



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده شیمی

مطالعه از اساس سطح انرژی پتانسیل برهم کنش واندروالسی مولکول  $\text{CS}_2$  با گازهای نادر ( $\text{Ne}$ ,  $\text{Ar}$  و  $\text{He}$ ) در حالت پایه و برانگیخته الکترونی: تأثیر برهم کنش واندروالسی  $\text{Ar}-\text{CS}_2$  بر روی طیف جذبی و نشری  $\text{CS}_2$

رساله دکتری شیمی فیزیک  
منیزه توضیحی

استاد راهنما  
دکتر حسین فرخ پور

استاد مشاور  
پروفسور محمود تبریزی‌چی

شهریور ۱۳۹۳

## فهرست مطالب

عنوان	صفحه
فهرست شکل‌ها	چهار
فهرست جداول	هشت
چکیده	۱
<b>فصل اول مقدمات و مبانی نظری</b>	
۱-۱- کمپلکس‌های واندروالسی	۲
۱-۲- سطح انرژی پتانسیل	۳
۱-۳- مفهوم انرژی پتانسیل بین مولکولی از دیدگاه مکانیک کوانتومی	۳
۱-۴- معادله مستقل از زمان شروдинگر	۴
۱-۵- تقریب بورن-اپنهایمر	۵
۱-۶- معادله شروдинگر الکترونی	۵
۱-۷- معادله شروдинگر هسته‌ایی	۵
۱-۸- تقسیم‌بندی انرژی پتانسیل بین مولکولی	۶
۱-۹- محاسبه انرژی پتانسیل بین مولکولی	۶
۱-۱۰- رویکرد ابرمولکولی	۸
۱-۱۱- خطای برهم‌نهی مجموعه پایه (BSSE)	۹
۱-۱۲- رویکرد اختلالی	۱۰
۱-۱۳- انواع انرژی برهم‌کش از دید اختلال	۱۰
۱-۱۴- تعویض الکترون	۱۱
۱-۱۵- برهم‌کش الکتروستاتیک	۱۲
۱-۱۶- برهم‌کش القایی	۱۳
۱-۱۷- جمع ناپذیری انرژی القایی	۱۳
۱-۱۸- انرژی پراکندگی	۱۵
۱-۱۹- ۲-۷- نظریه اختلال تعدیل شده تقارنی (SAPT)	۱۶
۱-۲۰- اثر همبستگی درون مونومری روی انرژی الکتروستاتیک	۱۸
۱-۲۱- اثر همبستگی درون مونومری روی انرژی مرتبه اول تعویض	۱۹
۱-۲۲- اثر همبستگی درون مونومری روی انرژی القایی	۱۹
۱-۲۳- اثر همبستگی درون مونومری روی انرژی پراکندگی	۲۰
۱-۲۴- انرژی تعویض در SAPT	۲۰
۱-۲۵- خلاصه‌ای برروابط و فرمول‌های SAPT	۲۱
۱-۲۶- ۸-۱- مروری بر مبانی نظری مورد نیاز	۲۲
۱-۲۷- ۸-۱- تقریب هارتی-فاک (HF)	۲۲
۱-۲۸- ۸-۱- همبستگی الکترونی	۲۵
۱-۲۹- ۸-۱- روش برهم‌کنش‌های پیکربندی (CI)	۲۶

۲۸.....	۱-۸-۴- روش خوشه‌های جفت شده.....
۲۹.....	معادلات CC.....
۳۱.....	۱-۸-۵- روش EOM-CC.....
۳۲.....	معادلات EOM-CC.....
۳۶.....	۱-۸-۶- مجموعه پایه.....
۳۸.....	مجموعه‌های پایه حداقل.....
۳۸.....	مجموعه‌های پایه زتای دوگانه (DZ).....
۳۸.....	مجموعه‌های پایه ظرفیتی شکافته (SV).....
۳۹.....	مجموعه‌های پایه نفوذی.....
۳۹.....	مجموعه‌های همبستگی - سازگار.....
۴۰.....	۱-۹- مقدمه‌ای بر این تحقیق.....
۴۰.....	۱-۹-۱- دی سولفید کربن و لزوم مطالعه کمپلکس‌های محتوی CS <sub>2</sub> .....
۴۱.....	۱-۹-۲- مروری بر کارهای انجام شده بر روی کمپلکس واندروالس مشتمل بر CS <sub>2</sub> .....
۴۲.....	۱-۹-۳- هدف از انجام تحقیق.....
۴۲.....	۱-۹-۴- اهمیت و کاربرد این تحقیق.....
	<b>فصل دوم روشها</b>
۴۳.....	۲-۱- هندسه سامانه.....
۴۴.....	۲-۲- روش محاسبه.....
۴۵.....	۲-۳- مجموعه پایه.....
۴۵.....	۲-۳-۱- توابع میان پیوندی.....
۴۵.....	۲-۳-۲- برون‌یابی مجموعه پایه.....
۴۶.....	۲-۳-۳- برون‌یابی انرژی هارتی - فاک حدی.....
۴۷.....	۲-۳-۴- برون‌یابی انرژی همبستگی حدی.....
۴۸.....	۲-۴- روش برون‌یابی مورد استفاده.....
۴۸.....	۲-۴-۱- برنامه LEVEL.....
	<b>فصل سوم نتایج و بحث</b>
۵۲.....	۳-۱- سامانه‌های Ar-CS <sub>2</sub> , Ne-CS <sub>2</sub> و He-CS <sub>2</sub> در حالت الکترونی پایه.....
۵۲.....	۳-۱-۱- انتخاب مجموعه پایه.....
۵۸.....	۳-۱-۲- برآش سطح انرژی پتانسیل.....
۶۷.....	۳-۱-۳- محاسبات انرژی برهم‌کنش با استفاده از نظریه اختلال تعديل شده تقارنی (SAPT).....
۷۰.....	۳-۲- محاسبه ضریب دوم ویریال برهم‌کنش.....
۷۶.....	۳-۱-۵- ارائه پتانسیل برهمکنش تک مرکزی.....
۷۸.....	۳-۱-۶- سطوح انرژی ارتعاشی.....
۷۹.....	۳-۱-۷- جمع‌بندی.....
۸۰.....	۳-۲-۱- کمپلکس Ar-CS <sub>2</sub> در حالت برانگیخته الکترونی.....
۸۲.....	۳-۲-۲- جزئیات محاسبه.....

۸۳.....	- انتخاب مجموعه پایه
۸۳.....	- سطوح انرژی پتانسیل برانگیخته کمپلکس $\text{Ar-CS}_2$
۹۱.....	- محاسبه طیف جذبی کمپلکس $\text{Ar-CS}_2$
۹۵.....	- اثر برهم کنش واندرالس بر روی انرژی برانگیختگی مولکول $\text{CS}_2$ در کمپلکس
۹۷.....	- برازش سطح انرژی پتانسیل برانگیخته
۱۰۵.....	- جمع‌بندی
۱۰۵.....	- کمپلکس $(\text{Ar-CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2))$
۱۰۶.....	- روش
۱۰۷.....	- هندسه و مجموعه پایه
۱۰۸.....	- ارزیابی مجموعه پایه
۱۰۹.....	- تشریح سطح انرژی پتانسیل
۱۱۴.....	- برازش سطح انرژی پتانسیل
۱۱۵.....	- طیف نشری کمپلکس $(\text{Ar-CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2))$
۱۱۸.....	- پارامترهای ساختاری و ثابت نیرو
۱۲۰.....	- جمع‌بندی
<b>فصل چهارم نتیجه‌گیری</b>	
۱۲۱.....	- جمع‌بندی و نتیجه‌گیری
۱۲۶.....	- پیشنهادات
۱۲۷.....	پیوست (۱-۲)
۱۳۱.....	پیوست (۲-۲)
۱۳۲.....	پیوست (۱-۳)
۱۳۳.....	مراجع

## فهرست شکل‌ها

عنوان	
صفحه	
شکل ۱-۱: شکل کلی منحنی انرژی پتانسیل بین مولکولی	۷
شکل ۱-۲: دو موقعیت الکترون نزدیک هسته، که احتمال مشابهی در محاسبات HF دارد و احتمال متفاوتی در محاسبات مشتمل بر همبستگی الکترونی برای آنها مورد انتظار است.	۲۵
شکل ۱-۳-۱: انواع مختلف روش EOM-CC بر حسبتابع موج مرجع و عملگر $R_{(+)}R_{(-)}$ عملگر یونیزه کننده و عملگر $R_{(+)}R_{(-)}$ الحاق کننده الکترون است.	۲۸
شکل ۱-۴: شکل بخش شعابی اوربیتال نوع اسلیتری و اوربیتال نوع گوسی	۳۷
شکل ۱-۵: مختصات سامانه $Rg=He, Ne, Ar$ و $Ar-CS_2$ که $Rg$ است.	۴۳
شکل ۱-۶: ساختار T شکل کمپلکس $Ar-CS_2$	۵۲
شکل ۲-۱: منحنی انرژی پتانسیل برای پیکربندی T شکل کمپلکس $Ar-CS_2$ که با مجموعه پایه $ug-cc-pVDZ$ در حضور انواع توابع میان پیوندی به دست آمده است.	۵۳
شکل ۲-۲: منحنی های انرژی پتانسیل مربوط به ساختار T شکل $(\theta=90)$ سامانه $Ar-CS_2$ در سطح محاسباتی CCSD(T) با مجموعه های پایه مختلف.	۵۵
شکل ۲-۳: مقایسه منحنی انرژی پتانسیل مربوط به ساختار T شکل $(\theta=90)$ سامانه $Ar-CS_2$ در سطح محاسباتی $CCSD(T)/aug-cc-pVDZ-33211$ با منحنی های برون یابی شده مختلف.	۵۵
شکل ۲-۴: مقایسه منحنی پتانسیل ساختار T شکل سامانه $Ar-CS_2$ با فرض چرخنده صلب بودن $CS_2$ (مثلث) و با منحنی پتانسیلی که طول پیوند CS در آن بهینه شده است ( مثلث وارونه).	۵۶
شکل ۲-۵: پتانسیل انرژی برهمنش $CS_2$ با گاز نجیب به صورت تابعی از $R$ در مقادیر انتخابی از $\theta$ که در سطح $CCSD(T)/aug-cc-pVDZ-33211$ محاسبه شده اند (نقاط). خطوط، بازاش را نشان می دهد.	۵۷
شکل ۲-۶: مقدار $C_6$ و $C_8$ محاسبه شده برای کمپلکس های $Ar-CS_2$ ، $Ne-CS_2$ و $He-CS_2$ برای مقادیر متفاوتی از $\theta$ (علامت ها) با استفاده از بازاش بخش جاذبه ای هریک از منحنی های پتانسیل هر یکی با استفاده از معادله (۱۰-۳). خطوط نیز نتیجه بازاش با معادلات خطی (۱۱-۳) و (۱۲-۳) را نشان می دهد.	۶۰
شکل ۲-۷: نمودار کرانه ای سطح انرژی پتانسیل (meV) مربوط به عنوان تابعی از $R$ و نقطه چین مسیر حداقل انرژی را نشان می دهد. A. مینیمم کلی در $\theta=90$ ، B. مینیمم محلی در $\theta=0$ و $\theta=180$ را نشان می دهد. C. نقطه زینی است.	۶۵
شکل ۲-۸: نمودار کرانه ای سطح انرژی پتانسیل (meV) مربوط به عنوان تابعی از $R$ و $\theta$ . نقطه چین مسیر حداقل انرژی را نشان می دهد. A. مینیمم کلی در $\theta=90$ ، B. مینیمم محلی در $\theta=0$ و $\theta=180$ را نشان می دهد. C. نقطه زینی است.	۶۵
شکل ۲-۹: نمودار کرانه ای سطح انرژی پتانسیل (meV) مربوط به عنوان تابعی از $R$ و $\theta$ . نقطه چین مسیر حداقل انرژی را نشان می دهد. A. مینیمم کلی در $\theta=90$ ، B. مینیمم محلی در $\theta=0$ و $\theta=180$ را نشان می دهد. C. نقطه زینی است.	۶۶
شکل ۲-۱۰: نمودار سه بعدی و کانتوری نوعی مربوط به سامانه $X-CS_2$	۶۶
شکل ۲-۱۱: مقایسه منحنی انرژی پتانسیل بدست آمده از روش CCSD(T) (علامت ها) با نتایج حاصل از محاسبات SAPT (خطوط) برای پیکربندی T شکل سامانه های $Ar-CS_2$ ، $Ne-CS_2$ و $He-CS_2$	۶۸
شکل ۲-۱۲: مقایسه مجموع اجزاء انرژی پراکندگی (معادله (۱۸۲-۱)) و انرژی القایی (معادله (۱۸۳-۱)) محاسبه شده با نظریه SAPT (نقاط مشخص شده با علامت ها) برای پیکربندی T شکل کمپلکس های $Ar-CS_2$ ، $Ne-CS_2$ و $He-CS_2$ با بخش جاذبه ای پتانسیل برهمنش (خطوط) با استفاده از معادله (۱۰-۳) و ضرایب بلندبرد گزارش شده در جدول ۱-۳	۶۸

- شکل ۳-۱۴: اجزاء انرژی برهم کنش سامانه های (a) Ar-CS<sub>2</sub> و (b) Ne-CS<sub>2</sub> در R<sub>min</sub> (موقعیت کمینه انرژی منحنی پتانسیل) مربوط به پیکربندی T شکل (θ=۹۰°) ..... ۶۹
- شکل ۳-۱۵: ضریب دوم ویرایل برهمکنش کمپلکس های Ar-CS<sub>2</sub>, Ne-CS<sub>2</sub> و He-CS<sub>2</sub> با استفاده از سطح انرژی پتانسیل برازش شده در این کار. ..... ۷۶
- شکل ۳-۱۶: نمودارهای کرانه ای سطح پتانسیل برهم کنش بین مولکولی CS<sub>2</sub> برانگیخته با اتم Ar به صورت تابعی از R برای مقادیر مختلف θ. الف) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Π<sub>u</sub>) + Ar (۱S), ب) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>-</sup>) + Ar (۱S), ج) CS<sub>2</sub>(2<sup>1</sup>Π<sub>g</sub>) + Ar (۱S), د) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Π<sub>u</sub>) + Ar (۲S), ه) CS<sub>2</sub>(2<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>-</sup>) + Ar (۱S), و) CS<sub>2</sub>(2<sup>1</sup>Δ<sub>u</sub>) + Ar (۱S). انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> هستند. ..... ۸۴
- شکل ۳-۱۷: منحنی های انرژی پتانسیل برهم کنش بین مولکولی CS<sub>2</sub> برانگیخته با اتم Ar به صورت تابعی از R برای مقادیر مختلف θ. الف) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>-</sup>) + Ar (۱S), ب) CS<sub>2</sub>(2<sup>1</sup>Π<sub>g</sub>) + Ar (۱S), ج) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Π<sub>u</sub>) + Ar (۱S), د) CS<sub>2</sub>(1<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>-</sup>) + Ar (۲S), ه) CS<sub>2</sub>(2<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>-</sup>) + Ar (۱S). انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> هستند. ..... ۸۵
- شکل ۳-۱۸: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در دومین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Δ<sub>u</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۷
- شکل ۳-۱۹: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در سومین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Δ<sub>u</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۷
- شکل ۳-۲۰: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar در چهارمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Σ<sub>u</sub><sup>+</sup>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۷
- شکل ۳-۲۱: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در هفتمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Σ<sub>g</sub><sup>-</sup>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۸
- شکل ۳-۲۲: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در هشتمنی حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Δ<sub>g</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۸
- شکل ۳-۲۳: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در نهمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Δ<sub>g</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های برهم کنش بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۸
- شکل ۳-۲۴: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در ششمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Π<sub>g</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. انرژی های بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۸۹
- شکل ۳-۲۵: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در یازدهمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Π<sub>g</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. واحد انرژی بر حسب cm<sup>-1</sup> است. ..... ۹۰
- شکل ۳-۲۶: نمودار کرانه ای PES (الف) و منحنی های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش CS<sub>2</sub> برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و θ در سیزدهمین حالت برانگیخته کمپلکس که به ((۱<sup>1</sup>Π<sub>u</sub>) + Ar (۱S)) ارتباط پیدا می کند. واحد انرژی بر حسب cm<sup>-1</sup> است. .... ۹۰

- شكل ۳-۲۷: نمودار کرانه‌ایی PES (الف) و منحنی‌های پتانسیل (ب) مربوط به برهم کنش  $CS_2$  برانگیخته و اتم Ar به صورت تابعی از R و  $\theta$  در پانزدهمین حالت برانگیخته کمپلکس که به  $((^1S + Ar(^1\Delta_u)(^1S_2))$  ارتباط پیدا می‌کند. واحد انرژی بر حسب  $cm^{-1}$  است.....  
شکل ۳-۲۸: مقایسه طیف جذبی محاسبه شده کمپلکس Ar-CS<sub>2</sub> (پیکربندی T شکل ،  $\theta = 90^\circ$ ) در فواصل بین مولکولی مختلف، با طیف جذبی مولکول  $CS_2$  تنها در فاز گازی (محاسبه شده در این کار). تقارن الکترونی آورده شده در پرانتر مربوط به کمپلکس است و علامت تقارنی بدون پرانتر مربوط به  $CS_2$  مجزا است.\*:  $A_1$  و  $B_1$  به ترتیب مربوط به دوازدهمین و سیزدهمین حالت برانگیخته کمپلکس هستند که با  $(^1S + Ar(^1\Pi_u)(^1\Pi_u)$  ارتباط پیدا می‌کنند.....  
شکل ۳-۲۹: مقایسه طیف جذبی محاسبه شده کمپلکس Ar-CS<sub>2</sub> (پیکربندی T شکل ،  $\theta = 0^\circ$ ) در فواصل بین مولکولی مختلف، با طیف جذبی مولکول  $CS_2$  تنها در فاز گازی (محاسبه شده در این کار). تقارن الکترونی آورده شده در پرانتر مربوط به کمپلکس است و علامت تقارنی بدون پرانتر مربوط به  $CS_2$  مجزا است.....  
شکل ۳-۳۰: تغییرات انرژی برانگیختگی مولکول  $CS_2$  در کمپلکس به (الف) اولین، (ب) پنجمین (ج) دهمین (د) شانزدهمین (ح) دوازدهمین و سیزدهمین حالت برانگیختگی در مقادیر مختلف R و  $\theta$  .....  
شکل ۳-۳۱: مقادیر محاسبه شده  $C_8$  ( $cm^{-1} \text{Å}^8$ ) و  $C_6$  ( $cm^{-1} \text{Å}^6$ ) مربوط به اولین حالت برانگیخته الکترونی (الف و ب) و مربوط به دومین حالت برانگیخته الکترونی (ج و د) کمپلکس Ar-CS<sub>2</sub> برای مقادیر مختلفی از  $\theta$  (علامت‌ها) که از برازش بخش جاذبه‌ایی پتانسیل هر پیکربندی به دست آمده‌اند. خطوط نتیجه برازش را با رابطه خطی را نشان می‌دهد.....  
شکل ۳-۳۲: مقادیر محاسبه شده  $C_6$  و  $C_8$  مربوط به چهارمین حالت برانگیخته الکترونی کمپلکس Ar-CS<sub>2</sub> برای مقادیر مختلفی از  $\theta$  (علامت‌ها) که از برازش بخش جاذبه‌ایی پتانسیل هر پیکربندی به دست آمده‌اند. خطوط نتیجه برازش است.....  
شکل ۳-۳۳: مقایسه منحنی پتانسیل برهم کنش بین مولکولی حالت پایه کمپلکس محاسبه شده در این کار برای  $\theta = 90^\circ$  با (الف) منحنی پتانسیل  $\theta = 90^\circ$  برای اولین، دومین، سومین، هفتمین، هشتمین و نهمین حالت برانگیخته کمپلکس. (ب) منحنی پتانسیل  $\theta = 90^\circ$  برای چهارمین حالت برانگیخته کمپلکس.....  
شکل ۳-۳۴: منحنی‌های انرژی پتانسیل برای اولین حالت برانگیخته الکترونی محاسبه شده (نقاط) و به دست آمده از برازش کلی (خطوط) در مقادیر مختلفی از  $\theta$  را با استفاده از پارامترهای تنظیم‌پذیر گزارش شده در جدول ۱۷-۳ .....  
شکل ۳-۳۵: منحنی‌های انرژی پتانسیل برای چهارمین حالت برانگیخته الکترونی محاسبه شده (نقاط) و به دست آمده از برازش کلی (خطوط) در مقادیر مختلفی از  $\theta$  را با استفاده از پارامترهای تنظیم‌پذیر گزارش شده در جدول ۱۷-۳ .....  
شکل ۳-۳۶: اوربیتال‌های مولکولی والانس در حالت پایه ( $\Sigma_g^+$ ) و برانگیخته الکترونی ( $B_2$ ) .....  
شکل ۳-۳۷: تعیین مختصات سیستم برای ( $^1B_2$ ) Ar-CS<sub>2</sub> .....  
شکل ۳-۳۸: نمودار مسیر انرژی مینیمم برای کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  به عنوان تابعی از مختصه‌های  $\theta$  و  $\varphi$ . در هر ترکیبی از  $\theta$  و  $\varphi$  مقدار R تغییر می‌کند تا موقعیت مینیمم منحنی پتانسیل مشخص شود. انرژی‌ها بر حسب  $cm^{-1}$  است. A: مینیمم کلی، B: مینیمم محلی، C: نقطه زینی مرتبه اول، D: نقطه زینی مرتبه اول ۲، E: نقطه زینی مرتبه دوم ۱، F: نقطه زینی مرتبه دوم ۲ .....  
شکل ۳-۳۹: نمودار کرانه‌ایی سطح انرژی پتانسیل کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  با آرایش صفحه‌ایی ( $\varphi = 0^\circ$ ) (الف)، مسیر مینیمم انرژی (ب). واحد انرژی بر حسب  $cm^{-1}$  است.....  
شکل ۳-۴۰: نمودار کرانه‌ایی سطح انرژی پتانسیل کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  با آرایش عمودی ( $\varphi = 90^\circ$ ) (الف)، مسیر مینیمم انرژی (ب). واحد انرژی بر حسب  $cm^{-1}$  است.....  
شکل ۳-۴۱: نمودار کرانه‌ایی سطح انرژی پتانسیل کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  در  $\varphi = 30^\circ$  (الف)، مسیر مینیمم انرژی (ب). واحد انرژی بر حسب  $cm^{-1}$  است.....  
شکل ۳-۴۲: نمودار کرانه‌ایی سطح انرژی پتانسیل کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  در  $\varphi = 60^\circ$  (الف)، مسیر مینیمم انرژی (ب). واحد انرژی بر حسب  $cm^{-1}$  است.....

شکل ۴۳-۳: مقایسه طیف نشری محاسبه شده کمپلکس  $A-CS_2(V^1B_2)$  مربوط به نقاط ایستای سطح پتانسیل با طیف نشری مولکول  $CS_2$  تنها. تقارن‌های الکترونی مربوط به تقارن نقاط انتخابی در سطح پتانسیل کمپلکس است. ۱۲۷

شکل ۴۴-۳: مقایسه طیف نشری محاسبه شده کمپلکس  $Ar-CS_2(V^1B_2)$  (با  $\theta=80^\circ$ ،  $\varphi=90^\circ$ ) در پیکربندی نقطه مینیمم کلی) در فواصل بین مولکولی مختلف با طیف نشری محاسبه شده  $CS_2(V^1B_2)$  تنها. تقارن الکترونی کمپلکس " $A''^1$ " است. ۱۲۸

## فهرست جداول

### عنوان

### صفحه

جدول ۱-۳: ضرایب پراکنده‌گی همسانگرد و ناهمسانگرد به دست آمده از معادلات (۱۱-۳) و (۱۲-۳) مربوط به کمپلکس‌ها.....	۶۱
جدول ۲-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر در برازش بخش کوتاه‌برد، ( $R, \theta$ )، مربوط به کمپلکس $V_{short}$ (Ar-CS <sub>2</sub> ).....	۶۳
جدول ۳-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر در برازش بخش کوتاه‌برد، ( $R, \theta$ )، مربوط به کمپلکس Ne-CS <sub>2</sub> .....	۶۳
جدول ۴-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر در برازش بخش کوتاه‌برد، ( $R, \theta$ )، مربوط به کمپلکس Ar-CS <sub>2</sub> .....	۶۴
جدول ۵-۳: مشخصات نقاط ایستا در روی سطح انرژی پتانسیل به دست آمده از برازش مربوط به کمپلکس‌ها.....	۶۷
جدول ۶-۳: اجزاء انرژی برهم کنش برای سامانه‌های He-CS <sub>2</sub> و Ne-CS <sub>2</sub> و Ar-CS <sub>2</sub> برای پیکربندی T شکل که از محاسبات SAPT به دست آمده است. واحدها بر حسب meV است.....	۷۰
جدول ۷-۳: ضریب دوم ویریال مخلوط CS <sub>2</sub> +Ar در دما و کسرمولیهای مختلف.....	۷۳
جدول ۸-۳: ضریب دوم ویریال مخلوط CS <sub>2</sub> +Ne در دما و کسرمولیهای مختلف. واحد بر حسب (cm <sup>3</sup> .mol <sup>-1</sup> ) است.....	۷۴
جدول ۹-۳: ضریب دوم ویریال مخلوط CS <sub>2</sub> +He در دما و کسرمولیهای مختلف. واحد بر حسب (cm <sup>3</sup> .mol <sup>-1</sup> ) است.....	۷۵
جدول ۱۰-۳: پارامترهای پتانسیل برهم کنش لندجونز (LJ) به دست آمده در این تحقیق.....	۷۷
جدول ۱۱-۳: سطوح انرژی ارتعاشی کمپلکسها در ساختار T شکل بر حسب cm <sup>-1</sup> .....	۷۸
جدول ۱۲-۳: پارامترهای طوف سنجی (فرکانس ارتعاشی و ثابت‌های ناهمانگی) برای ساختار T شکل کمپلکسها.....	۷۹
جدول ۱۳-۳: مشخصات نقاط کمینه کلی (global) و محلی (local) سطح انرژی پتانسیل در حالت‌های برانگیخته مختلف الکترونی و حالت پایه کمپلکس Ar-CS <sub>2</sub> به دست آمده در این کار.....	۹۱
جدول ۱۴-۳: تقارن تابع موج الکترونی کمپلکس و اجزاء آن در حالت‌های برانگیخته مختلف.....	۹۲
جدول ۱۵-۳: ضرایب پراکنده‌گی همسان‌گرد مربوط به معادله (۷-۳) برای حالت‌های برانگیخته الکترونی کمپلکس Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۰
جدول ۱۶-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای اولین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۱
جدول ۱۷-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای دومین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۱
جدول ۱۸-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای سومین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۱
جدول ۱۹-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای چهارمین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۲
جدول ۲۰-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای هفتمین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۲
جدول ۲۱-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای هشتمین شش حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۲
جدول ۲۲-۳: پارامترهای تنظیم‌پذیر برای بخش کوتاه‌برد پتانسیل حاصل از برازش برای نهمین حالت برانگیخته Ar-CS <sub>2</sub> .....	۱۰۳
جدول ۲۳-۳: میانگین خطای مطلق (MAE) و جذر میانگین محدود خط (RMSE) و مقادیر بیشینه آنها برای سطح انرژی پتانسیل انتخابی با در نظر گرفتن نقاط محاسباتی با انرژی کمتر از انرژی قطع (E <sub>cutoff</sub> ). واحدها بر حسب cm <sup>-1</sup> .....	۱۰۳
جدول ۲۴-۳: انرژی برهم کنش کمپلکس (V <sup>1</sup> B <sub>2</sub> )Ar-CS <sub>2</sub> در θ=۸۰° و φ=۹۰° در مقادیر مختلفی از R در اطراف نقطه مینیمم انرژی در سطح انرژی پتانسیل. واحد انرژیها cm <sup>-1</sup> است.....	۱۰۹
جدول ۲۵-۳: انرژی برهم کنش کمپلکس (Ar-CS <sub>2</sub> (V <sup>1</sup> B <sub>2</sub> )) در نقاط ایستای سطح انرژی پتانسیل (رجوع شود به شکل ۳۴-۳) واحد انرژیها cm <sup>-1</sup> است.....	۱۰۹
جدول ۲۶-۳: هندسه و انرژی برهم کنش نقاط مشخصه در PES مربوط به کمپلکس Ar-CS <sub>2</sub> (V <sup>1</sup> B <sub>2</sub> ).....	۱۱۱
جدول ۲۷-۳: پارامترهای رابطه تحلیلی سطح انرژی پتانسیل بین مولکولی (Ar-CS <sub>2</sub> (B <sup>1</sup> B <sub>2</sub> )) که از برازش با انرژی‌های برهم کنش حاصل از محاسبات EOM-CCSD به دست آمده.....	۱۱۶

جدول ۲۸-۳: پارامترهای استخراج شده از کمپلکس  $^{40}\text{Ar}$ - $^{12}\text{C}$  $^{32}\text{S}_2$ ( $^1\text{B}_2\text{V}$ )

## چکیده

سطح انرژی پتانسیل برهم کنش برای سامانه های واندروالسی  $\text{He-CS}_2$ ,  $\text{Ne-CS}_2$  و  $\text{Ar-CS}_2$  با استفاده از روش CCSD(T) و مجموعه aug-cc-pVDZ که با توابع میان پیوندی {3s3p2d1flg} بسط داده شده، محاسبه شد. مشخص شد که این مجموعه پایه به حد مجموعه پایه کامل همگرا می شود. انرژی برهم کنش در هر پیکربندی و فواصل بین مولکولی مختلف با فرض چرخنده صلب برای  $\text{Mol}_{\text{CS}_2}$  و تصحیح خطای برهم نهی مجموعه پایه به دست آمد. همچنین محاسبات SAPT با مجموعه پایه مشابه در پیکربندی مولکولی  $\text{CS}_2$  پایدارترین ساختار هر کمپلکس در فواصل بین مولکولی مختلف به منظور مقایسه با نتایج CCSD(T) انجام شد. سطح انرژی پتانسیل محاسبه شده برای هر کمپلکس با یک رابطه تحلیلی برآش شد و ضرایب پراکندگی همسانگرد دوقطبی - دوقطبی -  $C_6^0$  و چهارقطبی  $(C_8^0)$  به دست آمد. با استفاده از معادله تحلیلی پتانسیل، ضریب دوم ویریال برهم کنش  $(B_{12})$  برای سه کمپلکس مذکور برای اولین بار محاسبه و گزارش شد. با استفاده از مقادیر تجربی ضریب دوم ویریال گازهای خالص ( $\text{Ar}$ ,  $\text{He}$ ,  $\text{Ne}$  و  $\text{CS}_2$ ) ضریب دوم ویریال  $\text{CS}_2$  و گازهای نجیب در دما و کسرهای مولی مختلف به دست آمد. همچنین یک مدل پتانسیل تک مرکزی برای برهم کنش  $\text{CS}_2$  با گازهای نجیب  $\text{Ar}$  و  $\text{Ne}$  ارائه شده است. از بین کمپلکس های مورد بحث، کمپلکس  $\text{Ar-CS}_2$  انتخاب شد و در حالت های برانگیخته الکترونی مورد بحث و بررسی قرار گرفت. سطح انرژی پتانسیل مربوط به شانزده حالت برانگیخته الکترونی پایین کمپلکس  $\text{Ar-CS}_2$  (در حالت یکتایی) محاسبه شد. سطح پتانسیل بر اساس برانگیختگی عمودی کمپلکس مشتمل بر  $\text{CS}_2$  خطي به حالت های برانگیختگی والانس صورت می گیرد. محاسبات با روش EOM-CCSD با مجموعه پایه ذکر شده در بالا انجام گرفت. طیف جذبی UV کمپلکس  $\text{Ar-CS}_2$  محاسبه شد و مشخص شد که برهم کنش  $\text{CS}_2$  با اتم  $\text{Ar}$  برخی انتقالات منمنع در  $\text{CS}_2$  را فعال و هر چند به طور ضعیف مجاز می کند. سطح انرژی پتانسیلی که دارای عمق واضح و مشخص برای تمام پیکربندی ها هستند به طور سراسری با یک رابطه تحلیلی برآش شدن تا ضرایب  $C_6^0$  و  $C_8^0$  کمپلکس در حالت برانگیخته الکترونی تخمین زده شود. در ادامه مطالعه بر روی کمپلکس  $\text{Ar-CS}_2$  در حالت برانگیخته الکترونی، محاسبه صحیح سطح انرژی پتانسیل کمپلکس  $\text{Ar-CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2)$  به منظور بررسی اثر برهم کنش واندروالسی روی نشر  $\text{CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2)$  در نقاط ایستای سطح پتانسیل انجام گرفت. برای انجام محاسبات برهم کنش حالت برانگیخته  $\text{V}^1\text{B}_2$  مولکول  $\text{CS}_2$  با اتم  $\text{Ar}$  روش EOM-CCSD با همان مجموعه پایه مورد استفاده قبلى، به کار برده شد اثر برهم کنش واندروالس روی نشر  $\text{CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2)$  در نقاط ایستای سطح پتانسیل انجام گرفت و مشخص شد که شدت و موقعیت طیف نشري بستگی به جهت گیری اتم آر گون در اطراف  $\text{CS}_2$  خمیده و فاصله بین دو مونومر دارد. در پیک نشري مربوط به پیکربندی نقطه کمینه کلی مشاهده می شود با کاهش فاصله بین دو مونومر جایه جایی قرمزی در نشر نسبت به نشر  $\text{CS}_2(\text{V}^1\text{B}_2)$  تنها اتفاق می افتد. اطلاعاتی راجع به پارامترهای ساختاری کمپلکس در پیکربندی مینیمم کلی با تقریب پتانسیل شبه دو اتمی با استفاده از منحنی پتانسیل محاسبه شده به دست آمد.

کلمات کلیدی: سطح انرژی بین مولکولی، کمپلکس واندروالسی،  $\text{Ar-CS}_2$ ,  $\text{Ne-CS}_2$ ,  $\text{He-CS}_2$ , جذب و نشر  $\text{Ar-CS}_2$

## فصل اول

### مقدمات و مبانی نظری

#### ۱-۱- کمپلکس‌های واندروالسی

در دهه‌های اخیر پیشرفت‌های قابل توجهی در فهم بنیادی برهم‌کنش‌های بین مولکولی در سیستم‌هایی با برهم‌کنش‌های ضعیف که کمپلکس‌های واندروالسی نامیده می‌شوند صورت گرفته است. تحقیق راجع به آنها از مسائل جذاب و بحث برانگیز علم روز است. مولکول‌های واندروالسی با انرژی تفکیک کم، طول پیوندی بلند، کوچک بودن فرکانس شیوه‌های ارتعاشی و حفظ خصوصیات مونومرهای تشکیل دهنده مشخص می‌شوند. مطالعه نظری و تجربی کمپلکس‌های واندروالس اطلاعات مهمی راجع به نیروهای بین مولکولی ضعیف بین اتم‌ها و مولکول‌ها را فراهم می‌کند [۱، ۲]. این نیروها نقش اساسی در پدیده‌های مختلف فیزیکی، شیمیایی و بیولوژیکی دارد. به عنوان مثال در تعیین خصوصیات گاز، مایع و جامد در حجم بزرگ مهم هستند و نیز در تعیین ساختار درست مولکول‌ها در سیستم‌های زیستی اهمیت بهسزایی دارند. آنها در مطالعه دینامیک مولکولی، طیف سنجی کمپلکس‌های واندروالسی، پلیمرها، فناوری نانو، علم سطح و مطالعات جوی و فیزیک مواد جامد کاربرد داشته و حائز اهمیت هستند. کمپلکس‌های واندروالسی بهوفور مورد مطالعه تجربی قرار گرفته‌اند و داده‌های آزمایشگاهی زیادی در آنها وجود دارد، که از آن جمله می‌توان به اطلاعات طیف‌های ارتعاشی-چرخشی<sup>۱</sup>، ضریب دوم ویریال

1 rovibrational spectrum

برهم کنش<sup>۱</sup>، پراش از پرتو مولکولی<sup>۲</sup>، طیف مادون قرمز، پهن شدگی فشاری رامان و انتقال انرژی و آسایش اسپینی بین هسته‌ایی اشاره کرد. از برآش این داده‌های تجربی باتابع ریاضی توصیف کننده برهم کنش می‌توان برای تعیین سطح انرژی پتانسیل بین مولکولی تجربی و نیمه تجربی استفاده نمود.

## ۲-۱ سطح انرژی پتانسیل<sup>۳</sup>

پتانسیل بین مولکولی در بسیاری از زمینه‌های تحقیقاتی از جمله شبیه سازی دینامیک مولکولی، طراحی دارو و شیمی جو کاربرد دارد. درستی خواص پیش‌بینی شده توسط شبیه سازی‌های دینامیک مولکولی<sup>۴</sup> منوط به درست بودن پتانسیل برهم کنش بین مولکولی است. سطح انرژی پتانسیل (PES) برای محاسبه خصوصیات دینامیکی دیمر از قبیل طیف ارتعاشی چرخشی، پراکندگی<sup>۵</sup> و سطح مقطع برخورد مورد نیاز است. با داشتن سطح پتانسیل صحیح می‌توان اطلاعات ارزشمندی راجع به ساختار کمینه‌های کلی و محلی و نیز ساختار حالت گذار به دست آورد. همان‌طور که گفته شد PES را می‌توان با استفاده از داده‌های تجربی، نیز به دست آورد. ارزیابی PES برای تولید دوباره کمیت‌های تجربی مثل پهن شدگی خطوط طیفی و ضریب دوم ویریال برهم کنش صورت می‌گیرد. باید توجه داشت که هیچ کدام از PES‌ها برای تمامی این خصوصیات کافی نیست و ناهمسانگردی انرژی پتانسیل نیز تأمین نمی‌شود. برای داشتن یک PES صحیح که خصوصیات دینامیکی، طیفی و سایر خصوصیات ذکر شده را به درستی پیش‌بینی کند، محاسبات از اساس<sup>۶</sup> سطح بالا لازم و ضروری است. محاسبات از اساس بر پایه قوانین مکانیک کوانتومی و به کار بردن یک هامیلتونی صحیح و حل معادله شرودینگر انجام می‌شود. در ادامه این فصل مفهوم انرژی پتانسیل بین مولکولی و تقسیم بندی‌های آن آورده می‌شود. مروری بر مبانی نظری مورد نیاز برای محاسبه انرژی پتانسیل در کمپلکس‌های واندروالسی خواهیم داشت. سپس خواص مولکول دی سولفید کربن و مطالعاتی که دیگران بر روی کمپلکس‌های واندروالس حاوی دی سولفید کربن انجام داده‌اند، ذکر می‌گردد.

## ۳-۱ مفهوم انرژی پتانسیل بین مولکولی از دیدگاه مکانیک کوانتومی

انرژی پتانسیل بین مولکولی با حل معادله شرودینگر [۳] مستقل از زمان غیر نسبیتی که تقریب بورن-اپنهایمر<sup>۷</sup> در آن لحاظ شده به دست می‌آید. عملگر هامیلتونی تنها شامل انرژی سینتیکی و برهم کنش‌های کولمبی<sup>۸</sup> است.

1 second virial coefficient

2 molecular beam scattering

3 potential energy surface

4 molecular dynamic simulation

5 scattering

6 ab initio

7 Born-Openheimer approximation

8 coulomb interaction

### ۱-۳-۱- معادله مستقل از زمان شرودینگر

معادله شرودینگر غیر نسبیتی ایستا به صورت زیر است.

$$\hat{H}|\psi\rangle = E|\psi\rangle \quad (1-1)$$

در این معادله انرژی کل،  $E$ ، با به کار بردن هامیلتونی مستقل از زمان،  $\hat{H}$ ، روی تابع موج،  $|\psi\rangle$ ، محاسبه می شود. هامیلتونی مولکولی توسط بخش های مجزایی که در رابطه (۲-۱) نشان داده شداست توصیف می شود.

$$\hat{H} = \hat{T}_e + \hat{T}_N + \hat{V}_{Ne} + \hat{V}_{NN} + \hat{V}_{ee} \quad (2-1)$$

که در آن

$$\hat{T}_e = -\frac{\hbar^2}{2m_e} \sum_i \nabla_i^2 \quad (3-1)$$

$$\hat{T}_N = -\frac{\hbar^2}{2} \sum_A \frac{\nabla_A^2}{M_A} \quad (4-1)$$

$$V_{Ne} = -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \sum_A \sum_i \frac{Z_A}{r_{iA}} \quad (5-1)$$

$$V_{NN} = +\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \sum_A \sum_{B \neq A} \frac{Z_A Z_B}{R_{AB}} \quad (6-1)$$

$$V_{ee} = +\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \sum_i \sum_{j \neq i} \frac{1}{r_{ij}} \quad (7-1)$$

در معادلات فوق  $\hbar$  ثابت پلانک<sup>۱</sup> کاهش یافته،  $\nabla^2$  عملگر لاپلاسی،  $M_A$  و  $M_i$  به ترتیب جرم الکترون و هسته است. این جرمها برای تعیین دو عملگر انرژی سینتیکی،  $\hat{T}_e$  و  $\hat{T}_N$  به ترتیب برای الکترون و هسته به کار می روند. جمله  $V_{Ne}$  پتانسیل کولمبی بین الکترون  $i$  و هسته  $A$  را نشان می دهد. در آخر، جمله های  $V_{ee}$  و  $V_{NN}$  بیان گر پتانسیل دافعه کولمبی بین جفت های الکترونی و هسته ایی هستند.  $Z_A$  عدد جرمی هسته  $A$  و  $r_{ij}$  فاصله بین الکترون  $i$  و  $j$  است.  $r_{iA}$  فاصله الکtron  $i$  از هسته  $A$  و  $R_{AB}$  فاصله بین دو هسته  $A$  و  $B$  است. عملگر پتانسیل خالص،  $V$ ، مطابق زیر تعریف می شود:

$$V = V_{Ne} + V_{NN} + V_{ee} \quad (8-1)$$

برای حل معادله (۱-۱)، برخی تقریب ها مورد نیاز است که مهم ترین آنها تقریب بورن-اپنهایمر است.

۱ Plank constant

### ۱-۳-۲- تقریب بورن-اپنهایمر

معادله (۱-۱) جز برای سیستم‌های تک الکترونی مثل سیستم  $H_2^+$  به طور دقیق قابل حل نیست. یک روش برای فائق آمدن بر این مشکل جدا کردن جمله‌های الکترونی و هسته‌ایی از یکدیگر است. متداول‌ترین روش برای انجام آن به کار بردن تقریب بورن-اپنهایمر (BOA) است. چون تفاوت جرم بین الکترون و هسته خیلی زیاد است، مثلاً در مورد اتم هلیوم نسبت جرم هسته به الکترون حدود ۳۶۰۰ است، فرض می‌شود که الکترون‌ها با حرکت هسته سازگار می‌شود. به بیان دیگر هندسه هسته‌ها در هنگام مطالعه الکترون‌ها ثابت در نظر گرفته می‌شود. به کار بردن این تقریب در معادله شرودینگر مستقل از زمان دو معادله مستقل را نتیجه می‌دهد، که یکی معادله شرودینگر الکترونی و دیگری معادله شرودینگر هسته‌ایی است که در زیر به آنها اشاره می‌شود.

### ۱-۳-۳- معادله شرودینگر الکترونی

$\hat{H}_e$  بخشی از هامیلتونی کل،  $\hat{H}$ ، در معادله (۲-۱) است که برای الکترون‌ها به حساب می‌آید. در عملگر الکترونی،  $\hat{H}_e$ ، جملات مربوط به انرژی جنبشی هسته‌ها و برهم‌کنش الکتروستاتیکی آنها حذف شده است.

$$\hat{H}_e = \hat{T}_e + \hat{V}_{Ne} + \hat{V}_{ee} = -\frac{\hbar^2}{2m_e} \sum_i \nabla_i^2 - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \sum_i \sum_i \frac{Z_A e^2}{r_{iA}} - \sum_i \sum_{j>i} \frac{e^2}{r_{ij}} \right) \quad (9-1)$$

معادله شرودینگر الکترونی به صورت زیر ارائه می‌شود:

$$\hat{H}_e |\Psi_e(r_i, R_A)\rangle = E_e(R_A) |\Psi_e(r_i, R_A)\rangle \quad (10-1)$$

در معادله (۱۰-۱)،  $|\Psi_e(r_i, R_A)\rangle$  تابع موج الکترونی است که به طور صریح به مختصات الکترونی،  $r_i$ ، و به طور پارامتری به مختصات هسته‌ای،  $R_A$ ، وابسته است. انرژی الکترونی،  $E_e(R_A)$ ، نیز به طور پارامتری به  $R_A$  بستگی دارد.

با حل معادله شرودینگر الکترونی ایستا، معادله (۱۰-۱)،  $E_e(R_A)$  تعیین می‌شود. انرژی الکترونی مشتمل بر دافعه بین هسته‌ایی را با  $\hat{V}_e(R)$  نمایش می‌دهیم.

$$\hat{V}_e(R_A) = E_e(R_A) + \hat{V}_{NN}(R_A) \quad (11-1)$$

### ۱-۳-۴- معادله شرودینگر هسته‌ایی

نتیجه دیگر تقریب بورن-اپنهایمر ظهور معادله شرودینگر هسته‌ایی است.

$$\hat{H}_N |\Psi_N(R_A)\rangle = E_N |\Psi_N(R_A)\rangle \quad (12-1)$$

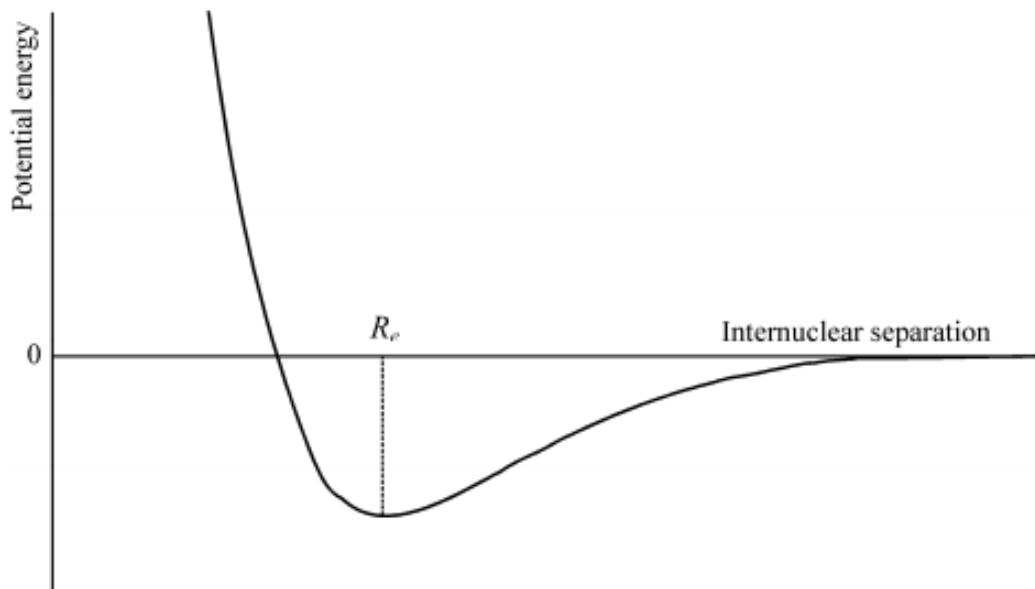
انرژی هسته‌ایی،  $E_N$ ، در معادله (۱۲-۱)، انرژی کل،  $E$ ، محسوب می‌شود. هامیلتونی هسته‌ایی،  $\hat{H}_N$ ، به عنوان جمع انرژی الکترونی (۱۱-۱) و عملگر انرژی جنبشی برای هسته‌ها،  $\hat{T}_N$  و عملگر انرژی پتانسیل دافعه هسته‌ها،  $V_{NN}$ ، در معادله (۶-۶) است.

$$\hat{H}_N = -\frac{\hbar^2}{2M_A} \sum_A \nabla_A^2 + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \sum_A \sum_{B>A} \frac{Z_A Z_B}{R_{AB}} + E_e(R_A) \quad (13-1)$$

با جایگزینی رابطه (11-1) در رابطه بالا داریم

$$\hat{H}_N = \frac{\hbar^2}{2M_A} \sum_A \nabla_A^2 + \hat{V}_e(R_A) \quad (14-1)$$

به این ترتیب با حرکت هسته‌ها انرژی الکترونی مشتمل بر دافعه هسته‌ایی،  $(R)\hat{V}_e$ ، به صورت تابعی از پارامترهایی که آرایش هسته‌ایی را تعیین می‌کنند، به آرامی تغییر می‌کنند و نقش انرژی پتانسیل برای حرکت هسته‌ایی را ایفا می‌کند. پس می‌توان گفت عملگر انرژی الکترونی مشتمل بر دافعه بین هسته‌ایی عملگر انرژی پتانسیل حاکم بر حرکت هسته‌ها محسوب می‌شود که در واقع نقطه‌ایی در سطح انرژی پتانسیل است. نقاط ایستا در مختصات هسته‌ایی مختلف توسط عملگر  $\hat{V}_e$  سطح انرژی پتانسیل یا منحنی پتانسیل برای مولکول‌های دو اتمی را ایجاد می‌کنند. شکل کلی منحنی انرژی پتانسیل در شکل ۱-۱ نشان داده شده است.



شکل ۱-۱- شکل کلی منحنی انرژی پتانسیل بین مولکولی

#### ۴-۱- تقسیم‌بندی انرژی پتانسیل بین مولکولی

هنگامی که یک کمپلکس واندروالسی از دو گونه لایه بسته ایجاد می‌شود، برهم‌کنش دافعه‌ایی بین اوربیتال‌های کاملاً پر دو گونه باعث ناپایداری سامانه می‌شود. در واقع این برهم‌کنش دافعه‌ایی مربوط به حجم مونومرهای دافعه مربوط به همپوشانی اوربیتال‌های پر دافعه تعویضی<sup>۱</sup> نامیده می‌شود، چرا که ناشی از تعویض الکترون‌های بین

مولکولی است و به اصل پائولی<sup>۱</sup> در مکانیک کوانتومی مربوط می‌شود. از آنجایی که توابع موج الکترونی به طور نمایی با فاصله کاهش می‌یابد، دافعه تعویضی که مربوط به همپوشانی توابع موج الکترونی در محدوده بین مولکولی است با افزایش فاصله بین مولکولی به صورت نمایی روند کاهشی دارد. به همین علت است که برهم‌کنش تعویضی به برهم‌کنش کوتاه‌برد معروف است.

آنچه که باعث تشکیل و پایداری کمپلکس واندروالسی می‌شود برهم‌کنش بین چندقطبی<sup>۲</sup>‌های دائمی، برهم‌کنش بین یک چندقطبی دائمی و یک چندقطبی القایی و در نهایت برهم‌کنش بین چندقطبی‌های لحظه‌ای است. این انرژی‌های برهم‌کنش به ترتیب الکتروستاتیک، القایی<sup>۳</sup> و پراکندگی<sup>۴</sup> نامیده می‌شوند. انرژی الکتروستاتیکی بسته به جهت‌گیری چندقطبی دائمی می‌تواند از نوع جاذبه یا دافعه باشد. انرژی القایی و پراکندگی از نوع جاذبه هستند و منتها نیروهای پراکندگی، همبستگی‌های الکترونی است که باعث توزیع نامتقارن ابرالکترونی و ایجاد چندقطبی‌های لحظه‌ای می‌شود. عامل اصلی جاذبه بین مولکول‌های لایه بسته که چندقطبی دائمی ندارند، همین برهم‌کنش‌های بین چندقطبی‌های لحظه‌ای است [۴]. این نوع انرژی‌های برهم‌کنش با توانایی از معکوس فاصله،  $R^{-n}$  که به طور نوعی  $10 \leq n \leq 3$  است با افزایش فاصله بین مولکولی کاهش می‌یابد.

به این ترتیب معمولاً انرژی پتانسیل بین مولکولی،  $V^{\text{int}}$ ، را به صورت زیر تقسیم بندی می‌کنند.

$$V^{\text{int}} = V^{\text{Short}} + V^{\text{elec}} + V^{\text{ind}} + V^{\text{disp}} \quad (15)$$

باتوجه به آنچه که گفته شد، از یک دیدگاه کلی و بدون در نظر گرفتن ناهمسانگردی PES، رابطه انرژی پتانسیل،  $V(R)$ ، با فاصله بین مولکولی ( $R$ ) مطابق زیر شامل دو بخش کوتاه برد و بلند برد است.

$$V(R) = \beta e^{-\alpha R} - \sum_n C_n R^{-n} \quad (16)$$

### ۱-۵-۱ محاسبه انرژی پتانسیل بین مولکولی

واضح است که انرژی برهم‌کنش بین مولکولی در مقایسه با انرژی مولکول‌های مجذباً بسیار کوچک است. تلاش برای محاسبه آن با استفاده از روش‌های آغازین (از اساس) نیاز به محاسبات نظری سطح بالا با استفاده از مجموعه پایه بزرگ و انعطاف پذیر دارد. روش‌های از اساس برای محاسبه انرژی برهم‌کنش را می‌توان به دو روش کلی ابرمولکولی<sup>۵</sup> و اختلال<sup>۶</sup> تقسیم کرد.

1 Pauli principle

2 multipole

3 induction

4 dispersion

5 supermolecular

6 perturbation

## ۶-۱ رویکرد ابرمولکولی

رویکرد ابرمولکولی هم برای محاسبه برهم کنش‌های واندروالسی (ضعیف) و هم برهم کنش‌های کووالانسی (قوی) به کار می‌رود و به عنوان یک روش سراسرت و عادی استفاده می‌شود. در این رویکرد انرژی برهم کنش ( $\Delta E^{INT}$ ) بین دو مولکول A و B به صورت تفاوت بین انرژی دیمر (ابرمولکول) AB و مونومرهای تشکیل دهنده (زیر مولکول) A و B در نظر گرفته می‌شود.

$$\Delta E^{INT} = E_{AB} - (E_A + E_B) \quad (17-1)$$

از جمله اشکالات موجود در این روش آن است که انرژی برهم کنش، تفاوت بین اعداد بزرگ است به طوری که انرژی‌های الکترونی،  $E_{AB}$ ،  $E_B$ ،  $E_A$  نوعاً از مرتبه  $10^{-3}$  au (Hartree) است در حالی که انرژی برهم کنش در حدود  $10^{-10}$  au و یا کمتر است. به همین علت خطای سیتماتیک بزرگ‌تر از  $\Delta E^{INT}$  است. چالش مسأله، مربوط به چگونگی محاسبه صحیح انرژی‌های مولکولی و در نتیجه آن، محاسبه صحیح انرژی برهم کنش است. همبستگی الکترونی نقش اساسی در برهم کنش‌های بین دو مولکول لایه بسته A و B دارد. انرژی برهم کنش را می‌توان به دو جزء انرژی برهم کنش هارتی-فاک،  $\Delta E^{HF}$ ، و سهم همبستگی،  $\Delta E^{COR}$ ، تقسیم کرد.

$$\Delta E^{INT} = \Delta E^{HF} + \Delta E^{COR} \quad (18-1)$$

$\Delta E^{HF}$  بطور تقریبی سهم‌هایی از دافعه تعویضی و برهم کنش‌های الکتروستاتیک را در برمی‌گیرد در حالی که  $\Delta E^{COR}$  انرژی پراکندگی را شامل می‌شود. محاسبه  $\Delta E^{COR}$  نیاز به روش‌های فوق هارتی-فاک<sup>۱</sup> برای محاسبه  $\Delta E^{HF}$  سهم‌های همبستگی الکترونی دارد. برای برهم کنش مولکول‌های غیر قطبی و یا مولکول‌های با قطبیدگی کم، دافعه‌ایی است به جز در محدوده بلند برد و سهم جاذبه در  $\Delta E^{COR}$  توسط  $\Delta E^{INT}$  تعیین می‌شود.

از دیگر اشکالات روش ابرمولکولی لزوم اندازه سازگار بودن روش محاسبه است. روش‌های برهم کنش پیکربندی، CI<sup>۲</sup>، به جز FCI<sup>۳</sup> به علت اندازه سازگار نبودن برای محاسبه انرژی برهم کنش مناسب نیستند. در حالی که روش‌های خوش‌های جفتیده<sup>۴</sup> و MP2 اندازه سازگار هستند و مشخص شده است که روش CCSD(T) بهترین نتایج انرژی برهم کنش را فراهم می‌کنند. محاسبه صحیح  $\Delta E^{INT}$  همچنین نیاز به مجموعه پایه بزرگ و انعطاف پذیر برای بسط تابع موج الکترونی تک ذره‌ای دارد. تابع موج باید شامل مجموعه بزرگی از توابع قطبیدگی تا نوع g یا h برای

1 pos-Hartree-Fock

2 configuration interaction

3 full configuration interaction

4 coupled cluster

الکترون‌های لایه ظرفیت ولایه درونی باشد. مسئله دیگر راجع به صحت  $\Delta E^{INT}$  خطای برهمنهی مجموعه پایه (BSSE)<sup>۱</sup>) است که در قسمت بعد به آن پرداخته می‌شود.

### ۱-۶-۱- خطای برهمنهی مجموعه پایه (BSSE)

این خطا زمانی بروز می‌کند که دو جزء A و B یک ابرمولکول را می‌سازند. از آنجایی که مجموعه‌های پایه هیچ‌گاه کامل نیستند، مجموعه پایه مونومر A در داخل دیمر از مجموعه پایه مربوط به مونومر B تغذیه می‌کند و بر عکس. به این ترتیب بسطی در مجموعه پایه مربوط به دیمر صورت می‌گیرد و یک بهبودی کاذب در انرژی دیمر ایجاد می‌شود و انرژی دیمر به درستی محاسبه نمی‌شود و در نتیجه انرژی برهمنشی که طبق رابطه (۱۷-۱) به دست می‌آید صحیح نبوده و مشتمل بر خطای برهمنهی مجموعه پایه است.

$$\Delta E = E_{AB}^{\chi_{AB}}(AB) - (E_A^{\chi_A}(A) + E_B^{\chi_B}(B)) \quad (۱۹-۱)$$

در این رابطه  $E_X^{\chi_Z}(Y)$  انرژی سامانه X در هندسه Y با مجموعه پایه Z را نشان می‌دهد. روش متداول برای تصحیح BSSE بر اساس طرح بویز-برنارדי<sup>۲</sup> (روش تصحیح آویزش، CP<sup>۳</sup>) است[۵]. آنها پیشنهاد کردند که کل مجموعه توابع پایه  $\chi_{AB}$  مورد استفاده در محاسبه انرژی دیمر برای محاسبه انرژی مونومرهای تشکیل‌دهنده نیز به کار رود. بر این اساس انرژی برهمنش تصحیح شده از رابطه (۲۰-۱) به دست می‌آید:

$$\Delta E^{CP} = E_{AB}^{\chi_{AB}}(AB) - (E_A^{\chi_{AB}}(A) + E_B^{\chi_{AB}}(B)) \quad (۲۰-۱)$$

معادله‌های (۱۹-۱) و (۲۰-۱) بهم همگرا خواهند شد اگر مجموعه پایه کامل (CBS)<sup>۴</sup> استفاده شود. تفاوت بین این دو معادله کمیتی است که از آن به عنوان BSSE یاد می‌شود.

$$\delta_{AB}^{BSSE} = \Delta E^{CP} - \Delta E = \underbrace{E_A^{\chi_A}(A) - E_A^{\chi_{AB}}(A)}_{\delta_A^{BSSE}} + \underbrace{E_B^{\chi_B}(B) - E_B^{\chi_{AB}}(B)}_{\delta_B^{BSSE}} \quad (۲۱-۱)$$

معادله (۲۰-۱) تنها زمانی به کار می‌رود که هندسه هسته‌ایی هر یک از مونومرهای دیمر ثابت باشد یعنی ساختار مونومرهای در اثر برهمنش باهم تغییر نکند. انرژی برهمنش تصحیح شده و انرژی دیمر تصحیح شده براساس تعریف BSSE در بالا، مطابق معادلات (۲۲-۱) و (۲۳-۱) به دست می‌آیند.

$$\Delta E^{CP} = \Delta E + \delta_{AB}^{BSSE} \quad (۲۲-۱)$$

$$E_{AB}^{CP} = E_{AB} + \delta_{AB}^{BSSE} \quad (۲۳-۱)$$

1 basis set superposition error

2 Boys-Bernardi

3 counterpoise

4 complete basis set

اگر هندسه هر یک از مونومرها در داخل دیمر مؤثر از میدان مونومر دیگر تغییر کند، آنگاه BSSE بادر نظر گرفتن ساختار بهینه مونومرها در دیمر محاسبه می شود.

$$\delta_{AB}^{BSSE} = \underbrace{E_A^{\chi_A}(AB) - E_A^{\chi_{AB}}(AB)}_{\delta_A^{BSSE}} + \underbrace{E_B^{\chi_B}(AB) - E_B^{\chi_{AB}}(AB)}_{\delta_B^{BSSE}} \quad (24-1)$$

### ۷-۱- رویکرد اختلالی

استفاده از نظریه اختلال در محاسبه انرژی برهم کنش کاملاً از رویکرد ابرمولکولی متفاوت است. این روش به طور مستقیم تفاوت انرژی کمپلکس و اجزاء تشکیل دهنده آن را از طریق شکستن انرژی به جملات الکتروستاتیک، القایی، پراکندگی و تعویضی محاسبه می کند. روش اختلال را می توان به عنوان روش دو-جرمی<sup>۱</sup> در مقایسه با روش ابرمولکولی، به عنوان روش تک-جرمی<sup>۲</sup>، در نظر گرفت. در این روش انرژی برهم کنش بلند برد (الکتروستاتیک، القایی و پراکندگی) با استفاده از نظریه اختلال رایلی-شروعینگر RS-PT<sup>۳</sup> بدست می آید. در این نظریه (به کار برد شده برای دو مونومر A و B) هامیلتونی مختل نشده،  $H^{(0)}$ ، جمع هامیلتونی دو مونومر است.

$$H^{(0)} = H^{(A)} + H^{(B)} \quad (25-1)$$

اختلال به صورت زیر تعریف می شود

$$V^{AB} = H^{AB} - H^A - H^B = \sum_{i \in A} \sum_{j \in B} \frac{q_i q_j}{r_{ij}} \quad (26-1)$$

که  $q_i$  و  $q_j$  بار (در واحد بار الکترون) به ترتیب مربوط به مونومر A و B است. در مورد الکترون و در مورد هسته معادل با عدد اتمی Z است.  $r_{ij}$  فاصله بین ذره i و j است. نظریه اختلال بر اساس بسط حالت های اختلالی در جملاتی از حالات غیر اختلالی است.

$$H^A \Phi_n^A = E_n^A \Phi_n^A \quad , \quad H^B \Phi_m^B = E_m^B \Phi_m^B \quad (27-1)$$

در رابطه بالا، n امین و m امین تابع ویژه در مونومر A و B به ترتیب با  $\Phi_n^A$  و  $\Phi_m^B$  نمایش داده شده است. تابع موج اختلال نیافته به صورت حاصلضرب تابع موج اختلال نیافته مونومر A و B است.

$$\Phi_0 = \Phi_0^A \Phi_0^B \quad (28-1)$$

تابع ویژه  $H^{(0)}$  محسوب می شود. در اینجا به طور خلاصه مطالبی راجع به هریک از جملات برهم کنش از دید اختلالی آورده می شود [۶, ۴].

1 two body

2 one body

3 Rayleigh-Schrödinger perturbation theory