



٤١٩

۱۳۸۰ / ۱۲ / ۲۳



۰۱۶۸۳۸



دانشگاه شهید بهشتی

دانشکده فنی - بخش مکانیک

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد مکانیک

موضوع:

بررسی عددی انتقال حرارت و اختلاط دو سیال متلاطم  
در داخل یک مجرای استوانه ای با انبساط ناگهانی بوسیله  
**V2F**  
مدل

۱۳۸۴

استاد راهنما:

**دکتر سید حسین منصوری**

تهیه کننده:

**بهرام صابری**

مهر ماه

ب

بسم الله تعالى

این پایان نامه

به عنوان یکی از شرایط احراز درجه کارشناسی ارشد

ب

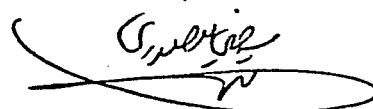
بخش مکانیک  
دانشکده فنی دانشگاه شهید باهنر کرمان

تسلیم شده است و هیچ گونه مدرکی به عنوان فراغت از تحصیل دوره مزبور شناخته نمی شود.

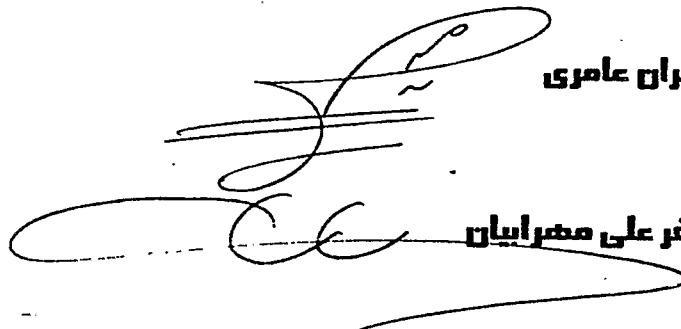
امضاء



دانشجو: آقای بهرام صابری



اساتید راهنمای: آقای دکتر سید حسین منصوری

  
داور ۱: آقای دکتر مهران عامری

داور ۲: آقای دکتر مظفر علی مهرابیان

داور ۳:



حق چاپ محفوظ و مخصوص به مؤلف است  
(ج)

تقدیم به :

## پدر فرهیخته و دانشمند

و همچنین مادر عزیز و مهربانه

که در تمامی امور زندگی یار و یاور من بوده اند.

برادر دانشمند و عزیز، فرhad

و همچنین خواهر عزیز، سهیلا

که یار و غمخوار من در همه مشکلات بوده اند.

## تشکر و قدردانی:

شکوه و افتخار رسیدن به هدف و کسب موفقیت، آنچنان غرور انگیز است که به یکباره زمینات و سفتیها را به باد نسیان و فراموشی می‌سپارد و شهد کامیاب منفصل مشقات را از یاد می‌برد. اکنون که پس از ساعتها کار مداوم موفق به انجام پژوهش خود شده‌است، لازم میدانم که در ابتدای کار پس از محمد و سپاس از ایزد میان از تلاش‌های بی‌درباره استاد محترم چناب آقای دکتر سید مسین منصوبی که عهده دار هدایت این ساله بوده‌اند و در امر راهنمایی، بررسی، تکمیل و به تمر رساندن آن زمینات بسیار متحمل شده‌اند، صدمیمانه قدردانی کنم.

راهنمایی‌ها و نظرات اعضاً محترم کمیته داوری پایان نامه آقایان دکتر عامری و دکتر مهرابیان موجب کمال سپاسگذاری اینجاذب می‌باشد.

همچنین از زمینات سایر استادی خصوصاً آقایان دکتر سینایی و دکتر هنما که در این دوره از کلاس‌های درس ایشان و هدایتها ایشان در امر ساله فارغ التحصیلی بهره برده کمال تشکر و قدردانی را دارم.

بهرام صابری  
مهرماه ۱۳۸۰

## چکیده

در این تحقیق عملاً پیاده کردن یک مدل جدید سیالاتی بنام  $V_2F$  در مورد مسئله انتقال حرارت و اختلاط دو سیال در یک مجرای استوانه ای با تقارن محوری تجربه شده است که در آن دو سیال مختلف در یک مجا را با انبساط ناگهانی با یکدیگر مخلوط می گردند ، دمای دو سیال یکسان و برابر  $340^{\circ}C$  می باشد ولی سرعت ورودی دو سیال متفاوت است و مرز خروجی مرز آزاد سیال است. در این مدل برخلاف مدل  $k-E$  میدان حل معادلات جریان در هم را بطور پیوسته تا سطح دیواره تعیین داده، و از تقسیم میدان جریان به دو قسمت آرام و غیرآرام پرهیز شده است. سپس با رسم نمودارهای تنش برشی و عدد نوسلت و مقایسه دو مدل با یکدیگر و با نتایج تجربی، همچنین رسم کانتورهای سرعت، فشار، دما و انرژی در دو مدل و میزان تطابق آنها با یکدیگر به نتایج سودمندی می رسیم. باید توجه داشت که در این پژوهش معادلات حاکم را با استفاده از روش احجام محدود حل کرده و دستگاه معادلات جبری حاصل از این روش به شیوه خط به خط و با استفاده از الگوریتم سه قطری حل شده اند. از نتایج مهمی که در این پژوهش بدست آمد تأثیر مستقیم ضریب انبساط بر اختلاط و تأثیر اندک دما در اختلاط دو سیال است که نتایج آن در هر دو مدل تقریباً یکسان می باشد منحنی های عدد نوسلت و تنش برشی در مدل  $V_2F$  شبیه ملائمتری داشته و پس از عبور از ناحیه گذرا زودتر به حال تعادل می رسند و نهایتاً به مقدار ثابتی میل می کنند. در پایان تأثیر دو پارامتر ضریب انبساط و هد سیال بر روی عدید نوسلت بررسی شده است که مشاهده میشود تأثیر هد سیال بر عدد نوسلت کم ولی تأثیر ضریب انبساط بر منحنی نوسلت بدلیل تأثیر مستقیم در پدیده اختلاط کاملاً محسوس است.

## فهرست مطالب

عنوان

صفحه

### فهرست علائم

علام اختصاری

### فصل اول مقدمه

۱.....	مقدمه.....	۱-۱
۲.....	مروری بر کارهای گذشته .....	۲-۱
۵.....	هدف و موضوع این پژوهش.....	۳-۱
۶.....	روشهای تحقیق و پژوهش درباره یک پدیده.....	۴-۱
۶.....	۱-۴-۱ مطالعه تجربی و آزمایشگاهی.....	
۷.....	۲-۴-۲ مطالعه تحلیلی و تئوریک.....	
۷.....	۳-۴-۳ شبیه سازی و مطالعه عددی.....	
۸.....	روش تحقیق و بررسی در این پژوهش.....	۵-۱

### فصل دوم معادلات حاکم

۱۱.....	۱-۲ مقدمه.....
---------	----------------

۱۱ .....	۲-۲ جریان متلاطم
۱۴ .....	۱-۲-۱ مدل‌های تنش نیوتونی و شار حرارتی فوریه
۱۶ .....	۲-۲-۲ تلاشی رینولدز
۱۸ .....	۲-۲-۳ محاسبه متوسط زمانی و بررسی آماری جریان در هم
۱۹ .....	۲-۲-۴ مفهوم ضریب پخش گردابه‌ای و چسبندگی گردابه‌ای
۲۱ .....	۳-۲ مدل K-ε
۲۲ .....	۴-۲ مدل‌های چند معادله‌ای
۲۳ .....	۵-۲ مدل $V_2F$
۲۶ .....	۶-۲ شکل نهایی معادلات حاکم
۲۸ .....	۱-۶-۲ معادلات $K$ و $\epsilon$ در مدل $K-\epsilon$
۲۸ .....	۲-۶-۲ معادلات $K$ و $\epsilon$ و $F$ در مدل $V_2F$
۲۹ .....	۷-۲ معادلات حاکم بر خواص مخلوط
۳۲ .....	۸-۲ شرایط مرزی
۳۲ .....	۱-۸-۲ دیواره جامد
۳۶ .....	۲-۸-۲ محور تقارن
۳۶ .....	۳-۸-۲ مرز ورودی
۳۷ .....	۴-۸-۲ مرز خروجی

### فصل سوم محاسبات عددی

۳۹.....	مقدمه .....	۱-۳
۳۹.....	معادلات انفصل با استفاده از روش احجام محدود .....	۲-۳
۴۰ .....	شبکه میدان حل .....	۳-۳
۴۴ .....	۱-۳-۳ روش‌های تولید شبکه .....	
۴۴ .....	۲-۳-۳ روش جبری در شبکه سازی .....	
۴۶.....	۳-۳-۳ شبکه سازی به روش بیضوی .....	
۴۶ .....	۴-۳-۳ روش هذلولوی شبکه سازی .....	
۴۷ .....	۵-۳-۳ شبکه سازی با معادلات سهموی .....	
۴۸ .....	فرم کلی معادلات دیفرانسیل .....	۴-۳
۵۰ .....	فرم کلی تفاضل محدود و معادله $\varphi$ .....	۵-۳
۶۰ .....	بررسی معادلات انفصل .....	۶-۳
۶۰ .....	۱-۶-۳ خطی کردن معادلات چشمی .....	
۶۱.....	۲-۶-۳ ضریب زیرتخفیف .....	
۶۲.....	۳-۶-۳ فرمولیندی کامل برای معادلات انفصل .....	
۶۴ .....	۷-۳ منفصل کردن جمله چشمی معادلات حاکم .....	

۶۴	۱-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh u
۶۷	۱-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh v
۶۹	۲-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh K
۷۱	۳-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh V <sub>2</sub>
۷۲	۴-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh F
۷۲	۵-۷-۳ منفصل کردن جمله چشمeh e
۷۳	۸-۳ بررسی میدان فشار
۷۴	۱-۸-۳ تصحیح فشار و سرعت
۷۵	۲-۸-۳ یافتن معادله تصحیح فشار
۷۶	۳-۸-۳ معادله فشار
۷۸	۹-۳ اعمال شرایط مرزی
۷۸	۱-۹-۳ شرایط مرزی معادله U
۷۸	۲-۹-۳ شرایط مرزی معادله V
۷۹	۳-۹-۳ شرایط مرزی معادله K
۷۹	۴-۹-۳ شرایط مرزی معادله e
۷۹	۵-۹-۳ شرایط مرزی معادله T
۸۰	۶-۹-۳ شرایط مرزی معادله v <sub>2</sub>



۸۰.....	۷-۹-۳ شرایط مرزی معادله F
۸۰.....	۱۰-۳ روش حل معادلات حاکم بر سیستم
۸۲.....	۱۱-۳ نحوه حل دستگاه معادلات جبری
۸۵.....	۱۲-۳ تحلیل خطای

## فصل چهارم ارائه نتایج و بررسی آنها

۹۱ .....	۴-۱ مقدمه
۹۱ .....	۴-۲ تشریح برنامه کامپیووتری
۹۴.....	۴-۳ ارائه نتایج و بررسی آنها
۱۲۵ .....	۴-۴ نتیجه گیری
۱۲۷.....	۴-۵ پیشنهاداتی برای ادامه کار این پژوهش
۱۳۴.....	پایان سخن
۱۳۶.....	فهرست مراجع

### پیوست اول: برنامه کامپیووتری

پ-۱-۱: بررسی برنامه کامپیووتری	۱۴۲.....
پ-۱-۲: نحوه تنظیم و تهییه برنامه کامپیووتری	۱۴۴.....

### پیوست دوم: واژه نامه

۱۴۸.....	واژه نامه
----------	-----------

## فهرست علائم

حرارت ویژه جز آم	$C_{pi}$
حرارت ویژه متوسط	$C_{pm}$
مقدار ثابت در مدل سازی تلاطم	$C_{\mu}$
مقدار ثابت در مدل سازی تلاطم	$C\tau$
ضریب نفوذ جرم	D
ضریب انبساط	ER
متغیر مربوط به خواص غیر موضعی سیال در مرز	F
قطر هیدرولیکی پایین دست جریان	HD
انرژی جنبشی	K
ضریب هدایت حرارتی جزء آم	$K_i$
مقیاس طول مغشوش	L
عدد نوسلت	Nu
فشار یا تولید انرژی جنبشی تلاطم	P
شار حرارتی	q
ثابت گازها	R
شعاع ورودی	R

شعاع جریان داخلی	$R_i$
شعاع جریان خارجی	$R_\theta$
عدد رینولدز	$R_e$
جمله چشمہ	$S$
زمان	$t$
دما	$T$
مقیاس زمانی مغشوش	$T$
مولفه های سرعت درجهت X و y	$v_{.u}$
کسرجرمی جزء آم	$y_i$
کمیت مقیاس طول در مدل سازی تلاطم	$z$
حروف یونانی	
ضریب زیر تخفیف	$\alpha$
فاصله ( $i=u,r$ )	$\delta_i$
نرخ تلفات انرژی جنبشی تلاطم	$\varepsilon$
متغیر عمومی	$\Phi$
متغیر موضعی در محاسبه خواص مخلوط	$\varphi_{ij}$
ثابت فون کارمن	$\kappa$

ضریب نفوذ	$\lambda$
لزجت دینامیکی	$\mu$
لزجت دینامیکی توربولانس	$\mu_t$
لزجت سینماتیکی	$\nu$
متغیر موضوعی	$\theta$
جسم مخصوص	$\rho$
مقدار ثابت در مدل سازی تلاطم	$\sigma_K$
مقدار ثابت در مدل سازی تلاطم	$\sigma_\tau$
تنش برشی	$\tau$
فاصله بین گره ها	$\Delta x, \Delta y$
ضریب نفوذ	$\Gamma$

### زیرنویسها

اندیس جمع بندی در فرم تانسوری	i,j
متغیرهای مربوط به جریان مغشوش	t
مقادیر معادل در جریان مغشوش	eff
مولفه در جهت r	r
مولفه در جهت z	z

گره شرقی	E
گره غربی	W
گره شمالی	N
گره جنوبی	S
گره وسطی	S
وجه شرقی حجم کنترل	e
وجه غربی حجم کنترل	w
وجه شمالی حجم کنترل	n
وجه جنوبی حجم کنترل	s
همسایه	nb

بالا نویسها

مقادیر متوسط -

و مقادیر تصحیح یا جزء نوسانی

~ مقادیر متوسط زمانی

+ مقدار بی بعد در قانون دیواره

× مقادیر حدسی یا تکرار قبلی

^ مقدار کاذب