

اللهم اغفر لي

آیین نامه چاپ پایان نامه (رساله) های دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس

نظر به اینکه چاپ و انتشار پایان نامه (رساله) های تحصیلی دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس، مبین بخشی از فعالیت های علمی - پژوهشی دانشگاه است بنابراین به منظور آگاهی و رعایت حقوق دانشگاه، دانش آموختگان این دانشگاه نسبت به رعایت موارد ذیل متعهد می شوند:

ماده ۱: در صورت اقدام به چاپ پایان نامه (رساله) ی خود، مراتب را قبلاً به طور کتبی به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اطلاع دهد.

ماده ۲: در صفحه سوم کتاب (پس از برگ شناسنامه) عبارت ذیل را چاپ کند:

«کتاب حاضر، حاصل پایان نامه کارشناسی ارشد/ رساله دکتری نگارنده در رشته ۳-۶ سال ۱۳۹۰ در دانشکده علوم ریاضی دانشگاه تربیت مدرس به راهنمایی صیکلر خانم/جناب آقای دکتر محمدزاده، مشاوره سرکار خانم/جناب آقای دکتر

و مشاوره سرکار خانم/جناب آقای دکتر از آن دفاع شده است.»

ماده ۳: به منظور جبران بخشی از هزینه های انتشارات دانشگاه، تعداد یک درصد شمارگان کتاب (در هر نوبت چاپ) را به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اهدا کند. دانشگاه می تواند مازاد نیاز خود را به نفع مرکز نشر در معرض فروش قرار دهد.

ماده ۴: در صورت عدم رعایت ماده ۲، ۳، ۵۰٪ بهای شمارگان چاپ شده را به عنوان خسارت به دانشگاه تربیت مدرس، تأدیه کند.

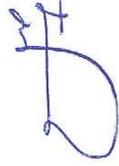
ماده ۵: دانشجوی تعهد و قبول می کند در صورت خودداری از پرداخت بهای خسارت، دانشگاه می تواند خسارت مذکور را از طریق مراجع قضایی مطالبه و وصول کند؛ به علاوه به دانشگاه حق می دهد به منظور استیفای حقوق خود، از طریق دادگاه، معادل وجه مذکور در ماده ۴ را از محل توقیف کتابهای عرضه شده نگارنده برای فروش، تامین نماید.

ماده ۶: اینجناب لیلا سهراب زور دانشجوی رشته ۲-۵ مقطع کارشناسی ارشد

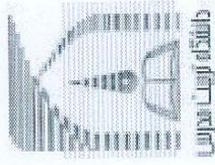
تعهد فوق و ضمانت اجرایی آن را قبول کرده، به آن ملتزم می شوم.

نام و نام خانوادگی: لیلا سهراب زور

تاریخ و امضا: ۲۰/۱۲/۱۳۹۰



بسمه تعالی



دانشگاه علوم ریاضی

تأییدیه اعضای هیأت داوران حاضر در جلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد

اعضای هیأت داوران نسخه نهایی پایان نامه خانم سیلا شهبازی گرزور رشته آمار به شماره دانشجویی ۸۸۵۲۷۰۱۰۷ تحت عنوان: «مدل بندی سلسله مراتبی مقادیر کرانگین فضایی» را از نظر فرم و محتوا بررسی نموده و آن را برای اخذ درجه کارشناسی ارشد مورد تأیید قرار دادند.

اعضای هیأت داوران	نام و نام خانوادگی	رتبه علمی	امضاء
۱- استاد راهنما	دکتر محسن محمدزاده	استاد	
۲- استاد ناظر داخلی	دکتر موسی گل علی زاده	استادیار	
۳- استاد ناظر داخلی	دکتر مجید جعفری خالدي	استادیار	
۴- استاد ناظر خارجی	دکتر حمید پزشکی	استاد	
۵- نماینده تحصیلات تکمیلی	دکتر مجید جعفری خالدي	استادیار	



دانشگاه تربیت مدرس

دانشکده علوم ریاضی

پایان نامه دوره کارشناسی ارشد آمار

مدل بندی سلسله مراتبی مقادیر کرانگین فضایی

توسط

لیلا شهبازی گزور

استاد راهنما

دکتر محسن محمدزاده

اسفند ۱۳۹۰

کلیه حقوق اعم از چاپ و تکثیر، نسخه برداری، ترجمه، اقتباس و ... از این
پایان نامه برای دانشگاه تربیت مدرس محفوظ است. نقل مطالب با ذکر ماخذ
بلامانع است.

تقدیم به

همراهان همواره‌ام

پدر و مادرم

و آرامم

امید

قدردانی

سپاس و ستایش معبود یگانه را که پرتو الطاف بی‌شمارش بر لحظه لحظه زندگی‌ام ساطع و آشکار است. حمد و ثنا می‌گزارم او را که فکرت و اندیشه را در بستر روحم روان ساخت و بهره‌گیری از خوان گسترده دانش اساتیدم را نصیب و روزی‌ام گردانید.

امتنان و سپاس می‌گزارم تلاشها، زحمات و راهنمایی‌های ظریف، ارزشمند و بی‌شائبه استاد فرزانه و گرانمایه‌ام، جناب دکتر محسن محمدزاده را که با حمیت و جدیت، مرا به دقت، اندیشه، درک و تعمق وامی‌داشتند.

لیلا شهبازی گزور

اسفند ۱۳۹۰

چکیده

مقادیر کرانگین به مشاهدات خیلی بزرگ یا کوچک حاصل از یک فرایند اطلاق می‌شود. تحلیل این مقادیر در نظریه مقادیر کرانگین با فرض استقلال همراه است. گاهی این فرض در عمل واقع‌گرایانه نیست. وابستگی فضایی مشاهدات از جمله مواردی است که موجب نقض این فرض می‌شود. معمولاً در نظریه مقادیر کرانگین فرض می‌شود ماکسیماهای سالیانه فضایی از توزیع مقدار کرانگین تعمیم‌یافته پیروی می‌کنند، که ساختار همبستگی فضایی داده‌ها در پارامترهای توزیع منعکس می‌شود. در این پایان‌نامه مدل‌بندی سلسله‌مراتبی مقادیر کرانگین فضایی ارائه می‌شود. فرض معمول در مرحله اول مدل سلسله‌مراتبی نیز استقلال شرطی است. اما در عمل این فرض مورد تردید است. بدین منظور مدلی فضایی برای تحلیل مقادیر کرانگین با توزیع کناری مقدار کرانگین تعمیم‌یافته معرفی می‌شود، که در آن وابستگی‌های کوچک‌مقیاس با استفاده از تابع مفصل گاوسی و تی و وابستگی‌های بزرگ‌مقیاس از طریق پارامتر مکان توزیع‌های کناری مدل‌بندی می‌شوند. برازش مدل در رهیافت بیزی با استفاده از تکنیک‌های مونت کارلوی زنجیر مارکوفی انجام می‌گیرد که شامل الگوریتم نمونه‌گیری گیبز، متروپولیس-هستینگز قدم‌زدن تصادفی و نمونه‌گیر استقلال‌سازوار است. همچنین پیشگویی فضایی بیزی براساس مدل‌های ارائه‌شده با تقریب توزیع پیشگو به دست آورده می‌شود. در پایان جذب و تفکیک وابستگی‌های فضایی چندمقیاسی در مطالعه شبیه‌سازی مورد بررسی قرار گرفته و تحلیل فضایی مقادیر کرانگین سرعت باد ارائه می‌شود.

واژه‌های کلیدی: مقادیر کرانگین فضایی، تابع مفصل، وابستگی فضایی کوچک‌مقیاس،

نمونه گیری استقلال سازوار.

فهرست مندرجات

۲	تعاريف و مفاهيم مقدماتي	۱
۲ مقدمه	۱.۱
۶ داده‌هاي فضايي	۲.۱
۹ پيوستگي و مشتق پذيري ميدان تصادفي	۳.۱
۱۱ مدل‌هاي آميخته خطي تعميم يافته	۴.۱
۱۴	مقادير کرانگين	۲
۱۴ مقدمه	۱.۲

۱۶	مدل بندی ماکسیمای بلوکی	۲.۲
۱۹	توزیع مقدار کرانگین تعمیم یافته	۳.۲
۲۲	برآورد پارامترهای توزیع مقدار کرانگین تعمیم یافته	۴.۲
۲۵	مدل بندی فزونی های بیش از سرحد	۵.۲
۲۸	وابستگی و مانایی	۶.۲
۳۰	مدل های نامانا	۷.۲
۳۲	توزیع مقادیر کرانگین چندمتغیره	۸.۲

۳ توابع مفصل ۳۶

۳۶	مقدمه	۱.۳
۳۷	تابع مفصل	۲.۳

۴۱	توابع مفصل و ویژگی های وابستگی	۳.۳
۴۱	وابستگی کامل	۱.۳.۳
۴۱	وابستگی دنباله ای	۲.۳.۳
۴۳	خانواده های توابع مفصل	۴.۳
۴۴	توابع مفصل چندمتغیره	۵.۳

۴ مدل بندی سلسله مراتبی مقادیر کرانگین فضایی

۴۸	مقدمه	۱.۴
۵۱	چالش های مدل بندی سلسله مراتبی	۲.۴
۵۴	مدل فضایی با تابع مفصل گاوسی	۳.۴
۵۹	مدل بندی سلسله مراتبی بیزی	۴.۴
۶۰	مراحل مدل بندی سلسله مراتبی	۱.۴.۴
۶۲	برآورد بیزی پارامترهای مدل	۲.۴.۴

۷۰	پیشگویی فضایی بیزی	۳.۴.۴
۷۲	مدل بندی مقادیر کرانگین فضایی - زمانی	۵.۴
۷۳	مدل فضایی با تابع مفصل تی	۶.۴
۷۵	برآورد بیزی پارامترهای مدل	۱.۶.۴
۷۹	پیشگویی فضایی بیزی	۲.۶.۴

۵ شبیه سازی و مثال کاربردی

۸۱	مقدمه	۱.۵
۸۲	مطالعه شبیه سازی	۲.۵
۹۰	تحلیل فضایی کرانگین های سرعت باد ایران	۳.۵
۹۸	بحث و نتیجه گیری	۴.۵

A واژه نامه ی فارسی به انگلیسی

لیست اشکال

- ۱.۲.۲ نمودار تابع چگالی توزیع‌های مقدار کرانگین، توزیع وایبل (خط‌پر)، فره‌شه
(نقطه‌چین) و گامبل (خط‌چین) ۱۸
- ۲.۳.۲ نمودار تابع چگالی توزیع وایبل با $\alpha = -3/6$ (خط‌چین)، $\alpha = -8$
(نقطه‌چین)، $\alpha = -2$ (خط‌پر) ۱۹
- ۱.۲.۵ نمودار پراکنش موقعیت‌های فضایی ۸۳
- ۲.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر σ در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۵

- ۳.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر ξ در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۵
- ۴.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر ϕ_μ در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۵
- ۵.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر ϕ_z در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۶
- ۶.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر σ_μ در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۶
- ۷.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر β_0 در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۶
- ۸.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر β_1 در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۷
- ۹.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر β_2 در مدل فضایی با
تابع مفصل تی ۸۷

- ۱۰.۲.۵ نمودار الف: خودهمبستگی و ب: میانه ترتیبی پارامتر λ در مدل فضایی با تابع مفصل تی ۸۷
- ۱۱.۳.۵ موقعیت فضایی ایستگاه‌های سینوپتیک هواشناسی ۹۱
- ۱۲.۳.۵ نمودار الف: بافت‌نگار، نمودار پراکنش ماکسیماهای سرعت باد سالانه سال ۱۳۸۵ در برابر ب: طول و ج: عرض جغرافیایی ۹۳
- ۱۳.۳.۵ نمودار الف: بافت‌نگار، نمودار پراکنش ماکسیماهای سرعت باد سالانه سال ۱۳۸۶ در برابر ب: طول و ج: عرض جغرافیایی ۹۳
- ۱۴.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۵ با مدل فضایی با تابع مفصل گاوسی. ۹۶
- ۱۵.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۵ با مدل فضایی با تابع مفصل تی. ۹۶
- ۱۶.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۵ با مدل فضایی با استقلال شرطی. ۹۶

۱۷.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۶ با مدل فضایی با تابع مفصل

گاوسی ۹۷

۱۸.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۶ با مدل فضایی با تابع مفصل تی

۹۷

۱۹.۳.۵ پهنه‌بندی ماکسیماهای سرعت باد سال ۱۳۸۶ با مدل فضایی با استقلال

شرطی ۹۷

تعاریف و مفاهیم مقدماتی

۱.۱ مقدمه

نظریه مقادیر کرانگین^۱، که رفتار مشاهدات خیلی بزرگ یا کوچک (ماکسیما یا مینیما) را در فرایندی تصادفی تحلیل می‌کند، در زمینه‌های علمی مختلف مورد مطالعه و استفاده قرار گرفته است. از آن جمله می‌توان به علوم هواشناسی در تحلیل مقدار بارش (کولی و همکاران، ۲۰۰۷)، مهندسی در تحلیل خوردگی فلزات (رایس و تامس، ۲۰۰۷)، زمین‌شناسی در تحلیل بزرگی زمین‌لرزه‌ها (کایرس و همکاران، ۱۹۹۹)، مالی در توصیف ریسک مالی (چاوز-دملین و امبرکتز، ۲۰۰۴) و در تحلیل شکل‌های DNA و بافت ماهیچه‌ای (درایدن و ذمپلنی، ۲۰۰۶) اشاره کرد. تحلیل مقادیر کرانگین در آمار فضایی^۲ در مطالعه رویه کرانگین‌های داده‌های آب و هوایی و آلودگی مورد علاقه محققان آماری قرار گرفت. معمولاً در مطالعه چنین رویه‌هایی مقادیر کرانگین

^۱ Extreme value theory

^۲ Spatial statistics

در یک زمان رخ نمی دهند. بنابراین وابستگی فضایی بین مقادیر کرانگین فضایی ضعیف تر از وابستگی فضایی بین داده هاست، اما هنوز مورد علاقه محققین است.

مقادیر کرانگین به مشاهداتی اطلاق می شود که دم توزیع را توصیف می کنند. در روش ماکسیمای بلوکی پس از تعریف بلوک های زمانی به بزرگترین مشاهده در هر بلوک یک ماکسیمای بلوکی اطلاق شده و توزیع مقادیر کرانگین تعمیم یافته به ماکسیمایها برآزش داده می شود. روش جایگزین مدل بندی فزونی های بیش از سرحد است، که با تعریف یک سرحد و برآزش توزیع پارتوی تعمیم یافته به مشاهدات بیش از آن انجام می شود، در صورتی که این مقادیر بر حسب موقعیت های فضایی وابسته باشند، با مقادیر کرانگین فضایی مواجه ایم.

برای حل برخی مسائل تصمیم با رهیافت بیزی، گاهی اطلاعات پیشینی ناکافی هستند و ارائه توزیع پیشینی دقیق برای پارامترهای مدل میسر نمی باشد. در این گونه موارد می توان از مدل های سلسله مراتبی برای جبران عدم حتمیت توزیع پیشینی استفاده نمود، که در آن ها اطلاعات پیشینی در چند سطح منظور می شود. به عنوان مثال در یک مدل سلسله مراتبی دوسطحی، توزیع پیشینی پارامترهای مدل، خود به پارامترهای دیگری وابسته هستند، که در مورد مقدار دقیق آن ها اطلاعات کافی در دست نیست. در این صورت با انتخاب توزیع پیشینی برای این ابر پارامترها می توان عدم حتمیت در توزیع های پیشین سطح اول را نیز تا حدی جبران کرد.

تحلیل مقادیر کرانگین فضایی می تواند با رویکردی سلسله مراتبی و مرتبط نمودن میدان تصادفی با پارامترهای توزیع مانند مدل های آمیخته خطی تعمیم یافته طرح ریزی شود که پیشگویی مقدار کرانگین در موقعیت های فاقد مشاهده هدف اصلی آن است. هنگام مدل بندی سلسله مراتبی مقادیر کرانگین فضایی سه سطح مورد نظر است: سطح اول که توزیع کناری مقادیر کرانگین را تعیین می کند. سطح دوم که وابستگی های فضایی بین مقادیر کرانگین را از طریق فرایندهای پنهان