موجود در طبیعت و همچنین جریان هایی که در مهندسی اتفاق می افتد مغشوش می باشند. برای حل معادلات حاکم بر سیال (معادلات ناویر استوکس) در حالت آشفته احتیاج به یکسری مدل سازی عددی می باشد. از روش های مهم و پرکاربرد شبیه سازی عددی جریان ، می توان به روش های LES، DSN و RANS اشاره نمود.

در روش LES یا شبیه سازی گردابه های بزرگ (Large Eddy Simulation) تنها مقیاسهای بزرگ جریان حل شده و اثر مقیاسهای کوچکتر مدل می شود (مدل زیرشبکه). اولین مدل زیرشبکه به نام اسماگورینسکی معروف است که در آن ضریب اسماگورینسکی با توجه به هندسه و نوع جریان به صورت یک مقدار ثابت در نظر گرفته شود و لذا این مدل نرخ اتلاف را در تمام میدان به یک میزان پیش بینی می کند. دومین مدل زیرشبکه مدل دینامیکی ضریب اسماگورینسکی را به صورت تابعی از مکان و زمان محاسبه نماید اما نیاز به یک راستای همگن به عنوان ضعف اصلی آن شناخته می شود. مدل دینامیکی موضعی با خاصیت محاسبه ضریب اسماگورینسکی به صورت تابع مکان و زمان و بدون نیاز به راستای همگن یک مدل مناسب برای هندسه ها و جریان پیچیده می باشد. در این پایان نامه بررسی جریان آشفته سیال در سه هندسه حفره ، جریان پشت پله و کانال با استفاده از کد عددی SIMPEL پرداخته شده است.

در حل های صورت گرفته در مورد حفره به بررسی و مقایسه نتایج آزمایشگاهی در مدل های اسماگورینسکی و اسماگورینسکی دینامیکی موضعی و در مورد پله در رینولدز های مختلف و مقایسه نتایج آزمایشگاهی در مدل های اسماگورینسکی و اسماگورینسکی دینامیکی موضعی و چگونگی تغییر محل نقطه جدایش و در مورد کانال بررسی در روش اسماگورینسکی دینامیکی انجام

پذیرفته است. همچنین به بررسی رابطه میان اثرات فیزیکی به وجود آمده در جریان همانند ضریب اصطکاک ، درگ و نیز تشکیل گردابه بر روی دیواره ها و تغییرات ضریب اسماگورینسکی ذکر شده و رابطه ی منطقی بین آنها در خصوص نوسان و تغییرات هر یک از پارامتر ها و ضریب ذکر شده پرداخته شده است.

واژگان کلیدی: شبیه سازی گردابه های بزرگ، مدل زیر شبکه، اسماگورینسکی، دینامیکی، دینامیکی

موضعی

فصل اول

مقدمه ای بر جریان آشفته

۱-۱- توربولانس

کلمه توربولانس^۱ در تجربیات روزانه به مراتب استفاده می شود و به مفهوم نامشخصی دلالت دارد. در لاتین کلمه Turba به معنی گیج کننده^۲ و یا مفهومی که یک قاعده مشخص را دنبال نمی کند^۳، می باشد. در مدارس ایتالیا اصطلاح پسر آشفته^۴ به شخص جوانی اطلاق می شود که در مقابل تمام اصول مشخص و تدوین شده مقاومت می ورزد. به صورت مشابه جریان آشفته به مفهومی اطلاق می شود که در مقابل اصول مکانیک کلاسیک از خود مقاومت نشان می دهد. در مقابل جریان آشفته، جریان آرام^۵ نیز از کلمه لاتین Lamina گرفته شده است که به معنی ملایم و تخت می باشد و بیانگر جریان منظم و ملایم و قابل پیش بینی می باشد که همه روزه مشاهده و تجربه می شود و معمولاً به پیچیدگی های آن توجه نمی شود.

نمونه هایی از جریان توربولانس که همه روزه مشاهده می شوند در اشکال زیر نشان داده شده اند:



شکل ۱-۱: نمونه هایی از جریان آشفته

-
- ¹ - Turbulence
 - ² - Confusing
 - ³ - something which does not follow an ordered plan
 - ⁴ - Turbulent boy
 - ⁵ - Laminar flow