

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ



دانشگاه الزهرا (س)

دانشکده علوم پایه

پایان نامه

جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد

رشته فیزیک اتمی و مولکولی

عنوان

دوپایداری نوری و رفتار گذرای حلقه فیبر نوری آغشته به اربوم و نقطه‌های
کوانتومی

اساتید راهنما

دکتر بتول سجاد

دکتر علیرضا بهرامپور

استاد مشاور

دکتر فاطمه شهشهانی

دانشجو

سمیه صفری

اسفند ۱۳۹۰

کلیه دستاوردهای این تحقیق متعلق به دانشگاه الزهرا است.

تقدیم بہ پدر و مادر عزیزم

قدردانی و سپاس

خداوند بزرگ را شاکرم که با امید و یاری اش توانستم این مسیر را با موفقیت طی کنم و این تحقیق را در کنار اساتید عالم، مهربان، و دلسوزی چون خانم دکتر سجاد، آقای دکتر بهرامپور و خانم دکتر شهشانی به انجام برسانم. از ایشان برای راهنمایی‌ها، کمک‌ها و محبت بی‌کران شان بی‌نهایت سپاسگزارم.

از دوست عزیزم خانم سارا توفیقی که با همفکری‌های بی‌دینغ اش در این راه همراهم بود و تمامی دوستانی که به نحوی در این پژوهش یاری ام رسانند کمال تشکر را دارم.

چکیده

در این رساله، دوپایداری نوری در حلقه فیبر نوری که نیمی از آن آغشته به یون‌های اربیموم و نیمه دیگر آغشته به نقطه‌های کوانتومی است، در حالت پایا و گذرا مورد مطالعه قرار گرفته است. نیمه آغشته به نقطه‌های کوانتومی، نقش جاذب اشباع پذیر را دارد که باعث ایجاد دوپایداری نوری می‌شود. نیمه آغشته به یون‌های اربیموم، به عنوان تقویت کننده، با تقویت سیگنال داخل حلقه باعث کاهش توان کلیدزنی می‌شود. دوپایداری نوری در حلقه فیبر نوری در حالت پایا با روش تحلیلی و عددی بدست آمده و مقادیر عددی دو نقطه گذار بالا و پایین مشخص گردیده و توان کلیدزنی در هر دو روش تحلیلی و عددی حدود ۷mW بدست آمده است. سپس تغییر توان کلیدزنی تحت پارامترهای مختلف حلقه فیبر از جمله غلظت یون‌های اربیموم، ضریب عبور، توان دمش و... مورد بررسی قرار گرفته است. و در نهایت رفتار زمانی حلقه فیبر نوری با حل عددی بررسی شده است.

فهرست مطالب

فصل اول : مقدمه

مقدمه ۲

فصل دوم : دوپایداری نوری

مقدمه ۷

۱-۲ تعریف دوپایداری و انواع آن ۸

۲-۲ رفتار کلی قطعه‌ای با دوپایداری شدت ۹

۳-۲ شرایط لازم برای ساخت یک قطعه دوپایدار نوری ۱۰

۴-۲ انواع قطعه دوپایدار نوری ۱۱

۱-۴-۲ قطعه دوپایدار نوری پاشنده ۱۲

۲-۴-۲ قطعه دوپایدار نوری جاذب ۱۵

۵-۲ دوپایداری نوری در تشدیدگر حلقه‌ای فیبری با محیط جاذب غیرخطی ۱۷

فصل سوم : نقطه‌های کوانتومی

مقدمه ۲۶

۱-۳ تعریف نقطه‌های کوانتومی ۲۷

۲-۳ مدل یک نقطه کوانتومی ۲۷

۳-۳ شکل‌های مختلف نقطه‌های کوانتومی ۲۹

۱-۳-۳ نقطه‌های کوانتومی مکعبی ۲۹

۲-۳-۳ نقطه‌های کوانتومی کروی ۳۰

۳-۳-۳ نقطه‌های کوانتومی هرمی ۳۳

۴-۳ اثر محبوس‌سازی کوانتومی ۳۴

۵-۳ قطبش سطح و بر هم کنش‌های ذره ۳۵

- ۶-۳ پذیرفتاری سامانه‌های نقطه کوانتومی ۴۱
- ۷-۳ ویژگی‌های نوری نقطه‌های کوانتومی ۴۶
- ۸-۳ ویژگی‌های ساختاری و نوری نقطه کوانتومی PbS ۴۶
- ۹-۳ روش‌های ساخت نقطه‌های کوانتومی ۴۹
- ۱-۹-۳ لیتوگرافی باریکه الکترونی یا یونی ۴۹
- ۲-۹-۳ ساخت کلئیدی ۵۰
- ۳-۹-۳ اپیتکسی ۵۰
- ۱۰-۳ نقطه‌های کوانتومی در دیوده‌های گسیل‌کننده نور یا QD LED ۵۲

فصل چهارم : تقویت کننده‌های فیبر نوری

- مقدمه ۵۴
- ۱-۴ تقویت کننده‌های فیبر آغشته به اربوم ۵۵
- ۱-۱-۴ یون‌های حاکی کمیاب ۵۵
- ۲-۱-۴ اربوم ۵۶
- ۳-۱-۴ شبیه سازی تقویت کننده ۵۸
- ۱-۳-۱-۴ معادلات نرخ ۳ ترازی ۵۸
- ۲-۳-۱-۴ کاهش معادلات نرخ ۳ ترازی به ۲ ترازی ۶۰
- ۳-۳-۱-۴ معادلات انتشار دمش و سیگنال ۶۱
- ۴-۳-۱-۴ معادله انتشار گسیل خود به خودی تقویت شده ۶۱
- ۵-۳-۱-۴ معادلات انتشار با در نظر گرفتن تلفات زمینه ذاتی در فیبر ۶۳
- ۴-۱-۴ بهره تقویت کننده ۶۳
- ۵-۱-۴ نویز تقویت کننده ۶۵
- ۶-۱-۴ جذب حالت برانگیخته سیگنال و دمش ۶۷
- ۲-۴ تقویت کننده فیبر آغشته به نقطه کوانتومی ۶۸
- ۱-۲-۴ ترازهای انرژی ۶۸
- ۲-۲-۴ معادلات نرخ و انتشار توان ۶۹
- ۳-۲-۴ سطح مقطع‌های جذب و گسیل ۷۰

- ۷۲ ۴-۲-۴ بهره تقویت کننده
- ۷۲ ۵-۲-۴ وابستگی دمایی محدود
- ۷۴ ۶-۲-۴ تغییرات بهره با طول فیبر و غلظت نقطه کوانتومی
- ۷۵ ۷-۲-۴ بستگی بهره به توان دمش
- ۷۶ ۸-۲-۴ تقویت کننده فیبر از نقطه‌های کوانتومی نیم رسانای PbS
- ۷۶ ۱-۸-۲-۴ ساختار تقویت کننده
- ۷۷ ۲-۸-۲-۴ بیناب‌های فرکانسی سیگنال ورودی، دمش و سیگنال با دمش
- ۷۸ ۳-۸-۲-۴ طیف بهره بر حسب طول موج و توان دمش
- ۷۹ ۳-۴ تقویت کننده‌های فیبر رامان
- ۷۹ ۱-۳-۴ بهره تقویت کننده
- ۸۰ ۲-۳-۴ نویز تقویت کننده
- ۸۱ ۴-۴ تقویت کننده‌های فیبر بریلوئن

فصل پنجم : رفتار زمانی و دوپایداری نوری حلقه فیبر نوری آغشته به اربیموم و

نقطه‌های کوانتومی

- ۸۳ مقدمه
- ۸۴ ۱-۵ ساختار و عملکرد حلقه فیبر نوری آغشته به اربیموم و نقطه‌های کوانتومی
- ۸۵ ۲-۵ معادلات آهنگ در نیمه آغشته به یون‌های اربیموم تشدیدگر حلقه ای
- ۸۸ ۳-۵ معادلات آهنگ در نیمه آغشته به نقطه‌های کوانتومی تشدیدگر حلقه ای
- ۸۹ ۴-۵ شرایط مرزی
- ۸۵-۵ پاسخ تحلیلی دوپایداری نوری در حلقه فیبر نوری آغشته به اربیموم و نقطه‌های کوانتومی در حالت پایا
- ۹۱
- ۹۸ ۱-۵-۵ دوپایداری نوری با ضرایب عبور مختلف t_1 در EDFA-QD RR
- ۹۹ ۲-۵-۵ دوپایداری نوری با ضرایب عبور مختلف t_2 در EDFA-QD RR
- ۹۹ ۳-۵-۵ دوپایداری نوری با ضرایب عبور مختلف t_1 و t_2 در EDFA-QD RR
- ۱۰۰ ۴-۵-۵ دوپایداری نوری با ضرایب جذب مختلف در EDFA-QD RR

۶-۵	بررسی دوپایداری نوری در حلقه فیبر نوری آغشته به اربوم و نقطه‌های کوانتومی در حالت پایا با
۱۰۱	حل عددی
۱۰۴	۱-۶-۵ الگوریتم حل عددی
۱۰۶	۲-۶-۵ نتیجه حل عددی معادله‌ها در حالت پایا
۱۰۹	۳-۶-۵ دوپایداری نوری با توان‌های دمش مختلف در EDFA-QD RR
۱۱۰	۴-۶-۵ دوپایداری نوری با ضرایب عبور مختلف t_1 در EDFA-QD RR
۱۱۱	۵-۶-۵ دوپایداری نوری با ضرایب عبور مختلف t_2 در EDFA-QD RR
۱۱۲	۶-۶-۵ دوپایداری نوری با غلظت‌های مختلف نقطه‌های کوانتومی در EDFA-QD RR
۱۱۳	۷-۶-۵ دوپایداری نوری با غلظت‌های مختلف یون اربوم در EDFA-QD RR
۱۱۴	۸-۶-۵ دوپایداری نوری با قطرهای مختلف حلقه فیبر در EDFA-QD RR
۷-۵	بررسی دوپایداری نوری در تشدیدگر حلقه‌ای فیبر آغشته به اربوم و نقطه‌های کوانتومی در حالت
۱۱۵	گذرا با حل عددی
۱۱۶	۱-۷-۵ روش میانگین‌گیری
۱۱۸	۱-۱-۷-۵ محاسبه η
۱۲۰	۲-۱-۷-۵ محاسبه γ
۱۲۱	۲-۷-۵ روش گسسته سازی
۱۲۴	نتیجه‌گیری و پیشنهاد
۱۲۶	فهرست منابع

فصل اول

مقدمه

مقدمه

استفاده از موجبرهای دی الکتریک یا فیبرهای نوری شیشه ای به عنوان محیط انتقال شبکه‌های انتقال نوری در سال ۱۹۶۶ مطرح شد [۱].

برتری‌های استفاده از فیبر نوری به عنوان محیط انتقال نسبت به سیم‌های مسی عبارتند از:

- ۱- پهنای باند انتقال بزرگ و نرخ داده بالایی دارند.
- ۲- تلفات انتقال شبکه‌های فیبر نوری پایین است.
- ۳- سیستم‌های انتقال فیبر نوری از هر گونه تداخل امواج الکترومغناطیسی مصون هستند.
- ۴- فیبرهای نوری عایق الکتریکی هستند.
- ۵- اندازه و وزن کوچک دارند.
- ۶- امنیت سیگنال در یک شبکه انتقال فیبر نوری بالاست.

فیبر نوری دو فاکتور محدودکننده مهم دارد: ۱- میرایی ۲- پاشندگی

میرایی سبب تلفات توان سیگنال می شود که فاصله انتقال را کم می کند و پاشندگی نیز پهن‌شدگی پالس نوری را به دنبال دارد. پاشندگی و میرایی سیگنال با افزایش طول فیبر، افزایش پیدا می کند. بنابراین در مخابرات فیبر نوری، سیگنال نوری نیاز به بازسازی دارد. این امر با استفاده از تکرارکننده‌ها انجام می شود.

تا سال ۱۹۶۶، میرایی فیبرهای نوری حدود $1000 \frac{dB}{Km}$ بود و تا سال ۱۹۷۰ میرایی به $20 \frac{dB}{Km}$ کاهش پیدا کرد [۲].

در سال ۱۹۷۵ نخستین سامانه ارتباط فیبر نوری در طول موج $0.8 \mu m$ ساخته شده که در آن از لیزرهای نیمه رسانای GaAs استفاده شده است. آهنگ بیت این سامانه ۴۵Mbps و فاصله تکرار کننده‌ها بیشتر از ۱۰Km بود.

دومین سامانه ارتباط فیبر نوری در سال ۱۹۸۰ در طول موج $1.3 \mu m$ و با استفاده از لیزرهای نیمه رسانای InGaAsP ساخته شد. این سامانه‌ها محدودیت پاشندگی فیبر چند مدی را داشتند که در سال ۱۹۸۱ با ساخت فیبرهای تک مد عملکرد این سامانه‌ها به اندازه زیادی بهبود پیدا کرد. برای فاصله تکرارکننده ۵۰Km، آهنگ بیت این سامانه‌ها به $1.7 \frac{Gb}{s}$ رسید.

سومین سامانه ارتباط فیبر نوری در طول موج $1.55\mu m$ عمل می کرد و تلفات $0.2 \frac{dB}{Km}$ داشت. در آن طول موجی که از لیزرهای نیمه رسانا استفاده می شد، پاشندگی پالس وجود داشت که با طراحی فیبرهایی با پاشندگی انتقال یافته یا محدود کردن طیف لیزر نیمه‌رسانا به یک تک مد طولی این مشکل برطرف شد. این فیبرها طوری طراحی شدند که در طول موج $1.55\mu m$ کمترین پاشندگی را داشته باشند. با این پیشرفت‌ها سومین سامانه ارتباط فیبر نوری با نرخ بیت $2.5 \frac{Gb}{s}$ با فاصله تکرارکننده $100 Km$ ساخته شد.

در چهارمین سامانه ارتباط فیبر نوری، از تقویت نوری استفاده شد تا نیاز به تکرارکننده کاهش پیدا کند. همچنین برای افزایش ظرفیت داده WDM^۱ها^۱ مورد استفاده قرار گرفتند. این دو پیشرفت در سال ۱۹۹۲، ظرفیت این سامانه‌ها را دوبرابر کرد و در سال ۲۰۰۱ آهنگ بیت به $10 \frac{Tb}{s}$ و در سال ۲۰۰۶ با استفاده از تقویت‌کننده‌های نوری به $14 \frac{Tb}{s}$ رسید [۳].

تکرارکننده‌ها با تبدیل سیگنال نوری به سیگنال الکتریکی، پردازش سیگنال الکتریکی و سپس بازانتقال^۲ سیگنال نوری، آن را بازسازی می کنند. سه نوع تکرارکننده در سامانه‌های ارتباط فیبر نوری مورد استفاده قرار گرفته اند:

۱- تکرارکننده‌های R: این تکرارکننده‌ها فقط پالس داده را تقویت می کنند که عمل تقویت با استفاده از تقویت کننده‌های فیبر آغشته به اربوم یا تقویت کننده‌های دیگر انجام می شود. تقویت کننده‌های نوری قطعات آنالوگ هستند که سبب اضافه شدن نویز به سیگنال می شوند. این نویز تولید شده مانند سیگنال از میان تعدادی تقویت کننده عبور می کند که این سبب انباشتگی نویز و ایجاد خطا در انتقال دیجیتال می شود.

۲- تکرارکننده‌های ۲R: این تکرارکننده‌ها علاوه بر تقویت توان، شکل پالس داده را هم بازسازی می کنند. انتقال سولیتون امکان بازسازی ۲R را فراهم می کند. به این علت که سولیتون‌ها تا زمانی که شدت مورد نیازشان را از دست ندهند، شکل پالس‌شان را در سیستم انتقال حفظ می کنند. تقویت کننده‌های نوری سیگنال را تقویت می کنند، در حالی که برهم کنش‌های غیرخطی بین پالس‌های نوری و فیبر شکل پالس را تغییر می دهد. بازسازی ۲R می تواند بر نویز تقویت شده غلبه کند.

¹ Wavelength Division Multiplexing

² Retransmitting

۳- تکرارکننده‌های ۳R: بازسازی ۳R، عمل بازسازی زمانی به علاوه بازسازی شکلی و توانی پالس را انجام می دهد.

در تکرارکننده‌های ۲R و ۳R از قطعه‌های دوپایدار نوری استفاده می شود. یک قطعه دوپایدار نوری از یک تشدیدگر فابری-پرو یا تشدیدگر حلقه‌ای تشکیل شده است که یک ماده غیرخطی درون آن قرار گرفته است و می تواند به ازای یک مقدار توان سیگنال ورودی دو مقدار توان سیگنال خروجی مختلف و پایدار داشته باشد. این پدیده از طریق اثر کر، اثر جذب اشباع‌شونده و جذب دوفوتونی ایجاد می شود.

قطعه‌های دوپایدار نوری فیبری، تشدیدگرهایی هستند که در آن ها از فیبر به عنوان یک محیط فعال غیرخطی استفاده می شود. دوپایداری نوری در فیبر به دلیل کاربردهایی که در سامانه‌های پردازش سیگنال نوری از جمله گیت‌های منطقی، حافظه‌ها، محدودکننده‌ها، مبدل‌های آنالوگ به دیجیتال، تکرارکننده‌ها و... دارد، بسیار مورد توجه قرار گرفته است. همچنین دوپایداری نوری به عنوان اساس عملکرد کلیدزنی به شمار می‌رود.

دوپایداری نوری برای اولین بار در سال ۱۹۶۹ توسط اسزوک^۱ به صورت تئوری مورد بررسی قرار گرفت و در سال ۱۹۷۶ توسط گیبس^۲ به صورت تجربی مشاهده شد.

طرح‌های مختلفی از دوپایداری نوری که در فیبر ارائه شده عبارتند از:

۱- یک قطعه دوپایدار نوری هیبریدی فیبری با فیدبک الکتریکی توسط یان چنگ^۳ و همکارانش پیشنهاد و تحلیل شده است و نحوه عملکرد دوپایداری و برخی از کاربردهای آن برای پردازش سیگنال نوری به صورت آزمایشی بررسی شده است [۴].

۲- این گروه همچنین یک قطعه دوپایدار فیبر نوری برای کلیدزنی نوری و تقویت سیگنال دیجیتالی پیشنهاد داده اند [۵].

۳- یک قطعه دوپایدار نوری فیبر آغشته به اربوم برای تقویت سیگنال نوری دیجیتالی ارائه شده و بهره سیگنال نوری با تغییر پارامترهای مختلف قطعه بررسی شده است [۶].

¹ Szok

² Gibbs

³ Yuancheng

۴- یک قطعه دوپایدار نوری شامل کاواک تمام فیبر از فیبر آغشته به اربوم در طول موج عملکرد $1.55\mu m$ ارائه شده و توان آستانه دوپایداری به صورت تجربی از مرتبه mw بدست آمده است [۷].

۵- دوپایداری ایجاد شده از طریق اثر کر در یک تشدیدگر حلقوی فیبری به صورت تئوری مورد بررسی قرار گرفته است [۸].

۶- همچنین طرح‌های مختلفی برای کلیدزنی نوری ارائه شده است [۹, ۱۲].

۷- یکی از ایده‌های دیگر برای مشاهده دوپایداری نوری ساختاری است که از دو بخش فیبر آغشته به اربوم تشکیل شده است [۱۳]. که در آن یکی از فیبرهای آغشته به اربوم به عنوان تقویت کننده و دیگری به عنوان جذب کننده عمل می کند. این ابزار نوری منحنی مشخصه بهره خاصی دارد که منجر به دوپایداری در لیزر فیبر حلقوی می شود. با تنظیم توان دمش اعمال شده به قسمت جذب کننده می توان رفتار دوپایداری نوری و همچنین گستره آن را تغییر داد.

۸- همچنین دوو^۱ و لی^۲ دوپایداری را در تشدیدگر حلقوی فیبری بررسی کرده اند که نیمی از آن شامل تقویت کننده آغشته به اربوم و نیمه دیگرش فیبر معمولی از جنس سیلیکون بود که توانستند به توان کلیدزنی بهینه‌ای در حدود $60mw$ دست یابند [۱۴]. این توان در مقایسه با توان $1kw$ که با تشدیدگری شامل فیبر حلقوی معمولی، بدون تقویت کننده آغشته به اربوم حاصل می شد بسیار کوچک بود.

در این پژوهش، دوپایداری نوری در تشدیدگر فیبر حلقه‌ای که نیمی از آن آغشته به اربوم و نیمه دیگر آغشته به نقطه‌های کوانتومی است، مورد بررسی قرار گرفته است. نیمه آغشته به نقطه‌های کوانتومی نقش جاذب اشباع‌پذیر دارد که سبب ایجاد دوپایداری نوری می شود و نیمه آغشته به اربوم نقش تقویت کننده دارد که با تقویت سیگنال ورودی باعث کاهش توان کلیدزنی می شود. دوپایداری در این تشدیدگر حلقه‌ای در حالت پایا با دو روش تحلیلی و عددی بررسی شده و توان آستانه کلیدزنی در هر دو حالت بدست آمده و تغییر آن تحت پارامترهای مختلف حلقه فیبر بررسی شده است. سپس رفتار زمانی این حلقه فیبر تحلیل و بررسی شده است.

¹ Na Dou

² Li

فصل دوم

دوپایداری نوری

مقدمه

دوپایداری نوری^۱ یکی از مهم‌ترین اثرات غیر خطی در اپتیک به شمار می‌رود. این اثر توسط پدیده‌های غیرخطی از قبیل اثر کر، اثر جذب اشباع شونده و جذب دوفوتونی ایجاد می‌شود. سیستم دوپایدار نوری به ازای یک مقدار ورودی، دو مقدار خروجی متفاوت و پایدار دارد. به علت این خاصیت دودویی، قطعه‌های دوپایدار می‌توانند برای عملگرهای دیجیتالی از جمله سوئیچ‌ها، حافظه‌ها، فلیپ فلاپ‌ها^۲، گیت‌های منطقی^۳، مبدل‌های آنالوگ به دیجیتال، تکرارکننده‌ها^۴ و... استفاده شوند. مدارها و قطعات الکترونیکی دوپایدار، از اجزا لازم و ضروری سیستم‌هایی هستند که احتیاج به ذخیره اطلاعات دودویی دارند. به علاوه می‌توانند به عنوان تفکیک‌کننده‌های پالس نوری و محدودکننده‌های توان نوری مورد استفاده قرار می‌گیرند.

در این فصل نخست مفهوم دوپایداری و عوامل ایجاد کننده آن توضیح داده شده، سپس مشخصه کلی قطعه دوپایدار و شرایط لازم برای ساخت یک قطعه دوپایدار و انواع آن و در نهایت دوپایداری در یک تشدیدگر حلقه‌ای بیان شده است.

¹ Optical Bistability

² Flip flop

³ Logical gate

⁴ Repeater

۱-۲ تعریف دوپایداری و انواع آن

به دو حالت خروجی پایدار یک سیستم، دوپایداری گفته می شود. قطعه‌ای که به ازای یک پارامتر ورودی، دو پارامتر خروجی مختلف و پایدار داشته باشد یک قطعه دوپایدار است. قطعه دوپایدار نوری ورودی و خروجی اش موج نوری است. دوپایداری نوری شامل دوپایداری شدت، فاز، فرکانس و قطبش است. دوپایداری نوری از طریق اثر کر، جذب اشباع شونده و جذب دوفوتونی حاصل می شود. این سه اثر از پدیده‌های غیرخطی در اپتیک به شمار می روند و در شدت‌های بالای نور رخ می دهد.

اثر جذب اشباع شونده

ضریب جذب موادی که خاصیت جذب اشباع پذیر دارند تابعی از شدت نور است. به این صورت که در شدت‌های پایین، جذب بالایی دارند. در حالی که در شدت‌های بالا، میزان جذب بسیار پایین است. ضریب جذب برای این مواد به صورت زیر تعریف می شود:

$$\alpha = \frac{\alpha_0}{1 + \frac{I}{I_{sat}}} \quad (1 - 2)$$

که α_0 ضریب جذب در شدت‌های پایین و I_{sat} شدت اشباع ماده می باشد.

اثر کر

وقتی ضریب شکست مواد در شدت‌های بالا تابعی از شدت نور شود، اثر کر رخ می دهد. که ضریب شکست برای این مواد به صورت زیر تعریف می شود:

$$n = n_0 + n_2 I \quad (2 - 2)$$

که n_0 ضریب شکست در شدت‌های پایین و n_2 یک ثابت اپتیکی است.

اثر جذب دوفوتونی

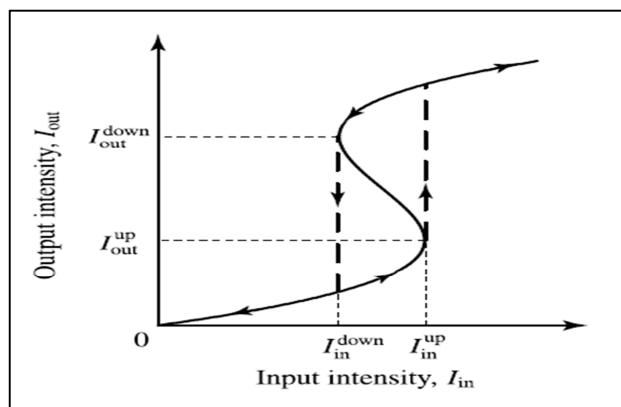
در این فرآیند اتم با جذب هم‌زمان دو فوتون، از حالت پایه به حالت برانگیخته می رود. سطح مقطع جذب اتم در این فرآیند به صورت زیر با شدت نور تغییر می کند:

$$\sigma = \sigma^{(2)} I \quad (3 - 2)$$

که $\sigma^{(2)}$ قدرت فرآیند جذب دوفوتونی را توصیف می کند.

۲-۲ رفتار کلی قطعه‌ای با دوپایداری شدت

شکل (۱-۲) رفتار کلی دوپایداری شدت یک سامانه دوپایدار را نشان می‌دهد. به ازای شدت ورودی بین I_{in}^{down} و I_{in}^{up} سه مقدار برای شدت خروجی وجود دارد. شاخه‌های بالا و پایین منحنی اندازه‌های خروجی پایدار هستند. در حالی که شاخه میانی ناپایدار است، چون شیب منفی دارد ($\frac{dI_{out}}{dI_{in}} < 0$). وقتی شدت ورودی به تدریج از مقدار صفر افزایش پیدا می‌کند، شدت خروجی طبق شاخه پایینی افزایش می‌یابد. تا اینکه شدت ورودی به نقطه گذار بالا در I_{in}^{up} برسد، در این نقطه خروجی یک پرش ناگهانی به شاخه بالایی خواهد داشت. وقتی شدت ورودی تا نقطه گذار پایین در I_{in}^{down} کاهش پیدا کند، سامانه می‌تواند از شاخه بالایی به شاخه پایینی برگردد. اگر مقدار شدت ورودی در ناحیه دوپایداری ($I_{in}^{down} - I_{in}^{up}$) تنظیم شود، خروجی می‌تواند بسته به گذشته در یکی از دو حالت پایدار باشد. در این حالت با یک برانگیختگی خارجی مناسب می‌تواند از یک حالت پایدار به حالت پایدار دیگر سوئیچ شود، در غیر این صورت هم‌چنان در آن حالت باقی می‌ماند.



شکل (۱-۲): رفتار کلی دوپایداری شدت، شدت خروجی بر حسب شدت ورودی [۱۵].

همان‌طور که در شکل دیده می‌شود، شیب منحنی مشخصه برای دوپایداری در نقطه‌های گذار بالا و پایین تغییر علامت می‌دهد. این واقعیت سبب ایجاد شرطی برای دوپایداری و نقطه‌های گذار می‌شود. I_{out} یک تابع چندمقداری از I_{in} است، در حالی که I_{in} یک تابع